## SYSTEM DER PHILOSOPHIE

Hermann Lotze









## System der Philosophie

Bon

#### hermann Lotze

Erfter Theil

Drei Bücher der Logif

Leipzig

Berlag von S. Hirzel. 1874.

# Logik

Drei Bücher

vom Denken, vom Untersuchen und vom Erkennen

Bon

hermann Lotze

**Leipzig** Berlag von S. Hirzel. 1874. Das Recht der Aeberfeting ift vorbehalten.

#### Vorwort.

Wenn ich dieses Buch als erften Theil eines Spftems der Phi-Losophie zu bezeichnen mage, so hoffe ich, daß man hinter dieser Benennung nicht dieselben Ansprüche vermuthen wird, die in früheren Zeiten sich durch sie anzukündigen pflegten. Es kann natürlich nur meine Absicht sein, das Ganze meiner perfonlichen Ueberzeitgungen in einer spstematischen Form darzustellen, welche dem Leser das Urtheil darüber möglich macht, in wieweit sie nicht nur in sich selbst zusammenstimmen, sondern auch dazu dienen konnen, die vereinzelten Bebiete unserer gewiffen Erfenntnig über bie großen Luden hinweg, durch welche dieselben getrennt sind, in den Zusammenhang einer abschließbaren Weltansicht zu verknüpfen. Bon diesem Beweggrund habe ich mich auch in diesem Anfang meiner Darstellung leiten laffen. Ihr erstes Buch, obwohl völlig neu geschrieben, wiederholt im Wesentlichen ben Gedankengang meiner fleinen längst vergriffenen Logik vom Jahre 1843; ich habe nicht Ursache gefunden, diesen zu ändern, und noch jett wie damals liegt nur in ihm das Interesse, das ich selbst an der Darstellung der Logif nehme; Erweiterungen und Berbefferungen ihres Formalismus zu versuchen, jedoch innerhalb des allgemeinen Characters, den derselbe einmal hat und haben muß, halte ich jetzt wie damals für unfruchtbare Arbeit; was von ihm wissenswürdig ist, sei es auch nur in einer Art von culturgeschichtlichem Interesse, glaube ich bennoch vollständig mitgetheilt zu haben, und

16

bin bemüht gewesen, es in der einfachsten Form zu thun. Das zweite Buch, das, aller spftematischen Teffeln ledig, zusammenstellt, was mir nütlich ichien, bedarf feines Borworts; Bieles läßt fich hier anders auswählen, Manches hinzufügen, Manches auch wird hinweggewünscht werden; man muß es wie einen offenen Markt betrachten, auf welchem man die unbegehrte Waare ruhig bei Seite läßt. Buch war gang anders beabsichtigt; es follte dieselben Gegenstände, die es jett bespricht, in Gestalt einer historisch-fritischen Darstellung der logischen Gesammtansichten behandeln, die in Deutschland und bei den verschiedenen Nationen des Auslands in vielen fehr intereffanten und der Theilnahme würdigen Formen aufgetreten find. Der Versuch der Ausführung zeigte, daß diese Aufgabe, wenn sie mit ber Gründlichkeit gelöft werden follte, die man allen jenen schätzenswerthen Arbeiten schuldig ift, innerhalb ber Grenzen dieses Buches gang unerfüllbar blieb; vielleicht findet fich für fie eine andere Belegenheit; vor ber Hand führte dies Miglingen mich dazu, zunächst jeder Rücksichtnahme auf fremde Ansichten zu entsagen und nur vorzutragen, was entweder Gemeingut ift oder zu meiner individuellen Anschauungsweise gehört. Möge nicht Alles, was ich geäußert habe, immer nur biefer letten angehören!

Göttingen, 10. Juni 1874.

Der Berfaffer.

### Inhalt.

|   | Seite |
|---|-------|
| Frites Buch. Bom Denken (reine Logik)                                   | 1     |
| Einleitung  | 3     |
| Erftes Kapitel. Die Lehre vom Begriffe.                                 |       |
| A. Die Formung ber Eindrilde zu Borstellungen                           | 14    |
| B. Setzung, Bergleichung und Unterscheidung ber einfachen Borftellungs- |       |
| . inhalte   | 24    |
| C. Die Bisdung des Begriffs   | 36    |
| Uebergang zu der Form des Urtheils                                      | 54    |
| 3 weites Rapitel. Die Lehre vom Urtheil                                 | 57    |
| Borbemerkungen über Bedeutung und gewöhnliche Gintheilung der Urtheile  | 57    |
| Die Reihe der Urtheilsformen.   |       |
| A. Das impersonale Urtheil. Das tategorische Urtheil. Der Sat           |       |
| der 3dentität   | 69    |
| B. Das particulare Urtheil. Das hypothetische Urtheil. Der Gat          |       |
| des zureichenden Grundes  | 77    |
| C. Das generelle Urtheil. Das disjunctive Urtheil. Das Dictum           |       |
| de omni et nullo und das Princip. exclusi medii                         | 91    |
| Anhang über die unmittelbaren Folgerungen                               | 101   |
| Drittes Rapitel. Die Lehre vom Schluß und ben fpstematischen            |       |
| Formen  | 108   |
| Borbemertungen über die Aristotelische Syllogistif                      | 108   |
| A. Der Schluß durch Subsumption; durch Induction; durch Analogie        | 122   |
| B. Die mathematischen Folgerungen: durch Substitution; durch Pro-       |       |
| portion; die constitutive Gleichung                                     | 131   |
| C. Die spstematischen Formen: Classification; erklärende Theorie; das   |       |
| dialettische Ideal des Denkens  | 147   |
| Zweites Buch. Bom Untersuchen (angewandte Logif)                        | 187   |
| Erstes Rapitel. Die Formen der Definition                               | 192   |
| Zweites Kapitel. Bon der Begrenzung der Begriffe                        | 212   |
| Drittes Kapitel. Schematische Anordnungen und Bezeichnung der           |       |
| Begriffe  | 232   |

|  | Seite |
|--|-------|
| Biertes Rapitel. Die Formen des Beweises                         | . 256 |
| Fünftes Rapitel. Die Auffindung der Beweisgründe                 | . 285 |
| Sechftes Rapitel. Beweisfehler und Dilemmen                      |       |
| Siebentes Kapitel. Allgemeine Gate aus Wahrnehmungen             | . 340 |
| Achtes Kapitel. Aussindung von Gesetzen                          | . 378 |
| Reuntes Kapitel. Bestimmung singularer Thatsachen und Wahrschein | 2     |
| lichfeitsberechnung  | . 409 |
| Zehntes Kapitel. Bon Wahlen und Abstimmungen                     | . 447 |
| Drittes Buch. Bom Erkennen (Methodologie).                       |       |
| Vorbemerfung   | . 465 |
| Erftes Rapitel. Bom Stepticismus                                 | . 473 |
| 3 weites Kapitel. Die Joeenwelt                                  | 493   |
| Drittes Rapitel. Apriorismus und Empirismus                      | . 512 |
| Biertes Rapitel. Reale und formale Bedeutung des Logischen .     | . 536 |
| Künftes Kavitel. Die apriorischen Wahrheiten                     | . 561 |

Erstes Buch.

Vom Denken.

(Reine Logik.)

Loge, Logit.

I. Auf Anregungen der Sinne entstehen uns fast in jedem Augenblicke unseres wachen Lebens verschiedene Vorstellungen zugleich oder in unmittelbarer Abfolge. Bon ihnen haben manche ein Recht, in unserem Bewußtsein so zusammenzutreffen, weil auch die Wirklichkeit, aus ber sie stammen, ihre veranlaffenden Ursachen immer zugleich erzeugt oder aufeinander folgen läßt; andere begegnen sich in uns nur deshalb, weil innerhalb des Bereiches der Außenwelt, für deffen Ginwirfung wir erreichbar sind, ihre veranlassenden Ursachen thatsächlich in demselben Augenblid zusammentrafen, doch ohne einen inneren Zusammenhang, der ihre gleiche Verknüpfung in jedem Wiederholungsfalle sicherte. Diefe Mifchung zusammengehöriger und nur zusammengerathener Vorstellungen wiederholt nach einem Gesetze, welches wir unserer Selbstbeobachtung entlehnen, auch der Berlauf unserer Erinnerungen. Denn jede Borftellung, sobald sie irgendwie im Bewußtsein neubelebt wird, erweckt auch diejenigen anderen wieder, die früher einmal, gleichzeitig oder ohne Zwischenglied folgend, mit ihr zusammengewesen sind, gleichviel ob die frühere Verknüpfung auf jener Busammengehörigkeit der vorgestellten Inhalte oder auf dieser bloßen Gleichzeitigkeit übrigens einander fremder Erregungen beruht haben Der erste Fall, die Wiederbringung bes Busammengehörigen, begründet unsere Hoffnung, zu Erkenntnissen zu gelangen; der zweite, die Leichtigkeit, mit der das Zusammengerathene an einander haftet und sich wechselseitig ins Bewußtsein drängt, ist die Quelle der Jrrthumer und zunächst jener Zerstreuung, durch die unsere Gedanken von der Verfolgung eines sachlichen Zusammenhanges abgehalten werden.

II. Mit dem Namen des Vorstellungsverlaufes bezeichnen wir das abwechselungsreiche Ganze der Vorgänge, zu denen diese Eigensthümlichkeit unseres Seelenlebens führt. Nothwendigen Zusammenhang zwischen den Gliedern dieses Ganzen würden wir, wenn eine allwissende

Beobachtung uns zu Gebot ftande, in jedem feiner Beifpiele entbeden: in dem besonnenen Gedankengange des Wachenden, in den Träumen bes Schlummernden, in dem Fieberwahn des Kranken. Denn aus der Anwendung allgemeiner Gesetze bes Verhaltens, die für alle Seelen gleichmäßig gelten, auf die besonderen Bedingungen, die in jedem einzelnen dieser Fälle abweichend von denen des andern gegeben find, würde der Gang jener inneren Ereignisse überall als unvermeidlicher Erfolg entspringen muffen. Bußten wir nur, welche bleibende Gigenthümlichkeit die Natur einer bestimmten einzelnen Seele auszeichnet, überfähen wir zugleich Inhalt und Form ihres ganzen bisherigen Borstellungsverlaufes, so würden wir auf Grund jener allgemeinen Gesetze vorhersagen tonnen, welche dritte und vierte Borftellung diese Seele im nächsten Augenblicke erzeugen muß, sobald sie im gegenwärtigen auf Anregung äußerer Reize diese erste und zweite erzeugt hat. In jeder anderen Seele aber, deren Natur, Borgeschichte und augenblickliche Lage andere waren, wurde dieselbe erfte und zweite Vorstellung, die sie auf Beranlassung gleicher äußerer Reize jett entwickelte, zu einer völlig verschiedenen Fortsetzung im nächsten Moment mit gleicher Rothwendigkeit führen. Gine hierauf gerichtete Untersuchung würde daher jeden Borftellungsverlauf, den sie irgendwo vorfände, als nothwendig für die Seele, in welcher er vorfame, und unter ben Bedingungen, unter benen er stattfände, anerkennen muffen; aber sie wurde keine Berknupfungsweise ber Borftellungen auffinden, welche für alle Seelen allgemeingültig ware. Und eben, weil jede diefer Borftellungsreihen unter ben besonderen Bedingungen, unter denen sie stattfindet, gleich nothwendig und gesetzlich zusammenhängt, wie jede andere unter den ihrigen, so wäre kein Anlaß zur Aufstellung eines Werthunterschiedes, welcher, wie derjenige zwischen Wahrheit und Unwahrheit, die eine dieser Borstellungsverbindungen allen übrigen entgegensetzte.

III. Allgemeingültigkeit und Wahrheit nun sind die beiden Vorstüge, welche schon der gewöhnliche Sprachgebrauch denjenigen Versknüpfungen der Vorstellungen zuschreibt und vorbehält, deren Herstels lung er von dem Denken allein erwartet. Wahrheit aber pflegt eine übliche Begriffsbestimmung in der Uebereinstimmung der Vorstellungen und ihrer Verbindungen mit dem vorgestellten Gegenstande und seinen eigenen Beziehungen zu suchen. Dieser Ausdruck mag Bedenken gegen

sich haben, welche hier zu erörtern nicht Belegenheit ist; er wird indessen unverfänglich sein, wenn wir ihn dahin ändern, daß Berknüpfungen der Borstellungen dann wahr sind, wenn sie sich nach den Beziehungen der vorgestellten Inhalte richten, die für jedes vorstellende Bewußtsein dieselben sind, nicht nach bem blos thatsächlichen Busammentreffen der Gindrude, das in diesem Bewußtsein sich fo, in einem anderen anders gestaltet. Da nun durch die Einwirkungen, die von außen kommen, unser Borstellen zuerst angeregt wird, so erscheint uns das Denken als eine rückwirkende Thätigkeit, welche ber Beift an dem Inhalte ausübt, den ihm jene äußeren Ginwirkungen und die oben erwähnten Ergebniffe ihrer Wechselwirfungen zugeführt haben. Der benkende Beift begnügt fich nicht, die Borftellungen in benjenigen Berbindungen hinzunehmen und sich gefallen zu laffen, in welche sie der Zufall ihrer gleichzeitigen Entstehung gebracht und in der die Erinnerung sie wiederkehren läßt; sichtend vielmehr hebt er bas Busammensein der Borstellungen auf, die nur auf diesem Wege zusammengerathen find; diejenigen aber, die nach den Beziehungen ihrer Inhalte zusammengehören, läßt er nicht nur beisammen, sondern vollzieht ihre Berknüpfung noch einmal, jetzt aber in einer Form, die zu der thatfächlichen Wiederherstellung der Berbindung ein Bewußtsein über den Grund der Zusammengehörigkeit der neu verbundenen hinzufügt.

IV. Ich knüpfe die unentbehrliche Erläuterung des Gesagten an die Beleuchtung nahe liegender Einwürfe. Nicht ohne Absicht, die ich eingestehe, habe ich den übrigen Borstellungsverlauf als eine Neihe von Ereignissen erscheinen lassen, die nach allgemeinen Gesetzen unseres Wesens in uns vorgehen und die wir erleiden, das Denken aber als eine Thätigkeit, die unser Geist ausübt. Nun hat es an dem Zweisel nicht gesehlt, ob überhaupt und ob in Bezug auf das Denken dieser Gegensat von wesentlicher Bedeutung sei; ob nicht vielmehr Alles, was wir Thätigkeit zu nennen pslegen, mit zu den Ereignissen gehöre, die in uns lediglich geschehen. Es verbietet sich von selbst, diese weitgehende Frage hier zur Entscheidung zu bringen; wenn ich daher, an der Bedeutung dieses Gegensatzes sesthaltend, ausdrücklich das Denken als eine Thätigkeit bezeichne, so wird man dies als eine anderswo zu beweisende, hier aber bestreitbar bleibende Boraussetzung ansehen müssen. Sie ist mir nothwendig in dem Zusammenhange des Ganzen,

zu welchem diese Betrachtung des Denkens einleiten soll; zulässig aber erscheint sie mir, weil sie zwar die allgemeine Färbung meiner folgens den Darstellung entschieden bestimmen, aber die inneren Beziehungen des darzustellenden Inhalts nicht unnatürlich ändern wird.

V. Es ift nützlicher, einer andern Faffung deffelben Ginwurfs zu begegnen, welche die allgemeine Bultigkeit des fraglichen Wegensates zugibt, aber hier nicht Beranlassung zu seiner Anwendung zu haben glaubt. Die Berknüpfung des Busammengehörigen, die Wahrheit alfo, tomme auf demfelben Wege nur etwas fpater zu Stande, auf welchem Anfangs die irrigen Verbindungen des zufällig Zusammengerathenen entstehen. Denn der Lauf der Dinge selbst sorge dafür, daß diejenigen Greignisse, welche ein innerer Zusammenhang mit einander verknüpft, unverhältnißmäßig häufiger auf uns verbunden einwirken, als diejenis gen, die ohne inneres Band der Zufall bald so hald anders zusammentreffen läßt. Durch biese öftere Wiederholung befestige sich in uns die Berbindung des Zusammengehörigen, während die Berknüpfungen des Zusammengerathenen einander durch ihre Ungleichheiten lockern und zerstören. Auf diese Weise vollziehe der Vorstellungsverlauf von selbst jene Scheidung des Zusammengehörigen vom Richtzusammengehörigen, die wir einer besonderen rudwirkenden Thätigkeit des Beistes glaubten zuweisen zu müffen; das Thier wie der Mensch erwerbe so die Menge sachentsprechender Kenntnisse, durch welche das tägliche Verhalten beider im Leben bestimmt wird. Es würde überflüssig sein, ausdrücklich bervorzuheben, daß diese Schilderung völlig richtig ist, wenn sie nur eine Entstehungsgeschichte dieses zuletzt genannten Erwerbes sein will; aber ich denke zu zeigen, daß eben durch diesen die eigenthümliche Leistung des Denkens weder scharf bezeichnet noch erschöpft ist.

VI. Eine gewöhnliche Meinung behält dem Menschen das Versmögen des Denkens vor und spricht es dem Thiere ab. Thue für oder wider diese Annahme ernstlich zu entscheiden, benutze ich sie zur Besquemlichkeit meiner Erläuterung. In der Seele eines Thieres, die demgemäß auf bloßen Vorstellungsverlauf beschränkt wäre, würde der erste Eindruck eines belaubten Baumes nur ein Gesammtbild erzeugen, zwischen dessen Bestandtheilen besondere Beziehungen der Zusammensgehörigkeit aufzusuchen hier außer der Fähigkeit auch noch jeder Antrieb sehlen würde. Der Winter entlaubt den Baum, und eine zweite Wahrs

nehmung des Thieres findet nur einen Theil des früheren Gesammt= bildes wieder, der zwar die Borstellung des andern wieder zu erzeugen strebt, darin aber durch den gegenwärtigen Augenschein bestritten wird. Wenn nun der wiederkehrende Sommer den alten Thatbestand herstellt, so mag allerdings das erneuerte Gesammtbild des belaubten Baumes jett nicht mehr die einfache und unbefangene Ginheit der erften Wahrnehmung besitzen; die Erinnerung an die zweite, sich zwischendrängend, scheidet es in den Bestandtheil welcher blieb und den welcher wechselte. Ich halte nicht für angebbar, was eigentlich in der Seele des Thieres sich unter den angenommenen Umständen ereignen würde; schreiben wir ihm indessen selbst die Fähigkeit noch zu, vergleichend den Berlauf seiner Borstellungen zu überblicken und das gefundene Berhalten auszudrücken, so würde doch dieser Ausdruck nicht mehr befagen können als die Thatsache, daß zwei Wahrnehmungen bald zusammen waren bald nicht. Der Mensch, wenn er dieselben Gegenstände seiner Beobachtung den belaubten und den unbelaubten Baum nennt, drückt damit freilich nur dieselben Thatbestände aus; aber die Auffassung derselben, welche er in diesen ihm gewohnten sprachlichen Formen fundgibt, enthalt doch eine gang andere geistige Arbeit. Denn der Name des Baumes, dem er jene nähere Bezeichnung bald hinzufügt bald entzieht, bedeutet ihm nicht blos einen beharrlichen Theil seiner Wahrnehmung im Wegenfat zu einem veränderlichen, fondern die auf fich beruhende Sache, das Ding im Gegensatze zu seiner Gigenschaft. Indem er den Baum und seine Belaubung unter biefen Gesichtspunkt rudt, läßt er diese Beziehung, welche zwischen einem Dinge und seiner Gigenschaft bestehe, als den Rechtsgrund erscheinen, der sowohl die Trennbarkeit als die Berbindung beider Vorstellungen rechtfertigt, und führt so die Thatsache ihres Zusammenseins oder Nichtzusammenseins in unserem Bewußtsein auf eine sachliche Bedingung ihrer augenblicklichen Zusammengehörigkeit ober Richtzusammengehörigfeit zurud. Man fann biefelbe Betrachtung über andere Beispiele erstrecken. In der Scele des Hundes ruft der erneute Anblid des geschwungenen Stockes die Vorstellung des früher erlittenen Schmerzes zurud; der Mensch, wenn er den Sat ausspricht, der Schlag thue weh, drudt damit nicht blos die thatsächliche Bertnüpfung beider Ereignisse aus, sondern er rechtfertigt sie. Denn indem er in diesem Urtheile ben Schlag als das Subject bezeichnet, von

bem ber Schmerz ausgehe, läßt er beutlich bas allgemeine Berhältniß einer Urfache zu ihrer Wirkung als ben Grund erscheinen, um beswillen nicht blos beide Vorstellungen in uns zusammen sind, sondern die eine berechtigt und verpflichtet ift auf die andere zu folgen. Endlich mag dem Hunde mit der Erwartung des Schmerzes zugleich die Erinnerung wiederkehren, mit der Flucht, zu der ihn früher ein unwillfürlicher Trieb anleitete, sei eine Milderung des Schmerzes verbunden gewesen; und gewiß wird diese neue Berfettung seiner Borftellungen ihn zu der nütlichen Wiederholung seiner Flucht ebenso sicher bestimmen, als wenn er überlegend schlösse: drohende Schläge verhinbere insgemein die Entfernung, ihm brobe ber Schlag, also muffe er flüchten. Aber der Mensch, der in gleichem oder ernsthafterem Falle einen solchen Schluß wirklich bildet, vollzieht doch eine gang andere geiftige Arbeit; indem er im Oberfat eine allgemeine Erkenntniß ausspricht und ihr im Untersatz einen besonderen Fall der Anwendung unterordnet, wiederholt er nicht nur die Thatsache jener nützlichen Berknüpfung von Borstellungen und Erwartungen, die das Thier auf sich wirken läßt, sondern rechtfertigt sie durch Berufung auf die Abhängigfeit des Besonderen von seinem Allgemeinen.

VII. Durch diese Beispiele, welche sich auf die allbekannten Formen des Denkens, auf Begriff, Urtheil und Schluß erstreckten, glaube ich hinlänglich den Ueberschuß der Leistung deutlich gemacht zu haben, welchen das Denken vor dem bloßen Vorstellungsverlaufe voraus hat: er besteht überall in den Nebengedanken, welche zu der Wiederherstellung oder Trennung einer Borftellungsverknüpfung den Rechtsgrund der Zusammengehörigkeit oder Richtzusammengehörigkeit hinzufügen. Diese Leistung bleibt in ihrem Werthe völlig bieselbe, welche Meinung man auch über ihre Entstehung haben mag; zögen wir vor, sie nicht als Ausfluß einer besonderen Thätigkeit, sondern nur als ein feineres Erzeugniß zu betrachten, welches der Vorstellungsverlauf unter günftigen Umftänden von selbst hervorbringt, so würde uns Denken dieser Borstellungsverlauf eben nur auf berjenigen Stufe seiner Entwicklung heißen, auf welcher er zur Erzeugung dieser neuen Leiftung bereits gekommen ift. Hierin also, in der Erzeugung jener rechtfertigenden Rebengedanken, welche die Form unseres Auffassens bedingen, nicht in ber blogen Sachgemäßheit der Auffassungen, liegt die Eigenthümlichkeit

des Denkens, der unsere ganze spätere Darstellung gilt. Daß auch ohne dieses Denken der bloge Borstellungsverlauf des Thieres eine Menge nütlicher Berknüpfungen der Gindrude, viele zutreffende Erwartungen und passende Rückwirfungen bervorbringt, leugnen wir nicht; wir geben im Gegentheil zu, daß selbst vieles von dem, was der Mensch sein Denken nennt, in der That nur in einem Spiele einander hervorrufender Borstellungen besteht. Dennoch bleibt hier vielleicht ein Unterschied. In den plötzlichen Gingebungen, die uns im Augenblick eine entscheidende Magregel treffen laffen, in der raschen llebersicht, welche verwickeltes Mannigfaltige fast schneller zergliebert, als die bloge Wahrnehmung seiner Bestandtheile möglich schien, in der fünftlerischen Erfindung endlich, die sich ihrer treibenden Gründe unbewußt bleibt: in allen diesen Fällen glauben wir nicht einen Borftellungslauf, welcher noch nicht Denken wäre, fondern ein verfürztes Denken wirken zu sehen. Un ben bestimmten Beispielen, an benen diese überraschenden Leistungen vollzogen werden, gelingen sie wohl nur, weil ein entwideltes Denken längst an andern Beispielen die Gewohnheit jener Nebengedanken groß gezogen hatte, welche die gegebenen Eindrücke unter allgemeine Gründe ihrer Zusammengehörigkeit bringen; und wie jede Geschicklichkeit, die zur mühelosen zweiten Natur geworden ist, hat auch diese eine vergessene Beit muhsamer Uebung hinter sich.

VIII. In den Beispielen, die ich benutzte, sielen die Nebengedanken, durch welche wir die Berknüpfungen der Borstellungen rechtsertigten, ersichtlich mit gewissen Boraussetzungen zusammen, deren wir uns über den Zusammenhang des Wirklichen nicht entschlagen. In der That, ohne die Gesammtheit des Wahrnehmbaren durch den Gegensatz von Dingen und ihren Eigenschaften zu gliedern, ohne die Annahme einer Absolge vom Wirfungen aus Ursachen, ohne die bestimmende Macht endlich des Allgemeinen über das Besondere, ist uns sede Auffassung der umgebenden Wirklichkeit völlig unmöglich. Bon hier aus erscheint es daher eine ganz von selbst sich ergebende Behauptung, in seinen Formen und den sie beseelenden Nebengedanken bilde das Denken uns mittelbar die allgemeinen Formen des Seienden selbst und seiner Zusammenhänge ab, und oft genug ist in der That diese reale Geltung des Denkens und seiner Berfahrungsweisen gelehrt worden. Die entgegengesetzte Behauptung, die man als volles Widerspiel erwarten

könnte, ist nie gleich uneingeschränkt gewagt worden. Zu natürlich erscheint jedem Unbefangenen das Denken als ein Mittel, zur Erskenntniß des Wirklichen zu gelangen, und viel zu sehr beruht alle Theilnahme für die wissenschaftliche Untersuchung seines Verfahrens auf dieser Voraussetzung, als daß man jemals von einer blos formalen Geltung alles logischen Thuns mit bestimmter Leugnung jeder Beziehung desselben zu der Natur des Seienden hätte sprechen können. Indem man daher die Formen und Gesetze des Denkens zunächst als eigenthümliche Folgen der Natur unserer geistigen Organisation ansah, schloß man nicht jedes Zusammenpassen derselben zu dem Wesen der Dinge aus, aber man leugnete jene Beziehung kurzer Hand, nach welcher die Formen des Denkens unmittelbare Abbilder der Formen des Seins wären.

IX. Bu dieser vielbehandelten Streitfrage fann eine Ginleitung nur eine vorläufige Stellung nehmen. Gewiß werden wir recht thun, wenn wir am Anfange unserer Betrachtung nur bas beachten, was hier schon flar sein kann, die Entscheidung des Ungewissen aber ihrem Fortgange überlassen. Bleiben wir deshalb bei der natürlichen Boraussetzung, welche das Denken als ein Mittel zur Erkenntniß ansieht. Ninn hat jedes Werfzeug die doppelte Verpflichtung, sachgerecht und handgerecht zu sein. Sachgerecht, sofern es durch seinen eigenen Bau im Stande fein muß, den Wegenständen, die es bearbeiten foll, überhaupt nabe zu kommen, sie zu erreichen, zu fassen und an ihnen einen Angriffspunkt für seine umgestaltende Ginwirkung zu finden; und diese Forderung erfüllen wir für bas Denken durch das Zugeständniß, daß seine Formen und Gesetze gewiß nicht bloße Sonderbarkeiten mensch= licher Beisteseinrichtung, sondern daß sie, so wie sie find, beständig und durchgehends auf das Wesen des Wirklichen berechnet sind. Handgerecht aber muß jedes Wertzeug dadurch fein, daß es durch andere Eigenschaften seines Baues ergreifbar, haltbar und bewegbar für die Kraft, die Stellung und den Standpunkt besjenigen ift, der sich seiner bedienen foll; und diese zweite nothwendig zu erfüllende Forderung beschränkt für das Denken den Sinn des vorigen Zugeständnisses. Mur ein Beift, der im Mittelpunkte der Welt und alles Wirklichen stände, nicht außerhalb der einzelnen Dinge, sondern sie alle durchdringend und mitseiend, nur ein solcher möchte eine Anschauung der Wirklichkeit besitzen,

die, weil sie nichts erst zu suchen brauchte, unmittelbar das völlige Abbild derselben in ihren eignen Formen des Seins und der Thätigfeit ware. Der menschliche Beift bagegen, um deffen Denken allein es fich für uns handelt, fteht in diesem Mittelpunkte der Dinge nicht, sondern hat seinen bescheidenen Ort irgendwo in den letzten Berzwei-Benöthigt, seine Erfenntnig durch Erfahgungen ber Wirflichfeit. rungen, die sich unmittelbar nur auf einen kleinen Bruchtheil des Ganzen beziehen, stückweis zusammenzubringen und von hier aus vorsichtig zu der Auffassung dessen vorzudringen, was nicht in seinen Gesichtstreis fällt, hat er sehr wahrscheinlich eine Menge von Umwegen nöthig, die der Wahrheit selbst, die er sucht, gleichgültig, aber ihm, der sie sucht, unvermeidlich sind. Wie sehr wir mithin die ursprüngliche Beziehung der Denkformen auf das Ziel der Erkenntniß, die Natur ber Dinge, voraussetzen mögen: barauf muffen wir uns boch gefaßt machen, manche Bestandtheile in ihnen anzutreffen, die bas eigne Wesen des Wirklichen nicht sofort abbilden, zu deffen Erkenntniß fie führen sollen; ja es bleibt die Möglichkeit, daß ein sehr großer Theil unserer Denkbemühungen nur einem Gerüfte gleicht, das keineswegs zu den bleibenden Formen des Baucs gehört, den es aufführen half, das im Begentheil wieder abgebrochen werden muß, um den freien Unblid seines Ergebnisses zu gewähren. Es reicht hin, diese vorläufige Erwartung erregt zu haben, mit der wir dem Gegenstande unserer Betrachtung entgegenkommen wollen; jede bestimmtere Entscheidung über die Grenzen, welche die formale Gültigkeit unseres Denkens von feiner realen Bedeutung trennt, kann nur von dem Berlaufe unserer Untersuchungen gefordert werden.

X. Ich vermeide absichtlich, den Beginn dieser letteren durch Erörterungen zu verzögern, die mir mit Unrecht den Zugang zur Logik zu erschweren scheinen. Welche Gemüthsverfassung dazu gehöre, um die Denkhandlungen mit Glück zu vollziehen, wie die Ausmerksamkeit zusammenzuhalten, die Zerstreuung zu verhüten, die Schläfrigkeit aufzuregen, die Uebereilung zu zügeln sei: alle diese Fragen gehören so wenig zum Gebiete der Logik, als die Untersuchungen über die Entsstehung unserer Sinneseindrücke und die Bedingungen unter denen Bewußtsein überhaupt und bewußte Thätigkeit möglich ist. Borauszgesetzt vielmehr, daß es alles dies gebe, Wahrnehmungen, Vorstellungen

und ihre Verflechtung nach den Gesetzen eines feelischen Mechanismus, beginnt die Logik selbst erst mit der Ueberzeugung, daß es dabei sein . Bewenden nicht haben foll, daß vielmehr zwischen den Borftellungsverknüpfungen, wie sie auch immer entstanden sein mögen, ein Unterschied der Wahrheit und Unwahrheit stattfinde, daß es endlich Formen gebe, benen diese Berknüpfungen entsprechen, Gesetze, benen sie gehorchen Allerdings fann es eine psychologische Untersuchung geben, welche auch den Ursprung bieses gesetzgebenden Bewußtseins in uns aufzuklären strebt; aber auch diefer Berfuch würde die Richtigkeit seiner eignen Ergebnisse nur nach dem Maßstab messen fonnen, den eben dieses von ihm zu untersuchende Bewußtsein aufstellt. Zuerst muß daher das ermittelt werden, was der Inhalt diefer gesetzgebenden Ueberzeugung in uns ist; nur in zweiter Linie kann ihre eigne Ent= stehungsgeschichte, und dann nur in Uebereinstimmung mit den Forderungen, welche sie selbst ausspricht, unternommen werden.

XI. Indem ich für erschöpft halte, was ich zur Ginleitung meiner Darstellung zu bedürfen glaubte, füge ich eine vorläufige llebersicht ihres Banges hinzu. Die Beifpiele, welche wir bisher benutten, führen von selbst in einen ersten Haupttheil ein, der unter dem Ramen der reinen oder formalen Logit dem Denken überhaupt und jenen allgemeinen Grundformen und Grundfäten deffelben gewidmet ift, die ohne Rücksicht auf die Verschiedenheit der zu behandelnden Gegenstände überall sowohl in der Beurtheilung des Wirklichen als in der Ueberlegung des Möglichen gelten. Die bloße Nennung von Begriff, Urtheil und Schluß genügt, um zu bemerken, wie natürlich diese Formen sich als verschiedene Stufen einer und derfelben Thätigkeit darftellen; diesen Faben des Zusammenhangs wird meine Behandlung der reinen Logik etwas schärfer als gewöhnlich anzuspannen suchen. Sie wird die verschiedenen Denkformen in eine aufsteigende Reihe ordnen, in welcher jedes spätere Glied einen Mangel zu tilgen sucht, den das zunächst frühere übrig ließ, weil es dem allgemeinen Beftreben des Denkens, Busammenseiendes auf Busammengehöriges zurückzuführen, in Bezug auf die Frage, die ihm, diesem früheren Gliede, vorlag, noch keine vollständige Befriedigung verschaffte. Diese Reihe von Gliedern wird von den einfachsten Formungen der einzelnen Eindrücke bis zu dem Gedanken der umfassenden Ordnung fortschreiten, welche wir, wenn es

anginge, dem Ganzen der Welt, auf Grund dieses allgemeinen logischen Triebes, geben möchten.

XII. Die reine Logit selbst nun wird zeigen und erläutern, daß / die Formen des Begriffs, des Urtheils und des Schlusses zunächst als ideale Formen zu betrachten find, die bann, wenn es gelingt, ben gegebenen Stoff der Borstellungen in sie einzuordnen, die mahre logische Fassung dieses Stoffes erzeugen. Aber die verschiedenen Gigenthümlichfeiten der verschiedenen Wegenstände setzen biefer Ginordnung Widerstände entgegen; nicht von selbst ist flar, welche Summe von Inhalt als abgeschloffener Begriff einem andern entgegengesett zu werden verbient; nicht von selbst, welches Prädicat allgemeingültig welchem Subject zukommt, noch wie das allgemeine Gesetz zu finden ift, das einer spftematischen Anordnung eines Mannigfachen als Princip dienen soll. Die angewandte Logit beschäftigt sich mit den Methoden des Unterjudens, welche biefe Mängel befeitigen. Als eine Betrachtung von hinderniffen und den Kunftgriffen zu ihrer Bewältigung muß biefe Lehre, mit Aufopferung der Borliebe für Syftematit, nach Rudfichten der Rütlichkeit dasjenige auswählen, was die bisherige Erfahrung der Biffenschaft als erheblich und fruchtbar kennen gelehrt hat; die Grenzenlofigfeit des hier sich bietenden Beobachtungsstoffes macht es leider unmöglich, diesen glänzenosten, der Erfindungsgabe der Neuzeit angehörigen Theil der Logif mit an sich wünschenswerther Bollständigkeit herzustellen.

XIII. Dem Extennen wird der dritte Theil sich widmen, der Frage also, die unsere Einleitung berührte, ohne sie zu beantworten: in wie weit kann ein Ganzes von Gedanken, das wir durch alle Mittel der reinen und der angewandten Logik aufzubauen im Stande gewesen sind, darauf Anspruch machen, eine zutressende Erkenntniß dessen zu sein, was wir als Gegenstand und veranlassende Ursache unserer Borstellungen glauben voraussetzen zu müssen. Ze geläusiger dem gewöhnlichen Bewußtsein dieser Gegensatz zwischen dem Gegenstande unserer Erkenntniß und unserer Erkenntniß dieses Gegenstandes ist, um so unsbesorgter kann ich seine Erwähnung als eine vorläusige Bezeichnung der Betrachtungen gelten lassen, die diesem dritten Theile zufallen werden; ihm selbst mag es aufbehalten bleiben, die Schwierigkeiten auszudecken, welche diese scheinbar klare Gegenüberstellung enthält, und sich darnach die Grenzen seiner Aufgaben genauer zu bestimmen.

2.

3.

Digitized by Google

#### Erftes Kapitel.

Die Lehre vom Begriffe.

#### A. Die Formung der Gindrude gu Borftellungen.

1. In Beziehungen eines Mannigfachen pflegen sich uns die Leistungen bes Denkens zu zeigen; man kann baher glauben, auch die ursprünglichste seiner Handlungen in einer einfachsten Art der Berknüpfung zweier Borstellungen suchen zu muffen. Gine leichte lleberlegung rath uns indeffen, noch einen Schritt weiter zurückzugehen. Aus lauter Rugeln läßt sich ein Haufe leicht zusammenwerfen, wenn es gleichgültig ift, wie sie liegen; ein Gebäude von regelmäßiger Geftalt bagegen ift nur aus Baufteinen möglich, die einzeln bereits jeder in Formen gebracht sind, in welchen sie einander paffende Flächen zu sicherer Anfügung und Auflagerung Man wird Aehnliches hier erwarten muffen. Erregungen unseres Inneren fonnen die Zustände, welche den äußern Reizen folgen, ohne weitere Vorbereitung in uns beisammen sein und auf einander so wirken, wie es eben die allgemeinen Besetze unseres Scelenlebens geftatten oder befehlen; um bagegen in der bestimmten Form eines Gedankens verbindbar zu werden, bedürfen fie einzeln einer vorgängigen Formung, durch welche sie überhaupt erst zu logischen Baufteinen, aus Eindrücken zu Borftellungen werden. Nichts ift uns im Grunde vertrauter als diese erste Leistung des Denkens; wir pflegen nur deshalb über sie hinwegzusehen, weil sie in der Bildung der uns überkommenen Sprache beständig schon geleistet ist und darum zu den selbstverftändlichen Boraussetzungen, nicht mehr zu der eigenen Arbeit bes Denkens zu gehören icheint.

- 2. Was unmittelbar unter bem Ginflusse äußerer Reize in uns entsteht, die Empfindung oder das sinnliche Gefühl, ist an sich nichts als ein Buftand unferes Befindens, eine Art, wie uns zu Muth ift. Nicht immer gelingt es uns, einen Namen zu finden für das, was wir so leiden, und es dadurch mittheilbar an Andere zu machen; nur die formlose Interjection, der Ausruf, bleibt uns zuweilen übrig, um dies Unfagbare, ohne sichere Hoffnung auf Berständniß, wenigstens zu verlautbaren. In den gunftigeren Fällen aber, in welchen uns die Schopfung eines Namens gelungen ift, welche Leiftung ift dann ausgeführt, und verräth sich eben in dieser Schöpfung selbst? Reine andere, als eben die, die wir hier suchen, die Berwandlung eines Eindrucks in Borftellung. Sobald wir die verschiedenen Erregungen, welche uns Lichtwellen durch unfer Auge veranlassen, grün oder roth nennen, haben wir ein früher Ungeschiedenes geschieden: unser Empfinden von dem Empfindbaren, auf das es fich bezieht. Dies Empfindbare ftellen wir jetzt vor uns hin, nicht mehr als einen Zustand unseres Leidens, sondern als einen Inhalt, der an sich selbst ist was er ift und bedeutet was er bedeutet, und der dies zu sein und zu bedeuten fortfährt, gleichviel ob unser Bewußtsein sich auf ihn richtet oder nicht. Man wird leicht hierin den nothwendigen Anfang jener Thätigkeit entdecken, die wir dem Denken überhaupt zueigneten; sie kann hier noch nicht darauf gerichtet fein, zusammenseiendes Mannigfaltige in Zusammengehöriges zu verwandeln; sie löst vor Allem die Voraufgabe, jedem einzelnen Eindrucke die Bedeutung eines an fich Gültigen zu geben, ohne welche fpater eine sachliche Busammengehörigkeit mehrerer keinen angebbaren Sinn im Begenfate zu blogem Zusammensein in uns haben fonnte.
- 3. Man kann diese erste Leistung des Denkens als Beginn einer Objectivirung des Subjectiven bezeichnen; ich benutze diesen Ausstruck, um durch Abwehr eines Mißverständnisses den einsachen Sinn des Gesagten zu verdeutlichen. Objectivität in der Bedeutung eines irgendwie gearteten wirklichen Daseins, das auch bestände, wenn Niesmand es dächte, wird durch die logische That, die sich in der Schöpfung eines Namens verräth, dem durch eben diese Schöpfung entstehenden Berstellungsinhalt nicht zuerkannt; was in Wahrheit diese erste Denkshandlung sagen will, machen die Sprachen am leichtesten klar, die sich den Gebrauch des Artikels bewahrt haben. Denn durch diesen, welcher

überall ursprünglich den Werth eines demonstrativen Pronomen hatte, wird das mit ihm versehene Wort als der Name von Etwas bezeichnet. worauf sich hinweisen läßt; hin aber weisen wir auf das, was einem Andern ebenso mahrnehmbar werden tann, wie es uns gewesen ift. Run freilich geschieht dies am leichtesten in Bezug auf Dinge, die in ber That in äußerlicher Wirklichkeit zwischen ben Sprechenden fteben, aber die gebildete Sprache vergegenständlicht auch jeden andern Dentinhalt auf gleiche Beise. Die Objectivität, welche fie durch den auch in folden Fällen gebrauchten Artifel andeutet, fällt daher nicht im Allgemeinen mit der Wirklichkeit zusammen, die den Dingen zukommt; sie traf vielmehr in den Benennungen dieser nur mit einem thatsächlichen Anspruch auf eine solche zusammen, den ihnen die unterscheidende Gigenthümlichkeit ihrer realen Natur gibt. Bon bem Schmerze, ber Helligkeit, der Freiheit sprechen wir nicht so, als könnte der Schmerz dasein, wenn ihn Niemand fühlt, die Helligkeit, wenn sie kein Auge sieht, bie Freiheit, wenn kein Wesen ware, das sich der Uneingeschränktheit feines Sandelns entweder felbst erfreute oder sie fühlbar machte für Andere. Roch weniger, wenn wir von dem Zwar, dem Aber und dem Dennoch reden, meinen wir durch den Artifel ein Dafein anzudeuten, das den durch diese Worte bezeichneten Denkinhalten irgendwie auch außerhalb jedes Vorstellens zukäme; wir sagen durch diese Ausdrucksweisen nur, daß gewiffe eigenthümliche Widerstreite und Spannungen, die wir im Berlauf unserer Borftellungen fühlen, nicht blos Seltsams keiten unseres Befindens und unabtrennbar von diesem sind, daß sie vielmehr auf eigenen Beziehungen verschiedener Vorstellungsinhalte beruhen, welche jeder, der diese denken wird, ebenso zwischen ihnen vorfinden wird, wie wir. Durch die logische Objectivirung, die sich in ber Schöpfung des Namens verräth, wird daher der benannte Inhalt nicht in eine äußere Wirklichkeit hinausgerückt; die gemeinsame Welt, in welcher Andere ihn, auf den wir hinweisen, wiederfinden sollen, ift im Allgemeinen nur die Welt bes Denkbaren; ihr wird hier die erste Spur eines eigenen Bestehens und einer inneren Besetlichkeit jugeschrieben, die für alle benkenden Wefen dieselbe und von ihnen unabhängig ift, und es ift hier gang gleichgültig, ob einzelne Theile dieser Gedankenwelt Etwas bezeichnen, was noch überdies außerhalb der denkenden Geister selbständige Wirklichkeit besitzt, oder ob ihr ganzer

Inhalt überhaupt nur in den Gedanken der Denkenden, mit gleicher Gültigkeit dann für alle, Dasein hat.

- 4. Durch diese Bergegenständlichung bes ebenso erft entstehenden Inhalts ift indessen nicht der gange Sinn dieser ersten Deuthandlung erschöpft; vor sich hinstellen kann ihn das Bewußtsein nicht blos überhaupt, sondern nur indem es ihm eine bestimmte Stellung gibt; nicht überhaupt blos tann es ihn von einem Zustand seiner eigenen Erregung unterscheiden, ohne ihm anstatt der Art des Seins, die er als solcher Buftand hatte, eine andere Art feines Beftehens zuzuerkennen. Was mit dieser Forderung gemeint ift, denn ich gebe zu, daß es diesem Ausdruck derselben an unmittelbarer Klarheit fehlt, zeigt uns am einfachsten die Sprache durch ihre wirkliche Erfüllung. Denn nur die Interjection, die keines Inhalts Name ift, läßt sie in der Formlosigkeit, die ihr als bloßem Ausdruck einer Erregung zukommt; ihren ganzen übrigen Wortschatz gliedert fie in die bestimmten Formen der Substantiva, der Adjectiva, der Verba, der befannten Redetheile überhaupt. Und daß sie durch diese verschiedenartige Ausprägung ihres ganzen Schapes eine Borbedingung erfüllt, welche bas Denken zu seinen späteren Leistungen nicht entbehren kann, bedarf kaum der besonderen Versicherung, denn offenbar weder die Verbindung der Merkmale zum Begriff, noch die der Begriffe zum Urtheile oder ber Urtheile zum Schluß wäre möglich, wenn alle Vorstellungsinhalte gleich formlos oder in gleicher Form gefaßt wären, und wenn nicht einige von ihnen substantivisch als Bezeichnungen für sich feststehender Inhalte anderen adjectivischen eine Stätte der Anknüpfung gewährten, noch andere verbale die fluffigen Beziehungen barftellten, die eines mit dem andern in Verbindung zu bringen bestimmt sind. 3ch halte nicht für angemessen, diese eigenthümliche Gestaltung des Vorstellungsinhalts als eine zweite Denkhandlung von jener ersten zu trennen, der wir die Vergegenständlichung desselben zuschrieben; ich fasse vielmehr die erste That des Denkens in diese uns theilbare Leistung zusammen, dem vorgestellten Inhalt eine dieser logiiden Formungen zu geben, indem sie ihn für das Bewußtsein vergegenständlicht, ober auch ihn dadurch eben zu vergegenständlichen, daß sie ihm eine bieser bestimmten Formungen gibt.
  - 5. Unvermeidlich erinnern die drei Redetheile, die ich hervorhob, an drei unserer Beurtheilung der Wirklichkeit unentbehrliche Begriffe. Lope, Logik.

Denn in der That nicht einmal eine aussprechbare llebersicht über die wahrnehmbare Welt ist uns möglich, ohne in ihr Dinge als die festen Bunfte zu denfen, die einer Bielheit unselbständiger Gigenschaften als Träger dienen und durch veränderliche Ereigniffe, das Spiel des Beschehens, unter einander verbunden werden. Ift Metaphysik die Untersuchung nicht des Denkbaren überhaupt, sondern des Wirklichen oder bessen, was als wirklich anerkannt werden soll, so sind diese Begriffe des Dinges der Eigenschaft und des Geschehens metaphysische Begriffe; nicht solche vielleicht, welche die Metaphysit am Ende ihrer Untersuchung in unveränderter Geltung laffen würde, aber folche gewiß, die am Unfang berselben unmittelbar bas eigne Wesen und die Gliederung des Seienden zu bezeichnen vorgeben. Mit ihnen scheinen nun die logischen Formen der Substantivität Adjectivität und Berbalität für den ersten Blid zusammenzufallen; ein zweiter freilich zeigt zwischen beiden Reihen den gleichen Unterschied, welcher die logische Vergegenständlichung eines Borftellungsinhaltes von äußerer Wirklichkeit trennte. Denn für Ding oder Substanz gilt uns nur, was außer uns wirklich und in der Zeit dauernd theils in Anderem Beränderungen bewirft, theils veränderliche Bustande selbst zu erleiden vermag; substantivisch aber fassen wir nicht die Dinge allein, sondern ihre Eigenschaften ja auch; substantivisch sprechen wir von der Beränderung, dem Greigniß, dem Richts selbst, furz von Unzähligem, was entweder nicht ist, oder doch nicht selbständig für sich, sondern nur an Anderem Bestand hat. Durch die Form der Gubstantivität eignen wir daher dem in sie gebrachten Inhalt nur in Bezichung auf das, was von ihm als einem Subject fünftiger Urtheile weiter ausgesagt werden foll, dieselbe Priorität und Selbständigkeit zu, die dem Dinge gegenüber seinen Gigenschaften, Buftanden und Wir= fungen zukommt, aber keineswegs die Realität selbständiger Wirklichkeit und Wirksamkeit, die dieses vor dem blos Denkbaren voraus hat. Auch Berba bezeichnen am häufigsten freilich ein in ber That zeitlich verlaufendes Beschehen; aber wenn wir sagen, daß die Dinge find oder daß sie ruhen, daß eines das andere bedingt oder ihm gleicht, so zeigt sich, daß auch die verbale Form nicht allgemein ihrem Inhalt die Bedeutung eines Geschehens gibt, sondern sie nur gewöhnlich in ihm vorfindet. Um den Sinn solcher Berba, wie wir sie eben als Beispiele brauchten, vollständig zu denken, haben wir mehrere einzelne Inhalte

durch eine Bewegung unseres Borftellens zu verknüpfen, eine Bewegung, die ausführbar freilich nur in der Zeit, aber doch in dem, was sie bedeutet oder fagen will, von allem Zeitverlauf unabhängig ift. Mit einem Wort: nicht ein Geschehen, sondern eine Beziehung zwischen mehreren Beziehungspunkten ift der allgemeine Ginn der verbalen Form; und diese Beziehung fann ebenso gut zwischen Inhalten vorkommen, die stets unzeitlich nur in der Welt des Denkbaren zusammen, wie zwischen solchen, die, der Wirklichkeit angehörig, einer zeitlichen Beränderung zugänglich sind. Gewiß bezeichnen endlich die Stammadjectiva der Sprache, wie blau und fuß, zunächst das, was unserer ersten Auffassung als wirkliche Eigenschaft von Dingen erscheint; aber jede ausgebildete Sprache kennt doch Worte wie: zweifelhaft, parallel und erlaubt; Worte, die schon der einfachsten lleberlegung nicht mehr in dem einfachen Sinne, wie jene, eine an den Dingen selbst haftende Gigenschaft bedeuten fonnen; fie find verfürzte und verdichtete Bezeichnungen der Ergebnisse von allerhand Beziehungen, und nur für Zwede des Denkens bringen wir ihren adjectivisch gefaßten Inhalt in das formale Berhältniß zu bem eines Substantivs, in welchem wir uns die Eigenschaft zu ihrem Träger stehend vorstellen. Allgemein ausgedrückt ist daher der logische Sinn der Redetheile nur ein Schatten von dem jener metaphysischen Begriffe; er wiederholt nur die formalen Bestimmungen, die Diese von dem Wirklichen behaupten; aber indem er ihre Anwendung nicht auf das Wirkliche beschränft, läßt er auch den Theil ihrer Bedeutung fallen, den sie nur in dieser Anwendung erhalten.

6. Fanden wir endlich in den Formen der Redetheile die urssprünglichsten Denkhandlungen, so müssen wir sie nun auch von diesem ihrem sprachlichen Ausdruck zu unterscheiden wissen. Zest, nachdem einmal der Mensch sich zur Mittheilung seiner Gedanken der Lautsprache bedient, jest erscheinen jene Denkhandlungen allerdings am anschaulichsten in der Form der Redetheile; an sich aber sind sie nicht unlösbar an das Borhandensein der Sprache gebunden. Schon die Entwicklung, deren die Gedankenwelt der Taubstummen, wenn auch unter erster Ansleitung der Sprechenden, fähig ist, beweist uns, daß die innere logische Arbeit von der Möglichkeit ihres sprachlichen Ausdrucks unabhängig ist. Nur darin besteht diese Arbeit, daß wir den einen Borstellungseinhalt mit dem Gedanken seiner verhältnißmäßigen Selbständigkeit besinhalt mit dem Gedanken seiner verhältnißmäßigen Selbständigkeit bes

gleiten, einen andern als der Anlehnung bedürftig, einen dritten als Mittelglied denken, das weder für fich besteht, noch an einem anderen ruht, sondern die vermittelnde Beziehung zwischen zweien bildet. Die= mand bezweifelt die höchst wirksame Unterstützung, welche für die Ausbildung des Denkens in der Fähigkeit der Sprache liegt, durch scharfbestimmte Lautbilder und regelmäßige Umlautungen derselben allen jenen Formungen und Umformungen der Gedanken eine für das Bewußtsein anschauliche Gegenständlichkeit zu geben; gleichwohl, wäre dem Menschen auftatt ber Lautsprache eine andere Mittheilungsweise natür= lich, so würden dieselben logischen Nebengedanken sich auch in dieser einen entsprechenden, freilich ganz anders gearteten Ausdruck zu verschaffen wiffen. Und wenn die Formenarmuth einzelner Sprachen nicht zur Ausprägung aller diefer Rebengedanken, nicht zum Beispiel zur Unterscheidung substantivischer und verbaler Fassung überall zureicht, so ist doch kein Zweifel, daß das Denken auch der so Redenden die logi= schen Unterschiede in der Formung der lautlich ununterschiedenen Vorstellungen festhält. Wo immer diese innere Gliederung ift, da ift Den= fen; es ist nicht, wo sie fehlt. Darum ift Musik fein Denken; denn wie mannigfach und fein abgemessen auch die Verhältnisse ihrer Tone find, niemals bringt fie doch den einen zum andern in die Stellung eines Substantivs zum Verbum, nie in eine Abhängigkeit, die der eines Adjectivs von seinem Hauptwort, oder der eines Genitivs zu dem Nominativ gliche, von dem er regiert wird.

7. Ich habe nur drei bisher aus der größeren Anzahl der Redestheile erwähnt: diejenigen, ohne die auch die einfachste logische Aussage unmöglich wäre; ich leugne darum den logischen Werth der übrigen nicht. Aber unser eigner Weg ist zu weit, um uns in das anziehende Gebiet sprachwissenschaftlicher Betrachtung weitere Umwege zu gestaten, die, nach der eben besprochenen Unabhängigseit des Denkens von seinen Ausdrucksweisen, für unsern Zweck doch Umwege bleiben würsen. Gliederung und Gebrauch der Sprache deckt eben die Leistungen des Denkens nicht durchaus. Wir werden später sinden, daß sie häusig nicht den vollständigen Bau des Gedankens ausdrückt: und dann müssen wir für die Zwecke der Logis das Geäußerte ergänzen aus dem, was gemeint war; die Sprache besitzt anderseits technische Bestandtheile, die auf wesentlichen logischen Bestimmungen nicht beruhen, oder doch auf

solche sich nur mittelbar in verschiedenen Abstufungen beziehen: wir würden dann unrecht thun, wenn wir ebenso viele logische Handlungen des Denkens unterscheiden wollten, als uns die Sprache grammatisch oder syntaftisch verschiedene Formen des Ausbrucks darbietet. Nicht blos Interjectionen, sondern auch Partifeln gibt es, die im gewöhnlichen Gebrauch, dem Tonfall der Stimme ähnlich, fast nur noch den gemüthlichen Antheil bezeichnen, ben der Sprechende an feiner Ausfage nimmt, nichts dagegen zu der logischen Fassung ihres Inhalts beitragen. Wenn die Sprache den Unterschied der Geschlechter in alle substantivischen und adjectivischen Worte einführt, folgt sie einer logisch gang gleichgültigen afthetischen Phantasie; wenn sie dann aber das Geichlecht bes Abjectivs sich nach dem seines Hauptworts richten läßt, deutet sie durch diese Folgerichtigkeit innerhalb einer willkürlich angenommenen Gewohnheit wieder auf ein echt logisches Verhalten hin, das wir kennen lernen werden. Wenn sie in den Beugungen des Zeitwortes ben Redenden von dem Angeredeten und dem abwesenden Dritten unterscheidet, so hebt sie damit, für den lebendigen Gebrauch der Rede ganz unentbehrlich, ein vor allem wichtiges sachliches Berhalten hervor, dem aber kein eigentlich logischer Unterschied entspricht. Es ift ganz nur derselbe Grund, der die Grammatif berechtigt, Pronomina als eine eigene Klasse der Redetheile zu betrachten; logisch sind die persönlichen völlig den Substantiven zuzurechnen, mit denen sie die Form der Fassung ganglich theilen; die possessiven und bemonstrativen haben wir feinen Grund von den Adjectiven zu trennen; das relative würden wir für das eigenthümlichste technische Element der Sprache ansehen, nur dem Bedürfniß der geordneten Mittheilung gewidmet, und auf kein anderes logisches Berhältniß gegründet, als auf welchem auch sein Widerspiel, das demonstrative, beruht. Zahlworte behandelt die Grammatik als besondere Redetheile; die lebendige Sprache stellt sie den Adjectiven gleich, und ohne Zweifel gehören fie logisch zu diesen, wenn man sich erinnert, daß logisch die Form der Abjectivität jeder nicht für sich selb= ständigen Bestimmung eines Inhalts zukommt, und keineswegs derjenigen allein, welche an ihm in dem Sinne einer Gigenschaft haftet. Die Abverbien endlich treten zu dem verbalen Inhalt völlig in dieselbe Beziehung, wie die Adjectiva zu bem substantivischen; auch sie würde daher die Logit nicht Beranlassung haben, als einen besonderen Theil der Rede

oder als eine eigenthümliche Form des Gedankeninhalts zu fassen. Nur die Präpositionen und Conjunctionen blieben mithin übrig, um diesen Anspruch zu erheben, und sie allerdings glaube ich, gleichviel welche Ableitungen ihre sprachlichen Ausdrücke noch zulassen mögen, zu den unentbehrlichen Bestandtheilen unserer Vorstellungswelt rechnen zu musfen. Aus dem Begriffe der Beziehung, dem sie zunächst verwandt scheinen, sind sie nicht ableitbar; jede Beziehung, indem sie zwei Glieder verbindet, enthält den Gedanken einer Stellung jedes dieser Glieder innerhalb dieser Beziehung selbst, und diese Stellung braucht nicht für beide dieselbe zu sein, fie wird im Wegentheil am häufigften verschieden, das eine Glied das Umfassende, Ganze, Bedingende, das andere das Umfaßte sein, der Theil, das Bedingte. Man wird nun, wenn man es versucht, nicht damit zu Stande kommen, die Berschiedenwerthigkeit dieser beiden Endpunkte, ohne welche die Beziehung keinen Sinn hat, durch einen verbal gefaßten Inhalt allein auszudrücken; man wird irgendwo eine Praposition, eine Conjunction oder eine der verschiedenen Casusformen wenigstens bedürfen, in denen viele Sprachen einem Theile dieser Nebengedanken einen noch fürzeren Ausdruck geben. Denn dies freilich ist logisch ganz gleichgültig, in welcher sprachlichen Form diese Rebengedanken auftreten; sowie wir Bedingtes bald im Genitiv, bald in anderem Sinne im Accusativ dem bedingenden Rominativ entgegenstellen, so fonnte ein noch größerer Reichthum der Casus, wenn die Sprache ihn erzeugt oder bewahrt hätte, jede Praposition, eine gleiche Mannigfaltigkeit der Modi des Verbum jede Conjunction über= fluffig machen. Un den logischen Bedürfniffen des Denkens wurde hier= durch nichts geändert; so wie so müßte zu den substantivischen, den adjectivischen und den verbalen Inhalten noch eine Anzahl von Vorstel= lungen treten, welche entweder, wie die sprachlichen Präpositionen, die Stellung zweier als einfach geltender Inhalte in einer einfachen Beziehung, oder wie die Conjunctionen, die verschiedenwerthige Stellung zweier Beziehungen ober Urtheile zu einander bezeichnen.

8. Als die unerläßlichste und in diesem Sinne erste aller Denkschandlungen wird uns die Bergegenständlichung der Eindrücke und ihre damit verbundene Formung in dem Sinne der Redetheile dann stets erscheinen, wenn wir mit einem Blicke auf die ausgebildete Gestalt uns serer Gedankenwelt nach den Bedingungen fragen, auf deren Erfüllung

diese Gestaltung beruht. Denn gewiß, von dem einfacheren oder zusammengesetzteren Satbau, durch den wir die Arbeit und die Ergebnisse unseres Denkens ausdrücken, ware nichts möglich gewesen ohne diefe Leiftung. Aber unsere Meinung fann nicht diese sein, daß im Anfange alter feiner Denfarbeit der logische Beift, ebe er einen weiteren Schritt wagte, diese erste seiner nothwendigen Handlungen ein für allemal an ber Gefammtheit seines Vorstellungsinhalts vollzogen habe. Schon die Unbegrenztheit der Zahl möglicher Eindrücke, deren jeder Augenblick neue bringen kann, hätte dies Geschäft unausführbar gemacht; es wird noch unausführbarer darum, weil ja das Denken felbst durch seine Bearbeitung des gegebenen Inhalts unablässig neuen Inhalt erzeugt und diesen wieder in dieselben logischen Formen bringen muß, aus deren Anwendung auf einfacheren Denkstoff er selbst entstand. Zede gebildete Sprache enthält daber in ber Form eines einfachen Substantiv, eines Adjectiv oder Berbum zahlreiche Vorstellungen, deren Inhalt nicht ohne vielfache höhere Denkarbeit, nicht ohne Benutung von Urtheilen und Schlüffen, ja felbst nicht ohne Boraussetzung zusammenhängender wifsenschaftlicher Untersuchung sich zusammenbringen ließ und nicht ohne fie völlig verständlich ift. Diese leicht zu machende Beobachtung hat die Behauptung hervorgerufen, mindestens die Lehre vom Urtheile muffe in der Logif der Behandlung der Begriffe vorangeschickt werden, mit welcher nur altes herkommen die Betrachtung des Denkens eröffne. 36 halte diese Behauptung für eine llebereilung, die theils aus der Berwechslung bes Zieles ber reinen Logif mit bem ber angewandten, theils aus einer Verkennung deffen überhaupt entspringt, wodurch sich Denken von dem blogen Berlaufe der Borftellungen unterscheidet. Denn jene Urtheile, aus denen der Begriff entstehen soll, woraus würden fie felbst denn, so lange sie wirklich Urtheile sein sollen, bestehen können, wenn nicht aus Berknüpfungen von Borftellungen, die nicht mehr bloße Gindrücke wären, deren jede vielmehr mindestens diese einfache bisher erwähnte Formung schon empfangen hätte, deren Mehrzahl aber, wie ein anzustellender Versuch lehren würde, in der That schon die höhere logische Form besäßen, welche die Anhänger jener Meinung selbst mit dem Ramen des Begriffs bezeichnen? Das Richtige dieser vorgeschlagenen Neuerung tommt auf einen schr einfachen Bedanken gurud: um Begriffe eines verwickelten und mannigfachen Inhalts zu bilden, um

namentlich die Grenzen festzustellen, innerhalb deren es sich lohnt und rechtfertigt, biefen Inhalt als ein Begriffsganzes zusammenzufaffen und von anderen zu unterscheiden, dazu freilich sind mannigfache Vorarbeiten des Denkens nöthig; aber damit diese Borarbeiten selbst möglich find, muß ihnen die Geftaltung einfacherer Begriffe vorangegangen sein, aus denen sie ihre Hülfsurtheile zusammensetzen. Ohne Zweifel hat daher die reine Logit die Form des Begriffes der des Urtheils voran= zusetzen; die angewandte erst hat zu lehren, wie zur Bildung bestimmter Begriffe sich Urtheile verwenden lassen, die aus einfacheren Begriffen bestehen. Ein Vorschlag zur Umkehrung dieser Ordnung kann sich nur denen empfehlen, welche das Denken überhaupt nur als Wechsels wirfung der von außen uns angeregten Eindrücke betrachten und die rückwirkende Thätigkeit übersehen, die in den Berlauf der Borstellungen, Zusammengerathenes scheidend, Zusammengehöriges verbindend, und darum auch schon die einzelnen Bestandtheile des fünftigen Gedankens formend, überall eingreift.

### B. Setzung, Unterscheidung und Vergleichung der einfachen Vorstellungsinhalte.

9. Erkennen wir nun in diesen ersten Formungen der Borstellungen einen Beitrag an, ben zu dem Ganzen unserer Gedankenwelt eben die einwirkende Thätigkeit des Denkens liefert, fo schließt sich leicht hieran die Ansicht, der logische Geist trete mit ihnen als fertigen Auffassungsweisen den kommenden Eindrücken gegenüber, und daran dann knüpft sich Be Frage, wie es ihm gelinge, jeglichen Inhalt in diejenige dieser verschiedenen Formen zu bringen, die ihm angemessen ist? Aber jene Ansicht ist unzulässig und deshalb diese Frage gegenstandlos, oder sie führt wenigstens zu einer andern als der erwarteten Antwort. Das Denken steht nicht mit einem Bündel logischer Formen in der Hand dem Gewimmel der anlangenden Eindrücke gegenüber, rathlos, welche dem einen, welche dem andern sich wird überstreifen laffen, und deshalb eines besonderen Hülfsmittels bedürftig, um die für einander passenden Paarungen zu errathen. Die Berhältnisse viels mehr, die zwischen den bewußt gewordenen Eindrücken bestehen, sind es selbst, welche die Thätigkeit des Denkens als eine stets nur rückwirkende auf sichen, und nur darin besteht diese Thätigkeit, so vorgefundene

Berhältnisse zwischen den Eindrücken, die wir leiden, in Beziehungen der Inhalte umzudeuten. Nicht dazu wird man daher eines besonderen Kunstgriffes bedürfen, um jedem Inhalt die ihm zugehörige Form zu geben; wohl aber liegt nach anderer Richtung hin in dieser Einordnung des mannigsachen Inhalts in logische Formen eine zweite nothwendige Denkhandlung; kein Name für irgend einen Inhalt kann geschaffen werden, ohne diesen als mit sich selbst gleich, als verschieden von anderen, endlich als vergleichbar mit anderen gedacht zu haben.

10. Auch diese zweite Leistung des Denkens gehört zu denjenigen, welche für den Redenden die überlieferte Sprache beständig schon ausgeführt hat; auch sie wird deshalb leicht übersehen und der Denkarbeit des Geistes nicht zugerechnet. Aber die logische Wissenschaft, ausdrücklich dem Selbstverständlichen gewidmet, darf nicht einen Theil defselben als noch selbstverständlichere Voraussetzung behandeln, die aus den eigentlichen Gegenständen ihrer Betrachtung sich ausschließen ließe. Doch bedarf wenigstens der erste Bestandtheil des dreigliedrigen Ausdruckes, welchen wir dieser neuen Denkhandlung eben gaben, einer ausführlichen Erläuterung nicht. Es ist zu unmittelbar deutlich, wie jeder Rame, sei es füß oder warm, Luft oder Licht, zittern oder leuchten, den von ihm bezeichneten Inhalt in irgend einem Sinne als zusammengehörige Einheit faßt, die für sich etwas bedeutet; nicht blos den substantivisch geformten hebt, am eindringlichsten allerdings, der vorgesetzte Artifel zu dieser Einheit mit sich felbst heraus, dieselbe hinweisende Kraft liegt, in anderer Art des Ausdrucks, in der Form des verbalen Infinitiv, und felbst ohne jeden unterscheidenden sprachlichen Ausbruck begleitet dieser Nebengedanke der einheitlichen Setzung des Bezeichneten jegliche Wortform. Man fann zweifeln, ob der Borgang, den wir uns ter diesem Ramen der Setzung des Inhalts verstehen wollen, nicht schon in jener Bergegenständlichung enthalten sei, durch welche wir ben erlittenen Eindruck zur Vorstellung werden ließen; und wirklich kann man weder vorstellen, ohne dem Borgeftellten diese Setzung zu geben, noch hat diese Setzung einen Sinn ohne jene Vergegenständlichung dessen, dem sie ertheilt wird. In der That ist es daher eine sachlich untrennbare Leistung, die wir von verschiedenen Seiten ber betrachten: dort brachten wir die Vorstellung, auf welche wir vorstellend uns beziehen, in Gegensatz zu dem Eindruck, welchen wir leiden; hier, wo

die Mannigfaltigkeit des Vorstellungsinhaltes unsere Aufmerksamkeit zu erregen beginnt, legen wir auf die einheitliche und selbständige Bedeustung Gewicht, mit welcher der so aus unserer Erregung herausgesetzte Inhalt ist was er ist und von allen anderen sich unterscheidet.

11. 3ch habe durch diese lette Wendung sogleich fühlbar machen wollen, in wie enger Verbindung jene bejahende Setzung des Inhalts mit der verneinenden Ausschließung jedes anderen fteht. Gie ift fo eng, daß eben zur Bezeichnung des einfachen Sinnes der Setzung uns nur Ausdrücke zu Gebot standen, die ihre volle Alarheit erft durch Hinzufügung dieses zweiten Nebengedankens erhalten. Denn was mit jener Einheit des gesetzten Inhalts eigentlich gemeint war, interpretiren wir einleuchtend nur dadurch, daß wir seine Verschiedenheit von anderen hervorheben und nicht nur sagen, er sei was er sei, sondern auch: er sei nicht, was andere sind. Zene Bejahung und diese Verneinung sind nur ein untrennbarer Gedanke, und untrennbar verbunden begleiten sie jeden unserer Vorstellungsinhalte, auch dann, wenn wir nicht mit ausdrücklicher Aufmertsamkeit dies stillschweigend verneinte Andere verfol= gen. Aber dieser verschmolzene Rebengedanke bestimmt nur die logische Fassung, die wir unserem Inhalte geben; er erzeugt nicht den Inhalt selbst erst, dem wir sie ertheilen. Man kann nicht sagen: roth werde als das was es ist, als roth, erst dann vorgestellt, wenn es von blau oder süß, und nur dadurch, daß es von beiden unterschieden werde; blau anderseits als blau nur durch gleichen Gegensatz zu roth. ein veranlassender Grund zu dem Versuche dieser bestimmten Unterscheidung, noch eine Möglichkeit ihres Gelingens wäre denkbar, wenn nicht bas, was jedes der beiden entgegenzusetzenden Glieder für sich ift, vorher dem Bewußtsein tlar wäre. Unzweifelhaft wird der eigenthümlich bestimmte Eindruck, den wir unter der Ginwirkung des rothen Lichtes erleben, völlig derselbe sein, bevor wir zum ersten Mal ein blaues Licht erfuhren, wie dann, nachdem wir diese Erfahrung gemacht haben; die Möglichkeit der Bergleichung und Unterscheidung, welche durch die lettere gegeben wird, kann wohl, wenigstens bei zusammengesetzterem Borftellungsstoff, als diese einfachen Farben find, die Aufmerksamkeit auf früher übersehene Theile der Eindrücke lenken und so den Inhalt beider vervollständigen; aber selbst in diesem Falle, der unserer gegenwärtigen Betrachtung völlig fremd ist, wird das Neue nicht durch die

Unterscheidung, sondern durch die unmittelbare Empfindung gefunden werden, zu welcher die Bergleichung nur Beranlassung gab. Ueberall ist es daher die bejahende Setzung, welche die verneinende Unterscheisdung möglich macht; niemals dagegen entspringt aus der Unterscheidung der Inhalt des Unterschiedenen. Nur die Nebengedanken, die wir uns über den vorgestellten Inhalt machen, nur seine logische Fassung geswinnt an Bestimmtheit durch die Berneinung des Andern, die zu seiner eignen Bejahung tritt, und selbst dieser Gewinn würde mir gering scheinen, wenn es bei ihm sein Bewenden hätte, und wenn nicht jene dritte Leistung positiver Bergleichung hinzusäme, welche ich in dem früher gegebenen Ausdruck dieser zweiten Denkhandlung zuletzt erswähnte.

- 12. 3ch leite die Betrachtung dieser britten Leistung, die ich für den wesentlichsten Bestandtheil der hier zu erörternden logischen Arbeit ansehe, durch Erinnerung an eine befannte Thatsache ein, die man zu anderen Folgerungen zu benutzen pflegt. Durch die Worte der Sprache werden Eindrücke niemals so bezeichnet, wie man sie erleben kann; denn erleben oder wirklich empfinden läßt sich immer nur eine besondere Schattirung ber Röthe, eine einzelne Gigenart ber Gußigfeit, ein bestimmter Grad der Wärme, nicht das allgemeine Roth, Guß und Warm der Sprache. Die Verallgemeinerung, welche in diesen und allen ähnlichen Ausdrücken ber empfundene Inhalt erfahren hat, pflegt man als eine unvermeidliche Ungenauigkeit der Sprache, vielleicht felbst des Borstellens anzusehen, das sich ihrer zu seinem Ausdrucke bedient. Unfähig entweder, oder nicht gewöhnt, für jeden einzelnen Eindruck einen bestimmten Namen zu schaffen, verwische sie in ihren Worten die kleinen Unterschiede des einen vom andern und halte nur das fest, was in ihnen allen als ein Gemeinsames in der Empfindung unmittelbar erfahren Durch diese Berminderung ihrer Ausdrucksmittel auf eine mäßige Anzahl mache sie freilich wohl die Mittheilung der Borstellungen überhaupt erst möglich, schädige aber ebenso sehr die Genauigkeit des Mitzutheilenden. Ich glaube nun nicht, daß diese Auffassungsweise der Bedeutung der Thatsache volle Gerechtigkeit widerfahren läßt.
- 13. Bor allem, indem man die erwähnte Berallgemeinerung als eine Art von Berfälschung der Eindrücke ansieht, geht man zu achtlos über den sehr merkwürdigen Umstand hinweg, daß in einer Mehrheit

verschiedener Eindrücke sich eben etwas Gemeinsames vorfindet, das von ihren Unterschieden getrennt benkbar ift. Denn so selbstwerständlich ift doch dieses Verhalten nicht, daß ein entgegengesetztes gar nicht in Frage täme; sehr wohl ließe sich vielmehr denken, daß jeder einzelne unserer Eindrücke sich von jedem zweiten so unvergleichbar unterschiede, wie in der That füß von warm, gelb von weich sich unterscheidet. Daß es sich nicht so verhält, ift mithin eine thatsächliche Ginrichtung ber Welt bes Borftellbaren felbst, die in Betracht zu ziehen sich der Mühe verlohnt. 3ch fann ferner keineswegs reinen Berluft in dem Mangel an Benauigkeit sehen, ber allerdings der Mittheilung des Vorgestellten durch die Anwendung der sprachlichen Allgemeinbezeichnungen anhängt. Ohnehin, wo der Werth völlig genauer Bestimmungen fühlbar wird, kann bas, was diese einfachsten Schöpfungen des beginnenden Denkens zu wünschen laffen, durch die Leistungen des weiterfortgeschrittenen immer ergänzt werden; die Wiffenschaft hat uns längst jeden Grad der Wärme messen gelehrt und würde im Fall des Bedürfnisses auch jede Abstufung der Röthe oder Gußigkeit zu meffen wiffen. Die Art aber, wie die Sprache und das in ihr wirksame naturwüchsige Denken dieselbe Aufgabe löst, scheint mir logisch sehr bedeutsam. Denn wenn wir nicht jeden einzelnen wirklich empfundenen Farbeneindruck mit einem besonderen Namen belegen, sondern blau, roth, gelb und wenige andere durch eigene Benennungen bevorzugen, wenn wir dann die übrigen Einzelempfindungen als blauröthlich oder rothgelblich zwischen sie einschalten, so liegt in diesem Berfahren nicht blos ein Nothbehelf der Annäherung an unerreichbare Genauigkeit, sondern, wie mir scheint, der Ausdruck der lleberzeugung, nur jene wenigen Farben seien in der That feste Bunkte, denen ein eigener Rame gebühre, jene anderen aber muffe man durch ans nähernde Ausdrücke bestimmen, weil sie selbst nur Annäherungen zu diesen festen Bunkten oder Zwischenglieder zwischen ihnen sind. Hätten wir wirklich für alle einzelnen Schattirungen bes Blau besondere von einander unabhängige Einzelnamen, und entspräche unser Vorstellen dieser Ausdrucksweise, so würden wir einseitig die Trennung jedes Inhalts von jedem andern vollzogen, dagegen die positiven Beziehungen völlig übersehen haben, die zwischen allen stattfinden. Sprechen wir dagegen von hellblau, dunkelblau, schwarzblau, so ordnen wir dies Mannigfache in Reihen ober in ein Gewebe von Reihen, und in jeder von

Diesen geht ein drittes Glied aus dem zweiten durch Steigerung derselben fühlbaren Beränderung eines allen Gemeinsamen hervor, durch welche das zweite aus dem ersten entstand. Nun aber ist wohl schon hier vollkommen verständlich, daß ein Borstellen, welches diese Bergleidung des Berschiedenen nicht enthielte, sondern sich auf die nachte Trennung jedes von jedem beschränkte, den späteren Leiftungen des Denkens die hinlänglichen Beurtheilungsgründe nicht darbieten würde, nach denen zwei Vorstellungen als irgendwie zusammengehörig zweien andern als nicht zusammengehörigen entgegengesetzt werden könnten. Deshalb fassen wir diese zweite Denkhandlung, von welcher wir hier sprechen, nicht blos als Setzung überhaupt des a oder b, nicht blos als Unterscheidung überhaupt jedes a von jedem b, sondern zugleich als Bestimmung der Weite und der Eigenthümlichkeit des Unterschiebes, der nicht überall gleich groß und gleich geartet, sondern zwischen b und c ein anderer ist als zwischen a und b. Und hiermit meine ich nicht, daß jede einzelne Vorstellung a von der entwickelten Vorstellung aller ihrer Beziehungen zu der unendlichen Anzahl aller übrigen begleitet werden muffe; nur der allgemeine Rebengedanke, daß jede nach allen Seiten bin in ein solches Det von Beziehungen eingefangen ift, umgibt allerdings in unserem logischen Bewußtsein jede; aufgesucht . werden diese Beziehungen in jedem Einzelfalle so weit, als ein beftimmtes Bedürfniß Beranlaffung gibt.

14. Diese Vergleichung nun des Verschiedenen setzt offenbar ein Gemeinsames voraus, das in den einzelnen Gliedern der Reihe mit eigenthümlichen Unterschieden behaftet ist. So Gemeinsames pflegt die Logit nur in der Form eines allgemeinen Begriss zu betrachten, und in dieser Gestalt ist es ein Erzeugniß einer größeren oder geringeren Anzahl von Denkhandlungen. Es ist daher von Wichtigkeit, hervorzuscheben, daß dieses erste Allgemeine, welches wir hier bei der Verzgleichung einsacher Vorstellungen antressen, von wesentlich anderer Art, daß es der Ausdruck einer inneren Erfahrung ist, die von dem Denken nur anerkannt wird, und daß es eben um deswillen, wie sich später zeigen wird, eine unentbehrliche Voraussetzung ienes anderen Allgemeinen ist, dem wir in der Vildung des Begrisses begegnen werden. Den Allgemeinbegriss eines Thieres oder einer geometrischen Figur theilen wir einem Anderen dadurch mit, daß wir ihm vorschreiben, eine genau

angebbare Reihe von Denkhandlungen der Verknüpfung, Trennung oder Beziehung an einer Anzahl als bekannt vorausgesetzter Einzelvorstellungen auszuführen; am Ende dieser logischen Arbeit werde vor seinem Bewußtsein derselbe Inhalt stehen, den wir ihm mitzutheilen wünschten. Worin dagegen bas allgemeine Blau bestehe, bas wir im Hellblau und Dunkelblau, oder worin die allgemeine Farbe, die wir im Roth und Gelb mitdachten, läßt sich nicht auf demselben Wege verdeutlichen. Freilich können wir dem Anderen vorschreiben, er solle alle einzelnen Farben oder alle Schattirungen des Blau vorstellen und durch Absonderung ihrer Unterschiede das in beiden Fällen Gemeinsame der vorgestellten Inhalte hervorheben; aber dies ift nur scheinbar eine Anweis sung zu logischer Arbeit; im Grunde muthen wir doch durch sie dem Anderen nur zu, selbst zu sehen, wie er mit der ganzen Aufgabe fertig wird. Denn wie er es eigentlich anfangen foll, um zu entdeden, ob überhaupt in Roth und Gelb etwas Gemeinsames liege, und wie er es machen muffe, um dies Gemeinsame von bem Berschiedenen zu trennen: das können wir ihm doch nicht sagen; wir mussen uns einfach darauf verlassen, er werde die im Roth und Gelb bestehende Verwandtschaft, das Enthaltensein eines Gemeinsamen in beiden, unmittelbar selbst empfinden, fühlen oder erleben; seine logische Arbeit fann hier nur in der Anerkennung und dem Ausdruck dieser inneren Erfahrung bestehen. So ift dies erfte Allgemeine fein Erzeugniß des Denkens, sondern ein von ihm vorgefundener Inhalt.

15. Ich schafte hier eine Bemerkung ein, die mit geringer Umbeutung auf jedes Allgemeine sich erstrecken läßt, am leichtesten aber an diesem einfachsten Falle, dem ersten Allgemeinen, zu verdeutlichen ist. Das, worin Roth und Gelb übereinstimmen, und wodurch sie beide Farben sind, läßt sich von dem nicht abtrennen, wodurch Roth roth und Gelb gelb ist; nicht so abtrennen nämlich, daß dies Gemeinsame den Inhalt einer dritten Vorstellung bildete, welche von gleicher Art und Ordnung mit den beiden verglichenen wäre. Empfunden wird, wie wir wissen, stets nur eine bestimmte Einzelschattirung einer Farbe, nur ein Ton von bestimmter Höhe, Stärke und Eigenart; nur diese ganz bestimmten Eindrücke wiederholt auch die Erinnerung so, daß sie als inhaltvolle Vilder, die sich anschauen lassen, vor unserem Vewustssein stehen. Diese Anschaulichkeit besitzen die allgemeinen Vorstellungen

niemals. Wer das Allgemeine der Farbe oder des Tones zu fassen sucht, wird sich stets dabei antreffen, daß er entweder eine bestimmte Farbe und einen bestimmten Ton wirklich vor seiner Anschauung hat, nur begleitet von dem Nebengedanken, jeder andere Ton und jede andere Farbe habe das gleiche Recht, als anschauliches Beispiel des selbst unanschaulich bleibenden Allgemeinen zu dienen; oder seine Erinnerung wird viele Farben und Tone nach einander ihm mit demselben Rebengedanken vorführen, daß nicht diese einzelnen selbst gemeint sind, sondern das ihnen Gemeinsame, das in feiner Unschauung für sich zu fassen ist. Bersteht man daher unter Borstellung, wozu der gewöhnliche Sprachgebrauch allerdings neigt, das Bewußtsein eines Inhalts, der ruhig vor uns steht, oder eine Anschauung dessen, was uns vor uns hinzustellen gelingt, so gebührt dem Allgemeinen der Name einer Borstellung nicht. Worte wie Farbe und Ton sind in Wahrheit nur furze Bezeichnungen logischer Aufgaben, die sich in der Form einer geschlossenen Borstellung nicht lofen laffen. Wir befehlen durch fie unserem Bewußtsein, die einzelnen vorstellbaren Tone und Farben vorzustellen und zu verglei= chen, in dieser Vergleichung aber das Gemeinsame zu ergreifen, das nach dem Zeugniß unserer Empfindung in ihnen enthalten ist, das jedoch durch feine Anstrengung des Denfens von dem, wodurch sie verschieden sind, sich wirklich ablösen und zu dem Inhalt einer gleich anichaulichen neuen Vorstellung gestalten läßt.

16. Richten wir nun unsere Ausmerksamkeit auf die Unterschiede, welche innerhalb des ersten Allgemeinen seine mannigsachen Beispiele trennen. Eine Wärmeempfindung unterscheidet sich von einer anderen, ein leiserer Alang vom stärkeren, hellblau von tiefblau offenbar durch ein Wehr oder Minder eines fühlbaren Gemeinsamen, das für sich, ohne jede Gradbestimmung, nicht anschaubar ist. Auf denselben Unterscheidungsgrund wird man sich bei allen andern Vorstellungen zurückgesührt sinden; nur der Angabe des Allgemeinen, dem diese Größenvergleichung gilt, begegnet in den einzelnen Fällen eine nach den eben gemachten Bemerkungen verständliche Schwierigkeit. Der leisere Ton unterscheidet sich vom lauteren ohne Zweisel durch eine gewisse Steigerung, aber ebenso durch eine gewisse Steigerung der höhere vom tiesferen; was aber eigentlich das Gemeinsame ist, dem diese Veränderung widerfährt, glauben wir nur im ersten Fall durch die Bezeichnung der

Stärke unmittelbar, im zweiten nur bildlich burch ben Namen ber Sobe ausdrücken zu können. Noch mehr scheint Roth von Gelb wesentlich verschieden und das eine aus dem anderen nicht durch Anwachs oder Schwächung eines Gemeinsamen abzuleiten; nur was zwischen ihnen liegt, Rothgelb und Gelbroth, ift uns als eine Mischung verständlich, in welcher ein Mehr oder Minder des einen oder des andern von beiden enthalten ist. Gleichwohl leugnet doch Niemand, daß eine der Grundfarben einer zweiten verwandter ist als einer dritten, das Roth verwandter dem Gelb als dem Grün; diese Abstufungen der Achnlichfeit sind nicht ohne ein Diehr oder Minder eines Gemeinsamen zu denken, bessen wir uns bei dem Uebergange von einem Gliede der Reihe jum nächsten und von diesem jum dritten bewußt bleiben. Bu bestimmen, worin in den einzelnen Fällen dies Gemeinsame bestebe, zu beurtheilen, ob eine Mehrheit von Vorstellungen sich nur durch Gradverschiedenheiten eines einfachen Allgemeinen oder durch Combinationen von Werthunterschieden mehrerer einander bestimmender Allgemeinheiten von einander sondere, ob also diese Borstellungen in eine grad= linige Reihe oder flächenförmig oder in Reihen noch höherer Ordnung zusammenzufassen sind: dies alles sind anziehende Gegenstände der Untersuchung, aber sie sind nicht Wegenstände der Logik. Für diese genügt es, zu wissen, daß eine irgendwo verwendbare Größenbestimmung zunächst des Mehr oder Minder das unentbehrliche Hülfsmittel der Unterscheidung zwischen den Beispielen eines Allgemeinen ist. Und auch diese Größenbestimmung gehört zu dem, was wir nicht durch logische Arbeit erzeugen, sondern nur vorfinden, anerkennen und weiter entwickeln. Ein Urtheil, a sei stärker als b, ist als Urtheil freilich eine logische Arbeit; aber der Inhalt, den es ausspricht, also die Thatsache selbst, daß es überhaupt Gradunterschiede desselben Vorstellbaren gibt, sowie die besondere, daß der Grad des a den des b übersteige, fann nur erlebt, empfunden oder als Bestandtheil unserer inneren Erfahrung anerkannt werden. Welches auch die künstlichen Vorrichtungen sein mögen, durch die wir wissenschaftlich die Genauigkeit einer Messung zu steigern suchen, zuletzt beruht doch Alles auf der Fähigkeit, zwei sinnliche Wahrnehmungen unmittelbar als gleich ober als ungleich zu erfennen und sich darüber nicht zu täuschen, nach welcher Seite hin das Michr und nach welcher das Minder liegt.

- 17. Beschränkte sich nun die innere Erfahrung auf das Borführen von Achnlichkeiten und Unterschieden der Inhalte, so würde das Denken nur zu einer unveränderlichen spstematischen Anordnung der Borftellungen Beranlaffung haben, ähnlich der musikalischen Scala, in welcher alle Tone ihre festen und unverrückbaren Plate und wechselseitigen Beziehungen ein für allemal besitzen. Aber die Logik hat sich nicht mit einem Denken zu beschäftigen, welches unter nicht vorhandes nen Boraussetzungen sein wurde, sondern mit dem, welches ift. Allem wirklichen Denken aber ift durch den Mechanismus, welcher die Wechselwirkung der inneren Zustände beherricht, von Haus aus mehr Unregung dargeboten, als jene Boraussetzung annahm; der mannigfache Inhalt bes Borstellbaren wird ihm nicht blos in jener spstematischen Ordnung, die seinen qualitativen Berwandtschaften entspricht, sondern in der bunteften Fülle räumlicher und zeitlicher Berfnüpfungen vorgeführt, und auch diese Thatsache gebort zu dem Stoffe, der dem Denken gur Ausführung seiner weiteren Leiftungen bient und gegeben sein mußte. Die Berbindungen ungleichartiger Borftellungen, die so herbeigeführt werben, find die Aufgaben, an benen das Denken später seine Bemühung zu üben haben wird, Zusammenseiendes auf Zusammengehöriges zurudführen; ihrer braucht jett nicht weiter gedacht zu werden. Die gleichartigen oder gleichen dagegen geben Beranlassung, ihre Wiederholungen von einander zu trennen, fie zu verknüpfen, zu zählen; zu diesen Borstellungen des Einen und Bielen fügen endlich die in Raum und Zeit stetig ausgedehnten Inhalte die bes Größeren und Kleineren hinzu. In biesen brei Baaren von Größenvorstellungen, benn die bes Mehr ober Minder besagen wir bereits, sind alle Maßstäbe der Unterscheidungen für die Einzelbeispiele jedes Allgemeinen gegeben.
- 18. Zweierlei schließe ich hier von den Gegenständen unserer Bestrachtung absichtlich auß. Zuerst jede weitere Untersuchung über den Gang, den psychologisch die Entstehung und Entwickelung dieser Größensvorstellungen in unserem Bewußtsein nimmt, über die Neihenfolge, in welcher die eine die Bedingung für den Ursprung der andern sein mag, über den verschiedenen Werth endlich, den für ihre Bildung die zeitlichen und räumlichen Anschauungen haben. So anziehend diese Fragen sind, so würde doch ihre Beantwortung unseren Weg unnöthig verlängern; nicht darauf kommt es der Logik an, auf welche Weise die Elemente

Lote, Logif.

entstehen, die das Denken benutt, sondern darauf, welchen Werth sie, nachdem sie auf irgend eine Weise entstanden sind, für die Ausführung seiner Leistungen besitzen. Dies nun, was ich mehr als billig vernachlässigt finde, hebe ich hier hervor und werde es später im Auge behalten: die unerläßliche Nothwendigkeit, daß alle vom Denken zu verknüs pfenden Vorstellungen einer von den drei erwähnten Arten der Größenbestimmung zugänglich sein muffen. Das Andere, das ich ausschließe, ist die Untersuchung der Folgerungen, die aus diesen Größenbestimmungen für sich gezogen werden können; sie haben sich längst zu dem großen Gebäude der Mathematik entwidelt, dessen reiche Gliederung jeden Versuch einer Wiedereinschaltung in den Zusammenhang der allgemeinen Logik verbietet. Aber die ausdrückliche Hinweisung barauf ist nothwendig, daß alles Rechnen eine Art des Denkens ift, daß die Grundbegriffe und Grundsätze der Mathematif ihren systematischen Ort in der Logik haben, daß wir uns endlich das Recht wahren muffen, auch später überall, wo das Bedürfniß es verlangt, unbedenklich auf die Ergebnisse zurückzugreifen, welche die Mathematik unterdessen, als ein sich für sich selbst fortentwickelnder Zweig der allgemeinen Logik, gewonnen hat.

19. Ueberblickt man nun das Ganze diefer zweiten Denkhands lung, in welcher ich jetzt die bejahende Setzung des Inhalts, die verneinende Abtrennung von jedem andern, endlich die vergleichende Größenschätzung der Unterschiede und Achnlichkeiten zusammenkasse, so wird man die Bemerfung machen fonnen, daß der Sinn dieser neuen logischen Arbeit in etwas von dem abweicht, welcher der ersten Denkhandlung, der Formung der Vorstellungen, zukommt. Man unterlag dort der allerdings von uns zurückgewiesenen Bersuchung, die Formen der Substantivität, Adjectivität und Berbalität als Auffassungsweisen zu betrachten, welche das Denken, noch vor aller Aufforderung durch den gegebenen Inhalt, an diesem zu bethätigen begierig ist; allein, wenn wir gleich diese Aufforderung abwiesen, so bleibt es doch richtig, daß in jenen Formen das Denken nicht blos die auffordernde Thatsache des Borstellungslaufs wiederholt, sondern ihr allerdings die Westalt gibt, in der fie für den logischen Beift erft gerechtfertigt ift. Denn die Gelb= ständigkeit, welche die substantivische Form, am kenntlichsten durch den Artifel, dem einen Inhalt gibt, lag an sich nicht in der Thatsache, daß

dieser Inhalt ein bleibendes Glied zwischen wechselnden Vorstellungsgruppen war; die Unselbständigkeit, welche die adjectivische ausbrückt, war, als ein solcher Rebengedanke, nicht in der Thatsache vorhanden, die zur Ausprägung eines andern Inhalts in dieser zweiten Form anregte; man tann also fortfahren, in gewissem Sinne zu behaupten, baß in dieser erften Handlung das Denken seine eigenen Gesetze bem vorstellbaren Inhalt vorschreibe. Bezeichnen wir dies Verfahren mit einem Ausdruck, den wir übrigens vermeiden werden, als Beweis der Spontaneität, so trägt die zweite Handlung bes Denkens ben Charafter ber Receptivität; fie ift Anerkennung von Thatsachen, denen sie keine neue Form außer dieser Anerkennung ihres Bestehens gibt. Keinen Unterschied kann das Denken da machen, wo es keinen in dem Inhalt der Eindrücke vorfindet; das erfte Allgemeine ließ sich nur in unmittelbarer Empfindung erleben, und dem erlebten konnte zwar ein Name gegeben, aber keine andere logische Arbeit konnte zu seiner weiteren Feststellung unternommen werden; alle Größenbestimmungen, wie weit sich auch ihre fernere Vergleichung durch das Denken erstrecken mag, laufen immer auf das unmittelbare Innewerden gegebener Bestimmtheiten des Borftellungsinhalts zurud. Bon zwei Gesichtspunkten möchte ich diese Thatsache betrachtet wissen. Zuerst liegt eine gewisse unrichtige Sorglosigfeit der Logif darin, daß sie in ihrem späteren Berlauf die Bergleichbarkeit von Vorstellungen und die Möglichkeit ihrer Unterordnung unter ein Allgemeines fast in jedem Augenblicke voraussetzt, ohne vorher bemerkt zu haben, daß diese Möglichkeit, daß überhaupt das Gelingen aller ihrer Schritte auf bieser ursprünglichen Einrichtung und Gliederung der gangen Welt des Borftellbaren beruht, einer Ginrichtung, die an sich nicht denknothwendig, um so nothwendiger freilich für die Möglichkeit des Denkens ift. Denn ich wiederhole: es ift an sich nicht widersprechend, daß jede Vorstellung von jeder anderen unvergleichlich verschieden wäre, daß mit dem Wegfall der qualitativen Bergleichbarteit auch jeder Maßstab für ein Mehr ober Minder fehlte, daß feine Vorstellung zweimal sich ber Wahrnehmung barbote, daß mit dem Mangel dieser Wiederholung des Gleichartigen auch die Vorstellungen des Größeren und Kleineren verschwänden. Daß es nicht so ist, daß vielmehr die Welt des Borftellbaren eben die Gliederung besitzt, die wir fanden, dies mußte als eine höchst wichtige Thatsache hervorgehoben

werben, nicht aber sollte die Logit da, wo sie dieser Thatsache bedarf, sich auf sie als auf ein man weiß nicht woher gefommenes Selbstverständliche blos nebenbei berufen. Und hiermit hängt denn die andere Bemerkung zusammen, die ich noch vorhatte. Ift das Denken Rudwirfung auf gegebene Anregungen des Borstellungslaufs, so wird an bestimmten Stellen der systematischen Uebersicht seiner Handlungen auch der bestimmende Einfluß deutlich hervortreten, den auf diese die Bestaltung der Welt des Vorstellbaren ausübt; wie es hier das zweite Glied der ersten dreitheiligen Reihe von Denkhandlungen ist, so wird es auch später das zweite Blied der folgenden höher entwickelten Gruppen sein, worin sich diese eigenthümliche Abhängigkeit der logischen Arbeit von der Natur des Inhalts zeigen wird, dem sie jedesmal gilt. Doch. beanspruche ich durch diesen vorläufigen Hinveis nichts weiter, als der Rlarheit der Uebersicht über den systematischen Bau meiner Darstellung vorläufig zu Hülfe zu kommen; er selbst wird sich nur durch das rechtfertigen können, was er in jedem nach und nach hervortretenden Theile feiner Gliederung nüten wird.

#### C. Die Bildung des Begriffs.

20. In der Mannigfaltigkeit der Borstellungen, die uns gegeben werden, Zusammengerathenes zu scheiden, Zusammengehöriges durch ben Nebengedanken des Rechtsgrundes seiner Zusammengehörigkeit neu zu verbinden, ist die fernere Aufgabe des Denkens. Es wird dienlich sein, um ihren Sinn zu verdeutlichen, die verschiedenwerthigen Bedeutungen zu überbliden, in welchen überhaupt eine Verfnüpfung des Mannigfachen in unserer Gedankenwelt vorkommt. Zuerst ist keine spätere Handlung des Denkens möglich, ohne daß die verschiedenen Vorstellungen, auf welche sie sich beziehen soll, in einem und demselben Bewußtsein zusammentreffen. Für die Erfüllung diefer Bedingung forgt die Einheit unserer Seele und der Mechanismus der Erinnerung, welcher zeitlich getrennte Eindrücke zu möglicher Wechselwirfung zusammenbringt. Man tann diese Bereinigung bes Mannigfachen die Sonthesis der Apprehension nennen; sie ist keine logische Handlung, sondern rafft nur das Mannigfache zu gleichzeitigem Besitz des Bewußtseins zusammen, ohne in seiner Bielheit eine Ordnung zu stiften, welche bas eine Glied anders mit dem zweiten als dieses mit dem dritten verbände.

Diese Ordnung tritt ein in der zweiten Art ber Berknüpfung, ber Synthesis ber Anschauung, in ben räumlichen Bilbern nämlich und in ber zeitlichen Aufeinanderfolge, worin die Ginzeleindrücke bestimmte mit einander ungleichwerthige Bläte einnehmen. Auch diese Berknüpfung wird uns ohne eine Handlung des Denkens fertig burch den Mechanismus unserer inneren Bustande gegeben, und wie festbestimmt und feingegliebert auch die Berbindung bes Mannigfachen in ihr sein mag, so stellt fie doch stets nur eine thatsächliche äußere Ordnung bar und offenbart feinen Grund der Zusammengehörigkeit, der das Mannigfache zu so geordnetem Busammensein berechtigt. Ich gehe von diefer zweiten Stufe jogleich zu einer vierten über, zu einer Synthese, in welcher diese lette Forderung vollständig in Bezug auf ben jedesmaligen Inhalt erfüllt ware. In ihr wurde nicht nur eine thatsächliche Ordnung des Mannigfachen, sondern zugleich der bedingende Werth vorgestellt sein, den jeder Bestandtheil für das Zusammenkommen des Ganzen hat; bezöge nich diese Auffassung auf einen Gegenstand ber Wirklichkeit, so würde sie zeigen, welche Bestandtheile die vorangehenden bestimmenden und wirkenden sind, in welcher Reihenfolge der Abhängigkeit und Entwicklung die andern aus ihnen hervorgehen, oder welcher Zweck als der gesetgebende Mittelpunkt zu denken ist, dessen Sinn die gleichzeitige Bereinigung aller Bestandtheile oder ihre allmähliche Nachentstehung fordert; bezöge sie sich auf einen Inhalt, der keine Wirklichkeit außer unserem Bewußtsein und feine zeitliche Entstehung oder Entwicklung hat, wie die geometrischen Figuren, so würde sie wenigstens versuchen, obwehl mit später zu erwähnender Beschränkung des Gelingens, auch bier die Bestandtheile des Ganzen in eine Rangordnung zu bringen, in welder das, was in dem vorgestellten Inhalt das Bedingende ift, dem Underen voranginge, was in mannigfacher Abstufung seine Folge ist. Man bemerkt leicht, daß eine Synthese dieser Art nichts anderes als bie Erkenntniß der Sache felbst fein würde; sie liegt als bas Biel, gu dem die Arbeit des Denfens führen foll, um ebenso viel höher über dem Beden der Logik, als die erste und zweite Weise der Berknüpfung des Mannigfachen unter ihm lag; in die Lücke dazwischen haben wir die dritte logische Form der Synthesis zu stellen, deren Gigenheit jest aufzusuchen ist.

21. Wenn der Unfundige vom Creditwesen oder vom Bankwesen

spricht, so merten wir dieser Ausdrucksweise seine Ueberzeugung ab, eine Anzahl von Geschäften und Einrichtungen bilde ein zusammengehöriges Ganze; aber er würde nicht anzugeben wissen, worin der Nerv ihres Zusammenhangs liege ober welche Grenzen dies Ganze von dem abscheiden, was nicht zu ihm gehört. Durch diesen Rebengedanken, das Mannigfache sei nicht nur da, wie ein zusammenseiender Haufe, sondern gebe sich als ein Ganzes von Theilen gewisse Grenzen, innerhalb deren es eine geschlossene Einheit sei, ist die allgemeine Absicht des Denkens formell an diesem Inhalt markirt, ohne noch sachlich erfüllt zu fein. In derselben Stellung findet fich nun unser Bewußtsein, wenn wir unsere Gedankenwelt muftern, zu sehr vielen Inhalten; ja man wird ohne Ueberraschung finden, daß sehr bedeutungsvolle Worte der Sprache diese unvollkommene Form der Fassung ihres Gegenstandes verrathen; benn eben je reicher, wichtiger und mannigfaltiger ein Begebenes ift, um so leichter werden überredende Eindrücke vielfacher Wahrnehmungen das Gefühl seiner Cigenthümlichkeit, Ganzheit und Abgeschlossenheit in sich selbst erweden, ohne uns darum sein inneres Befüge wirklich aufzudeden. Worte wie Natur, Leben, Runft, Erkenntniß, Thier und viele andere bedeuten im gewöhnlichen Gebrauch nichts weis ter; sie bruden nur die Meinung aus, daß eine gewisse meist nicht genau begrenzbare Menge von Einzelheiten, seien es Gegenstände oder Merkmale von Wegenständen oder Ereignisse, die sich aneinanderknüpfen, auf irgend eine Weise durch ein innerliches Band zu einem Ganzen vereinigt find, welches sich weder einen Theil seines Inhalts rauben läßt, ohne zerstört zu werden, noch einen beliebigen Zusatz in seine abgeschlossene Einheit aufnehmen kann. Wie wenig aber die Natur jenes Bandes wirklich bekannt ist, zeigt das Mißlingen des Versuchs, Rechen= schaft über die Grenzen zu geben, welche das zu dieser Ginheit Zuge= hörige umschließen und von Fremdartigem trennen. So lange nun die logische Arbeit in der Zusammenfassung des Mannigfachen nicht weiter gediehen ist, würde ich Bedenken tragen, schon von Begriffen zu sprechen, ohne deshalb Werth auf die Erfindung eines besonderen technischen Ramens für diese noch unvollkommene Fassung zu legen. Möge sie denn der unvollkommene oder der werdende Begriff heißen; den voll= fommenen oder verwirklichten Begriff werden wir erft bann zu besitzen glauben, wenn der unbestimmte Nebengedanke der Ganzbeit überhaupt

zu dem Mitdenken eines bestimmten Grundes gesteigert ist, welcher das Jusammensein gerade dieser Merkmale, gerade diese Verbindung derselben und die Ausschließung bestimmter anderen rechtsertigt.

22. Es ist jett die Frage, wie wir zu diesem bedingenden Grunde gelangen. Blieben wir nun bei der isolirten Betrachtung eines zusammengesetzten Bildes abed stehen, so wurde feine noch so lange fortgesette Beobachtung uns entdeden, welche Bestandtheile desselben nur gusammensind, welche zusammengehören, in welcher Abstufung das Dasein des einen das des anderen bedingt. Bergleichen wir aber abed mit andern seines Gleichen, b. h. mit solchen, auf welche von ihm aus unsere Aufmerksamkeit ohne logisches Zuthun durch Gesetze unseres Vorstellungslaufs gelenkt wird, und finden wir, daß in abed, abef, abeg und ähnlichen die Gruppe abe gleichmäßig vorkommt unter Singufügung verschiedener ungleicher Bestandtheile, so erscheinen uns diese letteren als das loder und trennbar mit dem festen Stamme des abc Verbundene; das gemeinsame abe aber steht ihnen nicht blos als thatfächlich gleicher Mittelpunkt ihrer Anknüpfung gegenüber, sondern unter der allgemeinen Boraussetzung, daß hier ein Ganzes einander bedingenber Theile vorliege, wird dieser feste Kern zugleich zum Ausdruck der beständigen Regel, die in den Ginzelfällen den Ansatz der verschiedenen Rebenbestandtheile gestattet und die Art ihrer Anfügung bestimmt. Wollen wir im Leben und zu praftischen Zweden deffelben ermitteln, wo in einem Geschöpfe, in einem Gegenstande oder in einer gegebenen Einrichtung die Grenzlinie verläuft, die das innerlich Zusammengehörige von zufälligen Anlagerungen scheibet, so setzen wir dies gegebene Ganze irgendwie in Bewegung; unter dem Ginfluß der Beränderung werde sich zeigen, welche Theile hier fest zusammenhalten, während die fremden Beimischungen abfallen, und welche allgemeinen Berknüpfungsweisen jener Theile bestehen bleiben, während sie im Einzelnen ihre gegenseitigen Stellungen ändern; in dieser Summe des Beständigen sehen wir dann das wesentliche innere Gefüge bes Ganzen und erwarten von ihm, daß es auch die Möglichkeit und die Art und Weise des Ansatzes veränderlicher Bestandtheile bestimme. Das erste Berfahren, die Bervorhebung deffen, was verschiedenen ruhenden Beispielen gemeinsam zukommt, hat die Logik gewöhnlich befolgt und ist auf diesem Wege zur Aufstellung ihres Allgemeinen gekommen; ich würde den anderen bevorzugen, die Bestimmung dessen, was in demselben Beispiel sich unter veränderten Bedingungen forterhält; denn nur die Voraussetzung, daß diese Selbsterhaltung sich auch an der Gruppe abc, dem Gemeinsamen vieler einzelnen Vorstellungsganzen, werde beobachten lassen, rechtsertigt eigentlich unsere Annahme, dieses Zusammenseiende als zusammensgehörig und als Grund der Anfügbarkeit oder der Unzulässigkeit anderer Vestandtheile anzusehen.

Man nennt Abstraction das Verfahren, nach welchem das 23. Allgemeine gefunden wird, und zwar, wie man angibt, durch Weglaffung deffen, mas in den verglichenen Sonderbeispielen verschieden ift, und durch Summirung beffen, was ihnen gemeinsam zukommt. Blid auf die wirkliche Praxis des Denkens bestätigt diese Angabe nicht. Gold, Silber, Aupfer und Blei sind an Farbe, Glanz, Gewicht und Dichtigkeit verschieden; aber ihr Allgemeines, das wir Metall nennen, finden wir nicht dadurch, daß wir bei ihrer Vergleichung diese verschiedenen Merkmale ohne einen Erfat einfach weglassen. Denn offenbar reicht zur Bestimmung des Metalls nicht die Verneinung aus, es sei weder roth noch gelb noch weiß oder grau; ebenso unentbehrlich ist die Bejahung, daß es jedenfalls irgend eine Farbe habe; es hat zwar nicht dieses, nicht jenes specifische Gewicht, nicht diesen, nicht jenen Grad des Glanzes, aber seine Vorstellung würde entweder gar nichts mehr bedeuten oder doch sicher nicht die des Metalles sein, wenn ihr jeder Gedanke an Gewicht überhaupt, an Glanz und Härte überhaupt fehlte. Durch Bergleichung ber einzelnen Thierarten erhalten wir das allgemeine Bild des Thieres gewiß nicht, wenn wir jede Erinnerung an Fortpflanzung, Selbstbewegung und Respiration deshalb fallen laffen, weil die einen lebendig gebären, andere Gier legen, manche sich durch Theilung vermehren, weil ferner jene durch Lungen, diese durch Kiemen, noch andere durch die Haut athmen, weil endlich viele auf Beinen wandeln, andere fliegen, einige zur Ortsveränderung unfähig find. Im Wegentheil ist dies das Allerwesentlichste, wodurch jedes Thier Thier ist, daß es irgend eine Art der Fortpflanzung, irgend eine Beise der Gelbstbewegung und der Respiration besitzt. In allen diesen Fällen entsteht mithin das Allgemeine nicht durch einfache Hinweglassung der verschiedenen Merkmale pund p2, q1 und q2, die in den verglichenen Ginzelfällen vorkommen, sondern dadurch, daß an die Stelle der weggelassenen

die allgemeinen Merkmale P und Q eingesetzt werden, deren Einzelarten p1, pe und q1, q2 find. Das einfachere Berfahren der Weglaffung kommt nur da vor, wo dem einen der verglichenen Einzelnen in der That gar keine Art eines Merkmals P zukommt, von welchem das andere nothwendig eine Art zu seinem Merkmal hat. Go glauben wir, gleichviel ob mit Recht oder Unrecht, in der Pflanze feine Spur von Empfindung und Gelbstbewegung zu entdeden, die beide wesentlich für alle Thiere sind; aus der Bergleichung von Pflanze und Thier bilden wir daher allerdings die allgemeine Vorstellung des organischen Wesens durch Weglassung beider Merkmale ohne einen Erfat. Gine sachlich eingehende Betrachtung wurde, zwar nicht eben in diesem Beispiele, aber in vielen verwandten Fällen, vielleicht Beranlassung haben, dennoch beiden verglichenen Gliedern zwei Merkmale P und Q gemeinsam zuzuschreiben, und nur für das eine, die Pflanze, einen Rullwerth diefer Merkmale anzunehmen, die in dem Thiere stets mit wirklichen Größenwerthen vorfommen. Etwas anders gewendet behaupten wir logisch, der Ersatz der weggelassenen Einzelmerkmale durch ihr Allgemeines sei die allgemeingültige Regel der Abstraction, die ersatlose Weglassung bilde den Sonderfall, in welchem sich ein logisch gemeinsames Merkmal nicht finden läßt, als deffen verschiedene Arten der Besitz eines Ginzelmerts mals hier und sein Richtbesit bort angesehen werden fonnten. Go gefaßt schließt mithin unsere Regel der Abstraction diese Fälle der bloßen Weglaffung mit ein; umgefehrt, eine Regel, welche nur von der Weglaffung ausginge, fände feinen Rudweg zu der Forderung jenes Wiederersates, deffen Wichtigkeit für die Bildung des Allgemeinen alle späteren Schritte ber logit bestätigen werden.

24. Nach den Betrachtungen des vorigen Abschnittes, von dessen Boraussendung jett die Nothwendigkeit sichtbar ist, wird man nicht ernstlich an dem nur scheinbaren Cirkel Anstoß nehmen, der uns hier Allgemeines durch Zusammensetzung von Allgemeinem zu bilden besiehlt. Wir haben gesehen, daß die allgemeinen Merkmale P und Q, die wir hier bedürfen, das erste Allgemeine des erwähnten Abschnittes, uns ohne logische Arbeit lediglich als beobachtbare Erzeugnisse unseres Vorstellungselebens zusallen; eben deswegen können sie nun als Bausteine für die Vildung dieses zweiten Allgemeinen verwendet werden, welches wir allerdings durch eine logische Arbeit erzeugen. Daß das Gelb des

Goldes, das Roth des Aupfers und das Weiß des Silbers nur Abwandlungen eines Gemeinsamen sind, das wir dann Farbe nennen, das empfanden wir unmittelbar; wem es aber nicht empfindbar wäre, dem würde durch logische Arbeit nie deutlich gemacht werden können, weder daß diese Eindrücke Arten dieses Allgemeinen sind, noch überhaupt, was eigentlich ein Allgemeines und die Beziehung seines Besonderen zu ihm sagen will. Denn dies eben wünschte ich hier noch hervorzuheben, daß auf der unmittelbaren Anschauung eines ersten Allgemeinen und auf der Anwendung irgend welcher Größenvorstellungen die Bildung dieses zweiten Allgemeinen in allen Fällen beruht, nicht blos da, wo die Merkmale, wie die des Metalls, Farbe, Glanz und Härte, sich ungezwungen als ruhende Eigenschaften bes Bezeichneten fassen lassen, sondern auch da, wo sie, wie Fortpflanzungs= und Bewegungsfähigfeit des Thieres, nur furze adjectivische Bezeichnungen von Verhaltungsweisen sind, die sich vollständig nur durch vielfache Beziehungen zwischen mancherlei Beziehungspunkten denken laffen. Man überzeugt sich leicht durch eine Bergliederung, die ich nur um ihrer drohenden Weitläufigkeit willen bier der Aufmerksamkeit des Lesers überlassen muß, daß alle Unterschiede der Thiere auch in Bezug auf diese Merkmale immer auf Größenbestim= mungen hinauslaufen, die entweder ber Stärke gelten, mit ber ein fühlbar gleicher oder gleichartiger Vorgang sich in ihnen ereignet, oder ber Angahl ber Beziehungspunkte, zwischen benen er stattfindet, ober einer der Formverschiedenheiten, die er durch eben diese verschiedene Anzahl seiner Beziehungspunkte, durch die größere oder geringere Engigfeit ihrer Beziehung auf einander, endlich durch die ebenfalls meßbaren Unterschiede ihres zeitlichen und räumlichen Verhaltens erfahren tann. Mit dem Hinwegfall dieser quantitativen Abstufung und Bergleichbarkeit, die sich, in verschiedener Weise natürlich, über Alles, über einfache Merkmale, über ihre Beziehungen, über Berbindungsweisen bes Gleichzeitigen und des Successiven erstreckt, würde die Bildung eines Allgemeinen aus der Bergleichung verschiedener zusammengesetzter Borstellungsgruppen wenigstens in dem Ginne, in welchem diese Bildung für die Aufgaben des Denkens Werth hat, unmöglich fein.

25. Ich gedenke jetzt einiger herkömmlichen Kunstausdrücke. Nennen wir Begriff (notio, conceptus) vorläufig überhaupt die zusams mengesetzte Vorstellung, die wir als ein zusammengehöriges Ganze denken, so heißt Inhalt (materia) des Begriffes S die Summe der Einzelvorstellungen oder Merkmale (notae) a, b, c, d..., durch welche S vollständig gedacht und von jedem andern Begriffe D unterschieden wird: Umfang aber (ambitus, sphaera) die Anzahl der Einzelbegriffe s1 s2 s3.., in deren jedem der Inhalt von S, also die Merkmalgruppe a, b, c, d.., in irgend einer ihrer möglichen Modificationen enthalten ist. So würden Farbe a, Gewicht b, Dehnbarkeit d und die übrigen ähnlichen zusammen den Inhalt des Metalls S; Aupfer s' bagegen, Silber s2, Gold s3 und ihres Gleichen zusammengenommen den Umfang deffelben S bilden. Man pflegt ferner die einzelnen Mertmale a, b, c als coordinirt in dem Inhalt von S, die einzelnen Arten aber, s1, s2, s3, als coordinirt in dem Umfange des S zu bezeichnen; in dem Verhältniß ber Subordination endlich stehen die Arten s1, s2, s3 zu dem allgemeinen S felbst, das ihre Gattung bildet; subsumirt aber find sie sammt bem S selbst unter jedes ber allgemein ausgedrückten Merkmale, welche den Inhalt des S und folglich auch den der s1, s2, s3 zusammensetzen. Zuletzt behauptet man, daß Umfang und Inhalt jedes Begriffes in umgekehrtem Verhältniß zu einander stehen; je größer ber Inhalt, also die Zahl der Merkmale, die der Begriff allen seinen untergeordneten Arten vorschreibt, um besto geringer die Anzahl der Arten, welche diese Forderung erfüllen; je fleiner der Inhalt des S, um so größer die Menge ber Einzelnen, welche die wenigen Merkmale besitzen, Die ihnen nöthig find, um Arten des S zu fein, oder in seinen Umfang zu gehören. Bergleiche man daher den allgemeinen Begriff S mit einem andern gleichartigen allgemeinen T und suche für sie beide bas neue dritte Allgemeine U, dem sie wieder als Arten gehören, und setze man dies Berfahren fort, so werde jeder Allgemeinbegriff W, je höher er in biefer Stufenreihe steht, je weiter er nämlich von den ursprünglich verglichenen S und T absteht, um so ärmer an Inhalt und um so größer an Umfang sein; umgekehrt, steigen wir von jenen höchsten Allgemeinbegriffen W durch V und U, S und T bis zu den Arten von S und weiter herab, so machse mit abnehmendem Umfang der Inhalt und werde am größten in jenen Borftellungen des völlig Einzelnen und Individuellen, denen dann die Logit nicht ohne Bedenken den Ramen eines Begriffes überhaupt noch zugesteht.

26. Diese Bestimmungen sind von ungleichem, überhaupt aber

von geringem Werth. Ich beginne, was über sie zu sagen ist, mit der Feststellung des fünftig von mir zu befolgenden Sprachgebrauchs. Ich nenne jeden zusammengesetzten Inhalt s dann begrifflich gefaßt oder Begriff, wenn zu ihm ein Allgemeines S mitgebacht wird, welches ben bedingenden Grund für das Zusammensein aller seiner Merkmale und für die Form ihrer Verknüpfung enthält. Nach dieser Erklärung sprechen wir unbedenklich von Begriffen auch des völlig Einzelnen, von singularen Begriffen nach dem alten Ausbruck der Logit und glauben uns dabei in völliger Uebereinstimmung mit dem Sprachgebrauch. Denn wenn wir zum ersten Male einen uns neuen Gegenstand s, vielleicht mit völliger Deutlichkeit der sinnlichen Wahrnehmung, beobachten, mit dieser aber uns nicht zufrieden geben, sondern fragen, was denn nun eigentlich dies s sei, so wünschen wir offenbar die Regel kennen zu lernen, die in dem beobachteten Thatbestand die wahrgenommenen Merkmale verbindet und sie in ein zusammengehöriges Banze von bestimmtem voraussagbaren Berhalten verwandelt. Erfahren wir dann, dies s fei ein S, ein Thier oder eine Pflanze, so glauben wir dies s begriffen gu haben; seine Vorstellung ift es also, die durch das Mitdenken des allgemeinen S zum Begriff erhoben wird. Jeder Eigenname bietet hierfür ein Beispiel. Alcibiades bedeutet für menschliche Gedanken niemals blos eine Bielheit verschiedenfarbiger Punkte, die im Raum nach bestimmter obwohl nicht ganz unverschiebbarer Zeichnung mit einander verbunden sind und dem Versuch zu ihrer Trennung widerstehen; ebensowenig drudt der Rame blos den Rebengedanken aus, diese Bielheit bilde auf irgend eine dahingestellte Weise ein Ganzes; das ganz bestimmte Allgemeinbild des Menschen vielmehr oder des Mannes wird als das Schema mitgedacht, nach welchem der Zusammenhang der hier beobachteten Merkmale unter einander und mit dem künftig von ihnen zu erwartenden Verhalten aufzufaffen ift. Auf diese Auffassung aber paßt weder der Name der Anschauung, noch der einer bloßen Borstellung, sondern nur der eines singularen Begriffes.

27. Gar nicht finde ich dagegen in der Ordnung, daß man dem Allgemeinen S selbst, durch dessen Mittenken das Einzelne zum Begriff wird, ohne allen Vorhehalt den Namen eines Allgemeinbegriffes gibt. Diese logische Form kann das S haben, hat sie aber keineswegs immer, sondern bleibt häufig ein bloßes allgemeines Bild, dessen Be-

stand zwar mit dem Nebengedanken seiner zusammengehörigen Ganzheit, aber ohne Angabe der gliedernden Regel seines Zusammenhangs gedacht wirt. Im gewöhnlichen Gebrauch der Rede ist schon der Name Mensch nur Ausdruck für ein solches Bild; einige Ueberlegung macht aus ihm leicht noch, durch Unterordnung unter bas Allgemeine Thier, einen Begriff; dann bleibt aber Thier ein allgemeines Bild, das nur der Naturforscher noch durch Mitdenken ber Borstellung des organischen Wesens für seinen wissenschaftlichen Gebrauch zum Begriff umbildet. Auf diesem unfertigen Buftand der logischen Arbeit, die nur den einen Ring ber gangen Rette, den Busammenhang des Ginzelnen mit seinem nächsten Allgemeinen scharf beleuchtet, von da aus aber die übrigen im Dunkel läßt, beruhen die Begriffe, die im natürlichen Gebrauch des Denkens vorkommen; da jedoch wissenschaftliche Untersuchungen, zu denen die Logit vorzugsweis einleiten will, wirklich dahin streben, auch jedes höhere Allgemeine eines gegebenen Begriffs selbst begrifflich zu fassen, so begnuge ich mich, die vorgetragene Bemerkung gemacht zu haben, sehe jedoch von ihrer hartnäckigen Durchführung ab und werde mit dem gewöhnlichen Sprachgebrauch auch jenen allgemeinen Bildern den Ramen ber Begriffe nicht vorenthalten. Dies Zugeständniß wird mir dadurch erleichtert, daß in der Logik der Name des Begriffs nicht jene vornehme Bedeutung scheint haben zu dürfen, die ihm die Schule Begels gegeben hat, und in welcher er darauf Anspruch macht, die Erkenntniß ber wesentlichen Ratur seines Gegenstandes auszudrücken. Der Unterschied zwischen logischen Formen und metaphysischen Gedanken ist auch hier zu beachten. Es mag einen bevorzugten Begriff geben, welcher die Sache felbft in ihrem Sein und ihrer Entwicklung verfolgt, ober gum Standpunkt der Auffassung den in ihr selbst liegenden Mittelpunkt wählt, von welchem aus sie ihr eigenes Verhalten bestimmt und ihre eigne Wirksamkeit gliedert; aber es ist nicht Aufgabe der Logif, ihrer Begriffsform stets nur diese auserlesene Füllung zu geben. logische Begriff gilt uns als eine Denkform, welche ihren Inhalt, von irgend welchem Standpunkte aus, so auffaßt, daß aus dieser Auffassung Folgerungen zu ziehen sind, welche an bestimmten Punkten richtig wieder mit dem zusammentreffen, was aus diesem Inhalt selbst, aus ber Sache selbst fließt; nach der Wahl jener Standpunkte, für beren jeden sich die Sache anders projicirt, fann es daher verschiedene gleich

richtige und gleich fruchtbare logische Begriffe besselben Gegenstandes geben. Mag darum Begriff immerhin sede Auffassung heißen, die, wenn auch nur mit Hülfe eines selbst nicht weiter zergliederten Allge-meinbildes, dies leistet, den gegebenen Gegenstand einer Regel seines Verhaltens zu unterwerfen, deren Anwendung mit diesem wirklichen Berhalten in Uebereinstimmung bleibt.

28. Ernstliche Bedenken erwedt die behauptete Coordination der Merkmale im Inhalt des Begriffs. Schon dies ift ein Uebelstand, daß uns ein paffender Rame für die Bestandtheile fehlt, aus denen wir den Begriff zusammensetzen; Merkmal, Theilvorstellung passen nur für be= stimmte Fälle. Sie erweden die geläufige falsche Meinung, als seien gang allgemein die Bestandtheile des Begriffs gleichwerthig, jeder mit dem Ganzen des Inhalts ebenso verbunden wie jeder andere, und jeder erste mit dem zweiten ebenso wie dieser mit dem dritten. Hierzu verführen besonders die Beispiele, welche die Logif aus dem Kreise einfacher Naturgegenstände zu wählen pflegt. Zwar ist Gold gelb nur im Licht, dehnbar nur für eine einwirkende Zugkraft, schwer nur für den Körper, den es drückt; aber diese verschiedenen Berhaltungsweisen laffen sich doch für unsere Einbildungstraft leicht als ruhende Eigenschaften vorstellen, die an einem bestimmten Punkte des Raumes versammelt find und dort alle in nicht weiter angebbarer übrigens gleicher Weise an dem Realen haften, das um ihretwillen Gold heißt. Hier paßt der Name der Merkmale und hier sind die Merkmale allerdings in dem behaupteten Sinne in dem Inhalt coordinirt; nur bedeutet diese Coordination nichts mehr, als daß sie alle dem Ganzen gleich unentbehrlich find, außerdem aber eine irgendwie gegliederte Ordnung nicht besteht. Berlaffen wir fo einfache Beifpiele, überlegen wir Begriffe wie Dreied, Thier oder Bewegung, so bedürfen wir, um ihren Inhalt richtig zu denken, eine Menge von Theilvorstellungen, die nicht mehr so gleich= werthig find, sondern in den verschiedensten gegenseitigen Stellungen auf einander bezogen werden muffen. Die drei Seiten des Dreieds sind nicht blos in ihm auch da, neben den drei Winkeln, sondern sie muffen durch ihre Schneidungen die Winkel bilden; der Begriff der Bewegung enthält nicht blos überhaupt die Theilvorstellungen Ort, Beränderung, Richtung, Geschwindigfeit; sondern Richtung und Geschwindigfeit sind, beibe in verschiedenem Sinne, Bestimmungen der

Beränderung; der Ort, da er ja verlassen wird, kann am wenigsten ein Merkmal des Begriffs beißen, er ift ein Beziehungspunkt für die Borftellung der Beränderung, zu welcher sein Berhältniß durch den Sinn des Genitivs verglichen mit dem regierenden Nominativ ausgedrückt wird. Die Verfolgung dieser Mannigfaltigkeit ift zu weitläufig; zu der lleberzeugung aber würde sie ersichtlich führen, daß im Allgemeinen die Merkmale eines Begriffs nicht gleichwerthig einander coordinirt find, daß sie vielmehr in den mannigfaltigften Stellungen sich auf einander beziehen, einander verschiedenartige Anlagerungen vorschreiben und so sich wechselseitig determiniren; daß ein zutreffendes Symbol für den Bau eines Begriffs nicht die Gleichung S = a + b + c + d..., sondern höchstens die Bezeichnung S = F (a, b, c, ...) ist, welcher mathematische Ausdruck eben nur andeutet, daß a, b, c, ... auf eine im Einzelfall genau angebbare, im Allgemeinen höchst vielförmige Weise verknüpft werden muffen, um den Werth von S zu ergeben. Bare in irgend einem Ginzelfalle

$$S = a \left[ b^{c} \sin d \right] + \left( e - \frac{f}{g} \right) \sqrt{h},$$

so würde diese Formel, so läppisch sie sein würde, wenn sie etwas mehr bedeuten wollte, doch immer noch ein anschaulicheres Bild, als jene unzureichende Summenformel, für die Verschiedenheit der Beiträge geben, welche hier die einzelnen Merkmale a, b, c ... zum Aufbau des ganzen Inhaltes von S liefern.

29. Gegen die Coordination von s¹ Kupfer, s² Gold und s³ Silber in dem Umfang des S Metall ist nichts einzuwenden, dagegen der große Werthunterschied zwischen dieser Unterordnung und der des allgemeinen S sowie jeder seiner Arten unter die allgemeinen Merkmale a dehnbar, b farbig hervorzuheben. Die Natur des Allgemeinen S, des Metalls, beherrscht die Natur seiner Arten, des Goldes und Kupfers, vollständig, und keine Eigenschaft der letzteren entzieht sich ihrem besstimmenden Einfluß: gelb oder roth ist vieles, aber das schimmernde Gelb und Roth des Goldes und Kupfers kommt Metallen allein zu; dehnbar ist vieles, aber Größe und sapfers kommt Metallen allein zu; dehnbar ist vieles, aber Größe und sapferz seigenthümlichkeit der Dehnsarkeit, wie sie Gold und Kupfer zeigen, ist nur bei Metallen erhört; nur die Metallität endlich erklärt die Höhe des specifischen Gewichts. Ebenso bestimmt das Allgemeine Thier jede Eigenschaft und jede Regung

dessen, was seine Art ist: das Thier bewegt sich anders, wächst anders und ruht anders als die Pflanze und das Leblofe. Berfinnlichen wir das allgemeine Metall durch einen Kreis S, so liegt der fleinere Kreis s' des Goldes völlig in S eingeschlossen; neben ihm, getrennt von ihm, aber ebenso gang innerhalb des S, die Kreise s2 Rupfer, s8 Silber. Dies Berhältniß einer wahrhaften Unterordnung unter das maßgebende Allgemeine bezeichne ich, indem ich zwei meist gleichbedeutend gebrauchte Ramen verschieden benute, als Subordination unter die Gattung; ich nenne dagegen Subsumption unter das Merfmal die Unterordnung des Goldes unter das Gelb g oder das Dehnbare d. Diese allgemeinen Merkmale beherrschen und durchdringen offenbar die ganze Natur des Goldes nicht; jedes drückt vielmehr nur eine Seite derfelben aus, die andern Wegenständen von völlig abweichender Ratur ebenfalls zufommt, und aus der sich, für unsere logische Ginsicht, keinerlei Folgerung in Bezug auf die anderen Eigenschaften des Goldes ziehen läßt. An den größeren Kreis G des Gelben tritt daher der fleinere s des Goldes nur an einer bestimmten Stelle an und schneidet ihn, ohne gänzlich in ihm zu liegen; an anderen Stellen wird G durch die Areise der andern gelben Wegenstände ebenso geschnitten und sie alle bleiben theilweis außer ihm.

30. Von dem Allgemeinen S aus, welches die Regel für die ursprünglich verglichenen s1 s2 s3 war, konnten wir zu immer höheren Allgemeinbegriffen T U V W aufsteigen. In der Naturgeschichte, für welche diese Stufenreihe Werth hat, sind ihre einzelnen Glieder in der Richtung nach aufwärts als Art, Gattung, Familie, Ordnung, Klasse bezeichnet worden; doch ist schon dies nicht ganz unstreitig, was ein Allgemeinbegriff zu leisten habe, um eine Art, und was, um eine Gattung vorzustellen; noch verschiedener werden die übrigen Benennungen und immer nach Gesichtspunkten angewandt, die für den Kreis zu behandelnder Gegenstände jedesmal aus der besondern Natur derselben eigens gerechtsertigt werden. Ohne diese Unterstützung, welche die Bedeutung und Wichtigkeit dieser Abstufungen von Seiten sachlicher Renntniß erfährt, läßt sich nur für Art und Gattung einigermaßen ein fester logischer Werth auf folgende Weise bestimmen. Beranlassung zur Aufsuchung eines Allgemeinen überhaupt findet das natürliche Denken nur in der Bergleichung von Einzelfällen, welche nicht gleich,

aber ähnlich sind. Ginen Begriff zu suchen, der Gurkenfrüchte und mathematische Lehrsätze unter sich befaßte, ist ein Spiel des Wites; aber alle großen und kleinen, alten und jungen, dicken und magern, schwarzen und weißen Menschen fordern bas natürliche Denken zu diesem Schritte auf. Denn ihre finnlichen Erscheinungen liefern ähnliche Bilder, an deren entsprechenden Bunkten sich nur Merkmale finden, die unmittelbar als Arten besselben allgemeinen Merkmales, ber Barte, ber Farbe, empfunden werden; auch Die Beziehungen zwischen zweien dieser Bunkte find in ihnen allen nur durch Grad und Größe verschiedene Modificationen einer und derselben allgemeinen Beziehung. Die Bergleichung der einzelnen Menschen erzeugt daber ein allgemeines Bild; nicht in dem Sinne freilich, als ließe der allgemeine Mensch sich wirklich malen, aber boch in bem Ginne ber naturgeschichtlichen Abbilbungen, die gar nicht daran zweifeln, durch ein Pferd alle Pferde und durch ein Kameel alle Kameele in einer Anschauung, die mehr als bloßes Schema oder Symbol ift, deutlich darzustellen; ober in dem Sinne der Geometrie, die durch ein gezeichnetes Dreied, obgleich es immer nur ein einzelnes sein kann, neben dem es andere gibt, doch alle diese andern, und zwar gleichfalls in anschaulicher Weise, mit vertritt. Diese Möglichkeit verschwindet aber, wenn wir zu höheren Allgemeinheiten aufsteigen, die diese allgemeinen Bilder selbst wieder als ihre Arten unter sich befassen; das allgemeine Säugethier, das weder Pferd noch Kameel ift, noch sonft Namen hat, läßt sich nicht einmal in einem schematischen Bilde mehr zeichnen, und ebenso wenig das Polygon, das weder Dreieck noch Biered ist, noch eine andere bestimmte Seitenzahl hat. Diese höheren Allgemeinbegriffe fassen wir mithin nicht mehr in einer Anschauung, sondern nur noch in einem Gedanken, durch eine Formel oder eine Bleichung, die im Wesentlichen Dieselbe Beziehungsweise zwischen verschiedenen Beziehungspunkten vorschreibt, aber zu anschaulich ganz abweichenden Geftaltungen führt, je nachdem man die unbestimmt gelafsenen Werthe dieser Beziehungspunkte selbst und ihrer engeren ober ichlafferen Verbindung fo oder anders bestimmt benkt. Dasjenige Allgemeine nun, das noch ein Bild gewährt, würde ich eine Art, das erste von denen aber, die nur noch eine Formel möglich machen, die Gattung nennen, in Uebereinstimmung, wie ich glaube, mit dem gewöhnlichen Sprachgefühl und nebenbei mit den alten Bestimmungen des

Aristoteles. Denn die Wahl seiner beiden Ausdrücke Eidos und Genos ist ohne Zweisel durch die ursprüngliche Wortbedeutung bestimmt worden; Eidos, die Art, welche unter sich nur Individuen besaßt, ist das Gemeinsame des Aussehens oder der Erscheinung; Genos begreift das Formverschiedene, dessen Entstehung derselben Regel folgt, oder das, wenn es überhaupt nicht zeitlich entspringt, doch in dem bedingenden Zusammenhang seiner Bestandtheile derselben gesetzgebenden Formel folgt.

31. Es bleibt uns noch die lette ber fruher angeführten Behauptungen: das umgekehrte Verhältniß zwischen Inhalt und Umfang der Begriffe; ich finde es unrichtig da, wo seine Richtigkeit wichtig wäre, und ziemlich unwichtig da, wo es richtig ist. Die Anzahl der Merkmale, aus benen wir unsere Begriffe zusammensetzen, ist nicht unendlich; reicht doch die Sprache mit zwar vielen, doch nicht zahllosen Worten zu ihrer Bezeichnung aus. Leicht möglich kann baher eine Gruppe derselben, sagen wir ikl, in mehreren Allgemeinbegriffen S, T, U zugleich porkommen, ohne daß beshalb ikl einen höhern Allgemeinbegriff darstellte, ber ein Bildungsgesetz für alle Arten von S, T und U enthielte. Man kann Kirschen und Fleisch unter die Merkmalgruppe ikl röthlicher saftiger egbarer Körper unterordnen, aber man wird nicht glauben, damit einen Gattungsbegriff für beide erreicht zu haben, deffen Arten sie zu heißen verdienten. Ich behaupte nun nicht, daß die einseitige Hervorhebung einer solchen Merkmalgruppe überall so wenig Sinn habe, wie in diesem abgeschmackten Beispiele; im Gegentheil werden wir ihren Werth später kennen lernen: sie dient zu dem oft nützlichen und nöthigen Nachweis, daß verschiedene Subjecte, obgleich sonst einander gang fremd und feinem gemeinschaftlichen Gattungsbegriffe subsumirbar, dennoch wegen eines einzigen oder weniger gemeinsamen Merkmale gewissen unabweislichen Folgerungen gleichmäßig verfallen Wer nun fortfahren will, diese Merkmalgruppen Allgemeinbegriffe zu nennen, hat dann freilich mit jenem umgekehrten Verhältniß zwischen ihrem Umfang und Inhalt Recht: je weniger Glieder die Gruppe zählt, um fo sicherer wird sie in allerhand Begriffen anzutreffen sein; und anderseits je größere Anzahlen verschiedener Vorstel= lungsinhalte man vergleicht, um so kleiner wird die Merkmalgruppe sein, in der sie alle übereinstimmen. Bon dem wahren Allgemeinbegriff dagegen, dem, welcher die Regel für die ganze Bildung der Arten entbalt, ließe sich eher behaupten, daß sein Inhalt allemal ebenso reich, Die Summe seiner Merkmale ebenso groß ift, als die der Arten selbst; mir find im Allgemeinbegriffe, in der Gattung, eine Menge Merkmale nur in unbestimmter selbst schon allgemeiner Form enthalten, für welche in der Art bestimmte Einzelwerthe oder besondere Ausprägungen auftreten, bis in dem singularen Begriffe jede Unbestimmtheit verschwunden und jedes allgemeine Merkmal ber Gattung durch ein nach Größe Eigenthümlichkeit und Verknüpfung mit andern völlig beterminirtes ersetzt ist. Allerdings tann man gegen die Allgemeingültigkeit dieser Behauptung Beispiele wie das früher erwähnte des organischen Wesens anführen, unter beffen Begriff wir Pflanze und Thier unterordnen; man tann es eine logische Willfürlichkeit nennen, in diesem Begriffe die Merkmale der Empfindungs- und Bewegungsfähigkeit beizubehalten, mit dem Sintergedanken, beiden dann in der Pflanze einen Rullwerth zuzuschreiben; aber dies Beispiel zeigt eigentlich mehr, daß wirklich die höberen Allgemeinheiten, von der Gattung aufwärts, aufhören wahre Allgemeinbegriffe zu sein und in Complexe von Bedingungen übergeben, denen der Inhalt verschiedener im eigentlicheren Ginne so zu nennender Gattungen mit gleichen daraus'fließenden Folgen unterliegt. Der Begriff des organischen Wesens ift ein solches ikl, eine Gruppe von Merfmalen, die für sich in keinem gegebenen Beispiel vorkommt, die aber in den. Gattungen, in denen sie vorkommt, in Thier und Pflanze, dieselben aus ihr entspringenden Folgerungen nothwendig macht.

32. Die vorigen Bemerkungen enthielten weder die Hoffnung noch den Anspruch, eine bleibende Aenderung in dem hergebrachten Sprachgebrauch hervorzubringen; sie sollten nur der deutlicheren Einssicht in den Bau der Begriffe überhaupt dienen. Zu gleichem Zwecke füge ich noch Folgendes hinzu. Ich bezeichne die Gattung G, sofern ihr Begriff die Verbindungsregel einer Anzahl allgemeiner Merkmale A, B, C... darstellt, durch F [A, B, C,], und nehme an, jedes der Merkmale lasse Einzelformen zu, welche a<sup>1</sup>, a<sup>2</sup>, a<sup>3</sup>..., b<sup>1</sup>, b<sup>2</sup>, b<sup>3</sup>... e<sup>1</sup>, e<sup>2</sup>, c<sup>3</sup>... heißen mögen; die Verbindungsform F endlich bewege sich gleichfalls in einem Spielraum veränderlicher Gestaltungen, von denen wir drei durch f,  $\varphi$ , f andeuten wollen. Da nun die Merkmale A, B, C von sehr verschiedenem Werthe für das Ganze von G sein können, so ist es möglich, daß die verschiedenen Werthe, welche etwa A annimmt,

von entscheidender Wichtigkeit für die Gestalt des Ganzen sind und sich auch in der Verbindungsweise der übrigen mit ihrem umformenden Einfluß gelten machen. Dies fann ben Erfolg haben, daß, wenn A den einen oder den andern seiner Werthe annimmt, damit auch die Gliede= rungsweise F des Ganzen von einem ihrer Einzelfälle sich zu einem andern ändert; die Gesammtzahl der Arten von G würde dann sein: G = f (a1, B, C..) + \varphi (a2, B, C..) + f (a3, B, C), in welcher Formel ich der Kürze halber die correspondirenden Aenderungen von B und C unausgedrückt laffe. Diese entscheidenden Merkmale a1, a2, a3 find in diesem Falle die artbildenden Unterschiede, differentiae specificae. So pflegt schon Aristoteles, der dafür den Namen Diaphora hat, wenn er den Menschen unter die Gattung Thier unterordnet, die Bestimmung zum vernünftigen Denken als die eigenthümliche Ausprägung a1 des allgemeinen Seelenlebens A zu bezeichnen, durch die sich der Mensch von allen andern Thieren unterscheidet; im Sinne meiner obigen Bezeichnung kommt dann noch hinzu, daß dieses a1 nicht blos den Menschen von den Thieren abgrenzt, sondern auch die ihm eigenthümlichen Werthe der übrigen Gigenschaften B und C, endlich die Verbindungsweise f derselben oder den ganzen Habitus bestimmt, durch den der Mensch sich von den Thieren mit ihrer durch g oder f charafterisirten Organisation unterscheidet. Es fann ferner geschehen, daß die besonderen Werthe, welche eines oder mehrere der allgemeinen Gattungsmerkmale in einer einzelnen Art angenommen haben, nur in dieser Art und in keiner andern möglich sind, daß sie aber dennoch keinen wichtigen Einfluß auf die Gestaltung der übrigen Merkmale äußern und deshalb die Natur der Art, an welcher sie vorkommen, nicht nach ihrer ganzen Bestimmtheit repräsentiren. Eigenheit oder Idion nennt Aristoteles ein solches Merkmal: es ist das, was wir ein Kennzeichen nennen. Die Lachfähigkeit führt er als Idion des Menschen an, Hegel in ähnlichem Sinne das Ohrläppchen; beide unterscheiden den Menschen vom Thiere, aber sie erschöpfen sein Wesen nicht. Noch gibt es nach Aristoteles Merkmale, die nicht zu dem eisernen Bestand eines Begriffs gehören, sondern etwas bezeichnen, was seinem Inhalt zustößt oder widerfährt; jedes Berbum, welches fagt, daß Sofrates fipe oder stehe, gibt davon ein Beispiel. Die Uebersetzer quälen sich vergeblich, ben von Aristoteles dafür gebrauchten Ausdruck Symbebekos zugleich

sachgemäß und in Uebereinstimmung mit der ursprünglichen griechischen Wortbedeutung zu übersetzen; was an ihm sachlich wichtig und richtig ist, wird völlig dem entsprechen, was wir einen Zustand nennen. Daß dieser Ausdruck dennoch nicht den Sprachgebrauch des Aristoteles deckt, scheint mir die Schuld einer von ihm selbst begangenen Ungenauigkeit, deren Erörterung kaum die Mühe lohnen würde. Die Betrachtung des sachlichen Verhältnisses aber, das zwischen dem Begriffsganzen und dieser Art seiner Mersmale obwaltet, gehört der Lehre vom Urtheil an. Man sindet in des Porphyrius Ginleitung zur Aristotelischen Logist Stoff genug, um ein meist freilich nutsloses Nachdenken über die Achnstickeiten und Unterschiede der hier berührten logischen Bestimmungen noch weiter zu üben; uns dienten sie wesentlich zur Verdeutlichung der mannigsachen Gliederung der Begriffe und sind zu diesem Zweck nicht in durchgängiger Uebereinstimmung mit Aristoteles vorgetragen worden.

Wohin gelangt man nun zulett, wenn man zu allen gefun-33. denen Allgemeinbegriffen immer höhere sucht? welche Form nimmt das Besammtspftem aller unserer Begriffe an, wenn man sich dieses Beschäft vollendet denkt? Bon einer breiten Grundfläche, welche durch alle singularen Begriffe oder Vorstellungen gebildet wird, erhebt es sich offenbar mit zunehmender Berschmälerung; die gewöhnliche Meinung gibt ihm geradezu die Gestalt einer Pyramide, die mit einer einzigen Spite, dem alles umfassenden Begriffe des Denkbaren, schließe. Ich finde wenig Wig in dieser Annahme; sie beruht gang auf der geiftlosen Subsumtion unter ein Merkmal, deren logischen Werth wir gering anschlugen. Unter bas Mertmal des Denkbaren überhaupt fällt alles auf einmal und mit einem Schlage; man fann fich die Mühe ersparen, zu diesem Ergebniß erst burch eine pyramidale Stufenleiter empor zu flettern; zugleich ist in diesem Endgliede von allem Inhalt und aller Eigenthümlichkeit des Gedachten auf die gründlichste und gedankenloseste Beise abgesehen. Folgen wir dagegen dem Berfahren der Subordination unter die Gattung und ordnen wir das Mannigfache nur folchen Allgemeinheiten unter, welche den Gedanken der allgemeinsten Regeln für die Eigenarten seiner Formung noch aufbewahren, so kommen wir nicht zu einem, sondern zu mehreren auf einander nicht zurückführbaren Endbegriffen, in denen wir ohne Ueberraschung dieselben Bedeutungen der

Redetheile wiedererkennen, die wir am Anfang dieses Hauptstücks als die ersten logischen Elemente kennen lernten. Alle substantivischen Inhalte führen auf den Stammbegriff des Etwas, alle adjectivischen auf den der Beschaffenheit, die verbalen auf den des Werdens, die andern auf den des Verhältnisses zurück. Alle diese Stammbegriffe haben freilich das gemeinsame Merkmal, denkbar zu sein; aber eine gemeinsame Gattung, unter der ihre wesentlichen Inhalte verschiedene Arten bildeten, gibt es weder über ihnen allen, noch vertritt einer von ihnen diese Stelle für die übrigen; es ist nicht möglich, das Etwas als eine Art des Werdens, oder das Werden als eine Art des Etwas zu fassen. So angesehen erhebt sich das Gesammtgebände unserer Begriffe wie eine Gebirgskette, die von einem breiten Fuße beginnt und mit mehreren scharf getheilten Gipfeln endigt.

### llebergang zu der Form des Urtheils.

34. Auf diesem Bilde einer zusammenhängend sich aufbauenden Begriffswelt hat schon der Blick Platons geruht. Ihn, der die ewige Sichselbstgleichheit jedes Begriffsinhaltes und ihre Bedeutung gegenüber der Beränderlichkeit des Wirklichen zuerst erkannt, ihn konnte es reizen, alle einfachen Elemente des Denkbaren aufzusuchen, alle Verbindungen der verbindbaren zu vollziehen und in dem gegliederten Ganzen einer Ideenwelt das ewige Vorbild aufzurichten, dem die geschaffene Welt unvollkommen nachahmt. Weder er felbst indessen noch die Folgezeit hat eine wirkliche Ausführung dieser an sich unvollendbaren Aufgabe versucht; noch weniger fönnten wir jetzt geneigt sein, in ihr eine wünschenswerthe Leiftung zu sehen. Und dies nicht nur deshalb, weil die Wirklichkeit, das was ist, uns zu zahlreiche und schwere Räthsel aufgibt, um uns - Beit zur Aufstellung eines Berzeichniffes beffen zu laffen, was fein konnte, aber nicht ist; vielmehr auch die vollständige Kenntniß der Ideenwelt würde uns wenig in der Begreifung des Wirklichen unterstützen. Denn Alles, was wir im besten Fall auf diesem Wege erreichen könnten, würde nur das Bild einer ruhenden Ordnung sein, in welcher einfache und zusammengesette Begriffe, jeder unveränderlich sich selbst gleich und jeder durch unwandelbare Beziehungen zu allen andern an seinen unverrückbaren spftematischen Ort gestellt, neben einander ständen; was

uns dagegen die Wirklichkeit vorhält, ist ein wechselndes Durcheinander der mannigsachsten Beziehungen und Verknüpfungen, die sich zwischen den einzelnen Borstellungsinhalten, ohne Rücksicht auf ihre systematische Stellung, bald so bald anders gestalten. Diese große Thatsache der Beränderung hört nicht dadurch auf dazusein, daß wir im Sinne des Alterthums sie als eine Unvollkommenheit schelten, im Gegensatz zu der seierlichen Ruhe der Joeenwelt; immersort sührt sie der Verlauf unserer Borstellungen uns wieder vor, und das Denken, das von diesem ja seine Anregungen empfängt, muß sich bemühen, auch dies veränderliche Zussammensein auf Gründe der Zusammengehörigkeit zurückzusühren. Hiersdurch wird der weitere Weg der Logis bestimmt.

35. Berichiedene Erwägungen führen zu demfelben nächften Schritte. Wo an einen scheinbar unveränderten Begriffsinhalt neue Merkmale sich anfügen, die wir früher in ihm nicht mitdachten, werden wir am unmittelbarften zu der Frage aufgefordert, welcher Grund eines veränderlichen Zusammengehörens sich für beide benten laffe. Aber auch wenn wir verschiedene Beispiele eines Allgemeinen vergleichen, in deffen allgemeinen Merkmalen wir die Möglichkeit vieler besonderen bereits eingeschlossen haben, fragt es sich doch nach dem Grunde, der in jedem einzelnen dieser Beispiele die Zusammengehörigkeit des besondern Merkmals mit dem übrigen Ganzen des Inhalts vermittelt und dieses Merkmal vor den übrigen besonderen bevorzugt, die als Arten des allgemeinen seines Gleichen sind. Zulett, da wir in jedem Begriffe eine Mehrheit von Merfmalen vereinigt benten, und zwar folden, die nicht ihrem eigenen Inhalte nach, als Glieder einer und derfelben fustematischen Reihe einander verwandt, die vielmehr einander ungleichartig und fremd find, dennoch einander determiniren und in ihrer Berbindung eine bedingende Macht über den Ansatz anderer ausüben sollen, so kehrt auch hierüber die Frage nach dem Rechtsgrunde wieder, der dieses Zusammensein des Ungleichartigen als ein Zusammengehören erscheinen lasse. Wir werden uns bewußt, daß wir in unserer Betrachtung des Begriffs, als wir einer gewissen Verknüpfung von Merkmalen diese Stellung einer beherrschenden logischen Substanz zuschrieben, welche sich in einer Mannigfaltigfeit verschiedener oder wechselnder Formen bethätigt, eine Auffassungsweise gefordert und vorausgenommen haben, deren logisch rechtliche Ausführbarkeit wir noch zu erweisen haben. Dies also ist

unsere Aufgabe nun, diese vorausgesetzen Berknüpfungen entweder wieder aufzulösen, oder, wenn sie sich rechtsertigen lassen, sie noch einmal, dann aber in einer Form zu vollziehen, welche den Grund der Jusammengehörigkeit des Berbundenen mit ausspricht. Wenn das Denken diese Aufgabe zu lösen sucht, wird ersichtlich die Form seiner Bewegung die des Urtheils sein, in welchem ein bleibendes oder bedingendes Glied oder das Ganze des Begriffsinhalts als Subject den veränderlichen oder bedingten Gliedern oder der Summe dieser Theile als Prädicaten gegenübertritt, die Beziehung beider aber, welche ihre Berknüpfung erklärt und rechtsertigt, in der Copula liegt, die sprachlich mehr oder minder vollständig ausgedrückt beide Satzlieder zusammenhält.

# - Zweites Kapitel.

## Die Lehre vom Urtheil.

# Borbemerkungen über Bedeutung und gewöhnliche Eintheilung der Urtheile.

Der allgemeinen Absicht meiner Darstellung gemäß würde ich die verschiedenen Urtheilsformen nun systematisch als Glieder einer Reihe von Denkhandlungen zu entwickeln haben, deren jede durch den von ihr unbewältigten Rest ihrer Aufgabe den Eintritt der nächstfolgenden bes gründet. Ehe ich diesen Bersuch beginne, habe ich üblichen anderen Bestrachtungsweisen und den Gründen meiner Abweichung von ihnen einige Worte zu widmen.

36. Jedes Urtheil, welches im natürlichen Gebrauch des Denkens gebildet wird, will ein Verhältniß zwischen den Inhalten zweier Borstellungen, aber nicht ein Verhältniß dieser beiden Vorstellungen aus-Bon diesem sachlichen Berhältniß der vorgestellten Inhalte ist natürlich ein gewisses Verhältniß der Vorstellungen, durch die wir es denken, eine unvermeidliche Folge; aber nicht diese freilich unausbleibliche Beziehung unserer Denkmittel, durch die wir den sachlichen Inhalt ergreifen wollen, sondern eben dieser selbst ist der wesentliche Sinn der im Urtheil vollzogenen Denkhandlung. Wenn wir fagen: das Gold ist gelb, so ist es freilich unwidersprechlich, daß nach diesem Urtheile unsere Vorstellung des Goldes in dem Umfange unserer Vorstellung des Gelben liegt, daß mithin das Prädicat von weiterem Umfange ist, als das Subject; aber dies war es doch gewiß nicht, was man durch dies Urtheil auszusprechen beabsichtigte. Bom Golde selbst vielmehr wollte man sagen, daß bas Gelb selbst ihm als Eigenschaft zufomme, und nur beshalb, weil man biefes fachliche Berhältniß, gleichviel jett, welche Bedenken es sonst haben mag, als bestehend schon voraussett, tann man es in einem Sate abbilden, in welchem die Borftellung des Goldes von der des Gelben eingeschloffen wird. nicht einmal gang Recht hat mit diesem Sate, hat die Logif auch fonft schon bemerkt; indem sie von dem, was man ausdrückt, sich auf das beruft, was man meint, lehrt sie, daß auch das Subject seinerseits dies allzuweite Prädicat beschränke; das Gold sei nicht gelb überhaupt, sondern goldgelb, die Rose rosenroth, ja diese Rose habe eben nur das Roth dieser Rose. Aber auch diese Verbesserung ändert nichts an der Unvollkommenheit dieser ganzen Auffassung des Urtheils; denn welches Verhältniß nun eigentlich zwischen ben beiden so corrigirten Gliedern stattfinde, fagt fie boch nicht, und die ganze Mannigfaltigkeit der verschiedenen Zusammenhangsweisen, die hier stattfinden können, geht für sie verloren. So ift ja das Gold im Finstern nicht gelb; seine Farbe hängt also an ihm nur unter einer Bedingung, ber des Lichtzutrittes: wer nun diese neue Erfahrung mit der vorigen im Stil dieser Auffasfung zu verbinden wünschte, würde fagen muffen, die Vorstellung des Goldes liege gleichzeitig im Umfange des im Lichte Gelben und im Umfange des im Finstern Nichtgelben; aber durch diese Ausdrucksweise würde er, wie mir scheint, doch nur verrathen, daß es ihm Vergnügen macht, von dem worauf es ankommt, der Erwähnung jenes Bedingungsverhältnisses, zu freilich richtigen, aber ganz bedeutungslosen Folgen abzuschweifen. Natürlich haben auch diese Umfangsverhältnisse der im Urtheil verbundenen Vorstellungen ihren logischen Werth; aber wo man diesen bedürfen wird, ist er nicht so schwierig zu ermitteln, um sich seiner nicht nebenher augenblicklich zu bemächtigen; einen Hauptgesichtspunkt für die Betrachtung der Urtheile aus jenen Verhältniffen zu machen, halte ich für ebenso irrig als langweilig.

37. Auf die Auffassung, welche ich hier vertrete, weisen übrigens die technischen Ausdrücke der Logik zurück. Subject unseres obigen Urtheils ist im Sate, oder grammatisch betrachtet, das Wort Gold, logisch angesehen aber, oder im Urtheile, nicht die Vorstellung Gold, sondern das Gold; denn nur zu diesem gehört das Gelb als ein Prästicat, das von ihm ausgesagt wird, und zwar in einem bestimmten Sinne ausgesagt wird, den die Vedeutung der Copula angibt. Die Vorsstellung des Gelben dagegen ist nicht in demselben Sinne eine Eigenschaft

der Vorstellung des Goldes, in welchem Gelb eine des Goldes ist; jene wird gar nicht von dieser ausgesagt oder prädicirt; zwischen beiden Vorstellungen findet zunächst nur die Beziehung statt, daß immer, oder doch unter bestimmten Bedingungen immer, die eine dieser Borstellungen, gelb, sich einfindet, wo die andere, Gold, gegeben ist; daß aber, wo jene gegeben ist, nicht überall diese hinzutritt. Was das aber ift, was dieses Berhalten ermöglicht, rechtsertigt oder nothwendig macht, das zu ermitteln und auszusprechen, ist allein die Aufgabe des logischen Urtheils, und es löst fie, indem es durch den Sinn seiner Copula die Beziehung angibt, die zwischen den beiden vorgestellten Inhalten, um deswillen, was sie vorstellen, und in verschiedenen Fällen verschieden, stattfinde; nur zwischen diesen Inhalten ist anderseits eine logische Copula dentbar; zwischen ihren Vorstellungen besteht nur die psychologische Berbindung, die ich erwähnte, und außer ihr jenes monotone, in allen Fällen gleiche Berhältniß der Einordnung der einen in den Umfang der anderen.

38. Es ist jest bereits deutlich, daß es für uns nur so viel wesentlich verschiedene Urtheilsformen wird geben können, als es wesentlich verschiedene Bedeutungen der Copula, d. h. verschiedene Rebengebanken gibt, welche wir über die Art der Berknüpfung des Subjects mit seinem Prabicat uns machen und in der syntaftischen Form des Sates mehr oder minder vollständig zum Ausdruck bringen. Manche andere Unterscheidung, der wir in der Logif begegnen, fällt daher für unsere systematische Uebersicht als unbrauchbar hinweg, ohne beswegen ihren anderweitigen logischen Werth zu verlieren. Umstand macht mir zur Klarheit bes Folgenden eine vorläufige Erörterung des Hergebrachten wünschenswerth; doch glaube ich sie auf Diejenige Eintheilung der Urtheile beschränken zu können, die, an sich fehr alt, in Deutschland burch Kant die üblichste geworden ift. Man weiß, daß Kant jedes Urtheil nach den vier verschiedenen Rücksichten ber Quantität, Qualität, Relation und Modalität bestimmt sein ließ und in jeder dieser Rücksichten für jedes Urtheil eine von drei einander ausschließenden Formen nothwendig fand. Bon dieser Eintheilung barf ich bas britte Glied aus dieser vorläufigen Betrachtung ausschließen. Denn die Relation (zwischen Subject und Prädicat), nach welcher Kant kategorische, hypothetische und disjunctive Urtheile unterscheidet, bezieht sich offenbar auf eben die wesentlichen Bestimmtheiten des Urtheils, die wir suchen, und die den weiteren Gegenstand meiner eigenen Darstellung ohnehin bilden werden. Wenn das kategorische sein Subject S und sein Prädicat P schlechthin, wie man sagt, oder nach dem einfachen Borbild des Verhältnisses eines Dinges zu seiner Eigenschaft verknüpft, das hypothetische dagegen dem S an sich nicht, sondern nur unter Voraussetzung der Erfüllung einer Bedingung sein P beilegt, das disjunctive endlich dem S gar kein bestimmtes Prädicat ertheilt, ihm aber die nothwendige Wahl zwischen mehreren einander ausschließenden auserlegt, so ist ohne Zweisel in jeder dieser drei Formen der Sinn der Copula, die Art der Verknüpfung zwischen S und P, verschieden und eigenthümlich; diese drei werden die Glieder der nachher aufzubauenden Stusenreihe der Urtheile bilden; nur die neun übrigen bedürfen der folgenden Vorerwägung.

39. Ihrer Quantität nach muffen die Urtheile entweder allgemein oder particular oder fingular fein. Drückt man diese Unterschiede durch die üblichen Formeln aus: alle S sind P; einige S sind P; dieses S ist P, so zeigen sie offenbar nur die verschiedene Ausdehnung an, in welcher eine Verbindung von S und P gelten soll; die Art der Berbindung ist in allen drei Fällen dieselbe, und muß dieselbe sein, weil das allgemeine Urtheil, in dieser Fassung seines Sinnes, aus der Summirung der besondern und particularen soll entstehen können, mithin diesen völlig gleichartig sein muß. Die quantitative Bezeichnung gilt deshalb dem Subject allein, aber sie bezieht sich nicht auf bas logische Berhältniß zwischen ihm und seinem Prädicat; sie ist daher von Wichtigkeit da, wo es gilt, in dem Zusammenhang der Gedanken von einem Urtheile eine Anwendung zu machen, deren Tragweite sich nach dem Umfang richtet, über ben seine Bültigkeit sich erstreckt; einen eigenthümlichen Fortschritt der logischen Arbeit dagegen bezeichnen diese Unterschiede in ihrer hier gegebenen Formulirung nicht. Ich füge diese lettere Beschränfung hinzu, weil ja gewiß die quantitativen Unterschiede der Urtheile mit logisch wichtigen Unterschieden auch der Verknüpfungsweise zwischen S und P wirklich zusammenhängen; benn was allen S zukommt, haftet an der Natur seines Subjects ohne Zweifel auch in anderem Sinne, als das, was nur einigen eigen ift, anderen nicht; aber die quantitative Formulirung des Urtheils, welche die Subjecte blos zählt, bemächtigt

sich eben dieser wichtigen Nebengedanken nicht und läßt, häufig gegen die Natur der Sache, das Verhältniß des Prädicats zu seinem Subjecte überall als das nämliche erscheinen.

40. In Bezug auf Qualität unterschied Rant affirmative, negative und limitative Urtheile. Nun ift nichts flarer, als daß die beiden Sätze: S ift P, und S ift nicht P, so lange fie die logische Sigenschaft haben sollen, einander entgegengesetzt zu sein, nothwendig genau dieselbe Verbindung von S und P meinen muffen, nur daß die Geltung derfelben von dem einen bejaht, von dem andern verneint wird. Es ist gewiß nicht nothwendig, aber nützlich, sich dies Verhalten durch Spaltung jedes dieser Urtheile in zwei zu verdeutlichen. Gine bestimmte Beziehung zwischen S und P, welcher Art sie auch immer sein mag, benken wir uns durch ein Urtheil: S ist P, als einen noch fraglichen Bedanken ausgedrückt; diese Beziehung bildet ben Gedankeninhalt, über den zwei einander entgegengesetzte Nebenurtheile gefällt werden; das eine affirmative gibt ibm das Prädicat ber Gültigkeit oder der Wirklichkeit, das andere negative verweigert sie ihm. Natürlich ist es im Busammenhang unserer Gedanken von der größten Wichtigkeit, welches biefer beiden Nebenurtheile über eine gegebene Verknüpfung von S und P gefällt wird; aber zwei wesentlich verschiedene Arten des Urtheils als folden begründet diefer Unterschied nicht; Gültigkeit oder Ungültigkeit find vielmehr in Bezug auf die Frage, die uns hier beschäftigt, als fachliche Prädicate zu betrachten, die von dem ganzen Urtheilsinhalte als ihrem Subjecte gelten. Diefer Inhalt selbst hat seinen von Bejahung und Berneinung noch freien Ausbrud im Fragefat, und biefer hatte als drittes Glied wohl schicklicher die Dreiheit der Urtheilsqualitäten ausgefüllt, als das limitative oder unendliche Urtheil, das durch eine positive Copula dem Subject ein negatives Prädicat beilegen soll und burch die Formel: S ist ein Nicht-P, ausgedrückt zu werden pflegt. Biel Scharffinn ift auch in neuerer Zeit zur Chrenrettung dieser Urtheils form aufgeboten worden, in der ich dennoch nur ein widersinniges Er zeugniß des Schulwiges finden kann. Schon Ariftoteles hat vollkommen hinlänglich bemerkt, daß Ausdrücke wie Nicht Denich keine Begriffe sind; sie sind nicht einmal Borstellungen, die sich fassen ließen. In der That, wenn Nicht=Mensch Alles bedeutet, was es logisch bedeuten joll, nämlich Alles, was nicht Mensch ist, mithin nicht blos Thier oder

Engel, sondern auch Dreied, Wehmuth und Schwefelfaure, so ist es eine ganz unausführbare Forderung, dies wüste Gemeng des Verschiedenartigften in eine Borftellung zusammenzufassen, die sich bann als Pradicat zu einem Subject hinzufügen ließe. Jeder Berfuch, dies undenkbare Nicht-P an einem S zu bejahen, schlägt für das unbefangene Denken stets babin um, bas benkbare P an bemfelben S zu verneinen, und anstatt zu fagen: ber Beift ift eine Nicht-Materie, fagen wir alle: der Geist ist nicht Materie. Selbst in Fällen, wo wir im natürlichen Denken ein limitatives Urtheil wirklich zu bilden scheinen, wie g. B. wenn wir sagen, daß Aerzte Richt-Combattanten seien, bilden wir in Wahrheit doch nur ein negatives. Denn dies Nicht-P hat hier nicht die Bedeutung, die ihm ber limitative Sat gabe; Nicht-Combattanten würden für diesen auch die Pferde, die Wagen, die Dreiecke und die Buchstaben sein; gemeint aber sind boch nur die menschlichen Personen, die zum Heere gehören, von denen aber die Theilnahme am Kampfe negirt wird. Und so gibt es nirgends für das natürliche Denken eine zwingende Beranlassung, limitative Urtheile zu bilden; jede Folgerung, die aus dem Sate: S ift ein Nicht-P, möglich wäre, bleibt auch möglich aus dem andern: S ist nicht P. Es ist nicht der Mühe werth, hierüber weitläufiger zu sein; offenbare Grillen muffen in der Wiffenschaft nicht einmal durch zu forgfältige Befämpfung fortgepflanzt werden.

Durch die Formen der Modalität soll der zwischen S und P gedachten Beziehung ein verschiedener Werth ihrer Geltung gegeben werden; als blos mögliche spreche sie das problematische, als wirtliche das affertorische Urtheil aus, als nothwendige das apodittische. Aber man behandelt diese neuen Eigenschaften ganz unabhängig von der Art, in welcher die Urtheile bereits nach jedem der drei andern Gesichtspunkte bestimmt sind. Nachdem schon feststeht, ob ein gegebenes Urtheil U seine Bestandtheile in kategorischer, in hypothetischer oder in disjunctiver Form verbindet, nachdem schon entschieden ist, ob es die in einer dieser Formen gedachte Beziehung bejaht oder verneint, nachdem endlich durch die quantitative Bezeichnung auch der Umfang des Subjects begrenzt ist, für den das ausgesprochene Prädicat gelten soll: nach alledem hält man es noch für eine offene Frage, ob das so zusammengesetzte Urtheil problematisch, assertorisch oder apodiftisch sein wird. In Dieser Behandlung der Sache liegt ganz offen das Zugeständniß, daß

die Möglichkeit, Wirklichkeit oder Nothwendigkeit, von denen hier die Rede ift, mit dem logischen Gefüge des Urtheils in gar keinem Zusammenhange stehen. Alle diese Urtheile, die man in den Formeln: S fann P sein; S ist P; S muß P sein, auszudrücken pflegt, sind in Bezug auf die Geltung, die sie ihrem Inhalt aus logischen Mitteln geben, einander vollkommen gleichartig; sie sind sämmtlich bloße Behauptungen des Urtheilenden und unterscheiden sich nur nach dem Inhalt, den sie behaupten. Diesen Inhalt, hier Möglichkeit, dort Wirklichkeit oder Rothwendigkeit einer Beziehung zwischen S und P, sprechen sie entweder ohne allen Grund, oder aus Gründen einer fachlich richtigen Ueberlegung aus, welche in dem logischen Baue der Urtheile auf feine Weise zum Borichein kommen; eben deswegen bedürfen fie jener hinzugefügten Hülfszeitwörter, um nebenbei das auszudrücken, was in der Gliederung des Urtheils selbst nicht liegt. In dem weiteren Zusammenhang unserer Gedanken haben natürlich auch folche Urtheile ihren Werth; denn häufig kommt es eben darauf an, Ergebnisse früheres Nachdenkens, ohne beständig ihre Begründung mit zu wiederholen, in die Gestalt einfacher Behauptungen zusammenzuziehen; hier sind jene Hulfszeitwörter am Plat, welche die einst logisch begründete Möglichkeit, Wirklichkeit und Nothwendigkeit als einen jett bekannten Urtheilsinhalt bezeichnen. Aber für die Unterscheidung wesentlicher Urtheilsformen und für ihre spstematische Anordnung könnte nur eine solche Modalität von Werth sein, welche nicht fremd neben bem übrigen logischen Wefüge ber Urtheile herginge, sondern eben aus ihm selbst entspränge und denjenigen Anspruch auf blos mögliche oder auf nothwendige oder wirkliche Geltung ausdrückte, welcher dem Urtheilsinhalte aus der Art der Berbindung feiner Beftandtheile erwächft.

42. Es wäre nutlos, eine solche Modalität zu verlangen, wenn man nicht die Erfüllbarkeit des Berlangens zeigen könnte. Deshalb greise ich Späterem etwas vor. Der Satz: alle Menschen müssen sterben, gilt gewöhnlich für apodistisch; für mich ist er nur assertorisch; denn er behauptet nur, aber er begründet nicht die Nothwendigkeit, von der er spricht; sogar dies läßt seine formelle Fassung unentschieden, ob alle Menschen aus demselben Grunde sterben oder jeder um eines besonderen Umstandes willen, so daß nur thatsächlich alle diese verschiedenen Zussälle sich dahin vereinigen, keinen am Leben zu lassen. Gemeint aber

hatten wir mit diesem Sate doch dies, daß nicht alle blos thatsächlich sterben, sondern daß die Ausdehnung der Sterblichkeit auf alle ihren Grund in dem Allgemeinbegriffe des Menschen, in der Ratur der Menschlichkeit habe; und diesen Gedanken drücken wir in der That durch die generelle Form des Urtheils aus: der Mensch stirbt; denn der Sinn dieses Urtheils, auf deffen Unterscheidung von bem gewöhnlichen allgemeinen ich zurückkommen werde, ist natürlich nicht, daß der Allgemeinbegriff Mensch, wohl aber, daß Alles stirbt, was unter ihm befaßt ist und deswegen weil es unter ihm befaßt ist. Jedes hypothetische Urtheil ferner begründet durch seinen Vordersatz den Inhalt des Nachfates und ist deshalb in unserem Sinne eine apodittische Urtheilsform; der Nachsatz wird hier nicht schlechthin, sondern unter der Bedingung ber Gültigfeit des Vordersates behauptet, aber diese Gültigfeit vorausgesetzt ist dann der Inhalt des Nachsatzes nicht mehr eine Thatsache blos, sondern eine Nothwendigkeit, mit demselben Rechte, mit dem eben jede Folge aus ihrer Bedingung nothwendig entspringt. Aehnliches, nur zu weitläufig für diese Borbemerkungen, würde sich über das disjunctive Urtheil sagen lassen, und wir würden so in den drei Formen der Relation zugleich drei verschiedene Formen apodiktischer Modalität gefunden haben.

43. Ich schene mich fast, ein gar zu grobes Misverständniß noch ausdrücklich abzuwehren. Die sachliche Richtigkeit eines Urtheils fann ja nie durch die logische Form verbürgt werden, in die wir seinen Inhalt bringen; sie hängt allezeit davon ab, daß die eigenen Beziehungen zwischen ben Bestandtheilen dieses Inhalts selbst schon in Wahrheit solche sind, wie sie die Urtheilsform voraussetzt, wenn sie ihnen eine Geltung von bestimmtem Werth zutheilen soll. Dies gilt von der gewöhnlichen Modalität nicht minder als von der, die wir an ihre Stelle setzen möchten. In der gewöhnlichen Form des apodiftischen Urtheils: S muß P fein, läßt sich jeber Widersinn aussprechen, ohne badurch Sinn zu werden; ebenso steht es uns frei, unsere formell apodiftischen Urtheile zu den Aussagen zu mißbrauchen: der Mensch sei allmächtig; wenn es regne, werde Alles troden; jedes Dreied sei entweder frumm oder füß oder jähzornig. Auch diese letteren Urtheilsformen machen also nicht jede Begriffsverbindung wahr oder nothwendig, die man in sie hineinbringt; ihre Bedeutung besteht nur barin, zu zeigen, unter

welchen formalen Bedingungen wir bann, wenn ein bestimmter Inhalt ihnen durch sich selbst genügt, diesem Inhalt apodiftische Geltung zuschreiben dürfen. Hierin aber unterscheidet sich unsere Auffassung der Modalität zu ihrem Bortheil von der gewöhnlichen. Diese lettere fagt uns nur: es gebe apodiftische Erkenntnisse, und wenn man sie habe, könne man sie in der Form: S muß P sein, ausbrücken; wie aber eine Erfenntniß aussehen und innerlich gefügt sein muffe, um apodiktisch zu sein und diesen Ausdruck zu rechtfertigen, sagt sie uns nicht; wir erfahren es dagegen auf unserem Wege. Wir finden: es gibt drei Formen der Beziehung zwischen S und P, die, wo sie stattfinden, zu nothwendigen Erkenntnissen führen; in eine dieser Formen versucht eure Vorstellungen zu bringen: entweder bildet generelle Urtheile und sucht das P auf, welches in einem Gattungsbegriffe S an sich schon mitgebacht wird; dies P kommt dann nothwendig jeder Art des S zu; oder bildet hppothetische Urtheile und zeigt, daß aus dem Hinzukommen einer Bedingung X zu S für dies S ein P entspringt, das ohne diese Bedingung nicht vorhanden sein würde; dies P gilt dann nothwendig von jedem S, auf welches dieselbe Bedingung in berselben Weise einwirkt; oder endlich bildet disjunctive Urtheile; sobald ihr eine Frage auf ein scharfes Entweder-Oder zurückgebracht habt, seid ihr eurer Sache auch gewiß und es bedarf dann nur noch einer Erfahrung, um in jedem Ginzelfalle zu bestimmen, welches von zwei Prädicaten, P ober Q, und zwar bann mit Nothwendigkeit, statthaben werde. Andere Wege aber, zu nothwendigen Erkenntniffen zu gelangen, gibt es nicht, und jedes Urtheil, welches ihr in der Form: S muß P sein, aussprechen mögt, ist nur noch eine Behauptung, deren Inhalt, wenn er triftig ist, allemal auf einem jener drei Wege ursprünglich erfannt worden ift.

44. Ich sprach bisher nur von apodiktischen Ulrtheilen; die Zweisbeutigkeit der gewöhnlichen Modalitätslehre ist noch auffallender an den problematischen. Dem Sate: alle Körper können durch angemessene Kräfte in Bewegung gesetzt werden, kann man mit ungefähr gleich gutem Rechte jede der drei Modalitäten zuschreiben. Zuerst, als Beshauptung, die den Grund ihres Behauptens nicht beisügt, ist er assertorisch; aber, was er behauptet, ist doch nicht ein wirkliches Ereigniß, sondern die Möglichkeit eines unwirklichen oder nur in Gedanken gestaften, und dies reicht nach gewöhnlichem Herkommen hin, ihn

problematisch zu nennen; apodiktisch endlich kann er heißen, weil er allen Körpern eine Gigenschaft zuschreibt, die mithin keinem fehlen kann und deshalb für jeden nothwendig ist; in der That, dieses Urtheil enthält die Wirklichkeit der Nothwendigkeit einer Möglichkeit. Nach welcher Rücksicht soll man nun den Namen wählen? Ich würde mich dafür ent= scheiden, hier ein affertorisches Urtheil zu sehen, die nothwendige Möglichkeit aber zu dem afferirten Inhalt zu rechnen. Da jedoch dieselbe Betrachtung sich auf alle problematischen Urtheile der gewöhnlichen Form ausdehnen läßt, so entsteht die Frage, ob es denn überhaupt eine Urtheilsform gebe, die an sich problematisch zu heißen verdiene? Man hat Fragesatz und Bitte angeführt; beide behaupten in der That nichts; sie scheinen die Berbindung von S und P, die ihren Inhalt bildet, durchaus nur als mögliche vor dem Bewußtsein schweben zu laffen. Ich zweiste gleichwohl, ob sie überhaupt als eigene logische Urtheilsformen gelten können. Denn am Ende muß doch die Frage sich wieder von der Bitte unterscheiden, und das fann sie nur dadurch, daß das Bewußtsein des Fragenden sich anders zum Inhalt seiner Frage verhält, als das des Bittenden zu dem seiner Bitte. Bedeutet nun die Frage: ich weiß nicht, ob S ein P sei, und die Bitte: ich wünsche, daß S ein P sei, so würde die Behauptung freilich sehr pedantisch sein, der Redende selber muffe sich in jedem Falle seine Meußerung in diese zweigliedrige Form zerlegen; allein in dem Gesammtzustand seines Inneren muffen sich doch in diesen beiden Fällen zwei verschiedene, fagen wir Buftande, Stimmungen oder Dispositionen finden, welche, wenn man sie ausbruden wollte, fich eben nur so ausdruden lassen würden. Dann aber ist sogleich flar, daß beide Urtheile einen affertorischen Hauptsatz enthalten, der nichts vom Inhalt fagt, sondern nur die Stellung des Redenden zu diesem Inhalt seiner Rede bezeichnet; der andere abhängige Sat, durch bie Conjunctionen Ob und Dag eingeführt, enthält den ganzen Inhalt ohne irgend eine Ausfage über Art und Werth seiner Geltung. Eben deshalb halte ich auch diesen abhängigen Sat nicht für ein problematisches Urtheil; denn dazu reicht nicht ber Mangel einer Angabe über die Art der Geltung hin, vielmehr müßte diese ausdrücklich auf bloße Möglichkeit beschränkt werden. Bon der Bitte ließe sich dies noch fagen, daß sie die Möglichkeit des Erbetenen und nichts als diese einschließt; die Frage, da sie ja eben nach der Möglichkeit selbst

fragen kann, thut auch das nicht immer; in beiden würde außerdem die Boraussetzung der Möglichkeit einer zwischen S und P gedachten Berstindung nur als ein dem Redenden zuzutrauender Gemüthszustand ansgerechnet werden können, in der logischen Form des Urtheils läge sie nicht. Ich halte vielmehr diesen abhängigen Satz für eine modalitätsslose Bezeichnung eines bloßen Urtheilsinhaltes, und eben weil kein vollständiges Urtheil aussprechbar ist, ohne entweder Möglichkeit oder Wirklichkeit oder Nothwendigkeit seiner Geltung zu beanspruchen, so kommen diese modalitätslosen Sätze nie selbständig, sondern immer von einem andern selbständigen regiert vor, welcher von ihrem Inhalt eine dieser Modalitäten asseriet.

- Problematisch könnten im Sinne unserer Ansicht nur die 45. Urtheile heißen, welche durch ihre logische Form eine zwischen S und P gebachte Beziehung als mögliche und blos als mögliche charafterisiren. Dies thun alle nach ihrer Quantität particularen und singularen Sätze von der Form: einige S find P; einige S können oder muffen P sein; dieses S ift P oder fann oder muß P sein, sagen unmittelbar, daß P nicht dem Allgemeinbegriffe S an sich, sondern nur unter besondern Bedingungen oder besondern Fällen des S zukommt. Für das allgemeine S ift daher P ein nicht nothwendiges, aber ein mögliches, folglich ein blos mögliches Prädicat, und jene particularen Sate find gleichbedeutend mit den affertorischen, eine Möglichkeit behauptenden: S fann P sein können; S fann P sein; S fann P sein muffen. Deshalb nenne ich die particularen Sate problematisch in Bezug auf das allgemeine S; daß sie zugleich offenbar affertorisch sind in Bezug auf die einigen S, von denen jeder spricht, streitet gar nicht gegen meine Auffassung; bieser Umstand macht nur darauf aufmerksam, daß die bloße Möglichkeit einer Beziehung zwischen S und P sich in der That auf feinem andern Wege erkennen läßt, als durch die Beobachtung, daß diese Beziehung von einigen S wirklich gilt, gelten kann ober muß, von anderen nicht gilt, nicht gelten fann oder muß. Es gibt daher allerdings gar feine selbständigen problematischen Urtheile, die nicht in Bezug auf einen Theil ihres allgemein ausgedrückten Subjectsbegriffes insofern affertorisch wären, daß sie von diesem die Möglichkeit, Wirklichteit oder Nothwendigkeit eines Prädicates behaupteten.
  - 46. Man bemerkt endlich leicht, daß das Kann und Muß der

gewöhnlichen problematischen und apodiktischen Urtheile und das Ist der affertorischen einerseits zur Bezeichnung aller sachlich wichtigen Unterschiede der Weltung des Urtheilsinhaltes gar nicht ausreichen, anderseits, und eben beshalb, fehr verschiedene Berhältniffe unter benfelben Ausbrud zusammenwerfen. Zuerst: welche Modalität haben Gate wie biese: S wird P sein; S soll P sein; S barf P sein; S ift P gewesen? Wirklichkeiten behaupten sie alle nicht; aber die Unwirklichkeit des Bergangenen im letten ist doch ganz etwas anderes als die des Erlaubten, Befohlenen ober Zukunftigen in den ersteren; möglich ist dies Unwirkliche im dritten, zweifelhaft seine Möglichkeit im zweiten, unvermeidlich seine Wirklichkeit im ersten, unwiderruflich, aber zugleich unwirklich im letten. Sätte man alle diese Schattirungen berücksichtigt, so wurde man die Modalitätsformen noch um viele Glieder haben vermehren fonnen. Anderseits wie gang Verschiedenes bedeuten die gleichgeformten Säte: es fann heute regnen; der Papagei fann reden; jedes Biereck tann in zwei Dreiede getheilt werben! Dort eine Annahme, die moglich ist, weil man keinen Gegengrund weiß; dann eine Fähigkeit, die da ist aus Gründen, welche nicht dazusein brauchten; zuletzt ein nothwenbiges Ergebniß einer Operation, die man beliebig anstellen oder unterlaffen kann. Ich vermeide, diese Beispiele zu häufen, die sich ins Unbestimmte vermehren ließen; sie alle zergliedern wollen wäre eine ebenso thörichte Aufgabe, als die eines mathematischen Lehrbuchs, das alle möglicherweis vorkommende Exempel im Boraus auszurechnen unternähme. Im Gebrauch des Denkens fließen freilich unsere Folgerungen eben aus diesen verschiedenen sachlichen Bedeutungen ber erwähnten Bezeichnungen; aber es bleibt nichts anderes übrig, als eben in jedem Einzelfalle zuzusehen, was man vor sich hat, ob eine versuchsweis annehmbare Möglichkeit wegen Mangels des Beweises der Unmöglichkeit, ob eine wohlbegründete, auf ihren Bedingungen sicher ruhende Fähigkeit, ob eine Nothwendigkeit wegen Vorhandenseins zwingender Gründe, oder ob eine solche des Gebotes, des Zwedes, der Pflicht, ob endlich eine jener Combinationen von Möglichkeit, Wirklichkeit und Nothwenbigkeit, von denen wir oben ein Beispiel berührten.

## Die Reihe der Urtheilsformen.

## A. Das imperionale Urtheil. Das tategorische Urtheil. Der Satz der Identität.

47. Es kann nicht zweifelhaft sein, daß in der Reihe der Urtheilsformen das kategorische dem hypothetischen und dem disjunctiven vorangeht. Das Auftreten eines Prädicates P an einem Subject S von einer vorauserfüllten Bedingung abhängig zu machen, tann Beranlassung nur durch frühere Erfahrungen gegeben sein, die an einigen S dies P fanden, an andern nicht; Erfahrungen, die zuletzt immer in der Form des kategorischen Urtheils: S ist P, ihren Ausdruck gefunden haben muffen. Ebensowenig fann baran gedacht werden, dem S die nothwendige Wahl zwischen verschiedenen Prädicaten vorzuschreiben, ehe frühere Erfahrungen die immer vorkommende Beziehung des S zu einem allgemeineren Prädicate festgestellt haben, deffen Arten jene zur Wahl gestellten sind; auch diese Erfahrungen würden ihren natürlichen Ausdruck in einem Urtheil der Form: S ift P, finden. Diese Abhängigkeit verräth sich bleibend auch in dem Bau der hypothetischen und der disjunctiven Urtheile; wie verwickelt auch im einzelnen Falle ihre Gliederung sein mag, fie laufen doch auf das allgemeine Schema zurud, zwei Urtheile der Form: S ift P, entweder als Bordersatz und Rachsat, oder als einander ausschließende Glieder zu einer Gesammtbehauptung zu verknüpfen. Aber fraglich kann sein, ob nicht eine noch einfachere Form dem kategorischen Urtheile selbst in der systematischen Reihenfolge vorangehen muffe. Der Sat: S ist P, kann nur ausgesprochen werden, wo der Vorstellungsverlauf ein feststehendes und durch seinen eignen Inhalt gekennzeichnetes S bereits kennen gelehrt hat, zu welchem der Inhalt eines P als hinzukommendes Prädicat gedacht werden kann. Dies wird nicht immer geschehen sein; ja man kann fragen, ob nicht in jedem Falle die Ermittelung des bestimmten S, welches einem fategorischen Urtheile zum Subject bienen wird, bie logische Verwerthung von Erfahrungen voraussetzt, in denen S in dieser fertigen Gestalt noch nicht vorkommt. Die Beantwortung dieser Frage, welche sich auf die psychologische Entwicklung unseres Denkens bezöge,

lasse ich dahin gestellt; es genügt hier die Thatsache, daß auch in unserem ausgebildeten Denken sich eine Urtheilsform noch gar nicht verloren hat, welche diese einfachste Aufgabe behandelt, einen Inhalt der Wahrenehmung logisch zu fassen, ohne ihn als Bestimmung oder Veränderung eines schon festgestellten Subjectes anzusehen. Es ist das impersoenale Urtheil, welches ich, als die erste Urtheilshandlung des Denkens, hier zur Vorstuse des kategorischen mache.

- 48. Ich glaube nicht nöthig zu haben, die logische Bedeutung des impersonalen Urtheils weitläufig gegen eine Meinung zu vertheidigen, die in ihm nur den sprachlichen Ausdruck des Wahrnehmungs= inhaltes selbst, ohne alle logische Arbeit, erblicken möchte. Der Natur= laut, mit dem der Frierende fich gegen seinen frierenden Nachbar schüttelt, ist ein solches bloßes Zeichen, das nur zur Verlautbarung seines Zustandes dient; aber sobald er sein Unbehagen in dem Sate ausspricht: es ist kalt, hat er unftreitig eine Denkarbeit vollzogen. dem an sich ungeschiedenen Inhalt seiner Wahrnehmung diese zweigliedrige Form eines Prädicates gibt, das durch eine Copula auf ein Subject bezogen ift, brudt er aus, daß nur in folder Geftalt biefer Inhalt ihm als eine wahrgenommene Wirklichkeit denkbar ist. Aller= bings ift er nicht im Stande, bem Subject einen für sich bestehenden Inhalt zu geben; nur die leere Stelle deffelben, und daß sie einer Ausfüllung bedürfe, deutet er an, entweder durch das unbestimmte Pronomen ober in andern Sprachen durch die dritte Person des Zeitwortes, die er statt seines Infinitivs braucht; allerdings fällt der ganze angebbare Inhalt der Wahrnehmung, die er ausspricht, in das Prädicat allein; allerdings endlich hat die Copula, die er zwischen beide stellt, noch nicht den Sinn einer bestimmten ausdrückbaren Beziehung; sie hält nur formell als Subject und Prädicat auseinander, was inhaltlich unauf= haltsam in einander übergeht und verschmilzt. Aber eben durch diesen Bersuch, eine Gliederung herzustellen, der sich der vorgestellte Inhalt noch nicht fügen will, drückt das impersonale Urtheil um so deutlicher die Boraussetzung des Denkens aus, Alles, was Inhalt einer Wahrnehmung sein wolle, sei nur als Prädicat an einem befannten oder unbekannten Subjecte zu benten.
- 49. Warum ich hier wiederholt von Wahrnehmung gesprochen habe, erläutere ich jett. Die Unbestimmtheit des Subjects hat man so

gebeutet, daß es nur in substantivischer Fassung dasselbe meine, was das Prädicat verbal ausbrückt. Nun bezweifle ich nicht, daß Jemand, darüber befragt, was er unter dem Es meine, von dem er fagt, es blite ober bonnere, fehr leicht zu der Antwort getrieben werden kann: eben das Bligen blige oder der Donner donnere. Ich glaube jedoch, daß er bann aus Verlegenheit etwas anderes fagt, als er mit feinem impersonalen Urtheile wirklich wollte. Gang wesentlich scheint es mir, daß ber, welcher es ausspricht, in der That den bestimmten Inhalt als baftend an einem unbestimmten Subject betrachtet, beffen Umfang viel größer ift und über den des bestimmten Prädicates hinausreicht; wenn er dann verschiedene Ausdrücke dieser Art aufeinanderfolgen läßt: es blitt, es regnet, es ift talt, so sagt er zwar nicht geflissentlich, daß das unbestimmte Pronomen in allen diesen Gagen baffelbe bedeute, aber gewiß würde er, wenn er sich selbst richtig verstände, diese Antwort cher geben als die vorige. Dieses Es ist in der That als das gemeinsame Subject gedacht, an welchem alle verschiedenen Erscheinungen als Prädicate hängen oder aus dem sie hervorgehen; es bezeichnet den allesumjassenden Gedanken ber Wirklichkeit, die bald so bald anders gestaltet ist. Dies haben diejenigen richtig gefühlt, welche in dem impersonalen Urtheile einen Existenzialsatz zu finden glaubten und ben Satz: es blitt, in den andern umformten: das Bliten ift. Nur diese Umformung selbst halte ich für unnatürlich; so drückt man sich eben niemals aus; unser unbefangenes Denten sieht nicht den Inhalt der Erscheinung so an, als ware er vor seiner Existenz ichon etwas, wovon man sprechen und unter Anderem auch die Wirklichkeit aussagen könnte; sondern um= gefehrt sieht es den bestimmten Inhalt der Wirklichkeit als eine Erscheinung, ein Prädicat, eine Folge an, die neben anderen aus einem vorausgehenden, bleibenden, wenn auch gang unfagbaren Subjecte bervergeht. Aber darin hat doch dieser unzulässige Versuch Recht, daß jedes echte impersonale Urtheil eine wirkliche, jetzt eben gemachte Wahrnehmung ausdrückt und mithin seiner Form nach ein affertorisches Urtheil ist. Wir unterscheiden dabei von den echten Urtheilen dieser Art jene anderen Ausdrucksweisen, die zwar mit dem unbestimmten Es als Subject beginnen, aber sogleich durch einen erläuternden Sat seinen Inhalt feststellen, wie die Redeformen: es ift nütlich, daß dies oder jenes geschehe.

- 50. Je bestimmter nun das Denken die Mothwendigkeit bes Gubjects hervorhebt, an dem das Prädicat haften soll, um so weniger kann es bei dem Ausdrucke dieser unerfüllten Forderung bleiben. Es gehört nun, wie ich schon bemerkte, nicht zu meiner logischen Aufgabe, zu schildern, auf welchem Wege ber Bergleichung und Beobachtung uns allmählich die Borstellungen der gesuchten Einzelsubjecte entstehen, welche in den verschiedenen impersonalen Urtheilen das unbestimmte Es zu ersetzen haben; nur die logische Form habe ich aufzuzeigen, in welcher diese Forderung erfüllt ift. Es ist die des fategorischen Urtheils von der bekannten Form: S ist P, unter welche die meis sten der einfachen Beispiele fallen, deren die Logik sich gewöhnlich zur ersten Verdeutlichung des Urtheils überhaupt bedient: das Gold ist schwer, der Baum ist grün, der Tag ist windig. Zu lehren ist taum etwas über diese Form, beren Bau gang durchsichtig und einfach scheint; es ist nur zu zeigen, daß diese scheinbare Klarheit völlig räthselhaft ift, und daß die Dunkelheit, die über dem Sinne der Copula in dem kategorischen Urtheile schwebt, auf lange hinaus den weitertreibenden Beweggrund zu den nächsten Umformungen der logischen Arbeit bilden wird.
- 51. Man bemerkt sogleich eine gewisse Verlegenheit, welche ents steht, wenn nach dem Sinne der Berbindung zwischen S und P gefragt wird, durch den sich das fategorische vom hypothetischen und vom disjunctiven Urtheil unterscheide. Gine häufige Antwort ist: das kategorische behaupte das Prädicat P von seinem Subjecte S schlechthin; aber diese Antwort befriedigt nur durch den verneinenden Theil ihres Sinnes, welcher von dem tategorischen Sate den Gedanken einer Bedingung und den eines Gegensages einander ausschließender Prädicate negirt; aber nachdem wir wissen, was biese Urtheilsform nicht thut, erhalten wir über das, was fie thut, gar keine positive Aufklärung durch die Angabe, daß sie ihr P ihrem S schlechthin zufüge. In der That erwähnt diese Angabe nur die größere Ginfachheit der kategorischen Copula im Bergleich mit der des disjunctiven und des hypothetischen Urtheils; aber immer muß doch diese einfachere Verknüpfung ihr S und P in einem bestimmten angebbaren Sinne verknüpfen, durch ben fie sich von andern benkbaren, theils verwickelteren theils gleich einfachen Berbindungsweisen derselben unterscheidet. Wie nöthig diese Forderung

ist, erhellt am einfachsten daraus, daß unter allen Verbindungen von S und P bie vollkommene Ibentität beiber biejenige fein würde, bie am allereinleuchtenoften den Ramen einer schlechthinigen verdienen würde. Aber gerade diese wird im kategorischen Urtheil im Allgemeinen gar nicht gemeint; ber Sat: Gold sei schwer, will nicht sagen, daß Gold und Schwere identisch seien; die Sate: der Baum sei grün, der Himmel blau, setzen ebensowenig den Baum der Grüne und den Himmel der Bläue gleich. Im Gegentheil, was man wirklich mit diesen Urtheilen meint, wird man eifrig so ausbrücken: P sei nicht das S selbst, sondern nur ein Prädicat von S, ober: S sei nicht P, sondern habe nur P. Man gesteht damit ein, daß zwischen S und P hier ein bestimmtes, von anderen unterscheidbares Zusammengehören gedacht wird, und es bleibt nur übrig, auch wirklich klar zu machen, worin jenes Haben besteht, das man dem Sein gegenüberstellt, ober logischer ausgedrückt: worin bas Berhältniß eines Subjects zu feinem Pradicate zu suchen fei, welches man von dem Berhältniß der Identität beider unterschieden wiffen will.

52. Plato zuerst berührte diese Aufgabe; seine Lehre, die Dinge besitzen ihre Eigenschaften durch Theilnahme an den ewigen Allgemeinbegriffen derselben, war mehr eine unzureichende Beantwortung einer metaphysischen Frage nach dem Baue des Wirklichen, als eine Auskunft über das, was wir uns dabei denken, wenn wir logisch eine Beziehung zwischen Subject und Prädicat aufstellen. Aristoteles schaffte die Borbedingung richtiger Behandlung durch die Bemerkung herbei, daß die Merkmale vor allem von ihren Subjecten ausgesagt werden; es stand mm wenigstens fest, daß eine logische Thätigkeit des Denkenden es ift, welche den Begriffsinhalt des einen dieser Glieder auf den des anderen bezieht; aber mehr als diesen Namen des Aussagens, des zarnzogetv, von dem das kategorische Urtheil und in lateinischer Uebersetzung das Pradicat den seinigen herleitet, entdeckte auch Aristoteles nicht. Bon einer Berirrung späterer Logik blieb er allerdings frei: er schwächte die Berknüpfung von S und P, die er meinte, nicht aus einer logischen Thätigkeit zu einem blos psychischen Ereigniß ab, so daß die Beziehung zwischen beiden nur darin bestanden hätte, daß mit der Vorstellung von S sich die des P in unserem Bewußtsein lediglich affociirte; ein sachliches Berhältniß zwischen beiden Vorstellungsinhalten war vielmehr

für ihn der Sinn des Urtheils und der Grund es auszusprechen. Aber er gab nicht an, was denn dem S eigentlich badurch geschieht, daß wir P von ihm aussagen; das Aussagen selbst, welches doch diese sachliche Beziehung zwischen S und P nur anerkennen und zum Ausdruck bringen fann, ließ er zugleich als Bezeichnung dieses Berhältnisses selbst gelten, welches ben Gegenstand seiner Anerkennung bilden müßte. Nun ift es leicht, die völlige Unzulässigkeit dieser Bermischung einzusehen: man kann nicht von dem Sofrates den Begriff Sklave blos aussagen, so daß das Ausfagen felbst das Verhältniß feststellte, in welchem diefer Begriff zu dem des Sofrates stände; was man mit einem Urtheile wirklich meint, ift immer bies, daß Sofrates entweder Sklave ift oder nicht ift, entweder Sflaven besitt oder nicht besitt, fie entweder freiläßt oder Eine dieser verschiedenen Beziehungen, in welche bie nicht freiläßt. Inhalte beider Begriffe gebracht werden können, bildet in jedem Falle dasjenige, was die Aussage aussagt, und es ist nur Sache des Sprachgebrauchs, wenn man gewöhnlich nur die erste dieser Beziehungen, nämlich daß Sofrates Sflave fei, stillschweigend verstanden wiffen will, wo man den zweiten dieser Begriffe von dem ersten auszusagen behauptet. Das Verhältniß mithin, welches in einem kategorischen Urtheil zwischen S und P stattfindet, wird nicht in seinem Unterschiede von andern Berhältnissen dadurch bestimmt, daß man angibt, P von S auszusagen, sondern die Bedeutung dieses Aussagens, welche an sich vieldeutig ift, wird vielmehr durch den verschwiegenen Rebengedanken bestimmt, P solle von S als Pradicat vom Subjecte ausgesagt werden. Worin nun dieses eigenthümliche Verhältniß bestehe, bleibt nach wie vor Wegenstand weiterer Frage.

53. Wir Neueren sind gewöhnt, uns hierüber an die Lehre Kants zu halten, welcher das Berhältniß eines Dinges zu seiner Eigensschaft oder der Substanz zu ihrem Accidens als das Muster bezeichnete, nach welchem das Denken in dem kategorischen Urtheile S und P verstnüpfe. Welchen tristigen Sinn nun immer diese Behauptung in dem Gedankenzusammenhange Kants haben möge, so scheint sie mir doch für unsere logische Frage unverwendbar. Ohne die Bedenken darüber zu besrühren, ob denn dieses Verhältniß selbst zwischen Substanz und Eigenschaft ein so klarer und unmißverständlicher Gedanke sei, daß durch ihn alle Dunkelheit des kategorischen Urtheils verschwände, begnüge ich mich

zu erinnern, daß logische Urtheile nicht blos von Wirklichem, von Dingen sprechen; viele von ihnen haben zu ihrem Subjecte einen nur denkbaren Inhalt, ein Unwirkliches, felbst Unmögliches. Auf bas Berhaltniß dieser Subjecte zu ihren Prädicaten kann die Beziehung, welche zwischen dem wirklichen Dinge als solchem und seinen Gigenschaften stattfindet, offenbar nicht in ihrer vollen Bedeutung, sondern nur gleichnisweise, sagen wir symbolisch, übertragen werden. Drücken wir uns genauer aus, so besteht zwischen ben zwei hier besprochenen Berhältnissen nur die formelle Gemeinsamkeit, daß beide das eine ihrer Beziehungsglieder, Ding ober Subject, als selbständig fassen, das andere, Eigenschaft ober Prädicat, unselbständig diesem ersten anhaften ober inhäriren laffen. In Bezug auf das Ding aber hat sich bie Metaphpsit wenigstens darum bemüht, nachzuweisen, wie Gigenschaften entstehen können, die nicht das Ding sind, aber doch an ihm haften, und werin das besteht, was wir unter diesem Anhaften verstehen; in Bezug auf das Berhältniß zwischen Subject und Prädicat vermissen wir den gleichen Nachweis des Sinnes, den hier die Inharenz des einen an bem andern hat. Die Berufung auf die Relation zwischen Ding und Eigenschaft nützt daher der Logit nichts; es wiederholt sich die Frage: wieviel bleibt von dieser metaphysischen Relation als eine im fategerischen Urtheil aussprechbare logische Beziehung zwischen S und P übrig, wenn anstatt des Dinges etwas gesetzt wird, was nicht Ding, und anstatt der Eigenschaft etwas, was nicht Eigenschaft ist?

54. Ohne diesen üblichen, aber untriftig befundenen Versuchen zur Rechtsertigung des kategorischen Urtheils neue hinzuzusügen, spreche ich die Folgerung aus, zu der wir gedrängt werden: diese schlechthinige Berbindung zweier Vegriffsinhalte S und P, so daß der eine unmittelbar der andere sei und doch auch wieder nicht sei, beide vielmehr einsander als verschieden gegenüber bleiben, ist eine im Denken ganz unsaussührbare Veziehung; durch diese Copula des kategorischen Urtheils, das einfache Ift, lassen sich überhaupt zwei verschiedene Inhalte nicht verknüpsen; sie müssen entweder ganz ineinanderfallen oder ganz getrennt bleiben, und das unmögliche Urtheil S ist P löst sich in die drei anderen auf: S ist S, P ist P, S ist nicht P. Man möge sich nicht zu sehr an das Aussallende dieser Behauptung stoßen. Kategorische Urtheile von der Form: S ist P, sind im Gebrauch unseres Denkens so gewöhnlich,

daß ohne Zweifel das, was man mit ihnen meint, sich schließlich rechtfertigen wird, und wir werden fehr bald sehen, wie dies möglich ift. Aber dieser Rechtfertigung bedarf das kategorische Urtheil auch in der That; in der Form, in welcher es unmittelbar auftritt, ift es eine widersprechende und sich wiederauflösende Figur bes Ausbrucks, in welcher das Denken entweder eine noch nicht gelöste Aufgabe, die Beziehung zwischen S und P zu bestimmen, als gelöst hinstellt, oder die gefundene Lösung so verfürzt ausspricht, daß ihr Zusammenhang nicht mehr sichtbar bleibt. Dem gegenüber drängt sich jetzt uns bas Bewußtsein einer Schranke auf, die unserem Denken allgemein gesett ift, oder eines Wesetges, dem es sich in allen seinen Verfahrungsweisen fügen muß: die lleberzeugung, daß in kategorischer Urtheilsform jeder Inhalt nur als sich selbst gleich gedacht werden darf. Durch die Formel A = A drücken wir dies erfte Denkgeset, ben Grundsat oder bas Princip der Identität bejahend aus; die verneinende Formel A nicht = Non A bezeichnet es als Princip des Widerfpruchs gegen jeden Berfuch, A = B zu setzen.

55. Ich unterbreche meine Darstellung hier noch nicht burch später nachzuholende Bemerkungen über die verschiedenen Deutungen, welche dies erfte Denkgesetz erfahren hat, und beschränke mich auf die genaue Bestimmung des Ginnes, ben ich, im Gegensatz zu manchen Dieser Deutungen, ihm beilegen werde. Bon einem höchsten Grundsat, welcher unser ganzes Denken einschränkt, versteht es sich von selbst, daß er in der Anwendung des Denkens auf verschiedene Gruppen seiner möglichen Gegenstände sich in eine Anzahl specieller Gate verwandelt, welche den allgemeinen Sinn des Princips in den besondern Formen darstellen, in denen es auf die besonderen Eigenthümlichkeiten jener Wegenstände anwendbar und für ihre Behandlung wichtig ist. Diese Folgerungen aus dem Princip der Identität, die theils völlig theils gar nicht unzweifelhaft sind, muffen von seinem eigenen ursprünglichen Sinne unterschieden werden und haben ihre Heimat an dieser Stelle der Logik nicht. So ist es ganz nuglos, den Ausdruck des Gesetzes bis zu der Formel anzuschwellen: jedem Dinge könne in demselben Augenblicke und an dems selben Theile seines ganzen Wesens immer nur ein Prädicat A, aber nicht zugleich ein von A conträr oder contradictorisch verschiedenes Non A zukommen. Richtig freilich ist auch dieser Sat, aber er bleibt

eine besondere Anwendung des Princips auf Subjecte von dinghafter Wirklichkeit, die aus Theilen zusammengesetzt und eines zeitlichen Bechsels ihrer Zustände fähig sind. Unrichtig dagegen ist die schon in diesem Ausdruck häufig vorausgesetzte, ebenso häufig offen ausgesprochene Unterscheidung zwischen verträglichen Prädicaten, die bemfelben Subject gleichzeitig zukommen konnten, und anderen, die es nicht fonnten, weil sie unter einander und mit der Natur des Subjects unverträglich wären. In den Anwendungen des Denkens hat natürlich auch diese Behauptung ihre Gültigkeit, nachdem sie sich einmal vor dem Besetze der Identität gerechtfertigt haben wird; unmittelbar aber weiß dies Gesetz gar nichts von Prädicaten, welche, von S verschieden, dennoch mit ihm so verträglich wären, daß sie mit ihm in einem kategoris schen Urtheile verbunden werden könnten; jedes Prädicat P vielmehr, welches sich irgendwie von S unterscheidet, wie freundlich es auch sonst gegen S gedacht würde, ist durchaus unverträglich mit S; jedes Urtheil von der Form: S ift P, ist unmöglich und es bleibt im allerstrengften Sinne dabei, daß nur gefagt werden könne: S sei S und P sei P. Und diese Deutung muß man auch gegen andere metaphysische Folgerungen aus dem Princip aufrecht erhalten. Es fann fein, daß im Verlauf metaphvsischer Untersuchung die Behauptungen nothwendig werden: Widersprechendes könne nicht wirklich sein, das Seiende muffe unveränderlich sein, und ähnliche; aber das logische Identitätsgeset sagt nur: Widersprechendes sei widersprechend, Seiendes seiend, Beränderliches veränderlich; alle jene Sätze, welche den einen diefer Begriffe zum Prädicat eines anderen machen, bedürfen ihrer weiteren besonderen Begründung.

## B. Das particulare Urtheil. Das hypothetische Urtheil. Der Satz des zureichenden Grundes.

56. Es würde ermüden, länger auf einem Standpunkt zu versweilen, auf dem doch unseres Bleibens nicht ist; wir solgen dem Denken zu den neuen Formen, in denen es seine kategorischen Urtheile mit dem Gesetz der Identität in Einklang zu bringen sucht. Synthetisch nennt man Urtheile von der Form: S ist P, wenn man unter P ein

Merkmal versteht, welches in der Merkmalgruppe noch nicht enthalten ist, durch welche man sich den Begriff von S bestimmt benkt; analy= tisch heißen sie, wenn P, obgleich nicht bem ganzen S identisch, boch wesentlich zu jenen Merkmalen gehört, durch beren Bereinigung ber Begriff des S überhaupt erst vollständig wird. In den analytischen Urtheilen fand man feine Schwierigfeit; die synthetischen aber erregten früh die Aufmertsamkeit und sind für uns besonders durch Rant's Behandlung in den Vordergrund getreten. Auch ihm kam es jedoch haupt= sächlich darauf an, die Möglichkeit synthetischer Urtheile a priori zu ergründen, d. h. solcher, welche zwischen S und einem zu dem Begriffe von S nicht unentbehrlichen P eine bennoch bestehende und nothwendige Berknüpfung behaupten, ohne sich auf die Erfahrung eines wirklichen Bortommens derselben berufen zu muffen; synthetische Urtheile dagegen a posteriori, welche nur erzählen, daß eine solche Berbindung zweier für einander nicht nothwendiger Begriffsinhalte in der Erfahrung vorliege oder vorgelegen habe, schienen ihm als bloße Ausdrücke von Thatsachen unverfänglich. Diese Unterscheidungen mögen ihre gute Berechtigung innerhalb des Kreises von Untersuchungen haben; in welchem Kant sich bewegte; unsere logische Frage nach der Möglichkeit kategorischer Urtheile dagegen erstreckt sich auf alle drei genannten Formen mit gleicher Dringlichteit. Es ist nur am meisten augenfällig, daß ein apriorisch-synthetisches Urtheil sich vor dem Satz der Identität recht= fertigen muß, dem es formell widerspricht; aber von dem aposterioris schen gilt dasselbe. Denn ein Urtheil bildet nicht wie ein Spiegel das Thatfächliche blos ab, sondern schiebt den beobachteten Bestandtheilen besselben allemal den Gedanken einer inneren Beziehung unter, die nicht mitbeobachtbar ift. Die Erfahrung zeigt uns immer nur, daß S und P beisammen sind; daß beide aber durch die innere Beziehung zusammengehören, welche wir meinen, wenn wir im Urtheil P als Pradicat des Subjectes S fassen, ist die Deutung, die lediglich unser Denken jenem Busammensein gibt. Wie nun dieses Berhältniß zwischen Gubject und Prädicat überhaupt, und wie es zwischen zwei bestimmten Inhalten S und P stattfinden könne, bleibt gerade so dunkel, wenn uns die Erfahrung ihr Zusammensein thatsächlich gezeigt, als wenn wir der Erfahrung vorgreifend es im Voraus behaupten. Die analytischen Urtheile endlich erregen dasselbe Bedenken. Wenn noch so fehr das

Gelb in dem Begriffe des Goldes schon mit gedacht wird: das Urtheil, Gold sei gelb, behauptet nicht blos dies: die Borstellung des Gelb liege in der Borstellung des Goldes, sondern dem Golde selbst schreibt es die Gelbheit, als seine Eigenschaft, zu; zu ihr muß also das Gold ein bestimmtes Verhältniß haben, welches nicht das der Joentität ist. Dies Verhältniß ist zu ermitteln und es bleibt die Frage noch immer: mit welchem Recht können wir einem S ein P, welches nicht S ist, in einem kategorischen Urtheile als Prädicat beilegen?

57. Die Antwort fann nur die fein: wir fonnen es mit gar feinem Recht; die zahllosen kategorischen Urtheile der Form: S ist P, die wir im täglichen Leben bilden, lassen sich nur durch den Nachweis rechtfertigen, daß fie etwas gang anderes meinen, als fie ausdrücken, und daß sie, wenn man hervorhebt, was sie meinen, in der That so identische Urtheile sind, wie sie der Satz der Joentität verlangt. Die erste Form, in welcher sich dies im natürlichen Denken verräth, sind die quantitativ bezeichneten Urtheile überhaupt, die ich fünftig furz die particularen nennen und als die erste Form dieser zweiten Gruppe von Urtheilsformen betrachten werde. Ich fasse unter diesem Ramen nicht blos die hergebrachten Formen zusammen, welche, wie: alle S sind P, einige S find P, dieses S ist P, eine Angahl von Beispielen des Allgemeinbegriffs S zu ihrem Subjecte haben, sondern auch diejenigen, welche durch Zeitpartikeln, wie: jest, oft, oder durch Raumbestimmungen, wie: hier, dort, dann durch ein Präteritum oder Futurum des Zeitworts, endlich durch Rebengedanken überhaupt, die unvollkommen oder gar nicht ausgesprochen werden, die allgemeine Geltung der Berbindung zwischen S und P auf bestimmte Fälle beschränken, also particularisiren. In der allgemeinen Formel: S ist P des fategorischen Urtheils sieht es so aus, als sei der allgemein ausgedrückte Begriff S das Subject, bas allgemeine P sein Prädicat, die beständige unveränderliche und uneingeschränkte Verknüpfung von S und P der Sinn des ganzen Urtheils. Ergänzt man bagegen ausbrücklich, was durch jene particularisirenden Nebengedanken angedeutet, jedenfalls aber gemeint ift, so findet man, daß das mahre Subject nicht in dem allgemeinen S, sondern in einem bestimmten Beispiele D besselben, bas mahre Prädicat nicht in dem allgemeinen P, sondern in einer besonderen Modification II desselben, daß endlich die behauptete Beziehung nicht zwischen S und P, sondern zwischen  $\Sigma$  und  $\Pi$  besteht, und daß diese, wenn jene Ergänzungen richtig gemacht sind, keine synthetische mehr, ja nicht einmal eine analystische, sondern geradezu eine identische ist. Dies verdeutlichen wir an einigen Beispielen.

58. Einige Menschen find ichwarz, sagen wir, und meinen bamit ein sonthetisches Urtheil zu bilden, weil die Schwärze P nicht im Begriff S bes Menschen liege. Nun ift aber nicht ber Allgemeinbegriff Mensch das mahre Subject dieses Sates, denn nicht er ist ja schwarz, fondern einige Einzelmenschen find dies Subject; unter biefen einigen aber, obgleich sie nur als unbestimmter Theil des ganzen Umfangs der Menschheit bezeichnet find, verfteben wir boch feineswegs einen fo unbestimmt gelaffenen Theil; benn es ift gar nicht in unfer Belieben gestellt, welche einigen Menschen wir aus ber ganzen Menge der Menschen herausgreifen wollen; durch unsere Auswahl, durch die sie zu "einigen" Menschen werden, werden sie nicht schwarz, wenn sie es nicht ohnehin sind; man nuß also diejenigen wählen und meint von Anfang an nur biejenigen, die schwarz sind, furz die Reger; diese allein sind das wahre Subject des Urtheils. Daß auch das Prädicat nicht in jeiner Allgemeinheit, daß vielmehr nur diejenige bestimmte Schwärze gemeint wird, die an menschlichen Körpern vorfommt, ift für sich flar, und ich verfolge Diese Bemerkung später; bier erinnere ich nur, daß blos der Mangel an Flexion im deutschen Ausdruck uns über seinen eigentlichen Ginn täuscht; der lateinische: nonnulli homines sunt nigri, beweift sogleich durch den Plural und das Genus von nigri, daß homines zu ergänzen ist. Der völlige Sinn des Urtheils ift also: einige Menschen, unter denen jedoch nur die schwarzen Menschen zu verstehen sind, sind schwarze Menschen; es ist dem Inhalt nach völlig identisch und nur der Form nach dadurch sonthetisch, daß ein und dasselbe Subject von verschiedenen Gesichtspunkten aus bezeichnet wird, einmal als schwarze Menschen im Pradicat, ein andermal als Bruchtheil aller Menschen im Subject. Wir fagen ferner: ber hund fäuft. Aber der allgemeine hund fäuft nicht; nur ein bestimmter einzelner ober viele ober alle einzelnen find Subject biefes Sates. Aber auch das Prädicat meinen wir anders, als wir es ausdrücken: wir stellen den hund nicht als Widerspiel eines stets laufenden Röhrenbrunnens vor: er fäuft nicht schlechthin, immer und unauf-

hörlich, fondern dann und wann. Und dies Dann und Wann ift zwar als eine unbestimmte Anzahl von Augenblicken ausgedrückt, aber auch nicht so gemeint; der Hund säuft nur in bestimmten Augenblicken: wenn er Durft hat oder mindestens Appetit, wenn er etwas Trinkbares findet, wenn Riemand ihn dann durch Drohung abhält; furz: der Hund, den wir mit jenem Urtheil meinen, ift wirklich nur ber saufende Hund, und derselbe saufende hund ist auch das Pradicat. Ferner: Cafar ging über den Rubico; aber nicht der Cafar, der in den Windeln lag, sondern ber, welcher aus Gallien tam; nicht der schlafende, sondern der wachende, im Bewußtsein der eben vorhandenen Weltlage, nicht der unentschlossene, sondern der, der seinen Entschluß gefaßt hatte, furz: der Cafar, den das Subject des Urtheils meint, ist nur derjenige, den das Prädicat bestimmt: der über den Rubico gehende; in allen frühern Augenblicken seines Lebens war er nicht das Subject, an welches dieses Prädicat sich bätte knüpfen können. Auch leuchtet schwacher Fassungsfraft ein, daß Cafar, als er über den Fluß gegangen war, Micht fortfahren konnte, binüber zu geben, sondern drüben war; auch in feinem späteren Augenblide gedacht kann er also das Subject sein, welches wir meinten. Ich führe noch zwei Beispiele an, die durch Kant berühnit geworden sind. Synthetisch, fagt man, sei der Sat: die gerade Linie ist der fürzeste Beg zwischen zwei Punkten, denn weder in dem Begriffe des Geraden noch in dem der Linie liege irgend eine Hindeutung auf Längenmaß. Aber der wirkliche geometrische Satz fagt ja nicht von einer geraden Einie überhaupt, daß sie dieser fürzeste Weg sei, sondern nur von derjenigen, welche zwischen jene beiden Punkte eingeschlossen ift. Darin aber, daß ihre Ausdehnung durch zwei Endpunkte begrenzt ift, und mit dieser Rebenbestimmung erft bildet sie das mahre Subject, darin liegt allerdings jede in diesem Fall wünschenswerthe Begründung des Prädicates. Man überzeugt sich leicht, daß der Begriff einer Geraden ab zwischen den Punkten a und b mit dem Begriff der Entfernung beider Puntte von einander völlig identisch ist; denn es ist unmöglich, von dem, was wir mit dem Namen räumlicher Entfernung eigentlich sagen wollen, eine andere Vorstellung zu geben als die, daß sie die Länge der geraden Linie zwischen a und b sei. Es gibt daher nicht fürzere und längere Entfernungen zwischen a und b, sondern nur die eine ab, die immer sich gleich ift. Von fürzeren und längeren Wegen dagegen läßt Lepe, Logit.

sich zwischen a und b sprechen; der Begriff des Weges bedeutet nur irgend eine Art des Fortschreitens, die von a nach b führt; da hierdurch die Ueberwindung der Differenz gefordert ist, welche b von a trennt, so fann es feinen von a zu b führenden Weg geben, der einen Theil dieser Differenz unüberwunden ließe; daß mithin der fürzeste aller möglichen Wege die Entfernung, mithin die Gerade zwischen ben gegebenen Bunkten sei, ift ein völlig, dem Inhalt nach, identisches Urtheil, bas nur denfelben Gedankeninhalt von verschiedenen Standpunkten be-Auch der arithmetische Sat: 7 + 5 = 12 kann nicht deswegen snuthetisch sein, weil 12 weder in 7 noch in 5 enthalten sei; das vollständige Subject besteht in keiner einzelnen dieser Brößen, sonbern in ihrer durch bas Summenzeichen verlangten Verbindung; in dieser aber muß, sobald die Gleichung richtig sein soll, der Inhalt bes Prädicats vollständig liegen: sie würde falsch sein, wenn zu der linken Seite 7 + 5 noch irgend ein x hinzutreten mußte, um die rechte Seite 12 zu erzeugen. Auch hier liegt baber ein bem Inhalte nach völlig identischer Sat vor, der nur seiner Form nach synthetisch wird, indem er dieselbe 12 einmal als Summe zweier andern Größen, das andere Mal als ein durch seine Ordnungszahl bestimmtes Glied der einfachen Zahlenreihe darstellt. Und nun füge ich noch hinzu, daß nicht Alles sich schicklich auf einmal sagen läßt; was es eigentlich damit auf sich habe und wie es möglich sei, daß das Denken den gleichen Inhalt unter verschiedenen Formen vorstellt, dies zu erwägen findet sich sehr bald Gelegenheit; eine spätere wird dann noch zeigen, daß meine letten Bemerkungen nicht die Absicht hatten, Kant eines so leicht aufzufindenben logischen Bersehens zu beschuldigen.

59. Unser Ergebniß wäre jett dies: die kategorischen Urtheile von der Form: S ift P, sind im Gebrauch zulässig, weil sie immer als particulare in dem Sinne unserer Bezeichnung gedacht werden, als solche aber schließlich identische sind. Mit dieser Entscheidung wird sich jedoch Niemand befriedigt fühlen; man wird mit Necht einwenden, daß durch sie der wesentliche Charafter eines Urtheils, ein Berhältniß der Zusammengehörigkeit zwischen den Inhalten zweier Borstellungen S und P auszusprechen, überhaupt wieder aufgehoben wird. In der That, wenn wir durch die angeführten Ergänzungen unsere Beispiele identischmachen, ihren ganzen Inhalt mithin schon in ihrem Subjecte zusam-

mendrängen, so daß A den schwarzen Menschen, B den saufenden Hund. C den über den Rubico gehenden Cafar bedeutet, so schmilzt die ganze Aussage dieser Urtheile, außer der unfruchtbaren Wahrheit, daß A = A, B = B, C = C, babin zusammen, A gebe es in der Wirklichkeit beständig, B zuweilen, C sei einmal in der Geschichte vorgekommen. Mit andern Worten: diese Urtheile behaupten gar fein wechselfeitiges Berhaltniß zwischen ben einzelnen Bestandtheilen ihres Inhalts mehr, fondern nur noch von dem zusammengefaßten Banzen dieses Inhalts eine mehr ober minder ausgedehnte Geltung in der Wirklichkeit; ein offenbarer Müdfall auf den unvollkommenen Standpunkt des impersonalen Urtheils. Dieser Mangel wird noch empfindlicher durch folgende Ueberlegung. 3h habe zwar eben noch Bals Begriff des faufenden Hundes bezeichnet, aber eigentlich nicht mit Recht; benn biefer Ausbruck, welcher bas Saufen participial zu dem Subject Hund hinzufügt, ift ja felbft begreiflich und zuläffig nur unter der Voraussetzung, daß wirklich in einem tategorischen Urtheile dem Begriff S des Hundes ein in ihm nicht enthaltenes Merkmal P des Saufens, und zwar in dem Sinne zugeschrieben werden könne, daß P wie die Eigenschaft ober der Zustand an S als Subject oder Träger hafte. Diese Möglichkeit aber hat unsere vorige Erörterung eben aufgehoben; es bleibt uns blos die Befugniß, biefes B lediglich als zusammenseiende Summe feiner Merkmale a, b, c, d ju faffen und zu fagen: biefem nach dem Sat der Identität ftets fich selbst gleichen a, b, c, d fomme eine bestimmte Wirklichkeit zu; einem anderen Aggregat von Merkmalen a, b, c, e komme solche Wirklichkeit ein anderes Mal zu. Dagegen haben wir gar kein Recht, etwa die gemeinsame Gruppe a, b, c als etwas anzusehen, das innerlich zusammengehörte und zwar in sich mehr zusammengehörte, als mit den wechselnden Bestandtheilen d und e, noch weniger als ein solches Etwas, das in der Weise eines Subjectes diesen wechselnden Elementen als Merkmalen einen Träger darböte. Sprachlich würden wir freilich forts fahren, dieses a, b, c als Hund, a, b, c, d als fressenden, a, b, c, e vielleicht als saufenden Hund zu bezeichnen; aber diese Ausdrucksweisen würden bann ohne logische Begründung sein; alle unsere Urtheile würben nur einfache oder zusammengesetzte Wahrnehmungen ausdrücken können, und zwischen diesen einzelnen Wahrnehmungen, ja selbst zwischen ben einzelnen Bestandtheilen jeder zusammengesetzten würde gar feine

angebbare Verknüpfung bestehen, durch welche ihr bloßes Zusammensein sich auf ein Zusammengehören zurückführen ließe.

- 60. Gegen dieses vollständige Scheitern seiner logischen Absicht wehrt sich das Denken durch eine weitere andere Umformung des particularen Urtheils, die man zunächst als einfache Leugnung dieses Berfalls unseres Vorstellungsstoffes in lauter nur thatsächlich zusammenseiende Einzelheiten auffassen fann. Die Ergänzungen, welche wir dem ausgesprochenen Subject S des kategorischen Urtheils hinzufügten, waren für uns das Hülfsmittel, durch welches sich dieses Urtheil vor dem Sate der Identität rechtfertigte; sie werden jest auch als der sachlich gültige Grund anerkannt, welcher jenes S befähigt, ein Prädicat P anzunehmen, das ihm, so lange es allein vorhanden wäre, nicht zukommen würde. Die Rebenumstände, durch welche jenes ausgesprochene S erst zu dem wahren Subject D des nun identischen Urtheils wurde, erscheinen jetzt als die Bedingungen, durch deren Ginwirken ober Hinzutreten der Inhalt jenes ausgesprochenen Subjectes S so beeinftußt wird, daß ein früher ihm fremdes P jetzt ihm angemessen ist und ihm nun in Uebereinstimmung mit dem Sate der Identität zugehört. Das hppothetische Urtheil ist es also, was als zweites Glied dieser zweiten Gruppe von Urtheilsformen auftritt, zusammengesetzt aus einem Vordersatz und einem Nachsatz, die in dem einfachsten typischen Falle dasselbe Subject S, aber verschiedene Prädicate haben, im Vordersat ein Q, welches die zu S hinzutretende Bedingung, im Nachsat ein P, welches das durch diese Bedingung an dem S erzeugte Folgemerkmal bezeichnet. Alle hypothetischen Urtheile mit verschiedenen Subjecten ihrer beiden Glieder find sprachliche Verkürzungen des Ausbrucks und führen durch leicht zu ergänzende Mittelglieder auf diese Urform zurück: wenn S ein Q ist, so ist S ein P. Der Wunsch ferner, zugleich die wirkliche Gültigkeit des an sich nur problematischen Vordersatzes mit auszudrücken, erzeugt die Form: weil S ein Q ift, so ist S ein P; die Behauptung endlich, Q sei nicht der Grund für S, ein P zu sein, bringt die lette Form hervor, deren Erwähnung zu thun ift: obgleich S ein Q ist, so ift S bennoch nicht P. Beide haben logisch nichts Eigenthümliches.
- 61: Zur Charakteristik der äußeren Formen des hypothetischen Urtheils reicht diese kurze Uebersicht völlig aus. Aber ein aufmerksamer

Lefer muß an dieser Stelle nach bem Rechte fragen, mit welchem wir die ergänzenden Nebenbeftimmungen, durch deren Hinzufügung das wahre Subject D des dann identischen Urtheils erft entstand, in Bedingungen umdeuteten, die auf ein schon bestehendes Subject S wirtend, an diesem das Pradicat P begründen. Für sich allein nun behauptet der Sat der Joentität nur die Gleichheit jedes Inhaltes mit sich selbst, zwei verschiedene setzt er in keine andere Beziehung als die ber gegenseitigen Ausschließung. Dächten wir uns nun verschiebene einfache Inhalte a, b, c, q, p in irgend einer Wirklichkeit zugleich gegeben, aber so, daß sie auch nur zugleich wären, ohne unter einander in irgend einem innern Zusammenhange zu stehen, so würde in jedem nächsten Augenblicke jede beliebige andere Combination einiger dieser Elemente mit beliebigen anderen ebenso gut auftreten können, und wir würden daraus, daß a, b, e, q zum zweiten Male in unsere Beobachtung fielen, nicht darauf schließen fonnen, daß nun auch p sich einfinden muffe; jedes beliebige r ober s wurde feine Stelle mit demfelben Rechte einnehmen. Machen wir dagegen die ganz allgemeine Voraussetzung, daß die Gesammtheit aller denkbaren und wirklichen Inhalte eine nicht blos zusammenseiende Summe, sondern ein zusammengehöriges Ganze sei, so reichen bann die Folgen des Identitätsgesetzes weiter. Mit genau demfelben abeg, mit welchem einmal sich p verbunden fand, fann bann nach dem Gesetze der Identität weder jemals ein Non p verbunden sein, noch fann diesem abeg das frühere Prädicat p jemals fehlen. Wie überhaupt eine solche Zusammengehörigkeit zwischen verschiedenen Elementen denkbar ift, laffen wir einen Augenblick noch bahingestellt; wenn sie aber stattfindet, so findet sie in allen Wiederholungsfällen identisch statt, und wenn wir uns auf drei Elemente beschränken, so kann, wenn ab gegeben ift, nur c, wenn ac gegeben ift, nur b, wenn be, nur a als nothwendiges neues Glied hinzutreten; d. h. für jedes erste dieser Elemente ift jedes zweite die zureichende und nothwendige Bedingung, unter ber das jedesmal dritte zu ihm sich gesellen kann und muß. Dasjenige Element oder diejenige Gruppe von Elementen, der wir hier den erften Platz geben, erscheint uns dann logisch als Subject, das Element ober die Gruppe, die wir zu zweit stellen, als die auf dies Subject wirkende Bedingung, das britte oder die dritte Gruppe als die durch die Bedingung an jenem erzeugte Folge.

Ich bemerke noch ausdrücklich, daß diese Wahl der Plätze in unserer Willfür liegt und in der Anwendung sich nach der Natur der Gegenstände und unserem Denkinteresse an ihnen richtet; an sich ist jedes Element einer solchen Combination eine Junction der übrigen, und von jedem fann man folgernd zu diesen übergehen. Gewöhnlich fassen wir eine Mehrheit in vielen Fällen verbunden bleibender Elemente, etwa amn, zusammen als ein Subject S, welches meistens ein Ding, einen beharrlichen Gegenstand der Wirklichkeit bedeutet, ein einzelnes Element b dagegen, das in einigen Beobachtungen des S fehlt, in andern vorkommt, als die hinzutretende Bedingung Q, und ein mit b immer verbundenes c als die durch Q bedingte Folge P. Es ist einleuchtend, daß man auch anders verfahren kann; in der That die mechanische Physik kann die immer sich gleiche einfache Schwertraft b oder Q als Subject behandeln und die verschiedenen Folgen P untersuchen, die ihr zukoms men, wenn man die Körper, auf welche sie wirkt, amn=S oder amr=S1 als die Bedingungen ansieht, unter deren Ginfluß sie in verschiedenen Fällen steht.

62. Wir hätten hiermit jene Deutung, durch die wir überhaupt zu hopothetischen Urtheilen gelangten, insoweit gerechtfertigt, als wir sie auf die allgemeinste Voraussetzung einer Zusammengehörigkeit der verschiedenen Denkinhalte zurücksührten. Diese Voraussetzung selbst als eine zulässige und triftige weiter zu beweisen, kann nicht unsere Aufgabe sein; offenbar würde jeder Bersuch eines solchen Beweises seinerseits das zu Beweisende voraussetzen; denn wie könnte man zeigen, es sei erlaubt und nothwendig, das Gegebene als einen Zusammenhang von Gründen und Folgen zu fassen, wenn man nicht diese Behauptung wieder als Folge aus einem Grunde ableitete? Man muß daher diesen Gedanken der Zusammengehörigkeit des Denkbaren entweder, als die Seele alles Denkens, mit unmittelbarer Gewißheit erfassen, oder alles, was auf ihm beruht, zugleich mit ihm aufgeben. Berechtigt dagegen ift das Verlangen, weitere Aufflärung über die Möglichkeit und den Sinn einer folden Zusammengehörigkeit des Berschiedenen zu erhalten. Die Möglichkeit nun der Wechselbeziehung des Berschiedenen wird nicht wirklich durch den Sat der Identität bedroht, welcher jedes Einzelne nur in Beziehung zu fich felbst sett; denn nur seinen eigenen Inhalt kann dieser Sat behaupten, aber andere nicht ausschließen, die mit ihm nicht streiten. Was aber den Sinn jener Busammengehörigkeit betrifft, so haben wir zwei Aufgaben zu scheiden. Uns, in der Logik, kummert es gar nicht, worin der wirkliche Vorgang bestehen mag, durch den das uns hier ganz unbekannte Reale, das wir durch unsere Borstellungen recht oder schlecht bezeichnen, auf einander einwirft und Veränderungen seiner Zustände hervorbringt; über das Band dieses Zusammenhanges nachzudenken ist Aufgabe der Metaphysik, und mag in einer Lehre von der wirkenden Ursache, der causa efficiens, gelöst werden. Die Logik dagegen, die auch die Beziehungen des nur Denkbaren zu beachten hat, das niemals in fachlicher, realer Wirklichkeit eristirt, hat als ihr Eigenthum nur den andern Sat vom zureichenben Grunde, das principium rationis sufficientis, zu entwickeln; fie hat nur zu zeigen, wie aus der Verbindung zweier Denfinhalte S und Q die Nothwendigkeit entsteht, auch einen dritten Inhalt P, und zwar in bestimmter Beziehung zu S, zu denken; fande fich dann in wirklicher Erfahrung an irgend einem Realen diese Vereinigung zweier Inhalte S' und Q' vollzogen, so würde sich nach dem Say vom Grunde bas bestimmte P1 folgern lassen, welches zu dieser Combination dentnothwendig hinzutreten müßte, im Unterschied von einem P2, welches zu ihr nicht hinzutreten könnté; wie dagegen es gemacht wird, daß gerade dies P1, welches das Denken fordert, auch in Wirklichkeit eintritt, dieje Frage würde jenen metaphysischen Untersuchungen überlaffen bleiben.

63. Das unendlich oft erwähnte Gesetz des zureichenden Grundes, mit dem wir nun, als dem dritten Gliede und dem Reinsertrag dieser zweiten Gruppe der Urtheilssormen, abschließen, hat das wunderliche Schicksal gehabt, auch von denen, die am häusigsten sich auf es beriesen, eigentlich niemals formulirt zu werden. Denn die geswöhnliche Anweisung, zu jedem Gültigkeit verlangenden Ausspruche müsse man einen Grund seiner Geltung suchen, vergist, daß man das nicht suchen kann, von dem man nicht weiß, worin es besteht; zuerst muß offenbar klar gemacht werden, in welchem Berhältniß Grund und Folge zu einander stehen, und in welchem Inhalt man folglich den Grund für einen andern zu entdecken hoffen darf. Ich werde am kürzesten deutlich sein, wenn ich im Vergleich mit dem Ausdruck des Idenstitätssaxes A=A sogleich die Formel A+B=C als Bezeichnung des

Sages vom Grunde aufftelle und folgende Erläuterung binzufüge. Für sich allein würde A nur = A, B=B sein; aber nichts hindert, daß eine bestimmte Verbindung A+B, deren in den verschiedenen Fällen sehr verschiedenartigen Sinn hier symbolisch das Additionszeichen vertritt, dem einfachen Inhalt der neuen Vorstellung C äquivalent oder identisch sei. Nennen wir dann A + B den Grund und C die Folge, so sind Grund und Folge völlig identisch, und der eine ist die andere; man hat in diesem Falle unter A + B ein beliebiges Subject sammt der Bedingung, von der es beeinflußt wird, unter C aber nicht ein neues Folgeprädicat dieses Subjects, sondern das Subject felbst in seiner durch dies Pradicat veranderten Gestalt zu verstehen. Der gewöhnliche Sprachgebrauch verfährt anders. Da von dem ganzen Grunde A + B, wenn wir von Thatsachen der Wirklichkeit sprechen, gewöhnlich der eine Theil A vorher gegeben zu sein, der andere B nachher hinzuzukommen pflegt, so bezeichnet man die Bedingung B, die nur einen Theil des ganzen Grundes A+B bildet, gewöhnlich als den Grund überhaupt, der auf A als leidendes Subject wirft; unter C aber versteht man dann meist die neue Eigenschaft allein, die von B bedingt wird, und nennt dies C die Folge; indessen denkt man doch immer dabei diese Eigenschaft nicht als für sich, wie in einem leeren Raume, entstehend, sondern als haftend an dem Subject A, auf welches man B wirken ließ. Unter anderen Benennungen meint daher der gewöhnliche Sprachgebrauch baffelbe, wie wir. Wenn wir mit ber Borftellung A des Pulvers die Vorstellung B der hohen Temperatur des glühenden Funkens verbinden, mithin in A das Merkmal der gewöhnlichen Temperatur durch das der erhöhten B ersetzen, so ist dieses A + B die Vorstellung C des explodirenden Pulvers, nicht der Explosion überhaupt; der gewöhnliche Sprachgebrauch läßt zu dem gegebenen Subject A des Pulvers die hohe Temperatur B als Grund treten, aus welchem die Explosion C folgt, aber diese Folge denkt er sich natürlich nicht als einen Vorgang, der irgendwo stattfindet, sondern als eine Ausdehnung desselben Pulvers, auf welches der Funke wirkte. Es ist nicht nöthig, Erläuterungen so einfacher Art weiter fortzuseten.

64. Ueberlegt man das Ganze unserer Erkenntnisse, so ist unmittelbar deutlich, daß der Satz der Identität nicht ihre einzige Quelle sein kann. Für sich allein würde er sedes Urtheil, ja jeden Begriff

vereinzeln und keinen Fortschritt von der unfruchtbaren Sichselbstgleichbeit jedes Vorstellungselements zu der fruchtbaren Verbindung veridiedener einleiten. Man irrt sich, wenn man zuweilen der Mathematik nur diesen einzigen Satz als Grundlage ihrer Wahrheiten zuschreibt; dem wirklichen erfinderischen Verfahren dient vielmehr auch hier nur der Sat vom Grunde. Aus einem fich felbst gleichen Obersate würde gar nichts neues fließen, wenn es nicht möglich wäre, in mannigfachen Unterfätzen eine und dieselbe Größe C in unzähligen verschiebenen ägnivalenten Gestalten bald = A+B, bald = M+N ober =N-R zu setzen, oder anders ausgedrückt: wenn nicht die Natur der Bahlen so beschaffen wäre, daß man jede auf unzählige Weisen theilen und aus den Theilen in den mannigfachsten Combinationen wieder zusammensetzen fann; wenn ferner nicht die Natur des Raumes so gebildet wäre, daß jede Linie sich unzähligen Figuren in den verschies densten Lagen als Bestandtheil oder irgendwie zugehöriges Beziehungsglied einreihen läßt und daß jeder der Ausdrücke, die für fie aus diesen verschiedenen Relationen fließen, der Grund zu neuen vielfachen Folgerungen ist. Ich brauche kann zu erwähnen, daß auch Mechanik und Phosit den reichlichsten Gebrauch von diesen Zerlegungen und Zusam= mensetzungen gegebener Thatsachen machen, und daß der erfinderische Gedankengang auch in diesen Zweigen unserer Erkenntniß auf Operationen beruht, welche alle zuletzt auf diese typische Formel A+B=C zurücklaufen. Herbart gebührt das Berdienft, die Wichtigkeit dieser in alter Praxis der Wiffenschaft offen vorliegenden Verfahrungsweise in den Gesichtsfreis der formalen Logit gerückt zu haben.

65. Ich überlasse weitere Beispiele hiervon der angewandten Logik; über die Berechtigung des Sayes vom Grunde selbst habe ich noch eine Bemerkung zu machen. Wir konnten nur zeigen, eine Erweiterung unserer Erkenntniß sei dann möglich, wenn es einen Grundssay gibt, welcher A+B=C zu setzen erlaubt. Man konnte nun versuchen, ohne Weiteres die Gültigkeit dieses Grundsayes als eine unmitztelbare Gewißheit, gleich der des Sayes der Joentität, zu behaupten. Dies haben wir gethan; aber zwischen beiden Principien bleibt doch ein bemerklicher Unterschied. Der Say der Joentität sagt von jedem A eine Gleichheit mit sich selbst aus, die wir unmittelbar als nothwendig und deren Gegentheil wir zugleich ebenso überzeugend als denks

unmöglich empfinden. Der letteren Unterftützung entbehrt der Sat des Grundes; wir empfinden die Annahme keineswegs als denkunmöglich, daß jeder Inhalt nur sich selbst gleich, eine Combination A + B von zweien dagegen niemals einem dritten C äquivalent sei. Die Geltung bes Sates vom Grunde ift daber von einer andern Urt, als die des Princips der Adentität; nennen wir dies lettere denknothwendig wegen der Unmöglichkeit seines Gegentheils, so ist der Satz vom Grunde vielmehr nur eine dem Denten zweckmäßige Voraussetzung, welche in dem Inhalt des Denkbaren eine gegenseitige Beziehung annimmt, für deren wirkliches Bestehen der vereinigte Eindruck aller Erfahrungen Bürgschaft gibt. Ich wünsche über den letzteren Ausdruck nicht mißverstanden zu werden. Ich meine zuerst nicht, daß das Denken erst durch Bergleichung des Erfahrungsinhaltes auf die Bermuthung der Gültigkeit eines solchen Satzes geführt werde; die allgemeine Tendenz des logischen Geistes, Zusammenseiendes als Zusammengehöriges aufzuweisen, enthält für sich vielmehr den Trieb, der, auch abgesehen von aller wirklichen Erfahrung, zur Voraussetzung eines Zusammenhanges von Gründen und Folgen führen würde. Aber daß diese Boraussetzung sich bestätigt, daß das Denken in dem denkbaren Inhalt, den es selbst nicht macht, sondern empfängt oder vorfindet, solche Identitäten oder Aequivalenzen des Berschiedenen antrifft, das ift eine glückliche Thatsache, ein glücklicher Zug in der Organisation der Welt des Dentbaren, der thatsächlich besteht, aber nicht mit derselben Nothwendigkeit bestehen mußte, wie die Geltung des Identitätsprincips. möglich wäre eine Welt gar nicht, in welcher jeder einzelne Inhalt mit jedem andern so unvergleichbar wäre, wie süß und dreieckig, in welcher mithin jede Möglichkeit fehlte, Berschiedenes zur Begründung eines Dritten zusammenzufaffen; wäre diese Welt, so würde das Denken zwar nichts mit ihr anzufangen wissen, aber es würde sie, als eine nach Ich füge ferner seinem eigenen Urtheile mögliche, anerkennen müssen. hinzu, daß, wenn ich hier von einer Art empirischer Beglaubigung bes Sayes vom Grunde spreche, ich boch nicht eine Bestätigung meine, welche das Banze unserer nach diesem Sate bereits gegliederten Bedankenwelt darin fände, daß der beobachtbare Wehalt der äußeren Wirklichkeit mit dieser Gliederung zusammenstimmt; ich spreche hier nur davon, daß die Welt des Denkbaren, die vorstellbaren Inhalte, Die

wir, woher sie auch immer kommen mögen, in unserer inneren Ersahrung antressen, sich der Forderung, als Gründe und Folgen zusams menzuhängen, wirklich fügen. Es ist an diesem Orte der Logik ganz gleichgültig, ob überhaupt außer den Borstellungen, die sich in unserem Bewußtsein bewegen, etwas vorhanden ist, was man äußere Belt oder Birklichkeit nennen könnte; auch diese nur in uns sich bewegende inhaltsvolle Borstellungswelt ist von dem Denken nicht gemacht, sondern wird von ihm, als Stoff seiner Thätigkeit, in uns nur angetrossen, ist also sür den logischen Geist und seine Tendenz ein Gegenstand innerer Ersahrung; daß nun an diesem empirischen Gegenstand sich ein Entgegenstemmen sindet, das die Aussührung dieser Tendenz möglich macht, darin besteht das nicht Denknothwendige, sondern Thatsächliche der Geltung des Sakes vom Grunde.

66. Worin dies Entgegenkommen liegt, werde ich, wenn noch einmal hiernach gefragt werden sollte, am fürzesten erinnern, wenn ich auf die Analogie der spstematischen Stellung, welche der Satz vom Grunde als zweites Denkgesetz einnimmt, mit der des zweiten Gliedes in unserer Betrachtung des Begriffes hinweise. Die Möglichkeit, Allgemeinbegriffe zu bilden, beruhte auf der nicht selbst denknothwendigen, aber gegebenen Thatsache, daß nicht jeder Vorstellungsinhalt unvergleichbar mit jedem andern ist, daß vielmehr Farben, Tone, Gestalten sich in Reihen mit erkennbarer abgestufter Verwandtschaft ihrer Glieder ordnen; daß es außer den Berwandtschaften auch Gegensätze von verschiedener Weite des Unterschieds und ein Aufheben des Entgegengesetten, daß es endlich vor allem ein System von Größenbestimmungen in der Welt des Denkbaren gibt, durch deren Anwendung mittelbar auch die an sich nicht vergleichbaren Glieder verschiedener Inhaltsreihen in gegenseitige Beziehungen gebracht werden können. Mit diesem furzen Hinweis begnügt, schließen wir die zweite Gruppe der Urtheilsformen mit dem Satze vom Grunde als dem durch sie gewonnenen Reinertrage ab.

## C. Das generelle Urtheil. — Das disjunctive Urtheil. — Das Dietum de omni et nullo und das Principium exclusi medii.

67. In jedem Einzelfalle der Anwendung bleibt nun zu bestimsmen, welches A, in welcher Verbindung mit welchem B zusammengefaßt,

den genügenden Grund welches C bilde. Diese Aufgabe des sachlichen Erkennens hat die Logik der Erfahrung und den einzelnen Wissenschaften zu überlassen; aber eine eigene neue Aufgabe erwächst ihr doch auch. Bon allen Leistungen unseres Denkens würde wenig übrig bleiben, wenn wir wirklich in jedem Ginzelfalle von neuem die Erfahrung befragen müßten, welche A, B und C hier als Grund und Folge zusammengehören; einen Grundsatz wenigstens muß es geben, der uns erlaubt, wenn einmal die eine Wahrheit A + B = C gegeben ift, von ihr eine Anwendung zu machen auf Fälle, über die uns die Erfahrung noch nicht belehrt hat. Was wir nun hier suchen, ist leicht zu finden und nebenher schon früher erwähnt worden. So oft wir A+B als Grund einer Folge C anschen, denken wir nothwendig die Verknüpfung dieser brei Glieder als eine allgemeine; A+B ware gar nicht eine Bedingung von C, wenn es möglich ware, daß in einem zweiten Beifpiel feines Vorkommens nicht daffelbe C, sondern ein beliebiges D mit ihm verbunden würde. Für unsere hier zu machende Anwendung bedeutet dies nun: überall, in jedem Subject S, in welchem A + B als Merfmal neben beliebigen andern Merkmalen NOP enthalten ist, begründet dies A + B dieselbe Folge C; und dieses C wird entweder wirklich als Merkmal dieses S auftreten, oder wo es nicht auftritt, kann es nur dadurch verhindert sein, daß die übrigen Merkmale, N+O oder N+P oder O+P, zusammen den Grund einer dem C entgegengesetzten und dieses selbst aufhebenden Folge bildeten; für sich allein, ohne diese Hemmung, geht die das C'bedingende Kraft des A + B ihres Erfolges nie verluftig. Fassen wir nun A + B unter der Bezeichnung M als einen Allgemeinbegriff, unter welchen S untergeordnet ist, so können wir den gefundenen Grundsatz vorläufig so ausdrücken, daß von jedem Subject nach rein logischem Recht und ohne Anrufung der Erfahrung dasjenige Prädicat behauptet werden darf, welches durch den ihm übergeordneten Gattungsbegriff gefordert wird. Und es bedarf feiner weiteren Ausführung, daß eben dieser Gedanke, die Unterordnung des Einzelnen unter sein Allgemeines, das umfassende logische Hülfsmittel ift, dessen wir uns allenthalben zur weiteren benkenden Bearbeitung des erfahrungsmäßig Gegebenen bedienen.

68. Die Urtheilsform, die erste dieser dritten Gruppe, in welcher das Denken diese Ueberzeugung ausspricht, ist die des quantitativ unbe-

zeichneten Sates, in welchem die Stelle des Subjects einfach durch einen Allgemeinbegriff oder einen Gattungsbegriff M ausgefüllt erscheint: der Mensch ist sterblich; die Gunde ist strafbar. Ich unterscheide diese Urtheile unter dem Namen der generellen von den universalen: alle Menschen sind sterblich; jede Sünde ist strafbar. Obgleich der sachliche Inhalt in beiden Formen derselbe ist, so ist doch die logische Fassung desselben in beiden sehr verschieden. Das universale Urtheil ift nur eine Sammlung vieler Einzelurtheile, deren fammtliche Subjecte gufammengenommen thatfächlich den ganzen Umfang des Allgemeinbegriffs M ausfüllen; daß mithin das Prädicat P von allen M gilt, folgt hier nur daraus, daß es von jedem M einzeln gilt; es kann aber von jedem einzelnen aus einem besonderen Grunde gelten, der nichts mit der alls gemeinen Ratur des M zu ichaffen hat. Go läßt ber universale Sat: alle Einwohner diefer Stadt find arm, gang zweifelhaft, ob jeder ein= zelne durch eine besondere Ursache verarmt ift, oder ob die Armuth aus seiner Eigenschaft als Einwohner dieser Stadt fließt; ebenso läßt der Sat: alle Menschen find sterblich, noch dahingestellt, ob fie nicht eigentlich alle ewig leben könnten, und ob nicht blos eine merkwürdige Berfettung von Umständen, die für jeden andere sind als für jeden andern, es dahin bringt, daß zulett keiner am Leben bleibt. Das generelle Urtheil dagegen: der Mensch ist sterblich, behauptet seiner Form nach: an dem Charafter ber Menschheit liege es, daß die Sterblichkeit von jedem unzertrennlich ist, der an diesem Charafter theilnimmt. Während daher das universale Urtheil eine allgemeine Thatsache blos behauptet und beswegen nur affertorisch ift, läßt bas generelle zugleich ben Grund ihrer nothwendigen Geltung hindurchscheinen und fann also, in dem Sinne unserer früheren Festsetzungen, apodiktisch heißen. Bu unerhörten Entdeckungen wird diese Unterscheidung beider Urtheilsformen nicht führen; aber neben so vielen unnüten Distinctionen, welche die Logik belasten, verdiente sie wohl, nebenher erwähnt zu werden. Kaum der Erwähnung aber bedarf es, daß im generellen Urtheil nicht der Gattungsbegriff M, der die Stelle des Subjects im Sate einnimmt, das wahre logische Subject des Urtheils ist; nicht der allgemeine Mensch M ist sterblich, sondern der einzelne S, welcher an diesem für sich unsterblichen Typus theilhat. Man sieht daraus, daß das generelle Urtheil eigentlich ein im Ausbrucke verkürztes hypothetisches ist; es muß vollständig heißen: wenn S ein M ist, so ist S ein P; wenn irgend ein S ein Mensch ist, so ist dieses S sterblich. Und hierdurch rechtsertigt sich die sustematische Stellung, die wir diesem Urtheil erst nach dem hypothetischen anweisen konnten.

69. Ebenso flar wird aber auch sogleich die Nothwendigkeit eines neuen Schrittes. So lange formell in bem generellen Urtheil ein allgemeiner Gattungsbegriff M als Subject auftritt, fo lange kann auch das Prädicat P nur in gleicher Allgemeinheit gefaßt ihm zugeordnet werden. Sagen wir: ber Mensch ift sterblich, so umschließt bas Brädicat alle denkbaren verschiedenen Arten der Sterblichkeit und bestimmt weder die Art des Todes noch seinen Zeitpunkt; ober behaupten wir: die Körper erfüllen den Raum, so bleibt unausgesprochen, mit welcher Dichtigkeit und mit welchem Grade des Widerstandes jeder einzelne diese allgemeine Eigenschaft seiner Gattung realisirt. Aber gerade die einzelnen Menschen und die einzelnen Körper waren die wirklichen Subjecte bes generellen Urtheils; es ift also gang falsch zu behaupten, daß ihnen das Merkmal P ihrer Gattung in der Allgemeinheit als Pradicat zufommt, in welcher es zu dem Begriff der Gattung, und zwar hier nicht als Prädicat, hinzugedacht wird; vielmehr kann P an jedem dieser einzelnen Subjecte nur in einer der bestimmten Arten ober Modificationen vorkommen, in welche das allgemeine P sich zerfällen oder besondern läßt. Den gemachten Jehler berichtigt das Denken durch die neue Behauptung: wenn irgend ein S ein M ist, so ist dies S entweder p1 oder p2 oder p3; und hier bedeuten p1, p2, p3 die verschiedenen Arten eines allgemeinen Merkmals P, welches in dem Gattungsbegriffe M enthalten ift. Dies ift die bekannte Form bes bisjunctiven Urtheils, des zweiten dieser dritten Gruppe, und für sich feiner weiteren Erläuterung bedürftig. Man pflegt mit ihm zusammen das copulative Urtheil: S ist sowohl p als q, als r, und das remotive: S ift weder p noch q noch r, zu erwähnen; trot der äußerlichen Analogie der Form haben jedoch beide nicht den gleichen logischen Werth mit, dem disjunctiven; das erste ift nur eine Sammlung positiver, das andere eine Sammlung negativer Urtheile von gleichem Subject und verschiedenen Prädicaten, welche lettere in gar keine logisch wichtige Beziehung zu einander gesetzt werden. Das disjunctive Urtheil allein drückt ein eigenthümliches Verhältniß seiner verschiedenen Glieder aus:

es gibt seinem Subject gar kein Prädicat, schreibt ihm aber die nothwendige Wahl zwischen einer bestimmten Anzahl verschiedener vor.

- 70. Der Gedanke, den die Form des disjunctiven Urtheils ausbrudt, wird gewöhnlich in zwei gesonderten Denkgesetzen, dem Dictum de omni et nullo und bem Principium exclusi tertii inter duo contradictoria ausgesprochen; ihre Verschmelzung in ein einziges drittes Grundgesetz ist indessen nicht nur leicht, sondern nothwendig. Böllig falsch sind für das erste die oft gehörten lässigen Formulirungen: was vom Allgemeinen gelte, gelte auch vom Ginzelnen; was vom Ganzen, auch von den Theilen; es versteht sich vielmehr von selbst, daß, was vom Allgemeinen als solchem, oder von dem Ganzen als solchem gilt, nicht von dem Ginzelnen oder von den Theilen als folchen gelten könne. Richtig ist nur die alte scholastische Formel: quidquid de omnibus valet, valet etiam de quibusdam et de singulis, und quidquid de nullo valet, nec de quibusdam valet nec de singulis. Aber diese Ausdrucksweise, die dem Gesetze seinen Namen gab, ift ebenso unfruchtbar als richtig; benn daß etwas von allen gelte, heißt und bedeutet gleich von Anfang an gar nichts anderes, als daß es von jedem Einzelnen gelte; foll daber anstatt dieser nackten Tautologie etwas gesagt werden, was der Mühe werth ift, so muß allerdings an die Stelle der blogen Summe aller die Natur des allgemeis nen Begriffs gesetzt werden. Dann aber läßt sich in der That ber Sat gar nicht anders mit Genauigkeit ausdrücken, als fo, daß er gang mit dem Sinne der bisjunctiven Urtheilsform zusammenfällt: von jedem allgemeinen P, welches als Merkmal in dem Allgemeinbegriff M enthalten ist, kommt jedem S, welches eine Art von M ift, eine seis ner Modificationen p1, p2, p3 mit Ausschluß der übrigen als Prädicat ju; und: von jedem allgemeinen P, welches aus dem Begriffe M ausgeschlossen ist, kommt jedem S, als einer Art von M, weder die eine noch die andere seiner Modificationen p1, p2 oder p3 zu.
- 71. Bon diesem vollständigen Denkgesetz berücksichtigt der gewöhnsliche Ausdruck des Dietum de omni et nullo nur den einen positiven, für sich, wie wir sahen, nicht genau ausdrückbaren Bestandtheil, nämlich den Gedanken, daß das Besondere sich überhaupt nach seinem Allgemeinen richte; der andere verneinende Bestandtheil, der erst die Art und Beise dieses sich Richtens bestimmt, der Gedanke, daß dem Besondern

nur eine Art des allgemeinen Prädicats seines Allgemeinen mit Ausschluß der übrigen zustehe, hat nur einen partiellen Ausdruck in dem Sate des ausgeschlossenen Dritten gefunden. Ich glaube hierüber am einfachsten folgendermaßen zu berichten. Steht für ein Subject S vermöge seiner Unterordnung unter M bereits fest, daß es sein eigenes Prädicat unter den Arten p1, p2, p3 eines allgemeinen, dem M zufommenden Merkmals P wählen muß, und beträgt die Anzahl der möglichen Arten des P mehr, als zwei, so wird die Bejahung der einen von ihnen p1 als Prädicat von S die Verneinung aller übrigen, p2, p3, p4, einschließen, aber durch die Verneinung einer von ihnen wird keine bestimmte der übrigen als Prädicat von S bejaht; was nicht p1 ist, hat noch die unentschiedene Wahl zwischen p2, p3, p4. Prädicaten dieser Art legt man contraren Gegensatz bei. Gibt es aber überhaupt nur zwei Arten p1 und p2 des allgemeinen P, so wird für ein Subject S, von welchem schon feststeht, daß es eine Art des P zum Prädicat haben muß, nicht nur die Bejahung der einen p 1 die Verneinung der andern p2, sondern auch die Berneinung der einen p1 die bestimmte Bejahung der andern p2 als Prädicat zur Folge haben oder involviren; diese beiden p1 und p2 sind dann contradictorisch ent= gegengesetzte Pradicate des S. So sind für die Linie (S), welche eine Richtung überhaupt (P) haben muß, gerade (p1) und krumm (p2) contradictorische Prädicate, für den Menschen, dem ein Geschlecht von Natur gebührt, männlich und weiblich; beide würden nur contrar sein für beliebige andere Subjecte, von denen noch nicht feststeht, ob in ihrem Begriffe das allgemeine P, Geschlecht oder Richtung, überhaupt vorkommt; für sie wird die Eintheilung ihrer möglichen Prädicate immer dreigliedrig, sie sind entweder männlich (p 1) oder weiblich (p 2) oder geschlechtslos (p3), entweder gerade (p1) oder frumm (p2) oder gestaltlos (p3). Der Satz des ausgeschlossenen Dritten oder des exclusi tertii inter duo contradictoria behauptet nun nichts, als was wir eben bemerkten: von zwei Prädicaten, welche für ein Subject S contradictorische sind, hat S immer das eine mit Ausschluß des andern, und wenn es das eine nicht hat, so hat es nothwendig das andere mit Ausschluß jedes dritten. So angesehen ist dieses Wesetz nur ein Sonderfall des allgemeineren, welches den Sinn des disjunctiven Urtheils bildet: von allen conträren Prädicaten, deren Allgemeines P in dem Gattungsbegriff M eines Subjectes S liegt, hat S immer eines mit Ausschluß der übrigen, und wenn es das eine nicht hat, so bleibt ihm nur die nethwendige Wahl zwischen den übrigen; diese Wahl wird zur bestimmsten Bejahung, wo sie nur noch auf ein Glied fallen kann, also in dem Grenzfall, wo die Zahl der conträren Prädicate nur zwei beträgt. Ohne Zweisel ist dieser Grenzfall, welcher den Inhalt des Satzes vom ausgeschlossenen Dritten bildet, in den Anwendungen des Denkens von besonderer Wichtigkeit; die logische Systematik dagegen wird ihn doch nur als ein besonderes Beispiel des allgemeineren Satzes fassen können, den wir schon mehrfach aussprachen und kurz als disjunctives Denksgeseth bezeichnen wollen.

72. Man stellt dies gewöhnlich anders dar. Aus Beweggründen, bie ebenfalls nur aus Zweden bes angewandten Denkens begreiflich sind, ist der logische Wunsch entstanden, die von uns stets festgehaltene Boraussetzung, eine nothwendige Beziehung des jedesmaligen Subjects S zu dem allgemeinen P stehe bereits fest, unerwähnt lassen und von zwei Prädicaten sprechen zu dürfen, welche für jedes beliebige Subject als contradictorische gelten. Man findet leicht, daß dies nur möglich ist, wenn man die Gesammtheit aller denkbaren Prädicate eintheilt in ein bestimmtes Q, und in die Summe aller berjenigen, welche nicht Q find oder Non-Q find; von allen beliebigen Subjecten, was sie auch immer bedeuten mögen, ift dann sicher, daß sie entweder Q oder Non-Q, entweder gerade oder nicht-gerade sind; denn der lette Ausdruck begriffe dann nicht blos das Krumme, sondern auch das Verdrießliche, das Sufe, das Zukünftige, kurz alles, was außerhalb des Geraden liegt. Ich wiederhole in Bezug hierauf, was ich bei dem limitativen Urtheil bemerkte: Non-Q ist gar keine wirkliche Vorstellung, die sich als Prädicat eines Subjects behandeln ließe, sondern nur eine Formel, welche die im Denken unerfüllbare Aufgabe bezeichnet, alles Denkbare, was außerhalb des einen Begriffs liegt, in einen einzigen zweiten zusam-Man hat außerdem zur Stellung dieser unlösbaren Aufgabe keinen wirklichen Grund; alles, was man durch das bejahte Prädicat Non-Q erreichen will, erreicht man durch die verständliche Berneinung von Q. Ich halte daher für ganz unschicklich, von contradictorischen Begriffen zu reden, d. h. folden, die an und für sich in diesem Gegensatverhältniß ständen und deshalb in demselben blieben,

wenn man sie als Prädicate desselben Subjects behandelt; will man ein contradictorisches Berhältniß zweier Glieder, welches allgemein, immer und in Bezug auf jedes Subject gilt, so sindet dies nur zwischen den zwei Urtheilen statt: S ist Q und S ist nicht Q. Demzusolge würde der genaue Ausdruck des Sates vom ausgeschlossenen Dritten sein: von jedem genau bestimmten Subject S gilt entweder die Bejahung oder die Berneinung eines ebenso bestimmten Prädicats Q, und es gibt keine dritte Möglichkeit; überall, wo eine solche stattzusinden scheint, ist S oder Q oder beide entweder von Ansang mehrdeutig und unbestimmt gesaßt oder ihre Bedeutung im Lauf der Ueberlegung unsbewußt oder unwillkürlich verändert worden.

73. Noch eine Betrachtung füge ich hinzu. Niemand zweifelt, daß daffelbe Subject roth, suß und schwer zugleich sein kann, daß es aber roth nur ist, wenn es weder grün noch blau, noch andersfarbig ift, und daß es gerade und frumm nicht zugleich sein kann. Gine unmittelbare Deutlichkeit scheint mir nun aber boch die Behauptung nicht zu haben, daß zwei Prädicate p 1 und p 2 sich gerade dann an demselben Subject nicht vertragen, wenn fie übrigens als contrare Arten deffelben Allgemeinen P mit einander vergleichbar sind, während an demselben Subject andere Prädicate p, q, r sich vertragen sollen, die als Arten ganz verschiedener Allgemeinen P, Q und R mit einander unvergleichbar find. 3ch versuche hierüber folgenden Gedanken. Jedes Pradicat p1 eines Subjectes 8 muffen wir nach bem Borigen und nach ber Formel A + B = C als Folge einer in S enthaltenen Merfmalgruppe A 1+B1 ansehen, welche Gruppe überall, wo sie vorkommt, also auch in biesem S, dieselbe Folge C1, hier p1 hervorzubringen sucht. Sollte nun dems selben S zugleich das mit p1 vergleichbare Prädicat p2 zukommen, so müßte es, wie leicht zu begreifen, von einer mit A 1 + B 1 ebenfalls vergleichbaren Merkmalgruppe A2+B2 abhängen, welche neben A 1 + B 1 in demselben S vorhanden wäre und überall, wo sie vorfäme, also auch in S, die Folge C2, hier p2 begründen würde. Aber eben, weil A 1 + B 1 und A 2 + B2 mit einander vergleichbar sein muffen, so fann es nicht fehlen, daß, nach einem neuen Sat von ber allgemeinen Form A+B=C, nämlich nach dem Sate: [A1+B1] +[A2+B2]=C3 das Zusammentreffen beider in demselben S den zureichenden Grund einer neuen Folge C3 bildet, in welche die beiden

Einzelprädicate p 1 und p 2 zusammenschmelzen, und die wir, weil sie beiden ähnlich sein muß, mit p3 bezeichnen wollen. Zwei contrare, vergleichbare Prädicate p 1 und p2 würden also nur deshalb unvereinbar sein, weil aus ihnen immer ein drittes einfaches pa entstehen würde; zwei disparate, unvergleichbare Prädicate p und r dagegen, wie suß und warm, würden deshalb als zwei bleibende an S vereinbar sein, weil es für die unvergleichbaren Gründe A+B und etwa M+N, von denen fie einzeln abhängen, keinen Sat (A+B)+(M+N)=C gabe, fraft bessen sie wie p1 und p2 ein drittes einfaches Pradicat bilben fonnten. Ich will nicht gegen biejenigen ftreiten, die diese ganze Auseinandersetzung überflüssig finden; mir scheint sie nicht gegenstandlos, wenn ich von den Beispielen hinweg, welche die Logik herkömmlich braucht, auf andere blide, deren sie sich billig erinnern sollte. Wer vom Golde fagt, es sei gelb, hat freilich keine Beranlassung, sich diese einfache Eigenschaft als Product zweier anderen nicht wahrnehmbaren zu denken, die aus zwei im Golde nebeneinander gegebenen Bedingungen eigentlich hätten gesondert entstehen muffen, aber gesondert nicht bleiben tonnten. Wenn aber auf einen Massenpunkt S zwei der Richtung nach contrare oder auch contradictorische Bewegungsantriebe wirken, so ist das gegeben, was man vorhin keine Beranlassung hatte vorauszusetzen: man muß hier wirklich sowohl die Bedingung, welche die Bewegung p1, als die andere, welche die Bewegung p2 hervorzubringen strebt, als in dem Massenpunkt wirksam und die beiden Bewegungen selbst in jedem Augenblick als Prädicate dieses Punktes S auffassen, als Prädicate aber, die sich getrennt nicht erhalten können, sondern in das dritte p3, die Bewegung nach der Diagonale zusammengehen.

74. Hier schließt die Reihe der Urtheile mit innerer Nothwensdigkeit ab. Je bestimmter das disjunctive seinem Subjecte die Wahl zwischen verschiedenen Prädicaten vorschreibt, um so weniger kann es bei diesem Entweder Oder sein Bewenden haben; die Wahl muß vollsgen werden. Die Entscheidung aber darüber, welches p¹ oder p² dem S gebühre, kann nicht aus seiner bisher allein gegebenen Untersordnung unter M sließen, denn eben als Art von M hat es noch die sreie Auswahl; sie kann nur fließen aus der eigenthümlichen Differenz, durch welche sich S, als diese Art des M, von anderen Arten des M unterscheidet. Zu dem Saze: M (und jedes S, welches M ist) ist P,

muß daher ein zweiter Satz treten, welcher die Eigenthümlichkeit des jedesmal in Rede stehenden besondern Subjects S zur Geltung bringt und uns zeigt, welche Art von M es ist; aus der Vereinigung beider Sätze muß ein dritter sließen, welcher lehrt, welche bestimmte Modissication p des allgemeinen P diesem S zukomme, weil es nicht blos eine Art von M, sondern diese Art von M ist. Die Verbindung zweier Urtheile aber zur Erzeugung eines dritten ist im Allgemeinen die Denksorm des Schlusses, und zu ihrer Darstellung sind wir daher nun aufgefordert überzugehen.

## Anhang

#### über die unmittelbaren Folgerungen.

Dem Herkommen zu Liebe schalte ich hier Erörterungen ein, die ihre richtigere Stelle in der angewandten Logik haben würden.

Bon demselben Subject S und demselben Prädicat P behauptet das allgemein bejahende Urtheil A: alle S sind P; das particular besiahende I: einige S sind P; das allgemein verneinende E: fein S ist P; das particular verneinende O: einige S sind nicht P. Es fragt sich num, welche un mittelbaren Folgerungen sich aus der Gültigkeit oder Ungültigkeit des einen dieser vier Urtheile in Bezug auf Gültigkeit oder Ungültigkeit der drei übrigen ziehen lassen. Aus dem Dietum de omni et nullo und dem Satze des ausgeschlossenen Dritten ergibt sich hierüber Folgendes.

75. Zwischen jedem allgemeinen Urtheile und dem gleichnamigen besondern, also zwischen A und I, und zwischen E und O, findet das Berhältniß der Subalternation ftatt. In der Richtung vom Allgemeinen zum Besondern, oder ad subalternatam, ichließt man von der Bultigfeit bes erften auf die bes letteren, aber von ber Ungultigfeit , des Allgemeinen weder auf Gültigkeit noch auf Ungültigkeit des Besondern. Die Rechtmäßigkeit der ersten Folgerung leuchtet sofort, die Unmöglichkeit der zweiten nach Beseitigung eines Mißverständnisses ein. Wer den allgemeinen Satz: alle S sind P, leugnet, wird hierzu gewöhnlich durch die schon gemachte Beobachtung einiger S veranlaßt, die nicht P sind; aber er wird diese Beobachtung doch nicht an allen S gemacht haben. Seine Meinung pflegt baher die zu sein, nur die Allgemeingültigkeit jenes Sates für alle S zu leugnen, seine Gültigkeit für einzelne S dagegen unbestritten zu lassen; und deshalb haben in gewöhnlicher Rede Aeußerungen wie diese: es sei nicht wahr, daß alle 8 auch P find, geradezu die Nebenbedeutung, den particularen Sat: einige S sind P, als richtig zuzugestehen. Die Logik dagegen kennt nicht

diese unausgesprochenen Nebengedanken bei der Leugnung des allgemeinen Satzes, sondern nur das, was in der ausgesprochenen Berneinung selbst liegt. Aber eben dies ist an sich zweideutig. Denn die behauptete Ungültigkeit des Satzes: alle S sind P, besteht gleichmäßig zu Recht, sowohl wenn der Satz nur für einzelne S, als auch, wenn er für keines gilt. So lange diese Zweideutigkeit nicht durch Nebenaussagen gehoben wird, kann man daher aus der Berneinung des allgemeinen Satzes weder auf Gültigkeit noch auf Ungültigkeit des besonderen schließen.

- 76. In entgegengesetzter Richtung, vom Besondern zum Allgemeinen oder ad subalternantem, ichließen wir von der Ungültigkeit bes besondern Urtheils auf die des allgemeinen, aber nicht von der Bültigkeit des besondern auf die des allgemeinen. Auch hier ift die erste Folgerung nach Vermeidung der berührten Zweideutigkeit flar. Wer den Sat verneint, einige S seien P, tann zwar die Absicht haben, nur die Beschränfung des P auf einige S zu leugnen, und aus dieser Meinung, nicht blos einige S seien P, flösse dann die Bejahung des allgemeinen Sates: alle S find P. Aber eben weil diese Folge ja grabe die fortdauernde Gültigkeit auch des particularen Urtheils: einige S find P, einschließen würde, fann die Logif unmöglich der Leugnung eben dieses particularen Sates diese Auslegung geben. Für fie bedeutet diese Leugnung durchaus nur: es gibt gar feine einigen S, die P wären; was aber nicht einmal in einigen Fällen gilt, gilt noch weniger in allen. Folglich verneint die Verneinung des Besondern allemal auch das Allgemeine. Die Unmöglichkeit der zweiten Folgerung ist für sich flar; die Gültigkeit eines P für einige S kann nie feine Gültigkeit für alle S beweisen; nur weil diese widerrechtliche Berallgemeinerung einzelner Wahrnehmungen der gewöhnlichste logische Fehler ist, dem die Wissenschaft und die Bildung des Lebens ihre meisten Irrthumer verdanken, ist es der Mühe werth, das Verbot dieser falschen Folgerung ad subalternantem besonders zu betonen.
  - 77. Allgemeine Urtheile stehen zu den ungleichnamigen besondern, A zu O und E zu I und umgekehrt, in contradictorischem Gegensatz; wir schließen ad contradictoriam sowohl von der Geltung des einen auf Nichtgeltung des andern, als von der Ungültigkeit des einen auf die Gültigkeit des andern. Die erste Folgerung bedarf keiner, die

zweite einer kurzen Erläuterung. Berneinen wir den Sat A, alle S sind P, so bestehen mit dieser Verneinung die beiden Annahmen E: kein S ist P, und O: einige S sind nicht P; die letzte aber, in der ersten eingeschlossen, ist in jedem Falle gültig; folglich fließt aus der Ungülztigkeit von A die Gültigkeit von O gewiß. Verneinen wir ferner O: einige S sind nicht P, so heißt das nach dem vorhin Vemerkten: es gibt keine einigen S, die nicht P wären, und dies ist gleichbedeutend mit A: alle S sind P. Verneinen wir E: kein S ist P, so sind entweder alle S oder einige S, die letzteren also in jedem Falle, P, folglich gilt I: einige S sind P; verneinen wir I, so heißt dies: es gibt keine einigen S, welche P wären, gleichbedeutend mit der Bejahung von E: kein S ist P.

- 78. Die beiden ungleichnamigen allgemeinen Urtheile A und E haben nur contraren Begenfat, und wir folgern ad contrariam aus der Geltung des einen die Richtgeltung des andern, aber nicht aus der Ungültigkeit des einen die Gültigkeit des andern. Die erste Folgerung leuchtet ein; die Unmöglichkeit ber zweiten ergibt fich nach bem Vorigen daraus, daß die Verneinung eines allgemeinen Urtheils zwar ad contradictoriam die Gültigkeit des ungleichnamigen besondern, diese aber nicht weiter ad subalternantem die Gültigkeit des übergeordneten allgemeinen Urtheils folgern läßt. Subcontraren Wegenfat endlich nennt man bas Verhältniß zwischen ben beiben particularen Urtheilen I und O. Man folgert ad subcontrariam aus ber Ungültigkeit bes einen die Gültigkeit des anderen, aber nicht aus der Geltung des einen die Nichtgeltung des andern. In der That: die beiden Sätze: einige S find nicht P, und: einige S find P, können beibe zusammen bestehen; wird aber der eine verneint, so folgt ad contradictoriam die Geltung des entgegengesetzten allgemeinen und aus dieser ad subalternatam die Bejahung des ihm untergeordneten particularen.
- 79. Ich erwähne ferner eine andere logische Operation von verswandter Absicht. Beobachtungen, welche sich zuletzt immer in der Form eines Urtheils: S ist P, ausdrücken lassen, stellen uns immer nur diesjenige Verbindung von S und P vor Augen, die in dem Augenblick der Beobachtung wirklich stattsindet; sie sagen aber nichts darüber aus, ob in anderen Fällen S und P trennbar sein werden, oder nicht, ob es also S gibt, welche nicht P, oder P, welche nicht S sind. Man hat aber ein sehr begreisliches praktisches Interesse hieran; man will wissen, ob

ein P, welches an S vorgekommen ift, als ein Rennzeichen betrachtet werden darf, nach dem fich die Ratur bes Subjects bestimmen läßt, an dem es vorkommt; furz, ob alles, was sich als ein P darstellt, auch alles mal ein S ist. Die auf diese Frage zu erwartenden Antworten werden daber die Form haben: P ift S; man nennt fie deshalb Umkehrun= gen der ursprünglichen Urtheile, die zu ihnen Beranlaffung gaben. Es versteht sich dabei, daß es von besonderem Interesse ist, zu wissen, ob P nothwendig und immer oder nur möglicherweise und zuweilen auf ein Subject S hindeutet, ober in gewöhnlicher Bezeichnungsweise, ob alle P oder ob nur einige auch S find. Man achtet beshalb besonders auf die Quantität bes gegebenen und des umgekehrten Urtheils und nennt die Umfehrung rein (conversio pura), wenn die Quantität bes letten die ungeänderte des ersten ist, unrein (conversio impura), wenn fie eine andere ift, und zwar namentlich, wenn zur Triftigkeit des umgekehrten Urtheils die Allgemeinheit des ursprünglichen in blos particulare Geltung abgeschwächt werden muß. Man findet Folgendes.

80. Das allgemein bejahende Urtheil: alle S sind P, versteht unter P entweder eine höhere Gattung, in welcher S neben andern Arten enthalten ift, oder ein allgemeines Merkmal, an dem S neben andern Subjecten theilnimmt. In beiden Fällen bleibt ein Theil von P übrig, der nichts mit S zu schaffen hat, und die Umkehrung kann daher nur unrein geschehen in das particulare Urtheil: einige P sind S. Diese Regel verdient bemerkt zu werden; denn zu den gewöhnlichsten Fehlern der Unaufmerksamfeit und zu den beliebtesten Mitteln der Täuschung gehört es, dieser particularen Folgerung die allgemeine unterzuschieben und zu behaupten: wenn allen S das P, so fomme auch allen P das S zu. Man trifft allerdings allgemein bejahende Urtheile an, die diese reine Umfehrung gestatten; es sind diejenigen, in denen die Umfänge von S und P einander genau decken, mithin nicht blos allen S, sondern auch nur allen S und keinem andern Subjecte das P zufommt, folglich alle P auch S find. Solche reciprocabel genannte Urtheile find: alle Menschen sind von Natur sprachfähig; alle gleichseitigen Dreiede sind gleichwinklige; sie gestatten die Umkehrung: alles von Natur Sprachfähige ist Mensch, jedes gleichwinklige Dreieck ist ein gleichseitiges. Aber daß jenes Berhältniß zwischen S und P stattfindet, an dem diese Möglichkeit hängt, wird in jedem Einzelfalle

verbürgt. Mit Recht verlangt daher die Mathematik, welche die reine Umkehrung allgemein bejahender Urtheile häusig vollzieht, für die Richtigkeit des umgekehrten jedesmal einen besonderen Beweis und schärft durch dies vorsichtige Berkahren die Regel ein, daß aus blos logischem Recht das allgemein bejahende Urtheil nur unreine Umkehrung in ein particular bejahendes verträgt. Es verhält sich anders mit dem allgemein verneinenden Urtheile: kein S ist P. Diese völlige Ausschließung beider Begriffe auseinander gilt offenbar wechselseitig und rechtsertigt die Behauptung, daß auch kein P ein S sei. Allgemein verneinende Urtheile erfahren daher reine Umkehrung in wieder allgemein verneinende

Aus dem particular bejahenden Sage: einige S find P, folgt einleuchtend die reine Umkehrung in den wieder particularen: einige P find S. Und diese Folgerung befriedigt auch in allen Fällen, in welden P ein allgemeines Prädicat ift, an welchem S neben andern Subjecten theilhat; so wird die Behauptung: einige Hunde sind bissig, mit Recht fich in die andere umtehren: einiges Biffige fei hund. Wenn jedoch S die allgemeine Gattung ist, der P als Art gehört, wie in dem Sate: einige Hunde seien Möpfe, wird die nach allgemein logischem Rechte allein zulässige Umkehrung: einige Dlöpse seien Hunde, unvortheilhaft gegen die sachlich richtige: alle Möpfe sind Hunde, abstechen. Richtig freilich ift auch fie; aber fie brückt nur einen Theil der Wahrheit und zwar in einer Form aus, welche den andern Theil derfelben, daß auch alle übrigen Möpse Hunde sind, eher zu verneinen als zu bejahen scheint. Dies wird noch fühlbarer, wenn man sich das Urtheil: alle Möpse sind Hunde, gegeben denkt und es zweimal convertirt. Aus der ersten Umkehrung: einige Hunde sind Möpse, kommt man burch die zweite Umkehrung nicht mehr zu dem gegebenen Sate zurud; die logischen Operationen haben also hier den Erfolg gehabt, einen Theil der Wahrheit aus dem Wege zu schaffen. Diese Unschicklichkeit wäre leicht zu vermeiben, wenn man die Quantitätsbezeichnungen, dem Sinne gemäß, als untrennbar von ihren Substantiven anfähe; man hätte dann gleich ben gegebenen Sat so geformt: alle Möpfe find einige Hunde; umgekehrt; einige Hunde sind alle Möpfe; zweite Umkehrung: alle Möpfe sind einige Hunde. Aber es lohnt nicht, diese doch unfruchtbaren Formeln zu verbeffern.

Das particular verneinende Urtheil: einige S find nicht P, behauptet an sich nur die Trennbarkeit des S von P, nicht aber auch die des P von S. Die reine Umkehrung: einige P sind nicht S, gilt daher nicht allgemein, sondern nur für solche P, die als gemeinschaftliche Prädicate verschiedener Subjecte nicht ausschließlich in der Natur des S Bedingungen ihres möglichen Borkommens finden. Der Satz: einige Menschen sind nicht schwarz, gestattet aus diesem Grunde die Umkehrung: einiges Schwarze ist nicht Mensch; aber die Urtheile: einige Menschen sind nicht fromm, einige sind nicht Christen, würden ergeben: einiges Fromme ift nicht Mensch, einige Chriften find nicht Menschen, beides unzuläffig, da Frommigkeit und Chriftenthum zwar nicht allen, aber doch nur Menichen zufommen. Diese Unguträglichkeiten werden nur dadurch allgemein vermieden, daß man in dem gegebenen Urtheil die Regation jum Pradicat ichlagt und ben nunmehrigen Sat: einige S find Non-P, nach Urt ber particular bejahenden umkehrt in: einige Non-P find S; einiges Nichtschwarze, einiges Nichtfromme, einige Nicht-Chriften find Menfchen.

82. Dies hier nothwendige Verfahren hat man unter dem Ramen der Umkehrung durch Contraposition auf alle Urtheile ausgedehnt: in den bejahenden foll die Bejahung des P durch Berneinung von Non P, in den verneinenden die Berneinung von P durch Bejahung von Non P ersett, die verwandelten Urtheile dann nach den gewöhnlichen Regeln umgekehrt werden. Man erhält für A: alle S find P, fein S ift Non P; baraus: fein Non P ift S; für I: einige S sind P, würde die Transformation in: einige S sind nicht Non P, nach dem Obigen feine Conversion gestatten, für I also die Contraposition unausführbar sein; für E dagegen erhält man: kein S ist P, alle S sind Non P, einige Non P sind S; für O endlich: einige S sind nicht P, einige S sind Non P, einige Non P sind S. Durchführung dieser Operationen an Beispielen würde unförmliche, dem natürlichen Denken fremde Ausdrucksweisen erzeugen; was man mit diesen vier Fällen eigentlich sagen will, läßt sich einfacher mittheilen, wenn man die quantitativen Bestimmungen der vorkommenden Urtheile durch die gleichgeltenden modalen ersetzt; auch die an sich unmögliche Contraposition von I wird dann noch benutbar. Es würde nämlich die Umkehrung von A bedeuten: wenn allen Einzelnen einer Gattung S das Prädicat P zukommt, so ist es unmöglich, daß etwas ein S sei, dem dies Merkmal sehlt; die von I: wenn nur von einigen Arten des S seststeht, P komme ihnen zu, so ist nicht nothwendig, sondern nur möglich, daß etwas, dem P sehlt, kein S sei; die von E: wenn der Gattung S das Merkmal P allgemein sehlt oder widerspricht, so ist es nicht nöthig, sondern nur möglich, daß etwas, dem das P gleichsfalls sehlt oder widerspricht, eine Art von S sei; und eben diese letzte Folgerung ist auch die von O: wenn einige S nicht P sind, so wird etwas, das gleichfalls nicht P ist, ein S sein können, aber nicht müssen.

# Drittes Kapitel.

Die Lehre vom Schluß und den sustematischen Formen.

## Borbemerfungen über die Ariftotelifche Syllogiftit.

Ich habe die unerledigte Aufgabe angedeutet, die vom disjunctiven Urtheil weiter treibt. She ich diesen systematischen Zusammenhang verfolge, halte ich für vortheilhaft, die Lehre vom Schlusse in der Gestalt vorzutragen, die sie durch Aristoteles erhalten hat. Doch solge ich nicht der originalen Darstellungsweise des großen griechischen Philosophen, sondern der bequemeren später üblich gewordenen. Die Schristen des Aristoteles sind erhalten; wer Antheil an der ersten Entstehung dieser Lehren nimmt, hat es leicht, sich an seiner meisterhaften Entwickelung zu erfreuen; wo es sich dagegen nicht um die Geschichte der Sache, sondern um die Sache selbst handelt, würde es nutslose Coquetterie sein, die unbequemen Ausdrucksweisen des Erfinders den kleinen Erleichterungen vorzuziehen, welche die Folgezeit zu Gebote stellt.

83. Schluß oder Syllogismus nennen wir im Sinn des Aristoteles jede Verknüpfung zweier Urtheile zur Erzeugung eines gültigen dritten, das in keinem von jenen beiden bereits enthalten war. Unmöglich würde diese Erzeugung, wenn der Inhalt jener vorausgeschickten Urtheile, der beiden Prämissen, propositiones praemissae, völlig verschieden wäre; sie wird nur möglich, wenn beide einen gemeinsamen Bestandtheil M, den Mittelbegriff oder medius terminus enthalten, welchen die eine mit S, die andere mit P in Beziehung setzt. Durch diese Bermittelung untereinander in Zusammenhang gebracht, können die beiden Begriffe S und P in dem Schlußsat, der conclusio, zu einem

Urtheil von der Form: S ist P, oder kürzer bezeichnet: SP, zusammentreten, aus welchem der Mittelbegriff, der zu seiner Erzeugung gedient hat, wieder verschwunden ist. In der Natur der Sache besteht kein Grund, einen Werthunterschied zwischen den beiden Prämissen SM und PM zu machen; ein Herkommen jedoch, das geachtet werden muß, wenn nicht alle sestgesetzen Regeln eine verwirrende Umdeutung erheischen sellen, hat bestimmt, daß Obersatz oder prop. major diesenige Prämisse heißen soll, die außer M das Prädicat P, Untersatz oder prop. minor die, welche außer M das Subject S des künstigen Schlußsatzes enthält; dieser selbst wird immer in der Form SP, nicht in der umgestehrten PS gedacht. Unter dieser Voraussetzung entspringen aus den verschiedenen Stellungen, welche die drei Begriffe noch annehmen können, solgende vier verschiedene Anordnungen, deren drei erste die Figur des Galenus bildet.

| I) MP | II) PM | III) MP | IV) PM |
|-------|--------|---------|--------|
| SM    | SM     | MS      | MS     |
| SP    | SP     | SP      | SP     |

- 84. Fragen wir nun, ob und unter welchen Bedingungen diese zunächst nur combinatorisch angenommenen Anordnungen der Prämissen einen triftigen Schluß begründen, so finden wir fogleich die Berechtigung, S und P in diesem zusammenzubringen, von der völligen Identität des Mittelbegriffs abhängig; sie wird selbstverständlich hinfällig, sobald das M, welches in der einen Prämisse mit S verknüpft ift, ein anderes ift, als das M, welches in der andern mit P verbunden ist. Bier Begriffe würden durch diese Spaltung des M, anstatt der nothwendigen und hinreichenden drei, in den Prämissen auftreten; die Bermeidung dieser quaternio terminorum und die Sicherung der völligen Ibentität bes Mittelbegriffs ift daber die gemeinsame Bedingung für die Schlußtraft aller Figuren. Um diese Bedingung zu erfüllen, ist es zuerst in allen Figuren nothwendig, jede Doppelbeutigkeit des Wortes auszuschließen, durch welches wir den von uns gemeinten Mittelbegriff M bezeichnen; außerdem aber machen zu gleichem Zweck die einzelnen Figuren je nach der Gigenthümlichkeit ihres Baues besondere, sogleich zu erwähnende Vorsichtsmaßregeln nothwendig.
  - 85. Die erste Figur ordnet im Untersat ihr S in den Umfang

von M, im Obersat bies M in den Umfang von P, und um deswillen im Schlußsatz S in den Umfang von P. Der Gedanke, der dieser Folgerung zu Grunde liegt, ift sichtlich der der Subsumption: jedem Subject kommt das Prädicat seiner Gattung zu. Schon hieraus kann man ableiten, daß der Oberfat der erften Figur allgemein fein muß; denn er soll die Regel aussprechen, welche auf das Subject des Untersates Die Forderung der Identität des Medius angewandt werden foll. terminus führt zu bemselben Ergebniß. Denn das S des Untersates ist immer eine bestimmte Art, oder ein bestimmter Fall des M; die Form des Satzes sagt dies aber nicht, sondern läßt S nur überhaupt als eine unbestimmte Art des M erscheinen; soll nun dies unbestimmte M daffelbe sein, wovon der Oberfat behauptet, es sei P, so ift dies mur zu erreichen, wenn der Obersatz allgemein von allen M spricht, und so jenes unbestimmte mit umfaßt. Allerdings ist bann bas ausgesprochene M des Obersatzes nicht identisch mit dem M des Untersatzes, welches nothwendig, als Prädicat des S, nur einen Theil vom ganzen Umfang des M bedeutet; allein diese anscheinende Schwierigkeit hebt sich durch die Ueberlegung, daß das zur Hervorbringung bes Schlusses benutte M des Obersates ebenfalls nur ein Theil des dort ausgesprochenen, nämlich genau dasjenige ift, welches im Untersatz gemeint ift. Da ferner die Folgerung des Schlußsatzes auf der Unterordnung des S unter M beruht, so muß diese Unterordnung auch bestehen, der Untersay mithin, der sie ausspricht, muß bejahend sein; wäre er verneinend, so würde er einfach das Vorhandensein des Rechtsgrundes leugnen, aus dem die Gültigkeit des Schlußfates fließen konnte. Gleichgültig ift es dagegen für den logischen Zusammenhang des Schlusses und lediglich seinem jedesmaligen Inhalte zuzurechnen, ob das, was vom M des Oberfates ausgesagt wird, Bejahung oder Verneinung des P ift, und ob das Anwendungsbeispiel, welches der Untersatz für dieses allgemeine Berhalten herbeibringt, alle S ober nur einige berfelben umfaßt. Daher ist die Qualität des Obersatzes und die Quantität des Untersatzes uns beschränft. Im Schlußsatz endlich soll die Beziehung, welche der Oberfat dem M zu P gibt, gleichviel ob Bejahung oder Berneinung, unverändert auf das unveränderte, gleichviel ob allgemeine oder particulare Subject des Untersates übertragen werden; der Schlußsatz hat daher die Qualität des Obersatzes und die Quantität des Untersatzes. Denkt

man sich jede Möglichkeit benutzt, welche diese Regeln übrig lassen, so entstehen vier gültige Arten oder Modi der ersten Figur. Ihre scho-lastischen Namen Barbara Celarent Darii und Ferio, in bekannter Weise durch die drei Vocale der Reihe nach Qualität und Quantität der Prämissen und der Conclusion bezeichnend, machen uns die Ausszeichnung der ersten Figur deutlich, Schlußsätze jeder Art erzeugen zu können.

86. Die Prämissen der zweiten Figur zeigen uns zwei Gubjecte S und P in Beziehung zu dem Prädicate M. Haben nun beide dies Prädicat oder haben fie es beide nicht, find also beide Prämiffen positiv oder beide negativ, so ist hieraus gar feine Folgerung in Bezug auf ein gegenseitiges Verhältniß zwischen S und P möglich. Denn an einem Merfmal M zugleich Theil haben oder zugleich von ihm ausgeichloffen sein tonnen unzählige Subjecte, ohne daß außer dieser Gemeinsamkeit irgend eine andere zwischen ihnen zu bestehen braucht, namentlich ohne daß das eine S eine Art des andern P sein muß. Nur wenn das eine Subject immer oder allgemein das Merkmal M hat oder nicht hat, das andere aber sich zu M entgegengesetzt verhält, ift die Folgerung begrundet, das zweite konne feine Urt des erften fein. Die Prämiffen der zweiten Figur muffen daher von entgegengesetzter Qualität, und eine von ihnen allgemein sein. Da aber außerdem herkommlicher Weise der Untersatz jenes zweite Subject liefert, so muß die Prämisse, in der das erfte erwähnt wird, also der Obersat, die allgemeine sein. Zusammengefaßt find daher die Bedingungen der zweiten Figur: der Oberfat ift allgemein, aber seine Qualität unbeschränft; ber Untersatz hat die entgegengesette Qualität des Obersates und ist unbeschränkt in der Quantität; der Schlugfat ift stets negativ und hat die Quantität des Untersates. Die möglichen Modi sind Camestres Baroco Cesare Festino.

87. Die dritte Figur bringt dasselbe Subject M in Beziehung zu zwei Prädicaten P und S. Hat nun M beide Prädicate, sind also beide Prämissen positiv, so müssen P und S vereinbar sein; es folgt mithin, nach dem gebräuchlichen logischen Ausdruck einer solchen Mögslichkeit, der particular bejahende Schluß: einige S sind P. Die nöthige Ichteit des M wird in diesem Falle durch die Allgemeinheit schon einer Prämisse, gleichgültig welcher, hinlänglich gesichert; denn es ist ossenbar kein Unterschied, ob alle M das Merkmal P und nur einige

bas S, oder ob alle M bas S und nur einige bas P besitzen: so wie so gibt es immer einige M, die beide zusammen besitzen und hierdurch ben ftets particularen Schlußsatz: einige S sind P, rechtfertigen. Uebrigens fonnte gerade hier, wo M in beiden Prämiffen Subject ift, feine Identität auch leicht durch völlig individuelle Bedeutung, also durch den Eigennamen einer Person, verbürgt werden. Man begegnet solchen Schlüffen oft; um die Bereinbarkeit zweier Leiftungen zu beweifen, die einander auszuschließen scheinen, führt man ein Beispiel an: Sofrates fei P gewesen, Sokrates auch S; folglich was S sei, tonne auch P fein, oder: einiges S ift P. Die Logit rechtfertigt solche Schlüsse dadurch, daß fie dem singularen Urtheile, b. h. dem, deffen Subject nicht ein unbestimmter Theil eines Allgemeinbegriffs, sondern eine völlig beftimmte, nur einmal vorkommende Ginzelheit ift, den fyllogiftischen Werth eines allgemeinen Urtheils zutheilt. So tritt dieser Fall unter die obige Regel, welche bei zwei positiven Prämissen eine allgemeine verlangt, einen particular bejahenden Schlußsatz vorschreibt und die Modi Darapti, Datisi und Disamis zuläßt.

88. Hat ferner daffelbe Subject M das eine Merkmal, aber das andere nicht, ift also eine Prämisse positiv, die andere negativ, so muffen S und P trennbar sein, ober es folgt nach gewöhnlichem Ausdruck der particular verneinende Schluß: einige S sind nicht P. Bur Identität des M reicht auch hier die Allgemeinheit einer Prämisse bin, gleichgültig welcher, aber ber Unterfat muß bejahend fein. Denn ein Mertmal, welches an einem Subject vorkommt, ift allerdings immer trennbar von dem andern, welches an demselben Subject nicht vorkommt; aber dies lettere braucht nicht trennbar von dem erstern zu sein; es bleibt benkbar, daß dies zweite nur entweder nicht oder doch blos in Berbinbung mit dem ersten bestehen fann. Go ift Lebendigkeit ohne Bernünftigkeit, aber nicht Vernünftigkeit ohne Lebendigkeit ein mögliches Merkmal eines Thieres. Nur das bejahte Merkmal ift mithin das trennbare; nur von ihm als Subject kann der Schlußfat behaupten, es sei nicht immer mit dem andern als Prädicat verbunden; dies Subject des Schlußsates aber liefert herkömmlich der Untersat; dieser also muß bejahend, nur der Obersatz darf verneinend sein. Unter dieser Bedingung geben gemischte Prämissen die Modi Felapton Ferison und Bocardo, auch fie wie die vorigen mit nur particularen Schluffäten.

- 89. Allgemein behauptet endlich die Logik: aus zwei negativen Brämissen gebe auch die dritte Figur keinen gültigen Schluß. Dies ist irrig; es kann mit Recht aus ihnen eine Folgerung gezogen werden, die ganz gleichartig und an Werth völlig ebenbürtig mit denen ist, welche aus positiven oder gemischten Bordersätzen fließen. Denn wenn jene beweisen, daß S und P vereinbar, diese, daß sie trennbar sind, so beweisen mit gleichem Recht zwei negative Prämissen, daß S und P nicht wntradictorisch entgegengesetzt sind, daß mithin, was nicht S ist, darum nicht P zu sein braucht; nach gewöhnlicher Bezeichnungsweise: einige Richt-S sind nicht P. Es ist durchaus nicht einzusehen, warum diese Folgerung an Werth jenen beiben nachstände; benn die erste ruft uns doch auch nur zu: wo ihr S findet, macht euch auf die Möglichkeit gefaßt, auch P zu finden; die zweite: wo ihr S antrefft, rechnet nicht barauf, daß auch P sein werde; ganz ebenso diese dritte: wo ihr S nicht beobachtet, hütet euch zu schließen, daß um so mehr P ba sein werde. Im Leben aber begegnet man folden Schlüffen oft; taufendfältig, wo aus dem Nichtvorhandensein einer Eigenschaft voreilig auf die Nothwendigkeit einer andern geschlossen worden ist, beruft man sich auf Beispiele, in welchen weder die eine noch die andere angetroffen wird, und berichtigt so ein falsches Vorurtheil durch einen Schluß nach der britten Figur aus zwei negativen Prämiffen. Gultig ift baber biefe Folgerung ohne Zweifel; doch ist es nicht zeitgemäß mehr, nachträglich ihren möglichen Modis Namen zu erfinden.
- 90. Die Prämissen der vierten dem Claudius Galenus zugesschriebenen Figur geben formell ein Gegenbild der ersten Aristostelischen, ohne ihr jedoch an logischem Werth zu gleichen. Man unterscheidet die Modi Bamalip Calemes Dimatis Fesapo Fresiso. Die Prämissen von Bamalip: alle Rosen sind Pflanzen, alle Pflanzen besdürfen Luft, wird jedes natürliche Denken stillschweigend umstellen und dann aus ihnen nach Barbara der ersten Figur schließen: alle Rosen bedürfen Luft. Dieser Schlußfat ist dann freilich von der Form PS, aber der andere von der Form SP, welchen die vierte Figur verlangt, ist aus ihm durch einsache Umkehrung zu erhalten: einiges Luftbedürfstige ist Rose. Dagegen ist aus dieser letztern Folgerung nach der viersten Figur durch Umkehrung diesenige nicht wiederzugewinnen, die wir nach der ersten Figur aus denselben Prämissen zogen, vielmehr gibt

diese Conversion nur den particularen Say: einiges, was Rose ist, ist luftbedürftig. Mithin geht in diesem Falle durch den Schluß nach der Galenischen Figur geradezu ein Theil der Wahrheit verloren, die in ben Prämissen begründet ist; eine üble Empfehlung für ein Schlugverfahren, dessen Pflicht immer ist, aus Gegebenem so viel neue Wahrheit zu folgern als möglich. Dies Ungeschick zwar könnte man vermeiden, wie früher gezeigt, natürlicher würde jedoch auch hierdurch ber Schluß nicht. Ebenso unnatürlich sind Calemes und Dimatis, deren Prämissen jedes unbefangene Denken umstellen und nach Colarent und Darii der ersten Figur benutzen wird; einen Wahrheitsverlust freilich verschulden sie nicht, da der negative Schlußsatz von Calemes reine Umkehrung erlaubt, anderseits der von Darii ebenso blos particular ist, wie der von Dimatis. Nur Fesapo und Fresiso lassen sich, wegen des entstehenden negativen Untersates in beiden, des particularen Obersates im zweiten, minder bequem auf die erste Figur zurückbringen; sie geben dafür durch reine Umkehrung der Obersätze in Felapton und Ferison der dritten über und geben nach dieser Umformung ebenfalls natürlichere Schluffätze. Nach allem ift baber die vierte Figur eine fehr entbehrliche Zugabe zu den drei Aristotelischen.

91. Aristoteles hielt die Folgerungen nach allen drei Figuren für triftig, aber nur die nach der ersten für vollkommen. Denn nur diese Figur lasse in der Gestaltung der Prämissen auch formell den Rechts grund flar hervortreten, der die Möglichkeit jeder Folgerung bedingt: die Unterordnung des Besondern unter sein Allgemeines. Auch in den beis den andern Figuren beruhe zwar der Schluß auf demfelben Rechtsgrunde; auch seien die Unterordnungsverhältnisse, die zur Folgerung nach diesem Princip nothwendig und hinreichend sind, in den Prämissen enthalten und man bedürfe keiner nebenhergehenden Ergänzung derfelben durch anderweitige Kenntniß; aber die Geftaltung der Prämiffen lege sie doch nicht von selbst bar; man muffe sie in ihnen aufsuchen. Diesen formalen Mangel der beiden letten Figuren suchte Aristoteles durch Angabe der Umformungen zu ergänzen, durch welche ihre Prämissen ohne Aenderung ihres Inhalts in solche nach der ersten Figur verwandelt werden können. Man hat dies überflüffig gefunden und eingewandt, daß auch die beiden andern Figuren nach eigenen für sich einleuchtenden Grundsätzen schließen; so sei der Grundgedanke der zweiten:

wenn zwei Dinge fich in Bezug auf daffelbe Merkmal entgegengesetzt verhalten, könne das eine keine Art des andern sein, für sich klar und unabhängig von dem Grundsatz der Unterordnung. Dies bezweifle ich, lasse es aber auf sich beruhen; benn wenn man überhaupt die beiden letten Figuren nach irgend einem Grundsatze schließen läßt, so gibt man damit schon zu, daß der Rechtsgrund aller Folgerungen in der Unterordnung des Einzelnen unter das Allgemeine liegt; denn wozu nütten diesen Figuren ihre Grundsätze, außer um durch Unterordnung des Prämisseninhalts unter sie ihre Conclusion zu rechtfertigen? Mit seinem allgemeinen Gedanken über den Vorzug der ersten Figur hatte daher Aristoteles Recht; auch fann man das Interesse theilen, welches er daran nahm, ein für allemal durch jene Umgestaltungen die beiden andern zu rechtfertigen; in dem Gebrauch des Denkens aber hat freilich die wirkliche Ausführung dieser Umformungen selten erheblichen Werth; einen solchen Fall glaubten wir eben bei Betrachtung der vierten Figur ju finden; die Schlüffe ber zweiten und britten find durchfichtig genug, um dies Hülfsmittel entbehren zu können.'

92. Es reicht daher hin zu erwähnen, daß die scholastische Logik in den Namen der Modi der beiden letten Figuren durch die Buchstaben m s p e die zu diesem Zwecke nöthigen Operationen angedeutet hat. Und zwar verlangt m (metathesis) die Umstellung der Prämissen; s und p befehlen rein (simpliciter) oder unrein (per accidens) dens jenigen Satz umzukehren, hinter beffen charakteristischem Bocal fie stehen; nur die weniger einfache Bedeutung von c, die Zurückführung auf das Unmögliche (per impossibile ductio), ist sogleich durch das Beispiel Baroco zu erläutern. Die Prämissen sind hier: alle P sind M; einige S sind nicht M; der Schlußsatz: einige S sind nicht P. Angenommen mm, dieser Schlußsatz sei falsch, so folgt ad contradictoriam: alle S find P. Berhielte sich bies nun so, und ordnete man dem gegebenen Thersate: alle P find M, diesen neuen Untersat bei: alle S sind P, so würde nach Barbara der ersten Figur folgen: alle S sind M. Aber dieses Ergebniß widerspricht dem gegebenen Untersatz: einige S sind nicht M; mithin war die Leugnung der Richtigkeit des nach Baroco ges fundenen Schlußsates unzulässig; er selbst: einige S sind nicht P, ist richtig. Die anderen Operationen bedürfen kaum der Beispiele. Bamalip der vierten Figur durch Umstellung m der Prämissen und

unreine Conversion p des Schlußsates, der dann nach der ersten Figur gezogen worden war, auf diese zurückgebracht wird, haben wir vor kurzem gesehen; Camestres der zweiten: alle P sind M; kein S ist M; kein S ist P, erhält durch Umstellung m der Prämissen und durch reine Umkehrung s des Untersates die neuen Prämissen: kein M ist S; alle P sind M; hieraus folgt nach Celarent der ersten: kein P ist S; dieser Schlußsat bedarf noch der reinen Umkehrung s, um den von Camestres verlangten: kein S ist P, zu ergeben. Darapti der dritten lautet: alle M sind P; alle M sind S; einige S sind P; die reine Umkehrung p des Untersates gibt die Prämissen: alle M sind P; einige S sind M; der hieraus nach Darii der ersten folgende Schlußsat: einige S sind P, bedarf keiner weitern Umsormung, sondern ist unmittelbar mit dem von Darapti entspringenden identisch.

Bisher dachten wir uns die Prämiffen als kategorische Urtheile von der Form: S ift P. Aber die Beranlassungen unseres Denkens können sie auch in hypothetischer ober disjunctiver Form barbieten. Diese Unterschiede, wichtig für die Urtheile als solche, sind es nicht für den Zusammenhang des Schluffes; sie gehören hier stets zu dem Inhalt und erfordern nur Beachtung, nicht Aenderung der gewöhnlichen Schlußregeln. Um einfachsten ift dies flar für den Fall zweier hopothetischen Prämiffen, beren jede zwei von ben brei Gaten M, S, P als Border- und Nachsatz verknüpft. Genau wie bei fategorischen Prämissen, wo M, S, P drei Begriffe bedeuten, ichließt man bier nach Darii: immer wenn M gilt, gilt P; zuweilen wenn S gilt, gilt M; also zuweilen wenn S gilt, gilt P; nach Camestres: immer wenn P gilt, gilt M; niemals wenn S gilt, gilt M; folglich niemals wenn S gilt, gilt P; nach Disamis: zuweilen wenn P gilt, gilt M; immer wenn S gilt, gilt M; folglich zuweilen wenn S gilt, gilt P. - Eigenthümlicher sind die Fälle, in welchen ein hypothetischer Oberfat an einen Grund G, welder den Inhalt seines Bordersates bildet, allgemein eine im Nachsat ausgesprochene Folge F knüpft, ein kategorischer Untersatz aber für alle oder einzelne Fälle der Art S entweder G oder F bejaht oder verneint. Man schließt diese Fälle am einfachsten den unmittelbaren Folgerungen aus dem Urtheil an, denn Grund und Folge verhalten sich wie subalternans und subalternata. Man kann nun zuerst ad subalternatam aus der Ungültigkeit der Bedingung G für bestimmte Fälle von S nicht

auf das Nichtgelten ber Folge F in benselben Fällen schließen; benn dieselbe Folge kann aus andern äquivalenten Gründen dennoch bestehen. Aber man schließt aus der Geltung des Grundes auf die Geltung der Folge. Hieraus entspringen, da G sowohl Geltung als Nichtgeltung von F begründen fann, zwei Schlüsse: 1) wenn G gilt, gilt immer F; in allen oder einzelnen Fällen von S gilt G; also in allen oder einzelnen Fällen von S gilt F; dies ift ein modus ponendo ponens, ber durch Setzung ber Bedingung die Folge fett; er entspricht sichtlich ben Modis Barbara und Darii der ersten Figur; 2) wenn G gilt, so gilt niemals F; in allen oder einzelnen Fällen von S gilt G; folglich in allen oder einzelnen Fällen von S gilt F nicht; ein m. ponendo tollens, sofern er die Folge F durch Setzung der Bedingung ihres Gegentheils aufhebt; übrigens offenbar ein Gegenbild von Celarent und Ferio der ersten Figur. In der entgegengesetzten Richtung ad subalternantem fließt aus der Gültigkeit des Sates F in bestimmten Fällen von S nicht die Gültigkeit der einzelnen Bedingung G, von welcher er in andern Fällen abhängig gefunden wurde; denn diefelbe Folge F fann aus mehreren äquivalenten Gründen entspringen. Aber aus der Nichtgeltung des Sates F für bestimmte Fälle von S folgt die Ungültigkeit jeder, mithin auch der einzelnen Bedingung G, von der er begründet werden könnte. Zuläffig find daher die Schlüffe: 3) wenn G gilt, gilt F immer; in allen oder einzelnen Fällen von S gilt F nicht; also in allen oder einzelnen Fällen von S gilt G nicht; ein m. tollendo tollens, der durch Aufhebung der Folge den Grund aufhebt, der sie nothwendig begründet haben würde, wenn er gegolten hätte; übrigens offenbar Camestres und Baroco der zweiten Figur entsprechend; 4) wenn G gilt, gilt F niemals; in allen oder einzelnen Fällen von S gilt F; folglich in allen oder einzelnen Fällen von F gilt G nicht; ein m. ponendo tollens, ber durch Setzung einer Folge die Bedingung leugnet, unter der sie unmöglich gewesen wäre; er wiederholt Cesare und Festino der zweiten Figur. Man kann endlich erwägen, daß auch die Nichtgeltung des Sates G Grund für Gültigkeit ober Ungültigkeit des Sates F fein tann, und erhalt dann die Schluffe: 5) wenn G nicht gilt, gilt allemal auch F nicht; in allen oder einigen Fällen von S gilt G nicht; in denselben Fällen mithin auch F nicht; ein m. tollendo tollens ohne Eigenthümlichkeit, ber nur ins Negative ben ponendo ponens übersett; 6) wenn G nicht gilt, gilt allemal F; nun aber in allen ober einigen Fällen von S gilt F nicht; folglich gilt in diesen Fällen G; ein m. tollendo ponens, der uns zur Bollständigkeit aller Combinationen von Setzung und Aushebung noch sehlte; er setzt die Gültigkeit eines Grundes durch Aushebung der nothwendigen Folge seiner Ungültigkeit. Eine leichte Umformung des Ausdrucks zeigt, daß auch diese letzten beiden Fälle der zweiten Figur angehören; der zweite würde lauten können; wenn Non-G gilt, gilt immer F; nun gilt immer oder zuweilen F nicht, also gilt immer oder zuweilen Non-G nicht. — Da hiermit alles erschöpft ist, was aus dem Verhältniß der Subalternation sließt, so gibt es keine Folgerungen dieser Art, welche sich der dritten Figur anreihen ließen.

94. Wichtiger als diese syllogistischen Künste ist mir ein Umstand, bessen ich bei dieser Gelegenheit nirgends eindringlich gedacht finde: alle diese Schlüffe beziehen sich nur auf ein Berhältniß zwischen bem Grunde G und seiner Folge F, nicht auf das einer Urfache G zu ihrer Wirfung F. Nur in ber Welt der Gedanken hat eine Bedingung G, wenn sie einmal als gültig gesetzt wird, die ihr zustehende benknothwendige Folge F immer; in der Wirklichkeit kann der Urfache G, auch wenn sie besteht und wirkt, ihr Erfolg F stets durch eine Gegenkraft U vereitelt werden. In ihrer Uebertragung auf wirkliches Geschehen bedürfen daher alle diese Schlüsse Modificationen, welche die angewandte Logit lehren wird; so ist es nicht zulässig zu schließen, überall wo die Urfache G wirke, musse ihr Erfolg F wirklich sein; nicht zulässig, wenn G eine Hemmungsursache von F ist, zu behaupten, wo diese Hemmung G wirklich sei, könne F nicht in Wirklichkeit vorkommen; auch G kann seinerseits durch ein U gehemmt sein oder F dennoch durch eine dritte Ursache V verwirklicht. Es ist deshalb in der reinen Logik ganz unschicklich, die behandelten Fälle so zu bezeichnen: ihr Untersat spreche die Wirklichkeit von G oder F aus; diese beiden einfachen Buchstaben bedeuten ja hier Urtheile von der Form: S ift P; nur die logische Buläffigkeit ober Nothwendigkeit biefer Gedankenverbindung zwischen S und P behauptet der Untersat in Bezug auf gewisse Fälle von S, während der Obersatz sie mit einer andern ähnlichen Beziehung zwischen S und Q zu einem hypothetischen Urtheil von allgemeiner Geltung verbindet. Ich verfolge dies hier nicht weiter; meine in den Bezeichnungen

etwas weitläufigere Darstellung hat dies wirkliche Berhalten anzubeuten versucht.

95. Gilt von einem Subject Z: es sei entweder P oder Q oder R, oder: es sei sowohl P als Q als R, oder: es sei weder P noch Q noch R, so ersetzen wir zunächst bies breigliedrige Prädicat durch bas einfache U, und nennen dies U im ersten Falle disjunctiv, im zweiten positiv, im dritten negativ. Wer sich nun die nicht unerläßliche Mühe gibt, die Verwendung solcher bisjunctiven, copulativen und remotiven Prämissen im Schlusse zu verfolgen, wird finden: 1) ist der Obersat ZU, und ordnet der Untersat SZ ein S bem Z unter, so folgen bie gewöhnlichen Conclusionen SU ber ersten Figur; in ihnen hat U stets bieselbe Bedeutung, wie im Obersate; 2) ift der allgemeine Obersat ZU, ber Untersat SU, und U in dem einen von beiden positiv oder disjunctiv, im andern negativ, fo entstehen bie negativen Schlugfate SZ ber zweiten Figur mit der Quantität ihres Untersates; 3) aus dem Obersate UZ mit positivem oder negativem U, und dem Untersage US mit gleichem oder entgegengesetztem U folgen die stets particularen Conclusionen SZ der dritten Figur; 4) in den beiden letten Fällen, in welchen das zum Medius terminus gewordene U aus dem Schluffat verschwindet, ift seine Mehrgliedrigkeit gang bedeutungslos; was folgt, folgt ebenso gut, wenn man nur eins seiner Glieder P oder Q nach seinem Berhalten in beiden Prämiffen in Betracht zieht. Ebenso wenig Reues entsteht, wenn zu dem allgemeinen Oberfat ZU ein Unterfat tritt, der für das einzelne Subject Z eines der Glieder von U behauptet oder leugnet. Sagt der Obersatz mit blos zweigliedriger Disjunction: Alle Z sind entweder P oder Q, der Untersatz aber: dieses Z ist P oder dieses Z ift nicht P, so folgt: dieses Z ift nicht Q oder dieses Zist Q. Diese Folgerungen verstehen sich aus der Natur des contradictorischen Gegensates von selbst; auf die erste Figur sind sie, ohne dentbaren Nuten, durch die Reduction zu bringen: jedes Z, welches nicht P ist, ist Q; nun ist dieses Z ein Z, welches nicht P ift, also ist dieses Z ein Q. Dieselben unfruchtbaren Betrachtungen laffen fich auf mehrgliedriges U des Obersates ausdehnen, denn immer kann man eine beliebige Anzahl seiner Glieder zum Subject ziehen und mit blos zweigliedrigem U sagen: jedes Z, welches nicht P und nicht Q ist, ist entweder R oder T. Polylemmen endlich (Dilemmen, Trilemmen)

sind Schlüsse mit vielgliedrigem disjunctiven U des Obersatzes ZU und einer gleichen Anzahl von Untersätzen, die zusammen für jedes der Glieder von U dieselbe weitere Folge T behauptet. Auf diese Fälle, nicht neue logische Formen, sondern nur eigenthümliche Verwendungen der bekannten, mag uns die angewandte Logist zurücksführen.

96. Bar nicht denke ich dagegen auf die Lehre bon den Schlußfetten zurückzukommen. Begreiflich kann jede Conclusion eines Schlusses Obersatz eines zweiten werden; Prospllogismus des zweiten heißt bann der erfte, Episullogismus des vorigen jeder folgende. Die bloße Vergleichung der Namen der Schlußmodi lehrt sogleich manche Eigenschaften der so entstehenden Rette. Soll ihr Endglied allgemein fein, so muß der lette Schluß einer der beiden erften Figuren angehören, und da in diesen der Obersatz ebenfalls allgemein sein muß, so muß die ganze Reihe der Prospllogismen, also die ganze Kette in den beiden ersten Figuren verlaufen; jede Einmischung eines Gliedes nach der dritten bringt einen particularen Schlußsatz hervor, der nie wieder zu allgemeinen Conclusionen zurückleitet. Hat einer ber Schlüsse eine negative Conclusion, so werden auch die aller Epispllogismen negativ; mit positivem und zugleich allgemeinem Endglied kann nur eine Kette schließen, die durchweg in Barbara verläuft. Man pflegt nun nach Analogie des einfachen Schlusses noch weiter zu verlangen, daß der Obersatz des ersten Prospllogismus das Prädicat P, der Untersat des letten Episyllogismus das Subject S des endlichen Schlußfates liefere; die Regeln aufzufinden, die dann die Bilbung dieser Schlußkette bedingen, wäre nur Sache der Geduld; ihren Nuten mußte ich nicht anzugeben. Verschweigung des Schlußsatzes eines Prospllogismus, der zugleich Oberfatz des Epispllogismus ift, erzeugt aus den Ketten die beiden Formen des Sorites. Der Aristotelische: A ist B, B ist C, C ist D, also A ist D, ordnet jeden Begriff in den Umfang des folgenden, schreitet also vom niederen zum höheren fort und entsteht durch Unterdrückung der Schlußsätze, die man aus je zwei Gliedern so fände: B ist C, A ist B, also A ist C; dann C ist D, A ift C, also A ift D. Der andere, späte Erfindung des Professor Goflenius in Marburg [1547—1628] nimmt den entgegengesetzten Bang: seine Prämissen: B ift A, C ift B, D ift C . . . unterdrücken die Conclusion: C ist A, der beiden ersten Glieder, die als Obersatz zu dem dritten nach der ersten Figur den Schluß der Kette liesert: D ist A.

#### A. Der inllogistische Schluß.

Der Schluß durch Subsumption. — Der Schluß ber Induction. — Der Schluß durch Analogie.

97. Die logischen Wahrheiten, deren sich das Denken in seiner Behandlung des Vorstellungsinhalts nach und nach bewußt geworden war, hatte das disjunctive Urtheil vorläufig dahin zusammengefaßt: jedem S, welches eine Art von M sei, komme von jedem der allgemeinen Pradicate des M eine besondere Modification mit Ausschluß aller übrigen als sein Pradicat zu. Die Aufgabe, die nun zu lösen blieb, mar die Auffindung der Denkhandlungen, durch welche dies geforderte eigenthümliche Merkmal für ein gegebenes S bestimmbar wurde. Die Aristotelischen Syllogismen lösen diese Aufgabe nicht; sie begnügen sich, das Subject ihres Schlußsates nur mit der allgemeinen Form des Prädicats in Beziehung zu setzen, die ihr Obersatz erwähnt hatte; fie find daher ungeachtet der reichen Berzweigung, die ihnen und ihren möglichen Berschiedenheiten der Scharffinn der früheren Logiker gegeben hat, doch nur der formell erweiterte und ausführliche Ausdruck der logischen Wahrheit, die in dem disjunctiven Urtheil bereits niedergelegt war. Aehnlich dem impersonalen Urtheile, welches eine im Begriffe bereits angedeutete Spaltung nur formell durch die Auseinandersetzung des Subjects und Prädicats zum Ausbruch brachte, ohne über die gegenseitige Beziehung ber beiden geschaffenen Glieder Neues zu lehren, gang ähnlich sett in seiner vollkommenften ersten Figur, auf die wir uns die andern zurückgeführt benten, auch der Aristotelische Schluß nur in zwei gesonderten Prämissen die allgemeine Regel und ben Fall der Anwendung auch äußerlich auseinander, die in dem Sinne des disjunctiven Urtheils bereits in denfelben gegenseitigen Berhältniffen gedacht waren. Sämmtlich auf die unbestimmte Einordnung eines Begriffes in den Umfang eines andern gebaut, lassen sich daher die Aristotelischen Syllogismen, unter bem Namen des Schlusses durch Subsumption zusammengefaßt, als die erste und elementarfte

Form der neuen Gruppe von Denkhandlungen betrachten; und wir versuchen, sogleich zu zeigen, zu welchem weiteren Fortschritte sie nöthigen.

98. Als das sprechendste Beispiel des Gedankens, der dem Schlusse durch Subsumption zu Grunde liegt, wähle ich den Modus Darii, der ausdrücklich dem allgemeinen Gesetze im Oberfatze ein besonderes Beispiel der Anwendung im Untersatze unterordnet. Alle Menschen sind sterblich, fagt dieser Modus; Cajus aber ift ein Mensch; und hieraus schließt er: also ift Cajus sterblich; offenbar in der Meinung, durch diese Folgerung eine Wahrheit festgestellt zu haben, die vorher noch nicht feststand, nun aber durch die Wahrheit der beiden Prämissen und ihre Beziehung auf einander gesichert ist. Schon die Skepsis des Alterthums hat jedoch eingewandt, daß nicht die Prämissen die Richtigkeit des Schluffates verbürgen, sondern daß der Schluffat bereits gültig fein muß, damit es die Prämiffen fein konnen. In der That, wo bliebe die Wahrheit des Obersates: alle Menschen seien sterblich, wenn es in Bezug auf Cajus noch nicht gewiß wäre, daß er an dieser Gigenschaft Theil hat? Und wo bliebe die Wahrheit des Untersatzes, daß Cajus ein Mensch sei, wenn es noch zweifelhaft ware, ob er außer anbern Eigenschaften des Menschen auch die der Sterblichkeit hat, die ja der Obersatz als allgemeines Merkmal jedes Menschen aufführt? Anftatt mithin durch ihre für sich feststehende Wahrheit die des Schlußsates zu beweisen, sind vielmehr beide Prämissen nur unter Voraussetzung seiner Wahrheit richtig, und dieser doppelte Cirkel scheint zunächst jede logische Leistung bes Syllogismus unmöglich zu machen.

99. Das Gewicht dieses Einwurfs ist nicht hinwegzuleugnen; wir verfolgen ihn in Bezug auf verschiedene Fälle. Wenn wir uns den Obersatz MP als ein analytisches Urtheil denken, wenn wir also annehmen, P sei ein sestes Merkmal, ohne welches sich überhaupt der Inhalt des Begriffs M nicht vollständig denken lasse, so steht allerdings dann die Allgemeingültigkeit des Obersatzes für sich sest; aber der Unstersatz kann dann ein S nicht dem M unterordnen, ohne dem S dies unentbehrliche P bereits zuzuschreiben, also den Schlußsatz vorauszussehn, der diese Behauptung erst aussprechen sollte. Wer z. B. es zu dem Begriff des Körpers rechnet, schwer zu sein, bildet unangesochten den Obersatz alle Körper sind schwer; aber er kann die Luft dann im Untersatze nicht einen Körper nennen, ohne schon mitzudenken, was erst

der Schlußsatz lehren soll, daß auch die Luft schwer ift. Allgemein: der Grundfat ber Subsumption verlangt, daß bas untergeordnete Einzelne die Merkmale seines Allgemeinen theile; aber umgekehrt läßt sich nichts einem Allgemeinen unterordnen, ohne bereits die Merkmale zu haben, die dieses ihm vorschreibt. Es würde sich aber anders verhalten, wenn wir uns den Obersat MP als ein synthetisches Urtheil von allgemeiner Dann würde der Inhalt des Begriffes M sich voll-Geltung dächten. ständig fassen lassen, ohne in ihm P mitgebacht zu haben, aber eine Gewißheit von irgend welchem Ursprunge lehrte uns zugleich, daß überall mit diesem M auch P verbunden sei. Darauf würde der Unterfat an S nur die Merkmale nachzuweisen haben, durch die es ein M ift, und nun erst der Schlußsatz das noch nicht mitgebachte P hinzufügen, welches dem S um seiner Unterordnung unter M willen gebührt. Im wirklichen Gebrauche der Subsumptionsschlüsse macht man diese Boraussetzungen immer. Wer behauptet, daß alle Menschen sterblich seien, denkt sich den naturgeschichtlichen Charakter der Menschheit durch ihre übrige gegebene Organisation vollständig bestimmt und sieht die Sterb. lichteit als ein Merkmal an, welches nicht ausdrücklich von unserem Denken in der Charakteristik des Menschen mitgebacht zu werden braucht, weil es als unvermeidliche Folge ohnehin an jener Organisation hängt, durch die wir den Begriff des Menschen bestimmen. Darum reicht es mun im Untersat aus, auch von Cajus nur diese wesentliche Organisation festzustellen, um im Schluffate ihm jene unvermeidliche Folge derselben zuzuerkennen. Noch deutlicher wird dies, wenn wir uns den Obersat hypothetisch vorstellen, unter P also nicht ein festes, bleibendes, sondern ein fließendes Mertmal des M, überhaupt eine Folge denken, die aus M unter einer gewissen Bedingung x hervorgeht, ein Mertmal, welches M unter dieser Bedingung annimmt ober verliert, einen Buftand, in den es gerath, oder eine Wirfung, die es ausübt. Dann reicht es hin, im Untersat S bem M allein unterzuordnen, um im Schluffat zu folgern, daß auch S, wenn die gleiche Bedingung x einwirkt, das Merkmal P zeigen muffe. Und auf diese Form laufen in ber That die meisten in der Wissenschaft wirksamen Anwendungen der Spllogismen zurück; fie zeigen fast alle, daß S, weil es eine Art von M ift, unter der Bedingung x im Allgemeinen dieselbe Wirfung P entfalten oder erfahren werde, die wir an M fennen. Allein, wenn es sich vorhin bei analytischem Obersatz fragte, mit welchem Rechte ber Untersat ausgesprochen werden könne, so fragt es sich hier bei sonthetisch angenommenem Oberfat, mit welchem Rechte diefer felbst als allgemein= gültig behauptet werden dürfe? Wenn die Sterblichkeit als neues Merkmal zu ber übrigen Organisation bes Menschen nothwendig binzukommen foll, so kann doch diese Allgemeingültigkeit nur unter Voraussetzung der Richtigkeit des Schlußsatzes bestehen, und sie wird hinfällig, wenn es nun doch einen eigenfinnigen Cajus gibt, der nicht ftirbt. Was man hierauf antworten wird, ist flar: natürlich sei jeder allgemeine Oberfat falfch, der fich in einem einzelnen feiner untergeordneten Fälle nicht bestätigt, und diese Befahr liege überall nahe, wo jener allgemeine Sat nur burch eine unberechtigte Berallgemeinerung vieler beobachteten Ginzelfälle entstanden sei; wo jedoch die nothwendige Berknüpfung des M und P an sich nachweisbar sei, da sorge eben diese gultige Allgemeinheit dafür, daß kein eigensinniger Einzelfall vorkommen könne, welcher ihr widerspräche. In dem angeführten Beispiel liege die Sache zweifelhaft; für die gemeine Meinung fei die allgemeine Sterblichkeit ber Menschen nur eine Voraussetzung, aus dem überwältigenden Gindruck unzähliger Beispiele entsprungen, zu benen sich noch kein Gegenbeispiel gefunden hat; für den Physiologen stehe sie zwar, als Folge der gegebenen Organisation, in seiner Ueberzeugung fest, aber auch ohne sich mit der wünschenswerthen Genauigkeit barthun zu laffen. In andern Fällen jedoch sei die Allgemeingültigkeit des synthetischen Obersatzes entweder durch eine unmittelbare Anschauung oder durch Beweise verbürgt, die einen gegebenen Inhalt einer solchen Anschauung unterordnen, und in allen diesen Fällen reiche der Spllogismus zur sicheren Gewinnung einer besonderen neuen Erkenntniß hin; denn nichts sei zu ihr nöthig, als die ausführbare Unterordnung eines S unter ein M, welches hier wahrhaft den Dienst eines Mittelbegriffs leiste, S mit einem vorher ihm fremden P zu verknüpfen.

100. Ich lasse hier dahingestellt, ob und in welcher Ausdehnung überhaupt die unmittelbare Anschauung der allgemeingültigen Wahrheit eines synthetischen Urtheils möglich sei; denn ganz unmittelbar klar ist so viel, daß wir sedenfalls nur sehr selten uns in der Lage besinden werden, den Inhalt eines allgemeinen Obersates auf diesen Rechtsgrund stützen zu können; unzählige allgemeine Urtheile werden von uns

ausgesprochen und zu Folgerungen benutt, ohne selbst als unmittelbare Anschauungen gelten zu können, und ohne daß die Beweise ausführbar wären, durch welche ihr Inhalt auf folche Quellen der Wahrheit sich zurückleiten ließe. Diese ganze ausgebreitete Thätigkeit unseres Denkens tann weber einfach als untriftig bei Seite gefett werben, noch tann sie bestehen ohne logische Regeln ihrer Gültigkeit. Diefen Regeln haben wir nachzuforschen, und zwar sind es ihrer zwei, die wir bedürfen. Zu dem wirtsamen Gebrauche des Schlusses ist es zuerst nöthig, daß wir allgemeine Oberfäte finden lernen, deren Gültigkeit weder auf einer unmittelbaren Gewißheit, noch auf der schon gemachten Erfahrung ihrer Richtigkeit in jedem Einzelfalle beruht; es muß möglich sein, die allgemeine Sterblichkeit ber Menschen zu behaupten, sowohl bevor man fie als nothwendige Folge aus ihren Gründen begreift, als auch bevor man jeden Einzelnen darauf geprüft hat, ob er umzubringen sei ober nicht. Der Untersatz aber macht eine zweite Regel nothwendig. Denn möglich ift es zwar in vielen Fällen, ein S bem M beswegen unterzuordnen, weil man an S alle Merkmale gefunden hat, welche bas M jeder seiner Arten vorschreibt; ausführbar ist aber bennoch in den meisten Fällen diese Leistung nicht; Niemand wird es für nothwendig oder für vollendbar halten, auch nur den Cajus unseres Untersates in Bezug auf alle Organisationseigenheiten zu prüfen, um sich das Recht zu nehmen, ihn der Gattung Mensch unterzuordnen. Wenn der wirfliche fruchtbare Gebrauch des Denkens möglich sein soll, muß es daher ein Berfahren geben, nach welchem Unterfätze fich finden laffen, die ein gegebenes Subject einer Gattung unterordnen, noch bevor von ihm erwiesen ift, daß es vollständig alle Merkmale dieser Gattung besite. Die beiden Berfahrungsweisen, die ich hier verlange, laffen fich nun, ohne daß dies indessen von wesentlicher Bedeutung wäre, an eine etwas veränderte Auffassung der zweiten und dritten Aristotelischen Figur anschließen.

101. Die allgemeine Aufgabe jedes Schlußverfahrens besteht naturgemäß darin, aus gegebenen Datis oder Prämissen so viel neue Wahrheit zu entwickeln als möglich; wie dies geschieht, ist an sich völlig gleichgültig; das Verfahren wird sich nach der Gestalt der Prämissen richten, die wir nehmen müssen, wie sie uns die Erfahrung, innere oder äußere, darbietet. Nun ist es ein häusiges Vorkommen, daß nicht

nur an zwei, sondern an sehr vielen verschiedenen Subjecten PSTV W dasselbe Pradicat M vorkommt ober nicht vorkommt, und es fragt sich, welche Folgerung aus diesen Prämissen PM, SM, TM, VM... möglich ist, die sich ihrer Form nach der zweiten Aristotelischen Figur anschließen. Es ist flar, daß sie in ihrer Bielzahl nicht zu einem Schlusse auffordern, welcher zwei einzelne Diefer Subjecte in ein gegenseitiges Verhältniß brächte; so weit diese Folgerung beabsichtigt wird, ist sie nur durch die Aristotelische Beschränfung auf zwei Prämissen und mit Beachtung der Regeln der zweiten Figur möglich. Aber es ift ebenso erlaubt zu versuchen, ob nicht dies gemeinsame Vorkommen des M an jo verschiedenen Subjecten uns etwas über die Bedeutung dieses M felbst lehre, das mithin im Schlußsatze nicht verschwinden würde. Dies fen Versuch nun macht das natürliche Denken, wo ihm die Erfahrung folde Prämiffen gibt, unfehlbar und wird dabei durch den allgemeinen Grundsatz geleitet, der alle seine Handlungen beherrscht: vorgefundenes Busammensein der Vorstellungen in Zusammengehörigkeit ihrer Inhalte zu verwandeln. Wo wir daffelbe Merkmal an verschiedenen Subjecten wahrnehmen, haben wir das Vorurtheil, daß diese Uebereinstimmung teine zufällige, daß mithin die verschiedenen Subjecte nicht jedes einzeln für fich durch einen besonderen Umftand mit demfelben Prädicate gusammengerathen sei, daß vielmehr alle untereinander einen gemeinschaftlichen Stamm gleiches Wefens haben, von bem jene gleiche Beziehung zu demselben Merkmal die Folge ist. PSTV werden mithin zwar verschiedene sein, aber doch unter einen höheren Begriff D als Arten desselben coordinirt; nicht-fie als verschiedene Einzelne, sondern nur sofern sie Arten des D find, tragen das gemeinsame Merkmal M als nothwendiges Merkmal diefer ihrer Gattung. Unfer Schlußsatz lautet demnach: alle  $\Sigma$  find M; und in ihm bedeutet  $\Sigma$  das höhere Allgemeine, dem wir die einzelnen Subjecte unterordnen, und bas mahre Subject für jenes M, das wir vorher gemeinsam an jenen einzelnen vorkommen saben. Dies Schlugverfahren ift ber einfachste Fall ber Induction und bildet für uns unter biefem Ramen bas zweite Blied biefer Gruppe von Folgerungen, die sich auf Unterordnung des Mannigfachen unter die Einheit eines Allgemeinen gründen.

102. Die Aufgabe, die wir diesem Verfahren stellten, allgemeine Oberfätze für Schlüsse der Subsumption zu erzeugen, scheint es nun

bennoch nur unvollkommen zu erfüllen. Denn übereinstimmend wirft man der Induction vor, daß sie Gewisses aber nicht Neues lehre, wenn sie vollständig, Neues aber nicht Gewisses, so lange sie unvollständig sei. Sind P S T U alle Arten bes D, die es gibt, und hat von jeder dieser Arten eine Prämisse ichon gelehrt, daß sie M sei, so fann der Schlußfatz nur als universales Urtheil: alle D sind M, diese Aussagen der Vordersätze summiren; aber er kann nicht einmal mit logischem Recht sich in das generelle Urtheil verwandeln: jedes D als foldes ift M; es bleibt vielmehr gang zweifelhaft, ob nicht blos thatjächlich alle Arten des D, und zuletzt doch jede Art aus einem besonderen Grunde, daffelbe M haben oder erleiden, oder ob wirklich in der allgemeinen Natur bes D felbst ber immer gleiche Grund liegt, ber bies Prädicat allen seinen Arten nothwendig macht. Gibt es aber außer ben Subjecten, welche in ben Prämiffen mit M verbunden vorkommen, noch andere Arten des D, von denen sie nichts aussagen, so ift der Shlußsatz eine unberechtigte Folgerung ad subalternantem aus der Gültigfeit einer beschränften Angahl von Ginzelfällen auf die Gültigfeit des allgemeinen Falles, eine Folgerung, die verschiedene Grade der Wahrscheinlichkeit mag haben können, Gewißheit aber niemals erlangt. Es scheint mir jedoch, daß biese an sich richtigen Bemerkungen die reine Bedeutung einer logischen Form mit den Schwierigkeiten ihrer wirtsamen Anwendung verwechseln und daß derselbe Fehler auch schon in dem Tadel lag, den man gegen den Werth des Aristotelischen Spllogismus erhob. Der Gedanke, bem dieser folgte, jedes Ginzelne sei zum Besitz seiner Prädicate durch seine Abhängigfeit von seinem Allgemeinen berechtigt und verpflichtet, ist ohne Zweifel ein logisch durchaus gültiger Grundsat, welcher ben inneren Zusammenhang des jedesmaligen Denkinhaltes in seine richtige Beleuchtung rückt. Diese logische Bedeutung verliert er dadurch gar nicht, daß die Wahrheit des Allgemeinen, um zu bestehen, die Bültigfeit beffelben in allen Ginzelfällen einschließt, oder wenn man lieber will, voraussett; es ist ja vielmehr der eigene Sinn des Grundsates, daß beide unzertrennlich von einander sind. Mag man daher im Gebrauche des Denkens zu der Wahrheit der Prämissen gekommen sein, auf welchem Wege man will; nachdem man sie gefunden hat, drückt die Unterordnung, welche die erste Aristotelische Figur ausspricht, die Gliederung aus, die dem inneren Zusam=

menhange bes fertigen Denkinhalts entspricht, obgleich vielleicht gar nicht die Gliederung der Gedankenarbeit, durch welche wir ihn gewonnen haben. So betrachtet ist der Schluß der Subsumption das logische Ideal, in dessen Form wir unsere Erkenntniß bringen sollen, aber nicht zugleich allgemein die instrumentale Methode, durch beren Befolgung wir ben gegebenen Stoff zu jener Erkenntniß zusammenschließen. Aehnliches habe ich nun von der Induction zu fagen; der logische Gedanke, der ihr zu Grunde liegt, ift gar nicht blos wahrscheinlich, sondern gewiß und unanfechtbar. Er befteht in ber auf bem Sate ber 3bentität beruhenden Ueberzeugung, daß jede bestimmte Erscheinung M auch nur von einer bestimmten Bedingung D abhängen könne, und daß mithin, wo unter anscheinend verschiedenen Umftänden ober an verschiedenen Subjecten PST U dasselbe M vorkommt, es gang unvermeidlich in diesen etwas Gemeinsames D geben muffe, welches die wahre, identische Bedingung des M oder das wahre Subject zu M sei. Man würde ganz mit Unrecht einwenden, es sei eine gewöhnliche Erfahrung, daß dieselbe Folge M von verschiedenen ägnivalenten Bedingungen erzeugt werden, dasselbe Prädicat M an äußerst verschiedenen Subjecten vorkommen fonne. Gben in diesem Ginwurf zeigt sich die Verwechselung, die wir oben rügten, ber logischen Regel mit ihren Ausführungsbedingungen. Gibt es für eine Folge M zwei verschiedene äquivalente Bedingungen, so find diese beiden eben nicht durch das, wodurch sie verschieden, Poder S, sind, sondern durch das, worauf ihre Aequivalenz beruht, wirklich die Bedingungen dieser gleichen Folge M; fo lange man diesen gemeinsamen Grundzug beider nicht absondern tann, so lange hat man eben das richtige D bes Schlußsatzes nicht gefunden, mithin die Induction nicht in der Weise ausgeführt, in welcher sie ausgeführt zu werden verlangt. Findet sich dasselbe M als Prädicat an sehr vielen höchst verschiedenen Subjecten und zwar, wie es gewöhnlich in der wirklichen Amwendung zu begegnen pflegt, an folchen Subjecten, von deren jedem nur ein Theil seines ganzen Merkmalbestandes bekannt ist, so kann man sich natürlich sehr irren, wenn man das, was in diefen bekannten Merkmalen aller Subjecte gemeinsam ist, zu dem D 3ufammenfaßt, dem man nun, als dem wahren Subjecte, bas fragliche Merkmal M zutheilen könnte. Ich leugne nicht, daß im Gebrauch der Induction wir sehr häufig unter solche ungünstige Bedingungen gestellt

sind; aber alle diese Schwierigkeiten, welche sich der Ausführung entgegenstellen, ändern die allgemeine logische Gültigkeit des Grundsates der Induction nicht, der behauptet, überall, wo verschiedene Bedingungen dieselbe Folge M oder verschiedene Subjecte dasselbe Prädicat M haben, müsse sich ein und nur ein ganz bestimmtes D auffinden lassen, welches die einzige immer gleiche Bedingung oder das einzige wahre Subject sei, dem allgemeingültig und nothwendig das Prädicat M oder die Folge M in einem Schlußsat von der Form: jedes D ist M, zuzuschreiben sei. Der angewandten Logik aber überlassen wir die Beachtung der Regeln, durch welche die Auffindung dieses D gelingen kann.

Die britte Form dieser Gruppe führe ich unter dem etwas willfürlich gewählten Namen bes Schluffes ber Analogie ein. Die Prämissenstellung der dritten Aristotelischen Figur MP, MS enthält, bei der völligen Gleichheit des Baues beider Vordersätze, wiederum keinen Grund zur Unterscheidung von Ober- und Untersat, und auch feinen, die Prämissen auf zwei zu beschränken. Sehr häufig wird im Gegentheil uns die Erfahrung eine größere Anzahl berselben, MP, MS, MT, MU..., also die Thatsache vor Augen stellen, daß an demselben Subject eine Bielheit verschiedener Merkmale entweder vorkomme oder nicht vorkomme. Diese Data barf bas Denken nicht zurückweisen und es benutzt sie zu einer Folgerung, die, nur in umgekehrter Richtung, der vorigen völlig ähnlich ist. Auch hier läßt es sich durch die Boraussetzung leiten, daß nicht durch viele zusammenhanglose Zufälle die verschiedenen Pradicate sich an demselben Subjecte M vereinigt haben, sondern daß es einen Grund geben muffe, der fie alle, als zusammengehörige, versammelt hat; sie gehören dem M, weil'M ein II ist, zu der Natur des II aber gehört es, diesen vollzähligen Merkmalbestand zu haben, der seinen Inhalt ausmacht; als eine Art des II hat M darauf Anspruch, alle diese Prädicate an sich zu vereinigen. So bilden wir aus diesen Prämissen den Schlußsatz: M ist ein II, und haben mit ihm die zweite Aufgabe erfüllt, für den Schluß der Subsumption jenen Untersatz zu finden, durch welchen ein Begriff M, das dortige S, unter den Umfang eines andern II, des dortigen M, untergeordnet wird.

104. Auch diese Aufgabe scheint aber schlecht erfüllt zu sein; denn wie die Induction, so unterliegt auch die Analogie dem Tadel, nichts Lope, Logik.

(1

Neues zu lehren, wenn sie vollständig, und nichts Sicheres, wenn sie unvollständig ift. Geben die Prämissen bereits dem M alle Merkmale, die nöthig find, damit es ein II fei, so gewinnen wir an sachlicher Erfenntniß nichts durch die wirkliche Unterordnung desselben unter diesen Begriff; nur die Form unserer Auffassung des gegebenen Inhalts an-Aber in den allermeisten Fällen geben die Prämissen nur einen Theil der zu II nothwendigen Prädicate an, und wir schließen ohne Sicherheit von ihrer Wegenwart auch auf die aller übrigen, durch welche an M erst der ganze Inhalt eines II verwirklicht wird. unsere Betrachtung Gegenständen ber Wirklichkeit gilt, beren ganges Wesen aus unzähligen uns zum großen Theil unbekannten, zum Theil schwer beobachtbaren Merkmalen besteht, ist dies immer der Fall; aus wenigen Gigenschaften, die wir an einem Gegenstande wirklich beobach ten, schließen wir barauf, er sei ein Metall, ein Thier bestimmter Gattung, ein Werkzeug zu bestimmtem Zweck. Daß hieraus im Gebrauch ber Analogie zahlreiche Jrrthumer entstehen, bedarf keines Wortes weiter; aber die Schwierigkeit der Anwendung beeinträchtigt auch hier ben Werth bes logischen Grundsages nicht. Dieser Grundsat behauptet: fein Inhalt eines Begriffes, ber richtig gedacht fei, bestehe in einem zusammenhanglosen Haufen von Merkmalen, den man beliebig vermehren könne burch Hinzufügung gleichviel welcher neuen Bestandtheile; zwar nicht durch ein Merkmal, aber burch eine Verbindung mehrerer, welche gegeben ift, sei vermöge ber burchgängigen gegenseitigen Determination aller auch schon darüber entschieden, welche anderen noch unbeobachteten sich mit den beobachteten verknüpfen können, welche nicht; deshalb sei es möglich, aus dem angefangenen Bilde des M, welches uns die Prämissen geben, auch die mögliche Bervollständigung und Fortsetzung desselben zu folgern; es gebe mithin allemal ein und nur ein II, welches die Vereinigung ber gegebenen Merkmale an M zugleich mit der Hinzufügung nicht gegebener rechtfertige und möglich mache. Dieses an sich richtige Ibeal des Denkens verlangt nur, wie jede Denkform, nicht durch unpassenden, sondern durch passenden Inhalt realisirt Nicht jede beliebigen paar Prädicate eines M reichen hin, um auf alle seine übrigen zu schließen; manche solche Combination mag nicht nur einem II, sondern auch einem andern Begriffe II1 ober II2 zukommen; man wird im Gegensatz zu diesen unwesentlichen andere

wesentliche Merkmale in den Prämissen verlangen, eine Forderung, die man in der Anwendung wirklich allenthalben macht, und deren Erfüllung man der sachlichen Kenntniß des behandelten Inhalts überläßt. Aber die wichtigste Quelle der Ungenauigkeit ist der Mangel aller bishergenannten Schlußformen: die Prädicate nur in allgemeiner Fassung, ohne Angabe ihres Maßes, ihrer specifischen Modification und ihrer gegenseitigen Determination anzugeben. So lange die Prämissen nur fagen: M ift schwer, M ift gelb, M ift schmelzbar u. f. w., so findet man in diesen Datis freilich keinen Entscheidungsgrund, um M entweder für Schwefel oder für Gold zu erklären; aber solche Prämissen haben dafür auch ihre Heimat nur in der abstracten Logik; im wirklichen Gebrauche bes Denkens wird vielmehr immer zugleich auf Größe, eigenthümliche Schattirung und Verbindungsweise der Prädicate geachtet und aus diesem angefangenen carakteristischen Grundrisse auf seine Fortsetzung zu dem Ganzen II geschlossen. Was nun das natürliche Denken allent= halben wirklich ausübt, das eben ist durch neue logische Formen, zu benen wir überzugehen haben, auch für die Theorie seines Thuns festzustellen.

### B. Die mathematischen Folgerungen.

Der Schluß durch Substitution. — Der Schluß durch Proportion. — Consti= tutive Gleichung.

105. Ich stelle noch einmal, und von verschiedenen Gesichtspunkten aus, die Veranlassungen zusammen, welche uns über die Syllogismen hinaus zur Aufsuchung neuer Denkformen treiben, und berühre zu diesem Zweck zuerst die Natur der Urtheile, welche die gewöhnliche Lehre sich als Glieder des Schlusses denkt. Wie ich früher schon erwähnte, drückt die Sprache in den Urtheilen von der Form: S ist P, das Prädicat in einer Allgemeinheit aus, in welcher es seinem wirklichen Subsiecte nicht zukommt, und die Logik pflegt dies durch den Satz einzusgestehen, daß nicht nur das Prädicat zur Bestimmung des Subjects, sondern auch dieses zur Bestimmung jenes beitrage. Wer da sagt, diese Rose ist roth, meint nicht, daß ihr ein unbestimmtes Roth übershaupt, oder daß ihr jede beliedige Farbenschattirung zukomme, die unter dem Sammelnamen des Rothen begriffen wird; es ist immer nur das Rosenroth, das er im Sinne hat, ja genauer das ganz bestimmte Roth

dieser Rose. Wollte er mithin seinen Gedanken genau ausdruden, so würde er fagen muffen: diese Rose ift so roth, wie es diese Rose ift. In diesem scheinbar gang unfruchtbaren Sate wurde die logische Arbeit darin bestehen, daß die wahrgenommene Eigenschaft der Rose nicht mehr als eine Einzelheit gefaßt wird, die sonst heimatlos in der Welt wäre; indem das Denken fie als Art eines allgemeinen Roth betrachtet, bas auch sonst vorkommt und abgesehen von diesem Beispiel gilt, vollzieht es die früher erwähnte Objectivirung der Wahrnehmung: es gibt dem Wahrgenommenen eine bestimmte Stelle in dem Weltinhalt, durch die es für sich etwas und nicht blos subjective Erregung des jedesmal Borstellenden ift. Hierin liegt der logische Gewinn, der allemal gemacht wird, wenn der besondere Inhalt einer Wahrnehmung im Urtheil durch das Allgemeine ersetzt wird, dessen Beispiel er ist. Aber zugleich wird natürlich auch ein logischer Verluft eintreten, wenn es bei dem Ausdruck dieses Allgemeinen bleibt, und wenn nicht der andere Theil ber Wahrnehmung auch sein Recht erhält durch Hinzufügung ber Besonderung, die dem genannten Allgemeinen nöthig ift, um dem gemeinten Ginzelnen gleich zu fein. Diesen Berluft machen nun die gewöhnlichen Urtheile der angeführten Form alle; auch die Aristotelischen Syllogis men beschränken sich darauf, mit dem allgemeinen M oder dem allgemeinen P zu rechnen.

106. Hierdurch lassen sie die Aufgabe ungelöst, die schon das disjunctive Urtheil aufstellte, und befriedigen überhaupt die Bedürfnisse des Denkens in seiner lebendigen Anwendung nicht. Denn schon das disjunctive Urtheil behauptete, dem Einzelnen komme nicht das allgemeine Prädicat seiner Gattung, sondern eine bestimmte Modification p desselben mit Ausschluß jeder andern zu. Dieses p hätte der Schluß zu ermitteln gehabt; er hätte es nur gekonnt, wenn er dem allgemeinen Obersate, der die Gattung mit dem allgemeinen P verbindet, einen Untersat, gegeben hätte, welcher die Eigenthümlichkeit des S gelten machte, durch die es, als diese und nicht eine andere Art der Gattung, auch nur dieses Prädicat p, nicht eine andere Modification des allgemeinen P, erhalten mußte. Das ist nicht geschen; auch der Untersat erwähnte nur die Unterordnung des Einzelnen unter die Gattung überhaupt, aber nicht seine specifische Differenz von andern Arten derselben; daher konnte der Schlußsat auch nur sagen, was dem Einzelnen

zukommt, sofern es überhaupt eine Art seiner Gattung, aber nicht, was ihm zukommt, sofern es diese Art derselben und keine andere ift. Daß wir mit einer solchen Leistung hinter den Bedürfnissen unseres wirklichen Denkens zurückbleiben, bedarf taum weiterer Berdeutlichung. Benn wir schließen: die Wärme dehnt alle Körper aus, das Gisen ist ein Körper, also behnt die Wärme auch das Eisen aus; oder: alle Menschen sind sterblich, Cajus ist ein Mensch, also ist Cajus sterblich, so wird jeder die Unfruchtbarkeit dieses Verfahrens fühlen und antworten: freilich dehnt die Wärme alle Körper aus, aber jeden in anderem Maße, als den anderen; freilich fterben alle Menschen, aber die Sterblichteit des einen ist von anderem Maße; als die des andern; wie das Eisen sich als Eisen ausdehnt, im Unterschied vom Blei, wird die Technit zu wissen verlangen; wie die Sterblichkeit bes Cajus als Cajus im Unterschied von der anderer Menschen zu veranschlagen ist, der Berwaltungsrath einer Lebensversicherung. Dies ist also das, was die neuen Formen zu leisten haben; sie muffen das Einzelne als bestimmte Art des Allgemeinen gelten machen, und aus diesem seinem Unterschiede von andern Arten deffelben eine Folgerung auf sein eigenthümliches Pradicat ermöglichen.

107. Man tann von anderer Seite ber baran erinnern, bag überhaupt die Logik sich etwas einseitig gewöhnt hat, Urtheile von kategerischer Form als Beispiele zu brauchen und darum auch die Unterordnungen eines Begriffs in den Umfang eines andern als die häufigsten und wichtigsten logischen Operationen erscheinen zu lassen. Im lebendigen Gebrauch des Denkens sind sie das gar nicht; es handelt fich selten darum, ein Merkmal zu bestimmen, welches als festes Pradicat zu dem Inhalt eines Begriffs ein für alle Mal gehört, oder in dessen Umfang jener Begriff einzureihen ist; am häufigsten wollen wir wissen, welches veränderliche Merkmal P an einem Subject Sauftreten wird, wenn auf S die Bedingung x einwirkt; Fragen dieser Art stellt das Leben, die Wissenschaft, die Technik jeden Augenblick. Es ist nun duzugeben, daß die gewöhnliche Syllogistik diese Fälle nicht ganz übersieht; aber sie behandelt sie doch nur unvollkommen dadurch, daß sie in einem Obersatze eine allgemeine Folge P an das Zusammensein des x mit einem M knüpft, und dann einem S durch Unterordnung unter M ober unter Mx wieder nur im Allgemeinen jene Folge P zuschreibt.

Was hilft es zu sagen: wenn ein Mensch beleidigt wird, so erzürnt er sich; Cajus ist ein Mensch, also: wenn er beleidigt wird, wird er sich erzürnen; was wir wissen wollen, ist, wie Cajus als diese Persönlichkeit sich erzürnen wird, und wie viel man ihm folglich bieten kann. Um diese Frage zu beantworten, nützt die Unterordnung unter den Begriff der Menscheit wenig; man muß die eigenthümlichen Charakterzüge aufsuchen, welche Cajus von andern Personen unterscheiden, und muß nun Mittel haben, den Ersolg zu berechnen, den die Beleidigung auf diese Züge haben wird. Man kann dies kurz so ausdrücken: unsere Folgerungen können nicht aus Umfangsverhältnissen der gegebenen Begriffe, sondern aus ihrem Inhalt fließen; ohne den unstruchtbaren Umweg durch die allgemeine Gattung zu nehmen, müssen wir unmittelbar aus den gegebenen Merkmalen eines Subjects und aus der hinzutetenden Bedingung x die neuen Merkmale bestimmen, welche sich zeigen, oder die Beränderungen der alten, welche stattsinden werden.

108. Von diesem Gesichtspunkt betrachtet reihen sich die aufzusuchenden neuen Formen den Folgerungen der Analogie an. Denn auch diese schlossen von der Gegenwart, Abwesenheit und Verbindungs weise gewisser Merkmale an einem S auf die nothwendige Gegenwart, Abwesenheit und Anlagerungsweise anderer Merkmale an demselben Subject. Man kann nun den Zweifel erheben, ob folche Folgerungen von Inhalt zu Inhalt, von Merkmal zu Merkmal überhaupt aus blos logischen Gründen möglich seien, und ob nicht die wenigen wirklich möglichen doch durch die bekannten Lehren der Logik von der Bereinbarkeit der disparaten, der Unvereinbarkeit der conträren, der nothwendigen Wahl zwischen contradictorischen Prädicaten bereits voraus genommen seien; Behauptungen barüber, daß wo p sei, auch q sein muffe, werde doch immer nur die Erfahrung liefern, den einzigen Fall ausgenommen, von dem wir hier nichts mehr wissen wollen, daß q in den Inhalt des p schon eingeschlossen sei, oder p im Umfange von 9 liege. Dieser Zweifel ist an sich richtig; alle Behauptungen über bie nothwendige Verknüpfung oder Ausschließung zweier Prädicate werden, diese letten Fälle ausgenommen, immer nur auf das Zeugniß der Beobachtung gestützt werden können; aber es fragt sich doch, ob mit den bisherigen Mitteln die Logik auch nur diesen vorauszusetzenden That sachen alle die Folgerungen abgewonnen hat, die möglich sind; daß es

nicht der Fall ist, zeigen wir kürzer durch die Darstellung der Schlußformen selbst, die wir meinen, und die, übrigens dem natürlichen Denken sehr bekannt und geläufig, hier nur eben die ihnen in der systematischen Logik gebührende Stelle erhalten.

Lassen wir dem Obersate unserer neuen Figur die Form: alle M sind P, oder M=P; dem Untersatze aber geben wir nicht die unbestimmte Gestalt: S ift ein M überhaupt, sondern die bestimmte: S=8M, d. h. S ist diejenige Art von M, welche man erhält, wenn man das ganze Gefüge ber in M enthaltenen Merkmale sich burch ben Ginfluß einer specifischen Bedingung s beterminirt ober modificirt denkt. Der Schlußsatz wird bann lauten muffen: S ist oP und fagt, bem S, sofern es diese durch den charafteristischen Zug s bestimmte und von andern unterschiedene Art des M ist, komme nicht das allgemeine Merkmal P, sondern diejenige besondere Ausprägung oP desselben zu, welche unter dem Einfluß jenes s auf das Gefüge des M entstehen muß. [Zur Bermeidung von Migverständnissen ist zu beachten, daß die Einwirfung einer Bedingung s auf den gesammten Bau eines M die verschiedenen Merkmale bes M in äußerst verschiedener Weise umformen fann; jede dieser Umformungen ist eine Folge von s, und deswegen habe ich die hier erwähnte oP durch den verwandten Buchstaben o bezeichnet; dagegen hat es im Allgemeinen nicht, wenn auch in besondern Fällen, Sinn, die Modification eines Merkmals ber modificirenden Bedingung gleich zu setzen; daher konnte der Schlußsatz nicht durch sP angedeutet werden.] In dieser Gestalt aber, die wir hier dem Schlusse gegeben haben, würde er die bloße Bezeichnung einer Aufgabe sein, nicht ihre Auflösung. Darauf kommt es vielmehr an, dieses oP namhaft zu machen und zu zeigen, wie sich P burch bas Einwirken bes s auf M verändert. Dies ist so lange unausführbar, als man M nur unter dieser einfachen Form eines mit einem Namen versehenen Allgemeinbegriffs aufführt; um zu wissen, wie s auf M einwirkt, muffen wir den Inhalt des M in seine einzelnen Theile, mit Beachtung ihrer gegenseitigen Verbindungsweise, zerlegen. Wie z. B. der Gang einer Maschine sich ändern wird, wenn man auf sie eine Kraft swirken läßt, wird Niemand zu beurtheilen unternehmen, so lange er die Maschine nur als ein anschauliches Ganze M, als Dampfmaschine überhaupt vor Augen hat; man muß den inneren Bau, die Berknüpfung der Theile,

die Lage eines möglichen Angriffspunktes für die Kraft s und die Rückwirfung der hier erzeugten Erstwirfung auf die mit dem Angriffspunkte verbundenen Theile zuvor kennen gelernt haben. Nur dadurch mithin, baß man bem geschloffenen Ausbruck ober Begriff M bie entwickelte Gesammtzahl aller Inhaltstheile mit Beachtung ihrer wechselseitigen Determinationen substituirt, fann man hoffen, den Ginfluß des s fo zu verfolgen, daß daraus zuerst die Gesammtnatur des S, welche =sM ist, und folgeweis auch die Modification oP des Prädicats P bestimmen fann, welche diesem S zugehört. In der That ist nämlich stets diese lette Aufgabe in der ersten eingeschlossen; die specifische Modification eines einzelnen Prädicates für S läßt sich gar nicht finden, ohne die burch s erzeugte Gesammtänderung des M, von der sie abhängig ist, vorher gefunden zu haben; benn dieselbe Bedingung s würde auf ein P, welches in bem Gefüge eines andern Begriffes N enthalten ware, anders wirken, als auf bas, welches sie in bem M antrifft. Aus diefem Grunde beachte ich fernerhin diese Folgerung auf oP nicht mehr, sondern betrachte als Aufgabe ber neuen Form, sM zu bestimmen, und gebe ihr barum bie Weftalt

> Obersat:  $M = a + bx + cx^2...$ Untersat: S = sMSchlußsat:  $S = s(a + bx + cx^2...)$

woraus bann in Bezug auf einzelne Prädicate, z. B. b, anstatt des unbestimmten Schlusses: S ist bx, der bestimmte folgen würde: S ist s. bx.

110. Es hat immer sein Mißliches, sehr verschiedenartige und bennoch zusammengehörige Fälle durch ein möglichst einsaches Symbol auszudrücken; ich bemerke daher zur Vermeidung von Mißverständnissen noch Folgendes. Unter a, b, c, x will ich im Allgemeinen verschiedene Merkmale eines Begriffs M verstanden wissen, welche, wenn sie vollständig aufgezählt werden, den Gesammtinhalt von M ausmachen. In jedem Begriffe aber stehen diese Merkmale in den allerverschiedenartigsten Beziehungen zu einander, welche Beziehungen in meiner Formel nicht ausgedrückt sind; als schwache Andeutung ihrer möglichen Mannigsaltigkeit ist die Doppelheit der Zeichen + und — angewandt. Zum wirklichen Ausdruck reichen diese Zeichen nicht einmal dann hin, wenn M nicht einen Begriffsinhalt aus qualitativ verschiedenen Merkmalen, sondern ein bloßes Größeganzes aus den vergleichbaren Größetheilen

a, b, c, x bedeutet. Ein erschöpfenderes Symbol würde nur das früher gebrauchte der mathematischen Function überhaupt sein: M=F (a, b, c, x..); aber es hätte den Nachtheil, alle Verbindungsweisen der Theile blos in Gedanken zu fordern und gar keine durch ein anschauliches Schema zu verdeutlichen. Auch die Form der Reihe a + bx + cx2 ist willfürliches Symbol; die Einführung des x bedeutet nur wieder die mögliche Ungleichwerthigkeit ber Merkmale, von benen eines, eben x, nur ein anderes, a, völlig freiläßt, zu den übrigen aber selbst als eine bestimmende Bedingung hinzutritt. Das s best Untersates und Schlußsates tritt hier als multiplicirender Factor auf; ebenfalls nur, um an dem allereinfachsten und bekanntesten Verhältniß, in welchem eine Größe auf andere einwirken kann, die unzählig verschiedenen zu veranschaulichen, in welchen irgend eine concrete Bedingung auf den mannigfachen Inhalt irgend eines Gegebenen ihren Ginfluß ausüben tann. Drücken wir durch einen rechts untergesetzten Buchstaben die Aenderung irgend welcher Art aus, welche eine Bedingung in irgend einem Gegebenen hervorbringt, und bezeichnen wir M als Function von a, b, c, x, also M=9 (a, b, c, x), so würden wir allgemein ben Schlußsatz nur bezeichnen können durch S=\varphi\_s (a\_s, b\_s, c\_s, x\_s), nicht durch S=\varphi (a, b, c, x, ); benn es ift an sich deutlich, daß der Einfluß von s nicht immer nur, nach dem zweiten Ausdruck, die einzelnen Merkmale mit Beibehaltung ihrer allgemeinen Verbindungsweise p, sondern auch, nach dem erften, diese Berbindungsweise selbst andern kann, so daß die auf einen Begriff wirkende Bedingung beffen ganzen Bau hinlänglich umgestalten kann, um das neue Ergebniß nicht mehr bem vorigen Begriffe M, sondern einem andern M 1 oder N subsumirbar zu machen. Hierauf weiter einzugehen, macht ein Zugeständniß unnöthig, welches wir nun hinzuzufügen haben.

111. Der Gewinn nämlich, den wir uns von dieser unserer Schlußfigur durch Substitution, der ersten dieser zweiten Gruppe, versprechen, hängt doch schließlich davon ab, daß wir wissen, was die einzelnen Theile der Conclusion bedeuten, welches also der Werth von a. oder bx. ist, der durch die Einwirkung des s auf den entwickelten Ausdruck des M entspringt. Dies aber ist, wenn es nicht einfach aus Erfahrungen bekannt werden soll, im Denken nur dann zu ermitteln, wenn alle diese auseinander bezogenen Theile reine Größen und die

zwischen ihnen bestehenden Beziehungen solche der mathematischen Berknüpfung und Sonderung sind. Hierdurch wird ber wirksame Gebrauch unserer Figur auf das Gebiet ber Mathematik, und zwar zunächst auf bie Berhältniffe reiner Größen beschränkt. Nur die besondere Natur der Bahlen, deren jede ein angebbares Berhältniß zu jeder andern hat, gestattet, durch Substitution der Größentheile eines Ganzen, den vorher verschlossenen Inhalt des M so aufzuschließen, daß die einwirkende Bedingung s ihre Macht wirklich ausüben kann, und daß nach den Regeln der Rechnungsarten, durch Aufhebung entgegengesetzter und burch Busammenziehen sich addirender Bestandtheile, die mit jener Bedingung nothwendig geforderte Beränderung dieses Inhalts von M sich wirklich ausführen und die Gestalt des herauskommenden neuen Ergebniffes barftellen läßt. Segen wir bagegen an die Stelle vergleichbarer Brohentheile die unvergleichlich verschiedenen Merkmale eines Begriffes, so verschwinden diese Vortheile wieder; der Inhalt des M wird durch eine folde Substitution nur unvolltommen aufgeschlossen; denn wir besitzen hier nicht, wie bei ben unter sich vergleichbaren Bahlen, eine Regel, nach welcher- sich der Erfolg einer auf diese ungleichartigen Bestandtheile einwirkenden Bedingung bemessen ließe. Zwar wenden wir auch in solchen Fällen den allgemeinen Gedanken der Substitution an; wenn wir wissen wollen, wie eine Bedingung s auf ein Ding wirken werde, das uns nur durch seinen naturgeschichtlichen Begriff M gegeben ift, fo zergliedern wir auch M in seine Merkmale; aber die Schätzung des Erfolgs, den s auf jedes einzelne derfelben und auf die Gesammtheit aller haben werde, erfolgt doch hier nur noch auf Grund mehr oder minder unbestimmter Analogien, welche uns die Erfahrung ober ein irgend woher entstandenes Gefühl des Wahrscheinlichen darbietet.

112. Die Beschränkung auf mathematischen Gebrauch kann uns nicht hindern, den Schluß durch Substitution in der systematischen Reihe der Denksormen aufzusühren. Denn zunächst muß man doch nicht ganz vergessen, daß jedenfalls das Rechnen auch zu den logischen Thätigkeiten gehört und daß nur eine praktisch begründete Spaltung des Unterrichts die vollkommene Heiche der Logist übersehen läßt. Aber nicht nur deshalb haben diese Formen hier ihren Platz, weil sie einem Theile unserer Denkarbeit

unentbehrlich find; sie bleiben vielmehr auch für diejenigen Fälle, in benen bas nicht ausführbar ist, was sie verlangen, die Joeale unserer logischen Bestrebung. Denn wenn sie sich nur auf Größenverhältnisse unmittelbar anwenden lassen, so ist es auch anderseits wahr, daß überall da, wo wir einen Gegenstand unserer Untersuchung in keiner Weise auf Brößenverhältniffe zurudzuführen im Stande find, unfere Erkenntniß desselben mangelhaft bleibt, und daß keine andere logische Form im Stande ist, uns dann zur Beantwortung der Fragen zu verhelfen, welche uns die mathematische Behandlung der Sache liefern würde, wenn sie möglich wäre. Es ist kaum nöthig, in unserer Zeit darauf aufmerksam zu machen, wie Naturwissenschaft nur durch Mathematik zu Stande gekommen ift; hat man boch längst auch in anderen Gebieten die wesentliche Sulfe schätzen gelernt, welche die statistischen Erhebungen ber Größenverhältnisse für die Auffindung der Gesetze bieten, nach denen die Zusammenhänge der Gesellschaft bestehen; selbst in den Wiffenschaften, die am weitesten durch die Natur ihres Gegenstandes von der Mathematik abstehen, empfindet man häufig sehr deutlich das Bedürfniß ihrer Verknüpfung mit Größenbetrachtungen. Die Sittenlehre mag jedes Verbrechen strafbar finden, ohne zu diesem Ausspruch einer mathematischen Berechtigung zu bedürfen; aber jede wirklich zu verhängende Strafe muß ein Maß haben, und dieses muß sich nach dem Maße der zu strafenden Bosheit des verbrecherischen Willens richten; wäre es nur bisher ausführbar, so würde auch das Strafrecht nach unserer Figur ichließen; es wurde jedes gegebene Berbrechen burch Substitution in seine einzelnen Bestandtheile auflösen und aus dem sM, aus der besonderen Größenbestimmtheit, in welcher in diesem Einzelfalle die einzelnen Merkmale des Verbrechens und mithin deffen Gesammtwerth auftreten, bas oP, die Art und Große ber Strafe, ableiten, die biesem Einzelfalle gebührt.

113. Nun aber gibt es doch nicht blos reine Mathematik, sons dern es ist der Wissenschaft allerdings gelungen, auch zwischen Erscheisnungen oder Merkmalen, die unter einander unvergleichlich sind, Vermittelungen herzustellen, welche von dem einen dieser Glieder auf das andere zu schließen erlauben. Die Formen aufzusuchen, nach denen dies möglich ist, muß anderseits die nächste Aufgabe der Logik sein, welche so die Unvollkommenheit des Substitutionsschlusses zu ergänzen sucht.

Bum Theil nun scheint jener Uebergang zwischen bem Unvergleichbaren nur badurch der Wissenschaft gelungen, daß sie diese Unvergleichbarkeit aufhob, und nachwies, daß zwei Thatbestände a und b, die unserer Wahrnehmung zunächst als qualitativ völlig verschieden erscheinen, in Wahrheit doch nur auf Größenverschiedenheiten vergleichbarer Umstände beruhen; ich erinnere daran, wie die Physik die qualitativen Unterschiede unserer sinnlichen Empfindungen der Farbe, des Tones und der Wärme auf nur mathematische Differenzen vergleichbarer Bewegungen vergleichbarer Clemente zurudführt. Sieht man jedoch näher zu, so findet man, daß in diesen Fällen doch nicht in der That unsere Empfindungen a und b auf unter sich und mit ihnen vergleichbare Bewegungen  $\alpha$  und  $\beta$  zurückgebracht werden, sondern nur das wirkliche Eintreten von  $\alpha$  oder  $\beta$  und sein Einwirken auf uns wird als Bedingung bezeichnet, unter welcher uns die Empfindung a oder b entstehen muß. Die empfundene Farbe a bleibt nach wie vor völlig unvergleichbar mit der Schwingung a bes Aethers, die man als ihre Entstehungsbedingung angibt, und wenn uns die Erfahrung nicht lehrte, daß a die Folge des a ift, so würden wir durch fein logisches Mittel aus a die Natur dieser seiner Ursache a errathen. Was also in diesen Fällen die Wiffenschaft leiftet, besteht in der That in einer Berknüpfung unvergleichbarer Glieder, die von dem einen auf das andere zu schließen erlaubt. Dieser erste Satz nun, daß überhaupt a und a, b und & in diesem Berhältniß gegenseitiger Hinweisung auf einander stehen, wird, wie ich eben erwähnte, der Erfahrung verdankt, und aus den Thatsachen derselben zwar durch Anwendung der Gesetze bes Denkens, aber nicht durch eine besondere Form des Denkens gewonnen, die zu der an sich unmöglichen Lösung der Aufgabe bestimmt wäre, wirklich Unvergleichbares in Bergleichbares umzuwandeln. Aber nachdem die Erfahrung das Zusammengehören zweier solcher Glieber, a und a, einmal gelehrt hat, schließt bas Denken, daß diese Zusammengehörigkeit sich auch in der Veränderung beider erhalten werde, und daß mithin einer bestimmten Aenderung des  $\alpha$  in  $\alpha^1$  allemal eine und nur eine bestimmte Aenderung des a in a1 entsprechen musse. Auch diese Aenderungen a-a1 und a-a1 sind unmittelbar weder ihrer Art noch ihrer Größe nach vergleichbar; nimmt die Schwingungsanzahl der Schallwelle um die Größe  $\delta = \alpha - \alpha^1$  zu, so hängt von ihr allerbings eine bestimmte Zunahme d=a-a1 bes gehörten Tones ab;

-

aber diese Aenderung d der Tonhöhe ist der Art nach ein ganz anderer Vorgang, als die Zunahme & einer Anzahl von Schwingungen, und mit einer solchen nicht zu vergleichen; jede diefer Größen kann noch immer nur nach ihrem eigenen Maßstab gemessen, ihr wechselseitiges Zusammengehören nur als eine Thatsache ausgesprochen werden. Aber unter einander sind die Aenderungen der Tonhöhe, und ihrerseits untereinander sind auch die Aenderungen der Schwingungszahlen vergleichbar; beziehen wir beide Aenderungen auf  ${
m d}$  und  ${
m d}$  als ihre bezüglichen Einheiten, so läßt sich fragen, um welche Anzahl m von Einheiten der Art d fich die Tonhöhe ändert, wenn die Schwingungszahl fich um u Einheiten der Art  $\delta$  ändert; m und  $\mu$  stehen dann in einem reinen Zahlenverhältniß. Dies Verhältniß tann unendlich verschieden sein; aber wie schon früher, deuten wir diese mögliche Mannigfaltigkeit in der Form nicht weiter an, die wir diesem Schlußverfahren geben; wir wählen als Namen und als Schema derfelben die einfachste Gestalt der Proportion: E:e=T:t, welche zwar nur den Fall ausdrückt, in weldem m: µ eine constante Größe ift, aber doch, als Symbol, hinlänglich den logischen Gedanken dieses Verfahrens ausdrückt.

114. Ich erläutere noch einmal diesen Gedanken an dem elementarsten Beispiele. Zwei Winkel E und e sind unter einander vergleichbar; zwei Kreisbögen T und t sind es unter sich gleichfalls; aber ein Winkel und ein Kreisbogen sind unvergleichbar und unmittelbar nach keinem gemeinsamen Maßstab zu messen; auch die Differenz zweier Binkel, die wieder einen Winkel darstellt, bleibt unvergleichbar mit der Differenz zweier Bögen, die wieder einen Bogen bildet. Steht jedoch einmal fest, daß zu einem Centriwinkel e eines Kreises von gegebenem Halbmesser eine Bogenlänge t gehört, bilden wir ferner aus einer msachen Wiederholung von e den Winkel E und aus einer nfachen Biederholung von t den zu E gehörigen Bogen T, so sind die reinen Zahlen m und n vergleichbar, welche angeben, wievielfache Wiederholungen der beiden an sich unvergleichbaren Einheiten t und e nöthig sind, um zwei zusammengehörige Glieder der Reihe der Winkel und der Reihe der Bogen zu finden. Für den Kreis lehrt die Geometrie, daß m=n. Sind uns also die beiden Einheiten e und t gegeben, so bedürfen wir nur der Angabe einer bestimmten Bielheit E von e, um nach der Proportion E:e=T:t den zugehörigen Werth von T zu ermitteln. Als Schlußfigur ausgedrückt würde daher das ganze Verfahren dem Schema entsprechen:

Ich brauche kaum anzudeuten, daß auf diesem Schlusse durch Proportion, in dessen einfachem Schema ich alle verwickelteren Verhältnisse zwischen dem obigen m und n mitbegreife, zuletzt alle Möglichkeit beruht, qualitativ verschiedene Ereignisse in eine gegenseitige Abhängigkeit zu bringen, welche die Berechnung der einen durch die andere gestattet. Auch bedarf es kaum der Erwähnung, daß eine vollige Wirksamkeit dieser Figur nur so weit zu erwarten ift, als die Burückführung der Berhältniffe des Wirklichen auf reine Größenbestimmungen gelingt; die Rechtfertigung diefer Beschränfung würde dieselbe sein, wie für die ähnliche des Substitutionsschlusses. In schlafferer Weise wenden wir zur Beurtheilung der Dinge auch im gewöhnlichen Leben alltäglich ungenaue Proportionen an, die meift in bloße Gleichnisse übergehen; indem sie ein Berhältniß zwischen a und b einem andern zwischen  $\alpha$  und  $\beta$  nur überhaupt ähnlich finden, ohne jedoch den gleichen Exponenten beider genau anzugeben, folgern sie mit meist sehr geringer Ueberzeugungsfraft: wenn das eine dieser Verhältnisse unter einer gewissen Bedingung c eine gewisse Folge y begründe, werde unter derselben Bedingung auch aus dem andern eine überhaupt ähnliche Folge entspringen. Nur eine Bemerkung füge ich noch einmal, mich wiederholend, hinzu: die Form der Proportion bezeichnet eine Grenze des Erkennens. Wir finden in ihr die Abhängigkeit zweier Glieder E und T nur als Thatsache ausgesprochen und als solche weiter benutt; dagegen bleibt ganz unerwähnt und unerörtert die Frage, auf welche Weise, durch welche Mittel, durch welchen Mechanismus, so zu sagen, das eine Glied E es anfängt, um das andere T zu sich überhaupt in irgend eine, und namentlich in diese bestimmte Art der Abhängigkeit zu bringen. Natürlich läßt sich auch diese Frage, in Bezug auf allerhand zusammengesette Erscheinungen, häufig noch beantworten; hat doch, wie erwähnt, die wissenschaftliche Untersuchung manche zwei disparat erscheinende Gigenschaften oder Ereignisse auf nur quantitative Verschiedenheiten

vergleichbarer Bestimmungen zurückgebracht, und bann läßt es sich einsehen, wie es zugeht, daß T überhaupt mit E, und ein bestimmter Zuwachs des einen mit einem bestimmten des andern zusammenhängen muffe. Allein dies gelingt nicht endlos; die letten auffindbaren Gejete der Erscheinungen werden jederzeit schon bestimmte Beziehungen zwischen disparaten Bestandtheilen enthalten, die man nur als Thatsachen hinnehmen und in der Form der Proportion benutzen kann, ohne boch ben Grund aufzeigen zu können, welcher die beiden Glieder zwingt, sich zu einander proportional zu verhalten. Biele Erscheinungen führen wir auf das Gesetz der Gravitation zurud, deren Intensität sich umgetehrt wie die Quadrate der Entfernung verhalte; bis jetzt wenigstens ist jedoch jeder Bersuch mißlungen, zu zeigen, wie diese Entfernung es anfängt, jene Kraft zu schwächen. Wir zeigen, wie mit der steigenden Schwingungszahl die empfundene Tonhöhe steigt, wie überhaupt unsere Empfindungen, ja alle unsere geistigen Thätigkeiten sich proportional physischen Bewegungen unserer Organe andern; dabei bleiben aber Tone und Schwingungen, geistige Berrichtungen und physische Bewegungen ewig an sich unvergleichbar und wir erfahren nie, wie die einen es anfangen, die andern zu correspondirenden Aenderungen zu nöthigen. Bon Disparatem zu Disparatem gibt es für unser Denken keinen Uebergang; alle unsere Erläuterung des Zusammenhangs der Dinge geht nur bis auf Gesetze zurück, die sich in der Form der Proportion aussprechen lassen, und die keinen Bersuch machen, die beiden Glieder in ein unauffindbares Drittes zu verschmelzen, sondern beide in ihrer völligen Berschiedenheit bestehen lassen und nur anzeigen, daß dies gegeneinander Undurchdringliche bennoch thatsächlich einem gemeinsamen Befete gegenseitiger Bestimmung unterliegt.

116. In der wirklichen Anwendung der Schlüsse aus Proportionen wird ein anderer bisher nur kurz angedeuteter Mangel durch Beachtung eines nothwendigen Nebengedankens stillschweigend ergänzt; in der sustematischen Reihe der Denkhandlungen ist diese Ergänzung als eigenthümliches Glied, das letzte dieser Gruppe, ausdrücklich aufzussühren. Unsere schematische Bezeichnung stellte das Verhältniß zwischen den Aenderungen zweier Merkmale E und T so dar, als bestände es immer zwischen beiden Merkmalen an sich, gleichgültig, an welchem Subject sie vorkommen. Nun gibt es wohl Prädicate, die aus logischen

Bründen, um ihres contraren oder contradictorischen Wegensages willen, oder weil das eine das andere ohnehin in sich einschließt, an jedem Subject entweder zugleich vorhanden fein muffen oder nicht zugleich vorhanden fein können; aber es gibt feine Merkmale, deren Größen und Größenänderungen immer in demfelben Berhältniß zu einander stehen mußten, gleichviel, welches die Natur des Subjects sei, an weldem sie vereinigt find. Diese Natur vielmehr ift es, welche den Exponenten ihres Berhältniffes bestimmt, und diefelben allgemein ausgebrückten Merkmale E und T, die an dem einen S nur in dem Berhältniß n:m möglich find, find an einem zweiten S1 nur in der andern Proportion n1:m1 gulaffig. Die Warme behnt jeden Korper aus, aber für zwei verschiedene Körper sind auch die Verhältniffe verschieden, in denen das Maß der Ausdehnung zu einem gleichen Zuwachs der Temperatur steht. Die Anwendung, indem fie fich immer auf bestimmte einzelne Subjecte bezieht und nur diese bei ihrem gangen Verfahren im Ginne hat, braucht diese Beschränfung nicht besonders auszusprechen; die Logit dagegen muß hervorheben, daß nur unter ihrer Voraussetzung überhaupt von einem Gebrauch der Proportionen die Rede sein fann. Rur der eigenthümliche Charafter eines gegebenen Subjectes, durch ben es die wechselseitige Determination aller seiner Merkmale beherrscht, berechtigt uns, von einem befannten Werthe bes einen berselben nach einer nur für dieses Subject gültigen Proportion auf den entsprechenden Werth eines anderen zu schließen. Wir kommen hiermit nur auf den Gedanken zurud, der ichon der Analogie zu Grunde lag; denn nur um der Zusammengehörigkeit aller einander bestimmenden Merkmale eines Begriffes willen glaubten wir, aus einer beschränften Gruppe berfelben, wie aus einem angefangenen Muster auf dessen Fortsetzung, auf die nothwendige Gegenwart oder Abwesenheit anderer Merkmale schließen zu dürfen. Der vollständige Ausdruck eines Schlusses aus Proportionen würde daher die Hinzufügung dieser mitgedachten Bedingung erfordern und sein Obersatz müßte lauten: wenn S ein M ift, so ift für dies S immer T:t=E:e. Unfere logische Aufgabe aber bestände nicht barin, uns den Inhalt dieses Obersates lediglich durch Erfahrung geben zu lassen, um ihm dann einen besondern Fall in dem Untersate: S ist M, unterzuordnen, sondern darin vielmehr, nachzuweisen, wie überhaupt sich ein Begriff M finden läßt, aus welchem man die

Proportionen ableiten kann, die zwischen je zweien seiner Merkmale stattfinden müssen.

117. Die Mittel zur Entdedung eines folchen gesetzgebenden oder constitutiven Begriffes sind durch Früheres bereits angedeutet; sie liegen in der durchgängigen, aber sehr verschiedenartigen Determination jedes Merkmals durch jedes andere; diese Berschiedenartigkeit wird bewirfen, daß in einzelnen Fällen der Besitz einer einzigen Proportion zwischen zwei beliebigen Merkmalen zur Bestimmung aller andern bin= reicht, daß in anderen dagegen die Kenntniß der Verhältnisse gewisser wesentlichen Merkmale nöthig wird, um aus ihnen die unwesentlichen zu bestimmen, nicht aber die der letzteren zulänglich ist, um den ganzen Merkmalbestand des Begriffsinhaltes unzweideutig festzustellen. Aber ich werde deutlicher sein, wenn ich diefen Betrachtungen ein Beispiel der wirklichen Ausführung dessen, was wir verlangen, eine sehr befannte und einfache mathematische Gedankenform, voranschicke. Die analytische Geometrie besitzt in ben Gleichungen, burch welche sie die Natur einer frummen Linie ausdrückt, ganz den constitutiven Begriff ihres Gegenstandes, welchen wir suchen. Nur sehr wenige Beziehungsstücke, die unbestimmten Abscissen und Ordinaten in ihrer Berbindung mit constanten Größen, enthalten hier, als eine Urproportion, eingeschlossen in sich und aus ihnen ableitbar alle Verhältnisse, die zwischen irgend welchen Theilen der Curve stattfinden muffen. Aus dem Gesete, welches die Proportionalität zwischen den Aenderungen der Ordinaten und Abscissen ausbrückt, läßt sich jede andere Gigenschaft ber frummen Linie entwickeln: der Verlauf ihres Zuges, ihre Geschloffenheit oder Offenheit, die Symmetrie oder Unsymmetrie ihrer Theile, die Gleichförmigkeit ober das Maß der Beränderlichkeit ihrer Krümmung in jedem ihrer Punkte, die Richtung, nach welcher ihre Concavität oder Convexität sieht, die Größe des Flächeninhalts, den sie zwischen beliebig angenommenen Grenzen einschließt. Un biefe Entwicklungen, deren weiterer mathematischer Gang zu einfach ift, um hier der Erwähnung zu bedürfen, wollen wir uns halten, wenn wir dem hier behandelten Verfahren den Namen des Schlusses aus constitutiven Gleichungen geben. Das Verfahren selbst ist nicht auf diese geometrischen Aufgaben beschränkt; aber die anderen zum Theil weit interessanteren Beispiele, welche andere Gebiete der Mathematik, unter ihnen die Lope, Logit.

Bariationsrechnung, liefern würden, lassen sich weniger leicht auf eine so einfache Anschauung bringen, wie sie zur schematischen Bezeichnung unserer Denksorm erwünscht ist. Auch die Naturwissenschaft könnte wenigstens Annäherndes darbieten. Für analog zusammengesetzte Körper, in denen die verschiedenen chemischen Elemente die Stelle der Coordinaten und der Constanten vertreten, würde die Chemie constitutive Gleichungen besitzen, wenn es ihr gelänge, durch ihre Formeln nicht nur die Mengenproportionen der Bestandtheile, sondern auch genauer, als es jetzt ihre schematischen Andeutungen thun, die Regel der Gruppirung der Atome und das allgemeine Verhalten ihrer Wechselwirkungen auszudrücken.

118. Den Einwand nun, daß auch dieses ganze Berfahren volle Wirksamfeit nur in ber Mathematik habe, geben wir zu, wie früher, weisen den damit versuchten Tadel ebenso zurück und beleuchten ihn näher nur zu dem Zweck, den Hinweg zu neuen Ergänzungen bes noch Bermißten zu finden. Es ist wahr, daß der scheinbare Reichthum der Entwicklung aus geometrischen Gleichungen logisch betrachtet mehr blendend als wahrhaft ist. Wir bestimmen die Gestalt der Curve, indem wir der einen Coordinate x beliebige Werthe geben, die zugehörigen Werthe von y aus der Gleichung berechnen und dann die Endpunkte der rechtwinklig auf den Endpunkten der x aufgerichteten y durch einen stetigen Zug zu einer Linie verbinden; die Curve ift daher nur der geometrische Ort, in welchem die unzähligen Ergebnisse einer unzähligemal wiederholten Proportion zwischen verschiedenen Werthen der Coordinaten sich zusammenfinden. Die neuen Eigenschaften aber, die wir nun daraus schließen: Concavität, gleichförmige ober ungleichförmige Krümmung, Geschlossenheit oder Offenheit, Reigung oder Steigung ber Curve nach dieser oder jener Seite, diese alle sehen zwar zunächst aus wie neue Merkmale, sind aber boch im Grunde auch nur Größenund Lagenverhältnisse von Raumgebilden, zwischen andern Beziehungspunkten zwar, aber sonst von derselben Natur, wie die vorausgesetzten zwischen ben Coordinaten. Man gelangt hier nicht von einer Proportion zwischen zwei Merkmalen x und y zur Bestimmung wahrhaft neuer, qualitativ mit jenen unvergleichlicher Merkmale, sondern man schreitet nur von gleichartigen gegebenen Verhältnissen zu gleichartigen neuen fort, deren Ableitbarkeit aus jenen ebenso wie ihre scheinbare

Neuheit nur auf der Natur des Raumes und auf den Regeln beruht, nach denen die geometrische Anschauung die Beziehungen zwischen den Elementen des Raumes der allgemeinen Gesetzlichkeit der arithmetischen Größen unterworsen hat. Diese Folgerungen decken daher lange nicht unser Bedürfniß. Wo es sich nicht um bloße Größengebilde, sondern um wirkliche Gegenstände handelt, die eine Menge qualitativ nicht versgleichbarer Merkmale an sich vereinigen, und wo es ferner der Wissenschaft nicht gelingt, diese zunächst unvergleichbaren Bestandtheile auf bloße Zusammensetzungsverschiedenheiten vergleichbarer zurückzusühren, da wird das Denken, unter diesen erschwerenden Umständen, dennoch eine Form suchen müssen, die annähernd wenigstens hier dieselben Borstheile verspricht, welche in Bezug auf ihre leichtere Aufgabe die Mathesmatik vollständig darbietet.

119. Die Gruppe der mathematischen Schlußformen endet hier naturgemäß, nachdem das, was sich mathematisch nicht bewältigen läßt, das Disparate der Merkmale, als das nothwendig in Betracht zu ziehende Element ausdrücklich hervorgehoben ist. An die Stelle der Gleichung wird äußerlich die Form der Definition treten, welche eine Anzahl verschiedenartiger Merkmale zu einem Ganzen verbindet, zwischen ihnen aber eine Gruppe wesentlicher von einer andern unwesentlicher unterscheidet, in der ersten das Gesetz für die Berbindung des Ganzen als gegeben betrachtet, die andern aber nach Maßgabe dieses Gesetzes von ihnen abhängig und bestimmbar. Gefunden werden kann endlich diese bevorzugte Gruppe der wesentlichen Merkmale nur durch Bergleichung des gegebenen Begriffs mit seines Gleichen; so werden wir zu sossentlichen Formen der Zusammenstellung des Berschiedenen und zunächst zur Classissication getrieben.

## C. Die inftematischen Formen.

Die Classification. — Die erklärende Theorie. — Das bialektische Ideal des Denkens.

120. Am Eingange des Weges, auf den wir jetzt verwiesen sind, standen wir schon einmal, bei der ersten Erwägung der Bildung unsserer Begriffe. Schon damals sahen wir in dem Inhalt einer Vorstellung

ein Ganzes verschiedener Merkmale, die durch eine bestimmte Regel ihres Zusammenhanges verbunden sind; schon damals glaubten wir diese Regel nur in demjenigen Merkmalbestande zu finden, der verschiebenen vergleichbaren Vorstellungsinhalten gemeinsam zukam, und vorgreifend haben wir bereits dort der aufsteigenden Stufenreihe immer höherer Allgemeinbegriffe gedacht, welche aus der Fortsetzung dieser Vergleichung des Vergleichbaren entspringt. Vorgreifend, benn die später entwickelten Formen der logischen Thätigkeit haben das dort Angedeutete noch nicht benutt. In den Urtheilen und in den Schlüffen, die sich auf Subsumption gründen, ift stets nur das eine Verhältniß in Betracht gezogen worden, welches zwischen einem Begriffe S und seinem nächsthöheren Allgemeinen M besteht; bies M felbst in seine Beziehungen zu ben höheren Stufen der ihm übergeordneten Begriffsreihe zu verfolgen, war feine Veranlaffung. Denn immer fam es nur barauf an, ein Prädicat P, welches aus irgend einem Grunde einem M zugehört, auch jedem S zu sichern, welches in den Umfang des M fällt. Für diesen Zwed war die logische Bilbung des M felbst in großer Ausdehnung gleichgültig; man nannte es zwar Mittelbegriff, aber es brauchte in nichts das Bepräge eines Begriffs zu tragen; jedes einfache Merkmal, jede Summe mehrerer, gleichviel ob nach einer bestimmten Regel verbunden, oder nur überhaupt zusammengedacht, war gut genug, um jenen Mittelbegriff zu bilden. Erst die letten Betrachtungen, die ich hier nicht wiederhole, haben uns auf die Nothwendigkeit zurückgeführt, unter dem Mittelbegriff, aus dem wir die Berechtigung und Berpflichtung eines Subjects zum Besitz seiner Merkmale herleiten, nur jenen ichon bamals im Sinne gehabten Begriff zu verstehen, der in Wahrheit die vollständige Regel der Zusammengehörigkeit und Gliederung des ganzen in jenem Subject vorliegenden Inhalts bildet.

121. Wir kehren hiermit nicht einfach zu einem früheren Standspunkte zurück. Wenn die Logik die ursprünglichsten und einfachsten Formen des Denkens überlegt, kann sie die Ergebnisse derselben fast immer nur an Beispielen verdeutlichen, welche bereits mehr logische Arbeit enthalten, als sie an ihnen veranschaulichen will. Denn der Schatz, aus dem sie diese Beispiele entnehmen muß, ist die Sprache, und diese ist nicht der Ausdruck eines in seinem Beginn stehen gebliebenen, sondern des ausgebildeten Denkens, welches durch eine Menge nacheinander

gethaner Schritte über die unvollkommenen Ergebnisse seiner ersten Anstrengungen hinausgekommen ist und nun die Erinnerung an sie unter der erlangten vollkommneren Fassung seiner Gegenstände verbirgt. Deshalb kann es scheinen, als wäre bereits an jener früher erwähnten Stelle bas, mas wir hier suchen, die Bildung eines wesentlichen Begriffs, geleiftet; aber was wir dort als Beispiel brauchten, war nicht schon durch diesenigen logischen Handlungen entstanden, die wir damals, sondern entsteht erst durch die, welche wir hier, im Uebrigen freilich sehr bekannte Verfahrungsweisen, an ihrem systematischen Ort zu betrachten haben. Der unermeglichen Mannigfaltigkeit zusammengesetzter Bilder, welche die Wahrnehmung darbietet, stand damals das Denken mit dem Verlangen gegenüber, jedes Einzelne als ein Ganzes nach bestimmtem Gesetz verknüpfter Theile zu fassen, und mit dem Bewußtsein, dies Gesetz nur durch Vergleichung vieler vergleichbaren Einzelnen und durch Festhaltung des ihnen allen Gemeinsamen finden zu können. Aber der nützliche Erfolg dieser Vergleichung hing davon ab, ob die vergleichende Aufmerksamkeit auf eine Anzahl von Gegenständen S, R, T gelenkt wurde, deren Gemeinsames wirklich in dem durchdringenden Gesetz ihrer ganzen Bildung bestand, und nicht auf eine Anzahl anderer, U, V, W, die in allem Uebrigen völlig verschieden, nur eine beschränkte Merkmalgruppe mit einander theilen. Für diese auswählende Richtung der Aufmerksamkeit gab es an jenem Anfang des Denkens keine logische Regel; sie wurde dagegen sehr wirksam iden damals durch den psychischen Mechanismus gesichert, welcher ganz überwiegend diejenigen zusammengesetzten Vorstellungen, die in der Totalform ihres Zusammenhangs ähnlich sind, einander in der Erinnerung reproduciren läßt, und vorzugsweise sie, nicht aber die unähnlich gebildeten und nur in einzelnen Merkmalgruppen übereinstimmenden, jener vergleichenden Aufmerksamkeit empfiehlt.

122. Im Laufe seiner Ausbildung nimmt daher das Denken in der That seine Richtung zuerst auf solche Allgemeinbegriffe, welche wirklich das durchdringende Bildungsgesetz der Einzelnen enthalten, für die sie gesucht werden; Allgemeinheiten dagegen, welche sonst Unähnliches unter eine Minderheit gleicher Bestandtheile unterordnen, pflegen erst für gewisse Zwecke der Untersuchung aufgestellt zu werden. Als wir von der ersten Bildung der Begriffe sprachen, schienen uns deshalb die

landläufigen Beispiele, die Unterordnung des Cajus und Titus unter den Begriff des Menschen, die der Eiche und Buche unter den der Pflanze, vollkommen natürlich und selbswerständlich; es war, als wenn nichts außer der bloßen Anweisung, das Gemeinsame von Einzelheiten festzuhalten, dazu gehöre, um die Richtung auf diese wirklich gesetzebenden Gattungsbegriffe M von selbst zu sinden. Gleichwohl hätte nichts gehindert, nach derselben Anweisung für Neger, Kohle und schwarze Kreide einen Gesammtnamen N zu erfinden, welcher die Vereinigung von Schwärze, Ausdehnung, Theilbarkeit, Gewicht und Widerstand ausgedrückt hätte; die Antriebe des psychischen Mechanismus begünstigten aber nur die erste und hinderten die zweite dieser Anwendungen der logischen Vorschrift.

123. Unsere jetige Aufgabe geht nun dahin, eben diese Antriebe, welche bisher unbewußt uns auf den Weg des Richtigen brachten, in logische Thätigkeit zu verwandeln, uns also der Gründe bewußt zu werden, durch welche wir uns rechtfertigen, wenn wir ausschließlich einen bestimmten Allgemeinbegriff M als die gesetzgebende Regel für bie Bildung einer Angahl von Einzelnen aufstellen, nicht aber einen andern N, auf ben uns eine anders geleitete Bergleichung berselben Ginzelnen auch hätte führen können. Nun hat uns die Logik verschiedene Berhältnisse einer nur einseitigen Abhängigkeit zwischen mehreren Beziehungspunkten kennen gelehrt; aus ber Geltung des Allgemeinen floß bie des Besondern, nicht aus der des Besondern auch die des Allgemeinen: von einem bestimmten Grunde ließ sich stets auf eine bestimmte Folge foließen, aber eine gegebene Folge führte nicht nothwendig nur auf einen Grund zurück, sondern möglicherweise auf verschiedene gleich Wenden wir dies auf die Gliederung eines Begriffsinhaltes an, so gibt es in ihm Merkmale a, b, c, deren Vorhandensein einen bestimmenden Ginfluß auf Gegenwart, Abwesenheit oder Modification anderer ausübt; das Vorkommen dieser andern aber, a, \beta, \gamma, bedingt seinerseits nicht nothwendig jene, sondern ist verträglich auch mit anbern, p, q, r. Hierauf beruht der früher schon eingeführte Unterschied der wesentlichen Merkmale a, b, c von den unwesentlichen a, β, 7; nur in der Bereinigung der ersten konnte der gesetzgebende Begriff der verglichenen Einzelnen gesucht werden, denn nur diese Bereinigung bestimmt auch die übrigen Merkmale und schließt daher nur solche Ginylne ein, die in ihrem ganzen Bau einander verwandt sind; die Gruppe der letzteren Merkmale dagegen ließe die ersten unbestimmt und würde deshalb, als Allgemeines gedacht, eine Menge sonst in jeder Rücksicht verschiedener Einzelheiten unter sich befassen.

Darauf fame es mithin an, jene wesentlichen von diesen unwesentlichen Merkmalen zu unterscheiden. Dies ist leicht, so lange wir mit Wegenständen zu thun haben, die wir in verschiedenen Zustänben beobachten können; von selbst sondern sich hier die veränderlichen Eigenschaften, die unter wechselnden Bedingungen fommen und gehen, von dem bleibenden Bestand des Wesentlichen ab. Es ist anders, wenn die Möglichkeit solcher Beobachtungen fehlt, und mit Ausschluß veränderlicher Zustände sich unser Verlangen darauf richtet, zwischen bleibenden und unveränderlichen Merkmalen desselben Begriffsinhaltes einen Unterschied wesentlicher von unwesentlichen zu finden; wir muffen dann die Beobachtung der Veränderungen durch Vergleichung verschiedener Beispiele ersetzen. Sei nun abed der Merkmalbestand des einen gegebenen Begriffes, so kann in einem zweiten Beispiel d burch o nicht erfett werden, ohne daß, bei ber vorauszusetenden Busammengehörigkeit aller Theile des Begriffsinhaltes, auch die übrigen Merkmale eine Beränderung erfahren; ich bezeichne nun das zweite Beispiel mit a1 b1 c1 d, um anzudeuten, daß durch die Bariation des d in & feines der allgemein ausgedrückten anderen Merkmale gang zu Grunde, jedes vielmehr nur aus einer seiner möglichen Modificationen in eine andere übergeht, die Form der Verbindung aller aber die nämliche bleibt. In diesem Falle gehört d nicht zu den wesentlichen Merkmalen, sondern die Gruppe ABC, welche abe und a'b'e' als Modificationen unter sich befaßt, ist diejenige, welche die Gliederung des Begriffsinhaltes beberricht. Aber diefer erfte Schritt lehrt uns nur bas thatsächliche Busammenbleiben, nicht das innerliche Zusammengehören der in ABC vereinigten Merkmale; ber Werth, den die einzelnen Bestandtheile diefer Gruppe haben, kann sehr verschieden sein; möglich, daß nur AB oder AC oder BC das eigentliche Bildungsgesetz des Ganzen enthalten, das britte Merkmal dagegen nur die nothwendige Folge oder ein zulässiger Zusatzu den beiden andern ist. Bur Entscheidung dieses Zweifels bleibt dem Denken, das hier noch nicht auf die sachliche Untersuchung des Gegenstandes mit allen Hulfsmitteln der Erkenntnig eingehen kann, nur

die Fortsetzung desselben Berfahrens übrig. Auch ABC haben wir mit Beispielen der Form ABT zu vergleichen; ift mit dem Unterschied des letten Merkmals auch hier nur das obengedachte Maß der Abweichung in den übrigen verbunden, und bleibt die Berknüpfungsweise des Banzen dieselbe, so wird das Zusammensein und das Verhältniß von A und B die beherrschende Regel des ursprünglich gegebenen abcd sein, ober die Bereinigung der wesentlichen Merkmale darstellen, von benen das Vorhandensein der übrigen entweder zugelassen oder gefordert, in jedem Falle ihre Größe, Verknüpfung und Verhalten zu dem Ganzen bedingt wird. Denkt man sich dies Verfahren fortgesett, so ist es der Weg der Classification, auf den wir verwiesen sind. Nicht mehr die Betrachtung des Ginzelnen reicht uns hin, um feinen Begriff festzustellen, sondern nur diese erste der spftematischen Formen, durch welche wir seine Natur in ihren Berhältnissen zu anderen untersuchen und aus der Stelle, welche es in einer geordneten Reihe einnimmt, den Grad der bedingenden Kraft beurtheilen, welche seine einzelnen Mertmale auf die Geftaltung feiner gangen Natur und feines Berhaltens Derjenige innere Kreis von Merkmalen erscheint uns als das gesetzgebende Princip seiner Gestaltung, der am längsten und unverändert in seiner allgemeinen Form beisammen bleibt, wenn wir durch das nächstliegende Allgemeine zu immer höheren Allgemeinheiten aufsteigen, und wir begreifen die Natur des Besonderen nur dann vollständig, wenn wir uns in einer umgekehrten Reihenfolge, die der Stufenleiter dieser Allgemeinheiten entspricht, zu jenem höchsten Geftaltungsprincip neue Bestimmungsstücke hinzutreten benten, auf welche dies feine rüdwirkende Kraft ausdehnt.

Auftlärung über das innere Gefüge des Zusammengestellten zu erhalten, liegt jeder wissenschaftlichen Classification zu Grunde, doch wird es nicht von jeder Form derselben gleichmäßig befriedigt; ehe ich zu der Gestalt derselben übergehe, die unseren Zwecken hier allein dient, erwähne ich deshalb kurz als eine Borstufe die künstlichen oder combinatorischen Classificationen, die mehr dem allgemeinen Bedürfniß nach Klarheit und Uebersicht und einzelnen besonderen Aufgaben des angewandten Denkens entsprechen. Den Inhalt eines gegebenen Allgemeinen begriffs M zerfällen wir durch Partition zunächst in seine allgemeinen

Merkmale A, B, C ... und jedes von diesen durch Disjunction in seine verschiedenen, an demselben Subject einander ausschließenden Modificationen, A in a1, a2, a3..., B in b1, b2, b3..., C in c1, c2, c3. Nach dem Grundsatz des disjunctiven Urtheils muß nun jede Art des M von jedem ber allgemeinen Merkmale bes M eine Modification mit Ausschluß ber übrigen besitzen; beschränken wir uns der Einfachheit halber auf zwei Merkmale, beren eines A nur in zweigliedrige Disjunction a und b, das andere B in die dreigliedrige a, & und y zerfällt, so werden die in bekannter Weise erhaltenen binaren Combinationen aa, ab, ay, ba, bb, by alle benkbaren Arten bes M einschließen. Bir stellen endlich ihre Gesammtheit übersichtlicher dar, wenn wir die Modificationen des einen Merkmals, welches dann den Gintheilungsgrund der Classification bildet, so wie oben geschehen oder in der Form  $M=a(\alpha+\beta+\gamma)+b(\alpha+\beta+\gamma)$  den übrigen Merkmalen vorangeben laffen. Man hat das einfachfte Beispiel dieser Claffification in der Anordnung der Wörterbücher; die unveränderliche Reihenfolge der Buchstaben im Alphabet liefert hier nicht nur den erften, sondern immer wiederholt auch die untergeordneten Eintheilungsgründe für die zahlreichen Combinationen, die in jeder durch den Anfangsbuchstaben eingeführten Gruppe enthalten find. Der an fich beutliche Rugen diefer lexicalischen Claffification, nicht nur alle Worte der Sprache, mithin alle Glieder des einzutheilenden Gegenstandes vollständig zu umfassen, sondern auch ihre Auffindung leicht zu machen, dieser erste Nuten der Uebersichtlichkeit ist allen gelungenen Bersuchen combinatorischer Classis fication gemeinschaftlich; über diese Leistung hinaus bagegen tragen sie in sehr verschiedenem Maße zur Kenntniß der eigentlichen Natur ihrer Objecte bei.

126. Man bemerkt zuerst, daß dies combinatorische Verfahren die Merkmale des gegebenen Begriffs nur vereinzelt, nicht aber die wechselseitige Determination berücksichtigt, in welcher sie erst den Begriff wirklich bilden. Die Gesammtheit der gefundenen Combinationen schließt daher zwar alle Arten des M ein, kann aber außer ihnen noch andere enthalten, die nur gültig sein würden, wenn der Begriff blos eine Summe seiner Merkmale wäre, aber ungültig sind, weil er eine bestimmte Form der Bereinigung derselben besiehlt, welcher sie widers sprechen. Der Begriff des Dreiecks besteht nicht darin, daß wir drei

Winkel und brei Seiten benten, sondern barin, bag brei Seiten sich zur völligen Begrenzung eines ebenen Raumes schneiden und eben bierdurch jene Winkel erzeugen. Durch diesen Zusammenhang der Seiten und Winkel werden gleichwinklig ungleichseitige und rechtwinklig gleichseitige Dreiecke unmöglich; die blos combinatorische Classification würde fie neben ben gleichwinklig gleichseitigen, den rechtwinklig gleichschenkligen und den übrigen möglichen Arten mit aufgeführt haben. Ift der Inhalt des M vollständig befannt, wie in diesem Beispiele, und einer genauen Construction juganglich, fo icheibet bie Kenntnig ber Sache diese unmöglichen Glieder aus; ihre vorläufige Aufstellung hätte nur ben Nuten gehabt, die Aufmerksamkeit auf die Natur des M und auf die Gründe zu schärfen, welche die gültigen Arten möglich, diese ungültigen unmöglich machen. Ist dagegen M ein der Erfahrung verdankter Gattungsbegriff, dessen innere Gliederung nur unvollständig burch Beschreibung, nicht genau durch Construction angebbar ist, so bleiben die in Wirklichkeit nicht beobachteten Arten, auf welche bas combinatorische Verfahren geführt hätte, nur zweifelhaft; der Fortschritt ber Beobachtung kann sie noch entdeden, der Fortschritt ber fachlichen Erkenntniß ihre Unmöglichkeit nachweisen; zu einem von beiden angeregt zu haben, kann auch hier der Nuten ihrer vorläufigen Aufstellung sein.

Ist nun bas combinatorische Berfahren in Bezug auf Erfahrungsgegenstände diesem zweifelhaften Ueberschuß seiner Ergebnisse über das Wirkliche ausgesetzt, so hat es anderseits in seiner gewöhnlichen Anwendung auch keine Bürgschaft ber Bollständigkeit. Es ist für menschliche Einbildungsfraft unausführbar, alle Modificationen, benen ein Merkmal p unterworfen sein kann, vollständig im Boraus zu unterscheiden; unsere Aufmerksamkeit wird sich immer auf diejenigen p1 p2 p3 beschränken, die uns in irgend einer Beobachtung gegeben find; eine andere Modification pm, die in unserem Erfahrungstreise nicht vorkommt, wird sammt allen den Arten, an denen sie vielleicht bestehen fann, auch in unserer Classification fehlen, und späterer Zuwachs ber Erfahrung erft wird biefe Lude füllen. Diefer Umftand ift der Grund einer logischen Regel, die von Werth ift, wo es sich zur Entscheidung einer Frage um erschöpfende Kenntniß aller Fälle handelt, die es in Bezug auf irgend ein Z geben tann: man führt ihre Eintheilung und Aufstellung durch lauter contradictorisch entgegengesetzte Eintheilungsglieder hindurch. Die Summe aller möglichen Fälle von Z ist immer von der Natur Q oder der entgegengesetzten Non-Q; die Fälle von der Form Q immer entweder R oder Non-R, die Fälle Non-Q immer entweder S oder Non-S, so daß diese Eintheitung an jeder Stelle, wo man ihre weitere Fortsetzung abbricht, die Anzahl aller möglichen Fälle vollständig enthält. Fruchtbar freilich wird dies Verfahren nur dann, wenn man entweder die ersten Gegensätze Q und Non-Q, oder alle in gleichem Abstand ihnen untergeordneten, also S, Non-S, R, glücklich genug zu wählen im Stande ist, um für jeden dieser Fälle einzeln das Stattsinden oder Nichtstattsinden des fraglichen Verhaltens Z aus leicht zugänglichen Gründen zu beweisen.

128. Es ist ferner ersichtlich, daß es feine logische Regel geben tann, nach welcher die combinatorische Classification bestimmte Merkmale als oberste Eintheilungsgründe für die Unterscheidung der Hauptgruppen, andere nur als untergeordnete für die Unterabtheilungen der hauptgruppen benuten mußte. Go lange ber einzutheilende Begriff M nur als eine Summe seiner Mertmale ohne Rudficht auf deren gegenseitige Beziehungen angesehen wird, hat jedes von diesen das Recht, durch seine Modificationen die Haupteintheilung zu geben, jedes andere fann ihm als Rebeneintheilungsgrund untergeordnet werden. offenbaren Unzuträglichkeiten dieser Unbestimmtheit werden in der wirklichen Anwendung der Classification durch nebenhergehende Ueberlegung, durch eine Schätzung des verschiedenen Werthes der Merkmale vermieden, welche auf Kenntniß der Sache, auf richtigem Gefühl, oft nur auf einem errathenden Geschmade beruht; die Logif fommt diesen Bemühungen nur durch die allgemeine Vorschrift zu Hülfe, nicht notiones communes, nämlich nicht solche Merkmale zu Eintheilungsgründen zu wählen, welche bekanntermaßen an den allerverschiedenartigsten Gegenständen vorkommen, ohne einen erkennbaren Ginfluß auf deren übrige Natur zu äußern. Aber was zu diesem Verbote als bejahende Anweisung gehören würde, wie man nämlich die entscheidenden Eintheilungsgründe zu finden habe, überläßt sie doch völlig der jedesmaligen sachlichen Kenntniß. Und diese hat, wenigstens in Bezug auf mannigfach zusammengesette Gegenstände der Wirklichkeit, so lange sie einzelne Merkmale zu maßgebenden Eintheilungsgründen machte, niemals den Vorwurf vermeiden können, nächstverwandte Arten zuweilen an verschiedene oft

sehr entlegene Stellen des Systems auseinander geriffen, andere in ihrem ganzen Verhalten auffallend verschiedene in eine befrembliche Nachbarschaft aneinander gerückt zu haben. Dies ist sehr begreiflich bei der Berschiedenwerthigkeit der Merkmale für den Bau des ganzen Begriffsinhaltes. Nichts hindert z. B., daß das Merkmal B, so lange es in der Modification b vorkommt, einen vorwiegenden Ginfluß auf die Bildung des Ganzen ausübt, und dann werden alle diesem Index b untergeordneten Arten unter einander formverwandt bleiben; aber daffelbe Mertmal tann biefen bestimmenden Ginfluß gang verlieren, fobald es in der Modification  $\beta$  in die übrige Merkmalgruppe eintritt; dann folgen die dem \beta als Index untergeordneten Arten allen ben Schwankungen, welche die jett einflugreich gewordene Berschiedenheit der anderen Bestandtheile A C D mit sich führt, und die sonst unahnlichsten Beispiele des einzutheilenden M finden fich nun in nächfter Nachbarschaft vereinigt. So ift es dem botanischen System Linné's begegnet, welches die Anzahl der Staubfaben zum Eintheilungsgrunde wählte; da wo der ganze Organisationsplan der Pflanze diesem Bestandtheil Wichtigkeit gab, fanden sich auch nach dieser Auffassung Die verwandten Arten zusammen; sie wurden zerriffen im entgegengesetzten Fall und das Berschiedenartige verbunden. Der sachkundige Geschmack begegnet auch diesem lebelstande theilweis dadurch, daß er für verschiebene Abtheilungen bes ganzen Systems verschiedene Eintheilungsgründe wählt. Nur eine übel angebrachte logische Bedanterie könnte verlangen, daß in einem Syfteme, welches seinen ganzen Wegenstand zuerft nach den Modificationen a b c des einen Merkmals A gespalten hätte, dann jede der durch a oder b oder c eingeführten Gruppen nach den Modificationen eines und desselben zweiten Merkmals B weiter gegliedert werde; vielmehr können für die Gruppe mit a die Bariationen eines Merkmals C, für die mit b die Bariationen eines vierten Merkmals D ausschließlich wichtig werden, und die Classification, welche nach die= sem Gesichtspunkt verfährt, nähert sich dadurch nur dem wirklichen Wesen der Sache. Die Gefahr, so nur unvollständig alle Arten zu finden, ift auf andere Weise zu vermeiden; die Classification schafft nicht das vollständige Material, sondern sett seine anderweit verbürgte Bollftändigfeit voraus.

129. Die Classificationen würden gang ber angewandten Logik

angehören, wenn fie nur jene Uebersichtlichkeit und Bollständigkeit bewedten, welche entweder eine praktische Behandlung ihrer Gegenstände oder eine nur erst beginnende logische Betrachtung berselben verlangen muß. Aber sie sind mehr als solche Vorbereitungen; sie stellen selbst ein logisches Ideal dar, welches in der systematischen Reihenfolge der Dentformen seine nothwendige Stelle hat; badurch, daß eine Mannigfaltigkeit in den Zusammenhang eines Classenspstems gebracht ift, dadurch allein schon soll etwas über die Natur aller und jedes Einzelnen gesagt und nicht blos einer fünftigen Untersuchung vorgearbeitet sein. Bir bemerken dies an den Vorwürfen, welche wir gegen gezwungene Classificationen richten; nicht allein der Weg, den unsere Aufmerksamkeit nehmen muß, um eine bestimmte Art des eingetheilten Allgemeinen aufzufinden, soll durch eine genau vorgezeichnete Reihe von Begriffen hindurchgehen, sondern die Orte selbst, an denen wir die einzelnen Arten antreffen, sollen in ihren Lagenbeziehungen den eigenen Berwandtichaften derselben entsprechen. Für jene praktischen Absichten genügt jede beliebige Ordnung, welche handgerecht ift für den, der sich ihrer bedienen will; das logische Berlangen des Denkens geht auf eine solche, die sachgerecht ist. Nun können wir die vollständige Vorstellung eines zusammengesetzten Inhalts immer hervorbringen, gleichviel von welchem seiner Theile wir beginnen, so lange wir nur die Hinzufügungen jeder neuen Theilvorstellung zu den vorigen zweckmäßig nach dem gewählten Anfangspunkte abändern. Jede so geordnete Borstellung bildet einen Begriff des gegebenen Denkinhaltes, hinlänglich, um ihn von anderen zu unterscheiden und seinen eigenen Bestand deutlich zu machen. Unter diesen mancherlei Begriffen besselben M suchen wir nun jenen bevorzugten, welcher von dem herrschenden Gesetze ausgeht, deffen Sinn die Anordnung aller übrigen Merkmale bestimmt. Constitutiven Begriff haben wir diesen bevorzugten genannt; man könnte ihn im Gegensatzu der Form des bloßen Begriffs überhaupt die logische Idec bes Gegenstandes oder beutsch seinen Gebanten nennen; benn fo unterscheidet unser Sprachgebrauch allenfalls ben Gedanken der Pflanze oder des Organismus überhaupt als das bildende Gesetz von dem bloßen Begriffe, welcher ben vollen Bestand ber nothwendigen Merkmale und ihrer thatsächlichen Verknüpfungsform zusammenfaßt.

130. Es wird der Anschaulichkeit dienen, hier sogleich zweier

Nebenvorstellungen zu gedenken, welche sich an diese Aufsuchung des Gedankens oder ber Wee eines Gegenstandes überall leicht anknüpfen, am deutlichsten aber in jenen naturgeschichtlichen Classificationen, welche die fünstliche Anordnung der Pflanzen und Thiere durch Berücksichtigung der natürlichen Verwandtschaften zu verbessern suchen. Die allgemeine Idee des Thieres oder der Pflanze erscheint uns hier leicht als eine thätige lebendige Kraft; stets sich selbst gleich und in demselben Sinne wirksam führt sie zu einer Reihe verschiedener Gestaltungen, je nachdem außer ihr liegende Bedingungen einen oder mehrere ihrer Angriffspunkte feststellen und fie fo nöthigen, nach biefem gegebenen Anfangspunkte bie Gefammtheit ihrer Thätigkeit abzuändern. Sie erscheint uns ferner ebenso leicht als ein sich stets gleichbleibender Zweck, der seine Berfahrungsweisen nach diesen gegebenen Beziehungspunkten abmißt und in den verschiedenen Formen, zu benen er durch sie getrieben wird, eine und dieselbe Absicht theils überhaupt vielgestaltig, theils mehr ober minder bem Dage nach erreicht. Die verschiedenen Arten, welche die Claffification zusammenordnet, find bann die Ausbrude beffen, was aus der Wechselwirfung des allgemeinen Gedankens mit den besonderen Beziehungspunkten werden muß, die ihm als Allgemeinem fremd sind. Man wird zugeben, daß diese Auffassungsweisen der Sache eine große und anschauliche Deutlichkeit verleihen, aber man wird hinzufügen, daß beide Gesichtspunkte der Logik völlig fremd find. Dieser Ginwurf ift unbestreitbar; allein unsere Absicht geht nicht darauf, die Borftellungen des wirkenden Triebes und des Zweckes für die Logik zu verwenden, sondern auf den Nachweis, daß eben diese beiden Borstellungen auch da, wo sie hingehören, nur unter Boraussetzung eines rein logischen Gebankens etwas bedeuten, den wir an diefer Stelle verdeutlichen wollen. Soll es möglich fein, daß berfelbe Zwed unter wechselnden Umftanden in verschiedenartigen Formen erfüllt werde, so muß es auch möglich fein, den Inhalt desselben durch eine Vorstellungsgruppe Z zu bezeich nen, beren Gefüge diese verschiedenen Erfüllungsformen als mögliche Arten ihrer selbst enthält und als nothwendige Folge dann hervorbringt, wenn man der Reihe nach jedem einzelnen Merkmale des Z und jeder Beziehung zwischen mehreren alle Beränderungen ertheilt, die jenes und diese innerhalb der gegebenen Gesammtform des Z erfahren können. Soll ein thätiger Trieb unter wechselnden Bedingungen seine

Birksamkeit andern und in neuen Erzeugnissen sich außern, so muß die Combination von Kräften, in denen er selbst besteht, durch Gleichungen ausdrückbar sein, aus welchen alle diese neuen Gebilde als nothwendige Ergebnisse entspringen, sobald man den in jene Gleichungen eingehenden Größen nacheinander alle mit ihrer Natur verträglichen Werthe gibt. Absichtliche und unabsichtliche Wirksamkeit bringt mithin nie etwas anderes hervor, als das an sich Denkbare, das denknothwendig wird, sobald man einen Beziehungspunkt bejaht, von dem die übrigen abhängen; und dies ist eben, was wir hier im Auge haben. Wir betrachten den Gedanken, den wir suchen, weder als denkende Absicht eines Bewußtseins, welche nach Erfüllung strebt, noch als wirkende Kraft, welche ihre Erfolge hervorbringt, sondern nur als den gedachten oder denkbaren Grund, beffen Folgen im Denken, unter Borausfetzung beftimmter Bedingungen, dieselben sind, welche als Wirklichkeiten aus einer zwechsetzenden Absicht oder aus der Urfächlichkeit einer Kraft unter denselben Bedingungen entspringen muffen. Behält man biese Bemerkung im Auge, so kann man duldsam sein gegen eine Ausdrucksweise, welche die Vorstellung eines Zwedes oder eines Entwicklungstriebes in die Logik einführt; aber nützlicher wird es dennoch sein, diese Bezeichnungen zu vermeiden und bas, was nur die Wirklichkeit kennt, nicht zur Benennung bes bloßen Denkgrundes zu verwenden, auf dem das Wirkliche beruht.

131. Noch einen Bunkt, auf den sich hier unsere logische Aufmerksamkeit richten muß, führe ich sogleich im Verfolg dieser Nebenvorstellungen ein. Bon einem Triebe, der sich selbst verwirklicht, überrascht es uns nicht, wenn er unter bestimmten Bedingungen in seinen Bemühungen scheitert; von einem Zwecke begreisen wir, daß er unter verschiedenen Umständen mit verschiedener Bollkommenheit zu erreichen ist. An beide Borstellungen schließt sich daher sehr natürlich die Voraussehung, daß verschiedene Verwirklichungen oder Beispiele der gestaltenden Ibee von verschiedenem Werth sind, und daß sie nicht blos unter dem Allgemeinbegriff ihrer Idee als Arten überhaupt coordinirt sind, sondern innerhalb dieser Coordination eine aus- oder absteigende Reihe bilden, in welcher jede ihren unvertauschbaren Platz zwischen bestimmten andern hat. Von diesem Nebengedanken sind die Versuche natürlicher Classification, die unsere jetzigen Bedürfnisse zu befriedigen streben, allenthalben beherrscht; es ist zu zeigen übrig, daß diese bekannte Neigung,

aus der blos combinatorischen Classification in die Form einer Entwicklungsreihe überzugeben, ihre allgemeine logische Berechtigung, und zwar eben an diefer Stelle, befitt. Betrachten wir einen Begriff M, wie es leider in den Anfängen der Logit häufig zu geschehen pflegt, nur als ein Ganzes aus einer Anzahl allgemein ausgedrückter Mertmale, fo hat es keinen Sinn, eine feiner Arten für beffer zu halten, als die andere. Jedes S enthält entweder alle Merkmale seines Allgemeinen M und ift dann eine Art besselben, ober es enthält irgend eines bieser Merkmale nicht, und dann ift es nicht eine unvollkommene, sondern gar feine Art des M. Mit diesem trodenen Gegensatz ift das lebendige Denfen in seinem wirklichen Gebrauch gar nicht einverstanden; es unterscheidet Arten, die ihrem gemeinsamen Gattungsbegriffe mehr ober weniger entsprechen oder adaquat sind. Der erste Grund der Möglichfeit solcher Unterscheidung liegt nur in den Größenbestimmungen, denen die einzelnen Merkmale und ihre Wechselbeziehungen entweder zugänglich ober gar nicht entziehbar find. Das Gefüge ber Gattungsbegriffe, unabsehbar verschieden im Einzelnen, enthält im Ganzen doch immer eine Mehrheit von Bestandtheilen oder Beziehungspunkten, an deren jedem eine Gruppe einfacher Merkmale vereinigt ist, und die unter einander in allerhand Beziehungen stehen. Ich nenne hier einfache Merkmale nicht nur die sinnlichen Eigenschaften roth, süß, warm, sondern auch solche, welche, wie schwer, ausgedehnt, reizbar, allerdings den Ertrag vorangegangener Beobachtungen zusammengesetzter Verhaltungsweisen, diesen aber doch in so einfacher Gestalt enthalten, daß unsere logische Phantasie sich längst baran gewöhnt hat, jeden dieser Ausbrücke als ruhendes, einfaches Prädicat seinem Subjecte hinzuzufügen. terschiede der Größe erstrecken sich nun auf alle diese Elemente des Gattungsbegriffs. Rein Merkmal irgend eines seiner Bestandtheile ist überhaupt ohne bestimmten Grad der ihm eigenthümlichen Art der Intensität denkbar, und diese Grade können unendlich verschieden sein; die Anzahl der Bestandtheile selbst ist, wie jede Zahl, vermehrbar und verminderbar und jeder einzelne Bestandtheil fann außerdem seinen logischen Werth dadurch verändern, daß er, dem der Gattungsbegriff einfach zu sein erlaubt, sich dennoch innerlich zu einem wiederum gegliederten System mannigfacher Elemente ausdehnt; jede Beziehung endlich, die zwischen den verschiedenen Inhaltspunkten des Begriffs stattfindet, ist

verschiedenwerthig je nach dem Werth dieser ober selbst nach eigenthumlichem Maßstabe einer größeren oder geringeren Engigkeit fähig. Aus dem Zusammenwirken aller dieser Beränderlichkeiten entspringt min eine Vielheit von Arten, zwischen denen ein bemerklicher Unterschied ist. Nehmen wir an, daß ein Merkmal P bes Gattungsbegriffs M die bestimmende Kraft, welche es stets auf alle übrigen Merkmale äußert, dann, wenn es den Werth p annimmt, bis zu völliger Umgestaltung bes ganzen Begriffsinhaltes M steigert, so wird bie so entstehende Art nicht mehr Art des M, sondern Art einer andern Gattung N sein. Diejenigen Werthe von P aber, welche sich biesem entscheidenden Grenzwerthe nur nähern, ohne ihn zu erreichen, werden Bildungen bewirken, die zwar noch unter die Gattung M fallen, aber sich stufenweis dem Gefüge anähnlichen, welches die andere Gattung N kennzeichnet. Hierauf beruht nun der Unterschied von Arten, welche ihrem gemeinsamen Gattungsbegriffe mehr oder minder angemessen oder adäquat find; jede Art ift in einer bestimmten Beziehung um so voll= kommener, je weiter sie von dem Uebergang in eine andere Gattung absteht, und diejenige ist die logisch vollkommenste, für welche die Summe ihrer Abstände von allen nächstverwandten Gattungen ein Größtes wird.

132. Ich glaube behaupten zu dürfen, daß diefer Gesichtspunkt ein völlig logischer und unabhängig von den Ansichten ift, die wir uns aus anderweitiger Kenntniß der Sache über ben Werth, die Bedeutung und Bestimmung bessen bilden, was an irgend einem bestimmten Gattungsbegriff bas Gesetz seines Daseins hat. Ich erläutere baher burch Beispiele, für welche diese Nebengedanken keinen Sinn haben. Gleichung der Ellipse a2y2+b2x2=a2b2 läßt die Wahl der beiden Aren a und b willfürlich, und es wird nach ihrer Aussage immer eine Ellipse entstehen, welchen Werth man auch für a und b einsetzen mag; sie wird daher auch entstehen, wenn eine der beiden Aren zu Rull wird. Aber dann geht die Curve in eine gerade Linie über; das Ergebniß, welches dieser Werth liefert, ist daher einem Allgemeinbegriff N, dem der geraden Linie, untergeordnet, welcher von dem der Ellipse verschieden ist. Aber dies Beispiel zeigt zugleich, was wir oben nicht allgemein anführen wollten, daß die äußerste Art einer Gattung M, welche auf solche Weise entsteht, nicht blos zu einer euen Gattunng N gehören Lope, Logit.

muß, sondern auch fortfahren kann, der früheren M untergeordnet zu fein. Denn die Mittelpunktsgleichung der Ellipse kann uns zwar in diesem Fall, für b=0, da sie aufhört, eine Curve zu bedeuten, nichts lehren; aber ein anderer Ausdruck ber wesentlichen Bildung der Ellipse bleibt gültig, ber nämlich, daß die Summe ber Fahrstrahlen, die von zwei festen Punkten der großen Are nach demselben Punkt der Peripheric gehen, eine constante Größe und gleich dieser Are ist. In der geraden Linie, auf welche sich in unserem Fall die Ellipse zusammengezogen hat, sind ihre beiden Endpunkte jene zwei festen Punkte, die Brennpunkte, geworden, und für jeden Zwischenpunkt c, den wir auf der geraden Linie ab annehmen, hat man die Summe der Entfernungen ac + cb, die Summe der beiden Fahrstrahlen also, gleich ber Länge ab. Wenn ein schwerer Stab von der unveränderlichen Länge ab mit dem Endpunkt a auf einer glatten reibungslosen Horizontalebene steht, mit dem andern b an einer glatten reibungslosen Verticalwand lehnt, so macht ber Antrieb seiner Schwere ihm das Gleichgewicht unmöglich und er finkt. Eine leichte Rechnung lehrt, daß die Bahn, welche jeder beliebige Punkt c seiner Länge mährend dieses Sinkens beschreibt, ein Ellipsenbogen ift. Zugleich aber ist flar, daß der Endpunkt b senkrecht in gerader Linie an der Wand herabgleiten, der Punkt a dagegen horizontal und geradlinig sich auf dem glatten Boden verschieben muß. Da nun auf alle Punkte dieselbe Gruppe von Bedingungen einwirft, so muffen auch diese geradlinigen Bewegungen als Arten der von diesen Bedingungen allgemein geforderten elliptischen Bahn angesehen werden. Sie sind in der That die beiden Grenzfälle, welche man erhält, wenn man einmal die eine, dann die andere Are = Rull sest; der Endpunkt bewegt sich in der andern Are geradlinig. Ein anderer ausgezeichneter Fall findet für den Mittelpunkt des Stabes statt; für ihn werden die Aren seiner elliptischen Bahn einander gleich und er beschreibt einen Kreisbogen. Die Natur der vorliegenden Aufgabe nöthigt daher, auch den Kreis als eine Art der Ellipse aufzufassen, wovon die angeführte Mittelpunktsgleichung die Möglichkeit sogleich deutlich macht. Dies Beispiel lehrt uns also, daß die Arten einer Gattung M durch Größenveränderungen eines ihrer Bestandtheile sich allmählich dem Bildungsgesetze einer andern Gattung N nähern, daß es Grengglieder geben fann, welche sowohl Arten von M als solche von N sind, weil sie den Forderungen beider Gattungsbegriffe genugthun; dem bloßen Thatbestand von Inhalt, der in einem solchen Grenzgliede vorliegt, ist gar nicht anzusehen, von welchem gestaltenden Gattungsbegriffe er eigentlich bestimmt ist; hierüber entscheis den vielmehr, bis jetzt, Nebenrücksichten irgend welcher Art.

133. Dagegen laffen diese Beispiele eine noch zu hebende Zweideutigkeit in Bezug auf den Maßstab übrig, nach welchem wir den Grad der Bollkommenheit, sagen wir turg: die Höhe jeder Art bestimmen. Die mathematischen Gebilde haben keine Lebens- und Entstehungsgeichichte; als bloße gesetzliche Denkbarkeiten ohne Wirklichkeit lassen sie fich auf den verschiedensten Wegen für unsere Ginbildungstraft erzeugen, und es ist im Allgemeinen gleichgültig, im besondern Fall von der Natur der Aufgabe, die auf sie führt, abhängig, von welchem Anfangspunkt aus wir ihre Construction beginnen, ober welchem Gattungsbegriff, welcher allgemeinen Constructionsregel wir sie unterordnen. Für unsere nicht geometrische, sondern äfthetische Anschauungsweise, ich meine für die, welche ben ganzen Eindruck des fertigen Gebildes, nicht seine Entstehung beachtet, sondern sich Kreise und gerade Linien von der Ellipse entschieden ab; zu dem Eindrucke der Ellipse gehört für unsere Anschauung die Ungleichheit der Axen nothwendig; anderseits freilich, je größer diese wird, um so mehr nähert sich die Curve den Grenzgliedern, die wir ausschließen möchten, den beiden geraden Linien, die in die Richtung der einen oder der andern Are fallen. Den charaktes ristischen Eindruck ihrer Gattung würde uns diejenige Ellipse am meisten machen, die gleichweit von der Gleichung a-b=0, die dem Kreise, sowie von der andern a-b=a entfernt wäre, die einer Geraden zufommen würde. Man könnte aus der Berbindung beider die Bedingung dieses Eindrucks dahin bestimmen, daß eine Are das Doppelte der andern sein muffe, und dies wurde leidlich zutreffen; nur läßt sich überhaupt etwas nicht mathematisch feststellen, was nicht einfach von mas thematischen Gründen abhängt. Bon ähnlichen Neigungen wird nun unsere logische Einbildungsfraft allenthalben beherrscht. Nichts ist ge= wöhnlicher, als daß, wer vom Viereck spricht, eigentlich das Parallelogramm meint, ja oft genug das Quadrat; eine fehr natürliche Ungenauigkeit des Ausdrucks; denn die Phantasie, welche zu dem Begriff eine Anschauung wünscht, aber doch nur ein Bild auf einmal festhalten tann, wählt das logisch vollendetste; und in der That, sowohl durch wachsende Ungleichkeit der Seiten als durch die der Winkel nähert sich allmählich immer mehr das Parallelogramm der Endform der geraden Linie, in welche alle vier Seiten zusammenfallen. Die Betrachtung natürlicher Gegenstände bezeugt dieselbe Neigung; als typische und ausdrucksvollste Beispiele jeder Gattung erscheinen uns immer diesenigen Arten, in welchen alle einzelnen Merkmale die höchsten Werthe erhalten, welche ihre von der Gattung vorgeschriebene Verknüpfungsweise ihnen erlaubt, in denen mithin kein Merkmal einseitig hervortritt, keines bis zum Nullwerth herabgedrängt ist, alle vielmehr so viel als möglich in gleichmäßiger Stärke ausgebildet sich zu dem Eindruck eines festen Gleichgewichts des Ganzen vereinigen.

134. Ich wiederhole hier eine frühere Bemerkung: ich beforge nicht, daß man diese Schätzung der Höhe der Arten als der Logik fremd tadeln werde; ihr Mangel besteht vielmehr darin, daß sie von unzureichenden logischen Gesichtspunkten aus sich nicht hinlänglich an die Natur ihrer Wegenstände anpaßt. Faffen wir uns furz: diefes Gleichgewicht der Merkmale, welches wir eben schilderten, für die Bedingung der größten Vollkommenheit einer Art zu halten, ist die Meinung, auf die wir aus rein logischen Gründen kommen muffen, so lange uns eine sachliche Kenntniß fehlt, welche aus der wesentlichen Bestimmung ber classisticirten Gattung einen anderen Maßstab für den steigenden Werth ihrer Arten ableiten fonnte. In der Natur der Dinge fann es liegen, daß eine Gattung M dazu bestimmt ist, eben jenes Gleichgewicht ber Merkmale nicht festzuhalten, sondern durch Berminderung des einen und llebersteigerung des andern in eine andere Gattung Nüberzugeben; dann werden ihre Arten um so vollkommener sein, je näher sie diesem Uebergange liegen, der sie ihrer eigenen Gattung entzieht. Bedanken einer zu erreichenden Bestimmung, durch welche die Gattun= gen über ihr eigenes Wesen fortwährend hinausgetrieben werden, findet man in die bedeutenosten Bersuche natürlicher Classificationen tief verflochten; ich führe ihn deshalb absichtlich hier ein, um seine Bedeutung für die Logik, welcher er an sich ganz fremd ist, zu erwähnen. Von dem Begriffe des Triebes haben wir früher die Vorstellung der hervorbringenden Wirksamkeit, von dem des Zweckes die der Absicht abgesondert: wir sondern ebenso hier von dem Begriffe der Bestimmung die Borstellung der Verpflichtung ab. Es entgeht Niemand, daß durch Diese

Abtrennung der ganze eigenthümliche Sinn dieser drei Begriffe sich überhaupt verflüchtigt; aber eben dies ist es, was wir beabsichtigen. Bar nicht jenen Begriff ber Bestimmung selbst führen wir in die Logik ein, sondern eben nur den des logischen Berhältniffes, das seinem mesentlichen Inhalt zu Grunde liegt, und zu deffen bildlicher Bezeichnung er selbst, als ausdrucksvollstes Beispiel, sich unserem Sprachgebrauch aufdrängt. Gine Bestimmung nun, welche erreicht werden soll, unterscheidet sich von einem Endzustande, ber nur thatsächlich durch eine Beränderung erreicht wird; bort enthält der Merkmalbestand, welcher das erreichte Ziel tennzeichnet, auch für alle früheren Stufen ber Entwidlung den gesetzgebenden Grund für den Zusammenhang der Merkmale und für die Richtung, in der sie sich verändern; ein Endzustand dagegen läßt möglich, daß die zu ihm führenden Vorgänge bunt abwechselnd, rechtläufig und rückläufig, freuz und quer verlaufen. Achtet man hierauf, so ist es nicht mehr zweifelhaft, welchen rein logischen Sinn es hat, wenn wir von einer Bestimmung sprechen, welcher die einzelnen Gattungen sich zu nähern haben. Bisher haben wir als das letzte gesetgebende Formprincip, welches in einer Reihe von Arten herrscht, den eigenen Gattungsbegriff M dieser Arten angesehen, und diejenige Art mußte bann die vollkommenfte fein, welche diesen Gattungsbegriff im schönften Gleichgewicht seiner Merkmale barstellt; jett hat eine ber Logit ursprünglich fremde Betrachtung erinnert, daß es auch anders sein kann, daß der wahrhaft bestimmende Grund für die Bildung ber Artenreihe von M nicht in dem Gattungstypus von M selbst liegen muß, so daß man ihn in M entdeden fonnte, wenn man dies M allein, in dem blogen Bestande seiner Merkmale, ins Auge faßt; daß vielmehr die Bildung dieser Gattung ihre richtige Deutung erst dann erhalte, wenn man fie felbst mit einer andern N, in welche fie übergeht, und einer dritten L, aus welcher sie durch ähnlichen llebergang entstanden ist, endlich diese wieder mit ihren Vorgängern und Rachfolgern vergleicht; erst aus dieser Vergleichung ergebe sich die Richtung, nach welcher innerhalb einer höheren Gattung Z, die jene alle, L M N, als Arten einichließt, der Fortgang vom Unvollkommenen zum Vollkommenen statts finde; in der Artenreihe jeder einzelnen Gattung M werden dann Diejenigen Glieder die höchsten sein, die am weitesten in dem Sinne der Richtung fortgeschritten sind, in welcher sich der ganze Typus der Gattung M innerhalb der höheren Z nach dem vollständigsten Ausschuck dieses Z hin entwickelt. Es bleibt übrig zu zeigen, daß diese Gedankenreihe, auf welche wir jetzt durch einen äußerlichen Anstoß uns bringen ließen, ohnehin an dieser Stelle aus den einheimischen Bedürfsnissen der Logik entspringt.

135. Aber dieser Nachweis ist kaum noch nöthig. Wir haben gesehen, daß wir den Allgemeinbegriff, der eine Anzahl Einzelner unter sich befaßt, nur aus der Bereinigung ihrer bleibenden und gemeinsamen Merkmale erzeugen konnten; bann: daß biese beständige Merkmalgruppe Bestandtheile von sehr verschiedenem Werthe enthalten fonnte; um Diejenigen auszusondern, welche nicht nur thatsächlich bleiben, sondern die bedingende Regel für die Fügung aller einschließen, mußten wir das gefundene Allgemeine mit anderen Allgemeinen vergleichen, Arten mit Arten; was dann in diesem größeren Wechsel bennoch fest bei einander blieb, das erschien uns als das mahre Wefen einer Gattung M, nach bessen mehr oder minder vollkommener Verwirklichung die Höhe der Arten von M abzumessen war. Aber dieses Verfahren hat keinen natürlichen Abschluß; dieselben Zweifel erneuern sich immer wieder; auch in dem Bestande des M werden die Merkmale ungleichwerthig fein; die maßgebenden wird man von den unwesentlichen nur unterscheiden, wenn man abermals M mit L und N vergleicht, aus dem gemeinsamen Bildungsgesetze, das in ihnen allen sich forterhält, die höhere Gattung Z bildet und den Werth von M L N sowohl als den ihrer einzelnen Arten nach dem Mage bestimmt, in welchem sie dies Bildungsgeset Z verwirklichen, nicht aber nach dem Maße, in welchem jede Art nur bas speciellere Gesetz ihrer eigenen nächsten Gattung zum Ausdruck bringt. Und dieser Fortschritt geht ins Endlose oder so weit, bis es uns gelungen ware, ein höchstes Ideal A aufzufinden, welches diejenige Berknüpfungsweise des Mannigfachen darstellte, die allen Gattungen des Wirklichen und des Denkbaren als gemeinsame Pflicht obläge; aus diesem A würde sich eine classissicatorische Entwicklung ableiten lassen, welche den ganzen Weltinhalt aus sich hervortriebe, und diese allein würde, wenn sie möglich wäre, die logische Bürgschaft dafür bieten, daß in der gesammten Artenreihe jede an den bestimmten Plat gerückt würde, der ihr durch den Grad, in dem fie das Wesentliche verwirklicht, zwischen allen ihren Verwandten zufäme. So führt diese Aufgabe natürlicher Classissication von selbst über die vereinsamte Behandlung einer besonderen Aufgabe zur spstematischen Gliederung unseres gesammten Denkinhaltes. Und diesem Antriebe sind in der That die bedeutendsten Bersuche immer gefolgt. Wollte man die aufsteigende Entwicklungsreihe der Pflanzen oder der Thiere darstellen, oder die gesichichtlichen Ercignisse, denn auch auf das Geschehen erstreckt sich der Anspruch dieser Denksorm: immer mußte man sich darüber rechtsertigen, warum man diesen, nicht jenen Maßstab für die Abschäuung des zusnehmenden Werthes der einzelnen Glieder befolgte, und immer fand man zuletzt diese Rechtsertigung nur in den allgemeinsten Anschauungen über den Sinn alles Seins oder Geschehens, die man ausdrücklich an die Spitze der ganzen Untersuchung stellte, oder unausgedrückt als seistendes Princip hindurchsühlen ließ.

Die natürliche Classification, um mit diesem hergebrachten Namen das nun geschilderte Verfahren zusammenzufassen, unterscheidet sich also von der combinatorischen oder fünstlichen durch die Berücksichtigung der gegenseitigen Determination der Merkmale, die in jener nur nebenbei Beachtung fand, in der Gestalt ihres Erfolges aber durch die Form der Reihe, deren Glieder nicht nur überhaupt nebeneinander gestellt sind, sondern in bestimmten Pläten aufeinander folgend aus dem Umfang oder dem Herrschaftsgebiet des einen Artbegriffes in das Gebiet eines andern hinüberleiten; diese Ordnung beginnt mit Gliebern, welche ber logischen Bestimmung des ganzen Systems am mindesten entsprechen, und endigt mit benen, deren Merkmalbestand den vollstänbigsten und reichsten Ausdruck ihrer Erfüllung bildet. Doch ist es nicht nothwendig, daß immer dieser einfachste Fall stattfinde, den wir hier annehmen, daß nämlich die Reihe nur eine Richtung habe. Zuerst ist in jeder einzelnen Art eine Bariation einzelner Merkmale denkbar, durch welche das entscheidende Gefüge der Art, für unsere Einsicht wenigstens, in nichts geändert wird; dann sind die verschiedenen Beispiele dieser Art gleichwerthig, und die Reihe nimmt hier eine Breite durch coordinirte Glieder an, ohne einen Fortschritt in ihrer Länge zu machen. Ebenso ist es ferner möglich, daß eine Art M durch verschiedene oder entgegengesetzte Variationen mehrerer Merkmale nicht nur in eine nächste Art N über-, sondern in mehrere Arten NOQ auseinandergeht, denen fie gleich verwandt ift, und die für den Sinn der Besammtentwicklung

gleichen Werth haben; diese werden dann zu Ausgangspunkten neuer Reihen, die entweder parallel fortlausen oder irgendwie sich später wiesder mit der gemeinsamen Reihe verschmelzen. So ist die Form der natürlichen Classissication im Allgemeinen die eines Gewebes oder Systems von Reihen, und nicht einmal der Gipfelpunkt dieses Systems braucht eine strenge Einheit zu sein, denn selbst für die vollendetste Erreichung der logischen Bestimmung bleibt die Möglichkeit verschiedener völlig gleichwerthiger Formen.

137. Da die Gelegenheit es mit sich bringt, erwähne ich noch zwei oft gebrauchte Begriffe, die hier eine logische Erläuterung finden fonnen. Die neue Werthbestimmung ber Arten, zu ber wir zulest famen, nach dem Maße, in welchem fie sich dem Ziele der Gesammtentwicklung nähern, schließt die frühere nicht aus, welche auf dem Gleichgewicht der Merkmale des nächsthöheren Gattungsbegriffs beruhte. Sie bestehen beide nebeneinander, obwohl die eine der anderen Abbruch thut. Dieser Widerstreit wird in unserer äfthetischen Bürdigung ber Erscheinungen fühlbar. Jede Art, welche ihre eigene Gattung im festen Gleichgewicht ihrer Merkmale darstellt, macht uns ben Eindruck bes verhältnißmäßig oder in sich selbst Bolltommenen; sie bildet den Typus der Gattung, welcher nicht die zureichende, aber die unerläßliche Bedingung ber Schönheit bes Schönen ift und felbst bem an sich Häßlichen die formale Berechtigung erwirbt, als Hägliches in fünftlerischer Darstellung nebenher verwandt zu werden. Arten bagegen, welche bies Gleichgewicht der Merkmale zerstören, indem sie einem höheren Ziele sich nähern, als innerhalb ihrer Gattung erreicht werden fann, gewähren uns den zweideutigen Eindruck des Interessanten, Diffonangen, durch welche wir nicht befriedigt, aber auf eine höhere Befriedigung vorbereitet werden. Ideal im Wegenfat zu Eppus würde die Erscheinung bedeuten, in welcher das Gleichgewicht der Mertmale, welches dieser verlangt, mit der größten Entwicklungshöhe in Bezug auf die logische Bestimmung glücklich zusammenfällt, eine Möglichkeit, welche logisch nicht ausgeschlossen ist, und welche die Kunft vielleicht in einer ruhigen Erscheinung, wahrscheinlicher nur in einer Situation diefer Erscheinung wird verwirklicht finden oder verwirklichen können.

138. Man wird endlich fragen, wie nun die entwickelnde Classification zu jenem Schlußpunkt gelange, dessen sie bedarf, zu der Gewißheit

nämlich, jenes höchste Gesetz, die logische Bestimmung, richtig gefunden ju haben, welche innerhalb ihres gegebenen Gegenstandes oder innerhalb des ganzen Weltinhaltes herrschend ist. Darauf haben wir nur ju antworten, daß auf blos logischem Wege diese Gewißheit zu erreichen ganz unmöglich ift. Die Form ber entwickelnden Claffification ift, wie alle logischen Formen, selbst ein Joeal, welches von dem Denten verlangt wird, dessen Erfüllung aber, so weit sie möglich, nur von dem Erkennen geleistet werden kann. In der That liegt hier kein Ausnahmsverhältniß vor, welches dieser ersten unserer sustematischen Formen zu ihren Ungunsten zur Last fiele. Auch das Urtheil schreibt uns eine Berbindung von Subject und Pradicat vor, die im Denken geleiftet werden muffe, sobald der Gedanke fich in feiner Beise bem Berhalten des Gedachten anschließen wolle; so lehrt uns das hypothetische Urtheil: nur durch Hinzufügung einer Bedingung zu dem Subjecte S sei es möglich, ihm ein Prädicat P zuzuerkennen, welches nicht schon in dem eigenen Begriffe des S liege; aber die Logit lehrt nicht, welche Bedingung x nöthig sei, um diesem S dieses P zu erwerben; sie erwartet biese Ausführung ihrer Befehle von ber Ertenntniß des jedesmaligen Sachverhaltes. Auch die Theorie der Syllogismen lehrt uns Folgerungen ziehen, wenn die Prämissen gegeben sind, aber fie gibt uns die Prämiffen nicht und steht nicht für beren Wahrheit ein, es sei benn, daß sie selbst als Folgefätze aus anderen Prämissen entspringen können; diese lettern dienen dann als das dem Denken Gegebene und führen auf irgend eine Wahrheit schließlich zurud, die nicht wieder logisch ableitbar ift. Ebenso behauptet die natürliche Classification nur dies: jede Gruppe zusammengehöriger Mannigfaltigkeiten, und, da alles zusammengehört, zulett das ganze Reich des Wirklichen und des Denkbaren muffe als ein Spftem von Reihen angesehen werden, in denen Begriff auf Begriff in bestimmter Richtung aufeinander folgt; aber diese Richtung selbst und das höchste in ihr treibende Princip aufzusuchen, überläßt sie den Mitteln der sachlichen Erkenntniß.

139. Nicht dieser Vorwurf, aber ein anderes Bedenken nöthigt uns zur Fortsetzung unseres Weges. Man wird es am leichtesten aus der spstematischen Stellung der Classissication verstehen. Als Anordnung von Begriffen entspricht sie zunächst unserem ersten Haupttheil, der Lehre vom Begriffe selbst; aber eben aus diesem mußten wir zur Betrachtung der Urtheile übergeben, benn der gegebene Wechsel bes Denkinhalts war nicht durch Begriffe allein zu fassen, im Gegentheil fette der Begriff Verhältniffe feiner Merkmale voraus, beren Ginn erst im Urtheil flar zu machen war. Die Classification entspricht ferner ber ersten Form der Urtheile, der kategorischen; wie in diesen das Subject seine Prädicate einfach hatte, annahm oder verlor, so erscheint hier der gesetzgebende höchste Begriff für sich allein als der Hervorbringer aller seiner Arten, als die Quelle, aus welcher sie emaniren; aber dem kategorischen setzte bas hypothetische Urtheil gegenüber, daß aus einem Subject S allein feine Mannigfaltigkeit entspringt; ebenfo werden alle Lehren der Emanation sich die Frage vorlegen muffen, welche zweite Bedingung ihr erstes Princip veranlaßt, sich überhaupt zu entwickeln, und woher ihm die Data kommen, gegen welche zuruckwirkend es gerade diese, nicht andere Formen seiner Ausgestaltung annehmen muß. Ein ähnlicher Fortschritt steht uns auch hier bevor; wir können ihn noch in engerem Anschluß an die geschilderten Gigenheiten der Classification vorbereiten. Der fünstlichen oder combinatorischen warfen wir vor, daß sie auf unmögliche Glieder führen könne, in der anderen entwickelnden achteten wir um so mehr auf die gegenseitige Determination der Merkmale und nahmen an, daß die Beränderung des einen auf die anderen zurudwirke, daß durch sie ein Begriff in den andern übergeht, daß eine Art dem Begriffe beffer als eine andere ent-Dies heißt offenbar: der Begriff hängt in der Bildung seiner Arten nicht blos von sich felbst, bildlich gesprochen, von feiner Absicht, sondern zugleich von einer andern Macht ab, die darüber bestimmt, welche Verwirklichungen seiner Absicht möglich ober unmöglich, mehr ober weniger adäquat ausfallen. Diese Macht haben wir aufzusuchen.

140. Die Aufgaben des Denkens sind erst dann vollständig geslöst, wenn es Formen zur Auffassung alles desjenigen entwickelt hat, was ihm die Wahrnehmung als Gegenstand und Anregung seiner Thästigkeit darbietet. Die Classissicationen genügen dieser Anforderung der Umfassung alles Inhalts nicht. Ihr natürlicher Gegenstand sind stets nur die ruhenden Bilder der Gattungen mit ihren sesten Merkmalen, die wir zwar in den Wahrnehmungen als stehende Ausgangspunkte mannigfaltiger Beziehungen zu bemerken glauben, die aber weit entsernt sind, die ganze Fülle der Wahrnehmung auszumachen. In dieser

spitematischen Gliederung, in welcher die Classification uns die einzelnen Gattungen geordnet darstellt, kommen sie in Wirklichkeit nicht vor; sie erscheinen nur, verwirklicht in unzähligen individuellen Beispielen, die durch Zeit und Raum zerftreut, einem beständigen Wechsel veränderlicher Zustände an sich selbst und veränderlicher Beziehungen untereinander unterworfen sind. Geben wir selbst zu, daß die Natur jedes Gattungsbegriffs vollständig bas Gesetz enthalte, nach welchem jedes seiner Beispiele sich verhalten wird, wenn es in diese oder jene Beziehung eintritt, so liegt doch in demselben Gattungsbegriff eben kein Grund für das, was wir hier hypothetisch hinzufügen, weder für das Borhandensein jenes Beispiels da und zu der Zeit, wo es vorhanden ift, noch für das Eintreten oder Nichteintreten dieser Beziehung. Durch die Form der Classification umfaßt daher das Denken nicht alles, was es umfassen muß; auch das, was hier nur als eine beiläufige Reizung der allgemeinen Begriffe zur Erzeugung dieser oder jener ihrer Arten erscheint, muß als ein wesentlicher Theil in der Gliederung des Ganzen der denkbaren Welt beachtet werden.

Diese Betrachtung wird nicht baburch widerlegt, daß nach einer früheren Bemerkung sich allerdings die entwickelnde Classification nicht auf ruhende Gattungen des Seienden und des Denkbaren, sondern auch auf den Fortschritt des Geschehens erstreden fann. Was das Geschehen zum Geschen macht, das Werden des einen Zustandes aus dem andern, entzieht sich auch hier, in den Bersuchen zu einer Entwidelung der Geschichte, der logischen Thätigkeit ganz. Das Bergangene überlegend oder das Zukünftige voraussagend, können diese Speculationen die Bilder gewisser Lagen aufstellen, als augenblickliche Bleichgewichtszustände, die nach ihrer Annahme in dem Flusse des Geschens auf einander in festgesetzter Reihe zu folgen bestimmt sind; allein wie es zugeht, daß dieser Uebergang geschieht, wissen sie nicht Auch dann nicht, wenn sie die unvollendbare Arbeit übernehmen wollten, ben Zwischenraum zwischen zwei solchen Gleichgewichtslagen in unzählige Stufen zu theilen; fie würden von jeder derfelben, nachdem sie erreicht ist, zeigen können, daß ihr Begriff eine Borstufe des Begriffs der folgenden ist; aber sie würden nicht nachweisen können, wodurch der wirkliche Inhalt dieses Begriffes die Wirklichkeit des anbern nach fich zieht. Und außerdem muß man hinzubedenken, daß reine

Begriffe sich nicht in Wirklichkeit vorfinden ober entwickeln, sondern nur ihre Beispiele, deren jedes eine specifische Bestimmtheit aller seiner Merkmale besitzt, welche sein Allgemeinbegriff zwar zuläßt, aber nicht bestimmt. Was daher in Wirklichkeit burch jenes Werben, bas ber Classification geheimnisvoll bleibt, entstehen wird, entsteht überdies nicht aus dem Begriff der vorangehenden Stufe, sondern aus dieser bestimmten Verwirklichung desselben, für welche jene Denkform ebenfalls fein Auge hat. Alle die Versuche der alten und der neuen Zeit, den Weltinhalt auf diesem Wege der Emanation aus einem Urbegriffe hervorgeben zu laffen, unterliegen demfelben Mangel. Ift jener Urbegriff in der That nur ein reiner Gedanke irgend eines Berhältnisses, bas zwischen noch gang namenlosen Beziehungspunkten stattfinden soll, so können sie aus ihm nur als Möglichkeiten, meinetwegen als nothwendige Forderungen gewisse ebenso allgemeine Formen ableiten, die in einer zufünftigen Wirklichkeit so ober so auftreten muffen; aber sie haben fein Mittel, Dieses Go ober Go zu entscheiden, und auch sonst fein Mittel zu zeigen, woher die gewünschte Berwirklichung kommen werde. Nehmen sie aber an, daß jener Urgedanke nicht zwischen so namenlosen, sondern zwischen bestimmt gearteten Beziehungspunkten von Haus aus bestehe, und theilen fie ihm felbst den Unftog zur Entwide lung, der ihnen fehlt, als eine ursprüngliche Unruhe mit, die ihn zur Entfaltung seiner Consequenzen nöthigt, so gestehen sie damit nur zu, daß die volle Gestalt jeder neuen Entwidelungsstufe nicht allein von dem Begriffe der vorigen, sondern von der thatsächlichen und grundlosen speciellen Gestalt abhängig ift, in welcher bereits dieser Begriff der vorangehenden sich verwirklicht hatte. Das heißt mit anderen Worten: sie geben zu, daß neben ihrer fategorischen Entwicklung durch Emas nation des Begriffs aus sich selbst noch eine andere Macht thätig ist: ein hier ganz unbeachtet bleibendes Wanze gesetzgebender hopothetischer Beziehungen, welche gebieten, daß, wenn in einem gegebenen Begriffe die Merkmale thatsächlich einen bestimmten Werth besitzen, und wenn auf diese Merkmalgruppe bestimmte Bedingungen einwirken, dann die Bestalt des aus jenem folgenden neuen Begriffs, der neuen Emanationsstufe, vollständig, aber auch dann erst vollständig bestimmt ist. Bergleichen wir endlich diese Emanationslehre mit dem Verfahren der Subsumptionsschluffe, so fonnen wir furz sagen, daß ihr eben die

weite Prämisse mangelt, durch welche jene aus dem allgemeinen Obersatze den vergleichsweis specielleren Schlußsatz erst hervorbringen. Diese hier verschwiegenen, nur vorausgesetzten Nebengedanken hat die Logit ausdrücklich zu ergänzen: sie reicht nicht mit einer Classissication von Begriffen aus, sondern muß auch den gesetzlichen Zusammenhang der Urtheile ausweisen, durch welche jene bestimmende Kraft eines vorhandenen Merkmals auf dasjenige ausgesprochen wird, welches aus ihm entstehen soll.

142. Es ist aber nicht nöthig, die Classification nur in ihrem Ungenügen zur vollständigen Auflösung der Denkaufgabe zu schildern; fie muß zur Erreichung ihres eigenen beschränkteren Zieles bieselben verschwiegenen Voraussetzungen machen. Jeden der Gattungsbegriffe, welche sie anordnet, sett sie nothwendig aus Merkmalen zusammen, welche auch in anderen vorkommen. Denn alle Mühe, eine Stufenleiter der Gattungen L M N zu bilden, wäre verloren, wenn L Merkmale hatte, die nur in ihm, aber sonft in der Welt nicht erhört wären, und M und N sich durch gleiche Originalität auszeichnen wollten. Mertmale muffen vielmehr wie überall bereitliegende Baufteine angesehen werden, die hier so, bort anders zubehauen, ein vergleichbares Material darstellen, aus dessen verschiedenartiger Verwendung allein die verschiedenen Gebäude der Begriffe entstehen. Nun spricht aber die entwidelnde Claffification von einer wechselseitigen Determination derjenigen Merkmale, welche in demselben Gattungsbegriffe M vereinigt find; die Aenderung des einen zieht Aenderungen des andern nach sich; der Fortschritt dieser Aenderungen erzeugt nicht nur die einzelnen Arten der Gattung M, sondern führt über sie selbst auch zur Gattung N Welchen Regeln fann diese bestimmende Macht des einen Merkmals über das andere folgen, wenn nicht solchen, die eine allgemeingültige Beziehung zwischen den Naturen dieser Merkmale enthalten, eine Beziehung, welche, da die gegebenen Merkmale felbst über den einzelnen Gattungsbegriff M hinaus Geltung haben, auch von diesem Begriffe M unabhängig sein muffen? Bon dem, was diese allgemeinen Gesetze des Zusammenhanges der Merkmale zulassen oder verbieten, ist daher die Bildung, die Möglichkeit und Unmöglichkeit der einzelnen Arten von M, zulett die von M selbst durchgängig bedingt. Mithin, um auch nur ihre eigene Aufgabe zu erfüllen, fett bie Claffification der Begriffe ein Reich von Urtheilen oder allgemeinen Gesetzen voraus, nach denen sich die Zulässigkeit, die Art der Verbindung und die gegenseitige Determination aller Merkmale richtet, die in diesem oder in jedem beliebigen andern Gattungsbegriffe vereinigt werden sollen.

Ich habe hier einen scheinbaren Widerspruch zu erwähnen, beffen Beseitigung biese Borbetrachtung zum Schluffe bringen wird. Diese gegenseitige Abhängigkeit eines Merkmals vom andern verlangten wir schon einmal, bei ber Form der Proportion; bamals berichtigten wir uns dahin, daß nicht zwischen zwei Merkmalen überhaupt eine constante Beziehung bestehe, sondern der Maßstab ihrer Wechselwirkung erst durch die Natur des Ganzen, an dem sie vorkommen, oder durch ben Begriff bieses Ganzen gegeben werbe. Hier nun scheinen wir bies zu widerrufen; in Wahrheit bestätigen wir es. Denn eben dies wird uns jetzt deutlich, daß der Inhalt jenes Begriffes, dem wir dort die entscheidende Macht übertrugen, in nichts besteht, als in einer Anzahl von Merkmalen, deren jedes einzeln weiter reicht als diefer Begriff selbst, und die in ihm auf bestimmte Weise verbunden sind. Zwischen diesen Merkmalen find, wie wir saben, verschiedene Beziehungen möglich; es kann kommen, daß die Borstellung des einen die des andern einschließt; bann wird an jedem Subject, bem bas erfte gutommt, auch bas andere sich einfinden; es fann sein, daß zwei Merkmale als conträre und contradictorische Glieder eines ihnen Gemeinsamen einander ausschließen, und dann sind sie an feinem denkbaren Subject vereinbar; zwischen diesen äußersten Fällen liegen mittlere, in denen, ohne eine ähnliche logische Begründung, uns die Wahrnehmung zwei Merkmale thatfächlich verbunden zeigt, aber der Werth des einen nicht überall einen gleichen Werth bes andern bedingt. Diesen Fällen galt unsere frühere Bemertung; der Grund nun, der diefen Spielraum verengt und die Proportion genau feststellt, nach welcher sich in jedem einzelnen Subject zwei Merkmale beterminiren, liegt in ber gleichzeitigen Gegenwart aller übrigen Merkmale, in ihren Werthen und in ihrer Berbin-Was an dem Verhältniß jener zwei unentschieden war, wird entschieden durch die Verhältniffe derfelben zu allen übrigen; wo den verschiedenen Gleichungen, durch welche man diese sich ausgedrückt denken kann, nur ein einziger Werth jedes ber Merkmale genugthut, ift die Bildung des Ganzen vollständig bestimmt; wo die Anzahl der

Gleichungen hierzu nicht genügt, bleibt dies Ganze theilweis noch unbestimmt und stellt einen allgemeinen Begriff dar, in welchem es noch verschiedene mögliche Arten gibt. Der Allgemeinbegriff ist es daher Merdings, der seinen untergebenen Arten die Proportion bestimmt, in der je zwei Merkmale einander determiniren; aber er thut dies nur traft der geordneten Summe seiner übrigen Merkmale und so weit diese selbst als bestimmtwerthige gegeben sind. In der That ist hierauf unser Verfahren immer begründet gewesen. Wenn wir classificirend aus einem Gattungsbegriffe seine Arten entwickeln wollten, haben wir stets annehmen muffen, einige seiner allgemeinen Merkmale seien ber Reihe nach so oder anders bestimmt; dann erst folgte die Bestimmtheit der übrigen, durch die das Bild einer Art im Unterschied von der andern vollendet wurde. Daß aber diese erste Bestimmtheit stattfand, welche die andere nach sich zog, war in dem Gattungsbegriff selbst nur eine Möglichkeit, deren Berwirklichung unabhängig von ihm durch unser Denten gesett wurde.

Ziehen wir diese Betrachtungen zusammen, so können wir sagen: jedes Einzelne und jede Art einer Gattung ist das, was sie ift, durch das Zusammenwirken der vollständigen Summe ihrer Bedingungen; diese Bedingungen aber bestehen barin, daß eine Anzahl von Glementen oder Merkmalen, welche auch getrennt von einander sein könnten, thatfächlich in einer bestimmten Berbindung gegeben sind, neben der auch andere Verbindungen derselben denkbar sind, und Größenwerthe besitzen, außer benen sie auch andere haben konnten. Aus biefer gegebenen Vereinigung der Bedingungen folgt nach allgemeinen Gesetzen, die über die Beziehungen jener Elemente gelten, dieses ganz bestimmte Ergebniß; aus einer Beränderung dieser Bedingungen jenes andere anders bestimmte. Jedes dieser Ergebnisse läßt sich, nachdem es da ist, mit anderen vergleichen und sich ihnen als Art den Arten beiordnen oder als Art der Gattung unterordnen; aber man muß diesen Begriffen, die wir bisher als den Schlüffel zum Verständniß des Gefüges ihrer Unterthanen betrachten, nicht eine andere geheimnisvolle Macht der Gesetzebung zutrauen außer ber, furze Ausdrücke für eine bestimmte Bereinigung trennbarer Bestandtheile zu sein, deren an sich nach allgemeinen Gesetzen überall gleichartige Wechselwirkung durch diese Bereinigung zu diesen, durch eine andere zu anderen Folgen führt.

145. Die Umkehrung der gesammten logischen Auffassung, welche in diesen Betrachtungen liegt, ist beutlich; sie tritt in ber modernen Wissenschaft als die logische Form der erklärenden Theorie der Form der Classification gegenüber, welche einseitig das Alterthum beherrschte. Ich überlasse der angewandten Logik alles, was über die Methoden zu fagen ift, welche diese Wendung unserer Bedanken gur Ausführung ihrer Aufgabe erzeugen muß, und beschränke mich hier auf die furze Hervorhebung der Züge, durch welche sich die logische Auffassung des Weltinhalts, wenn sie im Sinne dieser Theorien erreicht wäre, von jener der Classification unterscheiden würde. Es ist vor allem nicht mehr von einer fategorischen Emanation alles Denkbaren und Wirklichen die Rede, welches aus irgend einem Anfangspunkte, nur getrieben von dem dort enthaltenen Plane einer Entwicklung, aber ohne Beihülfe anderer Bedingungen hervorginge; die Form der Wissenschaft wird wesentlich hypothetisch. Sie erzählt nicht, was ift und geschieht, fondern fie bestimmt, was sein und geschehen muß, wenn bestimmte Bedingungen gegeben find; ob dagegen überhaupt und in welcher Reihenfolge oder Verknüpfung diese Bedingungen vorkommen, diese Frage schließt sie aus dem logischen Gebiet aus und überläßt sie der erfahrungsmäßigen Erkenntniß, welche diese Thatsachen als Anwendungsbeispiele der Theorie herbeibringen wird. Ich lasse ferner hier dahingestellt, auf welche Weise sich diese Theorie der allgemeinen Gesetze bemächtigt, nach welchen sie entscheidet, daß überall, wo ein bestimmter Arcis von Bedingungen gegeben sein möchte, nur eine bestimmte Folge und keine andere entstehen musse; es reicht jett hin zu bemerken, daß sie überhaupt von diesem Gedanken eines Gesetzes ausgeht, welches die bestimmte Folge einer bestimmten Bedingung allgemein feststellt. Das will sagen: überall, wo die Bedingung a+b sich findet, folgt aus ihr nur c, und die Natur des Gegenstandes, an dem a+b vorkommt, hat nicht die Macht, dieser Bedingung unmittelbar eine andere Folge zu geben, als dieses c; sie kann dies nur, sobald außer a+b sich in ihr noch andere Bedingungen a+d vorfinden, deren Zusammenwirken mit a+b gleichfalls nach einer allgemeinen Rothwendigkeit, die von der Natur dieses Gegenstandes ganz unabhängig ift und für jeden andern ebenso gelten würde, die Veränderung von e in 7 befiehlt. In biesem neuen Erfolge y ist bann die Wirksamkeit des Gesetzes, welches

e an a+b knüpfte, nicht aufgehoben, sondern unverändert mit enthalsten; denn für sich allein würde a+d nicht  $\gamma$ , sondern  $\delta$  erzeugt haben.

Auf der Grundlage dieser allgemeinen Gesetze beruht der mechanisirende Charafter, den diese Theorien sich selbst zum Ruhme anrechnen, von ihren logischen Gegnern als Tadel angerechnet erhalten. Der Reigung, welche eine Reihe von Erscheinungen organisch, wie man sagt, aus dem Sinne eines Gedankens herleiten will, der sich in ihnen entwidle, treten sie mit der Behauptung gegenüber, der bloße Sinn, der sich entwickeln will, erzeuge nichts, sondern alles sei nur, sobald die vollständige Summe der Bedingungen gegeben sei, von der es nach allgemeinen Gesetzen als nothwendige Folge abhänge; als Ergebniß dieser Bedingungen allein muffe man es betrachten, und die Erklärung bestehe nur darin, ein Gegebenes in seiner ganzen vollständigen Bestimmtheit als die unvermeidliche Folge der Anwendung allgemeingeltender Gesetze auf ebenso bestimmte gegebene Umstände aufzuweisen. Mit dieser logischen Gesinnung, die wir am meisten ausgesprochen in den mechanischen Naturwissenschaften finden, sind die erklärenden Theorien dem Gebrauch und der Aufsuchung allgemeiner Gattungsbegriffe sowie dem Unternehmen von Classificationen abgeneigt; sie würden eine Erscheinung so lange für nur wahrgenommen, aber unbegriffen ansehen, als sie fich nur auf die Eigenthümlichkeit, durch die ein Begriff sich gegen den andern abschließt, und nicht auf die Vorschriften eines allgemeinen Bedingungsrechtes zurückführen ließe, das für allen Denkinhalt und alles Birkliche gleichmäßig verbindlich ift; ihr Stolz besteht darin, ber Gattungsbegriffe und ihrer Stellung in einem Classensystem nicht zu bedürfen, sondern zu zeigen, daß man mit jeder Erscheinung, wohin sie auch ihrem Sinn nach gehören möge, fertig werden könne, sobald man die Summe der in ihr verbundenen Beziehungspunkte kenne; denn alles, was ist, sei lediglich ein Beispiel dessen, was da werden muß, wenn die allgemeinen Gesetze auf diese oder jene bestimmte Gruppe gegebener Elemente angewandt werden. Und felbst mit dem kann die erklärende Theorie sich nicht begnügen, was man als äußerstes Zugeständniß ihr zuweilen entgegenstellt: alles folge zwar allgemeinen Gesetzen, aber jedes Gebiet der Wirklichkeit doch seinen eigenen, und die Gesetze des Lebendigen, des Geistigen seien andere als die des Unlebendigen und Materiellen. Selbstverständlich ist es freilich, daß die-

Loge, Logif.

12

jenigen speciellen Gesetze, welche sich, als nächsthöhere allgemeine Regeln, am engsten an den Inhalt und die Gestalt gegebener Erscheinungen anschließen, verschieden sind je nach der Berschiedenheit der Subjecte, deren Berhalten sie ausdrücken; aber nur zwei Welten, die einander nichts angingen und aus deren einer keine Wirkungen irgend welcher Art in die andere hinüberliesen, könnten auf zwei höchsten, von einander unabhängigen, Gesetzen beruhen; wer von Einer Welt spricht, welche jene verschiedenen Gruppen sich entwickelnder Dinge und Ereignisse einsschließe, muß von Einem für alles Wirkliche gültigen Gesetze oder Einem zusammengehörigen Gesetztreise ausgehen, aus dem alle speciellen Gesetzte der verschiedenen Gebiete als particulare Fälle hervorgehen, sobald man ihm nacheinander, als eine Reihe verschiedener zweiter Prämissen, die Bedingungen unterordnet, durch welche sich die Raturen der in den einzelnen Gebieten wirksamen Subjecte unterscheiden.

146. Gemäß der Theilung der Aufgaben, die ich mir vorgenommen, habe ich in der letten Darstellung noch keines der Mittel ber Untersuchung erwähnt, deren die erklärende Theorie sich bedient, theils um jene allgemeinen Gefetze zu finden, benen sie jeden zusammengehörigen Kreis von Inhalt unterwirft, theils um in der Mannigfaltigleit des Gegebenen das innerlich Zusammengehörige selbst erft zu entdeden, das eine gemeinsame Unterordnung unter dieselben Oberfätze verträgt oder fordert. Ich behielt es der angewandten Logik vor, mit größtmöglicher Freiheit der Bewegung diese Anstrengungen zu verfolgen; die sustematische Uebersicht der Denkhandlungen, deren Abschluß wir uns nun nähern, hatte nur die Geftalt ins Auge zu fassen, welche die erflärende Theorie dem Zusammenhange alles Denkbaren zu geben wünscht, und welche, wenn es gelänge, sie in der That allem Denkbaren zu geben, als das erreichte lette Ziel aller Bestrebungen des Denkens erscheinen würde. Und damit eben drücke ich, nicht die allgemeine, aber die herrschende lleberzeugung der Gegenwart aus. Fast nur in der Form der erklärenden Theorie bewegen sich die wissenschaftlich thätigen Kräfte unserer Zeit; das spät erst zur Klarheit gekommene Bewußtsein des in ihr zu befolgenden Grundsates unterscheidet mächtig alle moberne Wissenschaft von der des Alterthums und des Mittelalters, Die von ihr entwickelten Methoden der Untersuchung bilden den werthvollen Schat, durch welchen die Erfenntniffunft ber neuen Zeit die ber antiten

Hospischie überflügelt. Daß gleichwohl die Ueberzeugung, mit dieser som des Denkens am Ende aller Wünsche zu sein, nicht allgemein ist, kweist der unablässige Widerstand, der ihrer ausschließlichen Herrschaft über alles Denkbare entgegengesetzt wird. Betrachten wir diesen Wischiand zuerst in den kenntlichen Gestalten, die er in der Gesammtheit anserer Weltauffassung annimmt, so werden wir den Rest rein logischen Bedürsnisses aus ihnen ablösen können, welchen die erklärenden Theorien unbestiedigt zurücklassen.

147. Am deutlichsten tritt die ästhetische Abneigung fünstlerisch zestimmter Gemüther gegen die Behauptung hervor, nur allgemeinen Meseten sei alles Seiende unterworfen, und jedes Einzelne nur das, mis es nach diesen Gesetzen werden mußte, wenn Bedingungen, die sich auch anders hätten fügen können, in einer bestimmten thatsächlichen form sich zusammengefügt haben. So meint man die Schönheit des Schönen nicht fassen zu können; nur dann scheint sie von Werth, und das zu sein, was sie ist, wenn die Endgestalt, die wir bewundern, das Erzebniß einer einheitlichen Macht ist, aus der sie zwar auch als unvermeidliches Ergebniß, aber nicht nur als folches, sondern als die Erfüllung und Erscheinung eines lebendigen Triebes hervorgeht; sie schiene unverständlich zu werden, wenn sie nur der Glücksfall einer Harmonie mischen zufällig zusammengerathenen Bestandtheilen wäre. anderswo zu zeigen versucht, daß dieser Einwand der Alesthetik versehlt ist, wenn er dazu übergeht, die allgemeine Macht der erklärenden Theorie ober des Mechanismus zu leugnen. Zufällig ist im Sinne dieser Theorie das Zusammenkommen der verschiedenen bedingenden Elemente niemals; es ist überall die nothwendige Folge der vorangegangenen Weltzustände; so führt nach rückwärts uns diese Ueberlegung entweder zu irgend einer Combination der Elemente, die wir als den Anfangszustand der Welt ansehen; und nichts hindert dann die Annahme, in dieser Combination, die denkbar auch eine andere hätte sein kennen, habe der bewundernswürdige Reim der Schönheit gelegen, dessen einheitliche Macht, durch allen mechanischen Zusammenhang der Folgemitande hindurchwirkend, die Schönheit der einzelnen Erscheinungen als einzelne Zeugnisse seiner selbst hervortreibe. Ober wenn wir den schwierigen Gedanken eines Anfangszustandes vermeiden wollen, so hindert med nichts, in einem beliebigen Zeitpunkt einen Durchschnitt gleichsam

durch die Breite des Weltlaufs zu legen und anzunehmen, daß bie Combination aller in gleichem Augenblick in ihm wirksamen Kräfte, eben weil sie diese ift und feine der andern benkbaren, die sie hätte sein können, den einheitlichen Grund aller jener einzelnen Schönheiten bilbet. Diese Annahme würde alles einschließen, was unser ästhetisches Gefühl für nothwendig halt, um die Bürde ber Schönheit zu sichern; sie wurde nur den Ort etwas verändert haben, in welchem sie jene einheitlich treibende Macht fände; nicht mehr ganz auf sich beruhend läge diese Macht in dem einzelnen Schönen; sie führe zwar fort in ihm selbst wirksam zu, sein, doch nur als Nachwirkung eines Allgemeinen, das alle Einzelheiten durchdringt. Diese Berschiebung des Ursprungs ber Schonheit aber widerstrebt den Bedürfnissen der Alesthetik nicht; anderseits die mechanische Theorie, da sie irgend einen gegebenen Thatbestand voraussetzen muß, an dem sich die Folgerichtigkeit der allgemeingesetzlichen Entwicklung vollzieht, hat kein Interesse, ihn lieber sinnlos als sinnvoll, lieber unvernünftig als vernünftig, lieber als Grund eines zwedlosen, denn als den eines zweckmäßig zusammenstimmenden Weltlaufs zu denfen. Gins aber liegt gleichmäßig in jener Forderung der Aesthetit und in diesem Zugeständniß der erklärenden Theorie: die zweiten Prämissen, welche wir den allgemeinen Gesetzen unterordnen und durchdie wir die Thatbestände bezeichnen, auf welche sich die Aussprüche der Gesetze auwenden sollen, können nicht so zufälliger Herkunft sein, wie sie uns allerdings erscheinen, wenn wir, in der Untersuchung eines einzelnen Inhaltsgebietes begriffen, fie aus ihrem Zusammenhang untereinander geriffen haben; fie felbst muffen spftematifirt werden und Glieber eines Ganzen bilden, des Ganzen, welches alle wirklichen Anwendungsobjecte jener allgemeinen Gesetze umfaßt. Nicht in hypothetischer Form sollen die Unterfätze unserer Weltbetrachtung eine Menge unzusammenhangender Möglichkeiten benten, beren jede, wenn fie einträte, in Folge der allgemeinen Gesetze zu einem bestimmten Erfolge führen würde, sondern affertorisch mußten sie jede einzelne dieser Möglichkeiten, die eintritt, von denen, die nicht eintreten, als ein berechtigtes, an bestimmte Stelle gehöriges Glied der geordneten Gesammtreihe des Wirklichen vorführen.

148. Theils bestätigt theils weiter umgeformt wird diese Fersterung in Folge metaphysischer Bedenken. Denn was hieße es doch, auf

der einen Seite ein Reich allgemeingültiger Gesetze annehmen, auf der andern eine Summe von Wirklichem, bas fich ihnen fügt, wenn zwischen diesen beiden kein weiteres Berhältniß stattfände und diese Unterwerjung begreiflich machte? Und worin anders könnte diese Unterwerfung bestehen, als darin, daß das Verhalten, welches jene Gesetze vorschreiben, von allem Anfang an eine thatsächliche Eigenschaft alles Wirklichen selbst, ein constantes Merkmal desselben ist neben den verschiedenen oder veränderlichen Merkmalen, durch die sich ein Wirkliches vom anderen unterscheibet? Niemals läßt sich boch eine Wahrheit anwenden, wie wir zu sagen pflegen, auf einen Inhalt, der ihr nicht von selbst entspricht; jede Anwendung ist nur die Anerkennung, daß das, was wir anwenden wollen, die eigene Natur beffen ift, in Bezug auf welches bie Anwendung stattfinden foll. Conftante Merkmale nun, weil fie in jedem Wirklichen vorkommen, lassen sich aus einer beschränkten Anzahl von Beobachtungen gewinnen, und da sie nun in unserem Denken als Erwartungen, die sich bestätigen werben, den weiteren Beobachtungen vorangehen, so erscheinen sie leicht als etwas, was auch der Natur der Sache nach in selbständiger Geltung dem vorangehe, woran es sich für uns aufs Neue bestätigen wird; daher jener wunderliche Sprachgebrauch, der die allgemeinen Gesetze als für sich herrschende Mächte ansieht, denen alles Wirkliche, woher es auch kommen und was es immer sein mag, späterhin sich zu unterwerfen genöthigt ist. Vermeiden wir nun dies Migverständniß und verknüpfen wir, was wir an feine Stelle fegen, mit dem, was aus unserem ästhetischen Bedürfniß floß, so verlangen wir jett als ben einzigen und einheitlichen Gegenstand unseres Denkens ein Seiendes, welches, nicht in Folge eines noch höheren Gefetzes, sondern weil es das ift, was es ift, zugleich der Grund der allgemeinen Gesetze ist, nach denen es überall sich verhalten wird, und zugleich der Reihenfolge der einzelnen Wirklichkeiten, die nachher uns sich diefen Gesetzen unterzuordnen scheinen werden. Ich beabsichtige nicht, diesen Gegenstand hier zu erschöpfen, und gehe über manche Schwierigkeiten hinweg, deren einige wir später innerhalb dieser logischen Untersuchungen selbst, andere im Zusammenhange der Metaphysik zu erwägen haben werden; es genügt mir, die logische Gedankenform zu verfolgen, welche bas Streben nach Befriedigung des geschilderten Bedürfnisses suchen müßte.

149. Sie wird nicht mehr ganz die des früheren Schluffes sein. Das allgemeine Gesetz, welches in dieser ber Obersatz voranstellte, wird als latentes, stillschweigend überall mitgedachtes, aufhören, diese ausgezeichnete Stelle bes wesentlich bestimmenten Bliedes einzunehmen; an seine Stelle tritt die allgemeine Natur des in der Welt sich entwidelnden Gesammtinhalts. Und diese Natur wird nicht aufgefaßt als der ruhende Inhalt einer Idee, der fremder Bedingungen bedürfte, um in Bewegung zu gerathen, sondern als begriffen in einer Bewegung, bie mit zu dem gehört, was dieser Inhalt ist, und ohne die er nicht sein würde, was er ist; in jedem Augenblick aber ist die einzelne Gestalt, welche dieser bewegte Inhalt annimmt, abhängig von seinem bleibenden Sinne und der bleibenden Richtung seiner Bewegung einerseits, und von dem bestimmten Orte oder dem bestimmten Ergebniß seiner Entwicklung, zu dem er bis dahin, nicht durch fremde Bedingungen, sondern durch seine eigene Bewegung gekommen ist. Es würde nicht unmöglich, sondern nur weitläufig fein, den wesentlichen Sinn diefer Vorstellungsweise auszudrücken, ohne den Begriff der Bewegung einzumischen; wir würden auf die Forderung einer Idee kommen, unter welcher alle Wirklichkeit als das Sustem ihrer Arten und Unterarten befaßt ist; aber die Unterschiede und die Rangordnung dieser Arten würden nicht nach unabhängig von jener Idee vorgefundenen Mertmalen und deren Modificationen bestimmt; sie selbst vielmehr würde den Grund des Vorhandenseins dieser Merkmale, der möglichen Gintheilungen derselben und der Werthordnung der so entstehenden Barietäten, mithin den ganzen Grund ihrer eigenen classificatorischen Gliederung in fich felbst enthalten. Am fürzesten fassen wir uns in die Formel: die gesuchte Denkform solle nur einen Obersatz für alle ihre Schlüsse haben, und dieser die Bewegung des gesammten Weltinhalts ausdrücken; die veränderlichen Unterfätze aber laffe fich diefer Oberfatz nicht anderswoher geben, sondern erzeuge sie selbst als die nach seiner eigenen Consequenz nothwendigen und vollständigen Bariationen seines Sinnes, und laffe so in geordneter Reihe die unendliche Anzahl der Schlußfätze hervorgeben, die zusammengenommen die entwickelte Wirklichkeit bilden, welche der Obersat in Gestalt eines entwickelungsfähigen Princips gedacht hatte.

150. Man kann nicht sagen, daß der Trieb, das Ganze unserer

Gedankenwelt nach diesem Muster zu gliedern, dem unbefangenen Lauf unseres Denkens fremd sei; er ist vielmehr zu allen Zeiten wirksam gewesen, und jedesmal, wenn in mehr oder minder vollkommener Form sich eine Weltbetrachtung nach der mechanischen Weise der erklärenden Theorien entwickelte, ist er dieser in der immerwiederkehrenden Forderung einer Auffassung der Welt und aller Dinge als einer lebendigen Entwicklung gegenübergetreten. Denn das Lebendige ift die Erscheinung, in der wir die Erfüllung der gemachten Ansprüche vollkommen verwirklicht zu sehen glauben; so wie hier der ursprüngliche Typus des Organismus zur wirkenden Macht wird, die sich selbst die Anreize und die Bedingungen ihrer folgerechten Entwicklung erzeugt, so sollte das Ganze der Welt von innen heraus sich die Gelegenheiten hervorbringen, die zur allmählichen Verwirklichung seines Gefammtinhaltes als nothwendige Bedingungen gehören. Was an diesem Glauben an die selbständige Entwicklung des einzelnen Lebendigen irrig ist, braucht hier nicht berührt zu werden; genug, daß es auf ausdrucksvolle Weise uns das zu sein scheint, was wir suchen. Un dieses Bild hat sich auch stets die Lehre angeschlossen, die zum letzten Mal in unserer Zeit sich ausdrücklich zu dem Streben befannte, aus der Einheit einer fich selbst entwickelnden und die Bedingungen ihres Fortschritts sich selbst erzeugenden Idee die Gesammtheit des Weltinhaltes entstehen zu sehen. Denn nicht selbst wollte diese Philosophie Hegels, nicht als untersuchendes und überlegendes Subject, nicht durch die Mittel eines verständigen oder discursiven Denkens, durch Unterordnung selbständiger zweiter Prämissen unter allgemeine Oberfätze, eine Ableitung des Weltinhaltes aus jenem einen Princip vollbringen; nur zusehen wollte sie, wie aus eigener Triebtraft der Idee diese Entwicklung erfolgt. Und für dieses anschauende, im ursprünglichen Sinne des Wortes speculative Denken glaubte sie in der dialektischen Methode die Leitung gefunden zu haben, welche in jedem Falle dem Blicke des Schauenden die mahre Richtung nach der sich vollziehenden Entwicklung gibt. Ich beharre darauf, in bieser Uebersicht der logischen Formen noch von den Ausführungsmaßregeln zu schweigen, durch welche ihre Anwendung auf den denkbaren Inhalt gesichert werden kann, und ich überlasse deshalb, was von jener Methode als Methode zu fagen ift, einem späteren Zusammenhange; aber zur Bezeichnung dieser letzten Geftalt, die wir allem Denkinhalt

zu geben wünschen, eigne ich mir den Gegensatz zwischen Speculation und erklärender Theorie an und nenne die Form des speculativen Denkens dies dritte Glied, mit welchem die Reihe der alles umfassienden systematischen Denkformen endet.

151. Und doch fühle ich, daß ich nicht ganz so kurz abschließen barf; auf eine ichon früher gemachte Bemerfung nuß ich noch einmal zurücktommen. Alle Denkformen, die wir betrachten, sind Ideale; sie bezeichnen die Endgestalten, welche bas Denken bem geringeren ober größeren Inhalte seiner Betrachtung zu geben wünscht, oder geben zu fönnen wünscht, um durch ihn, durch den Nachweis der Zusammengehörigkeit alles Busammenseienden, in seinem eigenen Streben befriedigt zu sein; alle diese Ideale verlieren nichts an ihrer Gültigkeit baburch, daß es dem menschlichen Wiffen nicht gelingt, ihnen jeden gegebenen Inhalt zu unterwerfen. Richt in jedem Erscheinungsfreis sind wir vielleicht im Stande, die allgemeinen Befete zu entbeden, die ihn beherrschen, und wenn wir sie entdedt hätten, gelänge es uns vielleicht nicht, jeden Ginzelfall ihnen so unterzuordnen, daß die Nothwendigkeit einer gegebenen Folge daraus einleuchtete. Aber wir würden unfere Forschungen nach dieser Richtung nicht raftlos fortsetzen, wenn wir nicht überzeugt wären von der allgemeinen Geltung dieses Princips ber erklärenden Theorie und davon, daß die Gültigkeit deffelben unabhangig von der Möglichkeit bestehe, sie mit den Mitteln unserer Erkenntniß an jedem denkbaren Inhalte zu bewähren. Bielleicht ift die Form bes speculativen Denkens noch ungunstiger gestellt; vielleicht reichen überhaupt die Bedingungen, die dem menschlichen Denken gestellt find, nicht dazu hin, um auch nur in wenigen, auch nur in einem Falle wirklich auszuführen, was hier angestrebt wird: immer wird auch dieses Poeal in verbindlicher Kraft bleiben und die Gestalt bezeichnen, durch welche, wenn man fie ihm geben konnte, ber Gesammtinhalt ber Bedankenwelt alle Ansprüche des Denkens voll befriedigen würde. Ihre berechtigte Stelle in der systematischen Reihe der Denkformen hat daber auch diese; daß sie zugleich das Endglied der Reihe ift, bedarf eines Beweises nicht: sie hat keine unverbundene blos zusammenseiende Mannigfaltigkeit übrig gelaffen, sondern alles in jene Zusammengehörigkeit verbunden, deren Nachweis das beständige Ziel alles Denkens war. Zugleich aber weist sie über das logische Gebiet hinaus. Der erklärenden

Theorie konnte es noch so vorkommen, als besäße sie in allgemeinsten Gesetzen, die das Denken aus sich allein erzeugt, einen Rechtsgrund, um über das Verhalten des Wirklichen im voraus zu entscheiden; die Speculation leugnet diese Berechtigung nicht, aber indem sie alles, die Macht dieser allgemeinen Gesetze selbst, die Richtung, welche die Entwicklung des Weltinhaltes nimmt, und die Einzelsormen, welche in Folge dieser beiden in jedem Augenblicke das Wirkliche annimmt, einzig und allein in der Natur des Inhalts eines höchsten Princips begründet sein läßt, deutet sie an, daß die endliche Erfüllung alles losgischen Strebens nicht durch neue logische Formen, sondern nur durch sachliche Erkenntniß dessen möglich sein würde, was sie als höchstes sich selbst entwickelndes Princip voraussetzt.

Zweites Buch.

Vom Untersuchen.

(Angewandte Logik.)

## Borbemerkung.

152. So fehr sind wir gewöhnt, unsere Gedankenwelt in Gegenfat zu einer äußeren Wirklichkeit zu setzen, daß nur eben diese scheint gemeint sein zu können, sobald von einem Gegenstande die Rede ift, auf welchen die Formen unseres Denkens Anwendung finden sollen. Erinnerung an die Naturwissenschaften, die einen so großen Ausschnitt an dem wiffenschaftlichen Gesichtstreis der Gegenwart einnehmen, bestärkt uns in dieser Meinung; die andere Erinnerung an Mathematik und Jurisprudenz ist geeignet, sie zu erschüttern. Aus der äußeren Wirtlichkeit empfängt die Mathematik weder ihre Gegenstände noch die Methoden ihrer Bearbeitung; nur Anlässe gibt ihr das von dorther Kommende, ihre Untersuchung nach dieser oder jener Richtung zu wenden; aber die wahren Objecte ihrer Betrachtung sind immer nur die Gebilde, welche unsere Anschauung oder unser Denken in sich selbst vorfindet oder erzeugt, und an welche die Erscheinungen der Außenwelt, immer nur annähernd, uns erinnern; und ihre Beschäftigung besteht darin, nach Gesetzen der Beurtheilung, die ebenfalls keiner äußern Erfahrung entnommen sind, die unzähligen denknothwendigen Folgen zu entwickeln, die aus den mannigfaltigen möglichen Combinationen jener inneren Gebilde entspringen. Und furz ist diese Entwicklung nicht; von felbst, so daß es nur der zuschauenden Aufmerksamkeit bedürfte, entrollen fich diese Consequenzen nicht; zu allen Zeiten hat sich vielmehr die Logit an die gleichalterige Mathematik gewandt, um Beispiele feiner, tieffinniger und wirksamer Untersuchungsmethoden zu finden. Der Jurisprudenz gaben allerdings die Verhältnisse der irdischen Wirklichkeit, in welche der Mensch mit seinen Bedürfnissen und Ansprüchen verwickelt ist, die Beranlassung der Entstehung; aber zu ordnen sucht sie diese Wirklichkeit und unsere Beziehungen zu ihr durch Satzungen, Die, obwohl der Natur gegenüber Erzeugnisse der Willfür, dennoch die nothwendigen Folgen von Joeen des Rechts und der Villigkeit sind, Folgen
einer seinsollenden Wahrheit, die nur in unserem Geiste selbst ihre
Heimat hat. Nichtsdestoweniger ist auch hier logischer Scharssinn beständig beschäftigt, immer genauer und untadelhafter den Zusammenhang
der einzelnen gefundenen Folgerungen unter einander und mit jenen
höchsten Principien darzulegen, aus denen sie sließen. Beide Wissenschaften beweisen mithin, daß die Logis, um Gegenstände ihrer Anwendung zu haben, sich nicht an eine äußere Wirklichseit zu wenden braucht,
daß sie übergenug Arbeit sindet, wenn sie den Zusammenhang des
Denkbaren und Denknothwendigen durchsorscht, daß endlich die innere
Welt unserer Vorstellungen ausgedehnt genug ist, um unbekannte Gegenden zu enthalten, die mit den Mitteln einer geordneten Untersuchung
noch zu entdecken sind.

Mit dieser Vorstellungsweise kann man sich nun zu den 153.Naturwiffenschaften zurückwenden. Gegenstand unserer Forschung wird auch die vorausgesetzte Außenwelt doch nur so weit, als sie auf irgend einem Wege, der uns hier nichts angeht, zu einer Welt von Vorstellungen in uns geworden ift; wir betrachten, zergliedern und untersuchen nicht jenes Unsichtbare, das außer uns liegen mag, sondern das sichtbare Bild, das sich von ihm in unserem Bewußtsein entwirft. Welche gesetzlichen Zusammenhänge wir auch immer, als Ergebniß einer langen Arbeit, zwischen den unbekannten Bestandtheilen dieses unbekannten Aeußern glauben annehmen zu müssen: alle diese Behauptungen gründen sich doch immer auf die Beziehungen, die zwischen den Inhalten unserer Vorstellungen entweder ein für allemal bestehen, oder veränderlich wechseln. Was auch immer die hervorbringenden Urfachen dieses Wechsels sein mögen, die Gesetze, nach denen er erfolgt, konnen wir immer nur aus seinem Inhalt selbst, aus der Reihenfolge erkennen, in der bestimmte Borftellungen in unserem Bewußtsein auf bestimmte folgen, aus der beständigen Verknüpfung einiger, der Unvereinbarkeit anderer. Auch für die Betrachtung der Außenwelt reicht es daher hin, sie zunächst als eine irgendwie in uns begründete Vorstellungswelt anzusehen; gleichviel, ob die Erscheinungen, die uns umgeben, einer wirllichen Welt äußerer Dinge entsprechen, ober ob sie Erzeugnisse einer schöpferischen, von unbekannten Antrieben geleiteten Einbildungsfraft

in uns selbst sind, die Entdeckung des Zusammenhanges zwischen ihnen wird immer dieselben Methoden der Untersuchung nöthig machen. Diese Auffassung wünsche ich, bei dem Uebergang zur angewandten Logik, sestgehalten zu sehen. Sie soll indessen nur hier, am Anfang, die sustes matische Stellung der solgenden Betrachtungen bezeichnen; innerhalb dieser selbst thun wir der gewohnten Borstellungsweise keinen Zwang an; möge man immerhin die Anstrengungen des Denkens hier auf eine wirkliche Außenwelt bezogen denken; nur wenn man sindet, daß auf das Berhältniß dieser Welt zu unserem Vorstellen noch gar keine Rücksicht genommen wird, möge man hiervon die Rechtsertigung in dem Inhalt dieser kurzen Vorbemerkung sinden.

## Erftes Kapitel.

## Die Formen ber Definition.

154. Innere Zustände, Empfindungen und Borstellungen, Gefühle und Strebungen, laffen sich nicht nach der Weise von Stoffen überliefern, die ablösbar von dem ersten Besitzer und fertig von Hand zu Hand gereicht werden; wir theilen sie nur mit, indem wir das Bemüth des Andern unter Bedingungen versetzen, unter denen er genöthigt sein wird, sie von neuem selbst in sich zu erfahren ober zu erzeugen. Geradezu auf Herstellung äußerer Bedingungen der Wahrnehmung würden wir angewiesen sein, wenn es sich um die erste Mittheilung eines noch unbekannten Inhalts handelte, der zu einfach wäre, um durch Denken erzeugt, oder zu verwickelt, um durch dasselbe erschöpft zu wer-Hätte die Seele des Andern noch nie Licht gesehen, Tone gehort oder sinnlichen Schmerz empfunden, so bliebe uns nur übrig, fein Auge in den Bereich einer Lichtquelle zu bringen, Schallwellen auf sein Ohr zu leiten und durch einen auf seinen Körper ausgeübten Reiz ihn das Wehgefühl erleben zu laffen, das wir felbst auf keine andere Weise Wünschen wir ihm eine noch ihm unbekannte kennen gelernt hatten. Person kenntlich zu machen, so wird die Beschreibung der zahllosen kleinen Merkmale, die sie von anderen unterscheiden, immer unsicher sein, aber der hinweisende Finger wird ihm genau diejenige zeigen, die wir meinen. Daß überall da, wo sie überhaupt anwendbar ist, diese unmittelbare Hinweisung auf den Gegenstand selbst oder auf eine ahnliche Abbildung desselben nützlich bleibt, bedarf nur dieser Erwähnung. Für die Fragen aber, welche uns hier angehen, machen wir eine doppelte weitere Voraussetzung: zuerst die eines reichlichen Besitzes früherer Erlebnisse, die denen gemeinsam sind, zwischen welchen eine Mittheilung stattfinden soll, dann die einer für beide Theile verständlichen Sprache,

mit deren einzelnen Worten, in großer Ausdehnung wenigstens, das Bewastsein beider dieselben einzelnen Vorstellungsinhalte verknüpft. Durch die Reihenfolge der gesprochenen Worte rusen wir dann in der Erinnerung des Andern die mit ihnen verbundenen Vorstellungen in dersenigen Ordnung hervor, die für ihn die innere Bedingung ist, das Mitzutheilende in seinem eigenen Bewußtsein zu erzeugen oder zu erfahren.

155. Auch diese Mittheilungsform schließt noch manches ein, was unsere logische Betrachtung nur nebenher beachten kann. Poesie und bie Beredsamkeit des Lebens suchen beide auf diesem Wege nicht nur Borstellungsgebilde mitzutheilen; sie rechnen darauf, daß an diese vorgeführten Bilder sich Gefühle der Lust und Unlust, der Billigung und Migbilligung, der Begeisterung und des Abscheus anknüpfen werden. Die Wirkungen, die sie so erzeugen, sind mächtig, aber unsicher. Denn für die blos vorstellende Auffassung von Thatbeständen zwar sind die verschiedenen Seelen gleichmäßig genug organisirt und ihre allgemeinen Gewohnheiten des Wahrnehmens ändern sich nicht; in der Schätzung der Gefühlswerthe dagegen, die wir dem Wahrgenommenen beilegen, macht fich nicht nur die ursprüngliche Verschiedenheit der geistigen Temperamente, sondern auch die Veränderlichkeit der augenblicklichen Stimmung gelten, die von dem eben Erlebten abhängig ist. Schon den wirklichen Thatsachen kommen baher Verschiedene mit fehr ungleicher Empfänglichkeit entgegen; noch weniger können wir hoffen, durch die stets unvollständige Erinnerung, welche an diese Thatsachen die Rede zu erweden vermag, in Andern genau dieselbe Gemüthsbewegung wieder zu erzeugen, in die sie uns versetzt hatten. Inwieweit kunftvolle Len= tung des Vorstellungslaufs und wohlabgemessener sprachlicher Ausdruck die Zweideutigkeit bes Erfolgs zu mindern dienen, mögen Poetik und Rhetorik lehren; unsere eigene Aufgabe beschränken wir enger auf die Mittheilung nur beffen, was in uns aus einem Zustande, den wir leiden, sich schon zu einer Vorstellung abgeklärt hat, die wir fassen: der Gedanken alfo, nicht der Gefühle und Stimmungen.

156. Die Sicherheit auch dieser Mittheilung scheint dadurch gejährdet, daß dieselben Worte doch nicht immer dem Sprechenden und dem Hörenden dasselbe bedeuten. Gibt es doch, noch abgesehen von später entstandenem Gleichklang ursprünglich verschiedener Wurzeln, in Lope, Logik. jeder Sprache der Worte viele, die mehrere fehr verschiedene Gegenstände bezeichnen; allerdings in Folge einer Aehnlichkeit, die diese Dinge untereinander haben, aber doch einer Aehnlichkeit, die nicht immer dem, welcher sich ber überlieferten Worte bedient, noch eben so bemerklich ift, wie dem ersten Urheber so übertragener Bedeutungen. Und selbst biejenigen Namen, mit denen alle daffelbe bezeichnen, verbürgen nicht eine gleiche Auffassung des Bezeichneten in allen; die besonderen Umftande, unter benen jeder Einzelne zur Kenntniß ber Sache fam, ber eigenthumliche Standpunkt, von dem aus er fie zuerst ins Auge faßte, die Berknüpfung mit anderen, in der er fie fand und aus welcher er fie lösen mußte, geben seiner Unsicht von ihr eine eigenthümliche Färbung und machen ihn zu anderen Folgerungen geneigt, als derjenige erwartete, der durch Rennung des gemeinschaftlich gebrauchten Wortes dem Bedankengang eine bestimmte Richtung zu geben dachte. möglich, diese Thatsachen zu leugnen, gefährlich, sich ganz sorglos über sie hinwegzusetzen, aber boch auch ungeschickt, sie zu übertreiben; der Verkehr des Lebens beweist hinlänglich, in wie ausgedehntem Umfange trotdem die Sprache zu voller Verständigung über die verschiedensten Gedanken hinreicht. Gewiß werden Vorstellungen übrig bleiben, deren genaue Mittheilung schwierig ist; aber beständen diese Schwierigkeiten nicht, so hätte es ja keinen Werth, Regeln zu suchen, nach benen durch passende Benutung unzweideutiger Worte die Zweideutigkeit anderer zu beseitigen und ihr Inhalt identisch für jeden Mitsprechenden festzuftellen ift. Dem freien Scharffinn bes Mittheilenden bleibt bier überlaffen zu beurtheilen, welche Worte für zweifellos genug gelten können, um andere zu erläutern; aber wie weit man auch das Bedürfniß noch empfinden mag, in diesem Geschäft zurückzugeben und zuvor die Mittheilungsmittel eindeutig zu machen, deren man sich bedienen will: immer wird man nur zwei Wege betreten fonnen, den der Abstraction und den der Construction.

157. Wir verdeutlichen den Inhalt eines Begriffes M durch Abstraction, indem wir zuerst auf eine Anzahl bekannter Beispiele hinweisen, in deren jedem M mitgedacht wird, dann aber von diesen Beispielen das abzusondern befehlen, was zu dem mitzutheilenden Inhalte des M nicht gehört. Auf diesem Wege sind ursprünglich alle unsere allgemeinen Begriffe und Vorstellungen entstanden; die einen,

indem das Gemeinsame vieler Eindrücke sich von selbst zum Gegenstand einer neuen gesonderten Vorstellung heraushob, die anderen, indem eine nachdenkende Aufmerksamkeit diesen Vorgang mit Absicht leitete. Und auf denselben Weg tommen wir alle im Falle des Bedürfnisses zurud; der logisch Ungebildete, wenn er, die alte Klage des platonischen Sotrates, die Frage, was er unter M verstehe, nur mit den Beispielen beantwortet, in benen er M mitdenkt, dem Fragenden aber die Dühe überläßt, ihr Gemeinsames, von dem die Rede sein sollte, von Nichtzugehörigem zu sondern. Aber auch der logisch geschulte Verstand verfährt nicht anders; wie fauber auch der Ausdruck, den er dem Allgemeinen gibt, nur deffen eigenen Inhalt, ohne Erinnerung an einzelne Beispiele, enthalten mag: gewonnen ist boch dieser Ausdruck burch eine in ber Stille ausgeführte Bergleichung vieler Ginzelfälle. Nur diese Bergleichung lehrt uns, welche Merkmale des M vollständig bestimmt sein mussen, damit der Ausbruck seines Begriffs alles ausschließe, was ihm fremd ist; welche anderen Merkmale man unbestimmt zu lassen hat, um in M alles einzuschließen, was ihm als Beispiel zugehört; nur die Thatsache endlich, daß Beispiele überhaupt sich finden laffen, überzeugt uns davon, daß dies M, um dessen Feststellung wir uns bemühen, einer Feststellung fähig ift, daß es eine Aufgabe bedeutet, die im wirklichen Borstellen sich auflösen läßt, nicht ein Hirngespinst widersprechender Bestandtheile, deren Vereinigung man zwar in Worten fordern, aber in der That nicht ausführen kann.

Abstraction zu betreten und Begriffsbestimmungen, die man auf andere Beise gefunden hätte, wenigstens nachträglich durch Ausweisung ihrer Beispiele zu beglaubigen. Ausschließlich anwendbar ist dies Verfahren überall, wo es sich um Festsetzung der einfachsten Begriffe handelt, die innem zusammengehörigen Kreise von Vorstellungen zu Grunde liegen. Sie kann man nur ausweisen, indem man von ihren bekannten Anwendungsbeispielen alles abzieht, was nicht zu ihrer Bedeutung gehört, aber man kann sie niemals aus Bestandtheilen zusammensetzen, welche sie nicht besitzen. Die auf diesen unmöglichen Zweck verschwendete Mähe endet immer mit dem sehlerhaften Cirkel, der unter den Mitteln, die er zum Ausbau brauchen will, eben das, was aufzubauen war, ganz und vollständig, wenn auch versteckt unter fremdartigen Bezeichnungen,

poraussett. So find in unserer Vorstellung des Werdens ohne Zweifel die Vorstellungen des Seins und des Nichtseins als zwei zusammengehörige Beziehungspunkte verbunden; wer aber das Werden als Einheit beider bestimmen wollte, würde nicht zum Ziele kommen. würde zuerst verpflichtet sein, die bestimmte Bedeutung festzustellen, die hier die an sich sehr vieldeutige Bezeichnung der Ginheit haben soll. Sie kann nicht das bloße Zusammensein der beiden Vorstellungen bes Seins und des Nichtseins in demselben Bewußtsein meinen, denn gu offenbar ist das Werden der Inhalt einer Beziehung, die zwischen den Inhalten beider stattfindet. Bereinigen wir aber Sein und Nichtsein an irgend einem mit sich identischen Subject als zugleich und in gleicher Weise gültige Prädicate, so erreichen wir nicht das Werden, sondern sehen uns blos der Unmöglichkeit gegenüber, diese sich widersprechende Aufgabe im Denken wirklich auszuführen. Trennen wir darum Sein und Richtsein des Subjects wieder und laffen das eine von ihm gelten, wenn das andere nicht gilt, so schließt auch dieser Wechsel das Werden nicht ein; es fällt zwischen beide Zeitpunkte und liegt in keinem von beiden. Man wird daher beide wieder aneinander rücken; aber so lange sie außereinander bleiben, wird auch das Werden außer ihnen liegen; man wird es nur erfassen, wenn man es weder im Sein noch im Richt fein, noch in einer ruhenden Ginheit beider, sondern nur in bem Uebergang von einem zum andern sucht. In dieser Vorstellung bes Ueberganges aber, oder in jeder anders ausgedrückten, die man ihr substituiren möchte, wird man, nur unter anderem Ramen, den mefentlichen Sinn unserer Vorstellung vom Werden wiedererkennen. Böllig eigenartig, wie fie ift, kann baber Diese Beziehung zwischen Sein und Richtsein nur durch sich selbst gedacht, nur aus den Beispielen, in denen sie mitgedacht wird, abgesondert, aber nicht durch Zusammensetzung aus Vorstellungen, in denen sie noch nicht enthalten wäre, erzeugt werden. Ganz dieselben Betrachtungen gelten von den gleich einfachen Begriffen des Seins, des Wirkens, des Vorstellens, der Bejahung, der Verneinung; und ganz in der dargestellten Weise bestimmt die euflidische Geometrie die Fläche als Grenze des Körperraums, die Linie als Grenze der Fläche, den Punkt als Grenze der Linie, indem sie jedes mal die einfachere Vorstellung, deren Auffassung schwieriger ist, durch Abstraction des nicht zu ihr Gehörigen aus der zusammengesetzteren

finden lehrt, welche der Anschauung näher liegt oder eben vorher bestimmt worden ist.

Das entgegengesetzte Verfahren würde ben Namen ber 159. Construction ganz nur dann verdienen, wenn es ihm gelänge, aus einer bestimmten Anzahl eindeutiger Theilvorstellungen durch eine Reihe gleichfalls eindeutig bestimmter Denkhandlungen, die es an ihnen vorzunehmen beföhle, den mitzutheilenden Inhalt vollständig zusammenzusetzen. Fast nur die mathematischen Begriffe und einige, die aus den Anwendungen der Mathematik entspringen, Begriffe, die als Erzeugnisse unseres Denkens nur enthalten, was dieses in ihnen vereinigt hat, find dieser Behandlung wirklich fähig. Sie sind es, weil die Theilvorstellungen, die zu dem gemeinten Ganzen gehören, sich vollzählig angeben laffen und weil nicht blos jede derfelben, sondern auch jede der Berbindungsweisen, die zwischen mehreren stattfinden sollen, außer der qualitativen Beschaffenheit, durch die sie sich von andersgearteten unterscheidet, auch noch die Angabe des Maßes gestattet, durch welches sie von andern ihres Gleichen unterscheidbar ist. Nichts bleibt daher hier unbestimmt, was bestimmt sein sollte; und wer der gegebenen Anweisung folgt, muß vor seinem Bewußtsein das zu erzeugende Bild mit demfelben Grade der Individualität oder Allgemeinheit entstehen sehen, mit welchem der Mittheilende es zu überliefern strebte. Beziehen sich dagegen unsere Mittheilungswünsche auf Gegenstände der Wirklichkeit, so begegnen sie bekannten Schwierigkeiten. Nicht aus einer begrenzten Anzahl von Beziehungspunkten, die man in Berbindungen von ebenso begrenzter Zahl zu bringen hätte, sondern aus unzähligen Theilvorstellungen besteht das Vorstellungsbild eines wirklichen Gegenstandes; und diese Theilvorstellungen sind unvergleichbar, so weit sie verschiedes nen Sinnen angehören, selbst die gleichartigen aber nur durch allgemeine Ramen zu bezeichnen, genauen Maßbestimmungen schwer zugänglich, die Berbindungen endlich zwischen allen diesen Elementen unübersehbar, überhaupt wahrnehmbar nur so weit sie in äußerlicher, räumlichzeitlicher Anordnung bestehen, und auch dann wegen mangelnder Kenntniß eines durchgreifenden Bildungsgesetzes auf keinen zusammensassenden Ausdruck zurückzubringen. Solcher Fülle gegenüber schwächt fich die Conftruction zur Beschreibung ab. Diese, wenn sie ihre Aufgabe versteht, wird sich zuerst bemühen, die großen Umrisse des

gangen mitzutheilenden Inhaltes festzustellen, sei es, daß fie bies noch burch eine einfache Construction leistet, oder daß sie von bekannten ähnlichen Inhalten als Gleichnissen ausgeht und durch nachträgliche Beränderung und Verschiebung, durch Hinwegnahme einzelner und Hinzufügung anderer Züge aus diesen den Grundriß ihres mitzutheilenden Bildes zu Stande bringt. In ihn wird dann die Fülle der Einzelmerkmale eingetragen, niemals vollständig, denn sie pflegt unermeglich zu sein, sondern mit geschickter Auswahl derjenigen, von denen zu hoffen, daß ihre Erwähnung die Aufmerksamkeit sogleich bestimmen wird, auch die unerwähnten aus eigener Erinnerung zu ergänzen. Wie große Wirkungen prägnantester Anschaulichkeit die Poesie auf diesem Wege erzeugt, bedarf nur dieser Erinnerung; ebenso deutlich aber ist die Unsicherheit dieses Erfolges. Die Ergänzungen des Nichterwähnten fallen in jedem andern Gemüth anders aus; ware es ausführbar, die verschiedenen Gesammtanschauungen sichtbar zu machen, welche dieselbe Beschreibung in verschiedenen Hörern erweckt, so würden ihre Abweichungen die Unzulänglichkeit jeder Beschreibung zur Begründung bestimmter auf fie zu stütender Folgerungen beweisen. Für wissenschaftliche Zwede bedarf daher die Beschreibung eine Regelung ihres Verfahrens, welche fie in der Definition findet.

160. Man pflegt zur Definition eines Begriffes M die Angabe seines nächsthöheren Gattungsbegriffs G, des genus proximum. und die des charafteristischen Merfmals d, der differentia specifica. zu verlangen, durch welche sich M von andern Arten des G unterschei-Durch die Forderung des Gattungsbegriffes G wird der willfürliche und launenhafte Gang der Beschreibung eingeschränkt; ihr stand es frei, an jedem beliebigen Punkte ihres Gegenstandes zu beginnen und ihm, nach welcher Richtung sie immer wollte, die übrigen Punkte nach und nach anzureihen, wenn fie fich nur zutrauen durfte, am Schlusse ihres Verfahrens das deutliche Bild des Gemeinten zu liefern. Ohne die Anwendung vieler Allgemeinbegriffe würde indessen auch sie nicht zum Biele kommen; anstatt diese nun willfürlich zu wählen, verlangt die Definition, daß man von demjenigen Allgemeinen ausgehe, in welchem der größte Theil der zu leistenden Constructionsarbeit schon fertig und vollzogen vorliegt, und welches, durch einen eindeutigen Namen sprachlich bezeichnet, in jedem Bewußtsein als eine bekannte Anschauung

vorausgesett werden kann, geeignet als Grundriß für die Einzeichnung der Einzelmerkmale zu dienen, durch welche das mitzutheilende Bild vollendet wird. Bezeichnet man uns ein noch nie gesehenes Geschöpf als Bogel, so gibt dieser Allgemeinbegriff uns mit einem Male die deutliche Vorstellung einer Anzahl untereinander auf charakteristische Beise verknüpfter Glieder und zugleich der besonderen Art der Beweglichteit und des lebendigen Gebrauchs, zu dem sie dienen; in diesen Grundriß tragen wir leicht die weiteren besonderen Merkmale ein, denn er selbst bestimmt die Stellen, an die jedes gehört. Wir würden dagegen nie eine gleich deutliche Vorstellung des unbekannten Geschöpfes erhalten, wenn wir sie aus den Urbestandtheilen zusammensetzen follten; endlos würde die Arbeit sein, alle verschiedenfarbigen Punkte seiner Gestalt nach Lage und dem Maß ihrer Verschiebbarkeit aufzuzählen, jo daß daraus auch nur das anschauliche Sinnesbild derfelben entstände; noch endloser wäre es, an dies Bild die Eigenthümlichkeiten der Lebensweise und des Benehmens zu knüpfen, die alle, wenn nicht zur Anschauung, so doch zur Vorstellung des zu schildernden Thieres gehören. Man begreift also den Werth der Abfürzung, welche durch den Ausgang von einem als bekannt annehmbaren Allgemeinbegriffe entsteht; man begreift ebenso, daß nun zum Ausgangspunkt nicht mehr irgend ein höheres Allgemeine, sondern ausdrücklich nur das genus proximum zu mählen ist, welches sich durch den Bestand und die Verbindung seiner Merkmale am engsten an den zu definirenden Begriff anschließt und mithin für jede der letten Determinationen, die diesen endgültig bestimmen, den Punkt, an welchem, und die Art, in welcher sie anzubringen ift, eindeutig vorschreibt. Bon einem höheren Allgemeinen als von diesem ausgehend, würden wir nicht nur die noch zu leistende Arbeit wieder vermehren, auf deren Abkürzung die Definition zielte, sondern auch den Erfolg gefährden. Denn eine ganze Reihe weiterer Merkmale würden wir jett hinzufügen muffen, um auf dem weiten Bege von jenem unbestimmteren Allgemeinen bis zu unserem speciellen Gegenstande herab alles Fremdartige auszuschließen, und jedes neue Merkmal würde eine neue Fehlerquelle öffnen, denn kaum ausführbar ist es, die Art und Weise, in der jedes sich den früheren anschließen soll, völlig genau zu bestimmen, ohne sich auf eine Anschauung zu berufen, die man hierüber in jedem Bewußtsein schon voraussetzen barf.

Wir würden daher auf diesem Wege jenes genus proximum in der Bestimmtheit und Sicherheit nicht wieder erzeugen, in welcher wir es, sogleich seinen Namen nennend, in der Erinnerung hervorrusen können, und deren es bedarf, um als Grundriß für die Einzeichnung der letzten Charakteristik des mitzutheilenden Begriffes zu dienen. Was wir so erreichten, würde mehr oder weniger ein Räthsel sein. Denn wenn wir Räthsel aufgeben, versahren wir so: an ein sehr unbestimmtes Allgemeine, an ein Etwas überhaupt besehlen wir unmittelbar Prädicate anzuknüpsen, die nur an einem sehr bestimmten Einzelsubject vereinbar sind, und überlassen nun dem Scharssinn, dies Subject oder zunächst das genus proximum zu sinden, welches diese Vereinbarkeit begründet.

Bisher galt uns die Definition als methodische Beschrei-161. bung. Sollte fie dies bleiben, so mußte fie von M vollständig bie Modificationen p1 q1 r1 angeben, in welchen M die allgemeinen Prabicate P Q R seiner Gattung G enthält. Anftatt biefer Bielheit verlangt die gewöhnliche Borschrift der Definition nur die Bezeichnung des einen Merkmals d, der specifischen Differenz, durch die sich M von allen andern Arten der Gattung G unterscheidet. Die Definition stellt sich hiermit offenbar eine beschränktere und darum ausführbarere Aufgabe als die Beschreibung; sie will nicht mehr den ganzen Gehalt des M positiv barftellen, sondern nur bas Rennzeichen namhaft machen, durch welches M von allem sich abgrenzen läßt, was nicht M ist; hierauf beruhen die Namen definitio und opiquos, beide nur Abgrenzung des einen vom andern verlangend. Und hierauf muß in der That die alls gemeine Aufgabe der Definition beschränkt werden. In den weiteren Anwendungen des Denkens macht sich allerdings der Trieb gelten, nicht nur zu unterscheiden, sondern das Unterschiedene vollständig zu erfennen; dann macht man gesteigerte Ansprüche an die Definition; dann will man als specifische Differenz nur eines jener wirklich artbildenden Mertmale zulaffen, deffen Vortommen einen entscheidenden Ginfluß auf die Modificationen hat, in welchen auch alle übrigen, von der Des finition verschwiegenen Merkmale des Allgemeinen G dem Definiendum M zukommen. Diese hohen Forderungen sind jedoch ganz nur am Ende einer Untersuchung erfüllbar, welche uns M völlig kennen gelehrt hat und darum die Aufgabe übrig läßt und möglich macht, einen abschlie-

fenden und classischen Ausbruck seines Inhalts festzusetzen. Aber außer dieser gibt es nicht minder bringliche andere Aufgaben; für den Beginn einer theoretischen Untersuchung, die eine Anzahl von M gültiger Sätze noch finden will, für ein praktisches Berhalten, das an ein gegebenes Berhältniß M ihm angemessene Folgen knüpfen soll: für beide ist es von äußerster Wichtigkeit und ist zunächst auch nur dies von Wichtigkeit, daß unzweideutig und leicht erkennbar der Umfang jenes M abgegrenzt werde, von welchem die zu behauptenden Sätze oder die zu treffenden Entscheidungen gelten sollen. Hierzu reicht jedes Merkmal d, auch bas unbedeutendste hin, sobald es nur wirklich ein ausschließliches Kennzeichen des M ift. In dem ersten Falle, dem einer theoretischen Untersuchung, wird dann der weitere Fortgang dieser selbst entweder den Grund kennen lehren, welcher die Bültigkeit einer Reihe von Gagen an dies unscheinbare Merkmal d knüpft, oder er wird zeigen, daß deren Geltung weitere oder engere Grenzen hat, d folglich nicht die passende Charafteristit ihres Subjectes war. In dem anderen praftischen Falle wird man vorher, da wo es sich noch de lege ferenda handelt, die ganze volle Bedeutung eines Rechtsverhältniffes zu erwägen haben, von dem das zu gebende Gesetz gelten soll; wer aber die lex lata auszuführen hat, verlangt mit Recht, daß eben diese Vorerwägung ihr die Gestalt einer Definition gegeben habe, die nicht durch das tiefsinnigste, sondern durch das am leichtesten erkennbare Merkmal d die Fälle, in denen eine Entscheidung gelten soll, von denen unterscheidbar macht, in welchen sie nicht gelten soll. Man übersieht diese unabweisbaren Aufgaben angewandter Logif, wenn man zu geringschätzig von dieser her= gebrachten Form ber Definition benkt, und man migversteht ben guten Sinn vieler Beispiele berselben in praftischer Philosophie und Jurisprudenz, wenn man in ihnen anstatt der Kennzeichen eines Begriffs M, welche sie geben wollen und vollständig geben, eine unzulängliche Bezeichnung des ganzen Inhalts von M sieht, welche zu liefern sie überhaupt nicht beabsichtigen.

162. Un diese Bemerkungen schließt sich bequem die Erwähnung des Unterschiedes, den man, nicht ganz übereinstimmend, zwischen nosminaler und realer Definition macht. Ramen lassen sich aussprechen oder übersetzen, definiren aber können wir immer nur ihren Inhalt: unsere Borstellung nämlich von dem, was sie bezeichnen sollen; die

Sache anderseits ist ebensowenig selbst in unserem Denken vorhanden, sondern nur das Vorstellungsbild, das wir von ihr entworfen haben. Beide Arten der Definition scheinen daher dasselbe bezeichnen zu muffen, und in der That trifft dies für alles zu, was außerhalb unferer Gedanken keine Wirklichkeit hat und bessen ganzer Inhalt deshalb durch das erschöpft wird, was wir von ihm vorstellen. Bon einer geometrischen Figur gibt es keine reale Definition, die von der nominalen noch unterschieden wäre; jede richtige, die wir geben, drückt zugleich die ganze Natur beffen, was hier die Sache ift, und zugleich die ganze Bedeutung des Namens aus. In anderen Fällen bedeutet jedoch der Unterschied beider Definitionsweisen etwas, was der Mühe werth ist. Nennen wir die Seele das Subject des Bewußtseins, des Vorstellens, Fühlens und Wollens, so kann dies schicklich eine nominale Definition heißen: wir machen damit die Bedingung namhaft, welche irgend ein Reales erfüllen muß, um Anspruch auf den Namen einer Seele zu ba-Wer aber oder was nun dasjenige ist, was durch seine eigenthümliche Natur diese Bedingung zu erfüllen im Stande wäre, bleibt völlig dahingestellt; erft eine Ansicht, welche bewiese, daß entweder nur ein übersinnliches und untheilbares Wesen oder nur ein verbundenes Sustem materieller Elemente den Träger des Bewußtseins und seiner mannigfachen Erscheinungen bilden könne, würde die reale Definition der Seele festgestellt haben. Eine nominale Definition gab Rant von der Schönheit, als er fie nicht in der Angemeffenheit des schönen Begenstandes zu irgend einem Begriff, nicht in seiner Fähigkeit, ein Begehren in uns zu befriedigen, sondern in seiner unmittelbaren und auf fein Interesse bezogenen Wohlgefälligkeit fand; die reale Definition würde die bestimmten Verhältnisse zwischen mannigfaltigen Beziehungspunkten oder Bestandtheilen nachweisen muffen, die jeden Wegenstand, in dem fie vorkommen, zur Erregung jenes Wohlgefallens befähigen. Allgemein also: wenn entweder die Erfahrung uns eine Merkmalgruppe par häufig vorkommend und beständig beisammen bleibend vorführt, oder wenn irgend ein Zusammenhang unserer Untersuchungen uns veranlaßt, fie zusammenzuseten und in ihr einen Wegenstand weiterer Fragen zu seben, fo bilden wir zuerst für fie einen Begriff M, deffen nominale Definition immer möglich sein wird, weil sie nur jene Prädicate, die uns zur Schaffung seines Namens bewogen, oder die Leiftung zu bezeichnen hat,

Definition wird nicht immer möglich sein; denn nichts verbürgt, daß wir nicht in M Merkmale vereinigt haben, deren Berknüpfung wir zwar aus irgend einem Grunde glaubten voraussetzen oder wünschen zu dürfen, ohne daß sich doch etwas auffinden ließe, worin sie wirklich verbunden vorkämen oder verbindbar wären. Da es ein häusiger Jrrsthum ist, diese bloße Bezeichnung einer Aufgabe, die wir gelöst sehen möchten, für die Lösung selbst anzusehen, so ist die Unterscheidung beisder Definitionsarten eine nützliche Warnung.

163. Drei Jehler sind zu vermeiden, welche die Definition unzulänglich machen. Ihre Behauptung, M=Z, soll zuerst keine Tautologie sein; sie wird aber bazu, sobalb unter ben in Z verbundenen Borstellungen, durch welche M erklärt werden soll, offen oder versteckt M selbst vorausgesetzt wird. Diesen Fehler des circulus in definiendo verschuldet häufig Unachtsamkeit, gegen die es keine Regel gibt; mit einer gewissen Nothwendigkeit sehen wir uns zu ihm geführt, sobald wir in der Form einer Definition Ginfaches bestimmen wollen, für das es einen superordinirten Allgemeinbegriff nicht gibt. Die Definition, als Bestimmung eines Begriffes, muß zweitens ein allgemeines Urtheil sein, gültig von allen Beispielen dieses Begriffes. Sind nun alle M=Z, so muß auch die Contraposition gelten: kein M ist Non-Z; belehrt uns dann weiteres Nachdenken oder neue Erfahrung, daß es dennoch M gibt, die Non-Z find, so war die Definition: M=Z zu eng, definiendo angustior und galt nicht von allen M, von denen sie hätte gelten muffen. Die Definition soll endlich reciprocabel sein; find alle M=Z, so mussen auch alle Z=M sein; sobald daher weiteres Nachdenken oder neue Erfahrung uns zeigt, daß einige Z nicht M sind, so war die Definition M=Z zu weit, definiendo latior, und schloß einige Non-M mit ein, die sie hatte ausschließen sollen. Rütlicher als diese Benennung der Fehler würde eine Anweisung zu ihrer Vermeidung sein; wir können jedoch deshalb nur auf ihre gewöhnliche Quelle hinweisen: auf die Beschränktheit des Beobachtungsfreises, der jedem Einzelnen in der Regel nur einen und denselben Bruchtheil eines ganzen Begriffsumfanges vorführt, und auf die Ginseitigkeit, in welche unser Gedankengang leicht verfällt, wenn er neuer Anregung von außen entbehrt. In unserem Himmelsstrich drängt sich das sommerliche

Erwachen der Pflanzenwelt und ihr Winterschlummer unserer lebhaften Theilnahme auf; das thierische Leben scheint, in stetiger Regsamkeit begriffen, den vollen Gegensatz zu bilden. Eine wissenschaftliche Unterscheidung nun zwischen Thier und Pflanze wird man hierauf zwar nicht gründen; aber ungählige Gleichniffe, deren sich Poefie und Beredsamkeit bedienen, zeigen doch, daß wir gewohnt sind, die jährliche Periodicität als wesentlichen Charafter ber Pflanze zu betrachten. Gine Definition, die dies ausspräche, würde zu eng und zu weit auf einmal sein; sie würde die tropischen Pflanzen ausschließen, die in absatloser Vegetation leben, und sie würde die winterschlafenden Thiere einschließen, die in unserem Alima der hauptsächlich auf Hausthiere gerichteten Aufmertsamkeit leicht entgeben. Wer politische und sociale Rechte und Pflichten aller Staatsangehörigen neu begründen möchte, dem begegnet es wohl, nur an die Männerwelt zu denken, innerhalb deren diese Verhandlungen geführt zu werden pflegen, und seine Vorschläge werden zu weit, indem fie für alle verlangen, mas fie nur für die Männer meinen, oder zu eng, indem sie nur in Rücksicht auf diese etwas aussprechen, was für alle Geltung haben muß. Wir ziehen hieraus die allgemeine Lehre, man solle keine Aufgabe aus bem Stegreif behandeln, sobald man die Möglichkeit hat, durch Verkehr mit Anderen oder durch Berücksichtigung von Gesichtspunkten, welche die überlieferte Wissenschaft schon zusammengestellt hat, die Beschränktheit der eigenen Erfahrung zu erweitern; die Gelehrsamkeit ist an sich nicht erfinderisch, aber größere Sicherheit vor extremen Jrrthümern hat sie, wie jede Schulung und Disciplin, vor blos naturalistischem Verfahren voraus.

164. Man stellt außerdem an die Definition Forderungen der Eleganz und Kürze, die ich an einem einfachen Beispiele durchgeben will. Wer den Kreis die frumme Linie nennt, deren sämmtliche Punkte gleichweit von ihrem Mittelpunkte entfernt sind, begeht zuerst den wirklichen Fehler einer zu weiten Definition. Denn ziehen wir, auf der Obersläche einer Kugel, eine Schlangenlinie, die mit gleichen und abwechselnd entgegengesetzt gerichteten Bögen einen größten Kreis umsläuft, so sind alle Punkte dieser Linie gleichweit vom Mittelpunkt der Kugel entfernt. Braucht dann die Linie eine ungerade ganze Anzahl dieser Doppelbogen, um wieder an ihren Ausgangspunkt auf dem größten Kreise zurückzukehren, so besteht sie aus unzähligen Paaren an den

entgegengesetzten Endpunkten eines Augeldurchmessers einander gegenüberliegender Punkte; der Mittelpunkt der Rugel halbirt also die geradlinige Entfernung zwischen den beiden Punkten jedes Paares; er würde mithin in jedem Sinne, den man hier dem Namen des Mittelpunktes geben könnte, auch der Mittelpunkt der Summe aller Paare, d. h. jener Linie sein, die gleichwohl kein Kreis wäre. Es war daber nöthig zu fagen, der Kreis sei die ebene frumme Linic, die jene Bedingung erfüllt. Weiter gilt es dann aber als eine Forderung der Eleganz, daß die Definition nicht mehr Vorstellungen enthalte, zur völligen Bestimmung des gegebenen Begriffs unentbehrlich sind. Man fann deshalb verlangen, daß nicht von einer frummen Linie, sondern von einer Linic überhaupt die Rede sei; erfüllt sie die hinzugefügte Bedingung, so folgt ohnehin, daß sie nicht gerade sein kann. Diese Bedingung selbst ist jedoch nicht correct ausgedrückt. Die Definition soll unter ihren Verdeutlichungsmitteln nicht solche Vorstellungen enthalten, welche selbst erst deutlich werden unter Voraussetzung des zu definirenden Begriffs. Eine solche Vorstellung ist hier gewiß die des Mittelpunktes. Denn hätten wir die Anschauung des Kreises noch nicht (und in der That können wir wenigstens hier nicht veranlaßt sein, uns dieser Anschauung zu erinnern, nachdem wir das Merkmal der Krümmung aus unserer Definition weggelassen haben), so könnten wir unter dem Mittelpunkt einer Linie zunächst nur den Halbirungspunkt ihrer Länge verstehen, und erst ber Versuch, unter dieser Voraussetzung den Kreis zu construiren, würde unsern Jrrthum entdeden. Diese dem gewöhnlichen Sprachgebrauch naheliegende Bedeutung des Mittelpunktes, die uns schon in der Erwähnung unserer Schlangenlinie oben zu unwillkommener Weitläufigkeit zwang, muß daher in der Definition durch die genaue allgemein zutreffende Bestimmung bessen ersett werden, was für alle Raumgebilde unter diesem Ausdrucke zu verstehen ist. Diese Bestimmung-läßt sich leicht geben, aber ich barf sie übergeben, benn es folgt aus ihr, daß, wenn es für eine ebene Linie einen Punkt derfelben Cbene gibt, von dem alle ihre Punkte gleich entfernt find, eben diefer Punkt ihr Mittelpunkt ift. Seten wir nun diefe Definition des Mittelpunktes in unsere Definition des Kreises ein, so wird die nähere Bedingung, durch welche die ebene Linie zum Kreise werden soll, völlig tautologisch und der Sinn des Ganzen ist offenbar

nur noch ber: Rreis ift die ebene Linie, für die es in derfelben Ebene einen Punkt gibt, von dem alle ihre Punkte äquidistant find. So ift die Definition dem Inhalt nach richtig; bennoch läßt sie sich formell bemängeln. Denn nachdem wir den Begriff des Mittelpunktes hinweggelaffen haben, erinnern wir uns, daß nur feine Beibehaltung uns nöthigte, den äquidiftanten Punkt in derfelben Ebene zu suchen; nicht dieser wirkliche Mittelpunkt allein, sondern jeder Punkt einer durch ihn fentrecht zu ber Ebene ber Linie gelegten Are erfüllt die Bedingung, gleichweit von allen Punkten ber Linie zu sein. Es reicht baber bin zu fagen: Kreis ist die ebene Linie, für deren sämmtliche Punkte es einen äquidistanten Punkt gibt; daß es solcher Punkte viele gibt und wo sie liegen, tann unerwähnt bleiben; ber Bersuch, die Linie nach dieser Unweisung zu construiren, lehrt beides ohnehin. Auch so endlich entspricht die Definition noch nicht allen Wünschen. Sie sagt zwar, daß alle Puntte des Kreises äquidistant von einem und demselben Puntte find, aber sie läßt unentschieden, ihrer Form nach, ob alle von diesem Punkte äquidistanten Punkte auch Punkte des Kreises find oder nicht. Sie find es nun aber, sobald sie in berselben Ebene liegen, und um dies mit auszudrücken, nennen wir endlich den Areis die Linie, welche alle von irgend einem Bunfte äquidistanten Bunfte einer Gbene enthält.

165. Ueber die Anforderungen an die Definition, die wir an die= sem Beispiele durchgingen, fann man verschieden urtheilen. Die Unwendung von Vorstellungen, die unabhängig von dem zu definirenden Begriffe sich zwar bestimmen lassen, aber doch, wenigstens außerhalb des Zusammenhanges einer wissenschaftlichen Behandlung, volle Deutlichkeit erst durch ihn selbst erhalten, wie hier die der Borstellung vom Mittelpunkt, ift ein jedenfalls zu vermeidender Fehler. Die Sinzufügung überflüffiger Bestimmungen hingegen kann unbedenklich erscheinen, da fie die Richtigkeit ber Definition nicht beeinträchtigt, ihre Berftandlichkeit dagegen erhöht. Dennoch ist sie zu vermeiden. Denn leicht erweckt der Bufat einer entbehrlichen Nebenbestimmung z, eben weil ihre Entbehr= lichkeit nicht mit ausgesprochen wird, den falschen Nebengedanken, sie gehöre dazu, um das zu definirende M von einem Non-M zu unterscheiden, von welchem, mit einziger Ausnahme von z selbst, alle Behauptungen der Definition auch gültig seien. Nennen wir den Kreis die frumme ebene Linie, für beren Punfte es einen äquidistanten

Puntt gibt, so hat es formell den Anschein, als gabe es auch gerade Linien, die berfelben Bedingung genügten. Wenig schadet dies in diesem ganz einfachen Falle; aber wirkliche Nachtheile können in verwickels teren aus jener scheinbar harmlosen Hinzufügung des Ueberflüssigen entstehen. Mindestens hemmt sie uns in der Ableitung von Folgen, um deren willen wir die Definition doch überhaupt nur aufstellten. Denn es kann sich zutragen, daß von einem Q auf irgend eine vielleicht mittelbare Weise gang sicher die Prädicatsumme feststeht, die nach richtiger Definition hinreicht, um Q unter M zu subsumiren, daß es aber ichwer oder unthunlich ift, direct an Q auch noch das Prädicat z nachzuweisen, welches die wirklich gegebene Definition überfluffig hingufügte; dann wird man ganz unnütes Bedenken tragen, Q dem M unterzuordnen und die hierdurch zu begründende Folgerung wirklich zu ziehen. Es ist daher im Allgemeinen doch eine richtige Forderung, die Definition solle nur die zur Bestimmung ihres Gegenstandes unentbehrlichen Vorstellungen enthalten, blos beschreibende Elemente aber ausschließen; sie vergütet dann durch Sicherheit der aus ihr zu ziehenden Folgerungen den Mangel an Anschaulichkeit.

166. Bisher betrachteten wir die übliche Form der Definition durch Angabe des nächsten Gattungsbegriffs und der specifischen Differenz als die allein gültige. Der ungebildete Berstand definirt zum Aerger der Logiker anders, etwa in bekannter ungeschickter Redeweise: Krankheit ist, wenn mir etwas weh thut. Dies freilich bedarf der Verbesserung, aber doch schwerlich so, wie die Logik es etwas eigensinnig wünscht, sondern so, wie thatsächlich die Physik viele ihrer Begriffe de-Die gewöhnliche Form paßt leicht sich eigentlich nur einem finirt. seiner Natur nach substantivischen Inhalt an; wo es sich aber um adjectivische oder verbale Inhalte handelt, ist es nicht blos fürzer und flarer, sondern auch richtiger, ihnen im Sathau der Definition die Stelle zu geben, an die sie gehören, und sie auf das Subject bezogen erscheinen zu lassen, als bessen Zustände oder Eigenschaften sie allein Sinn haben. Mit Recht definirt man daher Adjective, wie frank oder elastisch, durch Sätze von der Form: frant ift ein lebendiger Organismus dann, wenn seine Functionen von einer bestimmten Grenze abweichen; elastisch ift der Körper, welcher nach dem Aufhören äußerer Einwirtung seine Gestalt herstellt. Und ebenso würden den verbalen Inhalten

leben und fündigen Definitionen entsprechen, welche zuerft die Gubjecte, von denen beide gelten konnen, den organisirten Körper und ben bewußten wollenden Beift, und dann die Bedingungen namhaft machten, unter benen beide von diefen Subjecten auszusagen find. Es hat schlechthin keinen Ruten, alle diese Vorstellungsinhalte zuerst in substantivische Form zu bringen und sie etwa den Allgemeinbegriffen von Zuständen, Eigenschaften oder Verfahrungsweisen unterzuordnen; daß sie unter diese gehören, wird unmittelbar deutlich, wenn man ihnen mit der adjectivischen oder verbalen Form die entsprechende Stellung im Sate läßt. Dagegen hat die übliche Definitionsweise den Nachtheil, daß sie viel zu sehr daran gewöhnt, das, was eben nur Zustand oder Eigenschaft eines Andern ift, von diesem seinem Subject abzulösen und als etwas Selbständiges zu betrachten. Rachdem man einmal die substantivischen Namen ber Krankheit der Sünde der Freiheit geschaffen hat, ist es schwer, die seltsame Mythologie ganz abzuwehren, die von bem Inhalt dieser Begriffe wie von eigenen Wesen spricht und ihre Entwickelungen verfolgt, ohne im Lauf folder Untersuchungen ernstlich auf die realen Subjecte zurudzukommen, als beren Gigenschaften, Bustände oder Thätigkeiten sie allein Griftenz haben und an deren wirkliche Entwidelung ihre icheinbare in jedem Augenblide gebunden bleibt.

167. Noch immer haben wir als zu definirende Begriffe verhältnißmäßig einfache im Sinne gehabt, Begriffe von Figuren Dingen Gigenschaften und leichtfaßlichen Berhältnissen; in den Worten ber Sprache aber, deren jedes unter Umständen eine Definition verlangen tann, finden sich häufig sehr verwickelte Beziehungen zwischen sehr mannigfachen Beziehungspunkten in einen einfachen Ausdruck zusammen-Es würde nur Befangenheit fein, die Bestimmung folder Begriffe in der regelmäßigen Form einer einfachen Definition zu verlangen, und nur nutlose Pedanterie, die sehr vielfältigen anderen Berfahrungsweisen, die man hier benuten fann, mit besonderen Ramen gu verzieren. Das allgemeine Princip angewandter Logik ist immer nur dies, daß alle Wege erlaubt find, die zu dem richtigen Ziele führen; nur den Zweifel darüber, welcher Weg bis zu Ende gangbar sein werde, welcher nicht, hofft sie durch Angabe der längst geprüften zu heben; neue zu suchen, wo neue Bedürfnisse vorliegen, verbietet sie nie. 3mmer ist es daher gestattet, durch vorangehende Beschreibung, durch

Gleichnisse und Analogien, durch Erörterungen aller Art in den Sinn ber Hülfsvorstellungen, die man brauchen, und in die Eigenthümlichkeit der Berbindungen, die man zwischen ihnen herstellen will, vorbereitend einzugewöhnen, um dann in einem kurzen und verständlichen, obwohl von dem Kreise dieser Voraussetzungen nicht ablösbaren Ausdrucke das aufzuzeigen, was man zu bestimmen wünschte. Nur noch an eine alls gemeine Unterscheidung der Definitionen werden wir hierdurch erinnert. Man fann M durch den Thatbestand von Merkmalen charakterifiren, den sein Begriff dann aufweist, wenn er fertig vor unserem Bewußtsein fieht; diese Definition, von der die früher erwähnte des Kreifes ein Beispiel war, tann die descriptive heißen; auf sie sind wir hauptsächlich verwiesen in Bezug auf Gegenstände der Wirklichkeit, die wir nur äußerlich kennen und deren Definition daher in der That nur eine methodisch geregelte Beschreibung ist. Aber man kann M auch dadurch feststellen, daß man irgend einen Weg angibt, auf welchem, nicht durch bloße Abdition, sondern durch beliebige Benutzung und Verwendung anderer Borftellungen, die Borftellung seines Inhalts entstehen muß; diese Definition würden wir genetische nennen, und wir würden, um dies ausdrücklich hervorzuheben, unter ihr nicht die Angabe des Hergangs verstehen, durch welchen der Inhalt des Begriffs M wirklich entsteht, sondern nur die Bezeichnung des Weges, auf dem die Borstellung dieses Inhalts entstehen kann oder muß. Lassen wir eine gerade Linie in derselben Ebene sich um einen ihrer Endpunkte drehen und verbinden die successiven Lagen des anderen Endpunkts, so ist dies eine genetische Definition des Kreises; der Kreis nun als solcher entsteht überhaupt nicht; ein bestimmter gezeichneter Kreis aber kann auf andere Weise wirklich entstanden sein, nur seine Anschauung entsteht auf dem von dieser Definition angegebenen Wege für uns gewiß; sie entsteht aber ebenso, wenn wir beide Aren einer Ellipse sich ändern und zulett = r werden laffen, ober wenn wir einen geraden Regel sentrecht auf seine Are durch eine Ebene schneiden. Es gibt daher für Borftellungen, deren Inhalt an sich selbst gar keine Genesis hat, nicht nur eine, sondern so viele genetische Definitionen, als sich Wege angeben lassen, durch Benutzung anderer Vorstellungen die Vorstellung dieses Inhalts zu erzeugen. Diesen genetischen Definitionen nun schließen яф, in weiterem Sinne, die oben erwähnten gemischten Verfahrungs-Bote, Logit.

weisen an; sie suchen auf Umwegen die Vorstellung des Mentstehen zu lassen, wenn die directe Angabe des Inhalts, aus welchem M besteht, unausführbar oder unbequem wird.

168. Eigentlich immer, sobald wir die Definition eines M unternehmen, suchen wir seinem Inhalt durch sie einen höheren Grad der Bestimmtheit zu geben, als er vorher besaß. Doch beschränkt sich unsere Aufgabe meistens darauf, eine flare Borstellung (clara perceptio), die wir von M schon hatten, in eine beutliche (distincta p.), oder eine bloße Borftellung, welche nur überhaupt M als zusammengehöriges Banze bekannter Theile faßte, in einen wirklichen Begriff des M zu verwandeln. Beides können wir als gleichbedeutend anschen. Denn klar nennen wir nach altem Sprachgebrauch einen Inhalt schon dann, wenn er als einer, als in sich zusammengehöriger, endlich mit einer Bestimmtheit, welche zur Verhütung der Berwechselung hinreicht, als verschieden von anderen gedacht wird; deutlich aber wird er erft bann, wenn die allgemeine Regel, unter die der Zusammenhang seiner Theile fällt, wenn ferner die Merkmale, die er mit anderen Arten dieses Allgemeinen gemeinsam besitzt, wenn endlich auch diesenigen einzeln mitgedacht werden, die ihn von allen andern Arten seines Allgemeinen unterscheiden. Diese Steigerung ber Bestimmtheit fiel uns, in der reinen Logik, mit dem Uebergang aus der Form logischer Borftellung in die Form des wirklichen Begriffes zusammen. Nun gibt es aber Fälle, in welchen die Vorstellung eines zu befinirenden M die Alarheit keineswegs besitzt, die wir hier voraussetzten; durch Ueberlieferung sind Namen an uns gekommen, welche die Sprache mit unbeftimmten Grenzen ihrer Bedeutung gebildet hat. Go pflegen wir von Tugend und Gunde, vom Guten und bem höchsten But, von Erscheinung und wahrhaft Seiendem zu sprechen, überzeugt, mit diesen Namen burchaus Bestimmtes zu meinen, und bereit, aus ihnen wichtige Folgerungen in Bezug auf das abzuleiten, was wir ihnen unterordnen; zulett überzeugen uns die Schwierigkeiten, in die wir uns verwickeln, daß wir eigentlich nicht genau wußten, was wir meinten, daß die Bebingungen nicht vollständig feststanden, die alles erfüllen muß, was diesen Namen untergeordnet werden soll, daß wir also uns unklaren Vorstellungen anvertraut hatten, beren Aufflärung vor allem Noth thut. Wir suchen diese auf einem sehr einfachen Wege. Wäre ber

Sinn deffen, was M bezeichnen soll, uns völlig unbekannt, so hatten wir tein Mittel, ihn zu entbeden; aber wir würden auch nie in ben Fall gekommen sein, diesen Namen anzuwenden, wenn nicht irgend ein Bestandtheil a seiner Bedeutung uns zweifellos feststände, eben ber, der uns jetzt veranlaßte, die im übrigen noch unklare Benennung zu gebrauchen. Dieses a sehen wir zunächst versuchsweis als vollständige Definition des M an und überlegen, ob a demjenigen entspricht, was wir unter M meinen. Befannte Erfahrungen lehren, daß in Fällen, wo wir den Inhalt eines M positiv auszusprechen nicht im Stande sind, wir doch sehr wohl bemerken, ob eine zu seiner Definition angebotene Vorstellung a ihm genügt oder nicht. So entscheiden wir, wenn wir einen vergessenen Namen vergeblich suchen, doch mit Sicherheit verneinend, daß ein versuchsweis genannter nicht der richtige ist; aber auch das, was dieser an Aehnlichkeit mit dem richtigen besitzt, macht Eindruck auf uns, erweckt zuweilen unmittelbar bessen verdunkelte Borstellung und läßt jedenfalls deutlicher werden, worin er sich noch von dem angebotenen falschen unterscheidet. In gleichem Falle befinden wir uns hier; a ist nicht völlig falsch und unvergleichbar mit M; die Bergleichung beider führt daher nicht zur bloßen Berneinung ihrer Gleichheit zurück, sondern bringt auf die Spur einer Ergänzung b, die zu a hinzuzufügen, oder einer Aenderung b, die an a anzubringen ist, um den Inhalt Nun setzen wir in einem zweiten Bersuche von M völlig zu treffen. M=a+b, und wiederholen denselben Gang der Vergleichung und Ergänzung durch neue Glieder c und d, bis wir eine Definition M=a+b+c+d erreicht haben, welche in ihrer entwickelten Merkmalsumme sich völlig mit dem deckt, was wir unter M gemeint hatten. In dieser sehr einfachen Gedankenbewegung bestand schon, viel weniger in einem eigentlich inductiven Verfahren, die Kunst des platonischen Sofrates, untlare Begriffe aufzutlären.

## Bweites Kapitel.

Von der Begrenzung der Begriffe.

Bestimmte Bedürfnisse ber Untersuchung können uns veranlassen, eine Merkmalgruppe ikl durch alle die übrigens verschiedenen Wegenstände hindurch zu verfolgen, an denen sie vorkommt, und ben Einfluß aufzusuchen, welchen ihre Gegenwart auf den übrigen Merts malbestand dieser mannigfachen Subjecte ausübt. Der Erfolg bieser Bergleichung felbst belehrt uns bann, ob bas Borhandensein von ikl die übrigen Merkmale, die jedes diefer Subjecte vermöge feines Gats tungsbegriffes besitzt, in bemerklicher und zwar in gleichartiger Beise modificirt. Ist dies der Fall, so bilden wir häufig aus ikl und aus ber Vorstellung eines mehr ober minder bestimmten Subjects einen neuen Gattungsbegriff M und betrachten als Arten besselben alle die Vorstellungsinhalte, in benen ikl vorkommt. Nicht felten aber, und in bem entgegengesetzten Falle immer, begnügen wir uns, ikl als eine ber unzähligen variablen Bedingungen zu fassen, welche, auf andere Borstellungsinhalte einwirkend, in diesen bestimmte Aenderungen nach sich ziehen, für sich selbst aber feinen eigenen Begriff bilben, dem ihre Beispiele als Arten unterzuordnen wären. Die lebendige Sprache nun glaubt in der Ausprägung ihres Wörterschatzes die beiden Fälle bereits hinlänglich geschieden zu haben, in denen das eine oder bas andere Berfahren schicklich ift. Zwar dies wird sie zugeben, daß fortschreitende Vertiefung der Untersuchung noch manche Merkmalgruppe ikl von so entscheidendem Einfluß auf das Gesammtverhalten jedes sie einschlie-Benden Begriffes entdeden wird, daß es sich der Mühe verlohnt, aus dieser Gruppe einen eigenen Gattungsbegriff M zu bilden und durch einen Namen zu bezeichnen; in der That bereichert sich ja auch die Sprache beständig durch neue Benennungen für so neu entdedte Borstellungen. Dagegen wird sie auch behaupten, daß keiner derjenigen Begriffe, welche sie bereits gefunden und durch Schöpfung eines Namens verfestigt hat, dieser Auszeichnung unwerth sei; jeder bedeute vielmehr wirklich etwas in sich Zusammengehöriges, das er mit Recht von jedem andern gleichfalls in sich zusammengehörigen Inhalte als ein wohlbegrenztes Ganze abtrenne.

170. Mit diesen in der überlieferten Sprache gegebenen Begriffen muß nun unser Denken wirthschaften; nicht blos weil wir kein Mittel der Verständigung besitzen außer den Worten, die zu ihrer Bezeichnung geschaffen sind, vielmehr enthält biefer Wortschatz bas verdichtete Ergebniß des Nachdenkens, welches von jeher der menschliche Geist auf die Welt des Vorstellbaren gerichtet hat, und wir können vermuthen, daß dieselben Antriebe, die ihn zu dieser Feststellung der Begriffe geführt haben, sich zunächst auch in uns bei der Wiederholung dieser Bemühung gelten machen würden. Daß gleichwohl diese Antriebe, so natürlich sie dem Menschen sein mögen, doch dem Zweifel Raum laffen, zeigt uns der häufige Zwiespalt, der bei der Anwendung der so gebildeten Begriffe entsteht. Wenn es sich darum handelt, von irgend einem S ein P zu bejahen oder zu verneinen, so behauptet der eine: S sei eine Art von M, und darum komme ihm P zu; ein anderer wirft ein: S sei kein M und darum auch kein P; der dritte gesteht: S sei zwar kein M, sondern ein N, aber dies thue nichts, und was dem M zukomme, gelte auch von N; der vierte besteht darauf, die Verschiedenheit von M und N begründe auch einen Unterschied beider in Bezug auf P. Der hier sichtbare Zwiespalt dehnt sich zu zwei entgegengesetzten Reigungen aus, die unser ganzes Denken beherrschen: die eine übertreibt jeden gefundenen Unterschied bis zum unbedingten, und mit der befannten Redensart: dies sei etwas ganz anderes, sträubt sie sich, von einem Falle a auf einen zweiten ihm ähnlichen, aber nicht gleichen b irgend einen Grundsatz der Beurtheilung zu übertragen; sie wird so im Leben und in der Wissenschaft das Princip der Pedanterie und der Philistrosität; die andere Neigung übersieht den bedingten Werth jedes Unterschiedes, der kein unbedingter ist, und mit dem öden Wahlspruch: im Grunde sei alles eins, verwischt sie alle festen Grenzen, welche die Umfänge verschiedener Begriffe scheiden, und damit auch die Rechtsgründe, welche bestimmte Prädicate ausschließlich an bestimmte Subjecte knüpfen, an

andere nicht; so wird sie im Denken und im Handeln zum Princip eines ebenso verderblichen Libertinismus. Ein Blick auf diese Beritrungen im Großen erweckt das Bedürfniß, darüber klar zu werden, welche Gründe uns berechtigen, den ganzen Bestand des Borstellbaren in bestimmte Begriffe einzutheilen, wo ferner für diese die Grenzlinien ihrer Herrschaftsgebiete zu ziehen sind, endlich welcher Werth den so gemachten Unterscheidungen beizulegen ist.

171. Die Beantwortung dieser Fragen führt schon da, wo sie am meisten leicht und am wenigsten dringlich ift, in Bezug auf die einfachen Inhalte sinnlicher Empfindungen, zu sehr mannigfachen Berhältnissen. Vollen Unterschied haben wir ein Recht, zwischen einfachen Inhalten A, B, C bann anzunehmen, wenn keine Mittelglieder vorstellbar sind, durch welche das Eigenthümliche bes einen stufenweis in das des andern überginge, wenn ferner keine Mischung zweier von ihnen benkbar ift, die einen neuen einfachen Inhalt gabe, wenn endlich keine Grade bes Gegensates zwischen ihnen so stattfinden, daß die Weite des Unterschiedes zwischen A und B größer oder kleiner geschätzt werden könnte, als die des Unterschiedes zwischen A und C oder B und C. Diese Verhältnisse oder vielmehr bieser Mangel jedes angebbaren Berhältnisses findet statt zwischen Farbe A, Ton B und Geruch C; für diese Inhalte kann die alte Benennung bisparater ober unvergleichbarer beibehalten werden. Und dies Berhalten wird nicht geändert durch verschiedene Nebenbetrachtungen. Zuerst nicht durch Hinweis darauf, daß diese brei sämmtlich nur als Zustände unseres Bewußtseins Wirklichkeit haben; alle sind sie zwar Empfindungen und nach bem Sprachgebrauch ber Logik Arten ber Empfindung; allein dem allgemeinen Begriffe der letzteren sind sie nicht wie einem superordinirten Gattungsbegriff untergeordnet, ber irgend ein Weset ihrer Bildung enthielte. Wer das Bild eines stumpfwinkligen Dreiecks dem Allgemeinbegriffe des Dreiecks untergeordnet denkt, hat in diesem eine Bildungsregel, beren Anwendung er blos innerhalb ihrer eigenen Grenzen zu variiren braucht, um zu bemerken, daß es außer jener einen Art bes Dreiecks auch noch rechtwinklige und spitwinklige gibt. Wer bagegen die Farbe dem Allgemeinen der Empfindung subsumirt, denn nur dies, nicht Subordination ist möglich, wird aus diesem Allgemeinen niemals folgern können, daß es außer den Farben noch Tone und Gerüche gibt.

Obgleich daher diese drei nach gewöhnlichem Ausdrucke Arten der Empfindung find, so bleiben sie doch innerhalb des Umfangs dieses Allgemeinen völlig disparat gegen einander. Als Zustände ferner, als Bewegungen oder Erschütterungen der Seele mögen diese verschiedenen Empfindungsarten gewiffe vergleichbare Nebenwirkungen hervorrufen, und man mag immerhin deshalb eine bestimmte Farbe a1 einem bestimmten Tone b' oder einem Geschmack c' vergleichen: was diese vergleichbaren Nachwirkungen hervorbringt, bleibt dennoch an sich selbst ganz unvergleichbar. Und daffelbe ist der Physit und der Physiologie zu erwiedern, wenn sie die Vorgänge in der Außenwelt oder die in unseren Nerven, die zur Entstehung der verschiedenen Empfindungsklassen nöthig sind, auf vergleichbare, ja vielleicht sehr nahe verwandte Bewegungen stofflicher Elemente zurückführen; beide muffen dann nicht mit der wunderlichen Behauptung schließen: also seien eigentlich diese Empfindungen gar nicht qualitativ verschieden, sondern eben mit der andern richtigen: trot der Achnlichkeit der Entstehungsweisen finde nicht die mindeste Aehnlichkeit zwischen den entstandenen statt. Ein Zweifel hierüber kann nur insoweit stattfinden, als die unbefangene Selbstbeobachtung, die hier allein zu entscheiden hat, ihrerseits einen übrig läßt. Dies ist der Fall in Bezug auf Geschmad und Geruch. Das Saure haben beide zweifellos mit einander gemein; auch ihre übrigen Empfindungen aber scheinen eine zusammenhängende Gruppe zu bilden, nur daß einige Glieder dieser Gruppe blos durch flüssige, andere nur burch gasförmige Reize erregt werden; deswegen an verschiedene Drgane vertheilt, unterscheiden sich vielleicht die an sich gleichartigen Empfindungen beider Sinne nur durch Nebenempfindungen, die von der Lage, Gestalt und Functionsweise des einen oder des andern erregten Organs abhängen. Dies zu entscheiden ist nicht Sache der Logik; sie hat hier nur zu ermahnen, man solle sich nie durch Hinweis auf die Achnlichkeit dessen, was zwei Inhalte begründet oder ihnen folgt, sophistisch und der unmittelbaren Wahrnehmung widersprechend, die Unvergleichbarkeit beffen abstreiten laffen, was beide find.

172. Zu einer ähnlichen Bemerkung veranlaßt mich die andere Frage, nicht nach dem Rechte der Trennung zwischen A und B, sondern nach dem Rechte der Bereinigung dessen, was wir unter A zusammensisssen. Man hat lange mit der langweiligen Paradoxie geglänzt,

Schwarz und Weiß seien keine Farben, weil sie nicht wie die prismatischen von einer bestimmten Zahl ber Lichtwellen abhingen. Die neuere Ausbildung der physiologischen Optik hat diesen Grund hinfällig gemacht; aber auch wenn dies nicht geschehen wäre, hätte man boch kein Recht, auf diese Weise die Sprache zu meistern. Lange bevor man etwas von den Beranlassungsursachen unserer Empfindungen wußte, hatte die Sprache den Namen der Farbe für eine Gruppe von Inhals ten geschaffen, die durch eine unmittelbar empfundene und unwidersprechliche Gleichartigkeit, durch ihr Scheinen, oder wie man es sonft nennen mag, unter sich zusammengehören und sich von dem Klingen oder Schallen der Tone, dem Duften der Gerüche abscheiden. Mag nun immerhin der Name des Scheinens nur noch für das Weiß, nicht für bas Schwarz paffend erachtet werden: daß beibe boch mit den übrigen Farben den gemeinsamen hiermit unvollkommen bezeichneten Grundzug gemein haben, ließe sich nur mit Worten, nicht in der That bestreiten, und die Sprache war deshalb vollkommen befugt, gegen den unberechtigten Ginspruch der Gelehrsamkeit, auch jene beiden in den Umfang der Farbe einzuschließen. Man begegnet auch sonst diesen nicht immer unschädlichen Uebergriffen der Theorie. Auch die Chemie trug eine Zeit lang zur Sprachverwirrung bei, als sie Oxydation und Berbrennung für gleichbedeutend ausgab. Bon Berbrennung sprach die Menschheit ebenfalls eher, als fie den Sauerstoff tannte, und fie verstand barunter immer einen von sichtbarem Licht und fühlbarer Wärme begleiteten Borgang, der das frühere Gefüge eines Stoffes dauernd veränderte; das Glühen eines Eisenstabes nannte sie deshalb nicht Berbrennung, weil sie nach der Abkühlung die bleibende Beränderung vermißte; sie würde aber auch um der dauernden Beränderung willen einen Vorgang, der sie veranlaßt hätte, nicht so genannt haben, wenn ihm die bemerkliche Entwickelung von Flamme und Wärme gefehlt Der Begriff ber Verbrennung bedt baber ben ber Oxybation gar nicht; viele Stoffe orydiren ohne Verbrennung, anderseits, wenn erwärmtes Antimon in Chlorgas sich unter Flammenerscheinung mit Chlor verbindet, so ist dieser Borgang ganz zweifellos eine Berbrennung, obwohl keine Drydation. Die Geometrie wußte längst, daß abstract oder arithmetisch gedachte Ordnungsspsteme dann, wenn sie ihre vielen Elemente nach nicht mehr als drei verschiedenen Stalen gliedern, burch Gebilde räumlicher Art sich anschaulich darstellen lassen; nichts hindert nun die Mathematik, Ordnungsspsteme zu denken, die nach einer beliebigen größeren Anzahl von Stalen entworfen sind, nur daß es für diese Systeme keine räumliche Anschauung mehr gibt, und daß der Name der Dimensionen, der jenen Stalen in räumlicher Bedeutung gegeben werden konnte, so lange sie nur drei waren, jett nur noch den abstracteren Sinn haben kann, den ich mit der Benennung der Skalen zu bezeichnen suchte. So gewiß nun der Name des Naumes für uns nur ein Ordnungssystem bedeutet, von welchem wir diese ursprüngliche, aus arithmetischen Betrachtungen allein gar nicht ableitbare Anschauung haben, so gewiß ist es logische Spielerei, ein System von vier oder süns Dimensionen noch Raum zu nennen. Gegen alle solche Bersuche muß man sich wehren; sie sind Grimassen der Wissenschaft, die durch völlig nutslose Paradoxien das gewöhnliche Bewußtsein einschüchtern und über sein gutes Recht in der Begrenzung der Begriffe täuschen.

173. Man begegnet eigenthümlichen und nicht überall gleichartigen Berhältniffen, wenn man fragt, wie nun innerhalb eines jener disparaten Inhalte AB und C die in ihm zusammengehörigen Glieder zu einander stehen. Es ist bisher nicht gelungen, die mannigfachen Arten des Geschmacks C in eine befriedigende spstematische Ordnung zu bringen; aber der Weg, den die Sprache zu ihrer allerdings unvolltommenen Bezeichnung einschlägt, scheint mir dennoch der richtige: sie unterscheidet burch eigene Ramen einige feste Grundformen bes Gugen u, des Sauern v, des Bittern x und betrachtet die übrigen, das Sauerfüße vu, das Bitterfüße ux, als Zusammensetzungen jener wohlcharatterifirten Urgeschmäde. Auf diese Bezeichnungsweise könnte unsere Einbildungstraft nicht verfallen, wenn sie nicht durch den unmittelbaren Eindruck angeleitet würde, denn Unterschiede lassen sich ba nicht machen, wo sie in dem Inhalt nicht entweder vorhanden oder doch möglich sind. Jene Namen nun setzen voraus, daß sie vorhanden sind, allerdings nicht fo, daß das Saure und das Guge als zwei unterschiedene Gemengtheile des Sauersugen so auseinander fallen, wie fie es thun, wenn eines nach dem andern empfunden wird, sondern in dem Sinne, in welchem wir Mischung ber Mengung entgegenzuseten pflegen. Daß diese Mischung hier möglich ist, daß also Sauer und Guß in einer nicht wohl beschreiblichen, aber leicht fühlbaren Weise eine Ginheit der Borftellung bilden, die aus Gug und Roth nicht entstehen konnte, unterscheibet bas Berhalten ber einzelnen Beschmäde zu einander von bem ber unter sich disparaten Gruppen A B C. Man tann nun einwenden, ber Unterschied des Sauern und des Sugen sei im Sauersüßen nur ein möglicher, nicht ein vorhandener; es fonne leicht ein britter Ginbrud w, einfach an sich und feineswegs zusammengesetzt, doch ein Dittelglied zwischen u und v bilden; um der doppelseitigen Aehnlichkeit willen, die er mit diesen beiden zeigt, bezeichne ihn bann die Sprache durch die beiden Grenzen u und v, zwischen die er fällt, ohne daß er barum aus der Mischung beider bestände. Aber ich wurde diesen Ginwurf für triftig nur bann halten, wenn in w außer seiner boppelten Aehnlichkeit mit µ und v noch ein Rest vorhanden ware, der für sich etwas bedeutete, was aus der Zusammensetzung von und v nicht begreiflich wäre; wo dies nicht der Fall ist, wird dieser dritte Eindruck w nicht blos durch eine willfürliche und zufällige Ansicht als eine Mischung µv gedeutet werden, sondern in der That nichts anderes sein. Grundformen u, v, a felbst aber und alle ihre Mischungen gehören zwar burch das fühlbare Allgemeine der Schmedbarkeit C zusammen; aber innerhalb des Umfangs von C kann man sie doch nur disparat gegen einander nennen. Wer nur bas Guge empfunden hatte, wurde burch keine vorstellbare Modification bessen, was er in ihm empfindet, die noch nicht erfahrene Eigenthümlichkeit des Sauern oder des Bittern entdeden können; es findet also kein Uebergang durch selbständige Dittelglieder von  $\mu$  zu  $\nu$  oder  $\pi$  statt, sondern man muß diese drei vorher tennen, um durch verschiedenartige Dischungen derfelben die überleitenden Mittelglieder erst zu erzeugen. Gleiche Berhältnisse finden sich bei den Farben, und ich hatte früher schon Gelegenheit, die Sprache zu rechtfertigen, wenn fie stets eine begrenzte Anzahl von Grundfarben unterschied und die übrigen als Mischungen zwischen sie einschaltete. Allerdings fann man durch geschickt gewählte Mitteltinten bas Auge stetig aus bem Eindruck ber einen Farbe in den einer andern hinüberleiten; aber aus dem Roth wird Orange ober Biolet doch nur durch eine Zumischung von Gelb ober Blau, die ber Borstellung noch als folde fühlbar bleibt; von dem aber, was Roth zu Roth macht, gibt es an sich keinen llebergang zu dem, was Blau zu Blau macht; wer nur jenes, nicht aber dieses empfunden hätte, würde in der einfachen Natur

des ersten nichts entdeden, was auf irgend eine Art modificirt gesteigert oder vermindert von selbst zur Vorstellung des Blau führen könnte; man muß dies letztere vorher schon kennen, um durch Mischung dieser beiden Endglieder das Mittelglied des Violet zu sinden. Auch die Modificationen, deren jede einzelne Grundsarbe fähig ist, sind in dieser Beise zu betrachten. Man hat unstreitig Recht, hellblau und dunkelblau als Arten desselben Blau zu betrachten, aber auch diese Arten entstehen durch Mischung der immer sich selbst gleichen, unvermischt freilich niemals sichtbaren Bläue mit Weiß oder Schwarz. Ich wiederhole nur surz die Bemerkung, daß alle bisherigen Betrachtungen sich nur auf die empfundenen Inhalte beziehen, nachdem die Empfindung in unserem Bewußtsein entstanden ist, und daß sie nichts mit den physischen oder psychischen Entstehungsbedingungen des Empfindungsactes zu thun haben.

174. Wesentlich anders verhalten sich die Tone. Die Vergleichung vieler läßt uns zunächst drei Prädicate sondern. Der Eigenklang bes tonenden Instrumentes, worauf er auch immer physisch beruhen mag, ist für unsere Empfindung eine einfache nicht weiter zerlegbare Eigenschaft, am meisten bem Geschmade vergleichbar. Go groß auch die Rebenwirkungen dieses Klanges auf unser Gemüth sein mögen, die wesentliche Natur des Tones scheint er uns ebenso wenig zu bestimmen, wie die zweite Eigenschaft, die der Stärke; beide fassen wir nur als verschiedene Bortragsweisen besselben Tones, bessen unterscheidende Ratur in seiner Höhe liegt. In dieser dritten Rücksicht aber zerfallen die Tone nicht wie die Farben in eine Anzahl discreter Stufen, zwischen benen llebergänge nur burch Mischung möglich waren, sie bilden vielmehr eine stetige Reihe, in welcher zwei von einander entferntere Glieber sich nur durch öftere Wiederholung derfelben Differenz unterscheiden, durch welche zwei nah benachbarte von einander sich sondern. tann keine Proportion aufstellen, nach der sich Roth zu Blau verhielte, wie Gelb zu irgend einer vierten Farbe; zwei Tone dagegen unterscheiben sich durch ein angebbares Multiplum eines als Einheit angenommenen Unterschiedes. Die Art Diefes Unterschiedes felbst ift eigenthumlich genug; wir würden nicht bildlich von höheren und tieferen Tönen sprechen, wenn nicht, ganz abgesehen natürlich von der Frequenz der Schallwellen, welche wir ja nicht empfinden, in den Empfindungen selbst eine Steigerung bes einen Tones über ben anderen enthalten wäre; aber diese quantitative Vorstellung läßt sich hier nicht wie sonst auf einen von ihr unabhängigen qualitativen Inhalt beziehen; ber Ton d ist eben badurch auch ein qualitativ anderer als c, daß er das undefinirbare Allgemeine des Klingens, das er mit diesem theilt, in jener eigenthümlichen Beise gesteigert enthält, die wir nur mit dem gludlichen Bilde der Höhe, in technischerem Ausbruck höchstens als qualitative Intensität bezeichnen konnen. Die Unterschiede ber Tone sind baher gleichartig und in Bezug auf ihre Weite meßbar, was die der Farben nicht waren; die Mittelglieder entstehen zwischen zwei Tonen nicht durch Mischung dieser zwei, sondern sind, als vollkommen ebenbürtige Glieder der Reihe, gleich selbständig und ursprünglich, wie die, zwischen welche sie eingeschaltet gedacht werben. Die ganze Reihe endlich ist unbegrenzt; zu den Farben, die wir erfahrungsmäßig kennen, kann Diemand eine neue ersinnen, die sich vorstellen ließe und etwa nur in unferer sinnlichen Erfahrung nicht vortäme; die Stala ber Tone bagegen, eben weil jeder aus dem vorigen durch eine fühlbar gleichartige Steigerung entsteht, läßt sich ins Unendliche fortsetzen; es hat noch Sinn, von höheren oder tieferen Tonen zu sprechen, als jemals in unsere Erfahrung fallen können, benn wir haben hier, mas wir bei bem Berfuch, neue Farben zu erfinnen, nicht haben würden: eine deutliche Vorstellung davon, wie diese Tone sich ausnehmen müßten, wenn sie hörbar wären.

175. Ziemlich Aehnliches gilt, mit einigen Abweichungen, die ich dem Leser überlasse, von der Reihe der Wärmeempfindungen; sie führt zugleich noch zu einem anderen Verhalten. Das eigene Wärmebedürsniß des lebendigen Körpers gibt verschiedenen Strecken dieser Reihe eigenthümliche Werthe; wir unterscheiden Kaltes Kühles Laues Warmes Heißes, und glauben mit jedem dieser Ausdrücke etwas Vestimmtes zu meinen; aber nicht blos allgemeingültig würden wir die Grenze nicht angeben können, bei der für Jeden das Kühle endigt und das Laue beginnt, sondern auch, wenn wir nur unsere eigene Empfindung befragen, müssen wir uns gestehen, daß wir nur mit einer gewissen Willkür den einen oder den andern Namen wählen würden. Man kann an diesen Gegensat des Warmen und des Kalten sowie der hohen und der tiesen Töne sogleich eine große Anzahl anderer Vorstellungspaare anschließen, deren Inhalt nicht ebenso unmittelbar aus sinnlicher Empfindung ents

springt: bas Große und bas Kleine, bas Starke und bas Schwache, das Biele und das Wenige, das Alte und das Junge, und zahlreiche ihres Gleichen. Go entschieden die beiden Glieder folder Gegenfätze wirklich Entgegengesetztes meinen, so ist boch in keinem eine Grenze zu sinden, welche den Umfang des einen Gliedes von dem des andern trennte, stetig und unmerklich geben sie in einander über. Die Richtungen dagegen, nach denen unser Vorstellen diese Reihen von a bis z oder von z bis a durchläuft, sind unzweideutig verschieden und theils einer Definition fähig, theils wenigstens für die unmittelbare Empfindung unvertauschbar. Es läßt sich nicht sagen, was warm und was kalt ist, aber gang unzweifelhaft ift, ob a wärmer oder fälter als b ift, und zwar entscheidet in diesem Fall die Empfindung, die beim Uebergang von a zu b sich der entgegengesetzten Veränderung von derjenigen bewußt wird, die sie beim Rückgang von b nach a erfährt; es läßt sich auch nicht sagen, was groß und klein überhaupt ist, aber ganz eindeutig ist die Behauptung, a sei größer als b, und sie läßt sich dahin befiniren, daß b von a abgezogen einen positiven Rest & gibt. Es ist das Nämliche mit den übrigen Beispielen; sämmtlich aus der Vergleichung verschiedener Inhalte hervorgegangen, nicht aus der Auffassung eines einzigen, bedeuten alle diese adjectivischen Vorstellungen Beziehungen, die ohne Rücksicht auf einen zweiten Beziehungspunkt keinen festen Werth und Sinn haben. Der Positiv dieser Adjective ist daher unbestimmt; nur ihr Comparativ ist eindeutig. Wo sie im Gebrauche der lebendigen Rede als Positive vorkommen, drücken sie aus, daß dem Bezeichneten der Comparativ ihres Sinnes im Vergleich mit einem nicht ausgesprochenen Maßstabe zukommt, der entweder nach subjectiver Schätzung des Sprechenden oder nach allgemeiner Meinung die normale oder die gewöhnliche Beschaffenheit des fraglichen Gegenstandes bildet.

176. Noch eine Betrachtung knüpft sich an Töne und Wärmesempfindungen. An sich vollkommen gleichwerthig bieten die Töne keine Beranlassung, einige wenige von ihnen als feste Punkte durch eigene Namen hervorzuheben und vor den anderen zu bevorzugen. Aesthetische Bedürfnisse aber regen den Wunsch an, die ganze Reihe zu gliedern. Da nun die einfache Tonempfindung nicht desinirbar ist, so wird sie bestimmt durch die Angabe der Ursache, durch welche sie in jedem Augenblick mit sich identisch erzeugbar ist, durch die Frequenz der

Schwingungen, von benen fie abhängt. Aber feine Bahl hat einen Borzug vor der anderen, und da jedes Glied ber Reihe auf dem genannten Wege mit gleicher Leichtigkeit befinirbar ift, so kommt es in ber That in der musikalischen Stala zu teinem absoluten Anfangspunkte. Andere Berhältnisse, die harmonischen der Tone, die ich hier trot des auch logischen Interesses, welches sie erweden, übergeben muß, führen aller dings zu einer Bliederung der Reihe in Octaven; aber auch diese Blieberung hat keinen festen Anfangspunkt, sondern kann von jeder Tonhöhe aus beginnen. Die Wärmeempfindungen gestatteten eine fo einfache Definition durch ihre Ursachen nicht; man mußte sich an die beobachtbaren anderen Erfolge ihrer unbefannten Urfache, an die Ausbehnung und Zusammenziehung der Körper wenden. Als man nun den Schmelzpunkt des Eises zum Ausgangspunkt auf- und absteigender Temperaturgrade machte, war dies ein ganz willfürlich, obwohl fehr zweckmäßig gewählter Nullpunkt der Bezeichnung; denn Flüssigkeit ober Starrheit des Waffers bildet einen wichtigen Wendepunkt für die Gestaltung der meteorischen und organischen Vorgänge, die uns umgeben. Es war aber doch nur ein Rullpunkt der Bezeichnung, nicht der bezeichneten Sache; von bem unbefannten Werthe x an, ben biefe für ben Schmelzpunkt des Gises hat, theilen wir nur ihre positiven und negativen Bunahmen nach Anzahlen einer für unsere Zwede passend gewählten Gradeinheit ein. Daher find 120 nicht bas Doppelte von 60, aber zwischen 0°=x und 12°=x+12 / x ift die Zunahme der Wärme doppelt so groß, als zwischen 0°=x und 6°=x+6 / x. An diesem einfachen Beispiele wollte ich bemerklich machen, daß eine Gliederung und gesetzliche Ordnung einer Reihe oder eines Spstems mannigfacher Inhalte allerdings ohne eine entsprechende sachliche Gesetlichkeit ihrer eigenen Beziehungen nicht möglich ift, daß aber bennoch das Denken häufig eines durchaus willfürlich gewählten Ausgangspunktes und willfürlicher Magstäbe bedarf, um sich dieser immanenten Ordnung der Sache fructbar zu bemächtigen; daß man endlich biefe willfürliche Syftematit, obwohl sie durch die Natur der Sache zugelassen und in ihrer Amwendung gerechtfertigt wird, doch nicht für eine in ihr felbst liegende Bestimmtheit ansehen darf.

177. Beispiele für diese Bemerkung bietet das praktische Leben sehr viele. Es kommen hier Eigenschaften in Betracht, die entweder

an verschiedenen Personen oder Dingen in sehr verschiedenen Größen haften oder, an einem und demselben Subject, eine stetige Reihe von Größenwerthen nach einander durchlaufen, so zwar, daß an diese Größenwerthe ihnen proportionale Wirkungen geknüpft werden sollten. Aber nur Naturwirkungen ändern sich ftetig mit ihren Bedingungen; soll unser Handeln erft die Wirtungen hervorbringen, so verbietet fich in der Regel die genaue Befolgung der gewünschten Proportion um der Arbeit willen, welche sie im Migverhältniß zu dem erreichbaren Zwecke erfordern würde. Man muß sich begnügen, gewisse Streden der ganzen Werthreihe der Bedingungen als einheitliche Werthe zu betrachten und an fie eine gleiche mittlere Größe ber Wirfung zu knüpfen, welche zu groß für die Anfangsglieder und zu klein für die Endglieder der Strede sein wird. So zerlegt man für Zwede ber Besteuerung bie Reihe der Vermögen von der völligen Armuth an bis zu dem höchsten wahrscheinlich anzutreffenden Reichthum in eine Anzahl von Klassen; so berechnet man nach Jahren des Lebensalters oder doch nur nach größeren Theilen derfelben den zur Erwerbung einer Lebensversicherung nöthigen Beitrag; so hält die Berechnung der Zinsen bei dem Tage als untheilbarer Einheit an. Es fann ferner vorkommen, daß eine wachsende Eigenschaft allmählich einen Werth erreicht, an den der Eintritt bestimmter Wirkungen gebunden sein soll, ohne daß doch der Augenblick angebbar wäre, in welchem diese entscheidende Bedingung erfüllt ift. Die forperliche und geistige Reife, die wir in den Begriffen der Münbigkeit und Majorennität mitdenken, wird von Verschiedenen gewiß in verschiedenen Lebensaltern erreicht; aber nicht nur die unüberwindbare Beitläufigkeit, auch nicht die Unzuläffigkeit einer über den Gesammtwerth ber Person zu fällenden Censur macht die Ermittelung des wirtlichen Zeitpunktes für jeden Ginzelfall unmöglich; während die ausgezeichneten Grade der Reife und Unreife leicht erkennbar sind, fehlt es wirklich an einem unzweideutigen Kennzeichen, welches in zweifelhaften Fällen eine von der andern unterschiede. Gleichwohl verlangen die Bedürfnisse bes geselligen Lebens die Feststellung eines bestimmten Beitpunttes; die Gesetzgebung hat ihn daher eigenmächtig zu bestimmen und fie knüpft an vollendete Tage und Stunden den Beginn von Rechten und Pflichten, zu denen sachlich allerdings die gestern noch fehlende Befugniß ober Berbindlichkeit nicht über Nacht entstanden ist. Obgleich

eigenmächtig, verfährt sie doch hier nicht grundlos; der Spielraum ihrer Wahl beschränkt sich auf Bestimmungen, die der Natur des vorliegenden Berhältnisses ohne angebbaren Unterschied der Genauigkeit entsprechen, ihre Willfür auf die Bevorzugung der einen unter diesen gleichberechtigten. Noch andere Fälle gibt es, in denen die Natur der Sache, welche zur Aufstellung einer Bestimmung veranlaßte, noch weniger einen genauen Magstab für sie darbot, dieser vielmehr nur in den anderweitigen Zweden lag, zu beren möglicher Erfüllung die fragliche Bestimmung nöthig wurde. Hierher gehören die Zeitfriften, innerhalb beren die Bedingung einer zu erlangenden ober zu vermeidenden Rechtsfolge zu erfüllen ist; im Großen allerdings durch die erwähnte Rücksicht zwedmäßig bestimmt, haben im übrigen diese Festsetzungen nur die los gische Pflicht der Unzweideutigkeit; ihr genügte die Borzeit, indem sie wichtige Fristen nicht nach gangen größeren Zeiteinheiten abmaß, sondern einen Bruchtheil derselben, den Wochen eine Anzahl von Tagen, dem Tage einige Stunden zugab; sie verengte dadurch den Zeitraum, innerhalb dessen man, nach alltäglichem loserem Sprachgebrauch, der Borschrift hätte zu genügen glauben können. Ebenso thun die Behörden recht, wenn sie zur Verhütung von Ruhestörungen die Anzahl der Perfonen, die für eine verbotene Zusammenrottung gelten sollen, authentisch auf drei oder fünf festsetzen und sich badurch der Disputation entziehen, die schon die antite Sophistit übte: wie viele Körner nöthig find, um einen Haufen, oder wie vieler Haare Berluft, um einen Kahlkopf zu machen.

178. Ich kehre von dieser Abschweifung zurück. Ob irgend ein Ton hoch oder tief, ob eine Flüssigkeit kalt oder warm zu nennen sei, darüber streitet man nicht; an dem Inhalt dieser Begriffe haftet kein Interesse, welches uns zögern ließe, die oben erwähnte Relativität ihrer Bedeutungen sosort zuzugestehen. Anders denken wir über den Unterschied von gut und böse. Auf die Festigkeit und Abgeschlossenheit dieser beiden Begriffe legen wir den höchsten Werth; jede Handlung muß für sich allein, nicht blos im Vergleich mit einer andern, unzweideutig in den Umfang des einen fallen und aus dem Umfang des andern ausgeschlossen sein; selbst daß es Gradunterschiede der Güte im Guten und der Bosheit im Bösen gebe, hat man leugnen zu müssen geglaubt, das mit nicht die abnehmenden Werthe beider zulest in einem Nullpunkt

des Gleichgültigen zusammentreffen und so ein stetiger Uebergang zwischen zwei Gegenfätzen vermittelt werde, zwischen benen vielmehr jede Brücke abgebrochen sein soll. Aber diesem logischen Rigorismus widerspricht durchaus das unbefangene Urtheil, dem wir im Leben alle folgen. Denn Niemand zweifelt wohl an Gradunterschieden der Bosheit und der Güte; und daß keine Handlung gleichgültig sei, überredet man uns erst, nachdem man den Begriff der Handlung fünstlich beschränkt hat. Es hilft aber in der That nichts, der brohenden Bermischung bes Guten und bes Bosen burch eine erfte Gintheilung aller handlungen in fittlich beurtheilbare und in fittlich unbeurtheilbare guvorzukommen, um dann besto sicherer die erste dieser Gruppen in die beiden unvermittelbaren Wegenfätze des Guten und des Bofen zu vertheilen; ber Zweifel ändert fo nur ben Ort, benn bie Frage geht nun darauf, wo die Grenzen zu ziehen sind zwischen dem, was sittliche Beurtheilung herausfordert, und dem was nicht; und diese Grenzen werden wieder durch stetigen Uebergang des einen in das andere zu verschwimmen scheinen. Nicht ebenso dringliches, aber doch lebhaftes Interesse hat für ästhetische Betrachtungen bas Berhältniß des Angenehmen zum Schönen und jum Guten. Für eine unbefangene Auffaffung ordnen fie fich, nicht nur nach dem Werthe, sondern auch nach der Bedeutung ihrer Inhalte, in eine zusammenhängende Reihe; nicht so zwar, daß burch einfache Steigerung das intensivste Angenehme zum Schönen oder die höchste Schönheit zur niedrigsten Stufe bes Guten würde, aber doch so, daß es qualitativ bestimmte Arten des Angenehmen gibt, die beginnen ein Recht auf den Namen des Schönen zu haben, und Formen der Schönheit, deren äfthetischer Gindruck der sittlichen Billigung verwandt wird. Aber Moral und Aesthetik sträuben sich gleichmäßig gegen dieses Zugeständniß; sie halten das Schöne für verfälscht, wenn es mit dem Buten, das Bute für erniedrigt, wenn es mit dem Schonen, und vollends durch dieses hindurch mit dem Angenehmen, irgend eine Gemeinschaft habe. Und in Bezug auf das Schöne wenigstens hat auch hier die Leugnung jeder Gradabstufung nicht gefehlt; was einmal schön sei, sei durchaus schön, und man bente es eben nicht wahrhaft als schön, wenn man zulaffe, daß es ein Anderes gebe, welches noch schöner sei.

179. Sehen wir uns zur Beurtheilung dieser Zweifel nach ans deren Beispielen um. Die Geometrie kennt von der geraden Linie, um Lope, Logik.

der Natur derselben willen, allerdings nur eine Art, an den Curven aber unterscheidet sie unzählige Grade der Krümmung von bestimmbarem Werth; und so zwar, daß die gerade Linie selbst ihr als der äußerste Grenzfall erscheint, bem sich die Curve bei immer zunehmendem Wachsthum ihres Krümmungshalbmessers stetig annähert. Ungeachtet dieses stetigen Ueberganges beharrt bennoch die Geometrie nicht nur im Allgemeinen auf der Behauptung, Krummes und Gerades sei entgegengesetzt und unvereinbar, sondern auch in der Anwendung entsteht in Bezug auf eine Linie, die man genau kennt, niemals ein Zweifel; so nahe sie auch der Geraden liegen mag, sie ist dennoch ganz unwider sprechlich krumm, so lange ihr Krümmungsradius noch eine endliche Größe hat. Eine Curve kann ferner in einer Strecke ihres Verlaufes concav gegen eine Axe sein, gegen die sie im weiteren Berlaufe convex wird; erfährt sie diese Beränderung ihrer Richtung in stetigem Zuge ohne discontinuirliche Spitze, so ist unzweifelhaft ihre Tangente am Wendepunkt, mithin das Element der Linie selbst, zu jener Are parallel, also weder concav noch conver; aber obgleich so beide Richtungen sichtlich in einem Nullpunkt zusammenhängen, der keiner von ihnen gehört, so wird doch durch ihn der Gegensatz ihrer Bedeutungen nicht geändert oder aufgehoben; diesseit dieses Punktes bleibt die Linie nur concar, jenseit nur conver. Noch einfacher: zwischen 1 und 2 lassen sich unzählige Brüche einschalten, die von dem Werthe der 1 zu dem der 2 hinüberführen; zwischen Tageshelle und Nachtfinsterniß lassen sich unzählige Abstufungen der Beleuchtung nicht nur denken, sondern fie treten wirklich ein; zwischen Wohlbefinden und Schmerz liegt eine ftetige Reihe von Gefühlen, die jenes mit diesem verbinden: aber darum wird dech nicht 1=2, darum hört die Finsterniß und der Schmerz nicht auf, der volle Gegensatz zu Licht und Wohlbefinden zu sein; und zugleich sind die Glieder dieser Gegenfätze jedes für sich, auch außer Bergleich mit dem anderen, etwas so Bestimmtes, daß Niemand das eine mit dem anderen verwechselt. Diese Beispiele reichen zur Verdeutlichung bes Sates aus, daß die Existenz unzähliger Gradabstufungen, durch welche die Inhalte zweier entgegengesetzten Begriffe A und B in einem gemeinsamen Rullpunkt zusammenstoßen, den Unterschied oder Gegensat bessen nicht aufhebt, was A und B an sich selbst bedeuten.

180. Wäre es daher der Sittenlehre gelungen, was ihr Geschäft ist

und nicht hier das unfrige, das was sie unter dem Guten A und dem Bosen B meint, ebenso unzweideutig zu bestimmen, wie die Geometrie definirt, was sie unter convex und concav verstehen will, so hätte sie keinen Grund, um die Festigkeit des Unterschiedes beider Begriffe zu schützen, die Abstufbarkeit des Guten und des Bösen und ihr Zusammentreffen am Gleichgültigen zu bestreiten. Die specifischen Bedeutungen der all= gemeinen Begriffe gut und bose ändern sich nicht im geringsten deshalb, weil die einzelnen Beispiele, von denen sie prädicirt werden, sich mit verschiedener Intensität an dem Charafter des einen oder des andern biefer Gegenfätze betheiligen. Jener Nullpunkt aber des Gleichgültigen tam noch weniger zur Vermischung beider beitragen, denn er findet ja nicht so statt, daß beide in ihm, sondern so, daß keiner von beiden in ihm gültig ist; er ist mithin nur ein Trennungspunkt, diesseit dessen unzweideutig nur das Gute, jenseit nur das Bose liegt. Braucht nun die Abstufbarkeit beider Begriffsinhalte nicht um ihrer Festigkeit willen geleugnet zu werden, so muß man anderseits darauf halten, daß sie ausdrücklich zugestanden wird. Sie zu leugnen, die alte stoische Paradogie zu wiederholen, omnia peccata esse aequalia, oder beständig zu predigen, auch der kleinste Jrrthum sei nicht Wahrheit, sondern eben Frethum und weiter nichts, dies alles sind logische Langweiligkeiten die, weil sie nur halbe Wahrheiten enthalten, nach dem eben erwähnten Grundsatz selber, Jrrthumer und nichts weiter heißen könnten. Curven find nicht blos Curven schlechthin, so daß die Grade ihrer Convezität oder Concavität sie blos nach einer Nebenrücksicht unterschieden, welche nichts mit ihrem Curvencharakter zu schaffen hätte, sondern die eine trumme Linie ist wirklich frümmer als die andere, thut also dem gemeinsamen Charafter beider in größerer Intensität Genüge. Und ebenso wird die gute oder bose Gesinnung, aus der eine Handlung entspringt, nicht blos nebenbei nach der Wichtigkeit der Objecte, auf welche die letztere sich bezieht, oder der Umstände, unter denen sie aus= genbt wird, sondern nach dem Grade ihrer Bosheit oder Gute selbst meßbar sein, denn sie ist keineswegs blos eine Form des Verhaltens, die überall gleich bleibt, sie ist selbst ein inneres Thun, das nicht nur einen Grad der Intensität bedarf, um den Anstoß zum Handeln überbaupt zu erzeugen oder die Widerstände zu überwinden, sondern auch einen Grad des Werthes hat je nach der Größe des Wohls oder Wehes,

auf dessen Erzeugung es sich absichtlich richtet. Auch der Jrrthum ist nicht blos Nichtwahrheit, denn das unterschiede ihn nicht vom Zweisel, sondern er ist eine Abweichung von ihr, und hat deshalb eine meßbare Größe, ohne die er nicht denkbar ist; wer daher sein Denken auf wirkliche Aufgaben richtet, wird nicht den Widersinn begehen, zwei Annahmen gleich wegwersend unter den Begriff der Jrrthümer überhaupt zu verweisen, von denen die eine der Wahrheit so fern steht, daß sie gar keine, die andere so nahe, daß sie fast alle über ihren Gegenstand zu erwartende Erkenntniß möglich macht.

Vielleicht fonnte schon die Reihe des Angenehmen Schonen 181. und Guten, deren Ueberlegung ich übrigens dem Leser überlaffe, noch auf ein anderes Verhalten einer Begriffsreihe führen, das ich zunächst burch ein geometrisches Bild verdeutlichen will. Wir benken uns zwei Körperräume, A und B, beide pyramidalisch von einer Spite beginnend, zu ähnlichen Querschnitten mit verschiedener Beschleunigung anwachsen: schieben wir fie fo in einander, daß die Spitze eines jeden auf irgend einem Punkt der Are des andern liegt, so gehört die Ebene, welche durch den Durchschnitt ihrer Oberflächen gelegt wird, sowohl zu der Reihe ber Ebenen, beren Integral A ist, als zu der Reihe der anderen, deren unendliche Folge B zusammensett; man kann sich ebenso einen dritten Körper C'vorstellen, der in gleicher Weise eine Gbene mit B gemeinsam Das Wachsthumsgesetz jedes dieser Körper läßt fich, bezogen auf die gemeinsame Are aller drei und auf die Lage ihrer Gipfel in derselben, durch je eine Formel darstellen, welche wir der Reihe nach den drei allgemeinen Begriffen A oder B oder C zu vergleichen hätten. Und bann würde sich zeigen, daß es in der Reihe der einzelnen Beispiele von A ein bestimmtes gibt, das zugleich der Forderung des Begriffes B genügt; daß also für dieses Beispiel es zweifelhaft oder willfürlich wird, ob es dem Begriff A oder B unterzuordnen ist, nicht des halb, weil es keinem von beiden, sondern weil es vollständig beiden zugleich genügt; über diesen Einzelfall hinaus aber würden alle anderen Beispiele des A, alle jene übrigen Ebenen, die durch die so zusammengesetzte Körperfigur gelegt würden, ausschließlich entweder dem A oder dem B angehören; Gleiches endlich fände statt in Bezug auf die B und C gemeinsame Ebene. In diesen Fällen liegt es also an der Natur der wesentlich verschiedenen Begriffe selbst, daß einzelne Glieder ihrer

Artenreihe zweibeutig werden und an sich, ohne irgend eine Nebenrücksicht, z. B. auf die Art ihrer Entstehung oder Entwicklung zu nehmen, mit Sicherheit keinem dieser Begriffe ausschließlich zugerechnet werden kömen, obgleich, abgesehen von diesen Einzelfällen, die Verschiedenheit der Bedeutung jener Begriffe nicht zweiselhaft ist. So wie wir uns mun hier A B und C durch Namen bezeichnet, mithin als Begriffe ausgedrückt, jene Sonderfälle aber namenlos gelassen dachten, so kann die Sprache auch zu dem Umgekehrten veranlaßt sein; sie kann Begriffe M N O durch Namen sixiren, die nur in Einzelfällen, welche wir etwa als ausgezeichnete Punkte, als Maxima oder Minima, einer zusammenshängenden Reihe versinnlichen könnten, ganz eindeutige von einander wöllig verschiedene Bedeutungen besitzen; dann wird es umgekehrt in der Bahrnehmung und Erfahrung sehr viele Inhalte geben, die jedenfalls ihren Plat zwischen, aber auch nur zwischen zweien dieser Begriffe haben müssen, vollständig dagegen keinem von ihnen entsprechen.

182. Als Beispiele, die auf dies lette Verhalten zurückgeführt werden können, dienen Begriffe zusammengesetzter Bildung, welche die Sprache erzeugt hat, indem sie nicht von einem, sondern von vielen Bergleichungsgesichtspunkten zugleich ausging. Zweifellos stimmt dann mit einem solchen Begriffe jedes Beispiel überein, welches in jeder diefer Bergleichungsrücksichten an dem aus ihr entsprungenen Merkmale des Allgemeinen theilhat; aber die Zugehörigkeit zu dem Begriffe wird sehr zweideutig für viele andere Beispiele, die von dem einen Gesichtspunft aus gang entschieden ihm zuzurechnen sein würden, aber von einem anderen zugleich mitgebachten aus gar nicht. In dem Begriffe ber Krankheit haben sich auf diese Weise verschiedene Gedanken gekreuzt. Gewiß ist sie vor allem eine Abweichung des förperlichen Zustandes von einer als feststehend betrachteten Norm. Aber eine angeborene Mißbildung, die von dem natürlichen Bau des Körpers sehr bedeutend abweicht, mögen wir doch nicht Krankheit nennen, so lange sie nicht auch bie lebendigen Junctionen der Organe beeinträchtigt, und so lange fie, immer in derfelben Weise bestehend, keinen natürlichen Verlauf durch verschiedene Stadien hat. Gine Wunde andert Bau und Functionen immer in irgend einem Grade, auch hat sie einen natürlichen Berlauf; aber eine leichte nennen wir doch nicht Krankheit, offenbar, weil sie weder Gefahr noch Unbrauchbarkeit des Körpers für wesentliche Lebens-

zwede einschließt; eine sehr schwere aber auch nicht, obwohl sie beides thut; sie ist zu plötlich ganz und gar durch äußere Kräfte entstanden, und wir bemerken jetzt, daß wir uns unter Krankheit einen Zustand vorstellten, der zwar auf äußerliche Beranlassung begonnen, aber seine bestimmte Form doch nur durch die eigenthümlichen Wechselwirfungen der inneren Kräfte angenommen hat. Eine solche Reaction der inneren Kräfte gegen den äußeren Reiz bildet nun jeder Schnupfen; aber auch ihn nennen wir Krankheit doch kaum, so lange ihm das Moment der Gefahr fehlt; und ebenso wie wir uns hier mit dem milberen Namen des Unwohlseins helfen, sprechen wir auch von einer gewissen Breite der Gesundheit, um in ihr eine Menge langfam sich fortbildender Störungen unterzubringen, die mit einer ursprünglichen Gigenthumlichkeit der körperlichen Constitution zusammenhängen. Was nun hier Rechtens ift, ift leicht zu fagen. Unmöglich ift in folden Fällen eine Definition, die mit wiffenschaftlichen Bedürfniffen und mit diesen Wunderlichkeiten des Sprachgebrauchs zugleich in Einklang wäre; bedarf man einer Begriffsbestimmung, so muß man sie, unbekummert um den Sprachgebrauch, willfürlich festsetzen. In unserem Beispiel ift sie ziemlich entbehrlich, denn die Pathologie kommt recht gut aus auch ohne das allgemeine Wesen der Krankheit vorwurfslos definirt zu haben; die Praxis vollends braucht logische Allgemeinheiten nicht, aus denen keine Indicationen zum Handeln fließen. Anders in anderen Fällen. in dem Begriff des Berbrechens durchtreuzen sich Rücksichten auf Borbedacht oder Uebereilung, auf den Grad der bosen Absicht, auf Bersuch oder Bollendung, auf die Größe des erzeugten llebels; in dem Unterschiede des Kunsterzeugnisses von dem Produkt des Handwerks, in dem Berhältniß der freien Nachbildung zur Copie finden sich ähnliche Zweibeutigkeiten. Hier hat es mehr Werth, die Grenzen der Begriffe zu bestimmen, da gesetzlich Bortheile und Rachtheile sich unmittelbar an die Zugehörigfeit eines gegebenen Falles zu dem einen von ihnen knüpfen; aber auch hier wird man sie, zwar mit Berücksichtigung des Sprachgebrauchs, im Wesentlichen doch durch Satzung feststellen muffen.

183. Selbstverständlich kann man jeden Begriff M jedem beliebigen andern N gleichsetzen, wenn man den Inhalt von N durch nähere Bestimmungen so umwandelt, daß er = M ist. Hieraus entspringen vielerlei zufällige Ansichten oder Transformationen des Ausdrucks für

dasselbe M, welche wir später nützlich finden werden, um M bald dem einen bald dem anderen Gesetz subsumirbar zu machen, aus dem eine neue Behauptung über Mentspringen fann. Eine Grenze des Erlaubten gibt es an sich für dies Verfahren nicht, so lange das transformirte M wirklich das ursprüngliche deckt, so lange also N=M. Man könnte selbst ein Dreieck M dem Begriff des Bierecks N unterordnen, mit der Nebenbestimmung freilich, daß eine der Viereckseiten bis zu Rull abgenommen habe; so sehr dies Spielerei scheint, so ist es doch nütlich zu verwenden; man kann sehr anschaulich machen, wie jedesmal, wenn zwei Seiten, die früher durch eine Zwischenseite getrennt waren, durch bas Berichwinden derfelben mit ihren Endpunkten zusammenstoßen, zwei rechte Winkel von der ganzen Winkelsumme des Polygons, hier des Bierecks verloren gehen. Diese Verwendung der Transformationen wird uns später interessiren; hier heben wir hervor, daß durch sie der Unterschied der beiden so aufeinander zurückgeführten Begriffe natürlich nicht geändert wird. Das Biereck bleibt vom Dreieck so verschieden, wie es immer war, nämlich so, daß es eben seines wesentlichen Charafters entfleidet werden muß, um jenem zugeordnet zu werden, und ebenso wird jede andere Umänderung, die an N nöthig ist, um daraus M zu machen, die Größe des bleibenden Unterschiedes beider Begriffe messen. Handelt es sich nicht, wie in diesem Fall, um abstracte Gedankengebilde, sondern um Wirklichkeiten, die in der That eine eigene Entstehung haben, so ist der Werth solcher Transformationen sehr gering; sie sind zunächst bloße Einfälle, deren Bedeutung erst durch besondere Untersuchungen zu ermitteln ift. In Gedanken kann man jede gegebene Arpstallgestalt durch willfürliches Abschnitzeln hier und da in jede beliebige andere, in der bloßen Zeichnung die Figur des Krokodils burch successive Aenderungen der Contouren in die eines Bogels verwandeln, und aus jedem chemischen Element kann man jedes andere ableiten, wenn man alle Coefficienten, welche die allgemeinen physischen Eigenschaften in dem einen haben, stetig in bestimmte andere Werthe übergeben läßt. Durch solche Künfte kann man nicht die Begriffe M und N einander nähern, denn ihr Unterschied bleibt immer so groß, wie die Summe der Schritte, die man vom einen zum andern machen mußte; man kann aber auch nicht die wirklichen Dinge, welche Beispiele dieser Begriffe sind, hierdurch in einen Zusammenhang des möglichen

Uebergehens in einander bringen. Dazu mare ber Nachweis nöthig, baß bie physischen Kräfte berjenigen Elemente, die einen wirklichen Arnstall von der Form M aufbauen, an demfelben Stoff auch ein Bleichgewicht ber Lagerung in der Form N möglich machen; oder daß das verkettete Spftem von Kräften, welches den Bildungstypus des Krokodils vorzeichnet und physisch verwirklicht, überhaupt durch andere natürliche Einwirtungen sich so verschieben lasse, daß aus ihm die Gestalt des Bogels wirklich herauswachsen kann, daß mit einem Worte in dem Zusammenhange der Wirklichkeit Triebe vorhanden sind, welche die Umänderungen der Begriffsinhalte realisiren, die wir in Gedanken und auf dem Papiere willfürlich an ihnen vornehmen können. nert sich, glücklicherweise als eines überwundenen Jrrthums, der wilden Willfür, mit welcher man früher etymologisirend jedes Wort der einen Sprache am Ende aus jedem beliebigen ber andern ableitete; jest ift die Warnung vor Aehnlichem in Bezug auf das neuerwachte Bedürfniß nütlich, die Mannigfaltigkeit der organischen Wesen, mit Aufhebung aller festen Artunterschiede, aus einander entstanden zu denken. Jedenfalls hat indessen Darwins Bersuch, gleichviel ob zulänglich oder nicht, fich wenigstens eifrig darum bemüht, die wirklichen Vorgänge aufzuweisen, durch welche die benkbare Verwandlung der einen organischen Form in die andere realisirt worden sein mag.

## Drittes Kapitel.

Schematische Anordnungen und Bezeichnung der Begriffe.

184. Ich setze in diesem Abschnitt von etwas verändertem Gessichtspunkt aus die Betrachtungen des vorigen fort. Die Weite und die Bedeutung des Unterschiedes mehrerer Vorstellungsinhalte war nur dann einer näheren Bestimmung fähig, wenn wir Gelegenheit fanden, mehrere gleichartige Unterschiede unter einander zu vergleichen, wenn also die verglichenen Inhalte selbst Reihen bildeten, deren Glieder nach einem mehr oder minder genau ausdrückbaren Gesetze fortschritten, und wenn außerdem das fühlbar Allgemeine, dessen quantitativ und qualitativ verschiedene Modisicationen diese Glieder darstellten, nur in einer und derselben Richtung solche Abwandlungen gestattete. Zusammen-

gesetzte Begriffe, sei es von Dingen ober von Eigenschaften, Berhältniffen oder Greigniffen, laffen fich wegen ber Bielheit einander beterminirender Merkmale oder Beziehungspunkte, welche fie einschließen, nach mancherlei Richtungen hin verändern, theils dadurch, daß die Merkmale und die Beziehungspunkte, einzeln oder einige oder alle, die verschiedenen Beschaffenheiten annehmen, deren fie fähig find, theils dadurch, daß die zwischen ihnen obwaltenden Determinationen die verschiedenen möglichen Werthe der Lockerheit oder Engigkeit und die Formänderungen durchlaufen, denen sie ihrer Natur nach unterworfen sind. Nun hindert nichts, daß öfters der Werth oder die Weite des Unterschiedes zwischen zwei so entstandenen Begriffen M und N uns durch unmittelbaren Eindruck mit dem Grade der Sicherheit deutlich sei, den wir in dem fraglichen Falle wünschen muffen; hätten wir jedoch ein wiffenschafts lices Interesse an genauerer Bestimmung, so würden wir die Werthe ber verschiedenen Stalen, nach denen die einzelnen Unterschiede stattfinden, und aus ihnen den Werth der Gesammtveranderung bestimmen muffen, welche M von N oder N von O trennt. Man wird geneigt sein, icon hier einzuwerfen, daß wir, in den meisten Fällen wenigstens, die Bedeutung einer Stala, nach welcher die Beränderung eines Begriffsinhaltes stattgefunden hat, vielmehr umgekehrt nach der Größe der Umwandlung schätzen, welche diese Beränderung in dem unmittelbaren Totaleindruck hervorgebracht hat; diese Einwendung kann ich zugeben, ohne sie weiter zu berücksichtigen; benn was ich hier erläutern will, ist nicht eine logische Regel, sondern ein Hang unseres Gedankenganges, der weit mehr einzuschränken als zu befriedigen sein wird, der aber um seiner Unaustilgbarkeit willen eine besondere Berücksichtigung verlangt. Man begreift nämlich leicht, wie aus jener obenerwähnten Aufgabe der Wunsch entstehen tann, ein allgemeines Schema zu besitzen, in welchem nicht nur alle denkbaren modificablen Beziehungen verschiedener Elemente, sondern auch die Werthe der Unterschiede je zweier Modificationen dergestalt festgestellt wären, daß jeden zwei Begriffen M und N der bestimmte Unterschiedswerth ober zugleich Verwandtschaftswerth zukäme, welcher an den von ihnen eingenommenen Stellen des allgemeinen Schema haftet.

185. Ich gehe zunächst zur Erläuterung auf eine Erscheinung des ältesten Alterthums zurück, auf Pythagoras. Aus den spärlichen und großentheils wenig glaubwürdigen Quellen, die wir besitzen, ein

sicheres Lehrgebäude pythagoreischer Philosophie wieder aufzubauen unternehme ich nicht; aber ben Grundgedanken, der fie belebt haben kann, und von dem begreiflich ist, daß er eine ebenso langdauernde als in ihren Aeußerungen oft verkehrte Theilnahme erregt hat, glaube ich angeben zu können. Die hinneigung der Schule theils zu abstract mathematischen Untersuchungen theils zur Anwendung derselben auf Nas turvorgänge ift hinlänglich gewiß; die erste Richtung der Studien mußte auf die Vorstellung der Zahlenreihe und der Gestaltenwelt als zweier großen gesetzlich in sich selbst zusammenhängenden Ganzen führen, und noch überdies die Abhängigkeit ber räumlichen Gebilde selbst von den in sie eingegangenen Bahlengrößen lehren; die andere Richtung bat, neben uns weniger bekannten Erfolgen, zur Auffindung des Berhältnisses zwischen der gehörten Tonhöhe und der Länge der schwingenden Saite geführt und damit sicher den allgemeinen Wedanken rege gemacht, daß auch Erscheinungen, deren Berschiedenheiten von uns zunächst als qualitative empfunden werden, auf mathematischen Berschiedenheiten vergleichbarer Bedingungen beruhen. Zu schrankenloser Berallgemeinerung so gefundener Ergebnisse neigt menschliche Einbildungstraft ohnehin; für den mathematisch gebildeten Pythagoreer kam die Erwägung hinzu, wenn einmal einer Reihe von Größenveränderungen eine Beränderungsreihe von Erscheinungen entspreche, so werde auch keinem anderen benkbaren mathematischen Verhältnisse und seinen Modificas tionen das entsprechende Gegenbild in der Erscheinung fehlen, oder umgekehrt: wenn eine Gruppe von Erscheinungen sich auf Größenbestimmungen gründe, so werde der Zusammenhang aller Naturvorgänge unter einander auch die übrigen Erscheinungen zu gleichartiger Abhangigkeit von mathematisch bestimmbaren Gründen nöthigen. wir uns das philosophische Unternehmen entstanden, dem Aristoteles den Ausdruck gibt, Pythagoras habe die Principien der Zahlen für die Principien der Dinge gehalten; aber den Sinn dieses Ausdrucks felbst haben wir noch weiter zu überlegen. Die Absicht der pythagoreischen Philosophie ging gewiß nicht blos darauf, worauf sie nach dem anderen Spruche ihres Urhebers, Gott habe alles nach Maß und Zahl geordnet, gerichtet scheinen kann; nicht auf eine bloße Anwendung ber Mathematik auf die Natur in der Art, daß eben nur die Größenbestimmtheiten der natürlichen Kräfte und Ereignisse im Falle ihres Wechselwirkens nach

demselben mathematischen Rechte einander modificiren, das für Größen überhaupt gilt; vielmehr diese Data selbst, auf welche unsere mathematische Physis nur Anwendungen der Mathematis macht, erschienen dem Pythagoras als selbst schon ein System bildend, dessen innere Gliederung nach denselben Verhältnissen entworfen ist, nach denen die Glieder der Zahlenreihe gebildet sind oder sich zusammensetzen können. Ich unterscheide in dieser Ansicht einen allgemeinen Gedanken und seine besondere Ausprägung.

186. Die sogenannte Naturphilosophie der Jonier war damit beschäftigt gewesen, die Bildung und Rückbildung ber Naturförper aus ihrem Urstoff und in ihn zu beschreiben; da sie sehr allgemein dazu Borftellungen von Berbichtung und Berdunnung brauchte, fann fie, um biefer quantitativ bestimmten Hülfsmittel willen, der pythagorischen Auffaffung icon verwandt icheinen. Sie ift ihr dennoch febr fremd; benn nirgends findet sich in ihr ein ausgesprochenes Interesse dafür, daß bie Summe beffen, was auf biefe Beife entstand, in irgend einem Augenblide feines Bestehens ober in ber Reihenfolge feines Werbens ein zusammengehöriges Bange bilbe, beffen Theile einander fordern. Pythagoras hingegen scheint sich sehr wenig um diese Entstehung der Welt gefümmert zu haben, aber so wie sie be ftand, nachdem sie entstanden war, galt fie ihm für ein System, beffen Theile nicht blos neben einander ba waren, fondern in dem eine Lucke gewesen ware, wenn während bes Bestandes ber einen Erscheinung die Wirklichkeit ber anderen gefehlt hatte. Wenn es in der Wirklichkeit a, b und d gibt, so ist c, falls es da ist, nicht blos auch da, sondern es ist da, weil es von dem Gesetze, nach welchem die Reihe ab . . bis d fortschreitet, als nicht fehlen könnendes drittes Glied zu dem vierten d gefordert wird; oder falls e nicht ist, so ist es nicht blos thatsächlich nicht, sondern weil das Bildungsgesetz jener Reihe die Möglichkeit dieses dritten Gliedes vor d ausschließt. Dieselbe Betrachtung würde sich auf andere Reihen des Wirklichen, auf abyd und abed, anwenden lassen, und diese Anwendung ist von der pythagoreischen Philosophie gemacht worden. Welches Verhältniß sie zwischen den verschiedenen Charafteren dieser Reihen angenommen haben mag, die ich durch die verschiedenen Alphabete andeuten wollte, wissen wir allerdings nicht, und sehr wahrscheinlich würden uns darüber, wie Aristoteles merten läßt, auch die vollständigften Quellen nicht belehren; was aber das Besetz betrifft, welches in jeder dieser Reihen die gleichartigen Blieder unter einander verbindet, so scheint unzweifelhaft, daß bies eben als dasselbe identische für alle diese Reihen angesehen, daß also ein allgemeiner Parallelismus des Berhaltens in den verschiedenen Gruppen zusam= mengehöriger Erscheinungen behauptet wurde. Dies zeigt sich in der Erfindung einer unsichtbaren Gegenerde, um die Bahl der damals betannten Planeten auf jene Behn zu bringen, der einmal die arithmetische Mustif des Spftems eine besondere Bedeutung beigelegt hatte, in ber Annahme eines fünften Elements, das mit Waffer, Erde, Feuer und Luft ben fünf regelmäßigen Körpern Tetraeber Würfel Octaeber Dobefaeder und Itosaeder entsprechen sollte, in dem Bersuche ferner, Die Entfernungen der Planeten nach musikalischen Intervallen geordnet zu benten, felbst in ber ärmlichen Form ber Tafeln von Gegenfätzen, Die für unser Berständniß freilich nur das häufige Vorkommen des Gegensatverhältnisses selbst an willfürlich zusammengestellten Begriffspaaren versinnlichen, aber burch bie Zehnzahl ber Paare anzudeuten scheinen, daß fie für alle verschiedenwerthigen Stufen einer zehngliedrigen Reibe dies Berhältniß als wesentlich barftellen wollten. Endlich, wenn der Bahl Sechs das Belebtsein, der Sieben die Intelligenz und das Licht, der Acht die Freundschaft zugeordnet wurde, so geht daraus hervor, daß nicht blos die Erscheinungen der äußeren Natur, sondern auch die des geiftigen Lebens, daß überhaupt alles Denkbare als geordnet nach demselben Reihengesetze betrachtet wurde. So hat diese Philosophie ganz daffelbe gesucht und glaubte es gefunden zu haben, was wir oben aussprachen: ein allgemeines Schema, welches, vom Ginfachen zu Berwideltem aufsteigend, die Summe möglicher Bildungen zu umfaffen bachte, beren eine jedem Wirklichen als Mufter seiner eigenen dienen mußte, und das zugleich diese Borbilder so in eine Reihe ordnete, daß jedem Wirklichen durch die Stelle seines Borbildes in ihr seine eigene Bebeutung und die Größe seines Unterschiedes oder seiner Verwandtschaft mit den anderen Dingen, den Nachbildern anderer Reihenglieder, qutam. Dies scheint mir der allgemeine Bedanke, ben ich ber pythagoreischen Philosophie zueigne: nicht blos eine gleichsam später gestiftete Unordnung von Dingen, deren Wesen ursprünglich ohne Rücksicht auf das Princip dieser Ordnung gegeben gewesen ware, sondern eine Sarmonie des Kosmos, — mit diesem Namen bezeichnete zuerst Pythagoras

die Welt, — begründet darauf, daß alle Dinge von Anfang an nur verschiedene Verwirklichungen einer Reihe von Typen waren, welche ein allgemeingültiges Entwickelungsgesetz bestimmte.

187. Die specielle Ausprägung dieses Gedankens ist weit hinter der unleugbaren Großartigkeit seines allgemeinen Sinnes zurückgeblieben. Auch die Mathematik der Gegenwart, so vielförmig die Gröhenverhältnisse sind, deren interessante Wechselbeziehungen sie in Betracht gezogen hat, würde nicht im Stande sein, in diesen ausreichende Borbilder ober Symbole ober abstracte Ausdrücke ber mannigfacheren Berhältnisse zu finden, die zwischen den Elementen des Wirklichen und den aus ihnen entspringenden Combinationen bestehen; die antike Arithmetik aber, zu deren Ausbildung die pythagorische Schule beigetragen zu haben scheint, fand in ihrer Kenntniß ber Zahlenreihe nur sehr wenige und ärmliche Beziehungen auf, deren Werth man sehr überhöhen und schon ziemlich willfürlich deuten mußte, um fie als dieselben ansehen zu fonnen, auf welche die Bildungen des Wirklichen gegründet seien. Beobachtungen, daß alle Zahlen aus vielfacher Wiederholung der Einheit entstehen, daß in ihrer Reihe die durch das Princip der Bielheit, die Zweizahl, untheilbaren und darum vornehmer geachteten ungeraden abwechseln mit den geraden, daß die erste Einheit des Geraden und des Ungeraden die Drei, die erste Quadratzahl einer Mehrheit die Vier, die Summe dieser ausgezeichneten vier ersten Zahlen die Behn ift, tonnten eigentlich nur für eine Symbolit, der jedes intereffante Motiv recht ist auch ohne Rücksicht auf den Zusammenhang mit anderen, die bekannte Verehrung der Zehnzahl rechtfertigen, zu der ohne Zweifel in der Gewöhnung an das dekadische Zahlenspstem der eigentlich wirksame Grund lag. Hätte diese Speculation alle die algebraischen und transscendenten Functionsformen gekannt, mit denen jetzt die Mathematik wirthschaftet, wie viel reicher würde die Mannigfaltigkeit der Symbole gewesen sein, die sie den einzelnen Erscheinungen, mit viel feinerer Anschmiegung an die Natur derselben, hätte zuordnen können! Sind wir doch jetzt noch geneigt, auch da, wo keine eigentliche Rechnung möglich ist, den Namen der Potenz für eigenthümliche Steigerungen der Bedeutung und Wichtigkeit zu brauchen, die ein Begriffsinhalt erfährt, wenn etwa jeder der Beziehungspunkte, in deren gegenseitiger Determination sein Sinn besteht, zu einem kleinen Systeme sich vervielfältigt, zwischen bessen Gliedern dieselbe Determination besteht, welche das Ganze beherrscht; und wie sehr hätten manche Abhängigkeitsverhältnisse verschiedener Elemente durch die Relation eines Logarithmen zu seiner Zahl, alle periodischen Regelmäßigkeiten durch Anwendung trigonometrischer Functionen verdeutlicht werden können! Da dieser Reichthum sehlte, der doch auch uns noch nicht genügen würde, so hat es gar keinen Werth, im Einzelnen die Sinnigkeit der pythagoreischen Symbole zu untersuchen.

Die auseinandergehenden Deutungen aber und die Dißverständnisse, denen die ganze Ansicht unterlag, lassen sich leicht aus ihr selbst begreifen. Nach der einen Aeußerung des Aristoteles waren es die Principien der Zahlen, die Pythagoras den Principien der Dinge gleichsette. Dies ift uns völlig verständlich; unter jenen Brincipien der Zahlen waren die Beziehungen der Einheit zur Bielheit, die Wiederholbarkeit der ersten, die Theilbarkeit oder Untheilbarkeit der anberen, überhaupt die Möglichkeit zu verstehen, durch Benutung dieser immer gleichen Berhältniffe und Operationen die ganze Zahlenreihe zu erzeugen, oder, wie wir fagen würden, jede Zahl als Function anderer Bahlen darzustellen; dieses innere Gefüge sollten die Dinge auch haben, nach benfelben Principien auch ihre Reihen so geordnet sein, daß die Natur des einen sich als eine Function der Natur der anderen darstellen ließe. Aber Aristoteles behauptet auch mit Anderen, die Zahlen selbst habe die pythagoreische Schule für Dinge, jedenfalls die Dinge für Zahlen erflärt. Auch dies ift gar nicht unbegreiflich für den, der den Gang philosophischer Gedanken und die Gewohnheiten des Ausdrucks für sie kennt. Bis zu gewissem Grade hätten die Pythagoreer sogar mit dieser Behauptung Recht gehabt, und eben daraus ist zu vermuthen, daß sie sie wirklich ausgesprochen haben; denn, wie erwähnt, eine bloße Anwendung der Zahlen auf Größenbestimmungen von Dingen, beren eigentliches Wesen von biesen Bestimmungen noch unabhangig wäre, sowie es etwa ähnliche Dreiede von den verschiedensten Größen gibt, wollten fie keineswegs machen; ihre Zahlen sollten das bedeuten, wodurch sich das Wesentliche eines Dinges von dem Wesentlichen eines anderen unterscheidet; a war a, weil es seinen Inhalt in der Functionsform a oder nach dem Bildungsgesetz a der einen Symbolzahl zusammenfaßte, und unterschied sich hierdurch von b, das b war, weil es dem

Bildungsgesetze  $\beta$  einer anderen folgte. Man konnte daher, mit einem nachher zu erwähnenden Vorbehalt, allerdings fagen, das Wefen eines Dinges, nämlich bas Wesen in bem Sinne bessen, wodurch eines vom anderen sich unterscheidet, bestehe in der ihm immanenten Bahl. Die andere Behauptung, das Wesen der Dinge, nämlich das, wodurch sie sämmtlich Dinge find, oder ihre Realität, bestehe in diesen Zahlen, oder die Zahlen seien das Reale, hat vielleicht die Schule positiv so nicht ausgesprochen; that fie es aber, fo konnte fie ben letteren Ausbruck freilich nicht rechtfertigen, ben ersten aber allerdings; benn wenn es nichts wirklich gibt, beffen Wefen nicht durch eine jener Symbolzahlen beftimmt ift, so find die Zahlen allerdings die conditio sine qua non jeder Realität; sie für mehr zu halten und fie felbst Reales zu nennen, ift eine Ueberspannung des Ausbrucks, von der wir später sehen werden, wie sehr nahe sie dem philosophischen Gedankenlaufe aller Zeiten gelegen hat. Gine große Unvollkommenheit bleibt zurück, die wir schon erwähnten. Dieselbe typische Bahlenreihe foll sich in sehr vielen parallelen Reihen des Wirklichen, in abed, abyd, abed wiederholen; wie unterscheiden sich nun die Glieder b & b von einander, wenn das ganze Wesen jedes von ihnen burch dieselbe Symbolgahl erschöpft wird? Hierauf ift keine Antwort möglich; an diesem Puntte wird die Theorie, welche das Wesen der Dinge gang zu umfassen bachte, boch wieder zu einer Anwendung einer allgemeinen Regel der Bildung auf verschiedene Fälle, deren harakteristische Unterschiede als gegebene zu betrachten sind; aber eben hierdurch ist sie ganz das, zu deffen Berdeutlichung wir fie benuten wollten: der Berfuch, ein allgemeines Schema für bie Beziehungen Berwandtschaften und Unterschiede aller beliebigen eventuell in Frage kommenden Inhaltsgruppen aufzustellen.

Is9. Ich rechtfertige die Ausführlichkeit dieser Betrachtung durch Hinweis auf die außerordentliche Zähigkeit, mit der sich die Vorliebe für diese Schematisirung alles Denkinhaltes durch den Lauf der Zeiten hindurch erhalten hat. Zuerst in dieser Form der mystischen Zahlenspeculation selbst; über diese Bestrebungen können wir flüchtig hinwegsehen; da ihnen das Interessante und Ueberraschende, übrigens aber Sinnlose genügte, so waren sie eigentlich immer nur auf der Suche nach einer geheimen Wahrheit, die sie nic fanden, und es gehörte stets viel guter Wille dazu, in den Symbolen den Sinn, den man in sie

legte, irgendwie beffer ausgedrückt zu sehen, als es ohne Symbol auch geschehen konnte. Dann ist man nach verschiedenen Richtungen hin von der blos arithmetischen Basis der Träumerei abgegangen. Zuerst hat fast regelmäßig jedes bedeutende Berhältniß zwischen wichtigen Begiehungspunkten, dem die fortschreitende Wiffenschaft auf die Spur gekommen war, sich zum Schema für die Gliederung des ganzen Weltinhaltes ausgedehnt. Lange fand man den Habitus der antiken vier Elemente in allen Dingen wieder, und die mpstische Bedeutung dieser Bierzahl wurde später nur auf die neuentdeckten Grundstoffe der Dr. ganismen, Kohlenstoff Wasserstoff Sauerstoff und Stickstoff übertragen; fie stimmte vortrefflich mit ben vier himmelsgegenden, benn Zenith und Nadir fallen ja außer die natürliche Bisirlinie unseres Blides; sie ftimmte ebenso mit den vier Jahreszeiten ber gemäßigten Bonc, in welcher diese Speculationen geübt wurden, und mit den vier unerläßlichen Casus der Declination; später tam mit der Bollendung ber aftronomischen Theorie der Gegensatz zwischen centripetalen und centris fugalen Bestrebungen in die Vorstellungen aller Dinge und verschmolz mit dem Wegensate ber Geschlechter und bem Berhältniß zwischen Saure und Alfali; Magnetismus und Glektricität führten das Schema der Polarität fast noch weiter in die Betrachtung alles Denkbaren ein. Entgegengesette Bestrebungen gingen von dem richtigen Gedanken aus, daß auch die Zahlenverhältnisse, zum Theil wenigstens, nur Beispiele noch abstracterer Grundbeziehungen seien; diese musse man aufsuchen und werde fie finden, wenn man die Operationen überlege, durch welche unser Vorstellen eben die Vorstellungen aller Inhalte zu Stande bringe. Nun entsteht mindestens jede zusammengesetzte Vorstellung badurch, daß man ein a setzt, ein b von ihm unterscheidet oder ihm entgegensetzt, beide endlich in eine Beziehung e bringt; so gilt nun Thesis Antithesis und Synthesis als das Schema der Bildung alles Wirklichen und als Rhythmus der Anordnung seiner Betrachtung; man sieht aber leicht, daß diese Symbole, je abstracter sie gefaßt werden, desto mehr in notiones communes übergehen, die zwar ziemlich von Allem gelten, aber über Nichts Aufschluß geben. Diesem ganzen Wirrwarr tritt nun die Logik mit der Anforderung entgegen, jeder Inhalt sei lediglich nach seiner eigenen Natur zu betrachten, einzutheilen und zu untersuchen: es gebe kein verwendbares allgemeines Schema, und die Benutung

grundlos ausgedachter Schablonen könne nur der unparteisschen Aufsuchung der Wahrheit Gewalt anthun.

190. An diesem Verwerfungsurt heil ist nichts abzubrechen, und einige Bemerkungen, die ich noch machen will, haben nicht diesen Zweck. Benn uns der Inhalt M eines Begriffs, einer Borstellung ober einer Anschauung so gegeben ist, daß er irgend eine Mehrheit von Merkmalen Theilen oder Beziehungspunkten in der Form u vereinigt, so ist es eine ganz gerechtfertigte wissenschaftliche Neugier, erfahren zu wollen, wie fich seine Beispiele verhalten ober verändern und unterscheiden werden, wenn man entweder die Theile des Inhalts allein oder zugleich die allgemeine Verbindungsform  $\mu$  innerhalb der zulässigen Grenzen ihrer Beränderlichkeit variirt. Bleiben wir zunächst bei der ersten Menderungsart, so wird es uns meistens wenig interessiren, alle Arten von M zu entwickeln, die durch verschiedene Größenwerthe von Merkmalen entstehen, benn sie werden, im Allgemeinen wenigstens, einander ähn= lich sein und dasselbe nur in verschiedenem Maßstabe wiederholen. Ist aber eines von diesen Merkmalen m von der Beschaffenheit, daß für dasselbe der Gegensatz des Negativen zum Positiven einen angebbaren und anschaulichen Sinn hat (sowie etwa rechts und links, Attraction und Repulsion, Concavität und Convexität, überhaupt Wachsthum über einen Rullpunkt hinaus und Abnahme unter diesen Punkt hinab, einander gegenüberstehen), so interessirt es uns lebhaft zu wissen, was aus M wird, wenn man feinem Bilbungsgesetz jett diefen entgegengesetzten Anwendungspunkt —m anstatt +m gibt. Nimmt man y=fx als Gleichung einer krummen Linie, so verfäumt Niemand, successiv Die positiven und negativen Werthe von x einzusetzen, und nicht eher als bis man die hieraus entspringenden Resultate vereinigt hat, glaubt man die Natur der Curve M zu kennen, die sich der Anschauung hier nicht als Allgemeines, sondern als das Ganze darstellt, welches aus der Berknüpfung aller möglichen Beispiele der allgemeinen Gleichung entsteht. Fällt uns irgendwo, als fünstlerisches Ornament vielleicht, eine nach rechts und unten geschwungene Volute ins Auge, so empfindet unsere Einbildungskraft dasselbe Bedürfniß; auch ohne mathematisch das Bildungsgesetz dieser Curve zu kennen, begreifen wir doch, wegen der Gleichartigkeit der Raumrichtungen, daß sie ganz mit gleichem, aber entgegengesetztem Schwunge sich nach rechts und oben, und mit noch

anderem Gegensatz links sich nach oben und unten wiederholen könnte. Jehlen nun diese Fortsetzungen, zu deren Borstellung der gesehene Unfang anregt, ohne daß in den Umgebungen ein erklärender Grund für diesen Mangel sichtbar würde, so fühlen wir uns ästhetisch unbefriedigt; aber dies Bedürfniß nach Symmetrie hat boch einen Grund logischer Art. Es gehört zur Natur des Gesetzes, Anwendung zu haben auf alle Bariationen seiner Beziehungspunkte; darum liegt ein Widerspruch in der Anschauung, welche den Gedanken des Gesetzes zugleich mit der Möglichkeit seiner allgemeinen Geltung rege macht, und boch nur einen Theil seiner Geltung wirklich sichtbar werden läßt; was hier in der Anschauung fehlt, scheint in der Sache zu fehlen; wir suppliren es, um den grundlosen Mangel der Allgemeingültigkeit zu heben. Ein ähnlicher Trieb begleitet uns in die Betrachtung aller Begriffe. Ueberall, wo in irgend einem M eines seiner Bestimmungsstücke zwischen +m und -m schwanken kann, was nur möglich ist durch den Zwischenwerth m=0, überall da wird das Bild der so entstehenden dreigliedrigen Eintheilung für uns ein Schema, nach welchem wir die Untersuchung des ganzen Umfangs von M beginnen. Dies nämlich muß hier, zum Unterschied von den oben zurückgewiesenen Träumereien, hervorgehoben werden, daß bicses Schema uns nichts als eine Aufforderung zur Leitung ber Untersuchung sein kann, aber nicht anticipirend ein Bild des heraustommenden Erfolges. Nicht überall, wie in dem Beispiele unserer Volute, werden sich die Gegenstücke, die wir dort erwarteten, finden lassen; es hängt von der Natur der Berbindungsform µ ab, ob M überhaupt noch mögliche Arten liefert, wenn jenes +m in ihm in - m übergeht; noch weniger ist vorherzusehen, ob und wie die so entstandenen Arten den Unterschieden ihrer Bedingungen sich proportional verhalten werden; nichts hindert die Möglichkeit, daß für ein bestimmtes  $\mu$  dieser völlige Gegensatz von  $+\mathrm{m}$  und  $-\mathrm{m}$  ebenso völlig bedeutungslos ist. Man wird nun ebenso u durch alle seine möglichen Arten, die durch eine vollständige Disjunction seines Begriffs gegeben werden, variiren lassen; man wird für bloße Größenzunahmen auch hier nur eine Reihe ähnlicher Resultate, für jeden Wendepunkt aber, an welchem u eine qualitativ andere Bedeutung annimmt oder einen Sprung zu seinem Entgegengesetzten macht, auch in bem von ihm abhängigen M das Auftreten einer ganz neuen Bildung erwarten; man

wird endlich für jedes ausgezeichnete Verhalten, welches man in einem Sonderfalle von M gefunden, als Gegenstück ein gleich ausgezeichnetes Berhalten in einem auf ähnlichen Bedingungen beruhenden Sonderfall eines ähnlich gebauten N erwarten, wie man denn zu allem, was Lichtwellen begegnet, das Entsprechende für Schallwellen sucht: aber alles dies bleibt stets eine Frage an den Gegenstand, auf welche die Antwort zu erwarten ift; sie fann der Erwartung völlig entgegengesetzt ausfallen und muß hingenommen werden, wie die Untersuchung sie gibt. Darin bestand aber die Täuschung jener schematisirenden Tendenz, daß sie annahm, jede Stelle eines als allgemein vorausgesetzten Schema werde bei jeder Anwendung deffelben auf einen beliebigen Stoff ftets durch eine bedeutungsvolle Gestalt desselben ausgefüllt werden, niemals aber leer bleiben, und daß sie ferner hinzufügte, auch die Formen, mit denen wirklich die verschiedenen Inhalte, nach gleichem Rhythmus sich ändernd, dieselben Stellen des Schema füllen, werden durch hervorstechende Aehnlichteit oder Analogie ihres gesammten Habitus als zusammengehörige, als verwandte oder als Gegenstücke sich ankündigen. Wo dies nicht zutraf, lag dann die Versuchung nahe, die Lücken durch grundlose Vermuthungen zu füllen und die mangelnde Correspondenz entsprechender Glieder durch sachwidrige Hervorhebung von Nebenzügen herzustellen.

191. Die moderne Zeit hat mehrere großartige Beispiele schematischer Entwickelung des Weltinhaltes gesehen, welche selbst einen wesentlichen Mangel der pythagorischen Auffassung zu vermeiden schienen. An einem anderen Orte (Geschichte der Aesthetik in Deutschland S. 176 ff.) habe ich ausführlicher die Motive erläutert, die zur Ausbildung der Hegelschen Dialektik, der bedeutenoften unter diesen Bestrebungen, geführt haben; ich begnüge mich hier mit wenigen Bemer-Die pythagorische Art und fungen über ihren logischen Charafter. Beise, unzählige parallele Entwickelungsreihen verschiedener Inhalte neben einander vorzustellen, gab nicht Rechenschaft von den Unterschieden, durch welche die correspondirenden Glieder verschiedener Reihen, ungeachtet ihrer identischen Plätze in dem allgemeinen Schema, von einander getrennt find. Das defadische Bahlenspftem, mit seinen aufsteigenden Botenzen der Zehnzahl, hat hier doch nicht zu dem nahe liegenden Beriuche veranlaßt, jene Parallelreihen selbst wieder als successive Perioden einer und derselben Hauptreihe zu fassen, in ihrer innerlichen Structur

einander gleich, aber gleichsam burch die Höhe des Niveaus, auf bem sie biesen Bau entfalten, einander so überbietend wie die Octaven der musikalischen Skala. Die moderne Phantasie hat diesen Mangel ergangt; die Bielheit der Parallelen ist in eine einzige Reihe zusammengezogen, bestehend aus formell gleichgebauten Cyclen, deren jeder in seinem Endgliede den carafteristisch neugeformten Anfangspunkt für die Entwickelung des nächstfolgenden erzeugt. Ift es möglich, das erfte Glied der ganzen Reihe und das Formgesetz des ersten Cyclus zu finben, so läßt sich für die Berschiedenheiten der Inhalte, welche die Glieber ber folgenden Perioden bilden, ein Grund in der Länge des Abstandes vom Anfang und in der Umformung finden, die das Anfangsglied bei jedem Schritte dieses Weges erfahren hat. Man muß nun Begel als eine metaphysische Voraussetzung, über beren Triftigkeit logisch gar nicht zu urtheilen ist, die Gewißheit zugeben, daß der Weltinhalt nicht eine Summe neben einander bestehender Dinge und neben einander verlaufender Greignisse ist, jene so lange ruhig bestehend, bis sie von außen zur Beränderung gereizt werden, diese in ihren Wechselwirkungen und in ihrem Verlauf durch immer geltende allgemeine Gesetze bestimmt; vielmehr ist alle Bielheit der Welt nur die rastlose Entwickelung eines nie ruhenden Ginen, alle Greignisse nur Stufen seiner Entwidelung ober Nebenwirkungen berselben, die Dinge selbst entweder vergängliche ober in jedem Augenblick neu entstehende Erscheinungen, beren ganges Wesen in den thätigen Bewegungen jenes Ginen besteht, die sich in ihnen als secundären Subjecten seiner Entwickelung freuzen und sammeln. 3ch mache mit dieser Bezeichnung bes Hegelschen Standpunktes keinen Anspruch auf vorwurfslose Genauigkeit, die für eine weitläufige Darftellung schwierig, für einen furzen Ausdruck unmöglich sein wurde; aber das Gesagte reicht hin, um begreiflich zu machen, daß innerhalb jedes dialektischen Cyclus sich nicht verschiedene Gestaltungen von etwa sich immer steigernder Bedeutung blos neben einander befinden können, sondern jede folgende aus der vorangehenden hervorgehen muß; Entwidelung ift der Charakter dieser Bliederung felbst.

192. Nun ist keine Entwickelung vorstellbar ohne eine bestimmte Richtung, welche sie nimmt, im Unterschiede von anderen, welche sie nicht nimmt; ebenso klar aber, daß in diesem Falle am wenigsten diese Richtung dem sich entwickelnden Einen von außen gegeben werden kann:

sie muß von seiner eigenen Natur abhängen. Aber hier findet sich, daß für das volle Wesen dessen, was unter dem Namen des Absoluten als der eine Weltgrund betrachtet wird, ein genauer und erschöpfender Ausdruck nicht möglich ist, daß vielmehr das, was wir mit ihm ahnungsvoll meinen, erst durch die Entwickelung selbst uns offenbar, ja auch an sich erst vollständig es selbst werden kann; begreiflich dem Wortlaut nach, denn da es nur Entwickelung ist, so kann es nicht ganz schon es selbst sein, bevor es sich zu entwickeln begonnen hat. Es bleibt daher nichts übrig, als eben hieran anzuknüpfen, an die Erkenntniß, daß jenes Absolute nicht Ruhe, sondern Entwickelung ist. Ganz gewiß wird bann seine Entwickelung in berjenigen Richtung und Form verlaufen muffen, die aus dem Begriff der Entwickelung selbst fließt und daher eigentlich in jedem Beispiele dieses Begriffes wiederzufinden sein wird. Dies führt auf sehr einfache Gedanken. Soll irgend ein A sich entwickeln, so darf es nicht schon sein, wozu es sich erst entfalten soll; es darf ebenso wenig nicht sein oder inhaltlos sein, so wäre es ja nicht der bestimmende Grund dessen, was entstehen soll; es muß, noch unentfaltet und gestaltlos doch die bestimmte Möglichkeit seiner zukünftigen Bildung, furz: es muß an sich sein, wozu es werden wird. Besen würde nicht in Entwickelung bestehen, wenn es in diesem Ansichsein verharrte; es muß wirklich zu dem werden, wozu werden zu können seine Natur ist. Das Werden jedoch, der Borgang der Entwickelung, ift mir ein Zwischenglied zwischen Möglichkeit und Erfüllung; nur werdend, zwischen Ausgangspunkt und Ziel schwebend, würde das sich Entwidelnde weder fich felbst gleich sein, wie es in seinem Ansichsein war, noch das schon sein, wozu es werden soll. Man begreift schon hieraus, warum dies zweite Glied der Entwickelung, als eine Art der Entzweiung des Ursprünglichen mit sich selbst, den Namen des Andersseins ethalten hat; er wird noch begreiflicher, wenn man sich erinnert, daß es der allumfassende Weltgrund ist, dem eigentlich diese Entfaltung zugeschrieben wird; es ist nicht eine einfache geradlinige Bewegung, in der dieses sein Werden besteht, sondern die Erzeugung unendlich mannigfacher Gebilde, deren Möglichkeit er war; jedes einzelne von diesen ift eine seiner Consequenzen, keines drückt sein ganzes Wesen aus; in der Summe aller mag wohl ein Ausdruck dieses ganzen Wesens vollständig liegen, aber boch nur für den Beobachter, der diese Summe zieht und

das Mannigfaltige in seinem Gedanken zur Einheit verbindet. Für sich felbst aber, nicht blos für andere, muß das sich Entwickelnde diese Einheit sein, wenn es wirklich zu dem soll geworden sein, wozu zu werden fein Wefen war, und so trägt benn ben Namen bes Fürsichseins bies britte Glied des triadischen Cyclus, die Erfüllung des Werdens bedeutend, die Erreichung des Entwicklungszieles, die Rückfehr des Ansich zu fich selbst. Einfache Rudtehr freilich nicht: nicht in bem Sinne namlich, daß das Zwischenglied des Werdens ergebnistos aufgehoben ober ausgelöscht wäre; es soll aufgehoben sein in der Bedeutung des Aufbewahrtbleibens; durch die Geschichte seines Werdens, die es hinter sich hat, steht das Fürsichsein bereichert in sich selbst dem Ansichsein gegenüber. Es ift leicht, hierfür Bilber zu finden; benn so ist die Octave des Grundtons Rückfehr zu ihm selbst, und doch bewahrt sie in der Bunahme ihrer Sohe das Ergebniß der durchlaufenen Intervalle; fo würde ein Geift, dem allgemeine Wahrheiten als instinktive Berfahrungsweisen seines Denkens angeboren wären, nur zu sich selbst und boch in sich selbst bereichert zurückgekehrt sein, wenn er durch mannigfaltige Erfahrungen und Untersuchungen hindurch, die den Zweifel und feine Beseitigung enthielten, für sich jene Wahrheiten zum Bewußtsein gebracht hätte. Ich vermeide jedoch, auf weitere Deutung des eigenthümlichen Sinnes dieser Ausbrucksweisen einzugehen; für uns reicht es hin, daß in dem dritten Gliede der Entwickelung etwas gegeben ift, was zwar Consequenz des ersten, aber doch ihm nicht gleich ist, sondern ihm wie überhaupt Erfüllung der Möglichkeit gegenübersteht. So gefaßt sind die drei Momente des Ansich des Andersseins und des Fürsichseins nur die Bestandtheile des Begriffs der Entwickelung, und in allem, was sich entwickelt, werden sie anzutreffen sein. Daß aber aller Inhalt der Welt, daß das Reich des Denkbaren, die Natur und alles geistige Leben nur Entwickelungsstufen des einen Absoluten sind, und daß innerhalb jedes dieser großen Gebiete die einzelnen Glieder desselben nach bem gleichen Rhythmus aus einander begründet hervorgeben, daß also eine vollendete Erkenntniß die Summe alles Denkbaren und Wirklichen als eine große Reihe anschauen würde, deren einzelne gleichgebaute Perioden an eigenthümlicher Bedeutung ihres Inhalts sich unablässig steigern: dies ist, wie oben erwähnt, die metaphysische Ueberzeugung Hegels, die wir hier nicht beurtheilen; zu fragen

bleibt, welchen logischen Werth die so geschilderte dialektische Mesthode habe.

193. Es ist nun leicht erkennbar, daß sie nicht eigentlich Methode in der Bedeutung einer Vorschrift oder Anweisung ist, die ein Ge= suchtes zu finden lehrt; fie ift vielmehr in dem bisher gebrauchten Sinn ein Schema, das uns nur auffordert zu suchen, ob etwas und was wohl in einer angegebenen Richtung oder an einem vorausbestimmten Plate zu finden sein werde, mit der Zuversicht freilich, daß nie das Suchen vergeblich sein könne. Soll dies Schema zur independenten Behandlung eines Allgemeinbegriffs M verwandt werden, um seine verschiedenen Arten in eine Reihe zu ordnen, die ihren wesentlichen Berwandtschaften und Unterschieden entspräche, oder soll es benutt werden, um eine Reihe von Begriffen, die durch anderweitige Beziehungen, etwa sowie Recht Unrecht Verbrechen und Strafe zusammengehören, in ihren wahren gegenseitigen Verhältnissen darzustellen, so empfindet man sogleich die Ungewißheit, in der man über die einzuschlagende Richtung der Gedanken gelassen ist. Es ist möglich, daß diese Ungewißheit verschwände, wenn man auf die Universalreihe recurrirte, in welcher die vollendete Philosophie die Entwickelungsgeschichte alles Denkbaren bereits gegeben und in ihr folglich auch den Begriff des Rechtes so gefunden hätte, daß aus ihm sich ber Sinn und die Richtung seiner eigenen dialektischen Weiterentwickelung ergabe. Aber dies hieße doch nur gleich von Anfang an die Anwendbarkeit der Methode als allgemeiner Anweisung zur Auffindung der Wahrheit leugnen; als solche könnte sie sich nur durch diesen independenten Gebrauch bewähren, den wir hier verlangen: jeden gegebenen Begriff mußte sie durch die Kraft ihrer blos formalen Behandlungsweise in alle seine wahren Consequenzen entwickeln lehren. Denken wir uns also ben allgemeinen Begriff bes Rechts gegeben, denn auf ihn als ursprünglich feststehenden beziehen sich offenbar die drei anderen angeführten Begriffe: was ist dann sein Ansich? in welches Anderssein geht er über? in welches Fürsichsein kehrt er zurück? Nun ist so viel wohl klar, daß in dem Recht eine Billigung von Verhältnissen liegt, welche zwischen den Willensansprüchen verschiedener geistigen Persönlichkeiten an irgend ein Object stattfinden, an welchem sie sich begegnen. Es gibt folglich kein Recht, wenn es keine Belt mit Verhältnissen und Objecten gibt, auf welche sich ein Wille

beziehen, oder wenn es die Persönlichkeiten nicht gibt, die in einer und berfelben Welt ihren Willen auf biese gemeinsamen Zielpunkte richten fönnten. Das Recht ift daher nur Recht an sich und noch nicht das, was es seinem Begriffe nach sein will, so lange es nur anticipirend Billigung ober Mißbilligung von Berhältniffen bedeutet, die noch nicht da find. Nun wird auch das Anderssein begreiflich; es läuft alles auf die einfache Wahrheit hinaus, daß Allgemeinbegriffe nichts bedeuten, wenn es die Besonderheiten nicht gibt, die sie zusammenfassen; das Anderssein des Rechts besteht in den verschiedenen Rechten, deren Bedingungen in dem Dasein dieser Natur, dieser menschlichen Personen mit diesen bestimmten Bedürfnissen und Ansprüchen liegen; dem allgemeinen Theil der Wiffenschaft, welcher den Begriff des Rechtes aufstellt, wird der besondere folgen, der bessen Anwendungen enthält. fung ist so einfach, daß man sie nicht erst von der dialektischen De thode zu erwarten brauchte; zu ihrer weiteren Befolgung leiftet aber die Methode nichts; benn welche thatsächlichen Bedingungen existiren, die dem allgemeinen Gedanken des Rechts Beranlassung geben, sich in specielle Rechtsbildungen zu entwickeln, lernen wir doch nur aus Erfahrung.

194. Es ließe sich aber doch noch ein anderer Fortschritt denken. Uebergang des Allgemeinen in die Fülle seiner besonderen Gestalten bedeutet allerdings das Anderssein oft; aber ich habe schon bemerkt, daß die Methode Gewicht auf das Gegensatverhältniß legte, das zwischen beiden Gliedern, auch zwischen dem Allgemeinen und Besonderen besteht; dieser Gedanke des Gegensates, verallgemeinert und bis zu dem Begriffe des Widerspruchs verschärft, gibt dem Anderssein auch die Bebeutung des Gegentheils überhaupt von dem, was das Ansich ist. Die fem anderen Antrieb folgend, ließ man Recht in Unrecht übergeben; daran schloß sich die Strafe zwar nicht als Fürsichsein, aber doch als das Mittel, durch Negation des Andersseins oder des Berbrechens das verlette Recht zu feiner Geltung wiederherzustellen. Auch dies ist einerseits nichts, was nicht ohne die Zurüftung der Methode für sich klar gewesen wäre; anderseits wird es selbst unklarer burch sie. Die unbefangene Ueberlegung sagt sich, daß alles Recht eben nur lebendige Wirklichkeit hat, wenn es von lebendigen Personen nicht blos gewußt, sondern auch in ihrem Handeln geachtet wird; daß aber die Regungen

der Willen nicht durch das Joeal thatsächlich beherrscht werden, dem sie folgen sollen; daher erscheint das Unrecht und das Verbrechen nicht als ein Nothwendiges, das da sein müßte, sondern als ein Mögliches, das da sein kann, und das freilich, wenn wir nach unserer empirischen Kenntniß menschlicher Natur urtheilen, niemals fehlen wird. Diese behutsame Bermittelung beider Begriffe fehlt in jenem methodischen Uebergang; er läßt es zu dem Begriffe bes Rechts gehörig erscheinen, daß es in Unrecht übergeht, und diese Paradoxie wird nicht durch eine nachher zu erwähnende Bertheidigung gerechtfertigt. Der Uebergang zu dem britten Bliebe aber, zur Strafe, befremdet uns blos deshalb weniger, weil wir die Motive zu ihm ergänzen, die in Wahrheit durch die Methode selbst gar nicht gegeben werden. Denn sie verlangt zwar Herstellung des Rechts und zwar burch Berneinung seiner Berneinung, bes Unrechts; aber sie gibt gar nicht an, burch welchen Borgang biese abstracte Aufgabe ber Verneinung bes Unrechts auszuführen ist. Warum foll fie die Gestalt der Strafe haben? Die bose Gesinnung, aus der das Unrecht entsprang, wird durch Mißbilligung und durch Besserung gleichfalls verneint, bas entstandene Uebel durch Schadenersat, die Berletzung der Würde des Rechts durch Reue und Wiederanerkennung seiner Berbindlichkeit. Alle diese Ueberlegungen zeigen, daß die dialettische Methobe hier nur ben Werth eines Schema hatte, für beffen vorherbestimmte Stellen man sich nach einer Ausfüllung umsehen konnte, daß aber ber Inhalt, mit dem man fie zu füllen hatte, obwohl dies überhaupt hier leidlich gelang, nur aus einer von diesem Schema gang unabhängigen Untersuchung der eigenthümlichen Natur des behandelten Gegenstandes zu finden war.

195. Daß es zu dem Begriffe des Rechts an sich gehöre, in Unrecht überzugehen, erschien uns widersinnig; gleichwohl ist dies Umsschlagen eines Begriffs in sein Gegentheil so oft und so aussbrücklich als eine durch die Dialektik ausgesundene höhere Wahrheit beshauptet worden, daß es der Mühe werth ist, hierauf zurückzukommen. Zuerst freilich, bemerkt Hegel (S. W. VI, 152 ff), glaube der Versstand, die Natur und Wahrheit der Wirklichkeit durch viele seste in sich abgeschlossene und einander ausschließende Begriffe auszusassen; das Wahre aber sei, daß verschiedene Begriffe nicht blos neben einander Ansprüche an das Endliche erheben, sondern durch seine eigene Natur

hebe dieses sich auf und gehe durch sich selbst in sein Gegentheil über. So fage man, der Mensch sei sterblich, und betrachte bann bas Sterben als etwas, was blos in äußerlichen Umständen seinen Grund habe, nach welcher Betrachtungsweise es dann zwei verschiedene Gigenschaften des Menschen sein würden, lebendig und auch sterblich zu sein. wahrhafte Auffassung aber sei, daß das Leben als solches den Keim des Todes in sich trage und daß überhaupt das Endliche sich in sich selbst widerspreche und dadurch sich aufhebe. Nicht alle anderen auf Dialektik bezüglichen Stellen Begels gestatten so leicht wie diese die Unterscheidung zweier hier in einander verfließenden Behauptungen. Bon den Begriffen, durch die wir das Wirkliche aufzufassen streben, behauptet die erste dieser Perioden Festigkeit und Abgeschlossenheit; nicht von den Begriffen, sondern von dem Endlichen, worauf wir sie anwenden, spricht sie den Uebergang in das Gegentheil aus, und hierin liegt in der That die ganze Wahrheit, von der dann die weiteren Sate verrathen, daß sie eigentlich ohne oder gegen die Absicht des Sprechenden zum Ausdruck gekommen ift. Denn eben, wenn das Endliche als solches burch feine eigene Natur sich aufhebt, so hebt es sich nicht auf, weil die Allgemeinbegriffe, die von ihm gelten, ihre Bestimmtheit verlören und in ihr Gegentheil umschlügen, sondern deshalb, weil es selbst, das Anwendungsobject jener Allgemeinbegriffe, als Endliches oder als Wirkliches unfähig ist, dauernd das zu leisten, was jeder dieser in dem einen Augenblick von ihm geltenden Begriffe von ihm verlangt; durch Schuld seiner Natur gleitet es aus dem Umfange des einen stets mit sich identischen Begriffes in den Umfang eines anderen, ebenso mit sich selbst stets identischen hinüber. Die Begriffe selbst aber ändern darum ihre ewige Bedeutung nicht, weil sie nur einen Augenblick vielleicht das richtige Maß ihrer veränderlichen Anwendungsgegenstände sind. Die wahre Auffassung kann daher nicht darin bestehen, daß das Leben als solches den Keim des Todes in sich trage und daß überhaupt das Endliche sich in sich selbst widerspreche; vielmehr beide Glieder dieses Sates widersprechen einander. Das Leben als solches ftirbt nicht, und der allgemeine Begriff bes Lebens verpflichtet bas Lebendige nur zum Leben, aber nicht zum Tode; nur das Endliche, welches der zweite Theil des Sates erwähnt, nur die einzelnen lebendigen Körper tragen den Keim des Todes in sich. Und auch sie nicht vermöge der Idee des Lebens,

die sich ihnen realisirt hat, sondern allerdings nur um des äußerlichen Umstandes willen, weil die Berknüpfung der realen Elemente, durch die sich auf der Oberfläche der Erde das Leben allein verwirklicht finbet, im Zusammenhang mit den allgemeinen hier wirksamen Naturbedingungen nicht ausreicht, oder im Zusammenhang mit einem univerfalen Weltplan nicht ausreichen soll, um der Joee des Lebens ein ihr selbst feineswegs widersprechendes ewig dauerndes Beispiel zu geben. Und ebenso geht nie das Recht selbst in Unrecht über, aber theils der Bille der lebendigen Perfonlichkeit, der sein Träger sein soll, wird durch Mangel ber Einsicht oder ben Antrieb der Leidenschaften zum Unrecht geführt, wo er das Recht zu verwirklichen strebt, theils wird das Gefet, deffen Allgemeingültigkeit für unfer menschliches Berfahren nothwendig ist, da ein Unrecht bewirken können, wo Berwickelungen des besonderen Falles vorliegen, für deren Behandlung es keinen Anhalt bietet. In keiner Weise kann baber die Logik diese Lehre von der dialektischen Selbstaufhebung der Begriffe anerkennen; die Thatsache aber, daß die Wirklichkeit so geordnet ist, wie wir sie finden, so daß das Seiende durch seine eigene Natur nicht zwar sich selbst aufhebt, aber aus dem Gebiete des einen Begriffs in den des anderen übergeht, bleibt für sich ber Beachtung werth, als ein Verhalten ber Dinge nämlich, nicht als eine Gigenthümlichkeit ber Denkmittel, welche wir zur Erkenntniß der Dinge anwenden.

196. In jedem Falle, auch wenn nicht alle die hier erhobenen Einwürfe stattfänden, würde doch die dialektische Methode uns zuletzt nur eine Anordnung der Begriffe liefern, die wohl einer vergleichenden Resslezion mancherlei Interesse durch den ästhetischen Eindruck aufgesunsdener Analogien, Parallelen und Gegensätze böte, aber sie würde kaum eine neue Erkenntniß vermitteln, welche zu bestimmten neuen Urtheilen oder Sätzen, zur besseren und genaueren Entscheidung vorher zweiselshafter Fragen führen könnte. Eben diesen hier vermißten Vortheil möchten andere weitaussehende Entwürfe sichern, die Entwürfe zu einer logischen Sprache, einer allgemeinen Charafteristis der Besgriffe oder einem philosophischen Salcül, denen Leibnitz eine fortgessetze Ausmerksamkeit widmete. Der Rechnende, der eine Reihe von großen Zahlen auch nur zu addiren hätte, würde nie mit seiner Ausgegebe sertig werden, wenn er von jedem der Tausende oder Hunderte

von Einheiten, die seine Summanden enthalten, eine gesonderte Borstellung haben und durch Wiederholung bes Busates von Einheit zu Einheit sich im Moment des Rechnens jede einzelne dieser Zahlen und zulett ihre Summe aufbauen müßte. Die Ginrichtung unseres Bifferspstems gestattet ihm aber, ohne von jenen Bahlen sich irgend eine deutliche Gesammtvorstellung machen zu muffen, Giner unter Giner, Behner unter Zehner, Hunderte unter Hunderte zu setzen, und indem er jede einzelne dieser einfachen Berticalreihen summirt, fehlerlos ein Ergebniß zu Stande zu bringen, bas felbst wieder in einer einzigen Borftellung burch seine Einbildungstraft gar nicht zu übersehen ift. Nun stimmen mit den Bahlen unsere Begriffe darin überein, daß auch sie meistens eine große Anzahl von Einzelvorstellungen enthalten, deren gegenseitige Verknüpfung nicht in jedem Augenblicke deutlich, fondern nur in einem Gesammteindrucke von uns gedacht wird; ihre Bezeichnung durch Worte aber steht weit hinter der der Zahlen durch Ziffern zurück. Durch etymologische Berwandtschaft, die doch oft dem Bewußtsein nicht mehr fühlbar ift, setzen die Worte der Sprache gufammengehörige Inhalte nur unvollständig in Beziehung überhaupt, benn auch für Verwandtes brauchen sie daneben von einander unabhängige Wurzeln; die Art der Beziehung drücken sie gleich unvollständig durch eine geringe Anzahl von Ableitungsformen aus, die unzureichend für die Mannigfaltigkeit der zu bezeichnenden Berhältnisse sind; von jedem Berhältniß finden sich außerdem Beispiele, auf welche die Aufmerksamkeit der sprachbildenden Phantasie am frühesten gelenkt war, durch einfache Worte bezeichnet, denen die bezeichnende Form jener Ableitung fehlt; nirgends endlich enthält der Name eines Begriffs die fämmtlichen Theilvorstellungen seines Inhalts durch einfache Zeichen und in solcher Berbindung repräsentirt, daß es uns möglich wäre, bei der Berknüpfung verschiedener Begriffe M N O von der Totalvorstellung ihrer Bedeutung abzuschen und aus der Combination einzelner von ihren Bestandtheilen doch so zweifellos richtige neue Resultate zu gewinnen, wie die Einrichtung unseres Zifferspftems sie bei ber Rechnung mit Zahlen möglich macht. Diese Mängel müßte man zu verbessern suchen; durch Bergliederung aller unserer Begriffe mußten die einfachen nicht weiter zerlegbaren Urvorstellungen aller Art und ebenso die einfachsten Arten ihrer möglichen Combination aufgefunden und durch unwandelbare

Zeichen harakterisirt werden, um aus der Zusammensetzung derselben für jeden Begriff ein seinen Inhalt adäquat ausdrückendes Symbol zu sinden. Auf die Ausbildung einer neuen sprechbaren Sprache, die doch niemals die geschichtlich entstandenen und nationalen verdrängen würde, braucht man dies Unternehmen nicht gerichtet zu denken; nur zu wissenschaftlichem Gebrauch des Denkens würde es eine Formelsammlung erzeugen, auf die zur Entscheidung der Zweisel, welche durch die Answendung der zweidentigen Sprachausdrücke entstehen, in jedem Falle zurückgegangen werden könnte; dann, wenn man dies Hülfsmittel bessäße, so schmeichelt sich Leibnitz, würden alle Streitenden mit dem gütslichen Abkommen: lasset uns die Sache berechnen, ihre Streitigkeit abbrechen.

Ohne Zweifel gehört dieser Entwurf zu benen, über beren 197. Ausführbarkeit nur die Ausführung selbst vollgültig richten kann, und man würde übereilt die Möglichkeit beffen leugnen, was eine glückliche Erfindungsgabe doch vielleicht, bis zu gewiffem Grade wenigstens, zu Stande brächte. Der bisherige Mangel jedes Erfolges läßt uns jedoch die inneren Schwierigkeiten bes Unternehmens vor der Hand deutlicher werden als die Möglichkeit ihrer Beseitigung. Käme es nur auf sustematische Bezeichnung der Begriffsinhalte an, so konnte die Aufgabe zwar groß, aber nicht unlösbar scheinen. Denn man würde fie wohl von Anfang an, mit Uebergehung aller naturgeschichtlichen Gattungsbegriffe, auf diejenigen Begriffe beschränken, aus beren Verknüpfung im Denten die Zweifel entspringen, welche die Wiffenschaft ober die prattischen Ueberlegungen bes Lebens belästigen. Gleichwohl ift schon diese Aufgabe größer als sie scheint, und ihre Lösbarkeit wird nur scheinbar burch Hinweisung auf die Zeichensprache der Mathematik und etwa auf die Symbole der Chemie beglaubigt. Die Mathematik rechnet eben nur mit vergleichbaren Elementen, mit Größen, beren einfachste Berbindungsformen sie allerdings vollkommen flar und eindeutig zu symbolisiren versteht; aber je zusammengesetzter die so entstehenden Functionen und Gleichungen sind, desto mehr macht sich ichon bier im Gebrauch eine Art rückgängiger Bewegung merkbar; an die Stelle derjenigen Bezeichnungen, welche wirklich den inneren Bau einer in Rede stehenden Größe vollkommen genügend zur Anknüpfung der Rechnung darstellen, treten der nothwendigen llebersichtlichkeit zu Gefallen

willfürliche Symbole, die diese Eigenschaft nicht mehr haben, sondern den Namen der Sprache gleichen, beren Bedeutung man unabhängig von ihrem Klange wissen muß. Die Formel  $\sqrt{-1}$  drückt noch die Herfunft der so bezeichneten Function aus, und aus ihr läßt sich nach allgemeinen Regeln bestimmen, was entsteht, wenn man sie mit sich selbst ein oder mehrere Male als Factor zusammensett; aber schon diese Bezeichnung ist als zu weitläufig durch die andere i verdrängt worden, die an sich nicht verrath, was sie bedeutet und deren Sinn man nebenher kennen muß, um sie richtig zu verwenden. Wenn ferner von B- und P-Functionen die Rede ist, so sind diese Ausbrücke freilich turz, aber verständlich nur durch Wiedergleichsetzung mit weitläufigen Formeln, die selbst nur durch eine vorangegangene Erläuterung darüber verständlich werden, welchen Sinn die in ihnen verwandten allgemeinen Größenzeichen und die Symbole ber Verfnüpfungen haben. liegt so wenig ein Tadel für die Mathematik als ein Beweis der Unmöglichkeit einer allgemeinen Begriffscharakteristik; es wird nur klar, daß die von der letteren zu erwartenden Formeln nicht von selbst alles Röthige lehren, sondern sehr Bieles voraussetzen, was man erft lernen müßte, um sie nur zu verstehen. Die demischen Symbole machen dies noch deutlicher; sie beziehen sich bis jett nur auf die quantitativen Berhältnisse der zusammensetzenden Elemente und einigermaßen allerbings auf die vorausgesetzte Form ihrer Berknüpfung; welche Buchftaben nun welche Elemente bedeuten, und wie man durch ihre Reihenfolge die Lagerung derselben bezeichnen will, muß man natürlich lernen oder auswendig missen, denn beides kann nur conventionell bestimmt sein: aber ber jo zu Stande gefommenen Formel fann Riemand ansehen, ob fie ein Gas, eine Fluffigfeit oder einen festen Korper bedeutet, nicht welches die Dichtigkeit ober bas specifische Gewicht, die Farbe des Produkts ist, nicht ob es seuerbeständig ober flüchtig, in Wasser lösbar ober nicht sein wird. Wer nach Ansicht der Formel diese Fragen richtig beantwortet, beantwortet sie auf Grund der Analogien, welche ihm die Erfahrung darbietet, und welche er den Formeln nicht mit der Sicherheit ihres Zutreffens entnehmen konnte. Und boch würde alles das, was hier vermißt wird, nur die Bestimmung von Eigenschaften oder Berhaltungsweisen sein, die zwar nicht unmittelbar gleichartig, aber boch als physische Vorgänge von einander abhängig und Functionen

von einander sind, und deshalb Hoffnung auf Entdeckung von Gesetzen geben, nach denen ihre Wechselabhängigkeit einer leichten Bezeichnung zugänglich würde; die Schwierigkeiten steigen aber weit mehr, wo es sich, bei Bestimmung von Begriffen überhaupt, um die Verknüpsung ungleichartiger Elemente von dennoch nothwendiger Beziehung auf einander handeln würde.

198. Aber die Bezeichnung allein ist nicht das, was wir bedürfen, und die Mathematik verdankt ihre Erfolge nicht ihrer Symbolik, obgleich sie gewiß durch die glückliche Wahl derselben in ihren Fortschritten unterstützt wird; der Nuten der Bezeichnungen beruht vielmehr hier auf dem Vorhandensein unzweideutiger Regeln, nach denen sich bestimmen läßt, was aus den einfachsten Verknüpfungen der Größen folgt, und die dann, mit eben derselben Unzweideutigkeit auf die zuerst gewonnenen Resultate von neuem angewandt, die eleganten und sicheren Berfahrungsweisen zur Lösung der Probleme hervorbringen. Regeln find das, was uns am empfindlichsten fehlt, wenn wir Begriffe, die nicht blos Größen bedeuten, zur Erzielung eines Ergebnisses vertnüpfen wollen, und ich glaube, daß man sich ganz grundlos mit der Hoffnung schmeichelt, sie würden plötlich von selbst unzweideutig klar werden, sobald man nur die Inhalte, auf die man sie anwenden will, bis in ihre letten Bestandtheile zergliedert hätte. Gewiß ist es nicht nöthig, noch besonders zu versichern, daß wachsende Klarheit der Anwendungsobjecte in jedem Falle nur eine günstige Wirkung auf die Sicherheit unserer Folgerungen haben kann; aber im Wesentlichen wird es nicht die Analyse unserer Begriffe und ihre Zurückführung auf Grundbegriffe, sondern die Zergliederung unserer Urtheile und ihre Burudführung auf einfache Grundfätze sein, worauf die allmähliche Feststellung unserer jett in Bezug auf so Vieles schwankenden Ueberzeugungen beruhen muß. Zweierlei aber werden wir zu wissen verlangen: zuerst, welche benknothwendigen Folgen aus bestimmten, entweder von uns willfürlich vorausgesetzten oder uns aufgedrängten Beziehungen verschiedener Begriffsinhalte fließen, dann aber: welche nicht nachweisbar benknothwendigen, aber thatsächlich gültigen allgemeinen Gesetze verschiedene Inhalte so verknüpfen, daß unser Denken auf Grund dieser Gesetze die dann nothwendig werdenden Folgen gegebener Bedingungen ableiten kann. Diese Aufgaben, welche die Anwendung

der Urtheilsform angehen, müssen wir zu lösen suchen, vorläufig ununsterstützt durch die schätzbare Beihülfe, welche jene allgemeine Charaksteristik, wenn sie vollendet wäre, uns ohne Zweisel gewähren würde.

## Viertes Kapitel.

## Die Formen bes Beweises.

199. Die verschiedenen Formen der Urtheile hatte die spftematische Logik aufzuführen und die bestimmte Art der Berknüpfung zu zeigen, welche zwischen S und P in jeder derselben als vorhandene oder als zu vollziehende gedacht wurde; die angewandte Logik hat zu überlegen, welche Inhalte S und P mit Recht in einer dieser Verknüpfungsformen verbunden werden können. Berschiedene Aufgaben, die wir nicht immer trennen werden, fallen in diese Richtung. Hauptsächlich Mittheilung fremder Gedanken überliefert uns gahlreiche Gate von ber Form: Sift P, beren Sinn und Inhalt vollständig bestimmt, beren Bültigkeit jedoch fraglich ift; dann entsteht für uns die Aufgabe eines Beweises für ben gegebenen Sat T; eigene Beobachtungen führen uns anderseits auf die Vermuthung, zwischen zwei Inhalten S und P muffe eine Beziehung obwalten, die, wenn sie bekannt wäre, sich durch ein Urtheil der Form: S ift P, würde ausdruden laffen muffen; bann entspringt für uns die Forderung der Erfindung des noch nicht bekannten Sates T, der ben genauen Ausbruck biefer vorausgesetzten Beziehung bilden würde. Beide Leistungen, Beweis und Erfindung, unterscheiden sich nur durch abweichende Handhabung derfelben logischen Mittel. Die nämlichen Gedankenverbindungen, durch welche Wahrheit oder Wahrscheinlichkeit eines Sates T zuerst gefunden worden sind, lassen sich theils in etwas veränderter Fassung, theils selbst ohne solche Umformung immer auch zum Beweise der Wahrheit oder Wahrscheinlichkeit eines gegebenen T verwenden. Auch bemerkt man sogleich, daß das erfinderische Nachsinnen, um sein Ziel nicht zu verfehlen, allerhand kleiner Zwischenglieder von der Form des Beweises bedarf; umgekehrt wird dieser, gleichfalls um sein Ziel zu erreichen, einer erfinderischen Gedankenbewegung nicht

entbehren können. Gleichwohl reicht im Ganzen die Erfindung weiter als der Beweis; ich trenne deshalb, ohne indessen bei jeder Gelegenheit ihre natürliche Vermischung zu vermeiben, beide Aufgaben. schaftliche Untersuchungen führen auf beide ziemlich gleichmäßig; die Bedürfnisse des Lebens häufiger auf die Erfindung. Aber ich habe Grund, meinen nächsten Gegenstand noch weiter zu theilen und ben Beweis für allgemeine Sätze von dem für particulare oder singulare Eine allgemeine Beziehung zwischen S und P wird sich allerdings selten feststellen lassen, ohne von Erkenntnissen Gebrauch zu machen, welche die Erfahrung geliefert hat; aber da diese Erkenntnisse, um zu allgemeinen Folgerungen zu führen, selbst allgemeine Geltung besitzen müssen, so kann man sie als solche ansehen, die, früher allerdings aus Erfahrungen gewonnen, doch jett, nachdem man sie mit dem Butrauen zu ihrer Allgemeingültigkeit besitzt, zu den eigenen Hülfsmitteln des Denkens zu rechnen sind. Der Beweis einzelner Thatsachen dagegen, geschichtlicher Ereignisse oder gewöhnlicher Begebenheiten des Webens, kann nie aus allgemeinen Sätzen allein fließen, auch aus solchen nicht, die selbst der Erfahrung entlehnt sind; er setzt die Kenntniß einer Menge von Einzelumständen voraus, die nur hier vorkamen und nur hier sich in dieser bestimmten Weise verbanden. Die vorgängige Ermittlung aller dieser Bedingungen, aus denen zu schließen ist, erfordert eigenthümliche Hülfsmittel, deren Betrachtung später folgen wird. Die Auflösung gestellter Aufgaben dagegen, auch wenn sie nicht einen allgemeinen Sat, sondern ein ganz singulares Ergebniß liefern sollen, läßt fich mit dem Beweise allgemeiner Sätze verknüpfen; unter den Bedingungen, die hier nicht gesucht zu werden brauchen, sondern gegeben find, und so weit sie gegeben sind, ist der bestimmte Sat T, welcher sie alle erfüllt, immer durch die allgemeinen Mittel des Denkens zu finden, und diese theoretischen Ergebnisse sind nur insoweit ungenau und in praktischer Anwendung einer Verbesserung bedürftig, als es eben nicht gelungen war, alle jene Bedingungen anzugeben, benen T genügen sollte.

200. Jeder Beweis ist ein Schluß oder eine Schlußkette, welche zu dem gegebenen Sațe T die Prämissen ergänzt, aus deren Ineinans dergreisen T als denknothwendige Folgerung hervorgeht. Die Gültigskeit jeder Folgerung aber hängt ab von der Gültigkeit ihrer Prämissen;

Lobe, Logit.

auch diese würde sich durch neue Beweise feststellen lassen, nur würde dies Verfahren sich fruchtlos ins Unendliche fortsetzen, wenn es nicht irgend eine Anzahl allgemeiner Gate gabe, beren Bultigfeit fur uns unmittelbar feststeht, die baber eines Beweises weder bedürftig noch fähig find, vielmehr felbst die letten Entscheidungsgründe bilden, nach denen sich Triftigkeit oder Untriftigkeit jeder einzelnen Folgerung aus ihren Prämissen beurtheilen läßt. Ich erörtere hier noch nicht die Frage, woher unserem Denken der Besitz so unmittelbar gemisser Wahrheiten kommen mag; nur die Frage nach dem Kennzeichen geht uns hier an, das uns berechtigt, einen Sat T zu der Reihe dieser Axiome zu rechnen, beren Zugeständniß man von jedem gefunden Denken glaubt fordern zu können. Run ist begreiflich, daß dies Kennzeichen, eben weil jeder Beweis eines Axioms unmöglich ist, zulett nur in der Evidenz, in der unmittelbaren Klarheit und Gewißheit bestehen kann, mit welder der Inhalt eines allgemeinen Sates sich uns als denknothwendig aufdrängt; und in der That ist man hierauf immer zurückgekommen. Bielfältige Erfahrung lehrt uns jedoch, daß Gate, beren Unrichtigkeit spätere Zeiten nachwiesen, für frühere die größte Evidenz und Ueberzeugungsfraft besessen haben; Berhältnisse, die wir in dem beschränkten Beobachtungstreise, in welchen wir eingeschlossen sind, beharrlich bestehen oder wiederkehren sehen, ohne daß eine Erfahrung des Wegentheils uns an ihnen irre macht, nehmen sehr allgemein für uns den Schein ber Denknothwendigkeit an. Es gibt nur ein Mittel, diefe falsche Evidenz der Vorurtheile von der echten wahrhafter Axiome zu unterscheiden: man muß versuchen, ob das contradictorische Gegentheil des fraglichen Sates T ebenso undenkbar ift, als T selbst uns dentnothwendig scheint. Diese Probe wird oft völlig entscheidend sein; gu unserer Verwunderung werden wir häufig finden, daß der Versuch, S und P in der entgegengesetzten Beise von derjenigen zu verbinden, welche ber gegebene Sat T behauptete, zu gar keinem inneren Widerspruch im Denken führt. Dann wird T kein Axiom sein, sondern entweder überhaupt ein Jrrthum, oder eine Wahrheit von nur particularer Geltung, oder eine allgemeine zwar, aber eine folche, die eines Beweises bedürftig ist. Im anderen Falle, wenn das contradictorische Non-T ebenso undenkbar scheint, wie T denknothwendig, werden wir mit um so größerem Vertrauen T als unmittelbares Axiom betrachten;

vollständige Sicherheit indessen gewährt dann die Probe nicht, denn nichts hindert, daß die Undenkbarkeit von Non-T auf ebenso falscher Evidenz beruhe, wie die icheinbare Denknothwendigkeit von T. Fände dieser doppelte gleichzeitige Jrrthum statt, so würde es kein kurzes logisches Mittel zu seiner Entdeckung geben; nur das Gewahrwerden der Widersprüche, welche die Erfahrung gegen die angenommene Gültigkeit von T erhebt, und eine langsame vielseitige Umformung unseres Gedankensystems auf Beranlassung dieser Widersprüche könnte allmählich die Verbesserung unseres Jehlers herbeiführen. Grundsätze blos theoretischer Erkenntniß werden selten von diesem Doppelirrthum behaftet sein, öfter die, welche unserer ethischen Beurtheilung zu Grunde liegen, und die man wohl den echten oder scheinbaren Axiomen zurechnen darf, obgleich sie nicht eigentlich denknothwendig, sondern nur selbstverständlich und ihre Gegentheile nicht undenkbar, sondern nur absurd erscheinen. Daß man den Feinden schaden muffe, galt im Alterthum lange und allgemein als selbstverständlich und das Gegentheil für absurd; solche Irrthumer kann am meisten nur die langsame Umstimmung der Gewohnheiten des Gemüthes beseitigen.

Sei nun T ein allgemeiner Satz von nicht axiomatischer Beltung, ein solcher also, der eines Beweises bedürfen würde, so wird man doch diesen Beweis nicht eber antreten, bis man weiß, daß T ihn verdient. In drei Fällen wird er es nicht. Zuerst dann nicht, wenn fein Inhalt ein unvollständiger und deshalb unbestimmter Gedanke ift. Der ungeschulte Verstand pflegt, so lange er sich auf die Gegenstände seines natürlichen Gesichtstreises beschränkt, gewissenhaft in der Aufgählung und Erforschung aller Beziehungspunkte zu sein, welche zum Berständniß einer Thatsache gehören; er befolgt hier die alte Regel, die Fragen alle zu beantworten: quis? quid? ubi? quibus auxiliis? cur? quomodo? quando? Desto unbehülflicher wird er, wo er in allgemeine Betrachtungen abschweift, die dem Gebiete der Speculation angehören; er gelangt dann meist nur zu einem unförmlichen Ausbruck von etwas, was er vielleicht mit Recht meint, verlangt oder voraussett, aber an keine bestimmten ober bestimmbaren Beziehungspunkte anzuknüpfen weiß. Die Speculation ihrerseits, in Abstractionen schwelgend, kommt ihm hier nicht immer helfend entgegen, sondern begnügt sich auch oft, mit Begriffen zu verfahren, die von ihren natürlichen

Unwendungspunkten abgelöft im Leeren schweben; nirgends find baber unbestimmte Thesen häufiger als da zu finden, wo der logisch nicht disciplinirte Verstand naturalistisch zu philosophiren beginnt. Gott und Welt Eins fei, tann nur der beweisen, der diefen Sat felbst aufgestellt hat; so weit dann sein Beweis richtig sein wird, hat er durch ihn erft interpretirt, was er mit seinem Satze meinte; wer diesen aber nicht selbst aufgestellt hat, thut am besten, ihn weder zu beweisen noch zu widerlegen; denn daß Gott und Welt in gewissem Sinne Zwei sind, fagt der Sat selber, sonst könnte er sie nicht unterschieden haben; daß sie aber in irgend einer ber vielen Bedeutungen, welche ber Begriff der Einheit hat, auch Eins sind, läßt sich im voraus vermuthen. Daß die Dinge Erscheinungen find, ift ebenso zweideutig; die scheinbaren Dinge der sinnlichen Wahrnehmung sind es natürlich, sonst erschienen sie uns nicht; daß aber biejenigen Dinge, die wir als selbst unbeobachtbar dem finnlichen Wahrnehmen unterlegen, auch Erscheinungen seien, ift so lange ein unvollständiger Gedanke, bis hinzugefügt wird, was denn hier erscheinen soll und wem. Alle diese und ähnliche Sätze verdienen Beweis und Widerlegung nicht, sondern sind angebrachter Magen zurudzuweisen, ganz ebenso wie man im rechtlichen Verfahren jeden abweist, der blos über erlittenes Unrecht flagt, aber nicht angibt, was ihm ge schehen sei und von wem.

202. Der zweite Fall findet statt, wenn zwar von dem S oder P des Sates T eine völlig scharse Nominaldesinition gegeben werden kann, diese aber entweder eine nachweisbar unmögliche oder eine nicht nachweisbar gültige Vorstellungsverknüpfung enthält. Niemand wird sich um Beweis oder Widerlegung eines Sates bemühen, dessen, dese der Begriff eines hölzernen Eisens ist; Niemand untersuchen, ob dies hölzerne Eisen im Feuer verbrennen werde wie Holz, und nicht vielmehr schmelzen wie Eisen. Gespenster und Jrrlichter enthalten so logischen Widerspruch nicht; ob aber jene schlasbedürftig sind, diese von vergrabenem Metall angezogen werden, läßt man doch dahingestellt, dis die Existenz beider bewiesen ist. Was man hier verlangt, läßt sich im Allgemeinen die Rechtsertigung eines Begriffes nennen, die dann, wenn von ihm Gebrauch gemacht werden soll, allemal zu seiner nominalen Desinition hinzugesügt werden muß. Sie kann in verschiedener Weise geleistet werden. Bedeutet M etwas, dem äußere Wirklichkeit

zukommen soll, so wird am kürzesten M durch unmittelbare Aufzeigung eines Beispiels oder einer Thatsache gerechtfertigt, in welcher die Birklichkeit seines Inhalts gegeben und der Beobachtung zugänglich vorliegt. Bezeichnet M eine Vorstellungsverknüpfung, deren Gültigkeit darin besteht, daß sie ausführbar ist und daß ihr Ergebniß sich vorstellen oder in innerer Anschanung verwirklichen läßt, so wird eben diese Berwirklichung bes von M verlangten Inhaltes, oder seine Construction, M felbft rechtfertigen; fo legitimirt die Geometrie die Bulaffigkeit von Begriffen, die sie gebildet hat, durch anschauliche Herstellung dessen, was sie vorher nur als Aufgabe enthielten, und beweist hierdurch am einleuchtendsten, daß diese Aufgabe lösbar war. Ist weder ein Beispiel von M nachweisbar, noch seine Construction ausführbar, so muß wenigstens eine Begründung (Deduction) eintreten, welche zeigt, im Zusammenhang mit welcher nachweisbaren Wirklichkeit ober im Berfolg welcher Aufgabe wir mit Fug und Recht zu der Bildung des Begriffes von M veranlaßt werden. Nicht immer kann diese Begründung die Gültigkeit von M, in der Gestalt, in welcher sein Begriff vorliegt, unmittelbar beweisen, aber immer stellt sie M als vorläufige Bezeichnung eines nicht grundlos, sondern mit Recht gesuchten Inhalts dar; der weiteren Untersuchung, deren Beginn hierdurch gerechtfertigt wird, bleibt es überlassen, ob M selbst sich als gültiger Begriff wird rechtfertigen lassen, oder welche Umformung seines Inhalts vorzunehmen ist, um diese Gültigkeit herbeizuführen. Im Alterthum war die Berdoppelung des Würfels ein wichtiges Problem; aber auch wenn man durch geometrische Operationen die gesuchte Seite des doppelten Würfels nicht construiren konnte, war doch von Anfang an gewiß, daß die Aufgabe überhaupt lösbar und die gesuchte Seite eine Größe sei, die sich irgendwie auffinden lassen muß. Denn man konnte zeigen, baß mit stetiger Zunahme der Seite auch das Volumen des Würfels ohne Menderung seiner cubischen Gestalt stetig zunehmen muß; in der unendlichen Reihe wachsender Würfel muß sich daher auch derjenige finden, welcher das Doppelte eines gegebenen ist, und somit ist auch seine Seite eine in der Reihe der Linien existirende. Diese Begründung der nothwendigen Gültigkeit des Gesuchten ersetzt hier die wirkliche Ausführung der Construction. Man kann ferner darüber zwar Bedenken haben, ob ein und derselbe Begriff von Länge auf krumme und gerade

Linien paßt; setzt man aber dies Bedenken beiseit, so war es vorläufig eine nicht unbegründete Hoffnung, durch elementare geometrische Construction die gerade Linie zu finden, die dem Umfange eines Kreises von gegebenem Halbmeffer gleich ift; benn gewiß war dies, daß die gesuchte Länge von der dieses Halbmessers und zugleich nur von dieser Die ausgeführte Untersuchung erft hat diese Hoffnung beseitigt und gezeigt, daß der Umfang als geschlossene reale und algebraische Function des Halbmessers nicht herstellbar ist. Naturwissenschaftliche Hypothesen nehmen häufig Thatsachen an, die man nicht hoffen kann, jemals in unmittelbarer Beobachtung nachweisen zu tonnen; nicht felten muß man sogar Gott und der Zufunft überlaffen, auch nur die Möglichkeit und Conftruirbarkeit deffen zu beweifen, was man vorläufig als Annahme gar nicht entbehren kann. Dann bleibt nur die Begründung übrig, welche aus den gegebenen Thatsachen die Dringlichkeit der angewandten Vorstellungsweise ableitet, allerdings bann mit dem Vorbehalt, fie in Zukunft so ändern zu können, daß sie construirbar wird, ohne ihre Brauchbarkeit einzubüßen. Hierauf führen uns andere Gelegenheiten zurüd; für den Augenblid genügt es, auf die zuerst gebrauchten Beispiele zurückzuverweisen, um deutlich zu machen, welche Art ber Rechtfertigung wir für Begriffe verlangen, beren Verknüpfungen im Urtheile Beweis oder Widerlegung verdienen sollen.

T verbunden sind, die nöthige Bestimmtheit und Gültigkeit, so wird man sich dennoch auf einen Beweis, welcher T als nothwendige Folge aufzusuchender Prämissen darzustellen hätte, nicht eher einlassen, bis man sich einige vorläusige Bürgschaft für seine thatsächliche Geltung verschafft hat; denn jede Mühe würde verschwendet sein, etwas zu beweisen, was eben nicht gilt. Ist T ein allgemeiner Sat, dessen Anwendungsgediet sich in Gedanken nicht leicht überschen läßt, so versuchen wir zuerst, ob T in einigen naheliegenden Beispielen zutrisst; ein einziger Fall, in welchem dies nicht geschähe, würde die Allgemeingültigkeit von T ausheben und die Aufgabe würde sich in die der Aufsindung von Bedingungen verwandeln, unter denen T wenigstens eine particulare Geltung besäße; ist dagegen, was T behauptet, in allen verglichenen Beispielen seiner Anwendung gültig, so kann diese hier stets unvoll-

ständige Durchprobirung zwar nicht die Allgemeingültigkeit des T besweisen, aber seinen Inhalt doch so weit empsehlen, daß die Aufsuchung eines Beweises der Mühe werth wird. Dies durchaus nothwendige Borversahren, das später seine Stelle auch unter den Beweissormen selbst sinden wird, versäumen wir in der That nur selten und meist nur dann, wenn die Gültigkeit von T nicht durch bloße Ueberlegung in Gedanken aufzusindender Anwendungsbeispiele, sondern nur durch äußere Beobachtung oder Bersuch sestzuskellen ist. Nicht nur die Höfslinge Ludwigs XIII. erschöpften sich in geistreichen Beweisen für den Sat, daß ein lebendig hineingeworfener Fisch ein ganz volles Gefäß zum lleberlaufen bringe, ein todter aber nicht, und erst der hinzuges rusene Gärtner zeigte durch den Bersuch die Ungültigkeit der ganzen Behzuptung; auch sonst sinden sich, in den weniger exacten Theilen der Naturwissenschaft, tiessinnige erklärende Beweise genug für Erscheinunsgen, deren thatsächliches Borkommen völlig zweiselhaft ist.

Wäre nun diese Vorfrage erledigt, und T ein allgemeiner Sat, ber eines Beweises würdig ift, so fann feine Wahrheit ober Unwahrheit entweder in fürzester Linie oder auf einem Umwege festgestellt werden, und hiernach unterscheiden wir die Beweise zuerst. Sie find direct, wenn sie unmittelbar den gegebenen Sat T als nothwendig ober als unmöglich nachweisen; sie heißen indirect ober apagogisch, wenn sie Wahrheit oder Unwahrheit von T mittelbar durch Aufzeigung der Unwahrheit oder Wahrheit seines contradictorischen Gegentheils Non-T begründen. In beiden Fällen fann die Richtung, welche ber Gang der Gedanken nimmt, noch eine doppelte sein. 3ch nenne den Beweis rechtläufig oder progressiv, wenn er aus dem, was in der Natur der Sache das Bedingende ist, das Bedingte als Folge entstehen läßt; er ist rückläufig oder regressiv, wenn er das, was in der Natur der Sache das Bedingte ist, als Erkenntnifgrund des Bedingenden benuttt. Der Beweis der ersten Form, da er a principio ad principiatum geht, mag ebensowohl deductiv heißen; für die Beweise der zweiten Form, die a principiato ad principium fortschreiten, wird man den entgegengesetzten Namen der inductiven im Allgemeinen nicht ebenso passend finden. Beide Beweisgänge lassen endlich noch einen Unterschied zu: man fann progressiv von allgemeinen Wahrheiten zu T oder von T zu seinen eigenen Folgen und ebenso regressiv

von den Folgen des T zu T, oder von ihm selbst zu den Wahrheiten übergehen, die seinen Grund bilden. Ueber den verhältnismäßigen Werth der acht verschiedenen Formen, die so entstehen, wird man erst dann urtheilen können, wenn man jede von ihnen mit Rücksicht auf die Aufgaben ins Auge faßt, für die sie verwendet zu werden pflegt. Hierzu mag folgende Uebersicht dienen.

205. Die erste Beweisform, birect progressiv, geht von einer allgemeinen Wahrheit aus, die fie als Oberfat an die Spite ihres ganzen Verfahrens stellt; im Untersatz, ober in einer Reihe von Epis spllogismen, wenn der Beweis nur in einer Schlußkette vollendbar ift, wird dann nachgewiesen, in welchem Berhältniß die Bestandtheile S und P bes gegebenen Sates T zu jenem Oberfat stehen; ber Schlußfat endlich folgert, daß um dieser Berhältnisse willen von S und P der zu beweisende Sat T gelten muffe. Bestimmt man die Aufgabe auf biefe allgemeine Weise, so scheinen alle drei aristotelischen Figuren zu dieser Beweisform benutzt werden zu können; in der That aber entspricht dem Sinne derselben doch blos die erfte. Die dritte Figur halte ich nicht beswegen für ungenügend, weil sie nach gewöhnlicher Bezeichnung blos particulare Schluffate gibt, mabrend wir hier allgemeine Sage beweisen wollen; übertragen wir die particulare Conclusion: einige S find P, in modale Form: was S ift, fann P fein, so gibt fie allerdings einen allgemeinen Sat, beffen Beweis von Werth fein fann. Wird zum Beispiel eine Leiftung P verlangt, zu beren Berftellung man an bas scheinbar ungünstige Material S gebunden ift, so wird man gern in einem Beweise, nach Bamalip, gezeigt seben, bag an einem Subject M sich S und P vertragen, folglich S die Leistung P nicht allgemein unmöglich mache. Aber die britte Figur liefert Diefen Beweis nicht in progressiver Richtung. Sie stellt in ihren beiden Prämissen nur ein Beispiel des Zusammenbestehens von S und P auf, aus welchem wir regressiv, ab esse ad posse, auf die Verträglichkeit beider gurud. Die zweite Figur erlaubt zwar allgemeine, aber nur verneinende Folgerungen; auch biefe konnen von Werth fein, aber um in dieser Figur gewonnen werden zu können, setzen sie qualitativ entgegengesette Prämiffen voraus und befriedigen deshalb nicht. allgemein verneinender Sat T, der von einem S ein Prädicat P bles deshalb ausschließt, weil, was S und was P ist, sich entgegengesett zu

einem dritten M verhält, beruft sich auf ein Kennzeichen, welches die Unvereinbarkeit des S und P sicher bezeugt, aber nicht auf einen Grund, der sie erklärt; er drückt nur eine Thatsache aus, die zwar gilt, aber so lange unverstanden bleibt, bis man in einem bejahenden Urtheile ersahren hat, was S wirklich ist, und nun einsieht, daß es, weil es dies ist, jenes andere, P, nicht sein kann. Auch die zweite Fisgur liefert daher zwar triftige und zwingende, aber nicht erklärende Beweise ihrer Schlußsätze, auch sie ist mehr von regressivem, als von progressivem Charakter. Auf die erste Figur, und zwar vorzüglich auf ihre bejahenden Modi, für unsere Aufgabe ausschließlich auf Barbara, hat sich daher gewöhnlich die Aufmerksamkeit gerichtet, wenn von direct progressiven Beweisen die Rede war; nur hier sindet die Untervordnung eines gegebenen Inhalts unter eine allgemeine Wahrheit statt, aus welcher nicht blos begriffen wird, daß T gilt, sondern auch warum es gilt.

206. So urtheilte schon Aristoteles; es verdient jedoch angemerkt ju werden, daß nicht blos in diesem Sinne diese Beweisform als ein Ideal zu betrachten ist: sie hat Anspruch auf das ihr gespendete Lob nur dann, wenn es uns gelingt, sie mit dem Inhalt zu füllen, den ihre Gliederung verlangt: wenn wir also im Obersate ein solches allgemeine Urtheil voranschicken, welchem untergeordnet zu werden der besondere Fall des Untersates seinem eigenen Inhalte nach fordert, und welcher deshalb wirklich der bedingende Grund sein würde, aus dem die Bültigkeit des zu beweisenden Sates, nicht blos für unsere Erkenntniß sondern nach der eigenen Natur der Sache felbst bervorgeht. Aber es ift flar, daß man die Form dieses Beweises benuten fann, ohne im mindesten die eben gestellte Bedingung zu befriedigen. Gibt es boch, und zwar gerade auf dem exact zu behandelnden Gebiet mathematischer Erfenntniß, zahlreiche Sätze T, für die sich verschiedene gleich triftige Beweise geben lassen, die alle in dieser subsumptiven Form verlaufen, und von denen daher feiner beanspruchen fann, ausschließlich den eigenen Zusammenhang und Entwickelungsgang der Sache selbst auszudrücken. Die Möglichkeit, denselben Inhalt in sehr verschiedenen Formen ohne Veränderung seines Werthes darzustellen, erlaubt hier, ihn sehr verschiedenen allgemeinen Oberfätzen subsumirbar zu machen und von allen biesen willfürlich gewählten Ausgangspunkten zu derselben Behauptung T zu gelangen. Ich wünsche hierüber nicht migverstanden zu sein und gehe deshalb ins Ginzelne. Ich gebe zuerst zu, daß sehr viele mathematische Sätze T so offenbar bloße Anwendungsbeispiele eines bestimmten Obersates M sind, daß nur die Berleitung aus diesem Obersatze natürlich, die aus jedem andern N als eine Künstlichkeit erscheint. Ich bemerke ferner, daß da, wo T aus verschiedenen Oberfätzen M, N, O mit gleicher Leichtigkeit ableitbar ift, hierin allein tein Grund für mich liegt, diese verschiedenen Beweise dem eigenen Zusammenhange der Sache fremd zu nennen; denn ich will hier zwar nicht eben lehren, aber als eine mögliche Ansicht hinstellen, daß das Ganze z. B. unserer geometrischen Erkenntniß in der That auf einer Mehrheit ursprünglicher gleich evidenter Anschauungen beruht, von denen keine aus der andern ableitbar ift, die aber alle zufammen, gleich einzelnen Beftandtheilen eines gangen Bedankens, gugleich gelten und unter einander auf bestimmte Weise zusammenhängen. Dann begreift man, wie vermöge dieses Busammenhanges derfelbe Sat T verschiedene gleich triftige Beweise zuläßt, je nachdem man von einer oder der andern jener untrennbar verknüpften Anschauungen ausgeht; keiner dieser Beweise wird ausschließlich die Natur der Sache, aber jeder kann sie doch wirklich so darstellen, wie sie sich für den gewählten Standpunkt projicirt; die Möglichkeit einer Mehrheit von Beweisen beruht hier auf der eigenen Organisation des Inhalts, der nicht nur nach einer, sondern nach vielen Richtungen zugleich ein zusammenstimmend gegliedertes Ganze bildet. Aber ich muß nun doch drittens hinzufügen, daß zahlreiche Sätze T übrig bleiben, deren Beweis, immer in dieser subsumptiven Form, nur durch Kunstgriffe gelingt, die sich rechtfertigen lassen, nachdem sie angewandt sind, von denen aber nicht erfindlich ift, wie man durch die Natur des gegebenen Inhalts selbst dazu aufgefordert wird, sie anzuwenden. Bon diesen Beweisen, deren es manche in der reinen Mathematik, eine viel größere Anzahl in ihren Anwendungen gibt, soll die oben gemachte Bemerkung gelten: namentlich, wenn sie sehr vielgliedrige Schlußketten bilden, mögen sie zwar an Triftigkeit nichts zu wünschen übrig lassen, aber sie werden auch fo unübersichtlich wie möglich, und da sie fast nur erlauben, die nothwendige Folge der Verkettung je zweier nächsten Glieder einzuschen, der erfinderische Scharffinn bagegen, der diese Berkettung anstiftete, völlig

regellos sich zu bewegen scheint, so kann man nicht in Wahrheit sagen, daß diese Beweise zeigen, warum der Schlußsatz T gilt; sie nöthigen uns auch nur zuzugestehen, daß er gilt. Ich habe dies angeführt um seiner praktischen Bedeutung willen. Das Ideal unserer Erkenntniß und Beweisführung besteht ohne Zweifel darin, daß wir jeden gegebenen Sat T aus den bedingenden Gründen, von denen er wirklich bebingt wird, erklärend ableiten, nicht aber uns feiner Gewißheit bles durch eine logische Hinterlist bemächtigen; und wenn diese Aufgabe gelöst werden soll, ist sie immer nur in der Form dieses direct progreffiven Beweises zu lösen. Aber sie ist überhaupt nur innerhalb enger Grenzen lösbar, und wo sie es nicht ist, wo man mithin sich an der blogen Gewißheit von T muß genügen laffen, da hat diese subsumptive Beweisform nicht den mindesten Vorzug vor anderen. Es ist logische Pedanterie, sie dennoch erzwingen zu wollen und für einen Sat, der indirect sich mit zwei Worten schlagend beweisen läßt, eine directe Ableitung zu suchen, die nur durch eine Kette willfürlich gewählter Zwischenglieder möglich ift, die Erlangung jener Gewißheit umständlicher und die Einsicht in den inneren Grund ihres Vorhandenseins um nichts reicher macht.

207. Gine zweite direct progressive Form geht von dem gegebenen Sate T aus, den fie als gültig voraussett, und entwidelt aus ihm seine nothwendigen Folgen. Findet sich unter diesen Folgen auch nur eine einzige, welche entweder feststehenden Thatsachen oder allge= meinen Wahrheiten widerspricht, so ist T, als allgemeiner Sat, ungultig, und der Beweis gestaltet sich zu einer Form der Widerlegung eines gegebenen Sates; er schließt dann, wie man leicht sieht, jenes früher erwähnte Vorverfahren ein, welches vor dem Antreten des wirklichen Beweises sich versichert, daß überhaupt kein gegebenes Beispiel eine Instanz gegen die Gültigkeit des zu Beweisenden bildet. Fände die Entwidelung der Folgen des T, so weit sie auch fortgesetzt würde, keinen Widerspruch mit Thatsachen ober Wahrheiten, so würde sie dennoch nicht hinreichen, um die Wahrheit von T festzustellen, denn die nächste Fortsetzung jener Entwickelung über die Grenze hinaus, bei ber man Halt gemacht hat, fonnte das bisher verborgene Bestehen eines Widerspruchs nachweisen; aber wenigstens reicht dies Verfahren auf theoretischem Gebiete zur Empfehlung einer Hypothese bin, deren

weitere Prüfung man sich vorbehält. Sein wirkliches Anwendungsgebiet hat aber dieser Beweis im praktischen Leben; durch ihn empsiehlt
man Borschläge, Einrichtungen die zu treffen, Entschlüsse die zu fassen
sind. Und hier ist die Unvollständigkeit der Entwickelung der Folgen
von T kein Hinderniß; in allen menschlichen Angelegenheiten reicht es
hin, zu ermitteln, welche Wirkungen innerhalb einer übersehbaren Zeit
und eines übersehbaren Gebietes der Anwendung aus einer vorzuschlagenden Maßregel entspringen werden; alle mikrostopisch erkennbaren
Nebenwirkungen oder auf Jahrhunderte hinaus alle Folgen unseres
heutigen Handelns in Betracht ziehen zu wollen, ist superciliöse Bedanterie; zur Bermeidung kleiner Nachtheile wird man neue Entschlüsse
fassen, und die fernste Zukunst hat für sich selbst zu sorgen.

208. Gine britte Form, die erfte birect regreffive, geht von ber angenommenen Gültigkeit von T aus und sucht nach rückwärts bie Bedingungen auf, unter benen biefe Gültigfeit stattfinden fann. Unterschied dieser Form von der zulett behandelten ist nicht erheblich, boch fehlt er nicht; nicht erheblich beswegen, weil man die zur Geltung von T nöthigen Vorbedingungen doch auch nur findet, indem man T als ihren Erkenntnißgrund behandelt und sie aus ihm als Folgen ableitet, ein Berfahren, welches mit dem vorigen direct progressiven zusammenfällt; vorhanden aber ist der Unterschied bennoch, wenn man die Natur des so Abgeleiteten berücksichtigt. Als Beispiel für beide Formen zusammen kann die in der Mathematik übliche Lösung von Aufgaben dienen, denn jede folche Lösung ift zugleich der Beweis der Lösbarkeit, also der Gültigkeit der Borstellungsverknüpfung, welche die gestellte Aufgabe T enthielt. Nimmt man nun T als gültig an und entwidelt die aus ihm fließenden Denkfolgen, jo werden diese letteren selbst verschieden sein können; einige von ihnen werden Ginzelumstände sein, die mit gegebenen Thatsachen stimmen oder streiten, andere werden allgemeine Berhältnisse zwischen verschiedenen Beziehungspunkten ausdrücken, die mit anderweit feststehenden Wahrheiten entweber in Ginflang ober in Widerspruch find. Rommt man nur auf Einzelfolgen, die mit gegebenen Thatsachen oder Mebenbedingungen streiten, so wird man baraus zwar die Ungültigkeit von T mit Gewißheit ableiten, aber ohne Ginsicht in den Grund derselben; ift T ein praftischer Vorschlag, so kann er selbst ganz annehmbar an sich sein und

ist nur in der Ausführung auf ein Hinderniß gestoßen, und dies ist der Fall der vorigen Beweisform; kommt man dagegen auf widerfinnige allgemeine Sätze, die wahr fein müßten, wenn T gelten follte, so erhalt man außer der Gewißheit, T sei unmöglich, noch eine starke Hindeutung auf die Gründe dieser Unmöglichkeit; sie liegen in den allgemeinen Bahrheiten, gegen welche die abgeleiteten widersinnigen Bedingungen streiten; und hierin würden wir die Leiftung dieser dritten Beweisform finden. Es wird durch fie nicht nur der späteren Auffindung eines directen und progressiven Gegenbeweises vorgearbeitet, sondern es liegt eine ungemein überzeugende und anschauliche Verneinung eines gegebenen Sates T in der Aufweisung aller der widersinnigen Boraussetzungen, die zu seiner Gültigkeit nothwendig sein würden; und um deswillen ist dieser regressive Beweis häufig einem progressiven vorzuziehen. Etwas anderes als die Ungültigfeit von T fann er nicht liefern; er bleibt also eine Form der Widerlegung. Führte der Rückschritt zu den Bedingungen von T auf lauter zulässige Voraussetzungen, so würde hieraus nur auf dem Gebiete der Mathematik die Gultigkeit von T wirklich fließen; denn nur hier ift es möglich, aus einer gestellten Aufgabe alle zu ihrer Lösung nothwendigen Borbedingungen zu entwickeln; in anderen Unwendungsfällen bleibt der Zweifel, ob man in der That aus T alle die Denkfolgen erschöpfend abgeleitet hat, die zu den Vorbedingungen seiner Gültigkeit gehören; der nächste Schritt, ben man noch weiter thate, konnte eine vorauszusepende Widerfinnigkeit zu Tage bringen. Bejahend reicht baber auf theoretischem Gebiet biefer Beweis nur zur Begründung der Wahrscheinlichkeit von T hin; das praktische Leben aber bedient fich seiner zur Empfehlung von Vorschlägen ebenso wie des vorigen progressiven. Denn nicht nur durch die zu erwartenden Folgen machen wir einen Vorschlag annehmbar, sondern ebenso sehr dadurch, daß wir nachweisen, die Bedingungen seiner Ausführung seien nicht im Widerspruch entweder mit allgemeingültigen Bestimmungen der Möglichkeit des Rechts und der Sittlichkeit, oder mit den thatsächlichen Mitteln, die ihr zu Gebote stehen. Jeder politische Antrag hat diese Doppelpflicht, theils nach der vorigen Beweisform durch seine nütlichen Folgen, theils nach dieser durch die rechtliche und sittliche Zulässigkeit seiner allgemeinen Voraussetzungen sich zu rechtfertigen; und jedes alltägliche Handeln berücksichtigt nicht

nur den zu erwartenden Vortheil einer Vorkehrung, sondern auch die Rosten, deren Auswendung ihn möglich macht.

209. Gine vierte Form, die zweite direct regressive, geht von gegebenen Sätzen aus, um aus ihrer Gültigkeit die von T als ihrer erzeugenden Bedingung zu beweisen. Bu einem folden Gedankengang sind wir überaus häufig aufgefordert; denn der größte Theil unserer allgemeinen Erkenntnisse wird auf diesem Wege des Rückschlusses von gegebenen Thatsachen auf die Bedingung gewonnen, die zur Möglichkeit dieser Thatsachen angenommen werden muß. Man sieht jedoch leicht, daß die bedeutenosten Anwendungen hiervon dem erfindenden Gedankengange angehören, der ein noch unbefanntes T aus dem Gegebenen zu ermitteln sucht. Ist der allgemeine Sat T selbst gegeben und sieht man sich nach den einzelnen Sätzen um, die zu seiner Bestätigung dienen können, so beginnt dies Verfahren eigentlich immer mit der progressiven Entwickelung bessen, was als Folge von T gelten muß, wenn T gilt; und erst nachdem man davon eine Uebersicht gebildet hat, vergleicht man nun das Gefundene mit der Erfahrung oder mit anderen Wahrheiten, um aus seiner Gültigkeit auf die von T regressiv zu schlie-Ben. Ich überlasse deshalb manches Hierhergehörige späterer Gelegenheit und erwähne nur eine Art dieser Form, welche aus der Gültigfeit der Einzelfälle eines T seine allgemeine Gültigkeit folgert: es ist die vollständige Induction oder der collective Beweis. Man ist zu ihm febr oft genöthigt; so ift es nicht immer möglich, einen Gat T zugleich und auf einmal für ganze und gebrochene, positive und negative, rationale und irrationale, reelle und imaginare Größen zu beweisen; aber jede einzelne dieser Arten von Größen fann eine besondere Handhabe darbieten, um zunächst für fie allein T festzustellen; find wir nun sicher, die möglichen einzelnen Anwendungsfälle von T fämmtlich umfaßt zu haben, also in diesem Falle: sind wir sicher, daß außer ben genannten feine anderen Arten von Größen benkbar sind, so gilt nun T von allen Größen überhaupt. Es wird dann gang gewiß in dem allgemeinen Begriff der Größe an sich selbst irgend ein Grund liegen, der diese allgemeine Geltung möglich macht; gleichwohl kann man nicht immer oder doch nicht immer mit hinlänglicher Evidenz und Klarheit diesen Grund aufzeigen; dann bleibt der collective Beweis unentbehrlich.

210. Die Nothwendigkeit, alle Arten von Anwendungsfällen des T vollständig zu umfassen, um T allgemein zu beweisen, führt bier zu einer intereffanten speciellen Form. Man fann freilich jene Bollständigkeit an sich immer erreichen, wenn man alle Fälle in den einen Q und in Non-Q, dies Non-Q wieder in R und Non-R eintheilt, und dies Berfahren bei einem beliebigen Gegensatz U und Non-U abbricht; aber bies nütt felten; benn wenn man auch für die bejahten Fälle Q, R, U leicht noch Einzelbeweise findet, so findet man doch sehr schwer einen solchen für das negative Restglied Non-U, das eine Menge verschiedener Fälle zusammenfaßt. Man fühlt baber bas Bedürfniß, aus einem Falle Q, für welchen man irgendwie in den Besitz eines Beweises von T gekommen ift, die übrigen Fälle R, U.. so abzuleiten, daß sich zeigt, die Umwandlungen, durch welche Q in R, R in U übergeht, andern entweder die Bedingungen nicht, auf benen die Gültigfeit von T für Q beruhte, oder sie erzeugen dieselben Bedingungen stets von neuem wieder. Dies ift ber in der Mathematik befannte, zuerst von Jacob Bernoulli formulirte Beweis von n zu n+1, hauptsächlich anwendbar, wenn die Einzelfälle, in denen allen T gelten foll, von felber eine Reihe bilden, in der jedes folgende (n+1)te Glied auf diefelbe genau angebbare Weise aus dem vorhergehenden nten gebildet wird. Gilt bann T, sobald es von dem Gliede n gilt, auch von dem Gliebe n+1, um der Art willen, wie n+1 aus n entsteht, so gilt es aus gleichem Grunde auch von dem nächstfolgenden Gliede n + 2 und so fort von allen Gliedern der Reihe. So pflegt man 3. B. im elementaren Unterricht den binomischen Lehrsatz für ganze Exponenten anschaulich zu beweisen, indem man die wiederholte Multiplication des Binoms mit sich selbst ausführt. Der allgemeine Gedanke dieses Beweises ist aber gar nicht auf Mathematik beschränkt, sondern wird im gewöhnlichen leben sehr oft, und zuweilen unter dem nicht gang pafsenden Namen eines Beweises durch Analogie, angewandt. Um einen Vorschlag oder eine Behauptung annehmbar zu machen, erwähnt man zuerft einen Fall, in welchem jener offenbar empfehlenswerth, diefe offenbar gultig ist; bann zeigt man, daß die benkbaren anderen Fälle sich von jenem im Grunde durch gar keinen Zug unterscheiden, welcher im Stande ware, hierin eine Aenderung hervorzubringen; folglich gelte T allgemein. Wie ein unvorsichtiger ober sophistischer Gebrauch dieses

Berfahrens zum Jrrthum führt, ist leicht zu sehen. Zwischen zwei sehr verschiedene Fälle A und Z schaltet man sehr viele Zwischenfälle ein, die sich um unbeträchtliche Differenzen d unterscheiden. Man zeigt dann nicht, daß T, wenn es von A gilt, auch von A+d=B gelten müsse, sondern setzt dies einsach, wegen der Geringfügigkeit von d, voraus; so schließt man weiter von B auf C, und trägt endlich die Gültigkeit des T von A, für welches sie feststand, auf ein Z über, das durch Ansammlung der vielen vernachlässigten Differenzen d von A völlig verschieden ist und nicht im mindesten zu dem wirklichen Anwendungsgebiete des T gehört.

211. 3ch fann fürzer über die indirecten Beweise sein; sie verhalten sich formell zu Non-T wie die directen zu T und erlangen nur darum einige Eigenthümlichkeit, weil wir durch sie nicht zu Non-T. sondern zu T kommen wollen; sie sind also nicht behauptende, sondern widerlegende Beweise in Bezug auf Non-T. Die fünfte Beweisform, die erfte indirecte progreffive, murbe die Ungultigfeit von Non-T aus allgemeinen Gründen nachweisen, was burch Schlüsse in der ersten und zweiten Figur mit einer allgemein negativen Prämisse geschehen kann. Aber man wird selten Gelegenheit zu dieser Beweisform finden; gibt es für T einen directen Beweis, so wird man biesen vorziehen; gibt es keinen, so pflegt eine allgemeine Widerlegung von Non-T um nichts leichter zu sein. Für den Gebrauch wichtig ist daher nur die Nebenform dieses Beweises, welche dem einen contradictorischen Gegentheil Non-T von T die vollständige Summe aller conträren Gegentheile substituirt. Für jedes dieser Gegentheile, eben weil jedes ein ganz bestimmter positiver Inhalt ist, läßt sich eber ein Beweis seiner Ungültigfeit hoffen, ber aus allgemeinen Gründen, also in progressiver Form geführt werden kann. Die Vereinigung aller diefer negativen Einzelbeweise zu dem Beweis der allgemeinen Ungültigfeit von Non-T ift dann freilich ichon ein regressiver Gedankengang, der dem positiven collectiven Beweise entspricht. Denkt man sich T und alle contraren Gegentheile deffelben vereinigt als die Summe aller überhaupt denkbaren Beziehungen, die zwischen den Beziehungspunkten S und P des Inhalts von T vorkommen konnen, so ist die hier erwähnte Beweisform unter bem Namen bes Beweises burch Aus-Schließung befannt: die Geltung von T folgt bann aus ber Ungul-

tigkeit aller anderen Glieder dieser vollständigen Disjunction. Und von dieser Form selbst ist wieder eine der wichtigsten Anwendungen der besondere Fall einer dreigliedrigen Disjunction, in welcher T zwei Gegentheile hat, oder Non-T in zwei contradictorische Gegenfätze zerfällt; es entsteht dann der Beweis durch Gingrenzung. Man kennt ihn und seine außerordentliche Wichtigkeit in der Mathematik, und er gebort bier ebenso sehr dem erfindenden als dem beweisenden Gedankengange an: jede Größe a ist entweder gleich oder größer oder kleiner als eine andere mit ihr vergleichbare, d; läßt sich zeigen, daß sie weder größer noch kleiner als d ist, so ist der Sat a=d erwiesen. In der Anwendung gestaltet sich dieser Gedanke meistens anders; benn bas Borige setzt voraus, daß man auf den bestimmten Werth d, der zulett dem a gleich sein wird, bereits aufmerksam geworden sei. in der Regel nicht der Fall sein, sondern man wird nur wissen, daß a fleiner als eine zweite Größe b und größer als eine dritte e ift; gelingt es dann nachzuweisen, daß daffelbe Verhältniß immer bestehen bleibt, wenn man den Werth von b auf & verringert, den von c auf 7 erhöht, so wird der Werth von a zwischen einander immer näher rückenden Grenzen & und y liegen und es wird möglich sein, ihn mit unbeschränft wachsender Annäherung zu berechnen. Das bekannteste und elementarfte Beispiel bietet die Bestimmung der Länge des Kreisum= fanges durch Einschließung zwischen die größere des umschriebenen und die kleinere des eingeschriebenen Vielecks, von denen man die erste durch fortgesette Vermehrung der Seitenzahl unbegrenzt abnehmen, die zweite gunehmen läßt. Auf Beweisformen dieser Art muß man seine Aufmerksamkeit richten; sie sind die mächtigen operativen Hülfsmittel, durch welche wir wirklich unsere Erkenntnisse erweitern; Ausbildung und Anwendung dieses Beweises durch Archimedes ist ein größerer Fortichritt der angewandten Logik, als irgend einer aus der blos syllo= gistischen Kunft des Aristoteles hervorging.

212. Eine sechste, die zweite progressiv indirecte Form, würde von der Annahme des Non-T ausgehen, ihre nothwendigen Folgen entwickeln und aus der Ungültigkeit dieser, in Bezug auf diesen letten Schritt freilich regressiv, auf die Ungültigkeit von Non-T zurücksschließen. Ich verweise auf den zweiten direct progressiven Beweis und füge in Bezug auf diesen indirecten nur hinzu, daß alle gültigen Folgen,

Lope, Legit.

die sich aus Non-T ableiten lassen, hier bedeutungslos sind; denn auch aus einem falichen Sate konnen über folde Punkte, für deren gegenseitige Verhältnisse sein Jrrthum gleichgültig ift, eine Anzahl zulässiger Consequenzen fließen; aber eine einzige ungültige, mit Non-T nothwendig verbundene Folge hebt deffen allgemeine Gültigkeit auf. Widerstreitet diese Folge lediglich gegebenen Thatsachen, so hat man eigentlich feinen Grund, diesen Beweis eine deductio ad absurdum gu nennen, obwohl dieser Name zuweilen allen Amvendungen dieser Form gegeben wird; man hat vielmehr nur die thatsächliche Ungültigkeit eines an sich nicht undenkbaren und auch nicht absurden Gedankens erwiesen. Absurd oder abgeschmackt ist aber eigentlich auch nicht das, was als denkunmöglich bekannt ist, sondern das, was allen probablen Annahmen, dem allgemeinen Wahrheitsgefühl und einer Menge in diesem enthaltenen, vielleicht beweisbaren, aber nicht wirflich bewiesenen Wahrheiten widerspricht. Daß 2=3 sei, ist mehr als absurd; es ist unmöglich; daß aber die ganze Welt ein gedankenlofer Spaß sei, daß die Meltern den Kindern gehorchen sollen, daß man Verbrecher belohnen und die Sünde iconen muffe, find absurde Behauptungen. Deductio ad absurdum würde ich daher nur den indirect progressiven Beweis nennen, ter aus Non-T solche nicht benkunmögliche, aber unzähligen für Wahrheit geltenden und hinlänglich begründeten Ueberzeugungen widersprechende Folgen entwickelt. So kommt dieser Beweis im Leben tausendsach vor, namentlich überall da, wo Non-T einen an sich vielleicht richtigen Gedanken zu allgemein ausspricht, also von einer zu weiten Definition des Subjects S, dem ein P zukommen soll, oder von einer zu weiten Definition dieses P ausgeht; auf diese Weise zeigt man die Unvernunft und Abgeschmacktheit eines Gesetvorschlags, gleichviel ob er Rechte und Pflichten nimmt oder zutheilt, indem man deutlich macht, welche unerträglichen und unerhörten anderen Consequenzen sich aus der Allgemeingültigkeit des Vorgeschlagenen ergeben würden. Gewöhnlich schließt man jedoch in die deductio ad absurdum auch die Form bes apagogischen Beweises ein, welche auf denkunmögliche Folgen Des angenommenen Sates führt und ihn durch fie widerlegt. Es ist ein besonderer Fall hiervon, wenn diese Entwickelung auf eine Folge führt, welche unmittelbar die gemachte Voraussetzung selbst aufhebt, so baß der innere Widerspruch, ter in der angenommenen Gultigkeit derfelben

lag, von selbst zu dem Ergebniß ihrer Ungültigkeit treibt. Gin einfaches Beispiel sei der indirecte Beweis für den Sat T: auf einer Geraden ab ift in derfelben Ebene und in demfelben Punkte o nur eine Sentrectte cd möglich. Non-T würde also behaupten, in c seien unter denselben Bedingungen mehrere Senkrechte möglich. Angenommen nun, Dies sei richtig, angenommen ferner, od sei die erste Sentrechte, d. h. nie bilde mit ab die beiden gleichen Rebenwinkel a, so wird jede zweite Senfrechte ce, um von cd unterschieden zu sein, mit ihr am Puntte c irgend einen Winkel & bilden müssen, zugleich aber, damit sie senkrecht auf ab sei, mit dieser gleiche Nebenwinkel. Die Anschauung der Figur lehrt dann, daß die beiden Winkel  $a+\delta$  und  $a-\delta$  gleich und jeder gleich einem rechten sein müssen; ist aber  $\alpha + \delta$  ein rechter Winkel, so ist a, als Theil dieses rechten, kein rechter Winkel, gegen die Boraus= settung, welche behauptete, er sei einer. Die Gleichung  $\alpha+\delta=\alpha-\delta$ fann nur bestehen, wenn  $\delta = 0$ , also ce mit cd zusammenfällt. Mithin gilt T: auf demselben Punkt einer Geraden ist in derselben Ebene nur eine Senkrechte möglich. Zu Beweisen dieser Art wird man überall geführt werden, wo es sich um die einfachsten grundlegenden Anschauungen oder Sätze eines zusammenhängenden Gedankengebiets handelt; die Unmöglichkeit, die Beziehung zwischen S und P anders zu fassen, als sie in T ausgedrückt ist, also die Fruchtlosigfeit des Bersuchs, Non-T zu behaupten, wird sich immer dadurch verrathen, daß die daraus flie-Benden Folgen das Subject S oder das Prädicat P aufheben oder verändern, die man beide für Non-T in demfelben Sinne gultig vorausjette, in welchem sie für T galten.

213. Wie der directe, so ist auch der indirecte Beweis zweier regressiven Formen fähig; beide, die siebente und achte unserer llebersicht, haben wenig Eigenthümliches; sie verhalten sich zur Ungülzigkeit von Non-T ganz wie die beiden direct regressiven zur Gültigkeit von T. Die erste würde von Non-T zu den Bedingungen zurückgehen, die zu seiner Gültigkeit nothwendig wären, und aus der Ungültigkeit oder Undenkbarkeit dieser Principien würde sie dann auf die des Non-T zurückschen. In der Aussichrung ist dies Berfahren wenig von dem vorigen progressiven verschieden; denn die zur Richtigkeit von Non-T nöthigen Principien sindet man doch nur, wenn man Non-T als ihren Erkenntnißgrund benutzt, und sie aus ihm als Folgen, mithin progressiv,

entwickelt. Die zweite Form würde von gegebenen Sätzen ober Thatsachen ausgehen und zeigen, daß sie nicht von Non-T als ihrem Grunde abhängen fönnen, vielmehr die Ungültigkeit dieser Annahme ausdrücklich verlangen. Auch dies läßt sich am Ende nur ausführen, wenn man entweder Non-T progressiv in seine Folgen entwickelt und findet, daß bas Bestehen derselben die gegebenen Thatsachen unmöglich machen würde, oder indem man diese gegebenen Thatsachen als Erkenntnißgrund verwendet und aus ihnen, ebenfalls progressiv, ihre nothwendigen Voraussetzungen ableitet; dies aber wird am seltenften viel nüten, benn meistens wird dann die nothwendige Gültigkeit von T als solcher Voraussetzung leichter direct zu ermitteln sein, als indirect die nothwendige Nichtgeltung von Non-T. Ueberhaupt schließe ich biese llebersicht mit der Bemerkung, daß ich zwar die verschiedenen Absichten der Beweisführung burch meine Gintheilung richtig glaube gesondert zu haben, daß aber nicht jeder dieser Absichten eine gleich wichtige und gleich eigenthümliche, mit den andern nicht vermischte Beweisform entspricht; es reichte daher hin, diejenigen eingehender zu erwähnen, die sich im Gebrauch als häufig anwendbare Figuren bewährt haben.

Man wird in meiner Aufzählung Die Beweise burch Analogie vermissen; ich glaube allerdings nicht an ihr Dasein. Fällen, wo man Beweise glaubt durch Analogie führen zu können, ift die Analogie in der That gar nicht der Grund für die Triftigkeit der Beweise; sie bildet nur die erfindende Gedankenbewegung, durch welche man zur Entdeckung eines zulänglichen Beweisgrundes gelangt; auf diesem, und dann immer durch Subsumption bes Ginzelnen unter ein Allgemeines beruht die Nothwendigkeit des zu beweisenden Sates. Dbwohl es weitläufig sein wird, glaube ich boch hierauf eingehen zu mussen. Als ausnahmslos gültigen Grundsatz strenger Analogie kann man Diesen betrachten, daß von Gleichem unter gleichen Bedingungen Gleiches gelte, eine Behauptung, der die Mathematif für ihre verschiedenen Aufgaben noch eine Reihe besonderer Ausdrucksformen gibt. Es ift leicht, diesen Grundsatz auf ben ber Subsumption zurückzubringen: wenn von einem S unter der Bedingung x ein P gilt, so fann S und x gusammen als ein Allgemeinbegriff M gefaßt werden, dem als solchem P zukommt; unter daffelbe M ist jedes zweite S zu subsumiren, das dem ersten gleich und der gleichen Bedingung x unterworfen ist; deswegen

gehört diesem S dasselbe Prädicat, wie dem ersten. Diese Transformation, die hier willfürlich und überflüssig erscheinen kann, wird man schon bei dem zweiten Satze nicht entbehren können: von Ungleichem unter gleichen Bedingungen gelte Ungleiches. Man wird geneigt sein, auch ihn für unbedingt gültig anzusehen, aber in der Anwendung erwachsen doch Berlegenheiten. Nehmen wir an, die ungleichen Größen a und b seien durch dieselbe dritte e dividirt, so wird in diesem ersten Falle der Satz gelten: die Quotienten werden ungleich sein. Dividiren wir aber im zweiten Falle jede ber beiden ungleichen Größen durch sich selbst, so scheint er nicht zu gelten, denn die Quotienten sind beide = 1. Natürlich wird man sogleich erinnern, hier sei die Bedingung x, der man die ungleichen Elemente a und b unterwarf, eben nicht die gleiche für beide; denn wenn wir jede Größe durch sich felbst bividiren, so führen wir ja ihre Ungleichheit wieder in den Inhalt der Bedingung ein, die wir für beide gleich denken wollten. Aber diese Erörterung paßt nicht für den dritten Fall: wenn wir beide Größen mit O multipliciren, so ist das Product beide male = 0. Man wird nicht leugnen können, daß die Operation, eine Größe Nullmal zu nehmen, durchaus eindeutig ist, und nicht, wie im vorigen Falle, abhängig von dem Werthe der Größe, auf die man sie anwendet; dagegen wird man mit Recht hervorheben, hier sei eben der Sinn der gleichen Bedingung oder Operation x von der eigenthümlichen Art, daß er die Ungleichheit der Grös Ben, auf die man diese anwendet, unwirksam macht. In dem vierten Falle, wenn wir die ungleichen a und b quadriren, ift der Sinn dieser Bedingung, der wir sie unterwerfen, wieder abhängig von den Größen selbst, wie im zweiten Falle, aber mit bem entgegengesetzten Erfolg: die Quadrate a2 und b2 sind ungleich. Die Erfolge sind endlich wieder gleich und = 1 in dem fünften Falle, wenn wir a und b auf die nullte Potenz erheben; und hier scheint die Bedingung, der wir die ungleichen Größen unterwarfen, von ihrem eigenen Werth unabhängig; in der That ist aber die Erhebung auf die nullte Potenz eine für sich ganz unvorstellbare Operation; man muß sich erinnern, daß allgemein  $a^{m-n}$  eine andere Bezeichnung für  $\frac{a^m}{a^n}$ , folglich auch  $a^{n-1} = a^n$  identisch mit a ist, dieser fünfte Fall also derselbe wie der zweite.

man alle diese Zweideutigkeiten vermeiden, so bleibt nur übrig zu sagen: von Ungleichem gilt Ungleiches unter gleichen Bedingungen dann, wenn die Natur der Bedingung der Ungleichheit des Ungleichen ihre Bedeutung läßt; es gilt Gleiches, wenn die Bedingung so beschäffen ist, daß sie diese Ungleichheit wirkungslos macht. Aber diese beiden Sätze sind ganz unfruchtbare Tautologien; nicht einmal die armselige Entsscheidung darüber, ob Gleiches oder Ungleiches gelten werde, machen sie möglich ohne eine vorgängige Zergliederung des jedesmal gegebenen Falles, welche uns lehrt, unter welche allgemeine Regel MP denn eigentlich sier a und d zu subsumiren sind, und welche bestimmten Präsdicate p<sup>1</sup> und p<sup>2</sup> ihnen vermöge der speciellen Werthe zukommen, mit denen sie, als ungleiche Arten des M, an dessen allgemeinem P theilnehmen. Nachdem man diese p<sup>1</sup> und p<sup>2</sup> gefunden hat, sieht man, ob beide gleich oder ungleich sind; nicht durch Analogie also, sondern durch Subsumption wird die ganze Folgerung zu Stande gebracht.

215. Den dritten Sat: von Gleichem gelte unter ungleichen Bedingungen Ungleiches, fann man höher schätzen; in der That würde es dem Gesetze der Identität widersprechen, wenn ein identisches Gubject unter wirklich verschiedenen Bedingungen keinen Ginfluß dieser Verschiedenheit spüren sollte, und ich werde, weit später, Gelegenheit haben, diesen Sat als eine nicht unfruchtbare Maxime bei ber Behandlung philosophischer Aufgaben zu benuten. Für den Augenblick fallen aber die zahlreichen scheinbaren Ausnahmen auf. Wie wäre benn die Aufgabe der Maschinentechnik lösbar, einen Apparat zu construiren, der sich unter wechselnden Bedingungen selbst regulirt und gleichförmigen Bang beibehält, wenn schlechthin dasselbe Subject oder Substrat unter verschiedenen Bedingungen verschiedene Wirkungen erfahren müßte? Die genauere Betrachtung entfernt diesen Ginwurf; sie lehrt, daß in den hierher gehörigen Fällen entweder die ungleichen Bedingungen nicht einfach, sondern Paare von Bedingungen, oder das gleiche Subject nicht einfach, sondern ein Ganzes von verschiedenen Theilen ist. Zwei Paare von Bedingungen aber können in Bezug auf eine bestimmte Wirkung äquivalent sein, weil die Ungleichheiten der einzelnen Glieder in jedem Paar, vermöge der bestimmten Beziehung, die zwischen ihnen stattfindet, sich bis zu gleichen Resten aufheben; anderseits auf die verschiedenen Theile eines Ganzen können verschiedene ungleiche Bedingungen so

wirken, daß diese Einzelwirkungen in jedem Falle einander bis zu gleidem Folgezustand des Ganzen modificiren. Ein einfaches materielles Element, das außer Beziehung zu anderen steht, fann niemals unter dem Anstoß der einen Kraft a dieselbe Bewegung annehmen, wie unter dem einer ungleichen Kraft b. Aber unter der gleichzeitigen Einwirtung von a und b kann es dieselbe Geschwindigkeit und Richtung erhalten, wie unter der verbundenen Einwirfung von c und d; wirken diese vier Kräfte in derselben geraden Linie, so reicht die Gleichheit ihrer algebraischen Summen, also die Bedingung a+b=c+d hin, um dem materiellen Glement die gleiche Bewegung m mitzutheilen; allgemeiner: jede Bewegung m läßt sich als Resultante unzähliger verschiedenen Paare von Componenten begreifen. Man fann sich nun dies Ergebniß verschieden zurechtlegen. Betrachtet man die Summen a+b und c+d als die auf das materielle Element einwirkenden Bebingungen, so sind diese Bedingungen selbst einander gleich, und unser Fall gehört unter den Sat, daß von Gleichem unter gleichen Umständen Gleiches gelte; läßt man aber die einzelnen Kräfte gesondert, so scheint er einen Ausnahmsfall des dritten Sates zu bilden. Gleichwohl möchte ich die allgemeine Gültigkeit dieses letteren aufrecht halten, benn seine mahre Meinung ist es doch offenbar: die Summe aller Einwirtungen, welche daffelbe Subject oder Substrat unter verschiedenen Bedingungen erfährt, werde immer verschieden sein. Wenn daher zwei Paare von Bedingungen auch äquivalent sind in Bezug auf eine Art der Wirkung, die sie an demselben Subject erzeugen, so sind sie es deswegen nicht auch in Bezug auf alle Wirkungen, und wir verfahren ungehörig, wenn wir nur jenen gleichen, aber nicht diesen ungleichen Theil ihres Einflusses in Betracht ziehen. Wenn a und b in entgegengesetzter Richtung auf ein materielles Element wirken, ebenso e und d, und wenn die Summen oder Differenzen a+b und c+d gleich sind, so erfährt allerdings dies Element die gleiche Bewegung m, und es bleibt in Ruhe, wenn a=b und c=d; aber es erleidet offenbar fehr verschiedene Drucke, je nachdem es von zwei großen oder zwei kleinen Kräften im Gleichgewicht gehalten wird. Wenn eine sich selbst compensirende Maschine unter constanten und unter veränderlichen Bedingungen gleichen Gang behält, so ändert sie doch die Stellung ihrer Bestandtheile mit der Veränderung der Bedingungen, und ihre Abnutzung

ist größer, wenn sie genöthigt ist, ihre Compensation auszuführen, als wenn sie unter immer gleichförmigen Umständen dieselbe unbenutt läßt. Wenn auf die eine Schale einer im luftleeren Raume sich im Bleichgewicht befindenden Wage volles Licht, auf die andere ber Schatten eines Wegenstandes fällt, so wird bas Gleichgewicht nicht gestört, aber die erste Schale wird doch mehr erwärmt und ausgedehnt als die an-Endlich, wenn wir a einmal mit ab, dann mit ba multipliciren, so sind diese Bedingungen freilich ganz äquivalent in Bezug auf die Größe des herauskommenden Produkts, aber doch nicht in Bezug auf seine Structur, und aab ift immer eine andere Combination als aba. Man fann Diese an sich ichon sehr verschiedenen Beispiele leicht vermehren und badurch die allgemeine Gültigkeit bes britten Sates ftuten; aber sein Rugen für einen Beweis durch Analogie bleibt doch sehr gering; man kann durch ihn nicht darthun, was doch alle Analogie will, daß in einem zweiten Fall daffelbe stattfinde, wie in einem ersten, sonbern man kommt nur zu dem negativen Schlußfat, daß jede Berichiedenheit der Bedingungen an demselben Subjecte die Gleichheit der Gesammtwirtung unmöglich mache; was an dieser noch gleich, was ungleich ift, bedarf allemal gang andersartiger Untersuchung. Den vierten Sat erwähne ich nur; daß von Ungleichem unter ungleichen Bedingungen Ungleiches gelte, ist nach allem Vorigen so offenbar unbegründet oder zweideutig, daß eine nütliche Anwendung dieser Behauptung undenkbar ist. Ich füge nur zum Abschluß hinzu, daß die Gedanken, die man Beweise durch Analogie nennen zu können meint, nicht einmal unmittelbar von diesen Grundsätzen ausgehen, obwohl fie auf dieselben zurückgeführt werden müßten. Ihre allgemeine Boraussetzung lautet vielmehr: von Aehnlichem gelte unter ähnlichen Bedingungen Aehnliches. Achnlichkeit immer eine Mischung von Gleichheit in der einen und Ungleichheit in der anderen Rücksicht; fällt es daher schon schwer, aus den vorigen Sätzen, welche doch die Bestandtheile der Mischung sondern, eine triftige Folgerung zu ziehen, so ist dies noch weniger möglich, wenn in den Aehnlichkeiten, auf die man sich beruft, beide ungeschieden verschmolzen sind. Ich glaube daher hinlänglich gezeigt zu haben, daß es Beweise durch Analogie nicht gibt; ich leugne damit nicht, daß die Beachtung selbst entfernter Aehnlichkeiten ein sehr wirtsames Hülfsmittel des erfindenden Gedankenganges theils zur Entdeckung neuer Wahrheiten,

theils zur Aufsuchung eines Beweisgrundes für gegebene ist; denn, um mich turz zusammenzufassen, nicht die abstracte Gültigkeit der drei letzten Grundsätze braucht bezweiselt zu werden, sondern nur ihre Fruchtbarkeit für den Beweis. Man kann nicht um unzergliederter Alehnlichskeit zweier Subjecte willen das Prädicat des einen auf das andere übertragen, sondern nur um nachgewiesener Gleichheit willen, wenigstens der Gleichheit in Bezug auf die Bedingungen, an denen dies Prädicat überall hängt; und dies führt immer auf die Aufstellung eines allgemeinen Satzes MP und auf die Unterordnung beider Subjecte unter den bedingenden Begriff M zurück.

216. Ich habe noch der mathematischen Folgerungen zu gedenken, die man als Schlüsse nach strenger Analogie bezeichnet. Da der Name der Analogie ursprünglich von den Proportionen herrührt, so hat jedes Verfahren, das auf diese zurückführt, ein begründetes Recht auf die angeführte Benennung; indessen hat doch der Sprachgebrauch es dahin gebracht, daß wir unter einem Schluß durch Analogie eine Folgerung erwarten, welche unmittelbar von Achnlichem auf Achnliches schließt, ohne dazu des Umwegs durch ein übergeordnetes Allgemeine zu bedürfen. In diesem Sinne aber laffen sich die mathematischen Berfahrungsweisen den Schlüffen durch Subsumption nicht entgegenstellen. Eine Proportion zwischen vier bestimmten Größen, a:b=c:d, ist nur Ausdruck einer Thatsache; zu einer Quelle neuer Folgerungen wird fie erft, wenn die beiden letten Glieder unbestimmt gelaffen werden; in dieser Form aber: a:b=m:n ist sie der Ausdruck eines allgemeinen Gefetes; sie behauptet: diejenigen Größen, auf welche die im Sinne gehabte Aufgabe führt, gehören paarweis fo zusammen, daß in jedem Paar das eine Glied zum andern sich wie a:b verhält. wir m und n irgend einen bestimmten Ginzelwerth, so folgt hieraus ein Schluß nach Darii: alle durch den Sinn der Aufgabe gegebenen Größenpaare (M) haben das Verhältniß P, nämlich a:b; nun sind m und n (das S des Untersatzes) ein solches Paar, also ist zwischen m und n das Verhältniß a:b. Ohne Zweifel ist diese Reduction auf die erste Figur sehr langweilig; aber man täuscht sich, wenn man wegen der Kürze des formulirten Ausdrucks, den der Mathematik die Natur ihrer Objecte möglich macht, in ber einfachen Proportion auch einen fürzeren Gebankengang als ben hier angegebenen zu finden glaubt;

felbst das gewöhnlichste Exempel der Regel de tri kommt nur durch ihn zu Stande. Wir fagen: wenn 1 Pfund zwei Thaler fostet, so koften 10 Pfund 10.2 Thaler; dabei setzen wir voraus, was uns selbswerständlich scheint, nämlich, daß das Verhältniß zwischen jeder Quantität der Waare und ihrem Preise dasselbe sei; wir ordnen also das der 10 Pfund zu dem ihrigen dem des einen Pfundes zu dem seinigen als einen Anwendungsfall unter; der Kaufmann aber verkauft die 10 Pfund vielleicht zu 18 Thalern und zeigt dadurch, daß jene Voraussetzung sich nicht unbedingt von selbst versteht, sondern daß man sie eben zum Behuf jener ersten Berechnung wirklich machen mußte; ebenso versteht sich, daß man stillschweigend unter m und n Mengen berselben Waare und derfelben Münzeinheiten denkt, wie unter a und b, also auch in dieser Beziehung den zweiten Fall jenem ersten als der allgemeinen Regel unterordnet. Jede allgemeine Gleichung, welche einen und denselben Inhalt unter zwei verschiedenen Formen darstellt, ist gleichfalls eine allgemeine Regel, die nur gültig ist für diejenige Art von Größen, welche man nach einer in der Formel selbst nicht mit ausgedrückten Convention durch die gewählten Buchstaben bezeichnet haben will und für welche Größenart man die Gültigkeit der Gleichung ursprünglich bewiesen hat. Es ist daher nicht erlaubt, an die Stelle ber Größen m oder n, die in einer Gleichung vorkommen, beliebige andere µ und v zu setzen und die Gleichung auch dann noch als gültig anzusehen; man muß zuvor wissen, daß  $\mu$  und  $\nu$  unter den allgemeinen Artbegriff der m und n subsumirbar sind, in Bezug auf welchen die Bültigfeit der Gleichung bewiesen ist. Hätte man durch wirkliche Ausführung der Multiplication und vermittelst des Beweises von n zu n+1 gefunden, daß  $(1+x)^m = 1 + \frac{mx}{1} + m(\frac{m-1}{1})x^2 \dots$ ist, so hätte man nicht das Recht zu schließen, daß auch (1+x) m  $=1+\frac{x}{1.\ m}+\frac{1}{m}\frac{(\frac{1}{m}-1)}{1.\ 2}.x^2.....$  sein werde; denn in jener ersten Formel bedeutete m nur den Gattungsbegriff der ganzen positiven Zahl, für welche allein jener Beweis durch Multiplication sich ausführen ließ; ihm aber ist der Begriff eines Bruches nicht subsumirbar. Hätte man dagegen ein Mittel gehabt, diesen binomischen Lehrsat zuerst für den Bruchexponenten  $\frac{m}{n}$ , und zwar für jeden positiven Werth

der Ganzzahlen m und n, zu beweisen, so hätte man, da jedes ganze m sich durch einen unechten Bruch darstellen läßt, hieraus auch den ersten Lehrsatz unmittelbar entwickeln können.

217. Ich will endlich diese Betrachtungen noch einmal mit dem Dictum de omni et nullo ober bem disjunctiven Denkgesetze in Berbindung bringen. Wenn S1 und S2 zwei Arten des Allgemeinbegriffs M oder zwei Einzelfälle des allgemeinen Falles M sind, in dem Inhalt von M aber P allgemein vorkommt; so wissen wir, daß dem S1 und So nicht P in diefer Allgemeinheit, sondern bessen Modificationen p1 und pe als Pradicate zukommen. Es kann nun der specielle Fall eintreten, daß nach der Art, wie die verschiedenen Prädicate P Q R in M msammenhängen, die verschiedenen Merkmalgruppen p1 q1 r1, p2 q2 r2, p3 q3 r3, die in den einzelnen Subjecten S1 S2 und S3 entstehen, unter einander identisch sein muffen; sie stellen dann ein, wenn wir so sagen wollen, secundares Pradicat II bar, welches man icon dem M zuschreiben kann, und welches unmodificirbar gang ebenso jeder Art des M zukommt. So erfordert der Begriff M des Dreiecks drei Winkel p q r, aber die verschiedenen Werthe diefer Winkel combiniren sich in ben verschiedenen unähnlichen Dreieden immer zu derselben Summe 11=2 Rechten; dieses identische Merkmal II kommt daher allen Dreis eden zu und kann jedem einzelnen durch bloße Subsumption unter seinen Gattungsbegriff sofort zugeschrieben werden. Abgesehen aber von solchen Fällen bleibt das pe oder qe, welches einem Se gebühren wird, unbestimmt, mit der einzigen Einschränkung, daß es eine Art von Q, und daß es überhaupt, wenn auch mit einem Rullwerth, dessen Annahme man rechtfertigen kann, vorhanden sein muß. Soll dies q2 bestimmt werden, so muß es eine Regel geben, nach welcher die specifische Eigenthümlichkeit von S1, durch welche es nicht blos eine Art von M, sondern diese Art von M ist, die Modification der allgemeinen Merkmale bes M, hier die des Q, mitbedingt, und man muß voraussetzen, daß nach derselben Regel auch die Eigenheit des S2 die ihm zugehörige Modification q2 des allgemeinen Q bedingen wird. Ist diese Regel bekannt, so fann man q2 bestimmen, und dies ist eben der Fall, den man ben Schluß nach ftrenger Analogie nennt, ber aber, wie fich ergibt, auf nichts anderem, als auf der Subsumption unter die gleiche allgemeine Regel beruht. Ist diese letztere aber nicht bekannt, so wird

allerdings in uns die Tendenz fortdauern, q2 durch Berücksichtigung der Achnlichkeiten und Verschiedenheiten in dem Verhalten von S1 und S2 zu einander und zu M zu finden, und die hierauf gebauten Berfahrungsweisen nennen wir dann gewöhnlich Folgerungen durch Analogie; sie reichen jedoch nur aus, das richtige Ergebniß zu errathen, aber nicht es zu beweisen. Der pythagoreische Sat hatte gelehrt, daß für rechtwinklige Dreiecke das Quadrat der Hopotenuse h gleich der Summe ber Quadrate der Seiten a und b ift, die den rechten Wintel einschließen. Da dies Verhalten von nichts anderem, als von der alls gemeinen Natur des Dreieds, von bem rechten Winkel und von ber Länge der Seiten abhängen fann, so ist die Tendenz völlig gerechtfertigt, auch für andere Werthe des Wegenwinkels einen analogen Sat über das Quadrat der Gegenseite zu suchen. In der Formel h2=a2+b2 findet sich nun keine Erwähnung des rechten Winkels mehr; die Formel, die wir suchen, muß aber den Gegenwinkel erwähnen, denn die einfachste Anschauung lehrt, daß bei gleichen a und b sich h mit seiner Bergrößerung verlängert und mit seiner Berminderung verfürzt. Folglich muß die pythagoreische Formel durch ein Glied ergänzt werden, welches für den Wintel 9=90° zu Rull wird, und da nicht der Wintel selbst, sondern nur eine von ihm abhängige Länge, oder ein Zahlencoefficient, der eine andere Länge bestimmt, zur Ausmessung von h dienen kann, so wird man h2=a2+b2+mcosq versuchsweise setzen. Die Zweideutigkeit des Zeichens hebt sich sogleich durch die Beobachtung, daß h wächst, wenn g über 90° wächst, der cosinus mithin negativ wird; es fann daher in der Formel nur das negative Zeichen gelten. Um das unbestimmte m zu finden, wenden wir uns an die beiden Grenzwerthe  $\varphi = 0$  und  $\varphi = \pi$ . Im letten Falle wird  $h^2 = (a+b)^2$ und  $\cos \varphi = -1$ ; im ersten ist  $h^2 = (a-b)^2$  und  $\cos \varphi = +1$ ; beide Fälle geben gleichmäßig h2=a2+b2-2abcosq. Formel ist nun richtig für alle Werthe von g, aber bewiesen ist sie keineswegs; sie deckt mit Sicherheit nur die drei Specialwerthe  $\varphi = 0$ ,  $\varphi = \pi$ ,  $\varphi = \pi/2$ , aus denen sie entwickelt ist; es ließe sich leicht eine andere Formel denken, 3. B. h2=a2+b2-2abcosg.  $\cos^2(\pi-\varphi)$ , welche denselben Dienst leistete; welche von beiden auch den Zwischenwerthen von pallgemein entspricht, bleibt also unbestimmt, bis eine leichte geometrische Construction, welche den pythagoreischen

Sat auch voraussetzt, für die wirkliche Allgemeingültigkeit der zuerst gefundenen entscheidet. Ich führte dies einsache Beispiel aus, um an ihm zu zeigen, wie vielerlei Nebenerwägungen nöthig sind, um unser Streben, neue Wahrheiten nach Analogie gegebener zu finden, nur überhaupt in eine Direction zu bringen, die einen Erfolg verspricht.

## Fünftes Kapitel.

Die Auffindung der Beweisgründe.

218. Die wesentlichste Leistung jeder Beweisführung für einen gegebenen Sat T ist die Auffindung des Obersates G, aus welchem, durch schickliche Unterordnung, T als nothwendige Folge hervorgehen Diese Aufgabe, offenbar eine des erfindenden Gedankenganges, macht keine logische Regel möglich, nach welcher ihre Lösung, ohne auf die freie Mitwirfung des individuellen Scharfsinnes zu rechnen, in allen Fällen mit Sicherheit gefunden werden fonnte. Man muß nicht nur voraussetzen, daß früheres Nachdenken überhaupt ichon eine Anzahl allgemeiner Erkenntnisse geliefert hat, die in einer für diesen Zweck benutbaren Beziehung zu dem Inhalt des gegebenen T stehen, und die nun, im Bewußtsein reproducirt durch die Achnlichkeit dieses Inhalts mit ihrem eigenen, bem Suchen entgegen kommen und sich als Erflärungsgründe des Gegebenen anbieten; man wird außerdem zugeben muffen, daß ber Scharfblid, welcher unter ihnen ben paffenoften Beweisgrund herausfindet, und die vielleicht nöthigen Umformungen übersieht, durch welche das Gegebene ihm untergeordnet werden kann, in weitem Umfang Sache bes angeborenen Talents und nicht einmal unabhängig von der augenblicklichen Stimmung ift. Indessen muß es doch möglich sein, aus dem logischen Verhältniß, welches zwischen den Bestandtheilen eines wahren und deßhalb beweisbaren Satzes T stattfindet, wenigstens eine solche Anleitung zu gewinnen, durch welche man auf den Weg, auf welchem man freilich den Beweisgrund immer noch wird zu suchen haben, einigermaßen hingewiesen und von gänzlich richtungslosem Tasten abgehalten wird. Nirgends anders liegt dieser

Hinweis, als in dem früher bemerkten Umstande, daß jedes mahre allgemeine Urtheil T, wenn man sein Subject und sein Pradicat durch alle angedeuteten oder unausgesprochenen, aber boch mit gedachten Rebenbestimmungen ergänzt und vervollständigt benkt, ein identisches Urtheil bilden muß. Substituirt man daber dem Begriffe S, welcher in T als Subject auftritt, diese vervollständigte Summe aller in ihm enthaltenen Theilvorstellungen in den ihnen zukommenden Formen ber Berknüpfung, so muß hierin der Grund liegen, der das Pradicat rechtfertigt; substituirt man anderseits dem vollständigen P die Summe der in ihm eingeschlossenen Theilvorstellungen, so müssen in ihr alle Forde rungen vereinigt fein, deren Erfüllung man von dem Subject, gur Richtigkeit des Satzes T, zu verlangen hat. Ich versuche, an einigen Beispielen den Ruten dieser Anweisung zu verdeutlichen, und ba in der That hier Beweisführung und Erfindung gang dieselben Wege gehen, fo behandle ich einige diefer Beispiele als Beweise für den gegebenen Cat T, andere als Beispiele feiner Erfindung, d. h. der Frage, welches durch einen Sat T aussprechbare Berhältniß zwischen einem gegebenen S und P ftattfinden muffe?

219. Es möge zuerst der gegebene Sat T, der Winkel im Halbfreis fei ein rechter, zu beweifen fein. Bergliedern wir das Subject, fo fo finden wir, daß unter bem fraglichen Binkel ein folcher zu versteben ist, deffen Schenkel von den Endpunkten a und b einer Graden ab aus gehen und sich irgendwo auf der Peripherie eines Kreises schneiden, ber über ab als Durchmeffer beschrieben ift. Damit nun dem zweiten Theil dieser Definition, welcher die Lage des Durchschnittspunftes e bestimmt, genügt werde, muß die Entfernung bes e von dem Halbirungspunkt e der Graden ab gleich der Hälfte ac oder eb dieser Graden fein. Diese aus der Definition bes Subjects fliegende Forderung führt unmittelbar auf die einzige fleine Hulfsconstruction, deren wir bedürfen: diese Linie ec muffen wir ziehen, um für unsere Anschauung deutlich die Verhältnisse hervortreten zu lassen, auf denen die Nothwendigfeit des gegebenen Sates T beruht. Haben wir nun ec gezogen, fo ift durch sie das vorige Dreieck aeb in die beiden gleichschenkligen aec und ech, der Winkel bei e aber in die beiden a und & getheilt; aus der Gleichschenkligkeit der beiden Dreiede folgt und folgt zugleich Richts anders, als daß < eac = a und < ebc  $= \beta$ ; daraus aber, wie

beide Dreiecke das Dreieck aeb zusammensetzen, indem ec ihnen gemeinsam ist, ac und ch aber in dieselbe Grade fallen, folgt weiter, daß die vier Winkel a, a, \beta, ß zusammen gleich der Winkelsumme des Preieds aeb sind. Man hat also  $2(\alpha+\beta)=2$  R., und da  $\alpha+\beta$ eben der gesuchte Winkel im Halbkreis ift, diesen selbst gleich einem Nicht immer wird eine so leichte Zergliederung des Subjects hinreichen, wie in diesem einfachsten Falle; fügen wir deßhalb ein zweites Beispiel zur Erläuterung eines häufig anwendbaren Kunstgriffes bei. Man besitzt vielleicht einen Satz T, welcher uns lehrt, was von einem Subject gilt, welches dem Subject S des gegebenen Sages nicht gleich ift, sondern von ihm um eine angebbare Differenz abweicht; läßt man dann aus ihm, durch Aufhebung dieser Differenz das gegebene Subjekt S entstehen, und fann man nachweisen, wie sich hiermit bas burch T ausgesprochene Verhalten ändert, so wird man den gegebenen Sat T beweisen, wenn er richtig ist, oder den richtigen Sat T finden, wenn der gegebene falsch oder wenn überhaupt keiner gegeben war. Die Frage sei: wie groß die Winkelsumme des Dreieds sei? Ich nehme an, daß die von den Parallelen und ihrem Durchschnitt mit einer Graden geltenden Sätze unabhängig von ber Betrachtung des Dreiecks feststehen, und laffe bann die beiden Graden ad und be einander parallel fein, von einer dritten Graden ab aber in den Punkten a und b geschnitten werden. Diese drei Linien bilden so fein Dreied, sondern einen offenen Raum, aber die Summe S der beiden Wintel dab und abe ift befannt und gleich zwei Rechten. Dreben wir jest die Linie ad um den Punkt a, so daß sie gegen be convergirt, so entsteht zwischen ihrer neuen Lage und ihrer vorigen ein Winkel &, welcher aus der Winkelsumme S ausgeschloffen wird; zugleich aber entsteht zwischen ber geneigten Linie und be ein neuer Winkel, welcher als dritter Winkel des jetzt entstehenden Dreieds zu dem Reste der Winkelsumme S hinzutritt, und nach den Sätzen über die Parallelen gleich dem ausgeschloffenen < p ift. Bei dem Uebergang aus dem Nichtdreieck in das Dreieck erfährt daher die Summe der von den drei Seiten eingeschloffenen Wintel gleichen Bewinn und Berlust &; sie ist also auch im Dreieck gleich zwei Rechten.

220. Es sollen die Bedingungen des Gleichgewichts bewiesen oder gefunden werden, für einen völlig freien und absolut festen Körper, auf den in verschiedenen Punkten verschiedene Kräfte nach verschiedenen

Richtungen wirfen. Analysiren wir den Begriff des Körpers, von dem hier gesprochen wird, so bedarf die völlige Freiheit desselben keiner weiteren Zergliederung; als Abwesenheit jeder bedingenden Relation zu andern ist sie für sich klar, und nur diese Relationen, wenn sie beständen, würden Wegenstand weiterer Begriffsbestimmungen fein; absolut fest aber ist ber Körper, wenn jede beliebigen zwei Punkte desselben eine unveränderliche Entfernung haben. Stände nun diefer Körper gar nicht unter dem Ginfluß von Kräften, so würde man von ihm wissen, daß er entweder in Rube ist, oder eine ursprüngliche Bewegung mit der constanten Geschwindigkeit e fortsetzt; man hätte nur e = 0 zu setzen, um die Bedingung des Gleichgewichts der Ruhe auszudrücken, welches Um aber zu entscheiden, wie er dies Gleichgewicht wir hier meinen. unter dem Einfluß von Kräften behauptet, muffen wir, analog dem vorigen Falle, zuerst zusehen, wie er sich bewegen würde, falls er sich bewegte, und dann muffen wir alle die Bedingungen negiren, die mit diefer Bewegung unzertrennlich verbunden fein würden. Dies ift fein blos nütlicher, logisch unmotivirter Einfall; denn das Gleichgewicht, welches wir hier suchen, ist seinem Begriffe nach nicht bloße Rube, sondern Berneinung der Bewegungen, die es zu ftoren suchen. Da es nun keine anderen Bewegungen gibt, als fortschreitende, drehende und die aus beiden gemischten, so haben wir, um das Gleichgewicht des Körpers zu bestimmen, nur die Bedingungen ber beiden ersten Bewegungsarten zu beachten; mit ihrer Verneinung verschwindet die Möglichfeit der dritten von felbst.

221. Sprechen wir zuerst nur von der fortschreitenden oder translatorischen Bewegung und schließen ausdrücklich jede Drehung aus, so folgt aus der Definition der Festigseit, daß alle Theile des sesten Körpers sich in gradlinigen und parallelen Bahnen und deßhalb mit gleicher Geschwindigkeit fortbewegen müssen. Auf welche Weise daher auch immer eine Kraft es dahin gebracht haben mag, dem einen Theile a des Körpers eine Geschwindigkeit e zu ertheilen, immer muß, falls es eine fortschreitende Bewegung und keine Drehung geben soll, die Wirkung dieser Kraft auch jedem andern Theile b des Körpers dieselbe Geschwindigkeit mitgetheilt haben. Hieraus entspringt für unsern Zweck die große Bequemlichkeit, daß wir zur Beurtheilung des translatorischen Enderfolges aller einwirkenden Kräfte die Verschiedenheit

ihrer Angriffspunkte an dem festen Körper nicht zu berücksichtigen nöthig haben; es genügt, daß wir alle Kräfte, jede jedoch parallel mit ihrer gegebenen Richtung, an einen beliebigen Punkt des Raumes verssetzen, in den wir die Masse des Körpers concentriren, und dann nach den bekannten Regeln über die Zusammensetzung der Bewegungen die resultirende Bewegung R bestimmen, welche sie diesem Punkte ertheilen würden; Größe und Richtung dieser Resultante R sind dann identisch mit Größe und Richtung der Bewegung, die der Körper unter dem vereinigten Einfluß der Kräfte annimmt, und er bleibt in Ruhe, wenn R=0 ist. Drückt man dies Ergebniß so aus, daß der Körper ruht, wenn die Wirkungen aller an ihm angebrachten Bewegungsantriebe sich ausheben, so bedarf dieser Sat, als identischer, überhaupt keiner Besgründung; unsere Erläuterung gab jedoch auch die Bedingung an, unter welcher jene Aussebung stattsindet; sie war die nämliche, wie in dem Falle, daß alle Kräfte auf denselben Punkt wirken.

222. Die Mechanik pflegt indeffen diese Bedingung nicht unter dieser Form R = 0 anzugeben, sondern spaltet sie, zur Bequemlichkeit der rechnenden Anwendung, in drei Gleichungen, die ich noch erwähne, weil gewiß die Rücksicht auf Ausführbarkeit einer logischen Vorschrift mit zu den Aufgaben einer angewandten Logik gehört. Ist die Zahl n der auf den Körper wirkenden Kräfte beträchtlich, so wird es mühsam, die lette Resultante R dadurch zu finden, daß man zuerst aus zweien dieser Kräfte eine erste, aus dieser und der dritten Kraft eine zweite Resultante sucht und so bis zur Zusammensetzung der letzten Kraft mit der zulett gefundenen Resultante fortfährt. Auch pflegen die Winkel, welche jede Kraft mit jeder andern macht, und welche diese Berechnung zu beachten hätte, felten zu ben ursprünglich gegebenen Bestimmungsstücken zu gehören; wo aber die Beobachtung eines gegebenen Thatbestandes diese Bestimmungsstücke erst feststellen muß, wird sie bier wie überall vorziehen, die Richtungen aller Kräfte durch ihre Beziehungen zu einem einzigen allgemeinen Maßstabe zu characterisiren, anstatt die Divergenzen zwischen je zweien zu messen. Man legt daher drei auf einander rechtwinklige Coordinatenagen X, Y, Z zu Grunde, bestimmt die Richtung jeder Kraft P durch die drei Winkel a, B, 7, welche sie mit diesen Aren ober ihren Parallelen macht und denkt sich zugleich jede in drei diesen Aren parallele Seitenfräfte zerlegt, die nach einem befannten Sate

P  $\cos \alpha$ , P  $\cos \beta$  und P  $\cos \gamma$  sein werden. Die drei Summen, welche dann die gleichgerichteten Componenten aller Kräfte vereinigen, also die Summen  $\Sigma$  P.  $\cos \alpha$ ,  $\Sigma$  P.  $\cos \beta$ ,  $\Sigma$  P.  $\cos \gamma$  werden die resultirenden Kräfte sein, welche den Körper beziehungsweis parallel den Azen X, Y, Z zu bewegen streben; ist jede dieser Summen für sich gleich Rull, so schreitet der Körper nach keiner der drei Azenrichtungen, also überhaupt nicht, vorwärts; denn jede Bewegung in einer Zwischenrichtung würde eine gleichzeitigt hier geläugnete Verschiebung nach wenigstens zwei dieser Azen einschließen. An die Stelle von R=0 treten also die drei Gleichungen  $\Sigma$  P.  $\cos \alpha=0$ ,  $\Sigma$  P.  $\cos \beta=0$   $\Sigma$  P.  $\cos \gamma=0$  als die Bedingung, welche die translatorische Bewegung des Körpers aushebt.

223. Wir haben noch die andern Bedingungen zu suchen, welche die Drehung des Körpers unmöglich machen. Dreht sich nun eine grade Linie um einen ihrer Punkte, so ändern außer diesem einen, den wir als fest betrachten, (wodurch wir zugleich die fortschreitende Bewegung der ganzen Linie aufheben,) alle ihre übrigen Punkte ihre Raum coordinaten. Die Linie kann sich daher nicht drehen, sobald zwei ihrer Puntte unveränderliche Coordinaten haben. Aber um diese nun in ihrer ganzen Ausdehnung festliegende Linie fann sich eine Ebene dreben, in der sie enthalten ist; dann ändern alle Puntte der Gbene außer diefer Are ihre Coordinaten; die Drehung der Ebene wird folglich unmöglich, wenn ein Bunkt außerhalb der Are, wenn also im Ganzen die brei Edpunkte eines beliebigen in der Ebene angenommenen Dreieds festliegen. Dieselbe Bedingung genügt offenbar, um die Drehung eines festen Korpers unmöglich zu machen, dessen jeder Punkt eine unveränderliche Emfernung von jedem Bunkt einer beliebig in ihm angenommenen festen Ebene besitzt. Man könnte baher die Bedingung ber Nichtdrehung bahin aussprechen, daß die drei Edpunkte eines willkührlich in dem Körper verzeichneten Dreiecks ihre Coordinaten nicht ändern. Aber der Nach weis, daß diese Bedingung erfüllt sei, wurde nicht bequem sein; man könnte ihn durch Anwendung der vorigen drei Gleichungen auf jeden Dieser drei Punkte nur bann führen, wenn man nachweisen konnte, gu welcher Resultante sich an jedem von ihnen alle die Kräfte verbinden, die nicht an ihm selbst, sondern an andern Punkten angebracht sind: dies aber, wie man leicht bemerkt, ift eben das, was wir noch zu

erfahren suchen. Man verfährt daher anders, und zwar, da die Lage jenes Dreiecks ganz willkührlich ist, so wird man am natürlichsten darauf verfallen, seine drei Edpunkte in die drei Aren X, Y, Z zu vertheilen, in Bezug auf welche man ja die Richtungen aller zusammenwirkenden Kräfte bereits bestimmt hat; auch in jeder Are aber ist die Lage des das hin versetzten Punktes willkührlich; man kann daher jeden Punkt jeder Are als einen Punkt unveränderlicher Lage, mithin die drei Aren selbst als drei feste Linien ansehen, in Bezug auf welche, wenn die Drehung ausgeschloffen sein soll, kein Punkt des Körpers seine Lage und Entfernung ändern darf. Betrachtet man endlich die Aren als Dimensionen, die innerhalb des Körpers selbst liegen oder als identisch ihrer Lage nach mit drei auf einander rechtwinkligen Punktreihen dieses Körpers, so folgt aus der Definition der Festigkeit, daß nur diese Punktreihen im Raume festzuliegen brauchen, um jede Ortsveränderung der übrigen Körperpunkte unmöglich zu machen. Die Aufgabe reducirt sich daher auf den Rachweis, daß alle zusammenwirfenden Kräfte feine der drei Punktreihen oder keine der jetzt gegen ihre frühere Richtung beweglich gedachten Aren Z, Y, Z nach irgend einer Richtung zu drehen im Stande find.

Die zuletzt entwickelte Vorstellungsweise würde jedoch als 224.Unterlage der Berechnung nur dann bequem fein, wenn die Richtungen aller den Körper treffenden Kräfte durch die drei Axen gingen. Dies wird im Allgemeinen nicht ber Fall sein; um diejenigen Kräfte mit in Betracht ziehen zu können, deren Berlängerungen bei jenen Punktreihen vorbeigehen, ohne sie zu schneiden, muffen wir diesen drei Linien drei einander rechtwinklig schneidende Ebenen substituiren, deren jede mithin zwei von diesen Axen einschließen wird; eine dieser Ebenen trifft die nöthigenfalls verlängerte Richtung jeder Kraft. Die Aufgabe ist jetzt, zu zeigen, daß alle Kräfte weder die Ebene XY und XZ um X, noch die YZ und YX um Y, noch die ZY und ZX um Z zu drehen im Stande find. Betrachten wir die Bedingungen der Drehung um Z. Jede Kraft P, welche in beliebiger Richtung einen Punkt des Körpers angreift, dessen Coordinaten x, y, z sind, und welche mit den drei Axen die Winkel a, \beta, \gamma macht, fann, wie früher, in die drei den Aren parallelen Seitenfräfte P cos a, P cos  $\beta$ , P cos  $\gamma$  zerlegt werden. Von ihnen kommt die letzte hier nicht in Betracht; sie könnte nur eine trans-

latorische Verrückung des Körper nach der Zure bewirken, die durch die Gleichungen des § 222 schon ausgeschlossen ist, oder eine Drehung der XY Chene um X ober Y, die wir hier noch ausschließen. Bon ben beiden andern Kräften steht P cos a senkrecht auf der ZY und P cos & senkrecht auf ZX; beide streben, wie eine leicht zu entwerfende Figur zeigt, die Ebenen ZX und ZY, also den Körper, in welchem diese beis den unveränderlich verbunden sind, nach entgegengesetzten Richtungen zu drehen; die Richtung der wirklich erfolgenden Drehung würde daher von ihrer Differenz abhängen. Aber nicht einfach von ihrer Differenz, denn ein Sat, beffen wir uns bier einstweilen nur erinnern, lehrt, bag bie drebende Wirkung einer Kraft, Die senkrecht auf eine Linie ift, nach dem Product ihrer Intensität in die Entfernung ihres Angriffspunktes von der Drehare zu messen ist. Für P cos a ist diese Entfernung y, und x für P  $\cos \beta$ ; die Differenz der Producte y P  $\cos \alpha$  und x P  $\cos \beta$ , oder die Differenz der Momente muß gleich Rull sein, wenn P teine Drehung um die ZAre bewirken soll. Man hat dieselben Betrachtungen in Bezug auf alle Kräfte zu wiederholen und findet als Bedingung der Nichtdrehung um Z die Gleichung  $\Sigma$  (y P  $\cos \alpha - x P \cos \beta$ ) = 0. Diefelben Formen werden offenbar, bei ber völligen Gleichwerthigfeit ber brei Raumrichtungen, auch die andern Gleichungen haben, welche die Drehung um X und Y aufheben; und ba auch mnemonische Gulfsmittel nicht außerhalb der Aufgaben angewandter Logik liegen, so führe ich an, daß die Gleichung für die Nichtdrehung um die eine Are allemal die Bestimmungsstücke, die sich auf diese Are beziehen, nicht enthält, sendern aus der Summe von Differenzen zweier Producte besteht, deren jedes eine Seitenkraft nach der zweiten Axe mit der Coordinate ihres Angriffspunktes nach der dritten verbindet. Die Formel D (z P cos 3  $-y P \cos \gamma$  = 0 hebt die Drehung um X, die dritte  $\Sigma$  (x P cos 7  $-z P \cos \alpha$  = 0 die um die Y Are auf.

225. Den Satz, den wir über das Gleichgewicht drehender Kräste oben entlehnten, gewinnt man im Zusammenhang der Statik sehr leicht durch einen kleinen Kunstgriff, der diese Frage auf die Zusammensetzung der Bewegungen zurückbringt. Ich wähle hier einen andern Weg des Beweises, natürlich nicht, um der Statik eine Verbesserung zu verschaffen, sondern um an einer Behandlung, welche so viel als möglich von bles glücklichen Einfällen unabhängig ist, das Hervorgehen der Beweisgründe

aus der Zergliederung der Aufgabe selbst deutlich zu machen. Die starre Linie a b, deren Länge n sei, kann sich um ihren festen Endpunkt a nur dreben, indem alle ihre Punkte Kreisbogen o won gleichem Winkel w mit einem Halbmeffer e beschreiben, der für jeden Bunft gleich seinem Abstand von dem Drehpunkt a ift. Wirkt nun eine Kraft W an dem Punkt b, und hat sie es, wie auch immer, dahin gebracht, ihn in der Beit t der Bogen n w durchlaufen zu machen, so hat sie allemal zugleich jeden andern Bunkt von dem Abstand o genöthigt, in derselben Zeit t den Bogen o w zurückzulegen; und umgekehrt: jede Kraft, die an dem Puntte o angebracht, diesen Puntt dazu vermocht hat, sich durch den fleineren Bogen o o zu bewegen, hat allemal auch alle übrigen Punkte gezwungen, die ihren Abständen von a zukommenden Kreisbogen zu durchmeffen. Es fragt fich nun, wie zwei Kräfte P und Q beschaffen sein muffen, um von den Punkten p und q aus, an welche fie angebracht find, diesen ganz gleichen Erfolg hervorzubringen, und folglich, wenn sie nach entgegengesetzten Richtungen auf die Linie ab einwirken, die Drehung berselben zu verhindern. Anfangs hat gewiß nur die Beobachtung gelehrt, daß diese beiden Kräfte nicht gleich sein konnen, daß vielmehr in der Befestigung bes a und in der Starrheit der Linie a b Bedingungen liegen, welche den Erfolg jeder Kraft vermindern, je mehr ihr Angriffspunkt fich dem Drehpunkt nähert. Allein der Begriff der Festigkeit, also der bloßen Unbeweglichkeit von a ist zu unvergleichbar mit Begriffen von Bewegungen, um erkennen zu laffen, wie jene auf biefe einwirken fann; man mußte zuvor die Festigkeit selbst als Erfolg von Bewegungen fassen, um sie jenen andern Bewegungen homogen zu machen, auf welche fie einen einschränkenden Ginfluß ausüben foll. Man fann ferner P und Q nicht vergleichen, so lange sie unter verschiedenen Umständen wirken, deren bedingende Macht noch unbekannt ift; man kann sie nur nach den Geschwindigkeiten φ und ψ schätzen, welche sie unter ganz gleiden Bedingungen auf ein gang gleiches bewegliches Object übertragen; endlich können P und Q zwar an den einzelnen Bunkten p und q angebracht sein, aber doch nicht auf sie allein wirken; um eine Drehung hervorzubringen oder zu hemmen, muß die Wirkung jeder Kraft sich auf alle Puntte der Linie a b verbreiten, und die Art dieser Bertheilung müßte man fennen, um zu verstehen, wie der Effect einer von ihnen den gleichs zeitigen Effect der andern an jedem Punkte der Linie aufheben kann.

226. Diesen logischen Anweisungen genügen wir durch folgende Betrachtung. Sei a b = n zuerst eine völlig freie starre Linie, bestehend aus der unendlichen Anzahl n gleichartiger Massenpunkte, welche auf irgend eine uns hier nicht weiter angehende Weise genöthigt sind, unveränderliche Entfernungen von einander zu behalten. Gine Anzahl n gleicher und paralleler Kräfte wirke senkrecht auf diese Linie so, daß sie jedem Elemente derselben die Geschwindigkeit w mittheilte; dann wird diese Gesammtkraft W = n w die ganze Linie parallel mit sich In eine drehende Bewegung geht diese translatofelbst forttreiben. rische dann über, wenn wir den verschiedenen Punkten der Linie verschieden abgemessene Geschwindigkeiten entgegenwirken lassen, die wir uns wie im Anfang so auch im Fortgang der Drehung in jedem Augenblid senkrecht auf a b benken. Dem Endpunkt a stellen wir die Geschwindigkeit — o gegenüber, durch welche er, für die vorliegende Aufgabe, zum festen Bunkte wird; bem Bunkte b feten wir eine Geschwindigkeit = o entgegen und er behält mithin die volle Geschwindigkeit o, welche ihm W ertheilte; die Berechnung der Widerstände, die für die Zwischenpunkte nöthig sein würden, um die ganze bewegte Linie geradlinig zu erhalten, wäre leicht, aber überflüffig; wir kennen bereits die Reste, welche sie von der Wirkung der Kraft w jedesmal übrig lassen, nämlich  $\frac{\varrho}{v}$   $\omega$  für jedes Element  $\varrho$ , dessen Abstand vom Drehpunkt = o ift. Ließen wir nun eine Kraft P, welche einem freien Elemente der Linie die Geschwindigkeit o zu geben vermöchte, auf den Punkt p der befestigten einwirken, so würde sie diesem die Geschwindigkeit P-g geben, wenn er für sich beweglich wäre; da er es nicht ist, so muß dieser ihm beigebrachte Bewegungsantrieb sich auf die ganze Linie vertheilen. Wie nun auch immer diese Vertheilung zu Stande kommen mag, ihr Effect steht im voraus fest: er kann nur in einer Drehung der ganzen Linie bestehen und diese beurtheilen wir nun wieder mit Bulfe der oben entwickelten Vorstellung. Wirkte der dem p ertheilte Anstoß auf alle n Elemente der freien Linie gleichmäßig, so würde er jedem derselben den nten Theil der Geschwindigkeit geben, die er dem p allein zu geben suchte; an der befestigten Linie wird er daher jedem Element e Die

Geschwindigkeit  $\frac{\varrho}{n}$   $\left\lceil \frac{p}{n} \cdot \frac{\varphi}{n} \right\rceil$  mittheilen. Ganz Gleiches gilt von einer zweiten Kraft Q, die einem freien Element die Geschwindigkeit w, dem Element q der befestigten Linie dagegen die Geschwindigkeit  $\frac{\mathbf{q}}{n} \cdot \psi$  beis bringen würde; an q angebracht, würde sie jedem andern Element e die Geschwindigkeit  $\frac{\rho}{n} \cdot \left[ \frac{q}{n} \cdot \frac{\psi}{n} \right]$  geben. Sollen nun die beiden an p und q einwirkenden Kräfte oder Geschwindigkeiten entweder in gleichem Sinne gerichtet eine und dieselbe britte Bewegung ber Linic aufheben, oder in entgegengesetztem Sinne gerichtet einander selbst das Gleichgewicht halten, so muffen, für jedes Q, die beiden gefundenen Ausdrücke für ihre Wirkung einander gleich, also p $\varphi=\mathrm{q}\,\psi$  und  $\varphi\colon\psi=\mathrm{q}\,\psi$ q:p sein. Das heißt: die Hebelarme der Kräfte mussen sich umgekehrt verhalten wie ihre Intensitäten. Am einfachsten schließt sich dieser Ableitung die Borstellung an, die Linie ab sei in einer Horizontalebene drehbar und werde in derselben Ebene von zwei entgegengesetzt gerichteten Stößen getroffen, welche von zwei mit ben Geschwindigkeiten q und w bewegten unter einander, und mit den bei p und q von ihnen getroffenen, gleichen Masseneinheiten ausgehen; dann können  $\varphi$  und  $\psi$  unmittelbar für die wirkenden Kräfte P und Q gelten. Denkt man sich die Kräfte P und Q als zwei Gewichte mg und ng, beren eines die in der Verticalebene bewegliche Linie, die wir uns ohne Gigenschwere denken, nach unten, das andere fie mittelft Faden und Rolle nach oben zieht, so sind unmittelbar die Geschwindigkeiten freilich gleich, welche beide den von ihnen angegriffenen Punkten, wenn sie freie Maffeneinheiten wären, geben würden, nämlich = g, denn die ziehende Wirkung hört auf, wenn der gezogene Punkt mit der ziehenden Masse gleiche Geschwindigkeit hat; aber P kann diese Geschwindigkeit m mal und Q sie n mal hervorbringen, sobald es Widerstände gibt, welche sie aufheben wollen; dies findet hier statt, wo beide Kräfte einander entgegenwirken; man kann daher g sich als Bezeichnung der Maßeinheit für die Geschwindigkeit und m und n als die Anzahlen q und w dieser Einheit benken. Dann bekommt ber Sat die bekannte Form: zwei Gewichte P und Q find an dem Hebel im Gleichgewicht, wenn sie sich umgekehrt verhalten wie ihre Hebelarme. 227. Auf sehr scheinbare und dennoch nicht zulässige Weise würde

man benselben Sat folgendermaßen ableiten. Wenn auf benselben Buntt m des in senkrechter Ebene beweglichen Bebels a b zwei gleiche entgegengesetzte Kräfte P und Q einwirken, so ift unter dieser Bedingung Gleichgewicht selbstverständlich. Denkt man sich nun, wie gewöhnlich geschieht, Q als ein Gewicht, das durch einen Haken oder Faben an m aufgehängt ist, und P als einen von oben wirkenden Bug, so liegt hierin die stillschweigende Voraussetzung, es sei gleichgültig, ob von den unendlich vielen unendlich dunnen senkrechten Streifen, in die man Q sich zerlegt denken kann, jeder einzeln den Bunkt des Hebels angreift, der in seiner Berlängerung liegt, ober ob alle biese Einzelkräfte nur durch einen einzigen Repräsentanten, der sie zusammenfaßt, durch den Faben, an den Hebel tommen. Dies einmal angenommen, ift es dann auch nothwendig gleichgültig, ob man sich Q als einen Körper denkt, ober durch eine geometrische Ebene senkrecht in zwei Sälften getheilt, die einander an der Schnittfläche berühren, und beren jede durch einen besonderen Faden, der ihre Kräfte als Resultante zusammenfaßt, an dem Hebel befestigt ift. War nun m die Entfernung des früheren einzigen Angriffspunktes vom Drehpunkt, so sind m - x und m + x die entsprechenden Entfernungen ber neuen Angriffspunkte biefer zwei Faben. Und dies heißt nun: das Gleichgewicht besteht fort, wenn zwei Kräfte Q/2, beren Summe = P ift, rechts und links gleich weit von dem Angriffspunkt der entgegengesetzten Kraft P angebracht werden; denn die Fäden selbst, oder ihre Spannungen, sind jett die unmittelbar angreifenden Kräfte. So lange nun diese Spannungen die Resultanten ber in den beiden Q/2 vereinigten Schwerkrafte sind, ist es ferner offenbar ganz gleichgültig, wie diese Q/2 übrigens geformt sind, also auch gleichgültig, ob sie einander noch berühren, wie vorhin, oder ob sie durch Bergrößerung ihrer senkrechten Dimension und Berkleinerung ihres Querschnittes jett zu zwei gesonderten Körpern werden, die einen Zwischenraum zwischen einander lassen. Setzt man diese Ueberlegungen fort, so hindert nichts, die Berschiebung des einen Q/2 nach links, bes andern nach rechts, um gleiche x, nach Belieben fortzusetzen, bis endlich x = m wird; dann ist das eine, sagen wir das linkshin verschobene Q/2 unter dem festen Drehpunkt a angelangt und übt nun keinerlei Wirkung mehr auf den Hebel aus; das andere Q/2 hat den Abstand 2 m vom Drehpunkt erreicht, und das Gleichgewicht besteht jetzt unter der

Bedingung fort, daß P, welches = Q ist, an dem Hebelarme m, - Q/2 aber an dem Hebelarme 2 m angreift. Es würde blos fehr weitläuftig, sonst aber nicht schwierig sein, das gefundene Resultat von der hier angewandten Zweitheilung des Q unabhängig zu machen und es auf jedes Berhältniß zwischen ben beiden einander entgegenwirkenden Kräften auszudehnen. Aber so anschaulich diese Darstellung ift, so ist sie bennoch gar nicht schlußträftig. So lange nämlich x < m, so lange hatte bas nach links verschobene Q/2 noch einen erkennbaren und begreiflichen Einfluß auf das Gleichgewicht bes Hebels; es blieb flar, daß es im Berein mit dem entgegengesett fortrückenden andern die zureichende Wegenfraft gegen P war; sobald dagegen x = m wird und die Wirkung von Q/2 gang wegfällt, entsteht ein Sprung in unsern Bedanken, indem einer ber Beziehungspunkte verschwindet, auf deffen Berhältniß zum andern unser ganzes Raisonnement gebaut war. Denn wenn wir zuerst Q in dem Punkte m selbst anbrachten, dann beide Q/2 symmetrisch um m vertheilten, so galt, was wir daraus folgerten, zunächst für die freie . Linie ab, die in m durch die Kraft P gehalten wurde; die Befestigung des Endpunktes a war gar nicht berücksichtigt; freilich galten dieselben Folgerungen auch für den Fall des befestigten a, so lange sich nachweisen ließ, daß ohnehin, um der Vertheilung der Gewichte willen, Gleichgewicht stattfand; denn wenn es stattfand, so konnte es dadurch nicht gestört werden, daß man sich a noch zum Ueberfluß festgelegt bachte. Sobald aber ber Einfluß von Q/2 wegfällt, so findet aus jenen vorgedachten Gründen das Gleichgewicht nicht mehr statt; daß diese weggefallene Bedingung aber durch die Befestigung des Endpunkts a genau ersett werde, ist gar nicht an sich flar. Man müßte sich vielmehr für diesen besondern Fall nach einem Hülfsbeweise umsehen, welcher zeigte, daß bei festliegendem a die Wirkung des Q/2 schon vorher immerfort abnahm, je mehr es sich dem a näherte, und daß das Gleichgewicht bennoch bestand; daß es folglich auch fortbestehen werde, wenn der Einfluß dieses Gewichts, bei gleichzeitiger Verrüdung des andern, gang zu Rull wird. Aber genau zugesehen, würde dieser Nebenbeweis in Wahrbeit der Beweis der Hauptsache sein, nämlich eben des Sates, daß die bewegenden Wirfungen gleicher Kräfte am Hebel sich umgekehrt verhalten wie ihre Hebelarme. So anschaulich daher jene Darstellungsweise den fraglichen Sat machte, so bewies sie ihn dennoch gar nicht,

sondern setzte ihn in einem leichter erkennbaren als kurz ausdrückbaren Sirkel voraus.

228. Verwickelte mechanische Probleme können nicht immer durch birecte Zusammensetzung aller wirkenden Kräfte zu ihrem Enderfolge gelöst werden; man muß häufig gewisse allgemeine Bedingungen aufftellen, denen er jedenfalls zu genügen, ober Schranken, innerhalb beren er sich zu halten hat; unter dieser Voraussetzung liefern dann die Einzeldata des gegebenen Falles Mittel zur vollständigen Bestimmung des Resultats. Diese Methoden, unter benen nur an die Anwendung des Princips von d'Alembert erinnert sein mag, sind gang unschätzbar und unentbehrlich; da sie aber die Entstehungsgeschichte des errechneten Erfolges nicht klar machen, so lassen sie boch den Wunsch übrig, directe Constructionen so weit als möglich fortzusetzen. Ich erwähne, im Zusammenhang mit der vorigen Frage nach dem Gleichgewicht drehender Kräfte die nach der Bewegung, die sie erzeugen, wenn ihnen nicht widerstanden wird. Die Regel zu ihrer Berechnung ist auf die beiden sehr einfachen Sätze zurückgebracht: 1) wirkt auf einen frei beweglichen Körper eine Kraft', so nimmt sein Schwerpunkt dieselbe gradlinige Bewegung an, welche die ganze Masse des Körpers annehmen wurde, wenn sie im Schwerpunkt vereinigt ware und bort von der Kraft angegriffen würde; 2) zugleich erlangt der Körper die drehende Bewegung, welche er, wenn sein Schwerpunkt befestigt ware, durch dieselbe Kraft erfahren würde. In dieser höchst übersichtlichen Theilung des Erfolgs liegt nun doch eine Paradoxie. Wenn nämlich die Richtung der Kraft burch den Schwerpunkt geht, so entsteht nach dem zweiten Sat feine Drehung, sondern nur eine gradlinige translatorische Bewegung, und boch würden wir meinen, daß in diesem Falle die Kraft unter ber dentbar günstigsten Bedingung angriffe; geht aber ihre Richtung nicht durch den Schwerpunkt, und in diesem Falle schiene uns die Kraft unter einer weniger gunftigen Bedingung zu wirken, so bringt sie nicht blos den ganzen vorigen Erfolg, sondern auch noch eine Drehung hervor, die sich wie eine Zugabe ausnimmt ohne deutlichen Grund. Wenn man Die zusammengesetzten Geschwindigkeiten, welche die verschiedenen Theile eines zugleich fortschreitenden und rotirenden Körpers besitzen, nach ber Richtung der gradlinigen Bahn und nach der Senfrechten auf diese und die Rotationsage zerfällt, so ist die Summe aller der ersten Componenten, jede in ihr Massendisserential multiplicirt, gleich dem Prosduct der ganzen Masse in ihre gradlinige Geschwindigkeit, und man überzeugt sich leicht, daß bei dem drehenden und zugleich fortschreitenden Körper zwar die einzelnen Elemente verschiedene Geschwindigkeiten in der Richtung der Bahn haben, daß aber die Summe aller Geschwindigkeiten weder vermehrt noch vermindert, sondern nur anders vertheilt ist, als in derselben Masse, wenn sie ohne Drehung sortschreitet. Aber die anderen Componenten bleiben übrig, und obwohl sie für die beiden Hälften des drehenden Körpers entgegengesetzte Zeichen haben, so heben sie doch deswegen einander nicht auf; sie sind wirklich geschehende Beswegungen, und es fragt sich, woher sie entstanden sind.

229. Es reicht hin, diese Frage für den einfachsten denkbaren Fall zu beantworten. Es seien a und b zwei gleiche Massen, die wir uns in ihre Schwerpunkte concentrirt benken; wechselwirkenbe Kräfte zwischen beiden mögen dafür sorgen, daß ihre Entsernung ab von einander unveränderlich sei; wir können dann sagen, a und b seien durch eine starre massenlose unveränderliche Linie ab verbunden. Zur Einfachheit der zu entwerfenden Figur denken wir uns ab in den Winkel zweier in O sich schneidenden rechtwinkligen Aren so eingepaßt, daß a auf der X Are, b auf der Y Are liegt; man wird dann, am Anfang, für die Masse a haben x = 0 a und y = 0, für b dagegen x = 0 und y = 0 b, für den Schwerpunkt des kleinen Massenspstems a + b, der in dem Halbirungspunkte von ab liegt:  $x = \frac{Oa}{a}$  und  $y = \frac{Ob}{a}$ . Wir nehmen nun an, der Masse a werde eine Geschwindigkeit mitgetheilt in der Richtung der X Are und es sei a a der Weg, den sie in einem untheilbaren Zeitaugenblick unter diesem Antrieb zurücklegen würde, wenn sie frei wäre. Da unmittelbar auf die Masse b keine Kraft einwirkt, so würde diese in Ruhe bleiben und die Linie ab, welche ihre Entfernung von der fortbewegten a ausdrückt, würde länger werden als die ursprüngliche ab. Aber die zwischen a und b wirksamen Kräfte, welche die Entfernung ab nach unserer Boraussetzung unveränderlich erhalten, widersetzen sich in jedem Augenblick dieser beginnenden Verlängerung, beren Maß ab — ab sein würde, und heben sie auf, indem sie beide einander in der Richtung der Linie nähern, an deren Endpunkten sie sich befinden würden, wenn die Verlängerung stattfände. Da keine der

Massen einseitig die andere zwingen kann, ihr zu folgen, vielmehr nach dem Grundsatz der Gleichheit der Wirkung und Gegenwirkung die so entstehenden Verschiebungen beider nach unserer Unnahme gleichen Massen gleiche Längen sein müssen, so finden wir die neuen Orte a1 und  $\beta$  derselben, wenn wir auf  $\alpha$  b von  $\alpha$  aus die Länge  $\alpha \alpha^1$  und von  $\mathrm{b}$  aus die Länge  $\mathrm{b}\, eta,\,$  beide  $= \frac{a\,\mathrm{b}\, - a\,\mathrm{b}}{}$  abtragen. Fällen wir von a1 eine Ordinate, welche dy sein mag, auf die X Axe, von \beta eine Sentrechte, welche dx sei, auf die Y Are, so entstehen zwei congruente Dreiede und man hat für die beiden Endpunkte  $a^1$  und  $\beta$  der jetzt verschobenen Linie ab die Ordinaten dy und Ob - dy, folglich für den Schwerpunkt, welcher der Mittelpunkt dieser Linie bleibt,  $y = \frac{Ob}{-}$ ; dies war aber die Ordinate des Schwerpunkts auch vor der Mittheilung der Geschwindigkeit; mithin hat der Schwerpunkt einen Antrieb erhalten, sich parallel zur X Are, d. h. in derfelben Richtung zu bewegen, in welcher die auf a wirkende Kraft ihn getrieben haben würde, wenn sie an ihm selbst angebracht worden wäre. Man hat zugleich für die Endpuntte a1 und & die Abscissen: Oa + aa - dx und dx, also die Abscisse des neuen Ortes des Schwerpunkts: Oa + a a ; da die Ab-

scisse seines anfänglichen Ortes  $\frac{Oa}{2}$  war, so hat er die Hälfte der Gesschwindigkeit aa empfangen, welche die an a angebrachte Kraft diesem zu ertheilen strebte, und dies ist eben die Geschwindigkeit, welche dieselbe Kraft der ganzen Masse a+ b oder 2 a des Systems ertheilt haben würde, wenn sie dieselbe im Schwerpunkt vereinigt angetrossen hätte. Diese Betrachtung gilt für den Anfangszeitpunkt der ganzen Bewegung, in welchem, wie wir vorauszusetzen pflegen, die momentan wirkende Kraft, welche a angriff, ohne Zeitverlauf diesem eine Geschwindigkeit mittheilte und eben so ohne Zeitverlauf die corrigirende Rückwirfung der zwischen a und b thätigen Kräfte erfolgte. Da von jetzt an eine äußere Kraft nicht weiter einwirkt, so setzen sich alle hervorgebrachten Bewegungen nach dem Gesetze der Beharrung einsach sort; nur die inneren Kräfte zwischen a und b haben beständig zu thun, um die Fortschreitung von a und b in den jedesmaligen Tangenten

ihrer Bahn zu hindern und sie in unveränderlicher Entfernung vom Schwerpunkt zu erhalten; sie erzeugen hierdurch eine in Bezug auf diesen treisförmige Umdrehung, und da sie die beiden Massen ohne unstetigen Uebergang in eine andere Richtung stetig von ihrer augenblidlichen ablenken, so geschieht die Drehung gleichförmig und mit derselben constanten Geschwindigkeit im Kreise, mit welcher im ersten Augenblick beide Massen gradlinig angetrieben wurden. Versetzt man endlich a1 B mit sich felbst parallel zurück, bis sein Schwerpunkt auf den von ab fällt, fo machen beide Linien am Schwerpunkt einen Winkel o, welcher gleich ist jenem, den ab mit ab an dem Punkte b machen würde, wenn b ein fester Drehpunkt wäre und die angebrachte äußere Kraft nur die Masse a allein, unter Voraussetzung ihrer unveränderlichen Entfernung ab von b zu bewegen gehabt hätte. Die Länge des zurückgelegten Bogens wäre dann ab. g gewesen; die Bogenlänge, welche a wirklich, in seiner Umdrehung um den als befestigt gedachten Schwerpunkt, zurückgelegt hat, ist ab. p, und dies ist eben die Geschwindigkeit, welche jene Kraft ihr geben mußte, wenn sie zugleich die andere Masse b in entgegengesetzter Richtung zu bewegen hatte. Man sieht hieraus, daß eine äußere momentane Kraft, möge ihre Richtung durch den Schwerpunkt geben ober nicht, in dem Körper immer dieselbe Summe translatorischer Bewegungsgrößen hervorbringt; die Drehung, welche in dem zweiten Falle hinzutritt, entspringt aus den inneren Aräften, welche zwischen den Theilen des bewegten Systems wirken. Diese Wirkungen sind aber auch in dem ersten Falle, in welchem keine Drehung entsteht, keineswegs Rull; sie dienen hier aber nur dazu, die Massentheile, welche in einer graden Linie, senfrecht auf die Richtung der mitgetheilten Bewegung, angeordnet sind, in dieser Anordnung während des Fortschreitens zu erhalten, eine Leistung, die sich in keiner relativen Bewegung ber Theile um ihren fortschreitenden Schwerpuntt verräth, so lange wir eben von der Voraussetzung einer absoluten Festigkeit des Körpers ausgehen; sie würde sich aber sogleich in solchen Bewegungen fund geben, wenn wir etwa drei gleiche Massen abc unter einander durch biegfame Fäden verknüpft dächten und auf den in b enthaltenen Schwerpunkt dieses ganzen Systems einen Stoß ausübten. 230. Die zur Auffindung der Beweisgründe zu unternehmende

Bergliederung fucht nicht nur die für die Richtigkeit der zu beweisenden Folge wesentlichen Elemente herauszustellen, sondern auch die für denfelben Zwed unwesentlichen zu beseitigen. Die vorangegangenen Beifpiele erlauben ichon, über ben Ginn Diefes Eliminationsverfahrens nachzudenken. Man findet nicht felten, daß bei der Beantwortung ftatischer und mechanischer Fragen von der Annahme einer massenlosen ftarren Linie ausgegangen wird, und die Entwicklung des Bebelgesetzes macht gewöhnlich dieselbe Boraussetzung. Nun kann man einräumen, baß ber Begriff einer begrenzten graden Linie burch bas Merkmal ber Begrenztheit die Forderung der beständigen Berührung jedes Punktes mit zwei Rachbarpunkten und durch das der Gradheit auch die Starrheit und Unbiegsamkeit der Linie einschließt; allein als blos geometrische Linie ift fie kein Object, das durch Kräfte in Bewegung gesetzt werden fonnte; diese Fähigkeit, von Kräften zu leiden, kommt nur der linienförmig angeordneten Maffe zu, und die wechselwirkenden Kräfte der Maffentheilchen allein bringen an diefer forperlichen Linie die in dem geometrischen Begriff nur geforderte Starrheit und unveränderliche Länge wirklich hervor. Es ist daher kein glücklicher Ausdruck, hier von einer maffenlofen Linie zu fprechen, und er gibt in der That bas gar nicht wieder, was man wirklich meint und worauf man in der Ausführung folder Ueberlegungen baut. Masse muß die Linie unzweifelhaft haben, die wir durch Kräfte um ihren Endpunkt drehen wollen, aber für die Gesetze, nach benen allgemein die Wirkung dieser Kräfte erfolgt, ist es nur nothwendig, daß die Masse in jedem Querschnitt dieser körperlichen Linie dieselbe sei; jede Unregelmäßigkeit ihrer Bertheilung würde einen besonderen Fall bilden, der nur nach den Regeln jenes einfachsten und reinen Falles zu beurtheilen wäre; völlig gleichgültig ift es dagegen für jene Gesetze, wie groß diese Masse ist; an einem biden Bebel sind die Proportionen der Kräfte und Bebelarme für bas Gleichgewicht feine anderen, als an einem bunnen, an einem fpecifisch schwereren dieselben wie an einem leichteren. Man sett daber, wenn man von einer maffenlosen Linie spricht, die Daffe berfelben eigentlich gar nicht gleich Rull, sondern gleich der Einheit, und zwar gleich einer Ginheit, ber man jeden beliebigen großen und kleinen Werth geben fann, und die aus der weiteren Berechnung deswegen verschwindet, weil sie als gleicher Factor aller zu einander in Proportion stehenden

Blieber Nichts zur Bestimmung oder Menderung des zwischen diesen obwaltenden Berhältniffes beiträgt.. Auf diesem Gedanken beruhte unsere frühere Darstellung. Die Linie ab war als eine Maffenlinie gedacht, jeder ihrer Punkte ein Differential der Masse; darum war es möglich, überhaupt von einer Kraft W zu sprechen, die auf ab wirkt, und dies W = no, gleich einer Summe von Einzelfräften zu feten, beren jede dem Massendifferential die Geschwindigkeit w ertheilte. Aber die beständige Berücksichtigung der Masse in der Rechnung hatte Nichts weiter genütt; nur der Werth von w wäre anders ausgefallen, wenn man sich die Masse der Linie oder jedes ihrer unterschiedenen n Theile größer oder kleiner vorgestellt hätte; die Verhältnisse zwischen P und Q, wenn beide fich immer auf diefelbe Maffe bezogen, hatten feine Menderung erfahren. Die Theilung der Beweisarbeit, die man hier vorgenommen, besteht daher nicht darin, daß man zuerst von der Masse überhaupt abstrahirt, das fragliche Gesetz für die massenlose Linie bewiesen und dann erft in einem zweiten Anlauf untersucht hatte, mas aus ihm wird, wenn man die Linie auch Masse haben läßt; vielmehr gleich der erfte Schritt nahm auf diese Masse Rücksicht, und fand nur, daß ihre Größe keinen Einfluß auf die allgemeine Form des Gesetzes hat; auf diesen Grund hin fann dann in einer zweiten Untersuchung ber Ginfluß erörtert werden, den verschiedene Größen und Vertheilungen der Masse auf die absoluten Werthe der durch jenes Gesetz zu bestimmenden Größen haben. Sobald man die Massenlosigkeit einer zu bewegenden Linic buchstäblich nimmt, verwidelt man fich in Sonderbarkeiten, durch die kein rechtliches Durchkommen mehr ift, weil sie auf einer an sich unmöglichen Combination von Vorstellungen beruben. Bas foll geschehen, wenn ber eine Endpunft b biefer Linie ab eine Beschwindigkeit c erhält? Er kann sich nicht trennen von der übrigen Linie, denn dann würde nicht diese bewegt, sondern der freie Punkt b allein; aber wie foll die Linie ihm folgen, da fie ja keine Bewegung empfing? Bielleicht meint man, sie werde sich dreben; dann müßte der Punkt b seine Geschwindigkeit den übrigen Punkten mittheilen, und zwar abgestuft den näheren mehr davon, den entfernteren weniger; aber man sieht nicht ein, wornach dies abzumessen wäre, denn alle die Kräfte fehlen hier, die, zwischen Massentheilchen wirkend, es dahin bringen fönnten, daß der von dem einen empfangene Anstoß sich auf die übrige Neihe fortpflanzte, und in jedem Augenblick jedes Glied derselben einen bestimmt abgestuften Theil des Impulses erhielte. Endlich, da zu dieser Abstusung hier der Grund sehlt, so kann man auch dazu übergehen, die ganze Linie ab als eine solidarisch verbundene Einheit anzusehen, so daß jeder nur in Gedanken oder in der Anschauung unterscheidbare Theil derselben unmittelbar in dieselben Zustände geräth, die in irgend einem andern erregt werden; ich lasse dahingestellt, ob dann jeder Theil der Linie n die ganze Geschwindigkeit e oder nur  $\frac{c}{n}$  erhält; jedenfalls entspringt hieraus die Folge, daß die Linie ab in Ruhe bleibt, wenn b die Geschwindigkeit e, und der andre Endpunkt a die gleiche — c empfängt. Diesen Unbegreislichkeiten geht man durch das Geständniß aus dem Wege, daß nur eine Massenlinie, eine massenlose aber gar nicht, sich bewegt.

231. Auch bei den Hülfsansichten, den Substitutionen und Transformationen, durch welche man die gegebenen Umstände beurtheilbar zu machen sucht, hat man Annahmen zu vermeiden, denen, so anschaulich sie auch sein mögen, doch keine reelle Bedeutung gegeben werden kann. Ich erwähne hierzu einen häufig vorkommenden Beweis für das Parallelogramm der Aräfte, welcher den bewegten Körper sich in einer Ebene von a nach c, gleichzeitig aber diese Ebene von a nach b bewegen läßt, und hierdurch die Bahn ad des Körpers, von a nach dem Endpunkt der Diagonale des Parallelogrammes abed, gefunden zu haben glaubt. Es liegen zwei Voraussetzungen hierin unausgesprochen, die man aussprechen muß; einmal die, daß die Bewegung ber Ebene die des Punftes in der Linie ab nicht stören, dann die, daß die fortschreitende Ebene die ganze Linie ab sammt bem Körper mit sich fortführen werde. Ist nun schon eine sich bewegende leere Raumebene Nichts was in Wirklichkeit vorkommen könnte, so ist noch weniger begreiflich, wodurch der Körper an ihr kleben bleibt, während sie fortrückt. Und doch ist diese Befestigung sehr nöthig; denn es befinde sich der Körper auf einer sehr glatten Tischplatte, und man gebe ihm einen Stoß nach ac, gleichzeitig aber ber Platte, einen Stoß nach ab, so wird der Körper nicht mit der Platte gehen, sondern sich von ihr, die unter ihm wegfliegt, trennen. Ergänzt man aber diese nothwendige Bedingung, sagt man also, daß der Körper nach e ungestört fortgebe, ac

aber gleichzeitig nach b zu gehen und ihn mitzunehmen genöthigt sei, so wird der ganze Satz eine leere Tautologie, und das, was er voraussiet, ist eben das, was man beweisen müßte. Er gehört daher nur zu den Mitteln, durch die man eine bewiesene Wahrheit veranschaulicht.

232. Bon den gablreichen andern Beweisen deffelben Sates interessirt uns logisch ein Anfangspunkt, von dem viele auszugehen pflegen. Man stellt den Sonderfall voraus, in welchem zwei gleiche Kräfte a und b den Körper nach zwei Richtungen treiben, und findet es hier selbstverständlich, daß die Richtung der resultirenden Bewegung den Zwischenwinkel beider Kräfte halbiren werde. Diese Unnahme schließt aber die andere ein, daß bei ungleichen Kräften die Resultante ben Wintel in ungleiche Theile spalten werde, und da es unmöglich ist, daß die Art dieser Ungleichheit unabhängig von dem Größenverhältniß beis der Kräfte sei, da doch die Ungleichheit selbst von ihm abhängt, so beruht die Annahme auf der allgemeineren: wenn zwei Bedingungen a und b ein Ergebniß e verschieden zu gestalten suchen, so wird in der wirklichen Gestaltung besselben ber erkennbare Einfluß beider ihren Größen proportional sein; sind daher a und b gleich, so wird e von dem Ergebniß, welches a allein erzeugt hätte, ebenso weit verschieden fein, wie von dem, welches b allein hervorbringen würde. Ich weiß nun nicht, warum man sich auf diesen Satz nur einmal, zur Einleitung des Beweises, berufen und dann diesen selbst durch verwickelte andere Ueberlegungen führen soll; welches auch die Kräfte a und b und der Grad ihrer Ungleichheit sein mag, wir können allgemein sagen: die Ablenkungen, welche der bewegte Punkt durch die Kraft a von dem Wege der Kraft b, und von dem Wege der b durch die Kraft a erfährt, muffen sich direct wie die ablenkenden Kräfte verhalten. Bur mathematischen Ausbeutung dieses logischen Grundsates hätten wir zunächst zu bestimmen, wie beide Ablenfungen gemessen werden sollen. hierzu nach gewöhnlicher Weise Sentrechte anzuwenden, die von den Richtungen der Einzelbahnen auf die resultirende oder von dieser auf jene gefällt würden, zeigt sich in der Natur der Frage keine Aufforderung; alle drei Bahnen kommen nicht als leere Raumrichtungen, sondern nur als geometrische Orte in Betracht, welche die successiven Orte des bewegten Punktes enthalten würden; nur zu folgender Auffassung führt diese zuletzt gemachte Bemerkung. Seien a und & die Lope, Logit. 20

beiden auf den Bahnen der a und b gelegenen Punkte, welche der bewegte Körper in gleicher Zeit t erreicht haben würde, wenn er allein ben Kräften a ober b gefolgt ware, o aber ber in ber Resultante liegende Punkt, an welchem sich nach der gleichen Zeit t der Körper unter der vereinigten Einwirkung von a und b befindet, so ist qa die Ablenkung von der Bahn a durch die Kraft b, es die von der Bahn b durch die Kraft a, und es ist  $\rho \alpha : \rho \beta = b : a$ . Da man die Größen der Kräfte a und b nur nach dem Raum schätzen kann, den sie in der Zeiteinheit durchlaufen machen, so ist das Verhältniß a : b, für die Zeiteinheit, zugleich das der nach a und b durchlaufenen Räume; es wird aber diese Bedeutung auch für jede Zeit t und für jeden Theil von t haben muffen; benn bie Bewegung in der Resultante muß, da wir a und b als nur momentan wirkende Kräfte betrachten, mit constanter Geschwindigkeit und geradlinig geschehen; die durchlaufene Länge der Resultante wird daher immer den nach a und b bis zu gleicher Zeit t zurückgelegten Räumen proportional sein, ebenso mithin auch die Ablenkungen oa und ob, die dritten Seiten zu Dreieden, deren beide anbern Seiten in beständig gleichem Berhältniß zunehmen.

233. Diese Proportion entscheidet aber nichts über die absoluten Größen von oa und ob; beide genügen der Proportion, wenn fie überhaupt mb und ma sind; der Werth dieses m bliebe zu ermitteln. Run liegt in allen Bestimmungsstücken der Aufgabe nichts, was zur Bestimmung besselben beitragen fonnte; von Ginfluß fonnten nur die Größen von a und b und damit ihr Verhältniß, sowie die Größe des Bwischenwinkels fein; aber gerade die Ginfluffe diefer Glemente icheinen durch die bereits gemachten Annahmen völlig berücksichtigt; außerhalb ber Data endlich, welche die Aufgabe enthält, fann ber Grund nicht liegen für etwas, was eben aus diefer Aufgabe fließen soll. In Fällen solcher Art wird der logische Gedankengang allemal darin bestehen muffen, die probabelfte Unnahme zu versuchen, welche ber gestellten Forderung genügt. Was unter diesem Ausbruck zu verstehen ift, wurde sich allgemein sehr schwer befiniren lassen, und ich habe die Behandlung dieser Aufgabe nur unternommen, um durch ein Beispiel die Mängel der allgemeinen Begriffsbestimmung auszugleichen. Die probabelste Annahme wird das festsetzen, was, seinem Begriffe oder seiner Große nach, als ein Minimum das Verhalten überhaupt noch möglich macht,

von dem wir wissen, daß es stattfinden muß, und welches, wenn es unter andern Bedingungen oder mit anderen Nebenbestimmungen, als dieser so gewählten, stattfinden sollte, für diese stets besondere hier eben sehlende Entscheidungsgründe nothwendig machen würde. In unserem Falle muß die Proportion  $\varrho \alpha : \varrho \beta = b : a überhaupt stattfinden; des$ halb kann jenes m nicht Rull sein; damit sie aber stattfinde, reicht es hin, m = 1 zu setzen, und diesen Werth kann man, seinem Begriffe nach, als das Minimum ansehen, welches der gestellten Forderung gemigt, benn jeder größere oder kleinere Werth m = 2 oder m = 1/2 läßt sich als m. 1 betrachten, d. h. als Wiederholungszahl der Einheit, mit deren Verschwinden m selbst und das ganze Verhältniß verschwindet. Die Einheit allein affirmirt das wirkliche Bestehen des verlangten Berhältnisses so, daß eben deshalb jene besonderen Werthe von m als weitere specifische Charafteristifen wirksam hinzutreten können, falls es in der Natur des behandelten Inhalts Gründe gibt, einen dieser Werthe vor dem andern zu begünstigen. Wo es nun, wie hier, diese Gründe nicht gibt, ziehen wir uns auf die jedenfalls nothwendige, deshalb probabelste Annahme m == 1 zurück, welche unter allen Umständen, selbst dann, wenn m einen von der Einheit verschiedenen Werth hatte, zugleich mit diesem Werthe gelten und der verlangten Proportion genügen würde. Machen wir nun diese Annahme und construiren sie, beschreiben wir also von dem Endpunkt a des in der Zeit t nach a zurückgelegten Wegs einen Kreisbogen mit dem in gleicher Zeit nach b zurückgelegten Bege, von & einen Bogen mit dem nach a zurückgelegten Wege als Halbmeffern, so schneiden sich beide in der Diagonale des aus a und b gebildeten Parallelogramms, und sowohl die Richtung als die Länge der Resultante ift auf einmal bestimmt.

234. Man wird selten mit unbedingter Gewißheit sagen können, daß in dem gegebenen Inhalt einer Aufgabe, bei dessen Zergliederung man Entscheidungsgründe für eine andere als diese probabelste Ansnahme nicht gefunden hat, solche Gründe nicht dennoch vorhanden seien und einer sorgsameren Zergliederung sich zeigen würden. Deshalb erspart man sich die Mühe nicht, durch Nebenbeweise entweder von andern Standpunkten aus die gemachte Annahme zu bestätigen, oder apagogisch jede andere durch die Widersprüche, in die sie verwickelt, als unmöglich auszuschließen. Auch diesen Schritt wollen wir noch thun. Es erscheint

felbstverftändlich, daß die Resultante nie größer als die Summe ber Seitenfrafte fein tann; fie erreicht bies Maximum, wenn beide in berselben Richtung auf den Körper wirken, ihr Zwischenwinkel also Rull ist. Man hat auch gegen diesen Sat eingewandt, es verstehe sich boch nicht von felbst, daß eine zweite Bewegung b, die zu einer ersten a in gleicher Richtung hinzutommt, sich einfach zu dieser abdire; es fei bentbar, daß in der Natur der Bewegung oder in der der Körper, welche fie erleiden, Bedingungen liegen, welche die Resultante auch hier größer oder kleiner als die Summe beider machen könnten. Dieses Bedenken scheint mir unbegründet; vor allem in seiner Anwendung auf den vor-Wenn zuerst gleichzeitig zwei gleichgerichtete Beliegenden Fall. wegungen demselben Körper mitgetheilt find, so ift es lediglich Cache unserer subjectiven Auffassung, sie noch als zwei zu unterscheiden; sie waren zwei außerhalb des Körpers, weil sie vielleicht von zwei verschiedenen andern Rörpern ihm mitgetheilt wurden; es tann auch fein, daß bei dem physischen Acte der Mittheilung von einem Körper zum andern diese Bewegungen etwas verlieren oder gewinnen; aber wir sprechen hier nicht von der Art der Mittheilung, sondern von den Geschwindigkeiten, sofern fie bem zu bewegenden Körper mitgetheilt find; in diesem Körper, den wir lediglich als bewegliches Substrat, ohne alle eigenthümliche andere Gigenschaften betrachten, setzen sie sich nicht erft zu einer zusammen, sondern sie sind gar nichts anderes, als von Anfang an eine, und die resultirende Geschwindigkeit ift so gewiß die Summe beider, als überhaupt jede Geschwindigkeit eben die ift, die fie ift. Befände sich aber der Körper schon in der Bewegung a, wenn die andere b hinzufommt, so hätte er, wenn dies einen Unterschied begründen follte, dem Gefete der Beharrung entgegen in jedem Augenblide seinen Bewegungszustand andern muffen; denn andert er ihn nicht, befindet fich also zur Zeit t in völlig derselben Berfassung, wie zur Zeit to, so wird die später hinzukommende Bewegung b sich mit der fortdauernden a ebenso verbinden muffen, wie sie es zur Zeit to, also bei gleichzeitigem Beginn mit a, gethan haben würde. Man fann also für sichergestellt ansehen, daß die Resultante R gleichgerichteter Kräfte a und b nur = a + b sein kann. Unmittelbar hilft uns dies freilich nichts zur Beurtheilung des Erfolgs von Kräften, deren Richtungen um den Winkel o divergiren. Indessen ist doch so viel selbst-

verständlich, daß die Resultante nicht mit der Divergenz wachsen kann; fie wäre sonst-am kleinsten für gleichgerichtete Kräfte, für welche sie nach dem Borigen am größten ist, und am größten für entgegengesetzte, für die sie selbstverständlich am kleinsten sein muß. Da sie nun ebensowenig von der Größe des Winkels o unabhängig sein kann, so muß sie nothwendig abnehmen, wenn p wächst, und wir können jett für beliebig gerichtete Kräfte sagen, daß ihre Resultante  $R \le a + b$  ist. Auch dieses noch unbestimmte Ergebniß läßt sich in engere Grenzen Wenn wir auf einen beweglichen Punkt in demfelben Augenblide verschiedene Momentankräfte in beliebiger Anzahl wirken lassen, so kann der Gefammterfolg, der wirklich entsteht, nur einer sein und fann folglich nicht mit den verschiedenen willfürlich gewählten Reihenfolgen sich ändern, nach denen wir in Gedanken die gleichzeitig wirkenden Bedingungen zunächst paarweis combiniren, um dann wieder die so gefundenen Einzelergebnisse zusammenzuseten. Es muß also dasselbe herauskommen, wenn wir aus a und b zuerst die Resultante R bilden und dann aus R und — a eine zweite Resultante suchen, oder wenn wir a, b und — a so combiniren, daß a und — a sich selbstverständlich aufheben, worauf uns b als eben diese zweite Resultante übrig bleibt. Es liegt daher im Begriff der Resultante R von a und b, daß man die Seitenfraft b wieder erhalten muß, wenn man R und die in entgegengesetzter Richtung zu ihrer ursprünglichen genommene Kraft a wieder als Componenten verbindet und ihre Resultante nach demselben Gesetz sucht, nach welchem man R aus a und b fand; ebenso wird R und — b zusammengesetzt auf a zurückführen. Und diese Betrachtung gilt alls gemein und ganz unabhängig von dem noch unbefannten Besetze selbst, nach welchem Größe und Richtung einer Resultante von den Größen und dem Winkel der Seitenkräfte abhängt. Hieraus folgt nun, daß von den drei Kräften oder Bewegungen a, b, R jede, unter den angegebenen Umständen, die Resultante der beiden andern, jede also kleiner oder höchstens ebenso groß ist, als die Summe der beiden andern, alle brei sich folglich in ein Dreieck zusammensetzen lassen, das nur im Grenzfall jener Gleichheit in eine gerade Linie zusammenschmilzt. Aber so aufgefunden drückt dieser bekannte Satz nur eine Relation zwischen den Längen von a, b, R aus; wir muffen noch die Winkelverhältnisse klar

machen, für welche diese Beziehung gilt. Sind a, b und ihr Zwischenwinkel & gegeben, so ist die uns noch unbekannte Länge von R an sich völlig bestimmt; für biese gegebenen Elemente gibt es daber nur ein mögliches Dreieck aus a, b und R. Umgekehrt: ist uns ein Dreieck aus den Seiten a, b und R gegeben, so gibt es nur einen Winkel p der Kräfte a und b, für welchen R die Länge ihrer Resultante ist. In dem Dreieck nimmt R geometrisch, wenn a und b constant sind, mit seinem Gegenwinkel o zu; mechanisch, als Resultante von a und b, nimmt R ab, wenn g zunimmt; es muß also zwischen dem Dreiedwinkel q und bem Kräftewinkel & eine bestimmte Relation bestehen, die wir aufsuchen. In dem Dreieck aus a, b, R hat R nicht die Lage, die es als Resultante haben müßte; alle drei Linien müßten von einem gemeinsamen Scheitel A beginnen, und, was hier als selbstverständlich gelten kann, R innerhalb des Zwischenwinkels von a und b liegen. Nehmen wir also an, zwei Kräfte a und b, zunächst von unbestimmter Größe, hätten wir unter einem beliebigen Winkel o verbunden; ihre der Größe nach ebenfalls noch willfürlich angenommene Resultante R theile diesen Winkel ganz beliebig, und ihr anderer Endpunkt sei C. Da nun die hier aufzusuchenden mechanischen Berhältnisse von der absoluten Lage im Raum unabhängig sein muffen, so können wir bas ganze zusammengehörige System der drei Linien a, b, R zunächst so verschieben, daß der Scheitel A auf C fällt, dann es in der Ebene, in ber es enthalten ift, so um C breben, daß die Kräfte a und b, die wir in dieser neuen Lage a1 und b1 bezeichnen wollen, parallel, aber in entgegengesetztem Sinne zu ihrer früheren Lage, von C ausgehen. Dam muß selbstverständlich die Resultante R1 dieser Kräfte a1 und b1 nach Lage und Größe identisch mit R sein, nur daß sie in entgegengesetztem Sinne durchlaufen werden würde. Hierdurch ist nun die Richtung dieser Resultante bestimmt; sie muß die Diagonale eines Paralleles gramms sein, welches entsteht, wenn einerseits die Kräfte a und b1, anderseits b und a1 entweder einander durchschneiden, oder gerade in einem gemeinsamen Endpunkt zusammentreffen, oder bis zu einem folden verlängert werden. Sind aber die Längen von a und b gegeben, so ist auch die Lange von R bestimmt, sie muß die dritte Dreiedseite zu a und b1 = b oder zu b und a1 = a sein, sie ist also die Diagonale des Parallelogramms, welches aus den Längen der Kräfte

selbst gebildet wird. Die Figur zeigt dann, daß der Winkel  $\varrho$ , dem R in einem dieser Dreiecke gegenüberliegt, der Nebenwinkel des Winkels der Kräfte, also  $\varphi=\pi-\varrho$  ist.

Man fann noch apagogisch zeigen, daß jede andere Annahme über das Verhältniß zwischen Componenten und Resultanten unmöglich ift. Setzen wir zunächst voraus, daß eine so zu prüfende Annahme mindestens in der Bestimmung der Richtung von R mit unserer bisherigen Erörterung einverstanden sei, und nur die Größe von R die der Diagonale D übersteigen oder nicht erreichen lasse. Es sei nun die erste Resultante R, aus a und b größer als die Diagonale Di des Parallelogramms aus a und b und dem Zwischenwinkel o, mithin  $R_1 = p. D_1$ , wo p ein unechter Bruch ist. Segen wir nun dies R, mit der jetzt entgegengesetzt zu richtenden Kraft a unter dem Wintel  $\pi - \varphi$  zusammen, so muß die aus ihnen nach derselben Annahme abzuleitende neue Resultante R. größer sein, als die aus R. und a unter dem genannten Winkel entstehende Diagonale, um so mehr mithin größer als die andere Diagonale D2, welche aus der Zusammensettung von  $\mathrm{D_1} < \mathrm{R_1}$  und a unter demselben Winkel  $\pi - \varphi$  ents ipringen würde. Diese Diagonale D2 aber ist nach rein geometrischen Gründen, die von allen mechanischen Annahmen unabhängig sind, nichts anderes als die gegebene Kraft b; folglich würde  $R_2 > b$  sein, während es nach den früher gemachten Bemerkungen = b sein müßte. Setzen wir nun R2 nochmals mit dem gegebenen a unter dem Winkel & zusammen, so müßte die hieraus zu berechnende Resultante R3 nach den letztgedachten Bemerkungen = R, sein; nach der gemachten Annahme dagegen wäre sie, für den Winkel &, = p mal der Diagonale, die unter diesem Winkel aus  $R_2$  und a entstände; da nun  $R_2 > b$ , so ist auch diese Diagonale größer als die D1, die unter gleichem Winkel aus a und b entstand; möge sie  $q D_1$  sein, so ist jett  $R_3 = q p. D_1$ , also q mal so groß, als R, war. So führt die gemachte Voraussetzung, die Resultante sei größer als die Diagonale, zu dem widerfinnigen Ergebniß, daß sie immer größer wird, je öfter wir diesen Turnus ihrer Berechnung wiederholen; die andere Annahme, sie sei kleiner als die Diagonale, also p und q echte Brüche, würde zu einer ebenso unmöglichen Verkleinerung führen. Sollte diefer apagogische Beweis vollständig sein, so müßte er noch zeigen, daß auch die Annahme einer Refultante von gleicher Länge mit der Diagonale aber anderen Winkeln mit den gegebenen Kräften, einen ähnlichen Widersinn, nämlich fortschreitende Drehung ihrer Richtung, je öfter man sie berechnete, erzeugen würde; endlich dürfte man sich drittens den Nachweis nicht ersparen, daß es auch keine Combination dieser Annahmen gibt, in welcher die falschen Folgen der einen durch die der andern ausgeglichen würden. Wie die Sache liegt, reicht aber die Angabe dieser logischen Forderungen hin; ihre weitläufige Erfüllung dürfen wir uns ersparen.

236. Operationen der Zusammensetzung lassen sich immer zu einem Ende führen, nämlich eben zu bem, das in jedem Falle entsteben wird; Operationen der Zerlegung dagegen setzen ein Ziel voraus, ju bem gekommen werden soll, ohne daß schon feststeht, ob der zu zerlegende Stoff aus einer Zusammensetzung entstanden ift, welche diese Wiederzergliederung möglich macht. Schon in der reinen Mathematif führen baber die inverfen Operationen zu Schwierigkeiten, benen bie birecten nicht ausgesetzt find; ähnliche Bedenken erwedt die häufig ausgeführte Berlegung gegebener Kräfte in Componenten, beren Bufammensetung, wenn fie gegeben wären, feinen Zweifel erregen wurde. Man kann fragen: da jede Kraft in ungählige Paare von Componenten zerlegbar ift, worauf beruht nun das Recht zu erwarten, daß eine von uns willfürlich gewählte Zerfällung eine reelle Gültigkeit im Zusammenhang ber Thatsachen haben werde, die in der behandelten Aufgabe vortommen? Im Allgemeinen ift diefer Zweifel leicht zu heben. Denn in der wirklichen Ausübung dieser Zerfällung wählt man die eine Componente immer in einer Richtung, nach welcher man Widerstände ober entgegengesett wirkende Kräfte voraussicht oder als gegeben kennt; man bedarf daher der Zerlegung überhaupt nur zur bequemen Formulirung der Rechnung; was man wirklich vornimmt, ist eine Zusammensetzung: die gegebenen Gegenfräfte oder Widerstände W verbindet man mit der gegebenen Kraft F, und die Resultante hieraus ist identisch mit berjenigen, welche aus dem unaufgehobenen Reste der einen Componente von F und dem gangen Betrag der andern, die keinen Widerstand erführe, entstehen murbe. Gine wirkliche Schwierigkeit entspringt aber bann, wenn die Richtung des Widerstandes selbst nicht unmittelbar gegeben ist, und man versucht, wie mir scheint, nicht überzeugend, den bier zu befolgenden Grundsatz selbst durch eine Anwendung des Zerlegungs

ly ocale

gesetzes zu gewinnen. Ich spreche von ber Annahme, daß eine Ebene nur in normaler Richtung Widerstand gegen eine ihr mitzutheilende Bewegung leiste, beren Richtung mit ihr felbst einen Winkel & bilbet. Es ist gang leicht zu zeigen, daß diese Bewegung sich allemal in zwei zerfällen läßt, deren eine, parallel mit der Ebene, keinen Widerstand findet, weil sie auf die Ebene nicht einwirkt, während die andere, sentrecht auf die Ebene, durch den Widerstand berselben aufgehoben wird, oder doch Widerstand erfährt. Wie wenig man aber ein Recht hat, diese Zerfällung hier, als durch die Natur der Sache geboten, vorzunehmen, wird aus folgender Ueberlegung erhellen. Der bewegte Körper sei eine völlig glatte Rugel und bewege sich unter dem Winkel p gegen die völlig glatte absolut widerstehende Ebene E, so wird die Berührung nur in dem geometrischen Punkte p stattfinden, dem wir diefelbe unbedingte Widerstandsfraft, wie allen andern Punkten von E, gleichviel auf welche Weise bergestellt, zuzuschreiben haben würden. Bas nun bei dem hier herauskommenden Erfolge alle diese übrigen Punkte von E zu thun haben, ist nicht erfindlich; man denkt zwar an fie mit, wenn man von der Ebene E spricht; da sie aber nicht berührt werden, so können sie auch unmittelbar zu dem Widerstande nichts beis tragen, und man fonnte sie, für den abzuleitenden Erfolg, völlig binwegbenken, ohne dadurch die Bedingungen geändert zu haben, von denen dieser abhängig sein soll. Thun wir dies aber und behalten den Puntt p allein, jo wird der Sat von dem fenfrechten Widerstande unmöglich, weil er bedeutungslos wird; denn auf dem Punkt p ift entweder keine oder jede der Linien normal, die nach irgend einer Richtung von ihm ausgehen. Ein anderer Grundsatz aber icheint einleuchtend: gewiß wird p, wenn es widersteht, nach derjenigen Richtung bin widerstehen, aus ber die Bewegung tommt, ber widerstanden werden foll; zu einer Wirfung nach irgend einer andern Richtung bin gibt es zunächst keinen erbenklichen Grund. Wäre baber in unserem Beispiel p völlig fest und ginge im Augenblick der Berührung die den Punkt p und die Richtung ber Bewegung enthaltende Linie 1 nicht durch den Mittelpunkt ber Rugel, so würde p die Bewegung des Maffenfabens gang aufheben, ber in dieser Linie 1 läge; für die übrige Masse der Augel, deren Bewegung hierdurch nicht aufgehoben wäre, entstände dann ein Drehungsmoment, in Folge dessen sie um den Punkt p herumschwenkte. Diese Folgerung

daß der Widerstand in der Richtung ber Bewegung stattfinden müßte, läßt sich auch dadurch nicht abwenden, daß man sich den bewegten Körper prismatisch gestaltet, vielleicht als einen Bürfel denkt, bessen Seitenfläche, während die Richtung seiner Bewegung mit E den Winkel & bildet, dieser Ebene parallel bleibt. Allerdings findet dann eine Berührung zweier Ebenen ftatt; aber doch wird jeder Punkt des berührten Theils von E auch jetzt dem berührenden Punkt der Bürfelfläche nur nach dem vorigen Grundsate, also in der Richtung o widerstehen fönnen; damit es anders sei, mußte man nachweisen, daß auf die Richtung des Widerstandes, den der Punkt p leisten wird, die Gegenwart der benachbarten Punkte qrs der Ebene E einen mitbestimmenden Einfluß hat; so allein tame die Ebene sachlich zur Mitwirtung, von der man bisher sprach, ohne von ihr zur Ableitung des Resultats Gebrauch zu machen. Und nun ist wohl deutlich, daß man diesen Nachweis niemals erbringen wird, so lange man E als geometrische Ebene ansieht, ohne physische Masse und doch mit dem Attribut der Widerstands fähigkeit ausgerüftet. Es reicht nicht einmal hin, E als Grenzfläche eines trägen Massenvolums zu betrachten; man ist genöthigt, eine physikalische Hypothese über die Kräfte hinzuzufügen, mit der die Masse ihren Raum zu behaupten sucht. Man wird daher ber Ebene E eine Dicke geben muffen; die Berührung wird nicht nur in einem Punkte stattfinden, sondern der bewegte Körper wird wirklich entweder bis zu gewisser Tiefe eindringen und dann durch den Widerstand aller verschobenen Massenpunkte zurückgedrängt werden, ober, ohne zur Berührung zu kommen, schon aus der Entfernung die zurückstoßenden Aräfte der in E vereinigten Massen erfahren. Bon diesen Aräften aller Massenpunkte müßte sich dann nachweisen lassen, daß sie nach allen andern Richtungen einander aufheben, nach der Normalen auf der Grenzfläche allein sich summiren, und so den Widerstand zusammenfeten, welcher die in diefer Normale entgegengesetzt gerichtete Componente der ankommenden Bewegung aufhebt. Auch ist die Nothwendigkeit, zu einer Voraussetzung dieser Art gurudzukommen, durchaus nicht zu verwundern; wie Bewegung überhaupt nur an einem Realen, nicht an einem Punkte oder einer Linie vorkommen kann, so darf man noch weniger Widerstände berechnen wollen, ohne das in Betracht zu ziehen, was allein widerstehen kann, die physischen Kräfte der wirklichen

Körper; Flächen als Flächen und Linien als Linien durchschneiden einsander immer ohne Widerstand.

237. In dem eben behandelten Falle führte eine fehr icheinbare Unnahme, die Berfällung einer Bewegung, zu einem richtigen Refultate, dessen Bedingungen gleichwohl ganz anderswo lagen; es gibt andere Fälle, wo eine richtige, obwohl nicht ganz vollständige Voraussetzung zu scheinbar falschen Resultaten treibt, deren Triftigkeit sich indessen durch Interpretation retten läßt. Ein schwerer Stab von der Länge 2a und dem Gewicht p sei gegen eine völlig glatte Verticalwand gelehnt und bilde mit der völlig glatten Horizontalebene, auf der er steht, den Wintel g. Er wird nothwendig herabsinken, wenn man nicht feinem Jußpunkt, der auf der Horizontalebene sich von der Wand zu entfernen sucht, einen Widerstand entgegensett. Die Größe dieses Widerstandes, oder was gleich gilt, des Schiebdruckes S, welchen der gleitende Stab gegen ihn ausübt, findet sich  $S=\frac{p}{2}$ . cotg.  $\varphi$ . Steht der Stab senkrecht,  $\varphi = 90^{\circ}$ , so ist cotg.  $\varphi$  und also auch S = 0; der Stab balancirt frei über seinem Fußpunkt, übt gar feinen horizontalen Schiebdruck, bedarf feines Widerstandes, und die Berticalwand ist überflüssig. Rimmt & ab, neigt sich also ber Stab, so nimmt cotg. & und mit ihr der Schiebdruck zu; wird aber  $\varphi=0$ , wenn der Stab horizontal auf dem Boden liegt, so gibt die Formel den Schiebdruck unendlich groß, während die einfache Betrachtung der Sachlage zeigt, daß er gleich Rull' sein muß. Dieser anscheinende Widerspruch ist leicht zu heben. Als man nämlich die Aufgabe stellte, dachte man sich freilich eine zusammenhängende widerstandsfähige Horizontalebene, die vom Fußpunkt des Stabes bis zur Berticalwand reichte, aber in die fleine Rechnung, die zu der Formel  $\mathrm{S}=rac{\mathrm{p}}{2}\,\cot g$ , führte, ist dieser Theil der Annahme gar nicht mit eingegangen; hier dachte man immer blos an ben einen Jugpunkt, welcher das Gewicht ber Stange zu tragen hatte; zwischen ihm und der Verticalwand lag nichts, worauf diese Rechnung Rücksicht genommen hätte. Oder anders ausgedrückt: die allgemeine Formel behandelt die beiden Wände blos als geometrische Orte, von denen für jeden zu berechnenden Einzelfall nur je zwei um die Länge 2 a von

einander abstehende Punkte, auf welche die hier in Frage kommenden Arafte wirken, in Betracht tommen. Bleiben wir nun bei bem, mas die Rechnung enthält, so befindet sich in dem Augenblicke, wo  $\varphi=0$ wird, zwischen dem Fußpunkt des Stabes und der Berticalwand eine Lücke, die der Länge desselben gleich ist, und durch diese wird er, da keine senkrechte Kraft seinem Gewichte entgegenwirkt, hindurchfallen. Einen Schiebdruck S übt er dann freilich nicht mehr; aber S bedeutete nicht blos diesen Druck, sondern auch die horizontale Kraft, welche zunächst ihn selbst aufhebt, dann aber auch das einzige Sinderniß bildet, das überhaupt das Herabgleiten des Stabes in die horizontale Lage verhütet, in welcher sein Gewicht feinen Widerstand mehr erfährt. Daß nun S unendlich wird für  $\varphi = 0$ , bedeutet: eine horizontal nach der Berticalwand wirkende Kraft müßte unendlich groß sein, wenn sie das Hindurchfallen bes Stabes durch die offene Lude verhindern follte; mit andern Worten, da unendliche Kräfte nicht vorkommen: es gibt feine horizontale Araft, die diesen Erfolg haben fonnte. Man wird sich nicht dadurch irren lassen, daß die Praxis ihn gleichwohl oft durch Klemmungen in horizontaler Richtung erreicht; denn sie erreicht ihn dann durch die Rauhigkeit der Oberflächen, mit denen die klemmenden und der geklemmte Körper einander berühren, und durch die Zusammendrückbarkeit des letztern, die ihm durch kleine Formänderungen vorher nicht vorhandene Stütpunkte verschafft.

238. Ich füge noch ein mathematisches Beispiel zur Berbeutlichung unserer allgemeinen methodischen Anweisungen hinzu. Ter Tanlorsche Lehrsat sucht den Werth F(x+h) zu bestimmen, welchen eine Function von x, Fx dann annimmt, wenn die veränderliche Größe x von dem Endwerthe an, den sie in Fx besaß, dis zu dem neuen Werthe x+h anwächst. Zu möglichster Einsachheit der Darstellung unterwerse ich diese Aufgabe einigen Beschränkungen, von denen es hier viel zu weitläusig wäre, zu erörtern, daß sie überslüssig sind. Ich denke Fx in Gestalt eines analytischen Ausdrucks gegeben, welcher die mathematischen Operationen oder Relationen anzeigt, aus welchen, für jeden bestimmten Werth von x, bestimmte Werthe der Fx sließen; ich nehme an, daß diese Werthe von Fx endlich bleiben für jeden Werth des x von o bis x+h, und daß sie stetig wachsen sür die stetigen

Zunahmen des x durch dieses Intervall. In der so bestimmten Aufgabe liegt, wenn sie in allgemeiner Form lösbar sein soll, unmittelbar die Boraussetzung, das Wachsthum der Function von ihrem Werthe Fx bis zu bem neuen F (x + h) werbe gang nach demfelben Bildungsgesetze erfolgen, nach welchem jener frühere Werth selbst, Fx, entstanden ist, während x von o an bis zu seinem damaligen Endwerthe x anwuchs, und zwar werde diese Gleichheit des Bildungsgesetzes für jeden unendlichen kleinen Zuwachs dh, um welchen die Function jett zunimmt, gerade so gelten, wie für jedes unendlich kleine dx, um welches sie vorher zugenommen hatte. Hieraus folgt, daß beide Werthe der Function, zunächst aber Fx sich durch die Summe einer unendlichen Reihe muß ausdrücken lassen, beren jedes Glied die Zunahme anzeigt, welche in Folge einer Zunahme bes x um je ein dx stattfindet. Bestände nun die Ratur der Fx darin, für jede fleinste Bunahme des x, also für jedes dx um dieselbe constante Größe m. dx zuzunehmen, so würde ihr Gesammtwerth am Ende die Summe einer unendlichen Reihe gleicher Glieder von der Form mdx sein; die Anzahl dieser Glieder wäre ebenso unendlich groß als die Anzahl der dx, in welche man sich den Endwerth von x getheilt, oder aus deren Ansammlung man ihn entstanden denken will; die Summe der Reihe ist das Integral fmdx = mx. Hängt dagegen der Zuwachs der Fx für jedes dx von dem Werthe ab, den das wachsende x bis zum Eintritt dieses dx bereits erreicht hat, so muß, wenn die gesuchte Formel für jedes endliche x und h gelten foll, die jett anzunehmende Reihe aus lauter gleichgebauten Functionen von x bestehen, welche sich der Ordnung nach auf die stetig zunehmenden Werthe von x beziehen; nennen wir diese Function fx oder  $f^1x$ , so ist  $Fx = \int f^1x \cdot dx$ . Nichts hindert nun, auf  $f^1x$  dieselben Betrachtungen wiederholt anzuwenden, die wir über Fx anstellten; bezeichnet jett x in 11 x einen bestimmten Werth von den vielen, welche x annehmen kann, so läßt sich auch f'x als Summe einer Reihe fassen, beren unendlich viele gleichgebauten Glieder die Bunahmen angeben, um welche, für jedes dx, die f'x bis zu ihrem, jenem Werthe des x entsprechenden, Endwerthe anwuchs; man hat dann auch  $f^1x = \int f^2x \cdot dx$  und allgemein  $f^mx = \int f^{m+1}x \cdot dx$ . Auf welche Weise aus einer gegebenen Function, Fx, diese ihre abgeleiteten Functionen verschiedener Ordnung, f'x, f2x, fm x, und aus diesen rudwärts jene zu gewinnen ist, setzen wir als bekannte Lehren der Infinitesimalrechnung voraus.

- 239. In diesen Vorbemerkungen liegt eigentlich schon die Auflösung unserer Aufgabe; ich führe sie jedoch noch auf folgenden einfachen Gedankengang zurück, der zugleich eine andere logische Verfahrungsweise verdeutlichen mag.
- 1. Selbstverständlich ist F (x + h) gleich der Summe ihres früheren Werthes Fx und ber positiven oder negativen Zunahme R. welche Fx in Folge des Wachsthums der Bariablen x von x bis x + h erfahren hat. Bur Bestimmung bes Werthes von R, machen wir die einfachste Annahme: für jedes ber dh, durch beren Aufeinanderfolge h entsteht, wachse Fx um dieselbe Größe m, dh; dann ist m, fdh = m, . h der Werth von R, oder der Gesammtzuwachs von Fx. Dies m, ist nicht unbestimmbar. Denn wenn die Zunahme der Fx, wie wir immer voraussetzen, einzig von der eignen Natur dieser Function abhängen soll, so muß ihr gegebener Werth Fx auf dieselbe Weise entstanden sein, auf welche jett die weitere Bergrößerung deffelben erfolgen soll; während also x alle Werthe von o bis x durchlief, mußten schon damals für jedes dx dieselben Zunahmen der sich erst bildenden Function entstehen, welche jett für jedes dh zu der gebildeten hinzukommen, denn in nichts als in der Bezeichnung unterscheidet sich dx von dh. Nun läßt allgemein Fx sich als die Summe einer stetigen Reihe betrachten, deren allgemeines Glied durch f'x. dx und beren lettes durch benselben Ausdruck bargestellt wird, wenn man unter x ben bestimmten Endwerth versteht, den die Bariable x in Fx erreicht. Für jedes dx machft biefe Reihe um f, x. dx; biefe Größe, f' x, muß. conftant und = m, sein, wenn das Wachsthum der Fx bis zu ihrem gegebenen Endwerth in derfelben Weise stattgefunden haben foll, wie über diesen hinaus bis F (x + h). Für jedes dh nimmt daher F x um f'x. dh zu, und die Summe oder das Integral diefer elementaren Zunahmen, also h. f'x, ist der gesuchte Werth von R1. Die Unnahme, die wir hier machten, f'x sei constant und = m, braucht nicht zuzutreffen; aber da die allgemeine Formel die Fälle, in denen sie zutrifft, mit enthalten muß, so kann dies gefundene zweite Glied als bleibender Bestandtheil berselben gelten.
  - 2. Trifft nun diese erste Annahme nicht zu, so ist doch immer

 $F(x + h) = Fx + h.f^1x + R_2$ , wenn wir unter  $R_2$  die positive oder negative Ergänzung verstehen, welche zur Ausmessung des wahren Werthes der Function noch nöthig ist. Da es dieses neuen Zusatzes mur bedarf, weil Fx nicht für jedes dh oder dx um denselben Betrag wächst, weil also f'x keine constante Größe, sondern von dem jedesmal erreichten Werthe der Variablen x abhängig ist, so bedeutet in dem zweiten Glied h.f'x = R, unserer Formel f'x jest nur noch ben festen Einzelwerth, ben die nun veränderlich zu benkende allgemeine Function f'x für den Endwerth x der Bariablen x oder den Rullwerth der Variablen h besitzt. Nur dann können wir daher dies zweite Glied, h.f'x, beibehalten, wenn wir zu jedem der Glieder f'x.dh, beren Summe es ift, die Zunahme hinzufügen, welche der in ihm enthaltene Endwerth von f'x noch weiter für jeden Zuwachs dh der Bariablen h erfährt. Für diese Zunahme machen wir wieder die einfachste Annahme: sie sei dieselbe für jedes dh und = m2 dh. Auch dieses m2 ist bestimmbar. Denn wieder: wenn unsere Annahme gültig sein soll, so muß sie auch auf Fx zurückwirken; nach demselben Gesetz, nach welchem jett diese Function sich vergrößern soll, muß sie auch entstanden sein; die Zunahme der f'x muß für jedes dx dieselbe und = m. dx gewesen sein. Nun ift f'x bie Summe einer stetigen Reihe, beren allgemeines Glied fex.dx ift; um eben diesen Betrag nimmt also diese Reihe, oder ihre Summe f'x, stets zu für jeden Zuwachs des x um ein dx; unsere Bedingung ist daher erfüllt, wenn wir fox constant und = m2 setzen; dann nimmt Fx über ihren gegebenen Werth hinaus in derselben Weise zu, in welcher sie sich bis zu ihm hin vorher gebildet hatte. Ihr ganzer Zuwachs ist bann die Summe zweier Reihen; die erste von diesen besteht aus lauter gleichen Gliedern f' x . d h und ihre Summe ist = R1; die zweite, welche R2 vorstellt, enthält wachsende Glieder; das erfte berselben, fex.dh, stellt die erfte neue Bunahme vor, welche Fx erfährt, wenn der vorige Endwerth x der Bariablen x um das erfte dh wächst, oder die Bariable h, von o an wachsend, ihren ersten Werth dh erreicht; jedes folgende (n + 1)te Glied fügt benselben Zuwachs fex. dh zu bem fortbestehenden Werthe bes nten Gliedes hinzu; h. fex. dh ist baber bas allgemeine Glied dieser zweiten Reihe, das wir als Ergänzung zu dem allgemeinen der ersten hinzuzufügen haben. Die Gesammtzunahme der Fx ift daher die Summe der stetigen Reihe  $(f^1x + h f^2x) dh$ , oder  $h.f^1x + \frac{h^2}{1.2}.f^2x$ ; das zweite Glied dieses Ausdrucks ist der gesuchte Werth von  $R_2$ .

3. Wäre die Natur einer gegebenen Function Fx fo beschaffen, daß auch diese zweite Unnahme nicht hinreichte, um ihr Wachsthum zu erschöpfen, so würden wir doch immer die gefundenen Glieder unserer Formel beibehalten können, wenn wir ein neues R3 hinzufügten, welches sie ergänzte. Bur Bestimmung dieses neuen R3 würden wir denselben Gedankengang wiederholen. Wir können seiner nur bedürfen, weil auch fex nicht constant, sondern von dem jedesmal erreichten Werthe von x abhängig ist und mit ihm zunimmt. Nehmen wir an, daß doch diese Zunahmen wenigstens constant für jedes dh und = ma.dh sind. Drücken wir bann fex als Summe einer stetigen Reihe aus, deren allgemeines Glied f3 x. d x ist, so haben wir nur f3 x constant und = m3 zu setzen, damit unsere allgemeine Bedingung erfüllt und Fx bis zu diesem ihrem gegebenen Endwerth ebenso gewachsen sei, wie sie nun über ihn hinaus zunehmen soll. Nun war das dritte Glied Ra unserer Formel die Summe einer stetigen Reihe, deren allgemeines Glied h.f2 x. dh ift; bilden wir daher eine zweite Reihe, die Zusätze enthaltend, durch welche R2 zu ergänzen ist, so ist h. f3 x. dh die Zunahme, um welche jedes (n + 1)te Glied dieser zweiten Reihe größer fein wird, als das nte; folglich ist  $\int h \cdot f^3 x \, dh$  oder  $\frac{h^2}{1 \cdot 2}$ .  $f^3 x$  das allgemeine Glied dieser Reihe R3. Man erhält daher den zweiten und dritten Zuwachs von Fx, wenn man die stetige Reihe summirt, deren allgemeines Glied jetzt  $[hf^2x + \frac{h^2}{1.2}.f^3x]$  dh ist, und sindet also

$$R_2 + R_3 = \frac{h^2}{1.2.} f^2 x + \frac{h^3}{1.2.3} f^3 x.$$

4. Es ist unnütz, dies Verfahren fortzusetzen; man bemerkt leicht, daß unter beständiger Wiederholung der hier gemachten Voraussetzungen die gesuchte Formel die bekannte Gestalt der Taylorschen Reihe annehmen wird:

$$F(x + h) = Fx + \frac{h}{1} \cdot f^{1}x + \frac{h^{2}}{1 \cdot 2} \cdot f^{2}x + \frac{h^{3}}{1 \cdot 2 \cdot 3} \cdot f^{3}x + \cdots + \frac{h^{m}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots m} \cdot f^{m}x + R_{m} + 1$$

Aber diese Formel würde wenig Werth haben, wenn wir die Boraussetungen eben, auf denen sie beruht, nicht als ausschließlich zulässige rechtfertigen könnten. Unzweifelhaft logisch richtig, aber so richtig, wie die unnützeste aller Tautologien, würde sie dann sein, wenn sie blos sagen wollte, jede Größe M lasse sich allemal durch eine Reihe ganz beliebig angenommener Glieber ausdrücken, sobald man sich vorbehalte, ein Restglied R hinzuzufügen, das alle Irrthümer wieder gut zu machen bestimmt sei, die man durch Gleichsetzung bes M mit jener Reihe begangen hatte. Ginen brauchbaren Sinn enthält die Formel erft dann, wenn man dieses corrigirenden Restgliedes nicht bedarf, wenn sich also nadweisen läßt, daß der Werth von F (x + h) entweder durch eine endliche Anzahl der entwickelten Glieder oder durch eine zwar unendliche, jedoch zur Summirbarkeit convergente Reihe berfelben vollständig ausgebrückt werden kann. Woher aber erfahren wir, daß dies der Fall ist? Daraus, daß für eine gegebene Function Fx eine ihrer abgeleiteten Functionen, fmx, bei wirklicher Berechnung zu Rull wird, die Reihe also vor dem Gliede abbricht, welches sie enthält, daraus allein folgt selbstverständlich boch nur, daß es keinen ferneren Zuwachs von Fx gibt, ber durch weitere Entwicklung dieser einmal angenommenen Gliederreihe erreicht werden könnte; daß aber überhaupt keine andere Bunahme vorkommen könne, würde den Nachweis voraussetzen, daß eben diese Berechnungsweise alle Zunahmen umfassen musse, welche Fx ihrer Natur nach erfahren kann. Diesen Nachweis nun glauben wir jett nicht mehr besonders liefern zu muffen; er liegt in der von uns gemachten Boraussetzung, daß Fx sich unter keiner andern Bedingung, als ber ber stetigen gleichförmigen Zunahme von x vergrößere, und daß ihr mathematischer Bau für jeden der erreichten Werthe von x berselbe bleibe. Wächst dann eine Function bergestalt, daß sie für jedes dh dieselbe constante Zunahme erfährt, zugleich aber jedes auf diese Beise in sie eintretende dh ber Ausgangspunkt einer neuen constanten Zunahme wird, so entsteht als Ausdruck ihrer Gesammtzunahme durch das Intervall h eine unendliche Reihe, in deren Gliedern die einen Factoren h,  $\frac{h^2}{1.2}$ ,  $\frac{h^m}{1.2...m}$  ihrer Form nach nur von dieser allgemeinen Form des Wachsthums abhängig und daher für alle Functionen gleichgestaltet sind. Damit diese Reihe aber das specifische 21 Lote, Logit.

Wachsthum jeder bestimmten Function im Unterschied von dem einer andern angebe, treten die andern Factoren, f1x, f2x, fmx, zu diesen allgemeinen Factoren so hinzu, daß jeder von ihnen die besondere von ber Natur der gegebenen Fx jedesmal erst abhängige Größe der ersten zweiten dritten ober mten Zunahme angibt, die für jedes dh ftattfindet; die Reihe bricht, als vollständiger Ausdruck für F(x+h), dann ab, wenn einer dieser Factoren verschwindet. Die entwickelten Glieder unserer oben angeführten Reihe waren daher nicht willfürlich angenommen; sie suchten F(x + h) nicht nach einem Maßstab zu messen, der der Natur dieser Function fremd gewesen wäre, sondern nach dem, den sie selbst und die Natur ihres vorausgesetzten Wachsthums darbot; ist nach diesem Maßstabe der Werth von F(x + h) durch eine endliche oder durch eine summirbare unendliche Gliederzahl ausdrückbar, so kann es keinen aus anderer Quelle herrührenden Zuwachs geben, der diesem Resultate hinzuzufügen wäre. Denn wie auch eine Function wachsen möge, vorausgesetzt nur, daß sie in keiner Strede ihres Wachsthums neu eintretenden äußern Bedingungen unterliege: durch die beständige Wiederholung der von uns gemachten Annahmen, zuerst einer constanten Zunahme, dann einer constanten positiven oder negativen Bunahme dieser Zunahme, dann durch eine neue constante positive ober negative Zunahme dieser zweiten Zunahme und so fort, wird man den Gesammtwerth des erfolgten Zuwachses ebenso gewiß erschöpfen, als man durch passend gewählte Epicyclen jede frummlinige Bahn, oder durch eine unendliche Reihe positiver und negativer Potenzen der Zehn jede Jrrationalzahl darstellt. So aufgefaßt, als bloße Definition des Wachsthums, bleibt die Reihe logisch gültig auch dann, wenn fie, für eine nachweisbar endliche Zunahme der Function, durch Divergenz mathematisch unbrauchbar wird. Bliebe fie es nicht, so konnte fie auch nur thatsächlich zutreffen, aber nicht wieder allgemein gültig badurch gemacht werden, daß man durch Umformung der Function ohne Aenderung ihres Inhalts die Bedingungen der Convergenz wieder berstellt. Diese Herstellung bient nur, das an sich Gültige in die Grenzen ber Berechenbarkeit zu bringen.

## Sechstes Kapitel.

Beweisfehler und Dilemmen.

240. Schon Aristoteles bemerkte, daß aus falschen Prämissen folgerecht wahre Schlußfätze fließen können. In der That: jeder Lappländer, versichert uns die erste Figur, ist geborner Dichter, Homer war Lappländer, darum auch Dichter; die zweite: alle parasitischen Pflanzen blühen roth, aber keine Rose thut dies, mithin sind Rosen nicht Schmarozerpflanzen: die dritte: Metalle leiten die Electricität nicht, auch sind sie alle unschmelzbar, es gibt also unschmelzbare Stoffe, welche Nichtleiter für Electricität sind. Auch ändert sich hieran nichts, wenn wir bie Lappländer mit Griechen, das Rothblühen mit Explodiren vertauschen und die Metalle durch Gläser ersetzen, Umformungen, durch welche je eine Prämisse zur Wahrheit wird; noch weniger wird natürlich der richtige Schlußsatz ausbleiben, wenn wir einen Mittelbegriff einseten, durch den sie beide gültig werden. Man findet daher alls gemein: so oft man Subject S und Prädicat P eines zu beweisenden Sates T und einen völlig willfürlich gewählten Mittelbegriff M so in zwei Prämissen zusammenstellt, wie es die Regeln einer aristotelischen Figur verlangen, so ist T allemal die nach dieser Figur folgerichtige Conclusion aus den so gebildeten Bordersätzen. Den Grund dieses Berhaltens begreift man, wenn man gar keinen bestimmten Mittelbegriff ersinnt, sondern sich mit dem bloßen Zeichen M begnügt: alle M sind Dichter, Homer war ein M; alle parasitischen Pflanzen find M, die Rosen sind nicht M; alle M sind Richtleiter, alle M sind unschmelzbar. Diese schematischen Prämissen sagen bann, in welchen Berhältniffen S und P zu irgend einem Mittelbegriff fteben muffen, wenn ihre Verbindung zu dem Schlußsatz SP gültig sein soll; fie sagen zugleich umgekehrt, daß der Sat SP immer gültig sein muß, wenn sich irgend ein M auffinden läßt, zu welchem S und P in ben geforderten Beziehungen stehen. Hätte man dieses M glücklich gefunden, wären also beide Prämissen gültig, so würde SP nun nicht blos thatsächlich, sondern nothwendig gültig sein; ließe sich jemals nachweisen, daß es gar fein M gibt, zu dem S und P diese Beziehungen haben könnten, so wäre die Unmöglichkeit des Sates SP sicher, denn er könnte dann nicht einmal blos thatsächlich in einer Erfahrung vorkommen; hat man aber

sich nur in der Wahl des M vergriffen, sind also die angenommenen Prämissen ungültig, so hindert nichts, daß es irgend ein anderes M gebe, durch bessen Einsetzung die Prämissen richtig, mithin auch SP nothwendig gültig wird; ist endlich SP ungültig, so muß etwas in den Prämiffen nothwendig falsch sein, aus benen folgerecht feine Gultigfeit Fassen wir zusammen: nicht die Wahrheit eines fließen würde. Sates T, sondern nur unsere Ginficht in diese Wahrheit hängt, dann wenigstens, wenn T nicht Inhalt unmittelbarer Wahrnehmung ist, von der Richtigkeit der Prämissen ab, aus benen wir T ableiten; bewiesen wird daher T nur aus richtigen Prämiffen, bestehen kann aber begreiflich seine Wahrheit trot aller Jrrthümer unseres Nachdenkens über sie, und kann selbst folgerecht aus materiell völlig falschen Prämissen geschlossen werden. Dies mußte erwähnt werden, denn es gehört selbst zu den häufig begangenen logischen Fehlern, den Nachweis der Falsch heit eines Beweises für T für einen Beweis der Ungültigkeit des schlecht bewiesenen T selbst, oder furg: die Widerlegung eines Beweises für Widerlegung ber Sache auszugeben.

241. Bültig, so fanden wir, ist ein Sat T immer, wenn er aus gültigen Prämissen folgerecht fließt; bewiesen aber doch erft dann, wenn zugleich die gültigen Prämissen unabhängig von ihm selbst sind. Wir bilden daher einen richtigen Schluß, aber einen untriftigen Beweis, wenn wir in die Prämissen entweder unter veränderter Form T selbst oder einen andern Sat T' aufnehmen, der nur unter Boraus setzung der Bültigkeit von T gelten kann. Go ausgedrückt icheint biefer Fehler, die petitio principii oder der circulus in demonstrando, leicht vermeidbar; er ist es gar nicht, namentlich dann nicht, wenn ber Beweis nur in einer längeren Schluffette und nur theilweis burch Verknüpfung von Begriffen, theilweis durch Benutzung von anschaulichen Conftructionen geführt wird; um unter solchen Umftänden formell richtig zu T zu gelangen, reicht häufig die Voraussetzung einer mittelbaren und entfernten Folge von T hin, die man fehr leicht für eine unab hängige zum Beweise des T benuthbare Wahrheit verkennen fann Fruchtbare Regeln zur Vermeidung dieses Jrrthums gibt es darum nicht; nur vielleicht ift nütlich zu erinnern, wie leicht zu ihm der Betsuch verleitet, direct und progressiv Sate zu beweisen, die für unsere Erkenntniß ein Lettes und Unableitbares enthalten, sei es eine Denknothwendigkeit oder eine allgemeine Thatsache der Wahrnehmung; für diese Fälle passen die apagogischen und regressiven Beweisformen.

242. Berwandt mit diesem ersten Fehler, oft nur nach subjectiver Shatung von ihm unterscheidbar, ist der zweite, das Hysteronproteron. Wir begehen es, wenn wir einen Sat, der des Beweises fähig und bedürftig ist, zum Ableitungsgrund eines andern machen, der des Beweises nicht bedarf, umgekehrt aber sich zum Beweisgrund für jenen eignen würde. Gottes Wille, fagt man, sei heilig, die sittlichen Gebote unseres Gewissens der Ausdruck des göttlichen Willens in uns, darum auch sie heilig und verpflichtend. Man wird einwenden müssen: wenn die verpflichtende Kraft und Heiligkeit der sittlichen Gebote nicht unmittelbar und unbedingt empfunden würde, gleichviel welches ihr Ursprung sein mag, so möchten zwar andere Gründe uns noch zu dem Glauben an ein höchstes Wesen bringen, aber Beranlassung und Möglichkeit würde uns fehlen, den Begriff des Heiligen zu bilden und badurch den Obersatz zu Stande zu bringen, aus welchem wir hier schließen wollten. Als Beweis ist daher dieser Gedankengang unzulässig; dies hindert indessen nicht, daß er doch zulett der richtige Ausdruck ber Bahrheit selbst sei; denn in weitester Ausdehnung kann das, was in der Natur der Sache selbst die Folge oder das principiatum ist, uns als Erkenntnißgrund, und häufig als einziger, für das dienen, was an sich das principium oder der Realgrund für die Möglichkeit jenes Erkenntnißgrundes ist. Selbstwerständlich immer, wenn wir die Summe namentlich einer inductiv erworbenen Erkenntniß systematisch darstellen, schiden wir als Beweisgrund des Einzelnen ein Allgemeines voran, beffen Gewißheit für uns nur auf der des Einzelnen beruht; es ist deshalb wichtig, daß solchen Darstellungen andere zur Seite stehen, welche unsere Erkenntnisse in der Ordnung aufeinander folgen lassen, in der sie, eine auf die andere sich stützend, wirklich bewiesen werden können. In den Beweisversuchen, welche das lebendige Gespräch oder die eilige Ueberlegung herbeiführt, die im Lauf einer Untersuchung sich ber Gewißheit eines zu benutzenden Satzes schnell versichern möchte, gestatten wir uns ein Hysteronproteron sehr oft; wir folgern dann ex concessis, aus Voraussetzungen, deren jetzt ununtersucht bleibende Wahrheit uns durch ihren Zusammenhang mit andern Erkenntnissen hinlänglich fest= steht, oder auf deren Zugeständniß aus irgend einem Grunde augenblicklich leichter als auf das anderer zu rechnen ist, die ihnen als Beweisgrund dienen könnten.

243. Der häufigste Fehler bes Beweises ift die 3 weideutigkeit des Mittelbegriffs, die mehr oder minder versteckte Quaternio terminorum oder fallacia falsi medii. Als die Sophistik der Gries chen zuerst auf die syllogistische Verkettung der Gedanken und ihren sprachlichen Ausdruck aufmerksam ward, führte man eine große Menge Dieser Fehler auf; von ihnen, die man in der aristotelischen Schrift über die Trugschlüsse classificirt findet, dürfen wir viele übergehen, die für unsere Zeit nicht einmal mehr die Bedeutung eines gelungenen Wiges haben; von denen, die uns fortwährend drohen, heben wir die boppelte fallacia de dicto simpliciter ad dictum secundum quid und de dicto secundum quid ad d. simpliciter hervor. Suchen wir beide zunächst in den fehlerhaften Gedankenrichtungen im Großen auf, zu denen ihre öftere Begehung im Einzelnen auswächst, so finden wir die erste in jenem doctrinären Idealismus herrschend, der nie einsehen will, daß nicht nur die Ausführbarkeit, sondern auch der verpflichtende Werth an sich zu billigender Ideen durch die Natur der Gegenstände und der Umstände ihrer Anwendung eine gang rechtmäßige Beschränkung erfährt; den andern Fehler erkennen wir als die Grund lage der Engherzigkeit, für welche die allgemeinsten Wahrheiten und Ideale nur in der speciellen Form Geltung und Werth haben, in der sie sich innerhalb eines beschränkten Gedanken- und Beobachtungs freises beständig bargeboten haben. Beide Sinnesarten belehrt das Leben; die letzte, wenn sie neue ihr unerhörte Gestaltungen der Dinge nicht hindern kann und die Welt darum doch nicht zu Grunde geben sieht, lernt endlich, daß man von einer mit Recht geschätzten particularen Lebensverfassung nicht schließen darf, daß sie die einzige würdige Ordnung menschliches Daseins sei; jene erste Schwärmerei begreift durch den Abzug, den alle ihre Ideale bei dem Versuche der Verwirklichung erfahren, was schon die Beachtung des disjunctiven Lehrsatzes ihr hatte sagen können: jedes allgemeine P verwandelt sich bei der Anwendung aus etwas, das simpliciter galt, in etwas, das secundum quid gilt, aus P in p1 oder p2, p3; es in irgend einer dieser Gestalten nicht wollen, in denen es allein sein kann, heißt seine Wirklichkeit unter einer Bedingung wollen, die ichon logisch unerfüllbar ift.

244. Die beiden erwähnten Fehler bestehen also barin, daß wir das P, welches von einem M an sich gilt, von dem M auch dann behaupten, wenn zu diesem eine vorher nicht bestandene Bedingung tritt, welche die Anknüpfbarkeit des P ändert, oder daß wir umgekehrt, was unter irgend einer Bedingung von M gilt, bedingungslos auf M übertragen; so entsteht die Zweideutigkeit des Mittelbegriffs, der einmal das uneingeschränkte M, dann das durch Bedingungen determinirte M1 bedeutet. Aus der Menge von Beispielen, die man für diesen Fehler mit leichter Mühe finden oder bilden kann, hebe ich einen von besonderem Nebeninteresse hervor. Die Lüge verdammen wir grundsätlich; bennoch gibt es kaum Jemand, der nicht praktisch Ausnahmen zuließe; dies deutet auf einen in der Bildung des Grundsates selbst begangenen Fehler. Sehen wir von erziehender Belehrung ab, so lernen wir die Lüge in Einzelfällen haffen, wo sie begleitet ift von dem Bunsche, begangene Schuld auf Andere abzuwälzen, von unmittelbarer Begierde zu schaden, von dem Hochmuth endlich, der das Selbstgefühl des Andern demüthigt, indem er ihn spielend in eine Welt falscher Vorstellungen verwickelt; diese Mebenzüge sind es, die uns gegen die Unwahrheit aufbringen; nur um ihretwillen nennen wir die Unwahrheit Lüge. Aus diesen Fällen, in denen das secundum quid sehr deutlich ist, das unser Urtheil bestimmt, könnten wir, wenn nichts weiter hinzukäme, nicht mit Recht auf die Verwerflichkeit jeder simpliciter, ohne Nebenabsicht, vorgetragenen Unwahrheit schließen. Aber es kommt freilich etwas hinzu; Mittheilung unter Menschen kann nur Vorstellungen berselben Wirklichkeit in allen erweden wollen, damit, hiernach abgemessen, ihre Handlungen zu gemeinsamem Wirken richtig zusammentreffen, ihre Sonderbestrebungen einander aus dem Wege gehen, überhaupt nur unternommen werde, was im Einklang mit der Wirklichkeit Erfolg verspricht. Die allgemeine Maxime, Unwahres zu sagen, höbe die Erfüllbarkeit dieser und aller andern Zwecke auf; benn Wahrheit gibt es in jedem Falle nur eine, Unwahrheiten unzählige; der Austausch der letzteren würde daher nicht verbürgen, daß nicht die durch ihn rege gemachten Intentionen der Menschen stets bei einander vorbeigingen, ohne je zur Erreichung eines Zweckes zusammenzutreffen. Go kommen wir zu dem Urtheile, Behauptung des Unwahren sei an sich verwerklich, weil sie dem Wesen der Behauptung und dem sittlichen Zwecke der Mittheilung

widerspreche, und stillschweigend nehmen wir nur die Aeußerungen bes Unwahren aus, die, in Poesie Scherz und Soflichkeit, ben Charafter der Behauptung nicht haben. Und hier eben droht der Fehlschluß, den ich erwähnen wollte. Durch diese Ueberlegung glauben wir die Berwerflichkeit unwahrer Behauptungen von der Beschränkung durch das frühere secundum quid befreit zu haben und sie nun simpliciter aussprechen zu können. Aber dies simpliciter selbst ift zweideutig. Es kann bedeuten: die Behauptung des Unwahren ist an sich tadelhaft und fann nur burch besondere Gründe, secundum quid, im Ginzelfalle gerechtfertigt werben; aber es fann auch fagen wollen: fie ift allgemein verwerflich und es gibt eben beshalb feine Gründe, welche fie im Ginzelfalle rechtfertigen könnten. Diese beiden Auslegungen bes simpliciter streiten sich in unserem Gemüthe und bringen jenen Widerspruch hervor, den ich am Anfang berührte. Nur zur ersten, nicht zur zweiten würden unsere hier angenommenen logischen Prämissen zureichen; denn nur als allgemeine Maxime gebacht, hob die Unwahrheit sittliche Zwede gewiß auf und war verwerflich; hiermit aber verträgt fich allerdings ber Gedanke, daß sie überall wieder zuläffig sei, wo nicht die Erfüllung, fondern die Bereitelung eines zu migbilligenden Bestrebens löblich ift. Soll jene zweite Auslegung, die bedingungslose Verwerflichkeit der Lüge, gelten, so muß man sie auf andere Prämissen zu gründen suchen; überlaffen wir dies der Ethit; unfer logisches Interesse ging hier nur auf den Nachweis, daß wir eine fallacia falsi medii nicht nur durch Berwechslung des simpliciter und des secundum quid Gemeinten begehen, sondern daß, nicht blos in dem Falle dieses Beispiels, sondern in vielen andern ebenso, auch bas simpliciter für sich schon Sit einer Zweideutigkeit ift. Wir meinen mit ihm theils bas, was nur an fich, aber nicht unter allen Bedingungen, ober was nur im Allgemeinen, aber nicht immer im Besondern gilt, theils aber auch das, was an sich und nicht erft unter Bedingungen, ober was allgemein und nicht blos im Allgemeinen, was folglich auch im Besonderen immer und nothwendig gilt.

245. Ich schließe hieran Beispiele der Ausdehnung eines allgemeinen Satzes auf Fälle, welche die Bedingungen seiner Anwendung nicht mehr enthalten, dennoch aber formell sich als Sonderfälle desselben betrachten lassen. Dies kommt vor, wenn man veränderliche Größen,

welche die Beziehungspunkte bes Sates annehmen können, bis zu ihren Grenzwerthen, der Rull oder dem Unendlichen, verfolgt. Um Bebel erzeugt man die gleiche Wirkung, so lange bas Product ph des angehängten Gewichts p in seinen Hebelarm h daffelbe bleibt; je größer also h, desto kleinerer Gewichte p bedarf man, um dieselbe Wirkung zu erzeugen; und so hat denn in der That, um die Gültigkeit des Hebelgesetzes verdächtig zu machen, die feine Folgerung nicht gefehlt, in unendlicher Entfernung vom Drehpunkt reiche die Masse o hin, um jedes beliebige Gewicht am andern Hebelarme im Gleichgewicht zu Man weift diesen Ginfall natürlich fehr einfach durch die Bemerfung zurud, das Bebelgeset spreche nur von Fällen, in denen wirtlich Kräfte am Bebel angebracht werben, und verliere seine Gültigfeit, wo dieser Bedingung nicht genügt ift, und sachlich sind hiermit auch alle Zweifel erledigt. Aber logisch boch nicht gang; benn so verfährt man nicht überall. Man zweifelt nicht, daß cos o = 1 sei, und doch hat ursprünglich der Begriff des Cosinus nur für einen wirklichen Bogen g Sinn, von beffen Endpunkt fich ein Sinus auf ben Salbmeffer burch den Anfangspunkt ziehen läßt; von diesem Fall ist man hier auf den Endwerth  $\varphi = 0$  übergegangen. Da nun bas Hebelgeset doch bei jeder Annäherung zu ben Werthen h = - und p = o gültig bleibt, so wäre zu wünschen, daß es auch für diese Grenzfälle noch irgend eine Interpretation zuließe, die zeigte, in welche andere Bedeutung es übergeht, wenn bie frühere unzulässig wird, oder daß es seine völlige Ungültigkeit selbst anmeldete, d. h. nicht blos durch die Unglaublichkeit von Folgen, die doch immer nur von einem auswärtigen Gesichtspunkt beurtheilbar wären, fondern dadurch, daß es sich selbst aufhöbe. Die Kraft, welche ein Keil ausübt, fteht im umgekehrten Berhältniß zur Breite feines Rudens: verschwindet diese ganz, so tritt hier berselbe Fall ein: die Formel gibt unendliche Wirkung, während sie in der That Null ift. Aber hier fann man doch, freilich mehr spielend als ernsthaft, einwenden: in der That gehöre eine unendliche Kraft bazu, um eine geometrische Ebene, in die sich ja nun der Reil verwandelt hätte, von der Durchdringung eines Holzklotes abzuhalten; daß der Klot sich darum nicht spaltet, ließe sich gleichfalls formelgerecht beweisen. Gine so anschauliche Beruhigung weiß ich nun dem Zweifler in Bezug auf den Hebelsatz nicht zu verschaffen; anderseits hielte ich doch für unbillig, ihn durch die

Forderung abzuschrecken, er möge erft ben unendlichen Hebelarm beforgen, dann werde man weiter zusehen; denn offenbar ist der Gedanke von der Wirkung der unendlich entfernten Masse Rull als Gedanke an sich absurd, und muß, wenn er nicht interpretirt werden kann, durch fich felbst widerlegt werden. Und dies kann geschehen. Denn ber Sim des Hebelgesches besteht darin, daß es in jeder bestimmten Entfernung h vom Drehpunkte der bestimmten Maffe p einen bestimmten Effect guschreibt, welcher sich ändert, wenn h sich ändert. Die Masse o aber würde in unendlicher Entfernung keine andere Wirkung hervorbringen, als in jeder beliebigen endlichen; denn es ließe sich ja gar nicht fagen, wodurch sich der Fall, daß man am unendlich entfernten Ende des He bels nichts wirken ließe, von dem andern unterschiede, daß man an einem beliebigen andern Punkte gleichfalls nichts wirken ließe, ober von dem dritten, ber eigentlich immer zugleich bestände, daß man an allen Punkten des Hebels daffelbe Nichts, und zwar nach beliebigen Richtungen wirkend, angebracht bächte. Der Berfuch also, das Hebelgesetz für ph = 0. on noch festzuhalten, scheitert nicht blos an unglaublichen Folgen, sondern daran, daß sein eigner Ginn verschwindet, weil das ununterscheidbar wird, auf bessen Unterscheidung er beruhte. Man fann zu demselben Ergebniß auch anders gelangen; ph ift keine constante Größe, so daß p sich im umgekehrten Berhältniß zu h ändern müßte; sondern für jedes h ändert sich die Wirfung mit der völlig freien Aenderung von p und wird für jedes h zu Rull, wenn p Rull wird; daraus folgt, daß auch ph = 0.∞ hier nur den Werth o und feinen andern haben fann.

246. Alehnlich den zu engen und den zu weiten Definitionen, und meist durch solche veranlaßt, können auch Beweise zu wenig oder zu viel beweisen; beides sowohl in Bezug auf den Inhalt des zu beweisenden T als auch in Bezug auf die quantitative Ausdehnung seiner Gültigkeit. Das zu viel Bewiesene kann richtig sein und entspricht vielleicht blos nicht der Aufforderung zum Beweise, die auf Wenigeres gerichtet war; so, wenn Jemand für alle Thiere einen Satz deducirt, den man blos für Menschen sichergestellt wünschte; man hat dann den zustänglichen Beweisgrund in einer allgemeineren Fassung benutzt, in welcher er selbst gültig blieb. Ist aber das zu viel Bewies ne falsch, so ist man einem irrigen Beweisgrund gefolgt, der nun auch das in dem Resultat

eingeschlossene Wenigere zweifelhaft macht, den Beweis desselben also nicht liefert. Ist zu wenig bewiesen, so hat der Beweisgrund, der hierzu führte, vielleicht eine allgemeine Wahrheit, welche wirklich das gezgebene T in gewünschter Ausbehnung beweisen würde, nur in einer ihrer particularen Formen aufgefaßt, und dann- bedarf es nur anzemessener Wiederverallgemeinerung derselben, um den verlangten Bezweis zu gewinnen. Aber man kann auch auf ganz falschem Wege gezwesen sein, indem man von Boraussetzungen ausging, welche zwar zu dem bewiesenen Specialfalle von T richtig führten, zum allgemeinen Beweise des T jedoch immer untauglich bleiben würden. Im Ganzen ist daher die Benutharkeit des eingeschlagenen Weges immer zweiselbaft, wenn der auf ihm erlangte Beweis nicht genau den Inhalt des zu beweisenden T deckt; und man kann beides sagen: qui nimium und qui parum probat, nihil probat.

247. Auch hierfür find Beispiele leicht zu finden; anstatt ihrer schließe ich einen Fall an, auf den man, obgleich nicht in der Form des Beweises, sehr oft in dilettantischen Versuchen zur Speculation ftößt: die unvollständige Erflärung, welche nur im Allgemeinen einen Grund für eine Erscheinung angibt, ohne zu untersuchen, ob dieser Grund auch fähig sei, die Modificationen mit zu begründen, denen die Erscheinung unterliegt. Das Gesetz ber Beharrung ber Bewegung ift schwerlich aus einem allgemeineren Gedanken beweisbar; aber die vulgäre Meinung, es verstehe sich von selbst, daß jede Bewegung mit der Zeit aufhöre, ist unmöglich an sich und kann zu einem apagogischen Beweise für jenes Gesetz führen. Hätte man die Abnahme der Bewegung auf reale Widerstände in der Zeit geschoben, so wäre man auf gutem Wege gewesen; aber von der leeren Zeit konnte man sie nicht abhängig machen; denn wenn es auch für uns, deren eigne Körperbewegungen mit der steigenden Ermüdung erlahmen, etwas Ueberredendes hat, die Zeit selbst zehre alle Bewegung auf, so läßt sich doch im Besondern kein Maßstab finden, nach welchem ihr dies früher ober später gelingen müßte. Angenommen, jeder der völlig gleichen Augenblicke dt habe gleiche constante Zehrfraft und hemme an jeder Masseneinheit die Geschwindigkeit q, so begriffe man wohl, daß schnellere Bewegungen derselben Masse später aufhören als langsamere; aber so lange q eine endliche Größe ift, würden auch Bewegungen benkbar sein, deren Ge-

schwindigkeit, für dt als Einheit, kleiner wäre als q, und biefe Bewegungen würden bann gar nicht zu Stande kommen. Bielleicht zöge man vor, die Zehrfraft ber Zeit richte sich nach ber zu verzehrenden Geschwindigkeit; aber in welchem Berhältniß? Ich unterlasse jede weitere Hypothese; theils, weil man schon einsieht, wie hoffnungslos es ift, bei der völligen Unvergleichbarkeit von Zeit und Masse die Masseneinheit festzustellen, für welche q bas Maß der hemmenden Kraft eines dt ware; anderntheils, weil offenbar in der leeren Zeit fein Grund liegt, unter ben zahllosen benkbaren Berhältnissen zwischen Geschwinbigkeit und Berzögerung eines vor dem andern zu bevorzugen; endlich, weil stets etwas übrig bliebe, was alle diese Bersuche vereiteln würde. Denn wenn ein dt diesen oder jenen Theil der Bewegung aufhöbe, woher stammte der nicht aufgehobene Theil? Offenbar setzt man für ihn voraus, er habe sich nach dem Gesetz der Beharrung erhalten; ließe man an diesem Bunkt nicht verstedt die Gültigkeit des Gesetzes schon zu, so würde man behaupten mussen, schon das erste at hemme alle Bewegung. Entweder kommt daher Bewegung überhaupt nicht zu Stande, sondern erlischt sogleich, indem fie Miene macht, ein dt hindurch zu dauern, oder: wenn die Bewegung allmählich abnehmen foll, so gilt principaliter das Gesetz der Beharrung, und nur secundär nimmt die Bewegung durch Widerstände ab; diese wird man nun blos in Gleichartigem, also in entgegengesetzten Bewegungsantrieben suchen. Wie dieser Sat, daß jeder erklärende Beweisgrund nicht blos T allgemein, sondern auch die Möglichkeit seiner Modificationen begründen muffe, mit dem bisjunctiven Lehrsat zusammenhängt, deute ich nur an; seine weitere Verfolgung würde mich zu sehr auf blos mathematisches Bebiet führen; es genügt, furz anzumerken, wie diese logische Forderung dert sich in dem Princip der Homogeneität der in eine Gleichung zusammenzustellenden Functionen einen speciellen und fruchtbaren Ausdruck gegeben hat.

248. Collective und indirecte Beweise irren häusig durch Schuld einer unvollständigen Disjunction. Sie müßten zeigen, um T sicher zu stellen, daß in allen Einzelfällen von T gilt, was sie von dem allgemeinen Fall behaupten wollen, oder daß alle Arten des Non-T ungültig sind und so nur die Gültigkeit von T übrig bleibe. Dies ist nicht immer leicht; namentlich wird man im praktischen Leben die Schwierigkeit fühlen, bei Aufstellung einer Satzung, welche gelten soll,

alle Fälle ihrer möglichen Anwendung im Boraus darauf zu prüfen, ob die vorgeschlagene Bestimmung sich in ihnen empfehlenswürdig oder erträglich zeigen würde; nicht minder bekannt ist, wie oft wir nach Ueberlegung vieler Wege, die wir einschlagen fonnten, nur einen möglich, alle andern unmöglich finden und doch die Eingebung eines glücklichen Augenblicks uns dann noch einen andern übersehenen Ausweg zeigt. In theoretischen Ueberlegungen werden wir zu dem Fehler der unvollständigen Disjunction am wirksamsten dann verführt, wenn wir nicht absichtlich mit der Aufstellung aller denkbaren Fälle beginnen, sondern, wie gewöhnlich geschieht, unter dem einseitigen Ginfluß einer uns beherrschenden Gedankenrichtung uns nur zu ihrem Ziele treiben lassen. So ist es leicht nachzuweisen, daß unsere sinnlichen Empfindungen subjective Zustände unserer Erregung find; eine weit verbreitete Ueberzeugung fügt hinzu, daß auch die Formen von Raum und Beit, in benen wir das mannigfaltige Empfundene zusammenordnen, Anschauungsweisen unseres Geiftes sind; verführerisch ist endlich, dann auch die Vorstellung uns unbekannter Dinge und Wirkungen, die diesen Erscheinungen zu Grunde liegen, als ein Erzeugniß unseres Geistes anzusehen, beffen Organisation zu dieser Berknüpfung seiner Ginzels vorstellungen nöthige. So ist dann die Subjectivität aller Elemente unserer Erkenntniß nachgewiesen, und von hier aus wagt man den Shluß: also gebe es keine objective reale Welt, die unserer Borstellungswelt entspreche. Er ist falsch; benn: wenn wir von der Boraussetzung ausgehen, es gebe diese reale Welt, so ist leicht einzusehen, daß auch dann alles sich so verhalten müßte, wie wir es fanden. Die realen Clemente tonnen nie in Substang in unser Inneres einziehen; sie können immer nur Vorstellungen erweden, welche, veranlaßt durch den äußern Eindruck und Reactionen gegen ihn, doch immer ein Erzeugniß unserer subjectiven Natur bleiben; mag es einen objectiven Raum geben oder nicht, seine Anschauung in uns ist nicht er selbst, sonbern immer das Product unserer subjectiven Thätigkeit des Borstellens; mag das Causalgesetz objectiv gelten oder nicht, Gegenstand nothwendiger Anerkennung für uns ist es nur, sofern es von uns gedacht und sein Inhalt in Uebereinstimmung mit den Gesetzen unseres Denkens empfunden wird. Die vollkommene Subjectivität aller Elemente unserer Erkenntniß entscheidet baber gar nichts über Sein ober Nichtsein einer

objectiven Wirklichkeit. Um uns vor solchen Fehlern zu bewahren, sind unsere Gegner in der Welt; man sieht, wie unerläßlich es ist, neben der folgerechten Ausbildung des eignen Gedankengangs sich auch in Vorstellungsweisen einheimisch zu machen, die von entgegengesetzten Standpunkten ausgehen.

Man unterscheibet Paralogismen überhaupt als unwillfürlich begangene Beweisfehler von Sophismen, ben absichtlich auf Täuschung oder Berwirrung des Urtheils angelegten Trugschlüffen, ein Unterschied, der, weil er sich auf die vorausgesetzte Absicht gründet, zweifelhaft wird, wo diese es wird. So kann man zu beiden die befannten Benonischen Beweise gegen die Bewegung rechnen. Gie berühren zum Theil wirkliche Schwierigkeiten in dem Begriffe der Bewegung, die ich hier noch nicht erörtern will; anderseits mögen sie als Beispiele nicht leicht classissicirbarer Beweisfehler noch angeführt fein. Der eine von ihnen will beweisen, daß der fliegende Pfeil ruht. Er geht aus von der Vorstellung, die Zeit bestehe aus untheilbaren Augenbliden; in teinem dieser Augenblide tann der Pfeil fich bewegen, denn Bewegung fett bas Spätersein an dem einen, das Frühersein an dem andern Orte voraus; in dem untheilbaren Augenblicke aber gibt es kein Früher und Später; der Pfeil ruht also in diesem, er ruht ebenso in jedem andern Augenblide; er ruht also immer. Hiergegen ist einfach einzuwenden, daß auch ruhen nur das fann, was später an demselben Orte ift, den es früher einnahm; da der untheilbare Augenblick kein Früher und Später hat, so fann ber Pfeil sich in ihm weder bewegen, noch ruben. Und dies ift denn im Ginklang mit der gewöhnlichen phoronomischen Betrachtungsweise. Go lange dt eine Beitstrede ift, burchläuft in ihm der Pfeil einen kleinen Weg v. dt; sobald dt keine Größe mehr ift, fondern nur ein Theilpunkt der Beit, der feinen bestimmten Plat in der Zeitreihe bat, so macht in ihm zwar der Pfeil feinen Weg, aber er ruht auch nicht in ihm, sondern geht durch ihn mit der Geschwindigkeit v hindurch. Außerdem hatte Zeno kein Recht zu behaupten, in jedem folgenden Augenblick werde der fliegende Pfeil in demselben Orte ruben, in welchem er vorher geruht hatte. In dem Begriff des Augenblicks und in dem des Pfeiles liegt allerdings nichts, was einen Wechsel der Orte begründete; wohl aber liegt dieser Grund in bem Fliegen des Pfeils. Worin diefer Antrieb freilich besteht,

burch den in jedem auch als untheilbar gedachten Augenblicke der bewegte Körper sich von dem ruhenden unterscheidet, dies mag dunkel sein, und barauf hatte sich ein Sophisma wirtsam beziehen können; aber bevor die Unmöglichkeit des Begriffs der Geschwindigkeit feststand, durfte Zeno sie, von der er in dem Prädicat des Fliegens ausging, nicht in ber Beweisführung gang vergessen. So wie er ift, zeigt sein Beweis nur, daß Ruhe nicht Bewegung ist, und Bewegung nicht aus Ruhe gemacht werben kann; mit jener Erganzung hatte Zeno wenigstens eine von Moment zu Moment sprungweis erfolgende Beränderung des Ortes, eine stetige Bewegung freilich nicht-ableiten können, so lange er an den untheilbaren Augenbliden als Zusammensetzungsbestandtheilen ber Zeit festhielt. Ein anderer Beweis zeigt, daß der schnellfüßige Achill die Schnede nicht einholt, wenn fie einen Borfprung bat; benn immer, ehe er sie erreiche, musse er zuvor an den Ort kommen, den sie eben verlassen. Diese Ginkleidung ift überflüssig; auch wenn die Schnede ruht, erreicht fie Achill nie; denn der Beweis beruht darauf, daß kein Bewegtes jemals an das Ende irgend einer Wegstrecke kommt, weil es vorher an die Bälfte berselben, dann vorher an die Bälfte der Bälfte, und vorher wieder an die Hälfte dieses Viertels tommen muß. biefe Halbirung ins Unendliche fortgesetzt werden soll, so wird offenbar die endliche Raumstrecke als unendlich theilbar oder aus unendlich vielen Theilen bestehend vorausgesetzt, dann aber angenommen, zum llebergang von jedem dieser ungähligen Raumpunkte zum andern sei einer ber untheilbar gedachten Zeitaugenblicke nöthig; mithin gehören unendlich viele Augenblicke zum Durchlaufen jedes endlichen Weges. weit ift, wenn man die Boraussetzungen zugibt, alles richtig. nun ift es gang willfürlich, zu behaupten, diese Summe der unendlich vielen Augenblicke werde eine unendliche Zeitstrecke sein; da sie untheilbar find, feiner von ihnen ein Früher ober Später enthält, fo gibt auch ihre unendliche Summe fein Früher ober Später, wenn man nicht, wie hier doch wohl Zeno begegnet ift, zwischen je zwei Augenblide einen Zeitverlauf heimlich einschiebt, ober diese Augenblide in einer zweiten ausgedehnt gedachten Zeit aufeinander in bestimmten Intervallen folgen läßt. Man braucht nicht einmal gegen Zeno einzuwenden, was ungefähr Aristoteles hier äußert, daß nämlich, nach unserer Ausdrucksweise, das Integral einer unendlichen Reihe stetig in einander

übergehender Größen doch eine bestimmte endliche Größe sein könne, jene Summe von Zeitaugenblicken also eine endliche Zeitstrecke; die untheilbaren Augenblicke sind von Zeno nicht nur jeder für sich als größenlos, sondern zugleich so isolirt gedacht, daß von solchem Uebergehen, durch welches sie überhaupt erst zu Zeittheilen werden, gar nicht die Rede ist; die Summe aller dieser Nullen ist daher an sich Null und wird nur durch eine unberechtigte Zuthat unserer besser unterrichteten Phantasie für eine Größe überhaupt und nun gar für eine unendliche Größe ausgegeben. Achill braucht mithin zwar, um von a nach dau kommen, unzählige Zeitaugenblicke, aber diese setzen gar keine Zeitstrecke von irgend welcher Dauer zusammen; anstatt einer unendslichen Zeit braucht er vielmehr gar keine Zeit; wozu freilich hierbei die Berbrauchung der Zeitaugenblicke dient und worin sie besteht, bleibt ganz unsgabar.

250. Das Alterthum hat uns noch interessante Dilemmen hinterlaffen, Bedankenverknüpfungen, aus benen entgegengesette Folgen gleich nothwendig und gleich unmöglich fliegen. Pseudomenos beißt das Dilemma, das entstand, als Epimenides, ein Kreter felbst, behauptete, jeder Kreter lüge, sobald er den Mund aufthue. War nun der Inhalt seiner Behauptung richtig, so hatte er gelogen und beswegen war seine Behauptung falsch; ift sie aber falsch, so bleibt noch die Möglichkeit, daß die Kreter nicht immer, aber doch zuweilen lügen, Epimenides aber seinerseits hier wirklich gelogen hat, indem er diesen allgemeinen Sat aussprach; es besteht in diesem Falle feine Unverträglichkeit zwischen der ausgesagten Thatsache und der Thatsache ihres Aussagens, und das Dilemma hat noch einen rechtlichen Ausweg. Es hat aber feinen mehr, wenn wir Epimenides und die Rreter weglaffen und anftatt diefer zwei Subjecte, von denen bas eine nur in dem andern enthalten, aber ibm nicht gleich ist, ein identisches setzen: Ich lüge jetzt. Bin ich hier mahrhaft in meiner Aussage, lüge ich also, so ist der Inhalt meiner Aussage falsch und ich lüge nicht; aber der Inhalt meiner Aussage war die Behauptung der Falschheit meiner Aussage; ist dieser Inhalt falsch, so wird meine Aussage wieder richtig und ich lüge; hier beginnt dieselbe Reihe sich selbst aufhebender Folgerungen von neuem und sofort ins Unendliche. Man bemerkt ihren Grund leicht: logisch ist naturgemäß der ausgesagte Inhalt an sich gültig ober ungültig, ganz unabhängig

von der Thatsache seines Ausgesagtwerbens, die hinzukommen oder wegbleiben kann; der Aussage aber kommt keine andere Gültigkeit ober Ungültigkeit an sich zu, außer der, die sie durch Wahrheit oder Unwahrheit des von ihr selbst unabhängigen Inhaltes erhält. Widersprüche, und zum Theil formell unlösliche, entstehen daher dann, wenn man den auszusagenden Inhalt so mählt, daß er über die Thatsache des Aussagens etwas enthält, was mit der Möglichkeit oder der Gültigkeit derfelben in Widerspruch steht. Die Schwierigkeit verschwindet gleich, wenn wir statt: ich lüge, sagen: ich log; ebenso kann man zwar nicht im Präsens sagen: ich schweige, wohl aber im Sinne des Futurum: ich werde schweigen; benn nun bezieht sich die Aussage auf eine von ihr verschiedene Thatsache, die ihr nicht mehr widerspricht. Es gibt viele Beispiele hiervon, obgleich kein so klassisches wie dieser Pseudomenos; wer die Frage, ob er schlafe, bejaht, wer dem läftigen Besucher entgegenruft, er sei ausgegangen, setzt auf dieselbe Weise seine Aussage mit ihrem Inhalt in Widerspruch. Als ähnliche Fälle endlich, in benen ein Subject unmöglicherweise zugleich beide Beziehungspunkte eines Berhältnisses bilden soll, das nur zwischen zwei verschiedenen stattfinden fann, darf man anschließen Jean Pauls fleinen Mann, der sich selbst blos bis an die Anie ging, geschweige benn andern Leuten; die Aufschrift der Thierbude: dies ist der größte Elephant, den es gibt, ihn selber ausgenommen; endlich Münchhausens rettende That, sich an seinem eignen Bopfe aus dem Sumpf zu ziehen. Von gleichem Interesse ist das antike Dilemma vom Krokodil. Der klagenden Mutter sagt das Thier: ich gebe dir dein Kind zurück, wenn du mir die Wahrheit darüber sagst, ob ich es dir zurückgeben werde ober nicht. Es wurde feine Schwierigfeit entstehen, wenn die Mutter nur gu errathen hätte, ob das Krokodil jetzt den Willen der Zurückgabe hat oder nicht. Rath sie richtig, so steht der vertragsmäßigen Rudgabe nichts entgegen; denn auch wenn das Richtige dies war, daß das Krokodil den Willen der Rückgabe nicht habe, so hindert doch nichts das Thier, widerwillig den Contract durch sie zu erfüllen. Räth die Mutter aber falsch, so hat sie jeden Anspruch verloren; denn wieder: welches auch der wirkliche, von ihr falsch errathene Wille des Thieres gewesen sein mag, im Handeln braucht dieses sich nicht an seinen Willen, sondern nur an die Bestimmungen des Vertrags zu binden, welche nun die Lope, Logit.

Rückgabe verbieten. Denken wir uns aber in ber Frage an die Mutter, ob sie das Kind zurückerhalten werde oder nicht, dieses Futurum als Bezeichnung einer feststehenden Zukunft, so daß an sich gar nicht mehr unentschieden ist, welches der beiden Ereignisse eintreten wird oder bevorsteht, so entsteht sogleich unlösbare Berlegenheit aus einem ganz beutlichen Grunde: denn ein Ereigniß, deffen Gintritt bedingungslos bevorsteht, kann man nicht ohne Widersinn noch an eine Bedingung knüpfen, deren Erfüllung ja nothwendig wirkungslos fein müßte, deren Nichterfüllung aber das Nichteintreten des unvermeidlichen Greignisses fruchtlos verbieten würde. Es gibt daher hier nur einen Ausweg; stände die Ruckgabe des Kindes als dies fünftige Ereigniß fest, und erriethe dies die Mutter, so würde sich alles glücklich auflösen, aber nicht weil diese ihre Aussage ben guten Ausgang bedingte, sondern weil sie, an sich ganz wirkungslos, mit dem an sich unvermeidlich bevorstehenden Erfolg und den Bestimmungen des Vertrags thatsächlich zusammenstimmt; bei jeder andern Aussage der Mutter zeigt sich nur viel deutlicher die völlige Machtlosigkeit des Vertrags, der Unbedingtes noch bebingen will und deshalb nothwendig gebrochen werden muß. Die antike Form des Dilemma geht nun von einer noch andern dritten Boraussetzung aus. Es soll an sich nicht feststehen, welches Blied jener Alternative, Rückgabe oder Nichtrückgabe, eintreten wird, sondern darüber soll die Aussage ber Mutter erft entscheiben. Logisch ift nun in jedem hypothetischen Urtheile die Bültigkeit des Rachsages von der Bültigkeit des Bordersates abhängig; aber dieser muß an sich selbst bestimmt und eindeutig, und barf weder in seiner Bedeutung, noch in seiner Gültigkeit durch Bedeutung und Gültigkeit des Nachsatzes bebingt sein. Diesem nothwendigen Erforderniß ift in unserem Falle widersprochen; benn die hier festgesetzte Bedingung ift nicht eine Aussage der Mutter überhaupt, sondern die Wahrheit derselben, und zwar nicht die Wahrheit einer Aussage, die sich auf ein von dem fünftigen Erfolge unabhängiges drittes Factum bezoge, und die deshalb unabhängig von diesem Erfolg wahr ober unwahr sein könnte; vielmehr ist der Inhalt der Aussage das übrigens an feine Bedingung gebundene Eintreten oder Nichteintreten dieses Erfolges selbst, ihre eigene Wahrheit mithin von demjenigen abhängig, was sie bedingen soll. Es gibt daher auch hier nur einen Fall, ber logisch ein rechtliches Durchkommen

möglich läßt; antwortet die Mutter: du wirst das Kind wiedergeben, so macht die wirkliche Wiedergabe die Antwort zur Wahrheit und erfüllt zugleich den Bertrag; aber die gegebene Antwort bedingt den günstigen Ausgang gar nicht; denn wenn das Krokobil das Kind nun doch nicht wiedergibt, so macht diese Thatsache eben die Antwort falsch, und dann ist auch für das Thier die Nichtrückgabe durch den Vertrag gerechtfertigt. Die Mutter antwortet aber unglücklicher Weise: wirst es nicht geben; folglich, sagt das Krokodil, kann ich es nicht geben, vertragsmäßig nicht, wenn beine Antwort für falsch gelten soll, und auch nicht, wenn sie richtig sein könnte, denn sie würde dann eben durch die Zurückgabe falsch werden; die Mutter wendet ein: du mußt es auf jeden Fall geben, vertragshalber, wenn meine Antwort richtig war, aber auch wenn sie unrichtig war, benn sie würde eben richtig werden, wenn du die Rückgabe nicht gewährtest. Hieraus ist kein Ausweg möglich; in der That berufen sich aber beide Parteien auf undenkbare Gründe; denn die wirklich gegebene Antwort kann ebenso wenig richtig oder unrichtig an sich sein, als jene blos glücklichere, welche die Mutter hätte geben können. Auf ähnlichem Mißbrauch hypothetischer Gedankenverknüpfung beruht das Dilemma von Protagoras und Euathlus. Den empfangenen Unterricht sollte Euathlus nach bem Gewinn seines ersten Processes honoriren; da er aber nie einen anfing, so bekam Protagoras nichts und verklagte ihn. Gewann oder verlor Guathlus diesen Proceg, so war er allemal durch den Urtheilsspruch zu dem verpflichtet oder von dem losgesprochen, wovon der Vertrag ihn umgekehrt lossprach oder wozu er ihn verpflichtete. Man hat mehrfach hier die Lösung so versucht, daß man Guathlus diesen ersten Proceß gewinnen ließ, weil er vorher keinen andern gewonnen, mithin jett noch nicht zahlungspflichtig war; hierauf habe dem Protagoras eine zweite Klage freigestanden, welche nun zur Berurtheilung feines Schülers hätte führen muffen. Dies heißt wohl die Logik von einer Ungereimtheit befreien, um sie der Jurisprudenz zum Geschent zu machen. 3ch will dieser nicht vorgreifen; aber ich denke mir, sie würde in dem Berhalten des Euathlus eine bolose Bereitelung des Eintritts einer Bedingung feben, die ihn zur Erfüllung einer Berpflichtung genöthigt hätte; könnte man daher nur einen Zeitpunkt bestimmen, von welchem an diese Auslegung seines Benehmens nothwendig gelten mußte, so

würde man wohl, da auch Protagoras doch nicht aus dem Contract klagen kann, auf die durch den empfangenen Unterricht dem Euathlus sachlich erwachsene Verbindlichkeit zurückgehen und ihn zur Jahlung mit derselben Wirkung verurtheilen, als wäre der zweideutige Vertrag nie in der Welt gewesen.

## Siebentes Kapitel.

Allgemeine Gate aus Wahrnehmungen.

251. Was mit Nothwendigkeit aus Vorstellungen folgt, die wir selbst verbunden haben und beren Inhalt und Verknüpfungsweise wir deshalb vollständig übersehen, ist einem beweisenden oder demonstrativen Berfahren zugänglich, das im Wesentlichen von allgemeineren Wahrheiten zu besonderen Sätzen als ihren Anwendungen herabsteigt. äußere Welt umgibt uns dagegen mit Berfnüpfungen von Erscheinungen, beren allgemeine Zusammenhangsbedingungen sie uns verschweigt; von ben particularen Gäten, burch die wir jede Ginzelerfahrung zunächst auszusprechen hätten, haben wir einen Rüdweg zu den allgemeineren zu suchen, deren Beispiele fie find. Wir haben den Schluß durch Induction als die einfachste Form einer solchen Gedankenbewegung kennen gelernt; unter dem Namen ber inductiven Logit hat man fich daber in unserer Zeit gewöhnt, das sehr mannigfaltige Ganze der Verfahrungs weisen, die zur Lösung dieser Aufgabe bienen, ber beductiven ober bemonstrativen Logit, zum Theil nicht ohne merkliche Geringschätzung ber letteren, entgegenzuseten. So gewiß indessen die inductiven Methoden die wirksamsten Sulfsmittel zur Gewinnung neuer Wahrheit enthalten, so beruhen sie doch gänzlich auf den Ergebnissen der demonstrativen Logik; was diese über die Triftigkeit der Schlusse, über die Umkehrbarkeit und Contraposition der Urtheile, über die Formen des Beweises lehrte, das ist die Quelle aller jener Borsichtsmaßregeln, durch welche das inductive Verfahren jeden Schritt seines Weges von den gegebenen Wahrnehmungen zu ben allgemeinen Gesetzen bes Wirklichen fo fehr als möglich zu sichern sucht.

252. Einer bleibenden Schwierigkeit glaubt man sogleich am Anfange dieses Weges zu begegnen: Erfahrung könne keine allgemeingultigen Ertenntniffe liefern. Gewiß wird diefer oft gehörte Sat feinen guten Sinn haben; aber in dieser Fassung würde er doch einen in Birklichkeit nicht vorhandenen Werthunterschied zwischen der Erfahrung als der einen und einer apriorischen Gewißheit als der andern Erkenntnifquelle behaupten. Ganz umgekehrt versteht es sich vielmehr von selbst, daß jede Erfahrung, deren zusammengehöriger Inhalt sich ohne Mangel und ohne Ueberschuß in der Form: S ist P ausdrücken ließe, auch wenn wir sie nur einmal gemacht hätten, sogleich ben Werth eines allgemeinen Urtheils besitzen müßte. Denn das Gesetz der Identität bürgt uns dafür, daß an demfelben S, wenn es in einer zweiten Erfahrung uns zu wiederholter Wahrnehmung fäme, dasselbe Prädicat P weder fehlen, noch durch ein anderes Q ersetzt werden könnte. Aber eben dies, was wir hier voraussetzen, einen Satz nämlich, der nicht mehr und nicht weniger als ein vollständiges Subject S mit nicht mehr und nicht weniger als seinem vollständigen Prädicat P verbände, eben dies pflegt uns die Erfahrung unmittelbar nicht in Form einer Wahrnehmung darzubieten. Von dem wahren und wirklichen Subjecte  $\Sigma$ , an das eine von uns beobachtete Erscheinung gebunden ist, nehmen wir einzelne Bestandtheile s nicht mahr, die dennoch zur Begründung berselben nothwendig gehören; der Rest S aber, der in unsere Beobachtung fällt, pflegt für uns untrennbar mit andern Bestandtheilen o verbunden zu sein, die in keinerlei Beziehung zu dieser Begründung stehen; von dem wahren Prädicat II anderseits, das jenem D zukommen würde, bleibt uns nicht minder mancher Zug p verborgen, während der beobachtbare Rest P mit andern fremdartigen Unhängseln a verknüpft ist, die von andern, in dieser Sache bedeutungslosen, aber zugleich wirtsamen Bedingungen abhängen. Denken wir ergänzt und abgezogen, was zu ergänzen und abzuziehen ist, so würde:  $S + s - \sigma$  ist  $P + p - \pi$ , oder: Dift II, der vollständige Ausbruck der Thatsache sein, deren unvollständige Beobachtung wir zuerst burch ben Sat: S ist P, aussprachen. Nur für den Inhalt jenes vollständigen Sates: D ist II, falls er in einer besonders glüdlichen Wahrnehmung gegeben wäre, würde der Sat ber Mentität Bürgschaft allgemeiner Gültigkeit in allen Wiederholungsfällen leisten; nicht für den des unvollständigen: S ist P, der zusammenstellt, was so nicht zusammengehört.

253. Diese Betrachtung ist nicht mußig; man wurde ohne fie einen für die Entwicklung der Wiffenschaft unentbehrlichen logischen Rechtsgebrauch nicht verstehen. Ueberall nämlich, wo wir sicher überzeugt find, bas ganze vollständige Subject D, von dem ein noch zu bestimmendes Prädicat II erwartet wird, und zugleich nichts anderes außer D, in unserer Wahrnehmung vorzufinden, überall da zweifeln wir nicht, daß eine einzige Beobachtung, die uns dieses II kennen lehrt, eine gang allgemeine Bedeutung habe, und daß in jedem Wiederholungsfalle an dasselbe D sich auch unveränderlich dasselbe II knüpfen werde. Chemiker, der gewiß ist, in einem anzustellenden Bersuche nur einen gang bestimmten Körper unter ben Händen zu haben, auf ihn nur ein bestimmtes Reagens einwirken zu laffen und alle fremdartigen Bedingungen von dem Ginfluß auf sein erwartetes Resultat ausgeschlossen zu haben, bezweifelt nicht, daß die Reaction, die er in diesem einen Bersuche beobachtet, sich gang identisch in allen Wiederholungsfällen einstellen werde; die singulare Wahrnehmung hat für ihn sogleich die Geltung einer allgemeinen Wahrheit. Der Physiker, welcher eine Messung vornimmt, weiß recht wohl, mit wie vielen Fehlerquellen er zu fämpfen hat; nachdem er aber diese eliminirt hat, kommt es ihm doch nicht in ben Sinn, seine gereinigte Beobachtung, blos weil fie zulett aus finnlicher Erfahrung stammt, als eine nur für biefen Augenblick gültige zu betrachten, fo daß daffelbe gemeffene Object unter denfelben Umftanden ein zweites Mal vielleicht eine andere Größe darbieten würde. nicht nöthig, hierüber weitläufiger zu fein. Jede Möglichkeit, aus Erfahrungen allgemeine Erkenntnisse zu entwickeln, aber auch jeder Ginn, den man mit dem Begriffe felbst eines Besetzes, abgesehen von seiner Auffindbarfeit, verbinden könnte, wurde zu Grunde gehen mit der Unnahme, daß jede Einzelbeobachtung nur für sich, aber nicht für ihre gleichen Wiederholungen gelte, daß jede Angabe eines Instruments nur für den Augenblick richtig sei, in dem sie erhalten wird, nicht für die ganz gleichen Umstände eines zweiten Augenblicks, daß überhaupt von Gleichem unter gleichen Bedingungen Ungleiches gelten könne. Die ganze Kunst des inductiven Verfahrens, welches zu allgemeinen Gesetzen gelangen will, beruht nun auf dem Scharffinn, mit welchem es aus

dem unreinen und verworrenen Material unserer Wahrnehmungen von der Form: S ist P, die reinen und in sich zusammengehörigen Sätze von der Form:  $\Sigma$  ist  $\Pi$ , zu entwickeln versteht.

254. Die einzelnen hierzu gehörigen Schritte versuchen wir in zusammenhängender Reihe zu schildern. In der ungeschiedenen Masse 2 der unzähligen Eindrücke, die wir zugleich oder nacheinander empfangen, einzelne Gruppen A, B, C zu unterscheiden und jede von diesen als eine in fich zusammengehörige Wahrnehmung zu betrachten, fann uns nur die Thatsache veranlassen, daß die so zusammengefaßten Eindrücke als bleibend verbundene sich von dem Hintergrunde der wechselnben übrigen abheben, oder wiederholt zusammen auftretend mit dem gleichmäßigen Bestand dieser anderen contrastiren. Hierin liegt noch teine Handlung des Denkens; es ist der mechanische Vorstellungslauf, der zuerst diese Einzelwahrnehmungen zu Gegenständen unserer unwillfürlichen Aufmertsamkeit und zu Stoffen des fünftigen Denkens aussondert; und zwar ebenso oft falsch als richtig, denn häufig genug findet in ihnen die spätere Ueberlegung Zusammengehöriges unvollständig vereinigt und mit Nichtzugehörigem gemischt. Ganz ähnliche Gründe veranlassen uns ferner, auch in jeder einzelnen dieser Gruppen A oder B die in ihnen enthaltene Summe von Eindrücken zu spalten und einen Theil derselben als ein Subject zu fassen, zu dem der Rest der übrigen als Prädicat gehört. Auch dies ist anfangs eine Leistung bes psychischen Mechanismus; sehr bald allerdings vertieft das sich regende Denken diese Verknüpfung einer ersten Vorstellung mit einer sich an sie anschließenden zweiten zu dem sachlichen Gegensatz eines seiner Natur nach selbständigen Subjectes zu seinem zugehörigen und unselbständigen Prädicat; indessen bleibt es doch stets dem mechanischen Berlauf der Borstellungen überlassen, uns in der Anwendung dieses allgemeinen logischen Rebengedankens zu leiten und zu bestimmen, welche Gruppe von Eindrücken im Einzelfalle in den Rang des Gubjects, welche andere in den des Prädicats einzutreten hat. gliedert würde nun der Gefammtinhalt einer Wahrnehmung A oder B sich bereits in der Form eines Urtheils, aber eines völlig singularen Urtheils, ausdrücken laffen; was hier als Subject s1 oder s2 unterschieden wird, ist nichts als eine völlig bestimmte Gruppe von Einzeleindrücken, denn diese allein tann unmittelbarer Wegenstand der Wahr-

nehmung sein; daß jedes dieser beiden, s1 oder 82, sich als Exemplar eines Allgemeinbegriffes S auffassen lasse, ist ein Rebengedanke, der nicht aus der einzelnen Wahrnehmung, sondern nur aus der bald beginnenden Bergleichung vieler entspringen kann. Und auch hier wieder ist es im Anfang der von allgemeinen Gesetzen mechanisch bedingte Berlauf unserer Borftellungen, der aus den verschiedenen Subjecten s1, s2.. die engere ihnen gemeinsame Merkmalgruppe für unsere Aufmerksamkeit verstärkt als ein allgemeines Bild hervortreten läßt, das wir nun mit dem Namen eines S bezeichnen und jene Einzelsubjecte in unserer Erinnerung vertreten lassen. Auch diese Auffassung vertieft später das Denken; das allgemeine Bild, das nur thatfächlich Gemeinsames der verschiedenen Ginzelsubjecte vorstellte, deutet es um in einen allgemeinen Begriff, der als gesetzgebende Regel Zusammengehöriges verknüpft; aber doch bleibt es für die anfänglichen Anwendungen dieses logischen Nebengedankens wieder der Berlauf der Borftellungen, der darüber entscheidet, welche Bestandtheile ber verglichenen Subjecte als fühlbare Modificationen desselben Allgemeinen und zugleich als Eindrücke größerer Lebhaftigkeit sich zu dem allgemeinen Bilde oder Begriffe vereinigen, welche anderen, einander gegenseitig aufhebend oder unsere unwillfürliche Aufmerksamkeit weniger erregend, von ihm ausgeschloffen bleiben. Und diese Leistung wird im Ganzen wohl häufiger richtig als falsch ausgeführt; ohne hier weiter die psychologische Entwicklungsgeschichte unserer Begriffe zu verfolgen, können wir behaupten, daß von früh an die eigenen Berschiedenheiten der sinnlichen Eindrücke, aus benen zulett jede Wahrnehmung besteht, für uns an Wichtigkeit hinter die Verschiedenheiten ihrer Verbindungsweise und ihrer Verhältnisse zurücktreten. Ueber den Unterschied der Farben sieht schon das Kind hinweg und erkennt in rother Färbung leicht die gesehenen Schriftzuge als dieselben, die es früher schwarz kennen gelernt hat; die Allgemeinbilder der Bäume und der Thiere, die ihm wenige Beispiele geliefert haben, fassen doch schon in ihm das Wesentliche so richtig zusammen, daß neue und ungewohnte Formen späterer Wahrnehmung sich ihnen mit Leichtigkeit einordnen. Wie die dennoch begangenen Fehler verbessert werden, haben die Betrachtungen zu zeigen, zu benen wir eben übergehen wollen und deren Ausgangspunkt wir durch die vorigen festzustellen suchten: die Einzelwahrnehmungen, welche das inductive Bersahren weiter zu verknüpfen sucht, sind nicht blos Eindrücke, die wir leiden; sie sind vielmehr logisch bereits so weit bearbeitet, daß wir nicht nur ihren Inhalt in ein Subject und ein Prädicat scheiden, son- dern auch das erste einem Allgemeinbegriff S bereits untergeordnet haben, oder ihm mit einer Auswahl von Allgemeinbegriffen entgegen- tommen, unter deren einen wir es unterzuordnen suchen.

255. Beginnen wir von dem letten Falle. Ein völlig neues, noch unbekanntes singulares Subject sm sei uns in einer Wahrnehmung durch sinnliche Eindrücke pm, qm, rm gegeben, und sowohl diese Einzelmerkmale als ihre Verknüpfung seien anschaulich völlig klar. Dennoch begnügen wir uns mit dieser Anschauung nicht, die an sich selbst nichts Zweifelhaftes enthält; wir ruben erft, wenn wir wissen, ob wir ben neuen Gegenstand Thier oder Pflanze nennen dürfen. In diesem Berlangen liegt ein doppeltes Interesse: das des reinen Denkens, für welches das thatsächliche Zusammensein der beobachteten Merkmale erft durch Unterordnung unter jene Allgemeinbegriffe in eine berechtigte Zusammengehörigkeit verwandelt wird; für uns viel wichtiger aber jett der praktische Wunsch, von dem beobachteten Thatbestande aus durch den Allgemeinbegriff hindurch die Berechtigung zur Ergänzung des nicht beobachteten zu erlangen. Denn der Name Pflanze ober Thier würde für das sm ein Titel ohne Ginkunfte sein, wenn wir uns nicht vorbehielten, aus ihm für 8m den Anspruch auf eine Menge Merkmale abzuleiten, welche die unmittelbare Wahrnehmung an diesem nicht gefunden hatte. In dieser Lage befinden wir uns den Gegenständen der Wirklichkeit gegenüber beständig; denn jede Wahrnehmung, auch wenn sie genau genug wäre, um alle gegenwärtigen Merkmale eines sm aufzufassen, ist doch zeitlich beschränkt; sie kann niemals das zufünftige Berhalten bes bevbachteten Objects mit darstellen, nur selten und nie vollständig zeigen, wie es unter anderen wechselnden Bedingungen sich ändern würde. Dies ist es, was wir an dem beobachteten sm durch seine Unterordnung unter die Begriffe der Pflanze oder des Thieres ergänzen; beide Begriffe, aus unzähligen früheren Beobachtungen entsprungen, enthalten die Gesammtheit der simultanen Merkmale, die in einer einzigen Wahrnehmung höchst selten, und der successiven, die sich in einer solchen niemals erschöpfen lassen; nur durch die Bereinigung dieser aller ist uns aber das Wesen des 8m ausreichend

bestimmt, dessen einmalige Wahrnehmung uns immer nur ein undeutbares Bruchstück eines zusammengehörigen Ganzen liefern würde. Formell ist das Verfahren, dem wir hier folgen, das einer unvollftändigen Analogie; untriftig mithin nach dem Dagftab der reinen Logif, die uns nicht verstattet, ad subalternantem aus der beobachteten Bleichheit einiger Merkmale des S und sm auf die Gleichheit aller zu schließen, die nöthig wäre, um sm bem S unterzuordnen. Wie durchgehend unfer tägliches Leben auf der Anwendung dieser Analogie beruht, wie wir nur durch sie zu dem sorglosen Gebrauch aller nüplichen und schädlichen Stoffe, nur durch fie zu der Ueberzeugung von dem Dasein anderer uns gleichartigen Beister und von gleichartigen inneren Beweggründen ihrer Acuferungen kommen, dies alles bedarf nur der Andeutung; praktisch fragt es sich, wodurch die bloße Wahrscheinlichkeit folder Folgerungen dem Werthe der Gewißheit angenähert werden Da nun die Gleichheit aller Merkmale der vollständige Rechts grund der Unterordnung des sm unter S fein würde, so folgt naturlich, daß die Wahrscheinlichkeit der Berechtigung zu dieser mit der Anzahl der gleichbefundenen Merkmale zunimmt. Man bemerkt fogleich, daß der Werth dieses Sates fehr geschmälert wird durch Berudsichtigung der Berschiedenwerthigkeit der Merkmale selbst. Aber es bliebe doch im Allgemeinen eine leere formelle Anweisung, auf die Gleichheit der wesentlichen Merkmale hauptfächlich zu achten, so lange man fie von unwesentlichen nicht zu scheiden müßte. Mur die Erfahrung verhilft uns hierzu; felbst die wenigen allgemeineren Regeln, die man noch aufstellen könnte, stammen aus ihr. Denn nur fie lehrt uns, daß es eine Anzahl von Merkmalen gibt, die aus weitverbreiteten Ursachen an äußerst verschiedenartigen Gegenständen der Wirklichkeit leicht entstehen und deswegen weder selbst als unterscheidende Kennzeichen für die Gigenthümlichkeit eines zusammengehörigen Begriffsinhalts dienen können, noch durch ihre Modificationen wesentliche Unterschiede in den Beispielen besselben hervorbringen; nur die Erfahrung lehrt uns, daß im Allgemeinen die Bedeutung bloger Größendifferenzen der Merkmale gering ift und an Wichtigkeit zurücksteht hinter den Berschiedenheiten der formellen Verbindung, in welche wir eine Anzahl von Beziehungspunkten gebracht finden; die Erfahrung endlich zeigt uns, daß durch die Wirklichkeit hindurch gewisse allgemeine Bedingungen

wirlen, die an vielerlei Substraten, auf welche sie treffen, gleichartige Beränderungen hervorzubringen streben, und daß eben deshalb als harakteristische Kennzeichen für die Eigenthümlichkeit einer abgeschlossenen Art nur die unerwarteten Formen der Rückwirfung gelten können, die jede vermöge der Weise, in welcher sie verschiedene Beziehungspunkte in sich vereinigt, unter diesen gemeinsamen Bedingungen entfaltet; und wieder ist es nur die Erfahrung, die uns in Bezug auf einzelne Objecte der Wahrnehmung Ausnahmen von diesen allgemeinen Regeln aufzeigt und uns überzeugt, daß zuweilen höchst unbedeutende Variationen eines scheinbar ganz unwesentlichen Merkmals doch sichere Kennzeichen einks durch die ganze Natur zweier Begriffsinhalte hindurchgehenden Unterschiedes sind. Endlich muffen wir hinzufügen, daß unfere Bemühungen, neue Gegenstände der Wahrnehmung befannten Allgemeinbegriffen unterzuordnen, durch dieselben Ausfagen der Erfahrung nicht selten zu dem entgegengesetzten Erfolg gedrängt werden: jene Allgemeinbegriffe selbst, des Thieres, der Pflanze, des Körpers ändern sich, erweitern oder verengern ihren Inhalt und ihre Grenzen, je nachdem fortschreitende Sachkenntniß in zweifelhaften Fällen, die ihnen zuzurechnen schienen, bleibende Unterschiede von dem Habitus der zweifellosen findet, oder in benen, die ihnen nicht zuzugehören bas Unsehen hatten, doch eine stetige, durch feine Grenze unterbrochene Unnaberung zu dem Besammtharakter der bekannten sicheren Arten bemerkt. Man sieht also, daß wir die richtige Ausführung der unvollständigen Analogie, durch welche wir ein wahrgenommenes sm einem Gattungsbegriff S unterordnen, nicht von allgemeinen logischen Regeln, sondern von der Sachkenntniß erwarten. In der That muß man die angewandte Logik selbst als eine wissenschaftliche Lehre noch von ihrer Anwendung als einer wissenschaftlichen Thätigkeit unterscheiden. Jene kann nur allgemeine Gesichtspunkte aufstellen, beren Bewußtsein sie ber Ausübung ber lettern verdankt; fie kann baber nicht mit bem Unspruch auftreten, durch ihre Regeln das gesammte wirkliche Denken, als finge es jetzt seine ganze Arbeit von vorn erst an, leiten zu wollen; sie wendet sich nicht an den Geist, der noch gar feine Begriffe hat, sondern an den, der im Besitz einer mannigfach gegliederten, durch eigne Erfahrung und Ueberlieferung erworbenen Vorstellungswelt ist; sie hat nicht die psyhologisch interessante Aufgabe, zu erörtern, wie alle diese Begriffe entstanden sind, sondern nur die andere, nachzuweisen, was an den entstandenen und vorhandenen richtig und sicher ist, und wie das Jrrige und Fehlerhafte, das diesem gegebenen Resultate einer langen Bilsdungsgeschichte noch anhängt, in Zukunft verbessert und das noch Zweiselhafte der Gewißheit genähert werden kann.

256. Ift nun, wie wir jest annehmen, die Einzelwahrnehmung A so weit logisch geformt, daß sie ihr anschauliches singulares Subject sm als Exemplar eines Allgemeinbegriffs S auffaßt, so wird sie uns dann nicht weiter beschäftigen, wenn sie an sm vollständig oder unvolls ständig nur die Merkmale findet, die dem S zukommen; sie wird das gegen Veranlassung neuen Fortschrittes, wenn sie mit sm ein Merkmal M verbunden zeigt, das zu dem uns bekannten Inhalt von S nicht gehört. Drei mögliche Fälle lehrt uns dann die Erfahrung unterscheiden, auf die ich mich eben berief (255). Beränderliche Bedingungen, zufällige Umstände können zuerst unserem wahrgenommenen sm eine Eigenschaft, wirkliche oder scheinbare, gegeben haben, die es unter andern Umständen nicht zeigen würde; über vieles Derartige sehen wir, durch frühere Erkenntniß belehrt, stillschweigend hinweg und lassen uns durch die Verschiedenheiten der Anblicke, die uns derfelbe Gegenstand nach Lage, Stellung, Bewegung, Entfernung, Beleuchtung gewährt, nicht an der Ueberzeugung von seiner Identität und seiner Uebereinstimmung mit dem Gattungsbegriff S irre machen; zweifelhaftere Fälle entscheiden wir dadurch, daß wir uns Beobachtungen besselben Gegenstandes unter verschiedenen Bedingungen zu verschaffen suchen; nur das M, welches unter allen Umständen ihm verbleibt, wird als beständiges Merkmal seiner Natur anzusehen sein. Aber es bleibt noch unentschieden, ob es dann seinen Grund in der individuellen Natur dieses doch immer noch singularen Subjectes sm oder in der allgemeinen des Gattungsbegriffs S hat, dessen Art oder Beispiel das beobachtete sm ist. scheidung zwischen diesem zweiten und britten Fall bedienen wir uns der unvollständigen Induction, welche sm mit dem Verhalten anderer bekannten Beispiele s1, s2.. desselben allgemeinen S vergleicht, und die in den meisten Fällen dadurch angeregt wird, daß ungesucht eine Reihe von Einzelbeobachtungen s'M, s'M, s'M von selbst fich uns aufdrängte und die Vermuthung erweckte, der Grund des M sei allgemein in der Natur des S zu finden, an deffen verschiedenen Beispielen

wir es beobachten. Widerlegt wird diese Vermuthung sogleich, wenn fich ein einziges Subject sa findet, das unter berselben Mannigfaltigfeit von Umftänden bas Merkmal M nicht hat, unter welchen es den Subjecten der übrigen Wahrnehmungen zukam; bestätigt aber wird die Bermuthung des allgemeinen Sates: alle S seien M, dadurch nicht sosort, daß alle der Wahrnehmung zugänglich gewesenen Beispiele des S dies Pradicat M besitzen; es bleibt eine untriftige Folgerung ad subalternantem, aus einer Anzahl particularer Fälle, wie groß sie auch sein mag, auf die allgemeine Geltung dessen zu schließen, was in ihnen galt. Und doch find wir, ber Wirklichkeit gegenüber, zu dem Bersuch dieser Folgerung genöthigt; benn wenn selbst die Wahrnehmung alle vorhandenen Beispiele einer Gattung umfassen könnte, die fünftigen entgeben ihr stets; es bleibt mithin auch hier nur die Aufgabe, wenigstens die Wahrscheinlichkeit dieser unvollständigen Induction so weir als möglich zu steigern. Zwei verwandte Regeln dienen hierzu. Wir müffen zuerst von einer großen Anzahl der beobachteten Einzelsubjecte s ausgeben; je größer diese Bahl, defto mannigfaltiger find die äußeren Bedingungen, die auf sie einwirken, und deren bestimmenden Ginfluß wir hierdurch eliminiren; das M, das allen diefen Subjecten bennoch gemeinsam bleiben wird, hat nicht außerhalb ihrer, sondern in ihrer eignen Ratur seinen Grund. Wir werden zweitens die beobachteten Subjecte so mählen, daß ihre specifischen oder individuellen Differenzen die größten innerhalb ihrer Gattung oder Art, des allgemeinen S, möglichen find; wir eliminiren so ben Ginfluß, den zur Erzeugung des gemeinsamen Prädicates besondere, durch die Natur des allgemeinen S nicht gebotene Aehnlichkeiten der beobachteten Einzelsubjecte haben könnten; das M, das trot diesen Unterschieden ihnen bennoch gemeinsam zukommt, wird nur in dem Charafter der Gattung felbst begründet und damit der gewünschte allgemeine Satz: alle S find M, gerechtfertigt sein.

257. Die reine Logik unterschied Analogie und Induction; die erste schloß von der Gleichheit vieler Merkmale in zwei Subjecten auf die Gleichheit aller in beiden; die letztere aus dem gleichartigen Bershalten vieler Beispiele einer Art auf das gleiche Berhalten aller; diesen Bortbedeutungen sind wir auch hier gefolgt, und es war demnach eine Induction, welche aus den gegebenen Prämissen s<sup>1</sup>M, s<sup>2</sup>M... die allgemeine Folgerung SM zog. Aber dieses Berkahren läßt sich doch eins

facher ansehen. Wenn alle singularen Subjecte s1, s2 ... unserer wirtlich gemachten Beobachtungen darin übereinstimmen, einestheils alle die Merkmale, die zu einem S gehören, anderntheils das eine Merkmal M zu besitzen, so können wir für jedes nichtbeobachtete Subject sa, bas ebenfalls alle die Merkmale eines S befäße, auch den Besitz des einen M unmittelbar durch Analogie folgern; durch sie stellen wir also die in der Wahrnehmung nicht gegebenen Prämissen 8m M, sn M... her, deren Subjecte zusammen mit denen der beobachteten s'M, s'2M... den gangen Umfang von S erschöpfen, und das Geschäft der Induction besteht dann nur darin, die so gegebenen und supplirten Einzelfätze zu dem allgemeinen: alle S find M, zu summiren. Es hat daher wenig praktischen Werth, in diesen Anwendungen der Logik den Antheil der Induction und den der Analogie zu scheiden, den loseren Sprachgebrauch zu beanstanden, der beide Ausdrücke verwechselt, überhaupt alle die Gedankenbewegungen, die man zuletzt unter den weitschichtigen Namen einer Folgerung bringen kann, auf einfache Typen der reinen Logik zuruchführen zu wollen. Ob ein Seefahrer, der ein Land ganz umfahren hat, durch Induction, Analogie oder Subsumption schließe, daß es eine Insel sei, möge untersuchen, wer Zeitvertreib wünscht. Bon mehr Interesse wäre die Frage, wie wir zu irgend einem allgemeinen Sate T über die Dreiede gelangen. Jede Construction, durch welche wir T beweisen, gibt unserer Anschauung boch immer nur ein ganz singulares Drefect s1; nur von ihm zunächst, und von ihm immer, so oft wir es sich selbst gleich construiren, würde T gelten. Nun fann man freilich die Zeich nung variiren; aber wenn man auch in tausend verschiedenen Dreieden s1, s2, s8.. den Sat T bestätigt fände, so verschwände doch diese Anzahl gegen die unendliche der möglichen Dreiede, die man nicht durchprobiren Durch Summirung ber Einzelanschauungen, die man sich burch diese Constructionen schafft, kommt man mithin hier nicht zu der allgemeinen Bültigkeit von T für alle Dreiede; man muß berechtigt sein, jedes einzelne verzeichnete als ein Symbol für alle anzusehen, so daß, was von ihm gilt, für alle durch daffelbe mitvertretenen andern gilt. Die Berechtigung hierzu liegt nicht in der besondern Natur der räumlichen Anschauung, die vielmehr nur den Inhalt des Satzes T liefert; sie liegt barin, bag wir von bem gezeichneten Dreied in unserem Ro sonnement nur diejenigen Bestimmungen beachten, die wir burch den

Gang der Construction selbst hervorgebracht haben, also nur die Eigenschaft, eine ebene Figur zu sein, die von drei geradlinigen Seiten ein-Die wirklich gezeichnete Figur kann niemals blos geschlossen wird. diefe Eigenschaft allgemein, sondern immer nur durch Seiten von bestimmter Länge und durch eine Winkelfumme von bestimmter Vertheis lung darstellen; aber diesen speciellen Beschaffenheiten gestatten wir feinen Einfluß auf unsere Folgerungen; wäre absichtslos unser construirtes Dreied rechtwinklig oder gleichseitig gerathen, so würden wir die Sate, Die hierdurch, aber auch nur hierdurch gultig wurden, als solche beiseit laffen, die sich nicht auf das von uns gemeinte Subject Psychologisch ist es ohne Zweifel der unzergliederte Eindruck bezögen. der Achnlichkeit, der uns gleich geneigt macht, das von einem verzeichneten Dreied bewiesene T auf alle Dreiede durch Analogie zu übertragen; der logische Grund, es mit Recht zu thun, liegt in dem Bewußtsein, daß alle nicht construirten Dreiede doch dem allgemeinen, durch unsere Construction symbolisirten Begriff des Dreiecks subordinirt find, und daß wir den fraglichen Satz nur aus diesem Begriff, ohne Hinzunahme anderer Bedingungen, in jener einen symbolischen Darftellung fließen saben.

258. Mit der Erlangung allgemeiner Gage von der Form: alle S find M, hat die Induction ihr nächstes Ziel erreicht und sie fann hierbei stehen bleiben, namentlich wo es sich um praktische Fragen des Lebens handelt; denn in diesen Fällen kommt es uns hauptsächlich darauf an, daß thatsächlich ein M von allen Beispielen eines S, von allen Menschen etwa, gültig sei; dagegen fümmert es uns weniger, warum es von ihnen, und ob es nur von ihnen und nicht vielleicht auch von Thieren gilt. Der theoretische Trieb der Erkenntniß begnügt sich jedoch nicht mit dieser blogen Anknüpfung des M an fein nächstes Subject, er möchte innerhalb des S den engeren Merkmalkreis aufsuchen, der den Grund dieser Anknüpfung enthält, und der überall, wo er vorfommt, auch außerhalb S vielleicht, das gleiche Merkmal bedingt. Dann sett sich die Induction fort, und indem sie eine Reihe allgemeiner Sate von der Form: SM, RM, TM ... als neue Prämiffen benutt, sucht sie einen allgemeinen Schlußsatz, der in der Form: alle D sind M, unter D das wahre Subject oder benjenigen Gattungsbegriff, oder endlich, anders ausgedrückt, benjenigen Bestand von Merkmalen ver-

steht und bezeichnet, an welchem überall bas Prädicat M als seine Folge hangt. So wird man leicht durch eine erfte Induction den Sat SM finden: in allen Säugethieren geschieht ein Baswechsel durch Respiration; eine zweite Induction, welche an die Stelle von S nacheinander Bögel, Fische, Amphibien sett, wird dies gefundene Ergebniß fcon verständlicher machen durch ihren Schlußsat IM: alle Thiere bedürfen des Gasaustausches; sie zeigt, daß die vorher nur vereinzelt beobachtete Thatsache in der allgemeinen Natur des thierischen Lebens nothwendig sein muß; eine dritte Induction verbindet EM mit einer neuen gleichartigen Prämiffe: alle Pflanzen zeigen, obwohl andersartig, das Phänomen eines Gaswechsels; ihr Schluß  $\Sigma^1 M$ : alle organischen Wesen überhaupt befinden sich in gleichem Falle, zeigt uns das fragliche Phänomen an ein noch allgemeineres Subject gebunden; eine Bergleichung endlich mit dem Berhalten von Stoffen, die ben organischen ähnlich gebaut sind, zu der umgebenden Atmosphäre könnte uns zu dem Gedanken führen, daß unter den Bedingungen an der Erdoberfläche nur durch diesen Stoffwechsel die Entfaltung der zusammenhangenden veränderlichen Vorgänge möglich ift, die das organische Leben zusammen-Man bemerkt hierbei, daß, je weiter diese Inductionen fortgeben, um so mehr unser Interesse abnimmt, ihr Ergebniß in Gestalt eines fategorischen Urtheils von der Form: S ift P, zu erhalten: wir suchen nicht mehr den höchsten Gattungsbegriff, an welchem eine gegebene Erscheinung als Prädicat haftet, sondern wir suchen ein bypothetisches Urtheil zu gewinnen, welches uns die allgemeinste Bedingung B kennen lehrt, von der überall, wo sie vorkommt, jene Erscheinung als ihre Folge F abhängt. Und diese neue Aufgabe, ben Bedingungszusammenhang des Wahrnehmungsinhaltes zu ermitteln, überwiegt an Wichtigkeit in den Anwendungen dergestalt, daß wir von jetzt an das inductorische Verfahren nur in der Form weiter verfolgen, die es zu ihrer Lösung annimmt.

259. Wir bezeichnen durch U und W zwei Gruppen von wahrgenommenen Borgängen; wir nehmen an, irgend eine Beranlassung, die
in der Art ihres Auftretens liegt, habe in uns die später zu bestätigende oder zu berichtigende Bermuthung erregt, beide Gruppen
seien zusammengehörig und U sei oder enthalte die Ursache von W, W
sei oder enthalte die Wirkung von U; wir erinnern endlich an die erste

Bemerkung dieses Kapitels (252), nach welcher sehr selten U wirklich die vollständige Urfache von W und nichts als diese, W selten die ganze Wirfung von U und nichts als diese enthalten wird; dann können wir als unsere Aufgabe bezeichnen, aus den unreinen Beobachtungen UW ben reinen Fall BF eines in sich zusammengehörigen Bedingungsverhältniffes zu finden, und wir definiren den Begriff diefes reinen Falles dahin, daß in ihm B der zureichende Grund von F, und der Grund von nichts Anderem außer F, daß anderseits F die vollständige Folge von B und zugleich keines andern Grundes Folge ift. In den Anwendungen kann je nach den verschiedenen Interessen, die unsere Untersuchungen jedesmal verfolgen, von der Strenge dieser Definition etwas nachgelassen werden; so fann es uns genügen, zu wissen, daß B, so oft es gegeben ist, F hervorbringt, gleichviel ob es außer F noch Anderes bedingt oder ob F außer von ihm auch noch von Anderem erzeugt werden tann. Allein diese Genügsamkeit üben wir doch nur, wo es uns blos barauf ankommt, die realen Urfachen kennen zu lernen, welche eine fragliche Wirkung hervorbringen; wenn es sich dagegen theoretisch um den Grund handelt, aus welchem diese Ursachen jene Wirkung als nothwendige Folge bedingen, werden wir B und F immer nach den Anweisungen der Definition bestimmen muffen; selbst wo F aus verschiedenen äquivalenten Urfachen entstehen tann, sind eben nicht diese verschiedenen Ursachen, deren jede außerdem noch ihre besondern andern Wirkungen hat, sondern nur das ihnen allen Gemeinsame der wahre Grund B dieser Folge, und dieses B hat dann auch teine andere Folge als dieses F.

260. Aus einem unreinen Fall UW könnte ber reine Fall BF nur durch eine zufällige glückliche Inspiration errathen werden; mit Sicherheit nachweisen läßt er sich nur durch eine Bergleichung vieler Fälle UW, die so von einander verschieden sind, daß die mannigsachen oder veränderlichen Relationen, die sie uns zwischen den unzugehörigen Nebenbestandtheilen darbieten, uns erlauben, diese zu eliminiren und die Beziehung BF, welche sie alle enthalten, allein und gesondert zurückzubehalten. Jene unreinen Fälle nun, das Material unserer Bearbeitung, liesert zunächst die Beobachtung; aber der freiwillige Lauf der Dinge führt uns doch nur in wenigen Gebieten vollständig diesienigen Fälle vor, die wir bedürfen würden, um jene Elimination zu

vollenden. Manche Naturvorgänge entfalten nur in fehr langen Zeiträumen, welche das Beobachtungsfeld eines Einzelnen weit überschreiten, die ganze Reihe der Afpecte, die man alle kennen mußte, um ihren Bedingungszusammenhang zu begreifen; manche andere Erzeugnisse ber Wirklichkeit entziehen nicht blos durch diese Langfamkeit ihre Entwicklung der Beobachtung, sondern sie zergliedern sich wirklich niemals von selbst rudwärts in die einzelnen Bedingungen, aus denen sie entstanden find; sehr selten befinden wir uns in dem glücklichen Falle der Aftronomie, die nur durch zufällige Beobachtungshinderniffe in der Aufsammlung unzähliger Daten eines zusammenhängenden und periodischen Spieles von Greigniffen unterbrochen wird, und doch bedarf auch fie, um alle ihre Wünsche zu befriedigen, eine Ergänzung durch Beobachtungen der Borzeit, die sie nur unzureichend findet. Ueberall, wo uns eine praktische Einwirkung auf den Gegenstand unserer Untersuchung möglich ift, dient zur Erganzung diefer Mängel der Berfuch ober das Experiment. Indem wir eine Gruppe von Umftanden U willfürlich herstellen, können wir die in der Wirklichkeit thätigen Ursachen nöthigen, uns mit einer Wirkung W zu antworten, die von selbst vielleicht nie in den Kreis unserer Wahrnehmungen gefallen wäre; indem wir Größe und Beschaffenheit jenes U willfürlich variiren laffen, können wir eine Reihe von Aenderungen in Größe und Art des W hervorbringen, die in dieser Bollständigkeit noch viel weniger von selbst sich unserer Beobachtung dargeboten hätte; indem wir U in seine Bestandtheile zergliedern und in jedem Bersuch nur einen von ihnen, ober eine bestimmt angebbare Verknüpfung mehrerer zur Wirkung zulaffen, die übrigen abschneiden, werden wir die Bestandtheile des Erfolges W gleichfalls sondern und lernen, welcher von ihnen von welchem Theile des zusammengesetzten U abhängt. So ist also das Experiment das praktische Mittel, uns Beobachtungen in solcher Menge und von solchen Verschiedenheiten und Verwandtschaften zu verschaffen, wie sie uns nöthig find, um durch Elimination des Unwesentlichen aus ihnen einen reinen Fall BF abzuleiten. Diese Definition selbst zeigt binlänglich, daß nur insoweit das Experiment einen Vorzug vor der Beobachtung hat, als es im Stande ift, die gewöhnlichen Mängel der letteren zu verbessern; es soll passende und fruchtbare Beobachtungen anstatt der unpassenden und unfruchtbaren schaffen, die sich von selbst

Aber es würde verkehrt sein, ihm noch ein anderes mystisches bieten. Berdienst außer diesem zuzuschreiben; es ist nicht, der Beobachtung gegenüber, eine neue Methode der Erkenntniß, sondern lediglich ein Berbereitungsmittel, um das herzustellen, deffen Beobachtung für uns wichtig ist. Und eben deshalb ift nicht überall das experimentale Berfahren schlechthin der bloßen Beobachtung überlegen. Es ift in unserer Zeit ein Vorurtheil der Halbbildung, zu meinen, was am hellen Tage ohne alle Vorbereitung, handgreiflich und im Großen zu beobachten sei, bleibe natürlich zweifelhaft; richtig sei nur, was sich mit fünstlichen Borrichtungen im ganz Kleinen unter ben erschwerendsten Umständen mitrostopisch wahrnehmen lasse. Ich leugne gar nicht, daß diese parabore Annahme, die als allgemeiner Grundsatz abgeschmackt sein würde, in vielen Einzelfällen zutrifft, und daß namentlich nur durch diese fünstlichen Mittel sehr häufig genaue Größenbestimmungen möglich werden, welche die Beobachtung im Großen nie finden würde; aber auch umgekehrt gibt die letztere oft ein allgemeines Berhalten ungesucht, bas in den Experimenten durch specielle Bedingungen verdunkelt wird.

261. Die verschiedenartigen Verhältnisse, welche zwischen U und W die Beobachtung und das Experiment kennen lehren, suche ich jetzt vorzusühren, nicht in der Hoffnung, sie vollständig zu erschöpfen, sondern in der Absicht, an Beispielen die Mannigfaltigkeit der möglichen Fälle und der aus ihnen zu ziehenden Folgerungen zu verdeutlichen.

1. Der Fall + UW. Kommen U und W ununterbrochen in der Wirklichkeit zusammen vor, so gestattet diese beständige Coexistenz gar keinen Schluß auf ein in der That doch vielleicht zwischen beiden stattsindendes Bedingungsverhältniß. Eisen und Silber und alle andern chemischen Elemente sind immer zugleich in der Welt vorhanden; aber daraus folgt weder, daß das eine von ihnen eine Bedingung für das Dasein des andern, noch daß alle zusammen Coeffecte einer einzigen Ursache sind. Höchstens die philosophische Speculation könnte, auf besondere hier nicht zu erörternde Gründe vertrauend, die Möglichkeit einer Mehrheit durch einander in keiner Weise bedingter Elemente bezweiseln; für die Naturauffassung dagegen, der die Induction zunächst dienen will, ist die Coexistenz allein kein Anzeichen weiteres Zusammenshanges. In sedem einzelnen jener Elemente sinden wir ferner versschieden Eigenschaften oder Verhaltungsweisen ununterbrochen verschiedene Eigenschaften oder Verhaltungsweisen ununterbrochen verschieden

einigt; alle besitzen die Eigenschaft der Gravitation gemeinsam, jedes einzelne außerdem seine specifischen Verwandtschaften zu allen andern. Dieser Fall ist dem vorigen nicht gleich; es ist hier ein und dasselbe Subject, an welchem die verschiedenen Eigenschaften, als die seinigen, coexistiren; diese Einheit des Dinges widerspricht einer beziehungslosen Vielheit von Merkmalen, die an ihm vorkämen, und es regt sich der natürliche logische Trieb, entweder eine dieser Eigenschaften durch die andere oder beide durch eine dritte ursprüngliche zu erklären, die unter verschiedenen Bedingungen sich in jene zwei umgestalte. Wohin dieser logische Antrieb weiter führen kann, sei dahingestellt; hier bleibt er eben ein bloßer und unfruchtbarer Antrieb; denn so lange die Beobachtung nichts als die ewige Coexistenz beider Prädicate aufzeigt, gibt sie uns eben kein Mittel an die Hand, den etwa vorhandenen Bedingungsnerus beider mit einander oder mit einem dritten nachzuweisen.

2. Der Fall (+U+W). Kommen U und W nicht in ununterbrochener Wirklichkeit, aber in zahlreichen Wiederholungsfällen vereinigt vor, so ist es möglich, daß sie ohne irgend einen gegenseitigen Zusammenhang lediglich coincidiren und jedes von ihnen die Folge feiner besondern Bedingung ift, die nur zufällig mit der Bedingung des andern zusammentrifft. So wird man urtheilen über die vielen Unglücksfälle, die sich am Freitag ereignen, und über zahllose ähnliche Meinungen des Aberglaubens. Aber man bleibt doch bei diesem Uttheile nur, weil einestheils in diesen Fällen feine Aussicht ift, eine begreifliche Vermittlung zwischen den verbundenen U und W zu entbeden, und weil anderseits weitere Beobachtungen bald lehren, wie wenig allgemein und ausschließlich ihre Verbindung ist. gegen ist die Annahme bloger Coincidenz die am wenigsten wahrscheinliche; was oft wiederholt zusammen vorkommt, macht ein Caufalver hältniß wahrscheinlich; ganz unbestimmbar bleibt nur noch, ob eines der beiden, U und W, Urfache oder Wirkung des andern, oder ob sie beibe nur Coeffecte einer dritten Ursache Z find. Diese Zweideutigfeit bleibt auch dann, wenn U und W nicht gleichzeitig, sondern nacheinander in bestimmter Folge in allen Wiederholungsfällen auftreten; bann fann zwar U die Ursache von W sein, aber beide können auch Coeffecte eines dritten, nicht beständigen, sondern in bestimmter Reihenfolge sich anbernden Z sein. Tag und Racht folgen immer so aufeinander, aber sie

erzeugen einander nicht, sondern sind successive Coeffecte der Axendrehung der Erde. Es könnte endlich geschehen, daß W immer unbemerkt besteht, aber in unsere Beobachtung erst fällt, wenn U stattsündet; so schlägt das Herz bei dem Lebendigen immer, aber der Gesunde fühlt es fast nur, wenn eine besondere Aufregung U hinzukommt; dann ist U zwar nicht die Ursache von W, aber doch die Bedingung seines Eintretens in unsere Beobachtung.

3. Der Fall (-U+W). Die Zweideutigkeiten, die hier blieben, entscheiden erweiterte unmittelbare oder durch das Experiment vermittelte Beobachtungen. Findet sich, daß W auch vorkommt ohne U, oder daß U sich experimentell aufheben läßt, ohne zugleich W aufzuheben, so kann man zwar nicht schließen, daß U nicht die Urfache von W, wohl aber, daß es nicht die erhaltende Ursache desselben sei. Sat, auf den man sich beruft, um den voreiligen erften Schluß zu rechtsertigen: cessante causa cessat effectus, hat nur den einen unzweideutigen Sinn: mit dem Wegfall einer Urfache kommen diejenigen Wirfungen in Wegfall, welche die Ursache noch gehabt haben würde, wenn sie fortbestanden hätte. Daß die bereits entstandenen Wirkungen sich verschieden verhalten, zeigen die einfachsten Beispiele; die Bewegung dauert fort nach der Beendigung des Stoßes, der sie hervorbrachte; das Rochen des Waffers hört auf, wenn die Wärmezufuhr nachläßt, von der es erzeugt wurde und deren es als beständiger Erhaltungsursache bedarf; das Kind stirbt nicht mit dem Tode der Aeltern, der einzigen Ursachen, die sein Dasein bewirken konnten; aber das Gleichgewicht einer unterstützten Last geht zu Grunde mit ber Hinwegziehung ihrer Man fann alle diese Fälle, beren weitere Zerglieberung hier unnöthig ift, auf einen allgemeinen Sat ber Beharrung gurudbringen, den wir in Bezug auf unsere jetige Aufgabe so aussprechen: jede Wirtlichkeit, die einmal hervorgebracht ift, welcher Art sie auch sein mag, bauert fort, wenn nicht entgegenwirkende Ursachen sie aufheben. Wirtungen einer erzeugenden Ursache bedürfen daher einer erhaltenden Ursache nicht, sobald sie in Zuständen eines Subjects bestehen, welche sowohl mit der beständigen Natur desselben als mit den äußern Bedingungen im Gleichgewicht sind, unter denen es sich befindet; sie verlangen dagegen eine erhaltende Ursache, wenn entweder in jener Natur oder in diesen äußern Umständen sich Kräfte befinden, welche auf sie

einen umgestaltenden Einfluß zu äußern streben. Dauert also W sort nach dem Aushören von U, so sind drei Fälle möglich: entweder ist zwischen beiden gar kein Causalzusammenhang, oder U ist zwar erzeugende, aber nicht erhaltende Ursache von W, und in diesem Fall wieder entweder eine erzeugende Ursache, neben der es noch andere gibt, oder auch die einzige, von der W hervorgebracht werden kann.

Wenn U in der Beobachtung vor-4. Der Fall (+U-W). kommt, ohne daß W folgt, so zieht natürlich dies Berhalten unsere Aufmerksamkeit nur auf sich, wenn es im Widerspruch ist mit schon gemachten Beobachtungen einer sonst vorkommenden Berbindung von U und W; es kann bann sein, daß U nicht die Ursache von W ist, und man corrigirt dann, indem man diese Folgerung zieht, die andere, welche man aus den entgegengesetzten früheren Beobachtungen gezogen hatte. Der Zusammenhang von Ursachen und Wirkungen in der Wirklichkeit unterscheidet sich jedoch von dem zwischen Grund und Folge auf dem Gebiet des blos Denkbaren. Jeder Grund, der einmal gilt, bringt seine Folge ganz hervor und zugleich ganz in dem Resultat wahrnehmbar; wirten zwei Gründe zusammen, hat eine Größe g zwei Bedingungsgleichungen zu genügen, die ihr Berhalten zu x bestimmen, so ift der Einfluß der zweiten allemal darin sichtbar, daß sie aus den vielen Werthen des g, welche die erste allein noch möglich ließ, nur einen oder eine bestimmte Anzahl unter einander regelmäßig verknüpfter übrig läßt. Gine Beränderung W dagegen, welche in der Wirklichkeit aus der Ursache U folgen müßte, kann stets burch eine Gegenursache Z so aufgehoben werden, daß sie der Beobachtung verschwindet. Man kann nicht fagen, daß Z die Wirkungsfähigkeit des U vernichtet; denn U tann von seiner Wirkung W nur abgehalten werden, indem es selbst auf das hindernde Z zurückwirft; in diesem bringt es immer eine andere Wirfung W1 hervor, anstatt der W, welche wir erwarteten, oder auch es selbst erleidet unter dem Einfluß des Z und seiner eigenen Wirfungs tendenz einen Zustand W1, den es sonst nicht erleiden würde; aber dieses W1 ist sehr häufig so gestaltet, daß es sich der unmittelbaren Beobachtung gang entzieht; dann scheint W völlig zu fehlen, mährend U vorhanden ist; in der That hat W nur seine Form geandert. Dies kommt überall vor, wo bewegende Kräfte einem festen Widerstand begegnen; fie scheinen uns dann nichts zu wirken, mahrend fie in Wahrheit einen starken Druck auf ben widerstehenden Körper ausüben. Folgt also in der Beobachtung W auf U nicht, so kann allerdings der Causalzussammenhang zwischen beiden ganz sehlen, und dann muß man die andern Beobachtungen einer Folge von U und W auf andere Weise beuten; es kann aber auch U eine oder selbst die einzige Erzeugungsursache von W, aber durch eine Gegenkraft Z an der Hervordringung des W verhindert sein. Man erhält hierdurch die Aufforderung, sich in jedem solchen Falle darnach umzusehen, ob sich eine sonst sehlende Ersatwirkung W1 entdeden läßt, welche das Dasein eines Widerstandes verräth. Wenn man endlich experimentell U herstellt und W nicht solgen sieht, auch keine Spur eines stellvertretenden W1 sinden kann, so ist hier der Schluß gerechtsertigt, daß U keine der erzeugenden Ursachen von W sei.

5. Der Fall (-U-W). In der Beobachtung tann es nur in seltenen Fällen und nur in Erinnerung an andere icon gemachte Erfahrungen vorkommen, daß uns das gleichzeitige Nichtvorhandensein von U und W auffällt; hat bagegen U früher bestanden, und finden wir, daß mit seinem Aufhören auch W verschwindet, so ist die nächste Bahrscheinlichkeit natürlich, daß U mindestens die erhaltende, vielleicht auch die erzeugende Bedingung von W ist, oder daß U und W Coeffecte einer britten Urfache Z find, mit beren Wegfall fie beide verschwinden. Hört W auf, wenn wir U experimentell aufheben, so scheint nur das erste Glied dieser Alternative möglich; aber es kann sich doch auch anders verhalten. Was wir hier die Aufhebung von U nennen, ist nicht immer blos ein Wegfall dieser früher wirkenden Urfache, sondern läßt sich häufig nur durch eine positive Borkehrung oder Einwirfung herstellen, welche, indem sie U aufhebt, zugleich neue Bedingungen Z schafft, welche für die von U vielleicht ganz verschiedene Ursache, von der bis dahin W wirklich abhing, Hinderungen ihres Beiterwirkens bilden und folglich W aufheben. Es stritt lange die Annahme, daß Infusorien ohne Keim ihrer Art aus dem Aufguß organischer Stoffe entstehen, mit der andern, daß überall die Bedingung ihrer Entstehung in ben ber organischen Substanz selbst anhängenden oder durch die atmosphärische Luft zugeführten oder im Wasser enthaltenen Sporen ober Samen liege. Dieser Streit könnte entschieden werden, wenn man zeigte, die Erzeugung W ber Infusorien hore auf,

wenn der Zutritt U lebensfähiger Sporen oder Samen abgeschnitten wird. Aber die hierzu benutzte Auskochung des Wassers zugleich mit der organischen Substanz und die Leitung der Luft durch glühende Röhren bürgen allerdings für das Nichtvorhandensein lebensfähiger Samen in allen drei zusammenwirkenden Körpern; zugleich sind dies jedoch so eingreisende Borgänge, daß durch sie auch die Ursache, welche die andere Meinung voraussetzte, die eigene Entwicklungsfähigkeit der organischen Materie zu lebendigen Organismen, mit wirkungslos gemacht werden kann. Dieser Bersuch bedurfte daher einer Modification, welche dies Bedenken ausschloß.

6. Der Fall (+W+U). Durch keinen der bisherigen Schlüsse läßt sich mehr feststellen, als daß U eine Ursache von W ift; daß es die einzige, daß folglich auch die Umkehrung des Sates richtig und jedes W Wirkung eines U sei, wurde sich nur auf dem Wege der Ausschließung ermitteln lassen, der uns darauf führte, daß alle andern denkbaren Urfachen die Wirkung W nicht haben. Diese Ausschließung ist in Bezug auf die unzähligen nächsten Ursachen, die in der Natur wirkend auftreten können, gang unausführbar; man könnte an fie nur benken, wenn eine viel weiter fortgeschrittene Bearbeitung ber Wahrnehmungen uns schon eine in vollständiger Disjunction erschöpfbare Anzahl allgemeiner wirkender Kräfte kennen gelehrt hätte, von deren Modification irgend welcher Art jeder Erfolg überhaupt abhängen muß. Die inductive Naturforschung vollzieht jedoch jene Umkehrung der Wahrnehmungen sehr allgemein; wenn sie in vielen Fällen U als Ursache von W gefunden hat, so nimmt sie an, daß ein W, dessen Ursache sie nicht beobachtet, auf dasselbe U als Ursache zurückzubeziehen sei-Den Logifern kann man nicht widersprechen, wenn sie in dieser Bewohnheit formell einen logischen Fehler sehen. Denn gang gewiß läßt das particulare Urtheil: viele W find Wirkungen von U, in keiner Beise die Folgerung ad subalternantem zu: alle W sind Wirkungen von U; oder in keiner Weise kann das hypothetische Urtheil: wenn U ist, ist W, rein umgekehrt werden in das andere: wenn W ist, ist U. Allein wenn hiervon gar zu viel Aufhebens gemacht wird, so muß man doch bedenken, daß die Naturforschung ihre hier angezweifelten Folgerungen nicht nach dem abstracten Muster einer so verkehrten logischen Regel zieht, sondern weil fie durch eine Fülle von Sachkenntniffen über

die thatsächlich bestehenden allgemeinen Gewohnheiten des natürlichen Beschens sich berechtigt glaubt, das zu ergänzen, was an der logischformalen Gültigkeit jener Umkehrung fehlt. Gie meint: es konnte freilich so sein, daß hundert gleichartige Wirkungen in der Natur von hundert sehr verschiedenen nächsten Ursachen abhingen; aber es ist nun einmal nicht so, sondern gleichartige Erfolge gehen wirklich von Ursachen aus, die nicht blos darin sich gleichen, daß sie dies Gleichartige hervorbringen tonnen, fondern eben diefe gleiche Wirkungsfähigkeit hängt immer an auch sonst gleichartiger Natur der Ursachen. Es ist gar nicht der Mühe werth, das sehr große Gewicht noch weitläufiger bemerklich m machen, das diese Berufung auf den bereits gewonnenen sachlichen Inhalt unserer Erkenntniß zur Ergänzung der blos logischen Folgerungsrechte ganz einleuchtend besitzt; es ist im Gegentheil nothwendig, ju bemerken, daß die hieraus abzuleitende Berechtigung ihre Grenzen hat. Newton hat den hier in Rede stehenden Grundsatz in seiner weiten Regel so ausgesprochen: effectuum naturalium ejusdem generis eaedem sunt causae. Ich glaube nicht, daß die Berehrung vor seinem unsterblichen Beifte leidet, wenn wir uns zugestehen, daß diese Formulirung logisch den Ansprüchen auf Präcision keineswegs genügt, die er mathematisch so unübertrefflich zu befriedigen wußte. Wir setzen nicht außer Acht, daß diese Regel nicht ein logisches Gesetz, sondern eben eine Regel, eine praktische Maxime der Naturforschung sein soll, mahrideinlich hervorgerufen durch die glänzenden Entdeckungen, denen sie als Borspiel biente; aber auch so ist sie unbestimmt genug, und jeder einzelne ihrer Ausdrücke bedarf der Interpretation. Ich lege nicht Gewicht darauf, daß zuerst das idem genus eine Definition verlangen würde, die uns zeigte, welche effectus naturales zu demselben, welche andern zu einem andern genus gehören; eines so weitschichtigen Ausdruckes können auch wir nicht ganz entbehren, übrigens aber ihn hier so interpretiren, daß bloße Größendifferenzen gleichgeformter Vorgänge leine Artverschiedenheit berselben begründen. Aber was sind effectus naturales? Verstehen wir darunter jeden natürlichen Vorgang, sofern er als Wirkung auf irgend eine Ursache bezogen wird, so ist der ganze Sat mit dem Ende: eaedem causae offenbar unhaltbar, so lange nicht biefer lettere Begriff bestimmt ift. Schließt man in das idem genus, wie wir eben thaten, die quantitativ verschiedenen Erfolge ein, so kön-

nen sie nur causas ejusdem generis, aber nicht easdem haben; quantitativ muffen auch die Ursachen unterschieden sein; aber auch daß sie ejusdem generis sein müßten, wird durch die gewöhnlichsten Erfahrungen widerlegt, die uns zeigen, wie mancherlei verschiedene und nur äquivalente Ursachen eine und dieselbe Art ber Wirkung hervorbringen können. Nähert sich ein Körper B einem Bunkte C mit gleichförmig beschleunigter Geschwindigkeit, so ist so viel freilich klar und nothwendig, daß eine Kraft auf ihn wirken muß, die diesen und gerade diesen Effect hervorbringen fann; aber wie verschiedener Art können doch die Kräfte sein, die das thun! Sie können a fronte anziehend wirken von dem Punkte C aus, sie können auch a tergo abstoßend wirken auf B und es hierdurch dem C nähern; die erste Weise der Wirkung kann von electrischen Kräften ober von ber Gravitation ausgehen; die lettere von einer Reihe einzelner fich summirender Stofe. Will man alle diese Ursachen als easdem oder als ejusdem generis fassen, weil sie trop ihrer übrigen wesentlichen Verschiedenheiten darin übereinkommen, eben diesen gleichen Effect hervorzubringen, so thut man nicht blos jedem Sprachgebrauch Gewalt, sondern man macht auch die ausgesprochene Regel zu einer trivialen Tautologie. Denn daß alle Ursachen, welche gleichartige Wirkungen haben sollen, wenigstens barin gleichartig sein muffen, daß sie eben fammtlich diese Wirkungen hervorbringen können, daß sie also in Bezug auf diese Wirkung äquivalent sein muffen, dies versteht sich von selbst, und braucht, als eine Folge des Identitäts gesetzes, nicht erst durch eine besondere Maxime der Naturforschung gelehrt zu werden; eine solche Maxime will offenbar etwas als thatsächlich gültig barftellen, was aus formal logischen Gründen nicht nothwendig ist, also in diesem Falle, daß die Ursachen gleichartiger natürlicher Borgänge nicht blos äquivalent in Bezug auf diese, sondern auch außerdem gleichartig sind. Daß aber der Inhalt dieser Maxime nicht allgemeingültig sein könne, beweisen nun eben die Erfahrungen. Effectus naturales könnten jedoch auch anders gemeint sein, nicht als natürliche Vorgänge, sondern als Naturvorgänge; d. h. nicht als solche, die gelegentlich so zu sagen im Kleinhandel aus der Anwendung physischer Besetze auf zufällig zusammengerathene Umstände entstehen, sondern als folche, die in dem großen Betriebsplane der Natur ihre beständige Stelle haben, und die zu den Naturzwecken rechnen würde, wer sich diesen

Begriff glaubte rechtfertigen zu können. Newtons wörtlicher Ausbruck führt auf eine solche Deutung nicht nothwendig; daß ihm der Art etwas vorgeschwebt, wird aber durch die Stelle wahrscheinlich, an der seine Regel fteht, in der Ginleitung zu einem Werke, bas eben diese beständigen alles umfaffenden und beftimmenden Naturvorgänge, den Umlauf der Planeten, den Gang des Mondes und den unaufhörlichen Trieb der Körper, zu fallen oder zu drücken, in einer großen Anschauung zusammenzufassen bestimmt war. So verstanden, würde jener Sat nicht unmittelbar eine Regel der Forschung, sondern der Ausdruck einer Thatsache sein, deren Bestehen mittelbar auf die von der Untersuchung einzuschlagenden Wege einen maßgebenden Ginfluß besitzt, der Thatsache nämlich, daß der in der Welt wirkenden höchsten und allgemeinsten, von einander unabhängigen Ursachen nicht unzählige, sondern sehr wenige sind, und daß auf eine von ihnen jede Gruppe zusammengehöriger Wirkungen im Großen zurückzuführen ist, während im Kleinen nicht immer dieselben, sondern sehr verschiedene äquivalente nächste Ursachen eine und dieselbe Wirkung erzeugen. Es würde jedoch schwer sein, die Grenzen zu bestimmen, welche jene großen Ursachen von diesen fleinen trennen; ebenso schwer, auszumachen, welcher Theil des so gedeuteten Sates, ob die Hinweisung auf die Gleichartigkeit der höchsten ober ob die auf die Ungleichartigkeit der nächsten Ursachen mehr eingeschärft zu werden verdient; jedenfalls ist die wissenschaftliche Praxis Newtons so bewundernswerth, daß wir besser thun, ihr nachzustreben, als mit dieser seiner allgemeinen Maxime überflüssig Staat zu machen. Ich tehre noch zu einem Beispiel zurück. Wenn ber Chemifer von dem Element U eine Reaction W beobachtet hat, und nun einen neu untersuchten unbekannten Körper dieselbe Reaction W geben sieht, so beruht sein Schluß, dieser Körper sei folglich U, keineswegs auf der einfachen Umkehrung jener Beobachtung, sondern auf dem Bewußtsein, mit allen Elementen, die an der Erde vorkommen, bereits experimentirt und von keinem andern außer U dieselbe Reaction W erhalten zu haben. Dieser Beweis durch Ausschließung ist formell nicht unbedingt sicher, aber doch von größter Wahrscheinlichkeit; wird ein neues Glement U1 entbedt, das nun doch mit U dieselbe Reaction gibt, so ist man eben klüger geworden und sucht nun nach einem andern Rennzeichen, beibe zu unterscheiben. Nicht gang bieselbe Wahrscheinlichkeit hat die Folgerung

aus der Spectralanalyse, die Stoffe, welche in dem Spectrum der himmelsförper die Streifen W hervorbringen, seien identisch mit den irdischen Elementen, deren Dämpfe in ihren Spectren dieselben Linien W erzeugen. Mit jenen außerirdischen Stoffen haben wir nicht experimentirt; daß es nicht mehrere, im llebrigen verschiedene Elemente geben könne, die in dieser einen Reaction W einander gleichen, ist baher nicht so sicher, wie in dem vorigen Fall, obgleich sehr wahrscheinlich beshalb, weil fein Beispiel nichtidentischer irdischer Elemente mit identischen Spectrallinien vorliegt, und weil ohnehin die Körper unseres Sonnenspftems fich als zusammengehörige Bruchstücke einer früher vereinigten Maffe ansehen laffen. Die gleichen Farben, die im auffallenden und im durchgehenden Lichte viele chemisch sehr verschiedene Körper zeigen, beweisen, daß die hier in Frage kommende Fähigkeit zur Reflexion, Absorption und Transmission verschiedener Lichtwellen nicht gang einfach mit ber demischen Natur ber Stoffe zusammenhängt; anderseits können zwei Elemente doch nicht deshalb, weil das eine Kalium, das andere Natrium beißt ober ift, eigenthümliche Wirfungen W oder W1 hervorbringen; sie sind ober heißen vielmehr das eine oder bas andere nur beshalb, weil die allgemeinen Kräfte, mit denen Körper sich gegeneinander wirkend gelten machen, in beiden mit verschieden großen specifischen Coefficienten vortommen. Daß nun unter Bebingungen, die wir experimentell gar nicht nachahmen können, z. B. bei der an der Sonnenoberfläche herrschenden Temperatur, einer dieser Coefficienten, durch beren Berein bas eine Element carafterifirt wird. sich niemals ändern und niemals die Größe annehmen könnte, welche berfelbe Coefficient unter den Bedingungen an der Erdoberfläche für ein anderes Element besitt, daß also niemals verschiedene Elemente uns gleiche Linien im Spectrum zeigen könnten, ift nicht fo unanfectbar gewiß, daß dieser durch die Spectralanalyse uns eröffnete Blid in die demische Zusammensetzung anderer himmelskörper jeden Zweifel ausschlösse.

7. Der Fall (—W—U) würde nach unserer Bezeichnung besteuten, daß wir aus dem Nichtvorhandensein einer Wirkung W, die wir in andern Beobachtungen auf U folgen sahen, auf das Nichtvorhandensein von U zurückschließen. Er bedarf keiner weitern Erörterung; die richtige Folgerung aus dem Fehlen von W ist nur diese,

daß keine von den vielleicht vielen verschiedenen Ursachen U<sup>1</sup>, U<sup>2</sup>, U<sup>3</sup>..., welche W bewirken könnten, in der That wirksam gewesen ist, ent= weder, weil keine von ihnen bestand, oder weil jede von ihnen Widersstände fand, welche ihr die Hervorbringung von W unmöglich machten; die letzte Alternative wird wie früher entschieden, je nachdem sich Spuren einer andern stellvertretenden Wirkung W<sup>1</sup> auffinden lassen oder nicht.

- 262. Sei nun auf einem der beschriebenen Wege außer Zweisel gestellt, daß U die Ursache von W sei oder enthalte, so kann diese letzte Frage nur durch wiederholte Beobachtungen und Versuche beantwortet werden, welche sich der Reihe nach auf die ungesucht unterscheidbaren oder durch künstlichere Veranstaltungen trennbaren Bestandtheile des U und auf die jedem von ihnen zugehörige Einzelwirkung beziehen. Hierzu seten wir Ursache und Wirkung zwei Gruppen von Vorgängen gleich, U=a+b+c und  $W=a+\beta+\gamma$ , und heben folgende einsschiste Fälle als Beispiele der hier vorkommenden Mannigfaltigkeit von Verhältnissen hervor.
- 1. Der Fall (U a = W). Nach leicht begreiflicher Analogie unserer Bezeichnungen bedeutet dieser Fall, daß das Fehlen oder bie experimentale Aufhebung des einen Bestandtheils a der Ursache U keine Aenderung in der Wirkung W hervorbringt. Wenn dies nun buchstäblich richtig wäre, das hier beobachtete W mithin dem vorher beobachteten völlig gliche, so wäre der natürliche Schluß, a trage gar nichts zur Hervorbringung der Wirkung bei, durchaus gerechtfertigt. Aber eben dies findet nicht immer statt; da wir alle diese Fälle hier nur mit Rücksicht barauf behandeln, wie sie in unserer Beobachtung vorkommen, so müssen wir erinnern, daß sehr oft die beobachtbare Wirkung unverändert bleibt, wo die wirkliche in der That durch die Aufhebung des a eine Aenderung in W1 erfahren hat. Denken wir uns an fechs gleich langen Seilen, die an ben Edpunften eines regelmäßigen Sechseds befestigt find, eine Last aufgehängt, so wird sie, wenn wir das erste, dritte und fünfte Seil entfernen, bei hinlänglicher Festigkeit der Seile nicht nur hängen bleiben, sondern auch scheinbar ihren absoluten Ort im Raume behalten. Das letzte findet jedoch gewiß nicht statt; die Spannung der drei übrigen Seile ift gewachsen, und fie haben fich um ein Geringes ausgedehnt, die Last selbst sich um ein Geringes senkrecht ver-

schoben, und hierin besteht eben die neue Wirkung W1, die an die Stelle von W getreten ist; die Differenz zwischen beiden verschwindet für die oberflächliche Beobachtung und verleitet zu dem hier falschen Schlusse, die drei anderen Seile haben zu der ursprünglichen Wirkung W nichts beigetragen, während nur eine früher wirklich geleistete Arbeit derselben vicarirend von den andern Bestandtheilen von U übernommen worden ist. Es ist kaum nöthig zu bemerken, wie ungemein häusig dieser Fehlschluß von der Unbemerkbarkeit kleiner Wirkungen auf Wirskungslosigkeit begangen und durch späteren Schaden gebüßt wird, und wie die Erkenntniß seiner Gesahr zu vielerlei Methoden führt, dieses Kleine für die Beobachtung zu vergrößern und es in den Bereich der Wahrnehmung zu rücken.

2. Der Fall (U - a = - W). Wenn nach dem Verschwinden des a in der Beobachtung oder nach seiner experimentalen Aufhebung das ganze W verschwindet, so neigen wir natürlich zu der Annahme, a allein sei bei ber Hervorbringung ober boch jedenfalls bei der Erhaltung bes W wirksam betheiligt. Daß bies möglich, aber nicht allgemein gültig sei, lehrt uns die Bergleichung mit andern Beobachtungen; laffen wir der Reihe nach anstatt a die andern Bestandtheile von U verschwinden, so zeigt sich oft, daß das ganze W auch mit dem Aufhören von b oder von e ganz ebenso verschwindet, daß es folglich nicht von einem Bestandtheile des U, sondern von der gleichzeitigen Wegenwart und Berknüpfung aller oder doch mehrerer von ihnen abhängig ift. Jede zusammengesetzte Maschine, jeder lebendige Körper bietet dafür Beispiele; die Bewegung der ersten und das Leben des lettern bort mit der Berletzung mancher Bestandtheile auf, deren feiner für sich allein im Stande gewesen wäre, ohne die Mitwirkung der übrigen Bewegung und Leben zu erzeugen und zu erhalten; die Thatfache, daß mit der Zerstörung eines einzelnen Hirntheiles a eine bestimmte geistige Function aufhört, bürgt nicht dafür, daß eben diefer einzelne Theil das erzeugende Organ derfelben war; felbst die Gegenerfahrung, daß keines anderen einzelnen Theiles Berletzung bieselbe Folge habe, macht diesen Schluß nicht vollkommen sicher; es bleibt immer möglich, daß a nur der unentbehrliche Bestandtheil war, in welchem die Wirkungen aller übrigen eben diese Form W annehmen, und daß mithin die Function aufhört, sowohl wenn a, als wenn außer a alle übrigen Bestandtheile

des Gehirns in ihren Verrichtungen gehindert werden. Um hierüber zu entscheiden, müßte man die Aenderungen des W in W<sup>1</sup> zu beobsachten suchen, welche bei ungestörtem a aus den Functionshemmnissen der übrigen Organe entspringen.

3. Der Fall (U-a=W+a). Wenn aus U ber Bestandtheil a in der Beobachtung verschwindet oder im Experiment zum Wegfall gebracht wird, und dann die Wirkung W um einen neuen, vorher nicht vorhanden gewesenen Bestandtheil a wächst, oder überhaupt jett erst eine Wirkung a entsteht, so haben wir zu schließen, daß die übrigen Bestandtheile von U den erzeugenden Grund von a enthielten, a hingegen ein Hinderniß war, nach dessen Entfernung erst a sich entfalten tann. Die Beobachtung allein rechtfertigt diesen Schluß nicht ganz; denn es bleibt zweifelhaft, ob nicht, während a verschwand, eine unbemerkt gebliebene neue Bedingung Z eintrat, welche allein a hervorbringt, während a weder zu seiner Erzeugung, noch zu seiner Hemmung fähig ist; das Experiment beseitigt diesen Zweifel dann, wenn man sicher ist, daß das operative Verfahren, durch welches man a aufhob, wirklich nur diese Negation des a bewirkte, nicht aber zugleich einen positiven Eingriff Z enthielt, dem die Entstehung von a zugemessen werden könnte. Jede Störung eines Gleichgewichts durch Beseitigung einer der Kräfte, die es unterhielten, gibt für diesen Fall ein Beispiel; auch in der Dekonomie der lebendigen Verrichtungen ist die Physiologie mehrfach auf gleiches Berhalten gestoßen. Wenn die Durchschneidung eines Nerven stürmische Bewegungen hervorruft, und wenn man, wie in diesem Beispiel für sicher gelten kann, burch ben Act ber Durchschneidung nicht eine dauernde positive Aufregung, sondern nur die Aufhebung eines früher bestandenen Einflusses hervorgebracht hat, so kann man nur an eine durch den Plan der Organisation vorgezeichnete Hemmung der einen Function durch eine andere denken und von ihrer Aufhebung den Eintritt jener beobachteten Bewegungen abhängig machen. Historische Betrachtungen führen häufig auf dieselbe Ansicht. Es gibt zwar positive Anregungen, durch welche die Menschheit in eine gewisse Bahn geschichtlicher Entwicklung getrieben wird; aber die Mehrzahl großer und plötlicher Umwälzungen beruht auf einer Hinwegräumung von Hindernissen, die der Entfaltung immer vorhandener Tendenzen und Gesinnungen entgegenstanden, und selbst jene positiven Antriebe

leiten die Begebenheiten meist nur eine Zeit lang nach der von ihnen angegebenen Richtung; später nimmt Alles eine andere Wendung, weil unvermerkt und gegen seine Absicht der gegebene Anstoß auch Hindernisse ganz anders gearteter und nach andern Zielen strebender Kräfte entfernt oder geschwächt hatte.

4. Der Fall  $(U-a=W-\alpha)$ . Dieser Fall erfordert feine neuen Ueberlegungen, sondern schließt sich bem zweiten und britten an. Beranlaßt die Aufhebung eines Theiles a von U das Berschwinden eines Theiles a in der Wirtung, so kann hier wie dort der Causalzufammenhang, der dann nothwendig zwischen a und a besteht, ein ausschließlicher, also a die genügende Erzeugungs- oder Erhaltungsurfache von a sein; es kann aber auch a das eine oder das andere vielleicht nur in Berbindung mit den übrigen Bestandtheilen von U fein, und dieses lettere Berhalten tann felbst bann stattfinden, wenn Wegenverfuche zeigen, daß die Aufhebung keines andern Theils von U dieselbe Bernichtung des a herbeiführt, weil die noch übrigen Theile für die weggefallenen vicariren können. Es kann ferner a vielleicht nur mittelbar, nach dem Muster des dritten Falles, a bedingen; dann ist ein anderer Theil von U, vielleicht c+d, die erzeugende und erhaltende Urfache von a, aber ein dritter Bestandtheil b hemmt die Wirkung von c + d, dieses Hinderniß endlich wird durch a balancirt, so daß die Entfernung von a der hemmenden Kraft des b nun die Unterdrückung des a möglich macht. Entziehung bes Sauerstoffs a, während die übrigen Lebensbedingungen U bleiben, hebt die lebendigen Functionen a des thierischen Körpers auf, ohne beffen Bau sonft ebenso sichtbar wie an bere Todesursachen zu verändern. Man hat hieraus niemals ben Schluß ziehen können, der Sauerstoff allein bringe das Leben hervor; daß er es nur konnte im Berein mit den Bestandtheilen des Körpers, mithin als ein Reiz, ber auf diese wirkt, ober als eine Mitursache unter vielen, dies war von felbst klar; aber doch schrieb man ihm die positive Rolle zu, eben der erregende Reiz zu sein, der durch seine Einwirkung unmittelbar in den Organen die Bewegungen hervorruft, deren Ganges das Leben ift. Diese Deutung hat nicht ganz widerlegt werden können; aber gewiß theilt sie sich mit der anderen in die ganze Wahrheit, namlich mit ber, daß die Einwirtung des Sauerstoffs hauptsächlich in ber Hinwegräumung von Hindernissen bestehe, die aus den lebendigen

Functionen selbst, durch Abnutung der organischen Stoffe, für die weitere Fortsetzung dieser Functionen entstehen.

- 5. Der Fall (U+a=W). Der Hinzutritt einer neuen Ursache a zu U, in welchem sie früher nicht enthalten war, kann die Wirstung W nur unter denselben Bedingungen unverändert lassen, wie in dem ersten Fall der Wegfall eines in W vorher enthaltenen Bestandstheils a. Entweder sindet sich, in der Beobachtung, während a hinzustommt, ein unbeachtetes Z ein, das seine Wirkung aushebt, oder es ist uns, im Versuche, nicht gelungen, a so anzubringen, daß es seine Wirstung entfalten kann, oder endlich die Veränderung von W in W<sup>1</sup>, wenn a in der That wirkt, tritt auch wirklich ein, entzieht sich aber der Besobachtung und kann nur durch besondere Ausmerksamkeit ausgefunden werden.
- 6. Der Fall (U + a = W + a). Wenn ein neues Glement a, welches zu den bisher wirkenden Ursachen U hinzutritt, das neue Element a in der bisherigen Wirkung W entstehen läßt, so kann a für sich allein die hinreichende Urfache sein, welche in den Objecten, die hier in Frage kommen, die Wirkung a erzeugen würde; es kann aber auch a, gleich dem letten Tropfen, der ein volles Gefäß zum Ueberlaufen bringt, nur die ergänzende Ursache sein, ohne welche alle früheren, und welche selbst ohne alle früheren diese Wirkung nicht hervorgebracht hätte. Es kann endlich vorkommen, daß die Wirkung W oder überhaupt die Thatsache W, die wir hier um den Zuwachs a vermehrt werden und dadurch in W1 übergehen lassen, nicht ein ruhiger Zustand und nicht ein immer in gleicher Weise sich wiederholendes oder fortsetzendes Geschehen, sondern selbst eine Entwicklung ist, die, wenn sie einmal durch eine Gruppe U von Ursachen hervorgebracht ist, dann in Folge der Natur der Objecte, auf welche diese wirken, von selbst aus W sich in W1 verwandelt; dann ist a ein müßiger Zusatz zu U oder ein solcher, der zwar anderweitige Wirkungen haben mag, aber unschuldig ist an einem Eintreten das a. Mit dieser Zweideutigkeit kämpfen die therapeutischen Beobachtungen. Wenn man in den lebendigen franken Körper U das Heilmittel a und seine vermutheten Kräfte einführt, so bleibt zweifelhaft, ob die Krankheit W die günstige Wendung a aus diesem Grunde nimmt, und ob sie nicht vielmehr von selbst denselben Berlauf auch ohne a genommen haben würde. Es ist nicht ganz leicht, Lobe, Logit.

bies zu entscheiden, weil hier die Möglickeit des Versuchs in enge Grenzen eingeschlossen ist. Hat man einmal beobachtet, daß in vielen Fällen auf die Hinzufügung von a der erwünschte Erfolg eintrat, so scheut man sich, das vielleicht, aber doch nicht gewiß überslüssige a versuchsweis wegzulassen; Gegenersahrungen aber, die sich freiwillig darbieten und die Unnöthigkeit des a zu beweisen scheinen, bleiben auch ihrerseits zweideutig, weil die verglichenen Fälle selten ganz gleichartig sind und weil sich kaum nachweisen läßt, daß nicht irgend ein Z das sehlende a als äquivalente Einwirkung ersett hat. Dieselben Schwierigkeiten sindet die Betrachtung socialer und geschichtlicher Phänomene; es ist schwer festzustellen, ob zur Erzeugung einer neuen Wendung a der Dinge eine Maßregel a oder ein Ereigniß a beigetragen hat, das die Beobachtung dem a vorangehen sah; noch schwieriger, zu ermitteln, worin allgemein die Wirksamseit des a liegt und durch welche in W liegenden Nebenbedingungen sie ermöglicht oder begünstigt wird.

7. Der Fall (U+a=U+b). Es ist unmöglich, daß zwei Ursachen, die neben einem gemeinschaftlichen Bestandtheil U sich durch verschiedene Bestandtheile a und b unterscheiden, genau dieselbe Gesammtwirkung W haben, aber es ist möglich, daß ein bestimmter von uns ins Auge gefaßter Theil ihrer Gesammtwirfung oder endlich daß dasjenige gleich sei, was von diesem Theile in unsere Beobachtung fällt. Dies Berhalten bezeichne ich durch die vorangestellte Formel. nächstliegende Schluß aus ihm ist natürlich der, daß beide Ursachen durch ihren gleichen Bestandtheil die gleiche Wirkung erzeugen und daß in Bezug auf diese die ungleichen Elemente derselben ohne Einfluß find. Es bedarf keiner Erwähnung, daß dieser Schluß sehr häufig zutrifft, selbst bann, wenn das Gemeinsame zweier oder vieler Ursachen nur in wenigen Merkmalen besteht, das Verschiedene dagegen, a und b, sich zu Complexen sehr vieler Merkmale erweitert. Aber es ist doch auch möglich, daß U für sich allein niemals jene gleiche Wirkung erzeugt oder erhält, sondern allemal dazu einer Unterstützung durch a ober b oder c bedarf, welche letteren Bestandtheile dann als äquivalente Mitursachen von W zu betrachten sind; es kann selbst kommen, daß der gleiche Theil U verschiedener Ursachen völlig wirkungslos in Bezug auf W ist und dieses allein von den ungleichen Elementen bei ber abhängt. Lassen wir auf einen Bunkt, der auf einer festen Ebene

liegt, drei Kräfte einwirken, die eine c senkrecht auf die Ebene, die andern beiden a und b divergent in der Ebene, so ist es leicht möglich, den letztern zwei andere zu substituiren, welche dieselbe Resultante W geben; die erste Kraft c, die einzige, die beiden Kraftsystemen gemeinsam ift, ist zugleich die einzige, die nichts zur Bestimmung ber Richtung und Größe ber Resultante beiträgt. Bang allgemein, jedes Gleichzewicht und jede Bewegung läßt unzählige Constructionen aus sehr verschiedenen Verknüpfungen von Einzelursachen zu. Nun tann man freilich einwenden, daß in allen solchen Fällen a, b, c nicht unvergleichbar verschieden sind, sondern selbst noch ein Gemeinsames x neben ihren Berschiedenheiten enthalten; dies x musse man zu dem gemeinfamen U rechnen, und dann werde immer U + x die wahre Ursache der gleichen Wirkung W sein. Diese Bemerkung ist richtig, aber fie gehört nicht als Einwand hierher, denn sie spricht nur den in abstracto selbstverständlichen Sat aus, daß zu gleichen Folgen immer gleiche Gründe gehören; hier aber handelt es sich darum, wodurch in ber Beobachtung diese gleichen Gründe gleicher Folgen repräsentirt werden, und wir fanden nun, daß nicht immer die gleichen Bestandtheile oder Merkmale zweier Ursachen das Behikel dieser gleichen Gründe sind, sondern daß diese sich eben häufig in der Combination unmittelbar ungleicher Bestandtheile Merkmale oder Bedingungen verbergen. Diese Zweideutigkeiten müssen daher durch Nebenversuche entschieden werden. Man muß wissen, ob U allein W zu erzeugen oder zu erhalten vermag; ist dies so, dann sind a und b zwar nicht nothwendig wirkungslose, aber entbehrliche Bestandtheile der Ursache, denn wir haben dann den Fall (U - a = W) und seine oben betrachteten Folgen. Man muß ferner wissen, ob a und b allein W erzeugen oder nicht; thun sie es, so ist nach demselben ersten Falle U nicht nothwendig wirkungslos, aber eine entbehrliche Mitursache von W. Findet beides nicht statt, so sind U + a, U + b, U + c Paare von einander unentbehrlichen Mitursachen von W, und es ist jett Zeit, durch neue Combinationen der Wahrnehmungen oder durch Bariation der Bersuche zu ermitteln, welcher gemeinsame Bestandtheil x des a, des b und des c, und vielleicht auch, welcher einzelne Bestandtheil u des U zusammen die wahre und genügende Ursache u + x der gleichen Wirkung W ausmachen.

- Schlüsse gelingen, überhaupt nur die nächste und hinreichende Ursache einer Wirkung zu bestimmen, noch weniger die Art von Causalzusammenhang zu ermitteln, die zwischen beiden stattsindet. Man nähert sich diesem Ziele mehr, wenn es möglich ist, die Größenveränderungen zu beobachten, welche die Wirkungen für bestimmte Aenderungen der Ursachen erfahren. Es gibt wohl keine Art der Wirkung, die nicht irgendwie veränderliche Größen zuließe; selbst solche, die unmittelbar kein Mehr oder Weniger aufzeigen, gestatten es mittelbar; Gleichzewicht kann nicht mehr oder minder Gleichzewicht sein, aber es übt doch gegen den Versuch zur Aushebung größeren oder geringeren Widerstand, oder es bedarf zu seiner Unterhaltung verschiedener Kräfte. Ich stelle wieder die einfachsten der beobachtbaren Fälle als Beispiele zusammen.
- 1. Der Fall (m W = m U). Denken wir uns den reinen Fall hergestellt, den wir früher mit BF bezeichneten und jest mit UW bezeichnen können, so daß U die ganze und nichts außer der ganzen Ursache von W, W die ganze und nur die ganze Wirkung von U ist, beide aber unmittelbare Größenbestimmungen zulassen, so werden wir als selbstwerständlichen Grundsatz betrachten, daß gleichen Differenzen zweier Werthe von U auch gleiche Differenzen der zugehörigen Werthe von W entsprechen, daß also U und W in einsacher gerader Proportion stehen. Dann ist m W = m U. Diese Formel, welche keine mathematische Gleichung, sondern ein logisches Symbol ist, setzt voraus, daß wir die Wirkung so wie ihre Ursache jede nach einem besondern ihrer Natur eigenthümlichen oder für sie zulässigen Maßstab zu messen im Stande sind, und behauptet, daß dann in der jedesmaligen Wirkung die Einheit der Wirkung, W, ebenso oft enthalten ist, wie in der wirkenden Ursache die Einheit der Ursache, U.

Die Annahme dieses Verhaltens wird man als selbstverständlich zugeben, wenn man sie auf die Fälle beschränkt, die sie wirklich umfassen will, und andere ausschließt, die ich später erwähne. Durch m ganz gleiche Lichter wird dieselbe Fläche mmal so stark erleuchtet als durch ein Licht; dann nämlich genau, wenn wir alle m Lichter von demselben Punkte aus könnten strahlen lassen, wodurch sie eben erst die mface Ursache U der Beleuchtung würden; mit wachsender Ungenauigkeit aber dann, wenn sie verschiedene Stellungen zu der Fläche haben. Wenn

m gleiche Massen, die wir uns durch gleiches Gewicht unter gleichen Bedingungen definirt denken, auf denselben Körper anziehend oder ab-. stoßend wirken, so geben sie ihm das mfache der Beschleunigung, die ihm eine einzige Masse geben würde; dann nämlich genau, wenn man alle in einen Punkt concentrirt bächte, wodurch sie wieder erft zu ber mfachen Ursache U der Beschleunigung würden, aber dann nicht mehr, wenn sie an verschiedenen Raumpunkten liegen, mithin ihre Entfernungen von dem Körper und die Richtungen ihrer Anziehung ver-Wenn wir endlich demfelben Körper eine Anzahl schieden find. m gleicher momentaner Bewegungsimpulse mittheilen, so ist seine Endgeschwindigkeit mmal die des einzelnen Impulses; dann nämlich, wenn wir durch Voraussetzung des Beharrungsgesetzes den Einfluß der Zeit aufheben, die zwischen den Impulsen vergangen ist. Allgemein also: bei der Anwendung unseres Grundsates denken wir uns die mfache Ursache gleich m einzelnen Ursachen U und nehmen an, es seien keinerlei Umstände vorhanden, welche das eine Glied dieser Summe nöthigten, mehr oder weniger oder anders zu wirken, als wenn es allein vorhanden und die übrigen Glieder nicht da wären. Dann bringt die mfache Ursache die mfache Wirkung hervor, und umgekehrt: wo unsere Beobachtungen annähernd dies Verhältniß zeigen, haben wir die Hoffnung, einen reinen Fall UW vor uns zu haben.

2. Der Fall (W = C). Wenn die wirkende Ursache U durch veränderliche Nebenumstände oder Mitursachen Z bedingt ist, sowie wir es eben an Beispielen andeuteten, entstehen zusammengesetztere Berhältnisse zwischen U und W, aus deren unbegrenzter Mannigsaltigteit nur eine Klasse hier hervorgehoben werden kann, die Fälle begreisend, in denen die bereits hervorgebrachten Wirkungen die Größe der zunächst hervorzubringenden bestimmen. Es ist ein sehr häusiges Bortommen, daß eine Ursache U tmal auf dasselbe Object einwirkt, und wir verstehen dann unter t entweder die Anzahl der Wieder-holungen dieser momentan gedachten Einwirkung, oder die Anzahl der Zeiteinheiten, in deren jeder die stetig wirkende Krast U ein bestimmtes Maß von Wirkung erzeugt. Im Allgemeinen nun wird der Erfolg, den eine wirkende Ursache in dem Object hervorruft, auf welches sie sich bezieht, unter den Begriff eines Geschehens sallen; was wir einen ruhenden Zustand nennen, würde sich bei näherem Zusehen in der

That entweder in eine immer gleichmäßig geschehende und gleichmäßig auf unsere Sinne wirkende Bewegung ober in ein Gleichgewicht verwandeln, das nicht aus der Wirkung einer Ursache, sondern immer aus. ber Gegenwirkung zweier ober mehrerer entspringt. Wäre bann bieses Geschehen von der Art, daß es das der Einwirkung unterliegende Object als baffelbe identische Object fortbestehen läßt, so würde jede spätere Wiederholung berselben Urfache in dem Object daffelbe Geschehen noch einmal erzeugen, mithin nach t Wiederholungen oder nach ber Zeit t auch tmal dieselbe Wirkung an ihm vorhanden sein, vorausgesetzt, daß nach dem Sat ber Beharrung jeder frühere Erfolg fortdaure, da ihm kein Hinderniß entgegensteht. Dies ist der Fall der räumlichen Bewegung, bei welcher wir voraussetzen, daß die bewegungerzeugenden Ursachen das bewegte Object entweder nicht ändern, oder innere Zustände in ihm hervorbringen, welche durchaus keinen hemmenben Ginfluß auf neu anzunehmende Bewegungen ausüben. wir als die Wirkung w der bewegenden Kraft die durch momentanen Impuls oder in der Ginheit der Beit erzeugte Geschwindigkeit, so ist in jedem Augenblick t die angesammelte Geschwindigkeit = w. t, der Ge sammterfolg aber oder der durchlaufene Raum ist dem Quadrate der Zeit oder dem Quadrate der Anzahl der wiederholten unendlich kleinen Impulse proportional. An diese Elemente der Bewegungslehre erinnere ich nur um eines allgemeineren Falles willen. Was wir gewöhnlich unmittelbar beobachten und Wirkungen W nennen, das find nicht diese Einzelwirkungen, sondern ihre summirten Erfolge; auch die Geschwindigkeit eines bewegten Körpers messen wir blos nach dem Raume, den er in einer Zeiteinheit, d. h. der Summe ungähliger Augenblicke durchlaufen hat. Käme es nun vor, daß ein Object wäh rend der ganzen Zeit t, durch welche hindurch eine constante Ursache U beständig auf es einwirkt, einen gleichförmigen Bustand, W stets gleich ber Conftanten C, zeigte, fo konnte bies kein reiner Fall fein, sondern es müßte außer U noch Mitursachen oder Mitbedingungen Z geben, welche den Einfluß des Beharrungsgesetzes aufhöben, die Summirung der Einzelimpulse unmöglich, die Wirkung W constant und ebensowohl von dem Quadrat, als von der ersten Potenz ber Zeit ober der Wiederholung unabhängig machten. Wenn ein fühler Körper unter bem Ginfluß der Sonnenstrahlen sich erst erwärmt, dann aber während

beständiger Fortdauer gleicher Bestrahlung eine constante Temperatur behält, so kann nicht die Bestrahlung allein die Ursache dieses Berhaltens sein; die erklärende Mitursache liegt in der Ausstrahlung, die von dem erwärmten Körper ausgeht und die ihn bei einer gewissen erreichten Temperaturdifferenz zwischen ihm und seiner Umgebung ebensoviel Wärme wieder auszugeben nöthigt, als er neu empfängt.

3. Der Fall  $(dW = \frac{m}{W} dU)$ . Es gibt im Grunde außer der ein-

fachen räumlichen Bewegung keinen andern Fall, in welchem wir annehmen könnten, die in dem beeinflußten Object a erzeugte Wirkung werde die zunächst zu erleidende gar nicht präjudiciren; im Allgemeinen wird durch die Erstwirkung dieses a in a verändert, und hierin, in der Nichtidentität des die Wirkung empfangenden Objectes, liegt eine veränderliche Mitbedingung Z, welche den wiederholten Impulsen der Ursache U nach und nach andere Wirkungen zuordnet, als dem ersten. Nehmen wir zuerst an, die Beränderung des a in a sei von der Art, daß sie der nächsten Einwirkung Widerstand entgegensetzt, so etwa, wie ein bereits zusammengebrückter Körper ber neuen Zusammenbrückung widerstrebt, da durch die gegenseitige Annäherung seiner Elemente die zwischen ihnen wirksamen Abstoßungen gewachsen sind. Das Maß dieses Widerstandes fann feine von allen zusammenwirkenden Parteien unabhängige Constante sein, sondern muß einestheils der specifischen Intensität der inneren Abstoßungen, von denen der Widerstand geleistet wird, und die für den einen Körper andere sind, als für den anderen, anderntheils der bereits erfolgten Zusammendrückung proportional sein, denn diese ift es, welche burch jene Annäherung der Elemente die Abstoßungen steigert. Die erste Bedingung liefert für die noch mögliche Einwirkung der Ursache U einen conftanten Coefficienten, abhängig von der Natur des Objectes a, die andere fagt, daß die Größe dieser nächsten Einwirkung im umgekehrten Berhältniß zu der Größe des bereits erreichten Erfolges W stehen muß, welche lettere selbst für zwei verschiedene Ursachen U und U, von den Größen dieser abhängig Naturursachen wirken nun niemals momentan; wir können jedes U in eine Anzahl von dU zerfällen, die nach einander, übrigens in der Zeit beliebig vertheilt, jedes den ihm entsprechenden constanten

Theil der Wirtung dW hervorbringen würden, wenn jedes von ihnen allein wirkte, aber ein veränderliches dW erzeugen, weil jedes auf das von seinen Vorsahren bereits modificirte Object einwirkt. Es ist daher gleichgültig, ob wir U und  $U_n$  als zwei verschiedene Ursachen oder als zwei verschiedene Werthe betrachten, bei denen eine und dieselbe wachsende Ursache U stehen geblieben oder für unsere Betrachtung sixirt worden ist. Bedeutet dann  $W = f(U_n)$  den Erfolg, den n auseinanderfolgende dU bereits erzeugt haben, so ist die Wirkung dW, welche durch Hinzusügung noch eines dU entspringen würde:  $dW = \frac{m}{W}$  dU.

Unter den reinen Größenfunctionen ist es der Logarithmus von U, der diese Art des Wachsthums zeigt; auf logarithmische Ausdrücke kommen wir deshalb bei der Berechnung von Wirkungen, die durch ihre eigenen Erfolge sich Hindernisse ihrer Wiederholung, proportional jenen Erfolgen, schaffen.

- 4. Der Fall (dW = mW dU). So wenig im vorigen Fall eine wiederholte Urfache nur deswegen weniger wirken konnte, weil sie nicht zum ersten Male wirkte, so wenig kann sie nur beshalb mehr wirken, weil sie schon mehrmal gewirkt hat. Auch dieser Fall, den wir als Uebung, wie den vorigen als Abhartung in den Begriff der Gewöhnung einzuschließen pflegen, bedarf der Unnahme einer Miturfache Z, nämlich einer folchen Menderung des beeinflußten Objects a in a, welche jedem späteren Einwirken der Urfache Bortheile verschafft, inbem sie stets geringere Widerstände ihm entgegensett; wie etwa ber erste Schlag den Stein so erschüttert, daß ber zweite die vorgefundenen Schwingungen nur zu vermehren bat, um die Cohafion der Theile zu Rommt nichts fonft in Betracht, fo werden wir aus analogen Gründen, wie im vorigen Falle, die Größe der momentanen Ginwirkung proportional dem Gesammterfolge oder dem Integral der früheren Einwirfungen zu setzen haben. Unter ben reinen Größenfunctionen von U ist es die Exponentialfunction eu, welche diese Eigenschaft eines dem Integral selbst gleichen Differentialquotienten besitzt; auch ber Anwendung dieser Formel werden wir daher in mathe matischen Ausdrücken natürlicher Wirkungsformen häufig begegnen.
- 5. Der Fall (dW = m. sin U). Keiner der bisher betrachteten Fälle kann auf Wirkungen führen, welche, während die Ursache be-

ständig wächst, zwischen Wachsthum und Abnahme schwanken; sie nehmen entweder immer ab oder immer zu. So oft daher ein periodischer Wechsel zwischen Zunahme und Abnahme der W bei stets in gleichem Sinne sich änderndem U stattsindet, muß es neben U eine oder mehrere Mitursachen Z geben, deren Verhältnisse zu U entweder an sich veränderlich sind oder durch den Vorgang des Zusammenwirlens so verschoben werden, daß die Wirkungen aller sich bald summiren, bald einander entgegengesetzt sind, und durch Maxima und Minima von der einen zu der andern dieser Beziehungen übergehen. Die von mir benutzte Formel ist nur ein ganz unzureichender symbolischer Ausdruck für die begreissich unermeßliche Mannigsaltigkeit der hier möglichen Combinationen.

## Achtes Kapitel.

## Auffindung von Befegen.

264. In den Verhältnissen, die wir im vorigen Kapitel aufge führt haben, liegen die Beweggründe, die uns zur Anstellung neuer Bersuche ober zur Aufsuchung neuer Beobachtungen veranlassen, um die jedesmal noch gebliebene Möglichkeit verschiedener Ursachen einer Wirkung zu beseitigen. Der allgemeine Sinn dieses Berfahrens ift immer derselbe: aus den unreinen Beobachtungen SP oder UW foll der reine Fall III ober BF durch Elimination aller der Bestandtheile ber Beobachtung ermittelt werden, welche bem vorliegenden Caufalzusammenhange fremd sind. Es scheint mir nicht nöthig, diese all gemeine Vorschrift noch in eine Anzahl besonderer Methoden zu zerfällen; nützlicher vielmehr, barauf hinzuweisen, daß wir schon in der elementaren Algebra ein instructives Vorbild ber sehr mannigfachen Operationen besitzen, die unserem Zwede dienen können. Sowie wir gegebene Gleichungen, die zusammen die Berhältnisse zweier oder mehrerer unbekannter Größen definiren, durch die verschiedensten Mittel, durch Hinzufügung neuer Größen, Subtraction anderer, durch Multiplication oder Division ihres ganzen Inhalts umformen, um sie unmittelbar vergleichbar und zur allmählichen Elimination einzelner Unbekannten geschickt zu machen, so werden wir auch unsere jetige Aufgabe balt durch paffende Hinzufügung neuer Bedingungen, deren Ginfluß berechenbar ift, bald durch ebenso beurtheilbare Hemmung gegebener, bald, wo es möglich ist, durch Beränderung in der gegenseitigen Stellung der zusammenwirkenden Ursachen, endlich durch Modification unseres eigenen Verhaltens gegenüber dem zu beobachtenden Material zu lösen suchen. Ich lasse dahin gestellt, ob wir auf diesem Wege

überhaupt jemals zu einem reinen Fall BF gelangen können; wären wir aber auch so glücklich gewesen, die genaue Ursache U einer genauen Wirtung W zu sinden, so würde in keinem Falle, außer in geschichtlichen Untersuchungen, unsere Wißbegier völlig befriedigt sein. Denn dieser reine Fall UW würde keine andere Folgerung zulassen als die, daß jedesmal, wenn dasselbe U in Wirklichkeit wieder vorkäme, dasselbe W ihm folgen müßte. Aber sowohl die praktischen Bedürsnisse des Lebens als die Interessen des wissenschaftlichen Erkennens treiben uns zu der weitern Frage: wie wird W sich in W<sup>1</sup> ändern, wenn U in U<sup>1</sup> übergeht, oder: wie wird eine Wirkung W<sup>1</sup> gestaltet sein müssen, wenn nicht das beobachtete U, sondern ein anderes, U<sup>1</sup>, eintritt, dessen Disserenz von U genau angebbar ist? Wir verlangen mit einem Wort nicht blos die Gewißheit eines thatsächlichen Zusammenhangs zwischen einem U und einem W, sondern auch die Kenntniß des Gesens, nach welchem derselbe stattsindet und sich ändert.

265. Der Name Gesetz hat verschiedene Bedeutungen für verschiedene Kreise menschlicher Interessen: sein logischer Sinn ist dennoch überall der nämliche. In voller logischer Form ist Gesetz ein allgemeines hppothetisches Urtheil, welches fagt: immer, wenn U ift oder gilt, gilt oder ist auch W, und allemal, wenn U um eine bestimmte Differenz dU sich in U1 verwandelt, verändert sich auch W in W1 um eine bestimmte von dU abhängige Differenz dW. Hypothetisch ist das Geset, weil es niemals erzählen soll, was geschieht, sondern immer nur bestimmen, was geschehen soll oder muß, wenn bestimmte Bedingungen gegeben find. Nicht von diesem hypothetischen Sinne, sondern nur von ber entsprechenden Form bes Ausdrucks ausgenommen sind Gesetze, die sich auf dauernd gegebene ober als dauernd vorausgesetzte Bedingungen Wenn man in kategorischer Form als Naturgesetz ausbeziehen. spricht: alle ponderablen Elemente ziehen einander nach dem umgekehrt quadratischen Verhältniß ihrer Entfernungen an, so drückt man damit nur aus, daß eine einzige stets erfüllte Bedingung, nämlich das gleichzeitige Borhandensein in derfelben Welt, für jene Elemente der hinlängliche Grund dieser Folge ist; wenn das Verfassungsgesetz eines Staates in kategorischer Aufstellung die Beziehungen zwischen ben verschiedenen Gruppen seiner Angehörigen ordnet, so ist der verschwiegene Borberfatz: fo lange biefer Staat überhaupt vorhanden sein wird, sollen

in beständiger Wiederholung diese festgesetzten Ordnungen sich im Lauf der Geschlechter erhalten und erneuern. Auch allgemein aber, und zwar immer hypothetisch, ist jedes Gesetz und deshalb ebenso sehr von einer blos allgemeinen Thatsache, als von einer Berordnung für einen Einzelfall zu unterscheiden. Der Sat Repler's, alle Planeten bewegen fich in Ellipsen um die in einem Brennpunkt ftebende Sonne, ist ursprünglich kein Gesetz, sondern der Ausdruck einer Thatsache; er führt den Namen des Gesetzes nur fraft des allerdings berechtigten Nebengedankens, daß alle Planeten aus einem gemeinsamen Grunde ihre Bewegung haben, und daß man mithin voraussetzen tann, auch für noch unbefannte werde ber Sat, nun als Wefet, gelten, wenn fie überhaupt durch Umlauf um die Sonne sich als Planeten erweisen. Gin Gefet, welches zum Zwed einer beftimmten Gifenbahnanlage zur Expropriation ermächtigt, ift logisch betrachtet ein Beschluß oder eine Berordnung; aber weil die Berordnung nicht willfürlich gegeben wird, sondern auf Grund eines allgemeinen Gesetzes, bas unter bestimmten Bedingungen die rechtliche Zulässigkeit der Expropriation überhaupt begründet, mag sie um deswillen den vornehmeren Namen selbst Auch jene Rücksichtnahme auf Beränderlichkeit ober Berschiedenheit der Bedingung und der Folge liegt in der Absicht jedes Gesetzes; nur die Ausführung der Absicht ist nicht überall möglich. Die Berficherung, daß zwei Körper einander anziehen, ist für sich eine unvollständig definirte Thatsache; ein Gesetz sieht die Naturwissenschaft erst dann, wenn das Berhältniß angebbar ift, in welchem sich die Größe der anziehenden Wirkung abhängig von den verschiedenen oder veränderlichen Massen und Entfernungen der Körper oder abhängig von irgend einer andern, ihrer Größe nach variirbaren Bedingung ändert. Auch sittliche und rechtliche Gesetze verhalten sich nicht anders. Ein so allgemeines Gebot, wie das, welches uns befiehlt, unfern Nachsten zu lieben, mag immerhin als Ausdruck des tiefften Motivs, bas unsere Handlungen bestimmen soll, eine noch höhere Würde als bie eines Gesetzes haben, aber formell hat es nicht die Genauigkeit eines solchen; denn weder was aus jener Liebe folgt, ist für sich klar, noch fann in wirklicher Ausübung bem Gebot genügt werden, ohne daß die verlangte Liebe, worin sie auch bestehen möge, einen bestimmten Grad ber Lebhaftigfeit hätte, oder ohne daß sie in ihrem Wirken eine Rich-

tung nähme, die sie in einem andern Falle nicht nimmt; hierfür aber fehlt in jener allgemeinen Formel jeder Entscheidungsgrund. lichen Gesetzen dagegen liegt das bistributive suum cuique in weitester Bedeutung zu Grunde; mögen fie Leistungen vorschreiben oder Strafen bestimmen, so beabsichtigen sie niemals zu allen Wiederholungsfällen dessen, was fie unter den allgemeinen Begriff eines Rechtsverhältnisses bringen, ein unmodificirbares Prädicat hinzuzufügen; nur die Mangelhaftigkeit unserer Maßstäbe zur Bestimmung der rechtlich bedeutsamen Größendifferenzen verschiedener Fälle nöthigt unsere menschliche Praxis, mit roben Abstufungen der Rechtsfolgen uns zufrieden zu ftellen, die wir viel lieber in genaue Proportion zu den sie bedingenden Unterschieden der einzelnen Fälle setzen möchten. Nur rein verneinende Gesete, sittliche Verbote scheinen diese Abstufung von Grund und Folge Ich überlasse jedoch dem Nachdenken des Lesers, ob nicht zu fennen. auf theoretischem Gebiet überhaupt negative Urtheile für Gesetze zu halten find und nicht vielmehr für Contrapositionen, in denen wir lediglich für unsern Denkgebrauch den bejahenden Sinn eines Gesetzes in Berneinung seines Gegentheils verwandelt haben; jedenfalls haben wir in diesem allgemeinen negativen Ausdruck einen Theil der Wahrheit verloren, nämlich das Maß der Differenz, um welche die Einzelfälle von dem Prädicat entfernt sind, das ihnen allen einfach abgesprochen wird; was aber die sittlichen Berbote betrifft, so kommt in ihnen selbst zwar nicht, wohl aber in der Beurtheilung ihrer Uebertretungen die Rücksicht auf jene Abstufung wieder zum Vorschein; sie verbieten jede Aneignung fremden Eigenthums im voraus, aber die geschehene wird doch, je nach ihrer besonderen Art, sehr verschiedenen Graden des Tabels und der Strafe unterworfen.

266. Zwischen Gesetz und Regel besteht der Intention nach ein Unterschied, der in vielen Fällen sehr leicht faßbar, aber keineswegs in allen durchführbar ist. Im praktischen Leben bestimmt das Gesetz einen Zustand, der, durch irgend eine Thätigkeit oder Berhaltungsweise herbeigeführt, zu den zu erfüllenden Zwecken der politischen oder socialen Gemeinschaft gehört; die Regel tritt als Ausführungsverordnung hinzu, um unter den mancherlei möglichen und an sich gleichgültigen Maßnahmen zur Herbeisührung jenes Zustandes theils die nützlichste zu wählen, theils um überhaupt nur durch Feststellung eines bestimmten

Berfahrens die nöthige Gleichförmigkeit und Bereinbarkeit der Einzelleiftungen zu sichern. In theoretischen Untersuchungen der Wirklichkeit meinen wir unter einem Wesetze ben Ausbruck bes eigenen inneren Bedingungsverhältnisses, das zwischen zwei Thatsachen stattfindet und den Grund ihrer Verfnüpfung sowie der Art ihrer Verfnüpfung bildet, und es gibt in jedem einfachen Falle nur ein Geset; die Regel ift die Anweisung, in einer Anzahl logischer ober mathematischer Denkoperationen unsere Begriffe so zu verbinden, daß wir zu Schlüssen gelangen, welche mit der Wirklichkeit wieder zusammentreffen, und solcher Regeln fann es für denselben Fall mehrere gleich triftige geben. Dem Gefete allein eignen wir daber eine objective Wahrheit zu; die Regel ist die Summe der subjectiven Magnahmen, durch welche wir uns, von dem Standpunkte aus, ben wir der Sache gegenüber einnehmen, ihres Busammenhangs soweit bemächtigen, daß wir aus gegebenen Thatsachen der Wirklichkeit ihre Folgen richtig zu berechnen und vorauszusagen, ihre vorangegangenen Gründe und Urfachen richtig zu errathen vermogen. Diese Operationen, welche die Regel uns vorschreibt, brauchen nicht benfelben Bang zu nehmen, ben die Entwickelung ber Sache felbit nimmt; sie haben nicht nöthig a principio sich ad principiatum zu bewegen; sie können anstatt der bedingenden Gründe triftige Rennzeichen benuten; sie dürfen zwar niemals allen Zusammenhang mit dem mahren Berhalten verlieren, aber jeder durch unfere Stellung gur Sache nothwendig gemachte Umweg und jede Umstellung ihrer inneren Berhältniffe ift ihnen erlaubt. Go groß indeffen ber Intention nach dieser Unterschied zwischen Gesetz und Regel ift, so ift doch seine Unwendung kaum in irgend einem Falle, da wenigstens, wo es sich um die Untersuchung der Wirklichkeit handelt, völlig zweifellos. Daß sehr viele unserer hier benutten Verfahrungsweisen bloße Regeln find, sehen wir deutlich ein; aber fraglich bleibt, ob irgend eines der Gefete, die wir gefunden zu haben glauben, wirklich diesen Ramen in dem angeführten eminenten Sinne verdient. Wir pflegen ihn ba zu brauchen, wo wir auf fehr einfache und fehr allgemeingültige Gate über die thatsächliche Verknüpfung ber Erscheinungen gekommen sind; so scheint es uns nicht eine Regel, sondern ein Naturgeset, daß die Intensität der Gravitation mit dem Quadrate der Entfernung abnimmt; gleichwohl ist die innere Verbindung der einzelnen Glieder dieses Sates noch

unentbeckt und wir wissen nicht, wie die Größe eines Raumes zwischen zwei Körpern ein Grund für die Beränderlichkeit ihrer Wechselwirkungen sein kann; zuletzt ist daher auch dies Gesetz nur eine Regel, welche uns aus gegebenen Datis, Entsernungen und Massen, die Aenderungen jener Wirkungen berechnen lehrt, ohne den innern Zusammenhang derselben mit ihren Bedingungen darzustellen. Auf diese Frage sühren uns spätere Anlässe zurück; für jetzt genügt es zu bemerken, daß unsere nächsten Betrachtungen das Gesetz nur als die einsachste Regel ansehen werden, welche die Vermuthung für sich hat, dem eignen Berhalten der Sache selbst am meisten nahe zu kommen.

267. Wir setzen jetzt voraus, daß wir durch die angegebenen Hülfsmittel dahin gelangt sind, so rein als möglich eine urfächliche Berbindung von U und W zu entdeden, und daß Bersuche oder Beobachtungen uns eine Reihe quantitativ bestimmter Werthpaare dieser Ursache und ihrer zugehörigen Wirkung geliefert haben. Obwohl Späterem etwas vorgreifend, wird doch dem Bersuche, das allgemeine Geset dieser Reihe zu bestimmen, eine Ueberlegung über die verschiedenen Bründe nütslich vorangehen, aus denen die gefundenen Größenverhältnisse von dem gesuchten wahren Berhalten abweichen können. Bor allem bestehen unsere Beobachtungen nicht in den Sachen felbst, sondern in den Eindrücken, welche die Sachen auf uns machen; wenn nun hier dahingestellt bleiben fann, ob der Gindruck, den unser Bewußtsein erfährt, jemals den Dingen und den Berhältniffen gleich fein tann, von denen es sie erleidet, so ist doch unmittelbar flar, daß er ihnen nicht gleich sein muß, sondern sich ändern tann mit der veränderlichen Disposition dessen, der ihn empfängt. Der hieraus entspringende Zweifel, inwieweit aus ben subjectiven Erregungen, die wir von einer vorausgesetzten Außenwelt erfahren, auf das objective Berhalten dieser Wirklichkeit ge= schlossen werden könne, berührt das ganze Gebiet unserer Erkenntniß; wir erörtern ihn hier nicht, sondern begnügen uns, unter der Wahrheit oder Richtigkeit der Beobachtungen, die wir hier wünschen, ihre Allgemeingültigkeit für alle normal gebildeten und unter gleiche Verhältnisse versetten menschlichen Beobachter zu verstehen, eine Eigenschaft, über beren Borhandensein in jedem Falle praktisch zuletzt nur die Uebereinstimmung einer überwiegenden Majorität im Gegensatz zu den auseinandergehenden Meinungen einer Minorität entscheiden fann.

bem Einen anders erscheint, als unter völlig gleichen Umständen allen Anderen, enthält einen Fehler in der Beobachtung jenes Ersten; einen veränderlichen und durch Wiederholung der Beobachtung corrigirbaren dann, wenn augenblickliche Unachtsamkeit, einen bleibenden und im engeren Sinn perfonlichen Fehler bann, wenn bie individuell abweichenbe Organisation ber Sinne die Schuld seiner Entstehung trägt. Wie ausgedehnt diese Mangelhaftigkeit der sinnlichen Auffassung in Bezug auf den qualitativen Inhalt der Empfindung vorkommt, zeigen die auseinandergehenden Urtheile über Aehnlichkeit oder Contraste von Farben, über Einklang ober Diffonang von Tonen; aber fie find nicht minder bei der Schätzung von Größen zu bemerken. Denn alle praktiichen Bestimmungen in der Wirklichkeit gegebener Größen beruben zuletzt auf der Genauigkeit sinnlicher Eindrücke, und alle künstlichen Methoden und Instrumente der Messung haben nur die Aufgabe, das zu Große durch Theilung, das zu Kleine durch irgend ein Mittel ber Bergrößerung so umzuformen, daß beide in das Bereich mittlerer Größen gerückt werden, über beren Gleichheit ober Ungleichheit unfere sinnliche Empfänglichkeit ein hinlänglich genaues Urtheil besitzt. wirklich nur auf dies lettgedachte einfache Urtheil kommen alle unsere Messungen zurüd; nur durch lange Uebung erwerben wir bis zu gewissem Grade, von Natur aber besitzen wir die Fähigkeit nicht, angugeben, wie groß die Differenz zweier ungleichen Größen des Raumes, der Zeit oder der Intensität, oder welches Multiplum der einen die andere ift. Nur daß zwei Größen derfelben Art gleich ober ungleich überhaupt sind, empfinden wir unmittelbar, den Betrag ihres Unterschiedes meffen wir mittelbar, indem wir die Anzahl bestimmter gleicher Größeneinheiten suchen, beren Vereinigung ihm felbst gleich ift. Wir nennen die Linie b größer als a, weil sie zuerst eine Länge enthält, die gleich a ift, bann aber der Wahrnehmung einen Ueberschuß d darbietet, den jene nicht enthält; wie groß d sei, erfahren wir nur durch Anlegung eines Maßstabes, um so genauer, je kleiner die sinnlich scharf beobachtbaren Einheiten sind, durch beren Anzahl wir eine dem d gleiche Länge erzeugen; aber auch wenn wir mitroffopische Maßstäbe anwenden: Alles läuft zulett auf die Sicherheit hinaus, mit der die sinnliche Empfindung uns zeigt, daß der Endpunkt des zu meffenden d mit bem Endpunkt einer diefer kleinften Mageinheiten ge-

nau zusammenfällt oder nicht. Zeitstrecken erkennen wir, im Gefühl des Taktes, mit hinlänglicher Genauigkeit als gleich, wenn sie gleich find; aber das Verhältniß ungleicher zu einander können wir nur durch taktmäßige Berfällung in gleiche wiederholte Ginheiten meffen; nichts aber als der unmittelbare sinnliche Eindruck belehrt uns über die Gleichheit dieser Einzelheiten selbst. Und wenn wir ein mechanisches Räderwerk anwenden, das mit hörbaren Signalen die Wiederholungen dieser Einzelheiten markirt, so beruht die Genauigkeit auch seines Banges zulett auf der Sicherheit, mit welcher Gesichtseindrücke die räumlichen Dimensionen jenes Werkes und seiner Bestandtheile so berzustellen halfen, daß wirklich seine Bewegung nach gleichen Intervallen zur Auslösung jener Signale führt. Soll endlich dieses Hülfsmittel dazu dienen, die Zeiten festzustellen, nach beren Berlauf bestimmte durch andere Sinne, durch das Auge, beobachtbare Erscheinungen eintreten, so tann nur der unmittelbare Gindruck uns lehren, daß eine Erscheis nung dieser andern Art in demselben Augenblick mit dem hörbaren Signal zusammentrifft, und gerade hierüber ift, wie wir wissen, unser Urtheil aus physiologischen Gründen nicht von der wünschenswerthen Sharfe und bedarf der vorgangigen Berichtigung unseres personlichen Fehlers. Nur turz erwähne ich endlich der bekannten Relativität aller unserer Maßbestimmungen; absolut sind nur die Wiederholungszahlen, durch welche wir die Anzahl der gefundenen Einheiten angeben; die Einheiten felbst find nur relativ zu andern bestimmbar, und die Frage ist sinnlos, wie groß etwas sei, wenn man es an keinem vorausgesetzten Dagftab mißt. Jene Ginheiten zu finden, d. h. fie fest, brauchbar und unzweideutig zu bestimmen, ist selbst eine Aufgabe der Beobachtungsfunft; aber es reicht hier hin zu bemerken, daß für Längeneinheiten unveränderliche Naturkörper, für Zeiteinheiten genau periodische astronomische Erscheinungen, für die Intensitäten bewegender Aräfte theils die Beachtung des Gleichgewichts, theils die Geschwindigteiten, die fie erzeugen, Mittel der Bestimmung darbieten; noch aber besitzen wir solche Mittel nicht, um beobachtbare Einheiten für die Berichiedenheiten innerer Buftande, für die Starte der Empfindungen, der Gefühle, der Begehrungen herzustellen.

268. Denken wir diesen ersten Mangel, den persönlichen Fehler, vermieden, so kann der Inhalt unserer Beobachtung doch sehr weit von Loke, Logik.

bem wahren Berhalten burch Schuld ber Stellung abweichen, die wir, entweder individuell oder menschlich allgemein, zu der Sache selbst einnehmen. Nicht auf räumliche Erscheinungen beschränkt, aber an ihnen am leichteften verständlich, ift das häufige Verhalten, daß berselbe Borgang oder dasselbe Object sehr verschiedene Bilder gewährt je nach dem Standpunkt des Betrachters. Ich glaube ben allgemeinen Sat magen zu dürfen, daß jedes gesetymäßige Beschehen auch eine gesetymäßige Projection für jeden beliebigen Standpunkt gibt; aber die Regeln, nach benen man von einer seiner so gesehenen Phasen auf die andere schließt, gestalten sich für verschiedene Orte bes Beobachters mehr ober minder vortheilhaft und erschweren oft in hohem Grade den Rudgang von bem projicirten icheinbaren Beichehen auf bas projicirende Eine Kreisbewegung wird als solche erscheinen nur für jeden Standpunkt in ber fentrechten Are durch ben Mittelpunkt ber Kreisebene; einer Ovale ähnlich für jeden Ort außer dieser Are und außer der Ebene; als geradlinige Oscillation für jeden Punkt in ber Ebene des Kreises und außerhalb seines Umfangs. Gesetlich werden alle die drei Reihen gebildet fein, die fur diefe drei Standpunkte bie Beiten und die zugehörigen Orte des bewegten Bunktes verbinden; aber auf das mahre Berhalten deuten sie fehr ungleich bin. nichts weiter in der Beobachtung hinzu, und hatte man nicht ichon eine Summe anderer Renntniffe über bas, was in der Wirklichkeit Rechtens ist und vorzukommen pflegt, so würde man auch gar keinen Grund haben, etwa anstatt ber Regel, die jene geradlinige Oscillation in unferem Beifpiele ausdrückt, eine andere zu verlangen. Aber in der Natur fehlt es kaum je an Nebenzügen, die sich der Beobachtung mit aufdrängen und zuerft zum Zweifel, dann zur Berichtigung führen. Die Beobachtung jener Areisbewegung besteht nicht darin, daß wir sie denken oder vorstellen, sondern wir feben fie; und seben konnen wir sie nicht ohne Lichtstrahlen, die von dem bewegten Punkte, der eben beshalb kein Punkt, sondern ein ausgedehnter Körper sein muß, in unser Auge zurückgeworfen werden; und hieraus folgt, daß Veränderungen der scheinbaren Größe und der Helligkeit des Körpers seine Bewegung für jeden Beobachter begleiten muffen, der außerhalb jener Are fteht: nur für diesen einen Standpunkt fehlt jene Beränderlichkeit und mithin der Antrieb, für fie eine Erklärung zu suchen. Berfeten wir uns

nun in die Kreisebene selbst, so wird dort der Körper, wenn er von dem äußersten Ende b seiner scheinbar geradlinigen Bahn sich der Mitte derselben nähert, an Größe und Helligkeit zunehmen, über die Mitte hinaus bis b an beiden abnehmend; geht er dann von b nach a zurück, so dauert zuerst diese Abnahme fort, erreicht das Minimum in der Mitte der Bahn und macht von da bis a neuer Zunahme Plat. Nimmt man dies alles für Wirklichkeit, so hat man viele Fragen zu Warum überhaupt ändert der Körper an den Endbeantworten. punkten seiner Bahn die Richtung seiner Bewegung und warum wächst seine Geschwindigkeit, wenn er sich der Mitte, und nimmt ab, wenn er sich den Enden nähert? Entweder muß jene Mitte einen Grund enthalten, der ihn nach ihr zieht, oder in ben Verlängerungen der Bahn muffen gleiche entgegengesetzt wirkende Gründe vorhanden sein, die ihn dorthin drängen. Aber warum nimmt er dann an demselben Mittelpunkt zugleich das Maximum und zugleich das Minimum seiner Größe und Helligkeit an, wenn jene Kraft oder dieses Kräftepaar doch immer bas-Man wird am einfachsten auf bloße Coincidenz beider selbe bleibt? Erscheinungen rathen; der Körper ist, ganz unabhängig von seiner Bahnbewegung, in periodischen Anschwellungen und Verkleinerungen begriffen, welche nur Functionen der Zeit, nicht des Ortes sind; da er sich aber doch zu jeder Zeit t an irgend einem Orte befinden muß, so tann er sich zur Zeit seines Größenmaximums ebensogut in der Mitte seiner Bahn als sonstwo befinden, und da das Minimum seiner Größe erst in der Zeit t eintritt, in der er eine ganze Oscillation vollendet hat, so fällt auch dies Minimum auf dieselbe Bahnmitte. Aehnliches kann man sagen, glauben wird man es aber nicht; denn ganz unerhört find fonft in der Natur periodische Schwellungen diefer Art, ganz bekannt bagegen die Veränderungen der scheinbaren Größe und der Helligkeit, welche die Körper nach Maßgabe ihrer wechselnden Entfernung von unserm Auge erfahren. Auf diese Analogien gestützt werden wir daher versuchen, unsern beobachteten Thatbestand als Projection eines andern wahren aufzufassen; da wir zwischen den Orten des Maximum und des Minimum feine Entfernung bemerken, beide vielmehr in der Bahnmitte zusammenfallen, da ferner der Weg des Hingangs und der des Rückgangs sich überall decken, so muß die vorauszusetzende wahre Bahn eine ebene geschloffene Curve sein, und einer ihrer

Durchmesser in der Richtung unseres Blides auf den Mittelpunkt der scheinbaren Bahn liegen; aus der Vergleichung der einzelnen scheinbaren Orte für auseinandersolgende Zeitmomente würde sich dann weiter ergeben, ob die wahre Bahn ein Kreis, eine Ellipse, eine Ovale oder was sie sonst ist. Ich darf nur an Copernisus erinnern, um einseuchtend zu machen, wie die Häufung unbeantwortbarer Fragen in dem Thatbestand der Beobachtung der mächtige Antried zu der Umsformung unserer Naturansichten ist, und wie Vieles auf einmal erstärlich wird, wenn wir das sinnlich Gegebene nur als Projection eines unbeobachtbaren Verhaltens auffassen. Um dies aber zu können, müssen wir eine Summe allgemeiner Wahrheiten sowohl als früherer Kenntnisse von Thatsachen bereits besitzen; rein logische Vorschriften können anregen, aber nicht zum Ziele führen.

269. Ich febre jetzt einen Schritt zurüd; ebe wir Bersuche machen, den beobachteten Thatbestand in der angegebenen Weise zu deuten, muffen wir die Besetze selbst erft besitzen, die wir durch diese Deutung auf eine einfachere, bem wahren Berhalten entsprechendere Form zu bringen denken. Nichts ift uns zu ihrer Ermittelung gegeben, als jene Werthreihe der Ursachen und der zugehörigen Wirkungen. Selbst bann nun, wenn wir annehmen, daß diese vorliegenden Bablen vollkommen fehlerfreie Angaben dessen sind, was beobachtet werden könnte, selbst dann ist der Uebergang von diesen Einzelgliedern der Reihe zu dem allgemeinen Bildungsgesetze berfelben stets ein logischer Sprung; es gibt fein demonstratives Verfahren, durch welches ein ausschließlich gültiges und wahres Gesetz der Reihe gefunden und als solches bewiesen, werden könnte; man kann es immer nur errathen und dann durch eine unbeschränkte Menge von Nebenbetrachtungen die Wahrscheinlichkeit seiner Richtigkeit steigern. Es ist wichtig, sich bierüber ganz flar zu werden. Ift uns zuerst eine endliche Anzahl von nGliedern einer Zahlenreihe in der Ordnung gegeben, in welcher sie in der Reihe aufeinander folgen, so kann es in diesem Falle leicht möglich sein, eine einfache allgemeine Formel zu finden, welche diesen gegebenen n Gliedern völlig genau entspricht und ihr allgemeines Glied ausdruckt: aber selbst dann braucht diese Formel nicht nothwendig eine einzige ausschließlich zu sein; sie kann wenigstens verschiedene Auffassungsweisen zulassen. Sind z. B. die gegebenen Glieder 1, 3, 5, 7, 9, so ist, wenn

wir die Stellenzahl des ersten Gliedes = 1 setzen, 2n — 1 der genaue Ausdruck des allgemeinen Gliedes; aber gerade in dieser Form gedacht wird das allgemeine Glied schwerlich einem wirklichen physischen Berhalten entsprechen, zu deffen gesetzlichem Ausbrucke es dienen foll; dieselbe gegebene Reihe läßt sich aber auch als arithmetische Progression mit dem Anfangsgliede 1 und der Differenz 2, und außerdem als die Reihe der Differenzen benten, welche burch Subtraction bes Quabrates einer ganzen Zahl von dem Quadrate der zunächst in der Zahlenreihe folgenden entstehen; beide Deutungen sind durch dasselbe allgemeine Glied ausdrückbar, beide bestimmen jedes Glied dieser Reihe; aber beide denken über die Entstehungsweise jedes Bliedes verschieden und dieser Unterschied wird wichtig, weil er nun auch verschiedene Annahmen über das physische Verhalten der durch diese Reihe ausgedrückten Erscheinungen möglich macht. So bleiben schon hier ber Zweifel genug; aber außerdem sind ja die hier gemachten Voraussetzungen gar nicht identisch mit denen, die wir bei Beobachtungen machen; ein so gefundenes allgemeines Glied gilt genau nur für die Anzahl der n Glieder, aus denen es gefunden ist; wir aber verlangen, daß unser aus den Beobachtungen zu gewinnendes Gefet auch für diejenigen Werthe der Ursachen und Wirkungen gelten soll, die wir nicht beobachtet haben. Run kann man gegebene Reihen freilich interpoliren, b. h. man kann fehlende Zwischenglieder so berechnen, daß sie nach einem aus den gegebenen Gliedern abstrahirten Bildungsgesetze, das häufig verwickelt genug ausfällt, in die Reihe passen; aber damit setzt man eben voraus, daß jenes aus den gegebenen Gliedern entwickelte Gefet auch für die nicht gegebenen gilt, eine Boraussetzung, die immer zulässig ist, wenn es sich blos um Vervollständigung einer denkbaren Reihe, aber gar nicht triftig, wenn es sich darum handelt, ob eben diese denkbare Reihe einem wirklichen Berhalten auch in benjenigen feiner Streden entspricht, in denen dasselbe nicht beobachtet wird. Um also ein aus den gegebenen Gliedern etwa gewonnenes Gesetz auch auf die nicht gegebenen erstreden zu dürfen, müssen wir vorher Gründe haben, die uns zur Unternehmung eines solchen Interpolationsverfahrens überhaupt berechtigen. Ein ganz einfaches Beispiel erläutert dies. Wir denken uns die Werthe von U als Abscissen x, sprungweis um Ax zunehmend, die Werthe von W als Ordinaten y aufgetragen; wenn nun

unsere gegebene Reihe für alle Werthe max von x denselben Werth y = C gibt, so kann es ja freilich sein, daß diese Gleichung auch für alle die nicht beobachteten Ordinaten gelten würde, die zu Bruchtheilen eines Ax gehören; bann ift bie Linie, welche die Endpunkte aller Orbinaten verbindet, eine Gerade und parallel ber Absciffenare; allein sicher ist doch diese Folgerung nicht; zwischen je zweien Endpunkten der verschiedenen Ax kann y jeden möglichen Werth, und die Curve, welche die verschiedenen y verbindet, jeden möglichen Verlauf haben; fie kann reell ober imaginär, gerade oder gekrümmt sein, y kann durch ein oder mehrere Maxima und Minima, selbst durch das Unendliche hinburch gehen, und alle biese unbestimmbaren Berläufe können in dem Intervall eines dx beliebig andere sein, als innerhalb eines andern Man fann aus biefer Betrachtung eine kleine Regel über bie Auswahl der zu benutzenden Beobachtungen ableiten, welche der früher erwähnten für unvollständige Inductionen ähnlich ist: es empfiehlt sich nicht, die Reihe der Werthpaare so zu bilden, daß U in regelmäßiger Beise fortschreitet und nur diejenigen Werthe von W zum Borschein kommen, welche diesen symmetrisch abgemessenen Größen von U entsprechen; man ift in Gefahr, auf diese Weise nur auf eine Reihe ausgezeichneter Specialwerthe, auf Maxima oder Minima oder feste Werthe ber W überhaupt zu kommen, die periodisch wiederkehren, und die gar keine Auskunft oder falsche Bermuthungen über den zwischenliegenden Berlauf ihrer Curve an die Hand geben. Für die erste Errathung des allgemeinen Reihengesetzes ist natürlich der regelmäßige Fortschritt der U um gleiche Zunahmen vortheilhaft, zur Bestätigung desselben hat man möglichst unsymmetrisch oder irrational wechselnde Zunahmen des U in Betracht zu ziehen. Ganz einfach: wer immer nur von 7 zu 7 Tagen und zwar Sonntags Nachmittags einen Vergnügungsort beobachtet, kann die hier gefundene Frequenz nicht auf die Wochentage ausdehnen: wer den Mond immer blos durch eine Rite beobachtet, die gerade nur seine Culmination zu sehen erlaubt, kann nicht errathen, wo er sich während der übrigen Zeit am Himmel herumtreibt. Findet man da gegen, daß die Werthe y, die zu ganz willfürlich herausgegriffenen Zwischenwerthen von früher berücksichtigten x gehören, dem aus diesen abgeleiteten Gesetze fich fügen, so ift hierdurch zuerst einige Berechtigung bazu gegeben, auch alle übrigen y biesem Gesetze gemäß zu interpoliren.

Eine völlige Rechtfertigung dieses Schrittes würde strenge Logik auch hierin nicht finden; so lange es unmöglich ist, alle aufeinanderfolgenden Werthe von U und alle zugehörigen Wirkungen W zu beobachten, so lange bleibt der Zweifel, ob in den nichtbeobachteten Fällen das Gesetz ber beobachteten gelte. Dieser Zweifel wird nun in der Praxis durch Nebenerwägungen eingeschränkt, die nicht aus allgemeinen logischen Gründen, sondern aus den sachlichen Kenntnissen fließen, welche wir über den jedesmal vorliegenden Inhalt der Untersuchung in der Regel in der erforderlichen Ausdehnung besitzen. die Wirkungsweise einer bestimmten Naturkraft untersucht, weiß im voraus, daß für keinen endlichen Werth der U die W unendlich werden kann; und von der besonderen Natur der fraglichen Kraft wird er hinlänglich unterrichtet sein, um zu beurtheilen, ob ihre Wirkungen stetig zunehmen oder periodisch schwanken oder für einzelne Werthe der U verschwinden können, ob es endlich wahrscheinlich ift, daß sie ungestört sich im Anwachsen der Zeit summiren, oder ob ein Widerstand angenommen werden muß, der die entstandenen Erfolge ganz oder theilweis immer wieder aufhebt. Diese sachlich begründeten Boraussetzungen sind es, die uns berechtigen, das Gesetz für die wirklich beobachteten Werthpaare auch auf die nichtbeobachteten mit großer Wahrscheinlichkeit zu übertragen. Noch ein Hülfsmittel kommt in den Fällen hinzu, welche unbeschränkt das Experiment gestatten; durch autographische Vorrichtungen, welche man mit dem Apparat verbindet, an welchem die Wirkungen der Kraft sichtbar gemacht werden, kann man die Kraft nöthigen, die Erfolge selbst zu verzeichnen, die sie in jedem Augenblicke ihres stetigen Wirkens hervorbringt; man hat dann auf mechanischem Wege die sonst immer nur beschränkte Anzahl unserer Beobachtungen so in's Unendliche vermehrt, daß eine sich stetig an die andere anschließt, und die so entstandene sichtbare Curve gestattet über Stetigfeit und Unstetigfeit der Wirfung, über gleichmäßige, verzögerte oder beschleunigte Zunahme, über periodisches oder nicht periodisches Wachsthum ein so sicheres Urtheil, wie es überhaupt Beobachtungen Denn freilich: ber logische Splitterrichter wird noch immer einwenden können: jede gezeichnete Curve bestehe zuletzt aus einer Reihe punktförmiger Pigmentablagerungen, die nur dem unbewaffneten Auge, das hier unabsichtlich interpolirt, als stetige Linie erscheinen; auch hier

also eine Anzahl von Einzelwahrnehmungen, die nicht gestatten, auf das Berhalten der Wirkungen zu schließen, welche, weil sie kein Pigmentatom zu ihrer Berfügung fanden, den Lücken zwischen den Farbenpunkten der sichtbaren Eurve entsprechen. Lassen wir dies; worauf es mir hier ankam, war die Einschärfung des Satzes, daß die Auffindung eines allgemeinen Gesetzes jederzeit eine Leistung der errathenden Einvildungskraft ist, möglich gemacht durch sachliche Kenntniß, die hier in der Erinnerung durch die Achnlichkeit des gegebenen Falles mit analogen früheren reproducirt wird und sich zum Erklärungsgrunde and bietet. Eine demonstrative Methode aber, oder eine sprunglose Methode überhaupt, ein sicheres logisches Recept, zu dem richtigen allgemeinen Gesetze einer Gruppe von Borgängen zu gelangen, gibt es nicht.

270. Wenden wir uns nun noch einmal zu unserer Werthreibe zurud, um zu sehen, in welchem Grade die Lösung der gestellten Aufgabe gelingt, so finden wir zuerst zahlreiche Fälle, in benen sie entschieden mißlingt. Hierher gehören namentlich eine Menge statistischer Berechnungen, welche ein Ergebniß W, das in Wahrheit von einer sehr großen Anzahl zusammenwirkender Bedingungen abhängt, z. B. die noch vorhandene Lebenshoffnung, nur bezüglich seiner Bedingtheit durch eine berfelben, etwa das bereits erreichte Lebensalter, auffassen und über dieses Berhältniß ein allgemeines Befet suchen. Der innere Widerspruch der Aufgabe springt in die Augen; man kann nicht eine veränderliche Größe W, welche eine Function von U, x, y, z zugleich ist, als bloße Function von U ausdrücken und dabei x, y, z ganz vernachlässigen, die in den richtigen Ausdruck doch als Mitbedingungen eingehen müßten. In der That würde man auch auf einen solchen Bersuch gar nicht gerathen, wenn es nicht wieder die Erfahrung wäre, die ihm Credit verschaffte; so ungenau theoretisch betrachtet unser Verfahren ift, so wissen wir doch, daß factisch etwas, wenn auch nicht ganz das Bewünschte, dabei herauskommt, und umgekehrt: ber Mangel alles Erfolgs ist in anderen Fällen der Beweggrund, der uns von ähnlichen Bersuchen abstehen heißt. Was nun hier herauszukommen pflegt, beruht etwa auf Folgendem. Unter, den Bedingungen weiterer Lebenshoffnung ist die mächtigste ohne Zweifel das schon erreichte Alter U, denn die mit ihm verbundene Modification des Körpers, die allmählich

fortschreitet, reicht für sich allein zulett hin, um selbst unter ben günstigsten anderen Bedingungen den Tod unvermeidlich zu machen. Innerhalb längerer Zeiträume ändert sich jedoch diese Wirkung des U nur langsam und unbeträchtlich, während in anderen Abschnitten des Lebens fie rasch und bedeutend mächst; hieraus folgt, daß dieselben äußern Bebingungen während einer gewissen Lebensperiode gleichmäßig, während einer andern auch gleichmäßig, aber gleichmäßig anders auf den Körper einwirken; beruht nun sachlich auf dieser Wechselwirkung der vorhandenen Lebenstraft mit den Umständen die Fähigkeit zu weiterem Fortleben, so ist zu vermuthen, daß für gewisse Streden des Lebensalters die Lebenshoffnung nach einem ziemlich constanten Gesetze, für andere begrenzte Streden nach einem andern gleichfalls beständigen Befete abnimmt; daß aber nicht wohl ein Besetz benkbar ist, welches für die ganze Lebensstrecke, also für jedes erreichte Alter bas noch zu hoffende Leben allgemein bestimmte. Man pflegt daher in solchen Untersuchungen partielle Gesetze oder Formeln aufzustellen, die jede nur für Werthe des U zwischen zwei bestimmten Grenzen gelten und die zugehörigen Werthe von W berechnen lehren sollen. Gine theoretische Bedeutung haben diese Formeln gar nicht; sie sind nur praktische Rechenknechte ober übersichtliche Ausbrücke des Berhaltens im Allgemeinen; sind sie fehr einfach und doch von hinlänglicher Genauigkeit, so erleichtern sie die Berechnung; find sie doch ichon von complicirter Form, so ist es meistens leere Affectation, sie überhaupt aufzustellen; man geht bann zwedmäßiger auf die Urform der Tabelle zurück, die das factische Material der Bevbachtung, aus dem fie entstanden find, unverarbeitet enthalt.

271. Wenn die Sache weniger ungünstig steht und auf das Borshandensein eines durch zwei Beziehungspunkte U und W ausdrückbaren allgemeinen Gesetzes gerechnet werden kann, so fragt es sich nun, welches von den mehreren zu wählen ist, die der vorliegenden Reihe der Werthpaare gleich gut oder mit gleichem Grade der Annäherung untergelegt werden können. Wir wersen diese Frage unter etwas anderen Boraussetzungen auf, als wir bisher sesthielten. Sine völlig gesnaue Wiedergabe des beobachtbaren Thatbestandes werden die Zahlen unserer Werthreihe nicht so sein, wie wir annahmen; sie werden Ungesnauigkeiten enthalten, von denen wir uns jetzt begnügen zu glauben,

daß sie klein sind, und daß sie nicht nach einer Richtung, sondern ziemlich gleichmäßig nach bem Mehr und nach dem Minder hin von dem wahren Thatbestand abweichen. Unter diesen Bedingungen entsteht der Zweifel, ob überhaupt diejenige Formel, welche den gegebenen Werthen sich am genauesten anschließt, für bas von uns gesuchte Geset zu halten sei. Ganz unvermischt wird schwerlich je der reine Fall BF in unsere Beobachtung fallen; ber Erfolg, ben seine Bedingung B für sich allein haben müßte, wird durch das gleichzeitige nie gang zu eliminis rende Mitwirken anderer Ursachen etwas verändert sein, und dieser nicht ganz reine Thatbestand wird neue Aenderungen durch die nie fehlenden kleinen Unvollkommenheiten unseres Beobachtens erfahren Die Data, von benen wir ausgehen, enthalten also bas, mas wir suchen, und zugleich Störungen beffelben, die wir nicht suchen; eine Formel, die sich ihnen genau anschlösse, wurde eine Copie dieses gemischten Thatbestandes sein, aber nicht ein Wesetz für den reinen Fall, ben wir aus seiner Vermischung mit zufälligen Nebenumftänden zu sondern suchten. Diese Ueberlegung ist der allgemeine Grund, um des willen wir uns überhaupt erlauben, die kleinen Abweichungen unberücksichtigt zu laffen, welche zwischen ben gegebenen Werthen und einem sie nahezu deckenden Gesetze noch bestehen bleiben; wir rechnen diese Differenzen bann auf unbefannte Störungen. Es fonnten jedoch Fälle vorkommen, in benen wir ein Gefet, welches ben gegebenen Werthen vollständig entspräche, bennoch für unrichtig halten ober einem andern nachstellen müßten, das ihnen mit minderer Annäherung genugte; bies wird eintreten, wenn wir befannte Störungen, die nothwendig stattfinden muffen, in jenem ersten Gesetze nicht mehr ange-Nehmen wir an, zwei Körper a und b umfreisen gleichzeitig in verschiedenen Gbenen und Entfernungen einen britten C, ber auf beide eine stetige Anziehung ausübt, und es folge aus unsern Beobachtungen mit völliger Benauigkeit, daß beide Körper zwei ähnliche regelmäßige Ellipsen beschreiben, so müßten wir entweder unfere Beobachtungen für mangelhaft erklären, oder wir könnten die elliptische Bahn nicht in dem gewünschten Sinne als das Gefet dieser Bewegungen auffassen. Denn auch wenn wir Anziehung nur zwischen C und a und zwischen C und b, aber nicht zwischen a und b, noch mehr aber, wenn wir sie auch zwischen diesen bestehen ließen, mußte die Bahn, welche a

beschriebe, wenn b nicht vorhanden wäre, dann gestört werden, wenn b zugleich da ist. Entweder also weichen die wirklichen gleichzeitigen Bewegungen von der Ellipse ab, und bann waren unsere Beobachtungen ungenau und repräsentirten diese kleinen Störungen nicht; oder die Ellipse ist die factische Bahn beider Körper, und dann ist die gesetzliche Bahn jene andere, die fie durchlaufen würden, wenn diese Störungen Denn darauf allein ist es doch bei solchen Untersuchungen nicht abgesehen, blos einen allgemeinen Ausbruck ober eine Copie des Thatbestandes zu bekommen, so wie er aus der bereits erfolgten Anwendung eines allgemeinen Gesetzes auf bestimmte Bedingungen eines particularen Falles entsprungen ist; man wünscht vielmehr das Gefet in derjenigen Allgemeinheit, die, weil es diese Sonderumstände noch ausschließt, die Ergebnisse zu beurtheilen verstattet, welche unter andern Nebenumständen aus den bleibenden oder anglogen Hauptbedingungen hervorgehen. In solchen Fällen, wie wir sie hier annahmen, wird daher die mangellose oder allzu auffallende Benauigkeit,' mit welcher ein angenommenes Befet ben gegebenen Beobachtungen sich anschließt, geeignet sein, Mißtrauen gegen seine Rich-Welches andere Gefet für richtiger gelten barf, tigkeit zu erwecken. läßt sich natürlich nur in dem Maß vermuthen, in welchem man die übersehenen Störungen aus anderen Gründen schätzen fann; das erweckte Mißtrauen fann aber die Anleitung zu neuen Combinationen ber Beobachtungen oder zu neuen Versuchen werden, welche hierüber Licht zu verbreiten vermögen.

272. Es hängt hiermit weiter zusammen, daß wir in dem Falle mehrerer Gesetze, die sich den vorliegenden Datis mit ungefähr gleicher Annäherung anschließen, das einsachere vorzuziehen, überhaupt in der Einsachheit eine Art Bürgschaft der Wahrheit zu sehen pslegen. Gegen diese letzte Auffassweise, die das simplex sigillum veri zum allgemeinen Grundsatz erhebt, hat die Logist einen ebenso allgemeinen Widerspruch zu erheben. Wenn es sich um Benutzung eines Gesetzes zur Berechnung einzelner Fälle handelt, dann ist freilich die einsachere Formel vorzuziehen, weil sie bequemer ist; über ihre Wahrheit oder Wahrscheinlichkeit aber entscheidet, so allgemein betrachtet, ihre Einsachheit gar nichts. Man muß durchaus überlegen, wessen man sich in dem Gebiet von Borgängen, die man untersuchen will, überhaupt zu ver-

sehen hat. Ist es einleuchtend, daß in ihm ein Ergebniß W von vielerlei unabhängigen Bestimmungsstücken abhängt, so ift ein einfaches Weset über diesen Zusammenhang zwar kein unmöglicher, aber ein durchaus unwahrscheinlicher Fall; die erfte Regung, die wir bei der Auffindung eines folden Befetes eigentlich haben follten, wäre die bes Mißtrauens in seine Gultigkeit; wir mußten glauben, in unseren Beobachtungen oder in unserm Raisonnement die Sache zu leicht genommen und wesentliche Bedingungen unberücksichtigt gelassen zu haben; erst dann werden wir befriedigt sein, wenn eine eindringende Untersuchung zeigt, daß wirklich diese übergangenen Bedingungen sich untereinander stets so aufheben, daß die Rücksicht auf sie rechtlich in dem allgemeinen Gefete ausfallen darf. Sätte man z. B. durch bloge Beobachtungen gefunden, daß ein Körper, von einer Augeloberfläche unter der anziehenden Wirkung des Kugelmittelpunkts ausgehend, auf einer bestimmten andern concentrischen Oberfläche immer mit derselben Endgeschwindigkeit ankommt, gleichviel auf welchem Wege er von der einen zur andern übergeht, so würde man diesem Funde mißtrauen muffen und ihn erft dann anerkennen, wenn nachgewiesen ift, daß wirklich hier diese merkwürdige Compensation verschiedener Nebenbedingungen stattfindet und stattfinden muß. Man täuscht sich hierüber leicht, wenn bas gefundene Resultat nicht so parador ist, wie dies ebenerwähnte. Die

Formel  $T = \pi \sqrt{\frac{1}{g}}$  scheint alle Bestimmungsstücke zu vereinigen, von denen die Zeit einer Bendelschwingung abbängt, denn die oberflächliche

benen die Zeit einer Pendelschwingung abhängt, denn die oberflächliche Beobachtung läßt den Clongationswinkel als wirksam nicht hervortreten. Die genauere Theorie zeigt dann doch, daß dieser einsache Ausdruck nur eine Annäherung und das wahre Geset weit verwickelter ist. Obwohl man daher, nach einem gewissen speculativen Grundsat, auf den ich vielleicht später komme, voraussetzen darf, daß die Wirklichkeit in der That mancherlei eigenthümliche Compensationen enthalte, geeignet, gewisse Typen von resultirenden Creignissen immer nach demselben einsachen Gesetze zu erhalten, gleichviel wie verschieden die Wittel sind, durch die in den einzelnen Fällen diese Typen realisirt werden: so darf man doch das Vorhandensein solcher Cinrichtungen nur da annehmen, wo die Beobachtungen es zweisellos zeigen; dagegen wo uns ein solcher Borausblick auf die Grenzen nicht gestattet ist, innerhalb deren sich der

Erfolg nicht vollständig bekannter Bedingungen halten muß, bleibt die Bermuthung einfacher Gesetze und die Vorliebe für solche fehlerhaft und pflegt nur von der vollständigen Erforschung aller wesentlichen Einzelheiten des gegebenen Untersuchungsobjectes abzuhalten. gegenwärtige Zustand der Naturforschung macht diese Warnungen vielleicht nicht mehr so nothwendig, als sie vor einigen Jahrzehnten gewesen wären, wo man sich sehr geneigt fand, so zusammengesetzte Erscheinungen, wie das organische Leben, nach höchst einfachen, aber ebenso unzulänglichen allgemeinen Gesichtspunkten erklären zu wollen. verhält sich natürlich Alles anders, wenn der behandelte Gegenstand zu jenen Phänomenen gehört, die man nicht mehr als veränderliche Erzeugnisse einer Mehrheit unabhängiger Ursachen, vielmehr selbst als Erscheinungen jener Grundfräfte zu betrachten Anlag hat, aus deren constantem Wirken unter verschiedenartigen zweiten Prämissen die Mannigfaltigfeit der physischen Vorgänge zusammengesetzt wird. Gewiß hat man für diese Fälle, die sich ja dem vorausgesetzten reinen Falle BF nähern oder ihn erreichen, die Einfachheit des sie betreffenden Gesetzes als Zeichen seiner wahrscheinlichen Gültigkeit anzusehen; aber doch auch nicht aus dem gewissermaßen afthetischen Grunde, daß Einfachheit allenthalben Charafter der Wahrheit wäre, sondern deswegen, weil sich für diese reinen Fälle in der That nur eine der früher (263) angeführten einfachen Formen des gesetzlichen Zusammenhangs zwischen Urfache und Wirfung denfbar erweift.

273. Man hat bemerkt, wie großen Werth wir bei Auffindung von Gesetzen auf schon vorhandene Kenntnisse legten und wie wir da= hin kamen, an allerhand Vorüberlegungen und Nebengedanken zu appelliren, durch welche die unmittelbaren Daten der Beobachtung erst eine gewisse Deutung erhalten müssen. Drüden wir diesen Drang in der bekanntesten Form aus: wir brauchen sehr häufig Hypothesen, um Man fann in der That die Beobachtungsresultate nutbar zu machen. geneigt fein, unter diesen Ramen mehrere ber Bedanken zu bringen, die wir uns schon gestatteten, und es etwa eine Hypothese zu nennen, wenn wir von einem periodischen Wachsen und Abnehmen einer Wirtung bei stets wachsender Ursache auf eine Berschiedung zurückschlossen, die in den gegenseitigen Stellungen der in dieser Ursache vereinigten wirtsamen Clemente stattfinde. Es scheint mir jedoch im Interesse der

Logit, die Namen anders zu definiren und zwischen Postulaten, Sp. pothesen und Fictionen zu unterscheiden. Der eben erwähnte Rudschluß ist ein Postulat, d. h. er drückt diejenigen Bedingungen oder denjenigen Grund aus, ohne deffen Herstellung oder Gültigkeit durch irgend welche realen Dinge, Kräfte oder Borgange die gegebene Form ber Erscheinung überhaupt undenkbar ist; er fordert oder postulirt also, daß irgend etwas der Art vorhanden sein muffe, was geeignet ift, dies Gegebene zu begründen. Das Postulat ift baber nicht eine Unnahme, bie man machen oder auch unterlassen oder an deren Stelle man irgend eine andere setzen kann; es ist vielmehr eine absolut nothwendige Annahme, ohne welche der Inhalt der Beobachtung, um die es sich handelt, den Gesetzen unseres Denkens widersprechen würde. Auch ist bas Postulat keineswegs seinem eignen Inhalte nach nothwendig so unbestimmt, wie es nach meinen eben gebrauchten Ausbrücken scheinen fönnte; das vielmehr, was da sein oder da gewesen sein oder geleistet werden muß, damit die gegebene Erscheinung als wirkliche benkbar sei, fann durchaus bestimmt sein; unbestimmt bleibt blos die hiervon wesentlich verschiedene Frage, wer oder was denn basjenige sei, welches durch seine concrete Natur eben diejenigen Bedingungen in Wirklichkeit herstellt, deren Erfüllung das Postulat zur Möglichkeit des Gegebenen nothwendig fand. Wenn ein Körper von bekannter Maffe fich in einer bekannten trummlinigen Bahn mit bekannter Geschwindigkeit bewegt, so läßt fich ganz vollkommen genau die Summe der resultirenden Bedingungen B, B1. . angeben, die in jedem Augenblick auf ihn wirken muffen, damit er diese Bewegung ausführen könne; unbestimmt bleibt nur, wo B und B1 hergekommen, ob sie beide einfache Anstöße einfacher Kräfte ober selbst Resultanten von vielen zusammenwirkenden, ob sie überhaupt Wirkungen von Kräften sind, oder Mittheilungen schon vorhandener Bewegungen. Hier zeigt sich nun deutlich, daß wirklich der Sprach gebrauch sich sträubt, solche Forderungen schon Hypothesen zu nennen. Wer uns blos zu fagen weiß, zu jener frummlinigen Bahn seien Kräfte von bestimmter Intensität und Richtung nöthig, um in jedem Augenblicke die Bewegung von der Tangente um so und so viel abzulenken, dem antworten wir: hiermit lehre er nichts Neues, sondern das was sich von selbst verstehe und aus der bloßen Analyse der gegebenen Erscheinung als nothwendig von jedem noch erft beizubringenden Gr

flärungsgrunde erfüllt werben muffe. Hopothese nennen wir erst die Bermuthung, welche zu biesem abstract aufgestellten Postulate die concreten Ursachen, Kräfte ober Borgänge namhaft zu machen sucht, aus welchen in diesem Falle die gegebene Erscheinung wirklich entsprang, während in andern Fällen dasselbe Postulat vielleicht durch ganz andere äquivalente Combinationen von Kräften oder wirtsamen Elementen Zweierlei läßt sich demgemäß über die Hypothese zu befriedigen ist. Sie ift zuerft nicht identisch mit einer leeren Berjogleich festseten. muthung, die uns unveranlaßt durch den Ropf schießt, sondern sie beruht immer auf einem unabweisbaren Postulate, und sie ist bestimmt, die Widersprüche oder Lücken, um derenwillen das Gegebene in seiner unmittelbar vorliegenden Gestalt undenkbar ist, durch die Annahme eines der Beobachtung entgehenden inneren Gefüges der wirklichen Dinge und wirklichen Borgange so zu erklären, daß aus diesem angenommenen wahren Verhalten der Widerspruch verschwindet, zugleich aber begreiflich wird, warum in der beobachtbaren Erscheinung derselbe für uns unvermeidlich entstehen muß. Damit hängt dann zweitens zusammen, daß jede Hypothese eigentlich nicht blos Denkfigur oder Beranschaulichungsmittel, sondern Angabe einer Thatsache sein will; wer eine Hypothese aufstellt, glaubt die Reihe der wirklichen beobachtbaren Thatsachen durch glückliches Errathen nicht minder wirklicher, aber unbeobachtbarer verlängert zu haben. Es ist hierbei nicht nothwendig, daß die so errathene Thatsache eine einfache und letzte sei, die nicht ebenso noch weiter zurückgehende Untersuchungen über die Gründe ihrer eigenen Möglichkeit veranlaßte; es reicht hin, wenn sie als eine bestehende Wirklichkeit vorgestellt werden kann, über deren Zustandekommen man sich Weiteres vorbehält. Daß die Lichtstrahlen, kurz gefagt, in demselben Augenblicke auf ihrer rechten Seite sich anders verhalten muffen als auf ihrer linken, und daß dies Berhalten selbst mit der Zeit unaufhörlich wechselt, daß es also irgend eine Ursache geben muffe, die gerade dies Phänomen hervorzubringen vermöchte, dies war ein Postulat der Optik aus ihren Beobachtungen; daß dies Postulat durch transversale Schwingungen der Aetheratome befriedigt werde, war die physische Hypothese; woher diese zur Erklärung der Erscheinungen uns vorläufig unentbehrliche Transversalschwingung rühren kann, bleibt eine Frage der Zukunft; jedenfalls enthält fie aber keinen

Widerspruch, der uns hinderte, fie als einen geschehenden Vorgang vorzustellen. Fictionen endlich sind Annahmen, die man mit dem vollftändigen Bewußtsein ihrer Unmöglichkeit macht, fei es daß sie innerlich widersprechend sind, oder aus äußern Gründen nicht als Bestandtheile der Wirklichkeit gelten können. Man wird zu ihnen geführt, wenn es für einen gegebenen Fall M einen Gat T nicht gibt, unter ben er als Unwendungsfall mit logischer Strenge subsumirt werden könnte, wenn es aber wohl einen Sat T1 gibt, von bessen Anwendungsfällen sich M um eine bestimmte Differeng d unterscheidet. Man ordnet dann M unter T1, zieht hieraus die Folgerungen, die man begehrt, und corrigirt sie nachher durch Hinzufügung der Modificationen d, welche um des nicht hinwegzubringenden Unterschiedes d willen nothwendig werden. Die Ermittlung des Kreisumfangs durch Ginschluß zwischen ein äußeres und ein inneres Polygon kann man als bloßes Eingrenzungsverfahren betrachten, wenn man nicht schon in dem Begriff der Länge einer Curve eine Art Fiction sehen will; gewiß aber ift eine solche die Formel ds2 = dx2 + dy2, wenn man bas Zeichen = wirklich Gleichheit und nicht bloße unendliche Unnäherung an sie bedeuten läßt. So lange ds ein wirklicher Bogen, so lange ist die Gleichung falsch; sobald aber ds größenlos wird, werden alle Glieder Rull und die Gleichung bedeutungslos; gleichwohl führt sie zu unendlicher Annäherung an den wahren Werth, weil man durch stetige Verkleinerung von ds den begangenen Fehler stetig verkleinert und hierdurch die Summe oder bas Integral der de zuletzt von ihm unabhängig macht. Es ist taum nöthig, auf die außerordentliche Wichtigkeit solcher Verfahrungsweisen für den erfindenden Gedankengang aufmerkfam zu machen; auch fonst kommen sie häufig vor, und der juristische Gebrauch, sich an den nächstverwandten Rechtsfatz T1 zu wenden, wenn es für den zu beurtheilenden Fall eine specielle Regel T nicht gibt, gehört logisch unter diesen Begriff der Fiction, obwohl man den Namen nur für besonders ge-Ihren Sprachgebrauch hat die artete Fälle anzuwenden pflegt. Jurisprudenz selbst zu bestimmen; ich kann mich indessen nicht überzeugen, daß das, was man sonst als Fiction ansah, nur eine unabhängige durch einen neuen gesetzgeberischen Act bestimmte llebertragung einer Summe von Rechtsverhältniffen auf ein Subject ware, das gu diesen an sich in keiner Beziehung stände; die römische Adoption scheint

durch die Annahme des Namens des adoptirenden Baters zu beweisen, daß psychologisch zuerst versucht wurde, ein in Wirklichkeit nicht herzustellendes Berhältniß doch als hergestellt zu betrachten und auf Grund dieser Fiction secundär die ihr entsprechende Summe von Rechtsfolgen zu bestimmen.

274. Die Wichtigkeit der Leistung, die man von den Hypothesen erwartet, rechtfertigt ben oft gemachten Berfuch, ben Bang ber freien erfinderischen Einbildungstraft, aus der fie allein entspringen können, mindestens an einige Disciplin zu binden; indessen sind die meisten hierüber aufgestellten Regeln zwar vortrefflich, soweit sie sich erfüllen lassen, aber ihre Nichterfüllung kann man doch, ohne nütliche Fortschritte zu sehr einzuengen, nicht als Grund für die Unzulässigkeit ber Spothefen gelten laffen. Es versteht sich zuerst, daß die Hypothese, da sie das Postulat, aus dem sie entspringt, nicht durch eine fingirte Borftellung, sondern durch Angabe einer Wirklichkeit erfüllen will, nur das annehmen barf, was sich als Thatsache denken läßt, nicht aber das an sich selbst Widersprechende. Man übertreibt jedoch, wenn man verlangt, der Inhalt einer Hypothese solle immer innerhalb der Grengen einer möglichen directen Widerlegung durch spätere Beobachtung liegen. Man kann diese Forderung als ein Ideal betrachten und es ist sicher eine fehr nütliche Maxime, die Hypothese wo möglich so zu bilden, daß ihre Falschheit, wenn sie falsch ift, nicht wegen der Unzugänglichkeit ihres Inhaltes für die Bevbachtung auf ewig vor directer Widerlegung sicher ist; allein wir würden auf zu viele nütliche Unnahmen verzichten müffen, wenn wir dies immer verlangen wollten. Daß die Lichtpunkte, die wir Nachts am himmel feben, große von uns fehr entfernte Maffen find, ift zulett auch nur eine Hypothese, durch welche wir das sonst unerklärliche tägliche und jährliche Bewegungsspiel dieser Lichter zu begreifen suchen; eine directe Widerlegung diefer Unnahme, wenn sie falsch ware, wurde aber unzweifelhaft jedem spätern Fortschritt der Beobachtung unmöglich sein. Man muß sich daher an der Denkbarkeit und Rütlichkeit der Hypothese, an ihrer Fähigkeit, alle zufammengehörigen Erscheinungen, ja selbst solche zu erklären, welche noch unbefannt waren, als man sie selbst entwarf, also an der indirecten Beglaubigung durch die Uebereinstimmung alles aus ihr Ableitbaren mit der fortichreitenden Erfahrung genügen laffen. Damit man aber eben so glücklich sei, eine Sypothese zu finden, der später diese Beglaubigung nicht fehlen wird, fann man nicht einfach alles bas annehmen, was sich überhaupt als Thatsache vorstellen läßt, sondern nur das, was außer seiner Denkbarkeit so zu fagen der allgemeinen Sitte der Wirklichkeit oder ihrem speciellen Ortsgebrauch innerhalb der zusammengehörigen Gruppe von Erscheinungen gemäß ist, zu welcher ber untersuchte Gegenstand gehört. Auf allen Gebieten verfährt man so. Wenn in einem formulirten Rechtsgesetz ber Wortlaut feine unzweidentige Folgerung in Bezug auf einen gegebenen Fall zuläßt, fo interpretirt man nicht beliebig mit freiem fpielenden Scharffinn, sondern man geht auf die ratio legis zurück und sucht aus ihr, die der Grund jener Formulirung ift, die für den bestimmten Fall zu supplirende Wir verdanken ebenso in den Naturwissenschaften die gelungenen Hypothefen immer einer folden Berücksichtigung von Analogien, die in der Körperwelt überhaupt oder in einzelnen Gebieten derselben bemerkbar sind. Nur die Flüssigkeiten und die Luft konnten ursprünglich die Beobachtung auf die Hypothese stetiger Raumerfüllung durch die Materie bringen; die große Mehrzahl der festen Körper zeigte sich nicht blos theilbar, sondern aus verschiedenen wirklichen Theilen beftehend. Für diese war daber ber Begriff jener Stetigkeit nur in Bezug auf ihre kleinen Theilchen anwendbar, für sie also das Bestehen aus discreten Atomen, deren jedes nur seinen eignen kleinen Raum stetig ausfüllen mochte, vollkommen gewiß. Da man nun feste Körper flüffig und flüffige fest werden fah, selbst Gase unter Umständen tropfbare und feste Gestalt annehmen, so war die atomistische Hypothese von dieser Seite her völlig gerechtfertigt; fie trug nur das, was für einen Theil der Körper oder für gewisse Formen derselben thatsächlich bestand, auf andere Körper oder andere Formen über, an denen sich factisch derselbe Zustand nicht als wirklich, wohl aber als möglich des wegen nachweisen ließ, weil unter seiner Boraussetzung die an ihnen gegebenen Erscheinungen auch begreiflich blieben. Sobald dann einmal eine solche thatsächliche Gewohnheit der Ratur für eine gewisse Erscheinungsgruppe als nügliches Erklärungsprincip nachgewiesen ist, so pflegen sich die Entdeckungen zu häufen, weil man sofort versucht, wie weit sich auch andere Greignisse auf sie beziehen lassen. So ging es mit ber Wellenbewegung. Un Wafferflächen, an Saiten, an tonenden Ebenen, fonnte man sie geradezu sehen und ihre Gestalt im Ginzelnen durch fünstliche Hülfsmittel sichtbar machen; und da gar fein Grund vorlag, sie als Bewegungen nur an bestimmte Materien gefnüpft zu benken, so waren es vollkommen berechtigte Hypothesen, welche zuerst die Schallfortpflanzung durch die Luft, dann die Bewegung des Lichtäthers, endlich die Erscheinungen der Wärme auf den gleichen Vorgang zurückzuführen suchten. In der organischen Welt stieß man auf einigen Punkten auf eine nicht vermuthete Theilung der Arbeit; wo man früher demselben Substrat sehr verschiedene Berrichtungen zugetraut hatte, zeigte sich, daß für jede einzelne derselben ein besonderes Organ da war, das für die übrigen nicht vicarirte. Auch diese Sitte der Natur wurde zu neuen Hypothesen in Bezug auf die Nerven benutt, die als Organe der verschiedenen Farben oder Tonempfindungen dienen; ob man das Richtige getroffen, steht noch dahin, aber logisch berechtigt ift diese Hypothese zweifellos. Bewegungen kommen im Pflanzenreiche häufig vor, auch solche, deren Effect in einer Zusammenziehung besteht; dennoch scheint es, als würde dieser Erfolg hier nicht durch Contraction lebendig contractiler Elemente hervorgebracht, wie im Thierförper; man wird beshalb hier diese Hypothese, obwohl sie an sich möglich ist, nicht machen, weil sie zunächst den Gewohnheiten der Ratur auf diesem Gebiete nicht zu entsprechen scheint; dagegen hat es Werth zu untersuchen, ob dieser Schein nicht trügt.

275. Man wird ferner von der Hypothese verlangen, daß sie nicht mehr, aber auch nicht weniger enthält, als sie im Anschluß an das Postulat, aus dem sie entsprungen ist, enthalten muß. Und dies führt auf eine gewisse Disciplinarvorschrift, die bei ihrer Entwerfung zu beachten ist. Man muß nicht, wenn ein erklärungsbedürftiger Vorgang vorliegt, in den blauen Himmel nach einem glücklichen Einfall aussehen, sondern durch scharfe Zergliederung des Gegebenen vor allem das genaue Postulat herstellen, dem zu genügen ist. Man wird hierbei zunächst manche Nebenzüge vernachlässigen können, die zu denjenigen gehören, von denen man aus anderweitiger Einsicht weiß, daß sie bei jeder hier in Frage kommenden Hypothese sich leicht nachträglich durch eine nähere Bestimmung derselben berücksichtigen lassen, aber alle wesentlichen Stücke der Ausgabe, die mithin nicht selbst nur Consequenzen anderer sind,

wird man genau beachten muffen, um aus ihrer Verknüpfung zunächst die passendste Form der zu mählenden Hypothese zu errathen. hat man sich umzusehen, welche Elemente, Ursachen, Kräfte und Berknüpfungen derfelben die Wirklichkeit enthält, geeignet, bas gestellte Postulat zu erfüllen, und endlich wird man aus der vollständigsten möglichen Uebersicht derselben, von einem praktischen und einem theoretischen Beweggrund zugleich geleitet, diejenigen auswählen, welche den erwähnten Anforderungen am einfachsten und am meisten in Uebereinstimmung mit den herrschenden Analogien des in Frage kommenden Gebietes der Wirklichkeit genügen. Wenn eine mit Wunden bededte Leiche gefunden worden ift, so geht die erste Bemühung darauf, zu entscheiden, ob die Wunden dem noch lebenden Körper haben beigebracht sein muffen, oder ob sie nach dem Tode entstanden find; dann welches die Größe, Wirkungsweise und Richtung der Kräfte gewesen sein muß, die diese Folgen hervorgebracht haben; endlich, ob diese so ermittelten Bedingungen ein Postulat bilden, dem durch Unnahme einer wirkenden Naturfraft oder nur durch Boraussetzung eines mit bewußter Absicht geführten Wertzeugs entsprochen werden tann. Auch dann nachdem dies entschieden ift und die Form der Hopothese, die Annahme eines begangenen Mordes, feststicht, sucht man den Thäter nicht durch grundlosen Einfall zu errathen, sondern man fragt, welche Personen zu denen gehören, zu denen man sich der That versehen kann, theils weil in ihren Beziehungen zu dem Getödteten Motive der That, theils weil in ihrem Charafter keine hinlänglichen Motive zum Ausschluß des vorläufigen Berdachtes liegen. Es würde ganz ausgeführter Beispiele bedürfen, zu denen hier fein Raum ist, um die Sorgfalt zu zeigen, mit welcher die richterliche Untersuchung darauf hält, keinen Theil des Bostulates unbefriedigt zu lassen und erft dann eine gewonnene Ueberzeugung für hinlänglich sicher zu halten, wenn sie jeden Ginzelumstand erflärt, der durch seine Abweichung von dem gewöhnlichen Berhalten auch dann, wenn es sich nicht um ein Berbrechen handelte, seine besondere Erklärung verlangen würde. Vorsichtig gemacht durch die Größe dessen, was auf dem Spiele steht, bewegt sich hier der menschliche Scharffinn mit gang anderer Genauigkeit als in manchen philosophischen Speculationen, die viel fündigen konnen, weil sie wenig zu verderben im Stande sind. Noch immer gefällt man sich, den schlechtbeobachteten

Befund gewisser auffälliger Erscheinungen auf ein animalisch-magnetisches Fluidum zurückzuführen, ohne die Umstände zu specificiren,
die hier der Erklärung bedürfen würden, und folglich auch ohne zu bedenken, daß die wüste Allgemeinheit, in der man nur das Aus- und
Einstrahlen dieses Fluidum behauptet, nicht die mindeste Handhabe zur Erklärung der Art, Größe und Reihenfolge der höchst verschiedenartigen Borgänge darbietet, die man von ihm glaubt ableiten zu können. Die Naturwissenschaft ist diesem Fehler wenig ausgesetzt, weil sie schon kaum im Stande ist, ohne hinlängliche mathematische Präcisirung die Gegenstände auch nur verständlich zu machen, von denen sie eine Erklärung zu geben sucht.

Wenn es sich um singulare Thatsachen handelt, von denen ich bald zu sprechen habe, so hat nur die Bollständigkeit, mit der eine zu ihrer Beurtheilung entworfene Hypothese ihren Inhalt dedt, nicht aber die Einfachheit dieser Hypothese einen hervorragenden Werth; wir wiffen ja aus Erfahrung, auf wie vielen Umwegen im Ginzelfalle zuweilen ein Ereigniß zu Stande fommt, das in andern Fällen aus viel Wenn es bagegen, wie noch hier einfacheren Urfachen entstehen fann. für uns, um die Ermittelung eines Thatbestandes zu thun ift, der allgemein einer Rlaffe oft wiederholter Borgange zu Grunde liegt, fo find wir allerdings, einem gewissen Princip der kleinsten Urfache gemäß, die einfachere Hypothese ber zusammengesetzteren vorzuziehen genöthigt. Aber doch nicht deshalb, weil an sich die Einfachheit die größere Wahrheit verbürgte, sondern weil jede Annahme irgend eines Datums, welches zur Begründung des zu Erflärenden nicht unabweislich wäre, eine völlig leere, das gegebene Postulat überschreitende Bermuthung, mithin methodologisch ungerechtfertigt wäre. Nicht immer wird aber die Wirklichkeit unser logisch richtiges Verfahren bestätigen. wir aus der gewählten Hypothese heraus rudwärts die gegebene Erscheinung zu construiren, so können Differenzen zwischen bem was wir so erreichen und dem was gegeben war hervortreten, sei es burch Schuld unserer boch früher nicht vollständigen Bergliederung bes letteren, sei es, weil neue Beobachtungen, die früher unmöglich waren, neue Seiten der Sache jum Borschein bringen. Die Hypothese bedarf dann ber Berbesserung; man leistet sie, indem man entweder die an sich variablen Elemente, welche sie enthält, schicklicher bestimmt, so daß sie

nun weder zu weite noch zu enge, sondern adäquate Gründe zur Ableitung des Gegebenen werden, ober indem man in Bezug auf einzelne ihrer Bestimmungsstücke neue Hulfshupothesen hinzufügt, durch die demselben Zwecke genügt wird. Ich führe diese Berfahrungsweise furz und geradezu hier als eine logische Regel auf, die man zu befolgen hat, im Wegensatz zu einer sehr häufig wiederholten Lehre, welche diese Ginfügung neuer Hypothesen in die alten als hinlänglichen Grund für die Unzuläffigkeit der letteren ansieht, und sofort auf ihre Ersetzung durch Weder im Leben noch in der Wiffenschaft befolgt einfachere dringt. man eine solche Lehre wirklich. Man reißt nicht ein Saus nieder, um durch einen Neubau einen Uebelstand zu beseitigen, den ein leichter Umbau verbessert hätte; man gibt nicht sofort eine neue Verfassung, wenn einzelne Bestimmungen der bestehenden zu drücken beginnen, und wie verbreitet auch leider die Reigung ist, Principien zu reiten, so hat boch die geschickte Anbequemung nothwendiger Beränderungen an bas bleibende Gute alter Einrichtungen stets als die wahre Kunft bes Staatsmannes gegolten; auch der wirkliche geschichtliche Entwicklungs gang der Wiffenschaft zeigt, daß sie neue Gesichtspunkte gern unter unbequemen alten Formen zu versuchen liebt, um keine der Wahrheiten einzubüßen, die durch diese Formen einmal gewonnen find. Ich behaupte nicht, daß es hierbei bleiben soll, auch nicht daß es dabei bleiben wird; von dem Ergebniß, das wir durch unsere Untersuchungen erarbeiten wollen, hoffen wir alle, daß es ein einfaches in sich zusammenhängendes Ganze sein wird; so lange wir aber noch in der Arbeit begriffen sind, es zu suchen, dürfen wir uns nicht durch die sonderbare verwickelte und abenteuerliche Form abschrecken lassen, welche unsere Ansichten daburch annehmen, daß wir jeder neuerkannten ober beffer erkannten Specialität unseres Wegenstandes sorgfältig durch eine Hülfshppothese gerecht werden, die wir unsern früheren Annahmen über ihn hinzufügen. Mur auf diesem Wege konnen wir hoffen, jenes einfache und glatte Ergebnif vollständig zu erreichen; denn je gewissenhafter wir hier verfahren, um fo sicherer dürfen wir voraussetzen, daß wie bei jeder verwickelten Rech nung, die ein einfaches Resultat vorausbekannter Weise liefern muß, im Berlaufe des Berfahrens unsere mannigfachen Annahmen von selbst sich auf einfachere und allgemeinere reduciren werden, so daß nach allen Umwegen ein Facit übrig bleiben wird, welches nicht blos einfach und

übersichtlich ist, sondern auch alle Bestandtheile unseres Postulats vollsständig deckt. Endlich lengnet Niemand, daß eine glückliche Inspiration diese Umwege abfürzen kann; aber Inspirationen kann die Logik nicht lehren; was sie als Methode lehren kann, ist genau nur dies, was wir aufführten: man muß seine Ungeduld zügeln und unbeirrt eine einmal versuchte Hypothese so lange umformen, die aus den Unsormen, die sie durchläuft, eine uns und die Sache befriedigende einsache Gestalt derselben entspringt. Die Hast, gleich während der Arbeit lauter paradesfähige Principien aufstellen zu wollen, verführt blos dazu, es sich mit den Problemen leicht zu machen, ihre unbequemen Sonderbarkeiten unberücksichtigt zu lassen und sich mit einer Ansicht zu befriedigen, die in Bausch und Bogen die großen Umrisse der Sache wiedergibt, für das Einzelne aber gar keine erschöpfende Erklärung liesert.

277. Ich habe noch einen bedenklichen Punkt zu erwähnen. Nichts tann dringender scheinen, als daß eine Hupothese, die ja eine Thatsache errathen haben will, vor allen Dingen nur etwas an sich Mögliches behaupten darf; und gewiß wird es dabei auch bleiben, daß ihr nicht erlaubt ist, als unmöglich Anerkanntes vorauszusetzen; aber über die Grenzen deffen, was hier als Mögliches noch zulässig ift, besteht doch ein Zweifel. Ich habe ihn durch die Wahl meines Ausdrucks zu lösen gesucht, als ich nur das, was sich als gegebene Thatsache vorstellen läßt, als zulässigen Inhalt einer Hypothese bezeichnete, und in der That glaube ich, daß man weder mehr verlangen darf, noch hierdurch mit dem Begriff der Hypothese in Widerspruch geräth; sie will eine Thatsache errathen, aber es genügt ihr auch, daß diese Thatsache dann eben so dastehe, wie so oft die ber wirklichen Beobachtung dargebotenen: vorstellbar, anschaulich, im Uebrigen aber rücksichtlich der Art ihres möglichen Zustandekommens unerklärt. Bu keinem Gebrauch würden wir hypothetisch einen Kreis annehmen dürfen, der zugleich ein Dreied ware; seine Anschauung, unvollziehbar für unsere construirende Phantasie, könnte auch als gegebene Thatsache niemals in unserer Beobachtung vorkommen. Die Annahme dagegen eines unsichtbar kleinen, jedoch ausgedehnten Atoms von unveränderlicher Gestalt und Größe enthält keinen Widerspruch, der uns hinderte, es als Wegenstand einer möglichen vielleicht durch fünstliche Hülfsmittel geschärften Wahrnehmung vorzustellen; es ist deshalb zulässig, das Vorhandensein solcher

Atome als die für unsere gewöhnliche Beobachtung unzugängliche Thatsache anzusehen, auf welcher der beobachtbare Inhalt der Erscheinungen beruht. Wenn wir dann diese Vorstellung auch vor unserem Denken rechtfertigen und ihre Möglichkeit im Zusammenhang der Natur unterfuchen wollen, so mag es immer sein, daß wir genöthigt sind, sie zu modificiren; aber wir brauchen es doch erst bann zu thun, wenn wir aus ihr als vorläufigem Princip eine Menge bleibender Bortheile für die Erklärung der einzelnen Erscheinungen gezogen haben. Die Trans versalschwingung des Lichtäthers, die einem Postulat der Beobachtung entsprach, läßt sich ohne Zweifel als wirklich geschehender Borgang vorstellen, aber aus welchen physischen Urfachen diese Richtung ber Bewegung hervorgehen könnte, bleibt zunächst völlig unklar; die ganze Voraussetzung eines in's Unendliche ausgedehnten homogenen oder isotropen Aethers, für jest unentbehrlich für unsere Begriffe von der Fortpflanzung des Lichts, gehört zu derselben Klasse von Borstellungen; sie ist eine völlig flare Anschauung, aber ebenso völlig bleibt dunkel, wie eine so gleichmäßige Bertheilung auf einander wirkender Glemente als mechanisches Resultat möglich ist. Die logischen Bewunderer naturwissenschaftlicher Methoden täuschen sich hierüber zuweilen, wenn sie ben ganzen Bau unserer Kenntnisse auf unbedingt sichere Fundamente gestützt vorstellen; es geht vielmehr öfter hier so zu, wie bei der festen Ausmauerung der Brunnen: man baut von oben hinunter und verläßt sich darauf, daß die angenommenen Thatsachen nach unten einstweilen von dem unanalpfirten Grund und Boden haltbar genug unterftüt werben, um die aufgesetzte Mauer zu tragen, bis man einen Schritt tiefer ihnen wieder eine Schicht von Fundament unterziehen kann, ber es dann wieder so geht. Es ist zuzugeben, daß hierdurch der Unterschied zwischen Hopothese und Fiction, zwischen Gesetz und Regel zweifelhaft wird, ein Gedanke, den ich früher andeutete und später wieder aufnehmen werbe.

## Neuntes Kapitel.

Bestimmung singularer Thatsachen.

278. Gewißheit über die Wirklichkeit einer Thatsache gibt nur die eigne unmittelbare Wahrnehmung; auch fie nur unter der Boraussetzung, daß die Deutung richtig sei, durch welche wir den Inhalt der sinnlichen Empfindung, der ursprünglich allein das Gegebene ift, in der Form eines Urtheils zu einem Ganzen von innerlicher Zusammengehörigfeit verknüpft haben. Ueberlieferung dagegen verlangt zu der Glaubwurdigfeit der Beugen oder der Berichterstatter ein Butrauen, das man aus allerhand Gründen mehr ober minder empfehlen ober rechtfertigen, aber niemals als nothwendig beweisen fann; jeder Rückschluß ferner von gegebenen Thatsachen auf eine andere, die von ihnen als ihre Ursache bezeugt werde, scheitert baran, daß zwar jede Folge ihren zulänglichen Grund, und nur einen einzigen Grund haben muß, daß aber sehr viele verschiedene äquivalente Thatsachen der Wirklichkeit die Ursache gebildet haben können, in benen allen dieser Grund der gegebenen Wirkungen vorhanden war; endlich auch jeder progressive Schluß, der aus beobachteten Umftänden oder Ereigniffen eine zufünftige oder eine gleichzeitige, der Beobachtung sich entziehende Thatsache folgern möchte, wird ungewiß, weil jede Bedingung im wirklichen Weltlauf eine hemmende Wegenbedingung finden kann, die zwar niemals die Folge derselben annullirt, aber sie doch hindert, die Gestalt derjenigen Thatsache anzunehmen, als welche fie ohne jenes Hinderniß auftreten würde. Ueberall mithin, wo unsere unmittelbare Wahrnehmung nicht ausreicht, sind wir in der Beurtheilung der Wirklichkeit auf Wahrscheinlichkeit beschränkt und haben die Mittel aufzusuchen, durch welche wir dieser

eine für unsere Zwecke hinreichende Annäherung an Gewißheit zu verschaffen im Stande sind.

279. Zwei allgemeinste, einander in gewissem Grade entgegenwirkende Gedanken beherrschen hier unsere lleberlegungen. keine in sich zusammengehörige Causalreihe in einer Welt für sich verläuft, vielmehr in einer und derfelben Welt zugleich mit unzähligen andern, so erscheint es uns ganz allgemein unwahrscheinlich, daß irgend eine Urfache in Wirklichkeit ohne irgend einen Abzug die ganze unendliche Reihe von Wirkungen entfalten follte, die sie gehabt haben würde, wenn sie allein ihren Ginfluß auf die Bestandtheile der Welt hatte üben können. Durchdrungen ift von dieser lleberzeugung unser tagliches Leben; schon ein antiker Spruch drückt sie dahin aus: nicht an einen Anker muffe man das Schiff, nicht an eine Hoffnung das leben knüpfen; überall wo wir einen Erfolg sichern wollen, auf den wir Werth legen, treffen wir verschiedene Vorkehrungen, deren jede zu demfelben Ziele führen kann; versagt die eine, so wird die andere doch das Biel erreichen; erleiden fie alle eine Einbuße an Wirkung burch äußere Störungen, so wird doch noch übrig bleiben, was uns befriedigen fann: benn ebenso unwahrscheinlich, wie der unverfürzte Erfolg, erscheint uns eine Verschwörung des Zufalls, die von vielen aufgebotenen Ursachen keine einzige die beabsichtigte Wirkung entfalten ließe. Gleiches Diß trauen bezeugen wir geschichtlichen Darstellungen, wenn sie entweder von winzigen Zufällen ungeheure Wendungen der Schickfale ableiten, oder durch Jahrhunderte hindurch in allen Einzelheiten des geschicht lichen Verlaufs doctrinär die genauen Nachwirkungen eines in früherer Beit entscheidend wirkenden Impulses finden wollen; sie übersehen im erften Falle die unzähligen Mitbedingungen, die allein im Stande waren, dem Kleinen icheinbar jene große Wirfung zu verschaffen; sie überreden uns im lettern nicht, daß die unzähligen unzusammenhängenden und unberechenbaren Triebe, die sich in der vielköpfigen Menschheit in jedem Augenblicke neu erzeugen, selbst vereinigt mit den Einflüssen der Natur, die ihrer besonderen eigensinnigen Unordnung oder Ordnung folgen, bei der Mitbestimmung des ferneren Laufes ber Dinge in solchem Grade wirfungslos gewesen seien. Wir sind ästbetisch unbefriedigt burch eine Poesie, die uns einen menschlichen Charafter in allen großen und kleinen Handlungen als unwandelbar con-

sequent darstellt, und ihn nicht einmal durch irgend eine unbedeutende irrationale Gewohnheit des Benehmens, durch irgend eine zulässige, aber zufällige Vorliebe oder Abneigung als ein Geschöpf der Wirklichkeit beglaubigt; als Personification einer abstracten Eigenschaft ist er uns in der Dichtung langweilig, und im Leben, wenn er leben könnte, würde er uns fo grauenhaft sein, daß wir gegen ihn, den unperfönlichen, faum noch die sittlichen Verpflichtungen fühlen würden, die sich nur von Person zu Person verstehen. Ebenso unglaubwürdig ware uns eine Darstellung, die jedes Bestreben, jeden Borfat eines überlegenden Beiftes an einer beständigen Wiederholung ftorender Zufälle scheitern ließe; abscheulich, wenn sie ernsthaft wäre, würde sie blos erträglich, wenn fie, komisch gemeint, nicht blos ben erleichternden Gedanken an bie Unbedeutendheit der gangen Sphäre, in der fie fich bewegt, sondern zugleich den glücklichen Unglauben an die Wirklichkeit deffen erweckte, was hier als Möglichkeit uns vorgegaukelt wird. Selbst die Musik erscheint uns zwar nicht unwahr, aber reizlos und unbedeutend, wenn die Melodie mit gar zu leicht vorausfühlbarer Consequenz den einfachen Fortgang nimmt, der ihrem Anfang entspricht, ohne jemals ihre lebendige Glasticität durch eine unerwartete Wendung zu verrathen, zu der sie durch eine ihr entgegengeworfene hindernde Schwierigkeit veranlaßt Endlich begleitet unfer Mißtrauen alle prattischen Entwürfe, welche nicht parataktisch, um einen Ausdruck der Syntax zu brauchen, unabhängige Bedingungen neben einander ordnen, um den Erfolg zu sichern, sondern ihn hypotaktisch von einem Gewebe einander gegenseitig bedingender Boraussetzungen abhängig machen. Sie fordern auf biese Weise nur bas Miglingen heraus, indem sie burch die Mannigfaltigkeit der verbundenen Bestandtheile überhaupt die Berührungen mit fremdartigen Ginflüssen vermehren und durch die Abhängigkeit der einen von den andern eine einmal erlittene Störung beständig fortwirken machen.

280. Der andere jener beiden Gedanken geht davon aus, daß zwar sehr viele verschiedene Gruppen äquivalenter Ursachen sich denken lassen, die darin übereinstimmen, eine bestimmte Wirkung hervorzustingen, daß aber doch jede dieser Gruppen außerdem noch eigenthümsliche Nebenwirkungen haben wird, durch welche sie sich von andern unterscheidet. Um daher einen ganzen genau bestimmten Complex

mannigfacher Wirkungen zu erzeugen, die so zusammengefaßt eine bestimmte zusammengesetzte Thatsache barstellen, wird boch nur eine sehr geringe Anzahl verschiedener Ursachencomplere, vielleicht unter benen, die in der Erfahrung vorzukommen pflegen, nur ein einziger in der That hinlänglich sein. So lange uns ein gegebener Thatbestand nur in seinen großen Umriffen bekannt ift, pflegen uns baber febr verschiedene Ursachen desselben als mögliche vorzuschweben; sobald dagegen die feineren Mebenzüge befannt werden, welche ihn charafterifiren, verengt sich die Auswahl beträchtlich und zuletzt zeigt sich, daß das aus Diesen Datis entspringende Postulat in der Gesammtheit aller seiner Anforderungen nur durch sehr wenige hypothetisch anzunehmende Thatfachen befriedigt wird; unter biefen entscheiden wir uns dann für die jenige, welche die einfachste ist und die geringste Anzahl von einander unabhängiger zusammenwirtender Elemente voraussett. Bedanke läßt fich in den verschiedensten Ueberlegungen als herrschend Wenn eine ganze Reihe von Ginzelthatsachen ober Indicien vorliegt, die zusammengenommen sich bequem aus der Annahme einer einzigen That erklären läßt und in der nichts unableitbar bleibt außer jenen fleinen Rebenumftanben, bie, von zufälligen Bedingungen abhängig, wirklich jeder einzelnen Ausübung einer That eine etwas anbere Färbung geben als einer zweiten, so wird die Aufmertsamkeit des Untersuchungsrichters ausschließlich sich auf diese Annahme richten, und sehr ungläubig wird er die fünstlichen Bemühungen des Verdächtigen anhören, der jedes Stück dieses Thatbestandes aus einer besondern unschuldigen Ursache, die Gesammtheit deffelben aus dem ungludlichen Busammentreffen so vieler Zufälle zu erklären sucht. Bang ebenjo pflegt der Kranke sich damit zu trösten, daß er jedes der zahlreichen Symptome feines Uebelbefindens einzeln auf feine besondere wenig bedeutende Ursache zurücksührt; er täuscht damit den Arzt nicht, dessen Diagnose unbarmherziger auf die ernsthafte Krankheit lauten wird, die im Stande ift, auf einmal biefen gangen zusammen vorfommenten Haufen von Zufällen begreiflich zu machen. Ich brauche kaum hinguzufügen, daß diese natürlichen Maximen der Beurtheilung doch nur hinreichen, um eine erste vorläufige Vermuthung vor anderen zu bevorzugen; wo von unserer Entscheidung wichtige Folgen abhängen, haben wir nie zu vergessen, daß das Unwahrscheinliche doch möglich ift. Es

reicht daber nicht bin, nur diejenige Unnahme weiter zu verfolgen, welche die vorliegenden Indicien uns als die natürlichste aufdrängen; man wird sie nur dann der Glaubwürdigkeit nähern, wenn nicht blos nach ihr hin alle gegebenen Anzeichen von selbst convergiren, sondern wenn bei aufmerksamer Prüfung auch die unwahrscheinlicheren Vermuthungen, welche die Natur der Sache noch zuläßt, ebenso viele Lücken und Widersprüche in dem zu erklärenden Thatbestande übrig laffen. Man wird ferner darauf achten muffen, so weit als möglich nur aus positiven Indicien zu schließen; Berneinungen sind vieldeutig; mogen sie die Unterlassung einer Handlung ober das Nichtvorhandensein eines Buftandes ausdruden, fo find fie benutbar zum Beweife einer Thatsache nur dann, wenn das, was sie leugnen, unter jeder andern Boraussetzung als nothwendig zu erwarten war; an sich folgt aus der Verneinung nur die neue Verneinung deffen, was ohne die Bejahung bes Nicht die Menge endlich der Indicien Berneinten undenkbar ift. überhaupt, sondern nur die der von einander unabhängigen hat Werth für unsere Entscheidung; und hierin haben wir uns einer häufigen schlechten Gewohnheit zu entschlagen: sowie wir einen Fehler mit Recht ftrafen, bann aber, wenn seine unvermeidlichen Folgen nach und nach hervortreten, gern jede einzelne berfelben noch einmal rächen möchten, ebenso vergrößert sich uns mit Unrecht die Wahrscheinlichkeit einer Bermuthung, wenn zu dem Anzeichen, das uns zuerst auf sie führte, beffen nothwendige Confequenzen nach und nach in unfere Beobachtung fallen; sie stimmen natürlich zu unserer Vermuthung, aber fie tonnen nichts zu ihrer weiteren Begrundung beitragen. Regeln der Vorsicht, deren scharffinnige Befolgung in Beispielen durchzugehen freilich viel größeres Interesse barbieten würde, als diese trodene logische Formulirung, schließen zuletzt große Irrthumer nicht aus; man wurde jedoch Unrecht thun, barum fie gering zu schätzen; nur einen allgemeinen sittlichen Grundsatz dürfen wir aus der Betrachtung dieser Unvollkommenheiten ziehen: wo unfer Handeln unerläßlich ist, mögen wir uns auf die Wahrscheinlichkeit getroft verlaffen, über die hinaus zur Gewißheit zu gelangen uns unmöglich ist; wo wir dagegen gar nicht verpflichtet sind zu handeln oder doch nicht verpflichtet, ein unwiderrufliches Aeußerstes zu vollziehen, da wird es sich schicken, unsere subjective Ueberzeugung, die nur auf Wahrscheinlichkeit beruht, nicht für eine hinlängliche Berechtigung zu ihrer thätlichen Ausführung anzusehen.

281. Die genauere Abschätzung berjenigen Wahrscheinlichkeiten, die auf den mehr oder minder befannten inneren Zusammenhang gegebener Thatbestände sich gründen, entzieht sich den allgemeinen Unweisungen der Logit und ist der sachlichen Kenntniß des jedesmaligen Falles zu überlaffen. Aber namentlich in Bezug auf zukunftige Ereigniffe, und auf diese beschränke ich zunächst die folgenden Betrachtungen, finden wir uns sehr oft in der Lage, zwar zu wissen, daß von verschiedenen disjuncten Fällen einer nothwendig eintreten muß, ohne daß wir jedoch im Besitz eines Grundes waren, der uns irgend einen berselben vor den übrigen bevorzugen ließe; und dennoch können praktische Bedürfnisse uns nöthigen, zwischen ihnen eine Wahl zu treffen, um auf das vorausgesetzte Eintreten des bevorzugten unsere Handlungen zu Unter folden Umständen bleibt feine andere Maxime ber gründen. Beurtheilung übrig außer ber, allen gleich möglichen Fällen auch gleiche Wahrscheinlichkeit ihres Eintretens in der Wirklichkeit zuzuschreiben; als gleich mögliche aber fonnen wir, da wir auf jede Kenntniß ber bie Berwirklichung bedingenden Umftande verzichtet haben, nur diejenigen Einzelfälle betrachten, welche in dem Umfang des allgemeinen Falles als gleichwerthige Arten desselben coordinirt sind. Alle Aufgaben dieser Gattung führen nämlich zurück auf ein disjunctives Urtheil von der Form: wenn die Bedingung B erfüllt wird, so tritt von der allgemeinen Folge F eine ihrer Arten f1, f2, f3.. mit Ausschluß aller übrigen Welche dieser Folgen in der That eintreten wird, hängt in jedem Falle von der besonderen Form b1, b2, b3... ab, in welcher jene all gemeine Bedingung erfüllt worden ift; ware diese bestimmte Form bes B, vielleicht b3, uns befannt, so wurden wir im Stande fein, den gugehörigen Werth f3 ber Folge mit Gewißheit abzuleiten, angenommen wenigstens, daß wir das Gesetz der Zusammengehörigkeit von B und F ermittelt hätten; ift uns dagegen, nach unferer jetigen Voraussetzung, diese specielle Gestalt unbefannt, welche B in irgend einem Falle seines wirklichen Eintretens annehmen wird, so muß zwar, wenn B sich verwirklicht, irgend eine der Folgen f1, f2, f3 eintreten, aber jede von ihnen bleibt für uns gleich möglich, da die einzige uns bekannte Bedingung ihrer Berwirklichung, die Gültigkeit von B überhaupt, für

jede gleichmäßig besteht und keine vor der anderen bevorzugt. Nehmen wir jett an, die allgemeine Bedingung B könne, wenn sie alle mit ihrer Ratur verträglichen Variationen annimmt, Grund zu n = 6 verschiedenen Folgen f1, f2... f6 werden, so würden n = 6 verschiedene Biederholungsfälle von B nöthig sein, damit jede dieser gleichmöglichen einander ausschließenden Folgen sich verwirklichen könnte. Man sieht daher, daß unter der Annahme gleicher Wirklichkeit des gleich Möglichen die Wahrscheinlichkeit des Eintretens eines Einzelfalles eine mathematische Bestimmung zuläßt; benn in die Aussicht, in einem einzigen Falle sich zu verwirklichen, muß jede dieser f mit allen übrigen gleichberechtigten sich theilen, die Summe aber der so bestimmten Wahrscheinlichkeiten aller Einzelfolgen muß eine von ihrer Anzahl unabhängige conftante Größe sein, denn sie muß die Gewißheit bezeichnen, daß irgend eine der Einzelfolgen f, wie viele ihrer auch sein mögen, daß also F überhaupt in jedem Einzelfalle eintreten muß, sobald B überhaupt in irgend einer Form verwirklicht ist. Da diese Gewißheit für jedes B und jedes F gleich unbedingt besteht und die Wahrscheinlichteiten der Einzelfälle nur relativ zu dieser Bewißheit eine Größenbestimmung zulassen, so hat es weder Grund noch Vortheil, für die erwähnte Constante einen andern Werth als den der Einheit anzunehmen; die Wahrscheinlichkeit eines einzigen von n coordinirten Fällen f wird daher  $=rac{1}{n}$  und die Summe der n Wahrscheinlichkeiten aller  $=\frac{n.1}{n}=1$ . Ich habe hierbei vorausgesetzt, daß die Bezeichnung coordinirter Fälle richtig verstanden werde; ich definire jett ben Ausdruck dahin, daß jeder dieser Fälle nur einem einzigen von den einander ausschließenden Werthen b1, b2.. der Bedingung B entspricht, die in Wirklichkeit vorkommen können, nicht aber einer in Wirklichkeit niemals existirbaren allgemeineren Form B1 dieser Bedingung, welche mehrere von den Einzelwerthen b1, b2.. unter sich befaßte; hieraus folgt, daß auch jede von jenen f eine elementare Einzelform der Folge ist, welche nicht selbst wieder andere für sich existirbare Arten derselben als allgemeiner Ausdruck unter sich begreift. Geben wir dem disjunctiven Urtheil willfürlich die Gestalt: wenn B'gilt, so gilt entweder f' oder Fm, so daß wir unter Fm alle die m oder n — 1 Folgen

f verstehen, welche nicht f' sind, so sind f' und Fm nicht mehr coordinirte Glieder; die Wahrscheinlichkeit des ersten zwar bleibt  $\frac{1}{n}$ , aber die des zweiten ist die Summe der Wahrscheinlichkeiten aller Elementarfälle, die in diesem Ausdruck vereinigt gedacht werden, also  $=\frac{n-1}{n}$ . Nun fann es fehr häufig vorkommen, daß eben diese verschiedenen unter Fm zusammengefaßten Fälle eine gemeinsame, bas Interesse unserer Untersuchung erregende Eigenschaft besitzen, um deren willen wir sie unter einem gemeinschaftlichen Namen, als einen Fall, auszuzeichnen und den übrigen Fällen entgegenzusetzen veranlaßt find; dann drüden wir uns dahin aus: die Wahrscheinlichkeit dieses (collectiven) Falles Fm sei gleich dem Berhältniß der Anzahl der in ihm vereinigten Ele mentarfälle zu der Gesammtzahl aller möglichen Fälle; richtiger, wem wir auf den Busammenhang der Sache gurudgeben: gleich dem Berhältniß ber Anzahl ber Bariationen von B, die zu einem Falle der Art Fm führen können, zu der Anzahl aller möglichen Variationen bes B; einfacher und allgemein: gleich dem Berhältniß der Anzahl der ihm günstigen Chancen zu der Anzahl aller denkbaren,  $=\frac{\mathbf{m}}{\mathbf{n}}$ . Bruch ist das, was wir in mathematischem Sinne unter der Wahr scheinlichkeit eines zufünftigen Ereignisses verstehen, im Grunde nicht abweichend im Wesentlichen, sondern nur genauer bestimmt, als im gewöhnlichen Sprachgebrauch; denn dieser nennt, ohne eine Maßbestimmung hinzuzufügen, schlechthin wahrscheinlich von zwei Ereignissen dasjenige, dessen mathematische Wahrscheinlichkeit größer ist oder häufig mit Unrecht von ihm für größer gehalten wird als die des anderen, das ihm nun vergleichweis unwahrscheinlich vorkommt; für die mathematische Betrach tung könnte der in ihr nicht übliche Name der Unwahrscheinlichkeit ebenfalls keinen andern Sinn als den der relativ geringeren Wahrscheinlich keit haben.

282. Aus kleinen Anfängen, die zuerst nur der Befriedigung einer wissenschaftlichen Neugier zu dienen schienen, ist unter den Händen der größten Mathematiker die Wahrscheinlichkeitsrechnung zu einer umfangreichen Disciplin erwachsen, unendlich fruchtbar für die verschiedensten Gebiete wissenschaftlicher Untersuchungen und praktischer

Fragen, die großartige logische Leistung, die der ersinderische moderne Geist den bewundernswürdigen, aber unfruchtbaren Theorien des Altersthums entgegenzusezen hat. So ist sie den Grenzen unserer Darstellung entwachsen, und obgleich jede ihrer Einzelheiten noch immer in einem Systeme der Logist eine viel mehr berechtigte Stelle einnehmen würde, als jene nuplosen syllogistischen Künste, zu deren beständiger Wiederholung uns das Uebermaß philologischer Neigungen treibt, so sind wir doch genöthigt, uns auf die Aufzählung der einfachen logischen Gedanken zu beschrichen, die zu dem Ansatze ihrer hier nicht weiter durchführbaren Rechnungen führen. Es geschieht jedoch mit dem Bewußtsein einer offen gelassenen Lücke und mit der Hinweisung auf die Nothwendigkeit ihrer anderweitigen Ausfüllung.

- Es ift zuerft nothig, turg ben Ginn ber Wahrscheinlichkeit hervorzuheben, deren mathematisches Maß für die einfachsten Fälle wir eben kennen gelernt haben. Wir machen durch sie keine Behauptung über bas wirkliche fünftige Gintreten bes Greignisses, bem wir sie gu= schreiben; wir sprechen nicht durch fie irgend eine objective Eigenschaft oder Beschaffenheit desselben aus, sie bezeichnet, zunächst wenigstens, durchaus nur subjectiv das Maß des vernünftigen Zutrauens, welches wir im voraus zu dem Eintreten eines bestimmten Falles bann begen dürfen, wenn uns nur die Anzahl aller unter den jedesmal gegebenen Bedingungen möglichen Fälle, aber tein fachlicher Grund gegeben ift, der für die Nothwendigkeit des einen von ihnen mit Ausschluß der anderen entschiede. Ift nach 281 die Wahrscheinlichkeit für eine beftimmte Seite des Würfels, nach dem Wurfe obenaufzuliegen = 1/6, die Bahrscheinlichkeit, daß eine ber fünf andern Seiten oben liege = 5/6, so bedeuten beide Zahlen nur, daß vor dem Wurfe unser vernünftiges Vertrauen auf den Gintritt bes ersten Falles sich zu dem Bertrauen auf den des zweiten wie 1:5 verhalten muffe, aber fie enthalten keine Behauptung oder Voraussagung darüber, ob der eine oder der andere Fall, und ob bei wiederholten Würfen der eine häufiger als ber andere eintreten werde. Späterem behalten wir die Frage vor, in wie weit eine solche Folgerung von der vorausberechneten Wahr= scheinlichkeit auf bas wirkliche Beschehen zuläffig ift.
- 2. Wenn zwei von einander unabhängige variable Bedingungen B und B<sup>1</sup> zu n und n<sup>1</sup> verschiedenen Fällen führen können, so ist die Lope, Logik.

Wahrscheinlichkeit des Zusammentreffens eines bestimmten Einzelfalls der einen Reihe mit einem bestimmten der andern gleich dem Product der Wahrscheinlichkeiten, die jeder von beiden in seiner Reihe hat, also  $=\frac{m}{n}\cdot \frac{m^1}{n^1}$ , wenn m und  $m^1$  die Anzahl der günstigen Chancen bedeutet, die jeder vermöge der Beschaffenheit seiner Bedingung B und Werden zwei Würfel geworfen, so ist die Seite, welche der eine in seiner Ruhelage oben zeigt, unabhängig von der, welche der andere zeigen wird; es find aber 6 Seiten, die an jedem Burfel aufliegen können, und jede von ihnen kann sich gleichmöglich mit jeder ber 6 des anderen combiniren; 36 Fälle sind daher möglich, und die Wahrscheinlichkeit jedes einzelnen von ihnen ist  $= \frac{1}{86} = \frac{1}{6}$ . Sehen wir es aber für gleichgültig an, welcher ber beiden gleichen Bürfel die eine und welcher die andere von zwei verschiedenen Anzahlen ber Augen aufweift, so ift für jeden dieser Fälle die Wahrscheinlichteit = 2. 1/36 = 1/18; denn jede Seite von bestimmter Augenzahl hat allerdings für den einen Würfel oder für den Würfel B nur eine Chance ihres Aufliegens, aber die Combination zweier Seiten von ver schiedener Augenzahl findet in der Combination B + B1 beider Bürfe zwei günstige Chancen. Dagegen muß die Wahrscheinlichkeit des Aufliegens zweier Seiten von gleicher Augenzahl = 1/36 bleiben, denn es ist nur eine Combination, die einen bestimmten Basch hervorbringen Rommt es endlich barauf an, mit beiben Bürfeln zusammen eine bestimmte Augenzahl zu werfen, so hat die Summe 7 die größte Wahrscheinlichkeit = 1/6 = 6/36, denn sie hat 6 günstige Chancen in den Zusammensetzungen 6+1, 5+2, 3+4, deren jede doppelt vorfommt; die geringste, nämlich 1/36, haben die Summen 2 und 12. deren jede nur auf eine Weise zu erzeugen ist. Lassen wir ferner in einem Gefäß B sich 17 schwarze und 3 weiße Kugeln, in einem zweiten Gefäß B1 aber 6 schwarze und 4 weiße befinden und fragen nach der Wahr scheinlichkeit, durch je einmaliges Ziehen aus beiden Gefäßen zwei weiße Rugeln zu erhalten, so ist offenbar auch hier das, was die eine Hand ergreift, unabhängig von dem, was die andere ergriffen hat; aber die Wahrscheinlichkeit, aus dem ersten Gefäß eine weiße Augel zu bekommen, hat m = 3 günstige Chancen auf 20 Fälle, die Wahrscheinlichkeit desselben Resultates für das zweite Gefäß m1 = 4 auf 10. Hatte

man nun aus B die weiße Augel gezogen, so würde sich diese mit 10 Rugeln aus B1 combiniren können, unter diesen 10 wären 4 weiße; die Wahrscheinlichkeit, eine von diesen zu der schon gefaßten binzuzubekommen, mithin 4/10; da aber der Besitz der ersten weißen Augel selbst nur die Wahrscheinlichkeit 3/20 hatte, so ist die, zwei weiße zu ergreifen,  $=\frac{m}{n}\cdot\frac{m^1}{n^1}=\sqrt[3]{_{2\,0}}\cdot\sqrt[4]{_{1\,0}}=\sqrt[3]{_{5\,0}}$ . Es würde sich anders verhalten, wenn wir alle Rugeln in ein Gefäß vereinigten und aus diesem zwei Züge thäten, so jedoch, daß die zuerst ergriffene Kugel vor dem zweiten Zuge wieder in das Gefäß gethan würde. Das Resultat des zweiten Buges ware dann wieder unabhängig von dem des erften; für jeden einzeln wäre die Wahrscheinlichkeit einer weißen Kugel = 7/30, für die Ziehung zweier weißen nach einander mithin = 7/30. 7/30 = 49/900, geringer also als in dem ersten Falle. renz der Ergebnisse kann überraschen, da man ohne Rechnung beide Berfahrungsweisen faum für wesentlich verschieden halten würde; sie sind es dennoch, weil sie durch die größeren ober geringeren Anzahlen schwarzer Augeln, die sie mit den weißen mischen, die Ergreifung der lettern erschweren oder erleichtern. Die Wahrscheinlichkeit, 7/80, aus der ganzen Summe der zusammengeworfenen Rugeln eine weiße zu fassen, beträgt allerdings 14/9 der Wahrscheinlichkeit 3/20, sie aus dem einen Gefäß zu ziehen, das 20 Augeln enthielt; dafür beträgt sie aber nur 7/12 der zweiten Wahrscheinlichkeit 4/10, die weiße Kugel aus dem andern Gefäß zu holen, das nur 10 im Ganzen enthielt; mithin ist die Wahrscheinlichkeit für zwei weiße Augeln im zweiten Verfahren nur 14/9. 7/12 oder 49/54 der Wahrscheinlichkeit desselben Erfolgs nach dem ersten Verfahren; man hat in der That 49/54. 6/100 = 49/900. Es ist nütlich, sich hierüber an einem noch einfacheren Falle völlig klar zu Nehmen wir an, das Gefäß B enthalte nur eine weiße, keine schwarze, das Gefäß B1 dagegen eine weiße und eine schwarze Rugel, fo ist uns nach bem ersten Verfahren die eine weiße Augel aus B gewiß, ihre Wahrscheinlichkeit mithin = 1; fie tann aber bei dem Bug aus B1 noch mit einer weißen und einer schwarzen zusammentreffen; die Wahrscheinlichkeit jedes dieser beiden Fälle, also auch die zweier weißen Augeln nacheinander ist mithin 1/2 = 1.1/2. Nach dem zweiten Berfahren dagegen, wenn wir alle drei Rugeln in daffelbe Gefäß zusammenwerfen, ist uns nichts gewiß; für den ersten wie für den zweiten Zug ist die Wahrscheinlichkeit einer weißen Augel  $= \frac{2}{3}$  und die zweier weißen nach einander  $= \frac{4}{9}$ , mithin kleiner als nach dem ersten Verfahren.

3. Wenn die Bariationen einer Bedingung B eine Reihe Fälle von der Art f begründen, der Gintritt aber eines von diesen die Bedingung B1 ändert, welche zu Folgen der Art f1 führt, so ist die Wahrscheinlichkeit des Zusammentreffens eines bestimmten Falls aus ber Reihe ber f mit einem bestimmten aus der Reihe ber f' gleich bem Product aus der unabhängigen Wahrscheinlichkeit des f in die durch sein Eintreten modificirte von f1. Auf biefen Fall stoßen wir bei einer leichten Veränderung des letten Beispiels. Legten wir in das Ge fäß, das alle 30 Kugeln enthielt, die zuerft gezogene weiße wieder ein, so blieb der zweite Bug unabhängig vom ersten; legen wir sie aber nicht ein, so enthält das Gefäß nun auf 29 Rugeln nur noch 6 weiße; die Wahrscheinlichkeit, eine weiße jetzt zu ziehen, wird 6/29 und die, zwei weiße nach einander zu treffen, = 7/30. 6/29; sie ist nur ungefähr 0,88 berjenigen, die stattfand, wenn die gezogene Rugel dem Gefäß zurud-Leicht begreiflich, da die Anzahl der weißen Augeln gegeben wurde. verhältnißmäßig stärker vermindert worden ift, als die der schwarzen aus der sie herauszusuchen find. Unter diese Gattung von Aufgaben fallen sehr viele von denen, auf welche die Wahrscheinlichkeitsrechnung anzuwenden ift, und man wird alle Sorgfalt darauf verwenden muffen, fie von denen der erften Gattung zu unterscheiden. Es handelt fic sehr oft um Greignisse, deren wahrscheinlicher künftiger Wiedereintritt von der Anzahl der Fälle abhängt, in denen früher entweder sie selbst ober andere mit ihnen in bestimmter Beziehung stehende sich verwirtlicht haben, und nicht immer ift es leicht, burch Zergliederung biefer Busammenhänge den bedingenden Ginfluß zu ermitteln, welchen bas Eintreten eines Falles auf die Wahrscheinlichkeit des nächst zu erwar-3ch muß mich enthalten, dies burch Beispiele gu ertenden ausübt. läutern, die zu weitläufig ausfallen würden; nur eines erwähne ich aus anderer Rudficht. Wenn ein Augenzeuge eines Greigniffes feine Beobachtung einem Hörer, dieser das Gehörte einem zweiten mittheilt, fo wissen wir aus Erfahrung, wie im Laufe dieser Ueberlieferung ber ursprüngliche Inhalt oft sehr entstellt bei dem zehnten Hörer anlangt; man hat nun nach dem Grade der Glaubwürdigkeit, d. h. nach dem

Grade des vernünftigen Zutrauens gefragt, das wir zu der Richtigkeit einer Ausfage haben dürfen mit Rücksicht auf die Anzahl der Berichterstatter, welche sie einer dem andern gemacht haben. 3ch kann mich nicht überzeugen, daß diese Frage eine forderliche Beantwortung durch Rechnung zulaffe. Ginen Zweifel erweckt zunächst der Ginn deffen, Eine Aussage ist entweder richtig oder unrichtig; im was man sucht. lettern Falle aber entfernt sie sich von der Wahrheit um verschiedene Differenzen; nach der Größe dieser ließe sich allerdings ein größerer oder geringerer Grad ihrer Glaubwürdigkeit unterscheiden, wenn die verschiedenen Differenzen selbst unter einander vergleichbar wären. Dies wird jedoch nur in wenigen Fällen stattfinden; jedes Glied eines Urtheils, durch welches wir eine ursprüngliche Beobachtung ausdrücken, tann für sich nach einem blos ihm möglichen Maßstabe verfälscht und diese Berfälschungen können verschiedenartig mit einander verbunden werben; die Befammtirrthumer, die fo entstehen, laffen fich nicht als vergleichbare Blieder einer Reihe faffen, und es würde mithin für diese objective Glaubwürdigkeit des überlieferten Inhalts kein anwendbares Maß geben. Aber allerdings ist es diese eigentlich nicht, was man sucht; man wünscht dasjenige Maß des Zutrauens, welches nur durch die namhaft gemachte Bedingung, durch die Anzahl der geschehenen Uebertragungen, motivirt wird. Aber hiergegen eben ist einzuwenden, daß in dem Begriff dieser Bedingung, der blogen Mittheilung, durchaus nichts liegt, was überhaupt die Boraussicht einer allmählichen Berfälschung des Mitgetheilten begründen fonnte. Wenn wir, in dem obigen Beispiele, aus dem Gefäß, welches unter 30 Rugeln 7 weiße enthielt, eine weiße gezogen und entfernt haben, so wissen wir genau, daß und um wie viel wir die Bedingungen verändert haben, unter denen der zweite Bug stattfinden muß; legten wir aber die Rugel wieder ein, so wußten wir ebenso gewiß, daß wir sie nicht verändert haben, daß vielmehr für den zweiten Bug res integra ift und seine Wahrscheinlichfeit gleich der des erften. Diesem letten Fall, nicht dem erften, entspricht der jett vorliegende; durch die Mittheilung allein, wenn nichts sonst hinzukommt, kann ber erste Hörer nicht veranlaßt sein, etwas Anderes mitzutheilen, als er empfangen hat, und es wäre nicht blos Bahrscheinlichkeit, sondern Gewißheit, daß der lette Hörer genau die ursprüngliche Aussage empfangen wird. Die Berfälschungen hängen

also nicht von der Anzahl der Uebertragungen, sondern von der Größe ber Einzelirrthümer ab, die bei jeder einzelnen Mittheilung gemacht werden; das Daß ber Glaubwürdigkeit würde fich daher mit Gulfe jener Anzahlen nur feststellen laffen, wenn die Größe jener Einzelittthumer entweder conftant oder eine bestimmte Function der Ordnungszahl ber geschehenen Mittheilungen wäre. Bu einer solchen Annahme liegt nicht ber geringste Grund vor; im Gegentheil, man hat wirklich ausführlich die fehr verschiedenen Fälle in Betracht gezogen, die vorkommen können: daß der Augenzeuge A bas, was er richtig beobachtet, auch wahrhaft habe mittheilen wollen oder nicht; daß der Hörer B ihn richtig verstanden habe oder nicht, daß er das Verstandene mahrheits gemäß habe überliefern wollen ober lieber verfälschen; ja fogar baß ein dritter C, der das falsch Berstandene aufs Neue zu verdrehen beabsichtigte, zufällig wieder auf die Aussage bes Wahren gekommen sei. Beachtet man alle diese möglichen Bedingungen, so fieht man deutlich, daß die Glaubwürdigkeit einer Mittheilung in gar keiner bestimmten Abhängigkeit von der bloßen Anzahl der Uebertragungen steht; berudsichtigen nun fann man diese Bedingungen nicht, benn man fennt fie nicht: hatte man aber Mittel, fie alle fennen zu lernen, fo mare bie Sache erledigt und man brauchte die Rechnung nicht; es bleibt daher für diese in der That nichts übrig, als über alle jene Bedingungen völlig willfürliche Annahmen zu machen, wodurch dann ihre Ausführungen zu bloßen Rechenerempeln ohne eine gedeihliche Anwendung auf wirkliche Ereignisse werden. Dazu gehört z. B. die Betrachtung: wenn die erste Wiedererzählung einer gehörten Thatsache auch genau genug wäre, damit ihre Glaubwürdigkeit = 0,9 gesetzt werden könnte, so würde doch nach zwanzigmaliger Uebertragung diese Glaubwürdigkeit nur noch 0,920 = 0,1216 sein, nur etwas mehr als 1/7 jener ersten. Alles ist hier will fürliche Annahme; willfürlich, daß man die Glaubwürdigkeit in geometrischer Progression abnehmen läßt, anstatt einer arithmetischen, die gleich bentbar mare; ebenso willfürlich die Boraussetzung überhaupt, daß Exponent oder Differenz von Glied zu Glied gleich fein muffe; gang bedeutungslos daher auch das Resultat, das vielleicht in Bezug auf leichtsinniges Gaffengeschwät zutreffen mag, für besonnene historische Ueberlieferungen aber eine große Uebertreibung ihrer zunehmenden Unzuverläffigkeit enthält.

- 4. Wenn gegebene Thatsachen aus mehreren verschiedenen Ursachen ableitbar sind, so ist diejenige Ursache bie wahrscheinlichste, unter deren Voraussetzung die aus ihr berechnete Wahrscheinlichkeit der gegebenen Thatsachen die größte wird. Man habe durch vier aufeinanderfolgende Büge aus einem Wefaß 3 weiße und eine schwarze Rugel genommen und stets wieder in das Gefäß zurückgelegt; es fragt sich, welche Anzahlen von Rugeln beider Farben, in dem Gefäße enthalten diese Ergebnisse am wahrscheinlichsten herbeigeführt haben. Man muß zu diesem Zwecke die ganze Anzahl der Rugeln im Gefäß wissen, um die Zahl der denkbaren Combinationen aufstellen zu können, welche die Urfachen ber gefundenen Thatsachen zu bilden im Stande sind; die Bahl der Rugeln sei 4. Nothwendig ift nun, um unseren Fund zu erklären, die Gegenwart einer schwarzen und einer weißen Augel im Gefäß; die andern bleiben unbestimmt; man kann also annehmen: 3 w + 1 s, 2 w + 2 s, 1 w + 3 s. Man erhält bann die Wahrscheinlichkeiten, auf einen Zug eine Rugel zu erhalten, für w beziehungsweiß: 3/4, 2/4, 1/4, für 8: 1/4, 2/4, 3/4; die zusammengesetzten Wahrscheinlichkeiten aber, in vier Zügen 3 w und 1 s zu ziehen, werden, jenen brei Annahmen entsprechend: 27/256, 16/256, 8/256; mithin ist die erste Annahme von 3 w + 1 s im Gefäß enthaltener Lugeln die wahrscheinlichste, zugleich geben die gefundenen Brüche das Maß der Wahrscheinlichkeit für die beiden andern Voraussetzungen. Dan bestätigt sich leicht diese Untwort durch einfache Ueberlegung. Wäre nur eine weiße Kugel, nach der dritten Annahme, vorhanden gewesen, so würde man in vier Zügen dreimal dieselbe haben ergreifen mussen und nur einmal eine schwarze von drei, die sich darboten, offenbar minder wahrscheinlich als vier Züge, die jeder der Augeln gleiches Recht widerfahren lassen. Im Uebrigen sett natürlich diese Berechnung voraus, daß die verschiedenen annehmbaren Ursachen der gegebenen Thatsachen für sich selbst gleiche Wahrscheinlichkeit besitzen; dies fand hier insofern statt, als jede Bertheilung der beiden Farben an die vier Augeln an sich so gut möglich war, als jede andere; wo die Wahrscheinlichkeiten der Ursachen verschieden sind, hat die Rechnung dies geeignet zu berücksichtigen.
- 5. Der wiederholte Eintritt desselben Ereignisses unter derselben allgemeinen Bedingung B erregt in uns die Erwartung, es werde auch bei neuer Wiederholung von B wieder eintreten. Die Wahrscheinlich

keit dieser Erwartung läßt sich berechnen. Wenn in einem Gefäß zwei Augeln liegen, so kann es geschehen, daß wir bei wiederholten Zügen immer nur die eine, die weiß fein mag, ergreifen, die Farbe der andern mithin unbefannt bleibt. Es fragt fich nun, wie groß die Wahrscheinlichkeit der rege gewordenen Erwartung sei, man werde auch bei einem neuen dritten Buge eine weiße ergreifen. Da eine Rugel weiß fein muß, so gibt es nur die beiden Möglichkeiten, daß die andere schwarz, oder daß beide weiß seien. Nach der ersten Annahme ist die Wahrscheinlichkeit der schon eingetretenen Thatsache der Ergreifung zweier w in 2 Zügen = 1/4, nach der zweiten ist sie = 1; folglich verhalten sich die Wahrscheinlichkeiten beider Annahmen wie 1: 4, und da ihre Summe = 1 sein muß, so ist die erste = 1/5, die andere = 4/5 zu feten. Die Wahrscheinlichkeit bei dem nächsten Bug ist 1/2 für die weiße Kugel nach der ersten Annahme und 1 nach der zweiten; die Summe der nach beiden Annahmen zusammen vorhandenen gunftigen Chancen ist baher  $\frac{1}{5}$ .  $\frac{1}{2}$  +  $\frac{4}{5}$ .  $1 = \frac{9}{10}$ . Man hat in diesem Falle die Wahrscheinlichkeit gekannt und in Rechnung gebracht, welche die schon verwirklichte Thatsache unter zwei einander ausschließenden Voraussetzungen hatte; aber auch, wo diese Kenntniß fehlt, läßt sich auf den Wiedereintritt eines Ereignisses aus der Anzahl seiner schon beobachteten Wiederholungen ein Wahrscheinlichkeitsschluß ziehen. Wissen wir, in völliger Unkenntniß der bedingenden Gründe, nichts weiter, als daß ein Ereigniß E unter bestimmten Umständen, z. B. in einem gewissen ausgezeichneten Zeitpunkt t, einmal eingetreten ist, so kann es zunächst scheinen, als sei die Wahrscheinlichkeit, daß es unter benselben Umständen ein zweites Mal eintreten werde, genau so groß, als die, daß es nicht eintreten werde. Dennoch fann man so nicht rechnen; benn dann würde die beobachtete Thatsache seines einmaligen Eingetretenseins ohne allen Einfluß bleiben, und da bieselbe Betrachtung dann auch nach mmaligem Vorgekommensein des Greignisses gelten müßte, so wurde man zulett felbst aus unendlich oft eingetretener Wiederholung desselben seinen nächstmaligen Wiedereintritt nicht wahrscheinlicher finden können, als wenn es sich noch niemals zugetragen Dies aber würde als offenbar widerfinnig gelten können; denn jede neue Wiederholung des Ereignisses ist eine neu hinzukommende Affertion des Fortbestehens der unbefannten Ursachen, von denen es

abhängt, und mithin auch eine Steigerung der Wahrscheinlichkeit seiner künftigen Wiederholung. Man muß also schon in dem ersterwähnten Falle so schließen: für den Eintritt sowohl wie für den Nichteintritt des E ist an sich die Wahrscheinlichkeit gleich groß; aber für das Dasein der Ursachen, welche E verwirklichen, spricht außerdem noch der eine besobachtete Fall seiner Berwirklichung; für das Dasein von Ursachen, die E hindern, spricht außer der bloßen Möglichkeit nichts. Es sind mithin für den Wiedereintritt des E zwei günstige Gründe gegen einen stür die Nichtwiederkehr; da beide Wahrscheinlichkeiten sich mithin wie 2:1 verhalten, ihre Summe aber =1 sein muß, so ist die der Wiederkehr von  $E=\frac{2}{3}$ . Allgemein also: wenn ein Greigniß E oder ein gewisser Kreislauf E gleicher Ereignisse m mal ohne Gegenbeispiel beobachtet worden ist, so ist die Wahrscheinlichkeit, daß E in derselben Weise wiederkehren wird,  $=\frac{m+1}{m+2}$ ; der Renner enthält die Summe

der denkbaren Fälle, denn nach m wirklichen Fällen kommen immer 2 denkbare, Wiederholung und Nichtwiederholung des E, hinzu; Bähler zeigt wie immer die Anzahl der günstigen Chancen an. überlasse dem Leser, ob diese einfache Ableitung der Formel ihm genügt; mir scheint sie nicht viel weniger überzeugend, als die undurchsichtigere analytische Behandlung, durch die man sie gewöhnlich gewinnt. Man sieht, daß dieser Bruch, je größer m wird, desto mehr sich der Ginheit, mithin der Wiedereintritt von E sich der Gewißheit nähert, und man pflegt als Beispiel anzuführen, daß jetzt, nachdem 5000 Jahre lang der Wechsel von Tag und Nacht geschichtlich bezeugt ist, die Wahrscheinlichkeit dafür, daß derselbe Wechsel auch heute stattfinden werde, = 1,826,214: 1,826,215 fei, man mithin 1,826,214 gegen Eins auf fein nächstes Gintreten wetten tann. Wenn nun überhaupt unfere Berechnungen der Wahrscheinlichkeiten nicht ein objectives Verhalten fünftiger Greigniffe, sondern nur die Große unseres subjectiven Zutrauens zu ihrem Eintritt ausdruden, so findet dies hier in gewissem Sinne noch in gesteigertem Mage statt, was man deutlich empfindet, wenn m eine sehr kleine Zahl ist. Denn bann ist die Borausseyung, von der wir ausgingen, diese Bahl m der beobachteten Berwirklichungen von E bezeuge auch für den nächsten Fall die Fortdauer der dem E gunstigen Ursachen mit einer der Größe von m proportionalen Sicherheit,

selbst nur eine Wahrscheinlichkeit, deren Gewicht etwas Willfürliches hat, und von der man nur weiß, daß sie selbst mit dem Wachsen von m wächst. Die Formel würde daher eigentlich nicht direct die Wahrscheinlichkeit des Wiedereintritts von E, sondern die Wahrscheinlichkeit dieser Wahrscheinlichkeit messen, was darauf hinausläuft, daß nicht blos ihre Werthe, sondern auch die Sicherheit dieser Werthe sich für unendelich wachsendes m immer mehr der Gewißheit nähert.

6. Das Mag des Bertrauens zu dem Gintritt fünftiger Greigniffe zu bestimmen, werden wir am häufigsten durch die Rücksicht auf die mit demselben verbundenen Vortheile und Nachtheile veranlaßt. Die Beweggründe, die wir daraus für unfer Handeln ableiten, werden daher zugleich von der Wahrscheinlichkeit des Ereignisses E und von der Größe des durch E zu erwartenden Gewinnes abhängig fein. Dieses Product aus der Wahrscheinlichkeit von E in die Größe seines Bortheils ift das, was wir mathematische Hoffnung nennen und einer genauen Bestimmung unterwerfen können. Es sei ein Spiel so verabredet, daß Jemand 2 Thaler erhält, wenn er bei dem ersten Aufwerfen einer Münze die Bildseite trifft, und 5 Thaler, wenn er zuerst Schrift, bann Bild wirft. Die Wahrscheinlichfeit bes erften Falles ift = 1/2, seine Hoffnung = 1/2. 2; die des zweiten sind = 1/4 und = 1/4. 5, endlich die Gesammthoffnung auf Gewinn, die bei dem Gingehen dieses Spiels vorhanden ift, fann nur die Summe 9/4 dieser beiden Hoffnungen fein; denn die beiden Glückfälle ichließen einander, nach der getroffenen Berabredung, zwar aus, doch muß begreiflich die Bewinnhoffnung größer sein, wenn beide, als wenn nur einer gilt, und die Hoffnung des einen genau übrig bleiben, wenn die des andern durch Berminderung des für ihn bedungenen Gewinnes zuletzt auf Rull gebracht wird. Es verhält sich ganz ebenso, wenn verabredet war, daß 2 Thaler das erstmalige Aufwerfen des Bildes, 5 dann noch besonders das folgende der Schrift belohnen sollen. Dann find beide Bewinnfälle mit einander verträglich, aber auch hier können nur entweder 2 oder 7 Thaler, beide mit der Wahrscheinlichkeit 1/4 gewonnen werden. Es bleibt daber 9/4 Thaler auch hier die Gesammthoffnung bessen, der das Spiel eingeht, und die Bohe des Einsates, den er dabei vernünftigerweise magen darf. Man findet ferner leicht, daß, wenn unter verschiedenen zu erwartenden Greigniffen E, E1, E2, einige vortheilhaft, einige nachtheilig find, dann

die Gesammthoffnung, welche man hegen darf, wenn man sich durch eine Handlung dem Eintritt dieser Ereignisse aussetzen will, gleich sein muß der Differenz zwischen der Summe der mathematischen Hoffnungen der günstigen Ereignisse und der Summe der Hoffnungen der
ungünstigen. Ist diese Differenz negativ, so drückt sie die Größe der
Gesahr aus, die man läuft, oder richtiger die Größe der Besorgniß, die
man zu hegen hat. Die Anwendung dieser Grundsätze ist von der
größten Ausdehnung und Bichtigkeit; man bestimmt durch sie nicht
blos Billigkeit und Gerechtigkeit der Wetten und Glücksspiele, eine
Berechnung, die man eben so gut entbehren könnte, wie ihren Gegenstand, sondern auch die Anordnung der ernsthaftesten öffentlichen und
privaten Geschäfte, die Wirthschaft der Finanzen, die Unternehmungen
des Handels, die Einrichtungen der Bersicherungsgesellschaften aller
Art.

7. Noch ein Begriff gehört zu diesem Gedankenkreise. Auch die mathematische Hoffnung bestimmt nicht in aller Beziehung den Werth eines Ereignisses für uns; man erhält diesen erft, wenn man die Größe des erwarteten Vortheils auch mit dem Thatbestand vergleicht, zu dem er hinzufommen foll. Für den Unglücklichen ist eine kleine Freude, für den Armen eine geringe Gabe von größerem Werth als für den Glücklichen ein neuer Triumph und für den Reichen ein bedeutender Be-Thatsächlich freilich pflegt, wer viel hat, um so mehr zu begehren; die Logif bagegen vertritt hier den Standpunkt der Billigkeit, nach der es anders sein sollte; indem sie als selbstverständlichen Grundfat annimmt, daß der relative Werth eines Vortheils im umgekehrten Berhältniß zu der Gunft der Lage steht, zu der er hinzukommt, drückt fie den Maßstab aus, nach welchem Jeder zu dem Berlangen einer weiteren Berbefferung dann berechtigt erscheint, wenn die verfügbaren Büter, durch die fie bergestellt werden fann, zugleich zur Befriedigung anderer dienen muffen. Eine Rechnung läßt diefer allgemeine Sat nur dann zu, wenn alle Gunft und Ungunft der Lagen und alle zur Berbefferung dienenden Güter mathematisch vergleichbar find, zunächst also in Bezug auf den Zuwachs von Bermögen, die in Geld ausbrudbar sind. Sei V ein bereits bestehendes Vermögen und z der Zuwachs, den es erhalten soll, so läßt sich diese Bermehrung von V immer als eine Summe unendlich vieler Zunahmen denken, deren jede

dz beträgt; der relative Werth jeder folgenden (n+1)ten Vermehrung um ein dz steht aber im umgekehrten Berhältniß zu ber durch bie früheren Zunahmen gesteigerten Größe von V ober zu V + ndz, ift also  $= \frac{k.\,dz}{V+ndz}$ , worin k ein specifischer Coefficient ist, verschieden für verschiedene Arten des zuwachsenden Vortheils, constant für alle z gleicher Art, an sich nicht weiter bestimmbar und, als gemeinsamer Factor aller vergleichbaren Werthe, im Folgenden weggelaffen. Der relative Werth der Gesammtzunahme am z ift dann das Integral dieses Ausdrucks, in welchem man für ndz die von o bis z veränderlichen Werthe z zu setzen hat, also  $= \log (V + z) - \log V$ . Nach dieser Formel werden für ein Vermögen V = 1000 die relativen Werthe der Zunahmen um z = 1000, = 2000, = 3000, = 4000 sich nabezu verhalten wie 1: 1,6: 2: 2,3, mithin weit langfamer wachsen, als die hinzutretenden Zunahmen selbst; für die verschiedenen Bermögen V = 1000, = 2000, = 3000, = 4000 sind die relativen Werthe gleicher Zunahmen um z = 1000 ungefähr 0,301; Wenn man ichließlich die jo berechneten rela-0,176; 0,125; 0,097. tiven Werthe eventueller Vortheile mit der Wahrscheinlichkeit ihrer Erlangung m multiplicirt, so erhält man m $\log\left(rac{V+z}{V}
ight)$  als die mora-

lische Hoffnung, die sich auf fie bezieht, d. h. die mathematische Soffnung der auf ihren relativen Werth reducirten Vortheile, und diese ist es, welche in den mannigfaltigften Unternehmungen die Größe bes Risico bestimmt, das wir mit Rudficht auf das, was für uns Vortheil ist, übernehmen dürfen. Der Factor m fann, wie wir annahmen, constant sein für jede Sobe des z, aber er tann auch eine Function von z oder von V + z sein, und dann ist er natürlich unter dem Integralzeichen und in die Integration einzuschließen; in der That gibt es viele Arten ber Unternehmungen, in benen entweder der erfte Erfolg schwer, die spätern immer leichter erreichbar sind, oder in denen die Möglichfeit weiterer Erfolge mit der wachsenden Größe des Erreichten abnimmt. Endlich meffen die Formeln nicht alles, was man zu meffen Da fie z nur als Summe ber dz faffen, aber die Beit t nicht beachten, in welcher die Summation zu Stande kommt, fo vernachlässigen sie den Unterschied zwischen allmählich und plöplich entstehenden Berbesserungen. Der reelle sachliche oder physische Werth beider kann gleich groß sein, aber der psychische Effect, einsach gesagt: die Freude darüber nicht, und doch ist auch diese in den Begriff des relativen Werthes eines Vortheils einzuschließen. Nähme man an, daß die Empfänglichteit für Steigerung eines Genusses  $= \frac{1}{V}$  wäre, wenn V die Größe des gleichartigen Genusses ist, dessen man sich bereits ersteut, und daß zugleich der entstehende Genuszuwachs der Größe z des plötlichen Bortheilszuwachses proportional bliebe, so würde  $\frac{z}{V}$  das Maß der Erfreuung durch das Hinzusommen von z sein. Man sieht jedoch leicht, daß auch andere Annahmen an der Stelle dieser beiden denkbar sind; man könnte selbst möglich sinden, daß die eventuelle Ersteuung noch außerdem eine Function von m, der Wahrscheinlichkeit des Eintretens von z wäre; die Erlangung eines Genusses, an dem man verzweiselte, würde uns vielleicht stärker bewegen, als die eines wahrscheinlicheren von selbst größerem relativen Werthe.

Die lette Bemerkung berührte Fragen, die bisher ber Rechnung nicht unterworfen worden sind, ihr aber unterworfen werden fönnten, wenn bessere psychologische Kenntniß brauchbare Ausgangs-Es gibt andere, auf welche man nur in bedeutungslofem punfte böte. Spiele bie Anwendung ber Wahrscheinlichkeiten auszudehnen versuchen Denn obgleich dieses Berfahren bes Schließens von ber Unkenntniß der besonderen Gründe ausgeht, die ein fragliches Ereigniß bedingen, so macht es dennoch einige Voraussetzungen, die man beachten Buerft bie ber Bültigkeit ber logischen und mathematischen Wahrheiten, auf deren Benutung die Möglichkeit der Rechnung felbst Die Richtigkeit specieller Gesetze, welche sich auf eine Gruppe beruht. von Thatsachen beschränken, deren Nichtdasein selbst ebenso benkbar ift als ihr Dasein, läßt sich, wie wir noch sehen werden, durch Rechnung prüfen; aber es gibt feinen zuläffigen Anfat, von bem aus man bie Richtigkeit des Gesetzes der Identität oder des disjunctiven Lehrsatzes mehr oder minder mahrscheinlich finden könnte; die einfachste Bestimmung jeder Wahrscheinlichkeitsgröße fett voraus, daß eine Disjunction aller möglichen Fälle gegeben, daß jeder von diesen mit sich selbst ibentisch und nicht gleich einem andern, daß endlich durch jeden alle übrigen

ausgeschloffen seien. Man fann also immer nur die Wahrscheinlichkeit eines Greigniffes oder eines Buftandes oder einer Reihe von Begebenheiten prüfen unter der Boraussetzung, daß dieser fragliche Inhalt Bestandtheil einer Welt sei, in der es allgemeine Gesetze gibt, nach denen sich Wahrheit von Unwahrheit, Möglichkeit von Unmöglichkeit, Leichtigkeit eines Erfolges von Schwierigkeit besselben unterscheidet. jedoch nicht die einzige Beschränkung; die Wahrscheinlichkeitsrechnung darf den Gegenstand ihrer Frage nicht als blos denkbar schlechthin betrachten, sondern muß das Borhandensein von Bedingungen voraussetzen, welche überhaupt die Nothwendigkeit der Berwirklichung eines der disjungirten Fälle mit Ausschluß der anderen begründen; es muß immer, um in der Sprache ihrer Formeln zu reden, eine Gewißheit = 1 geben, welche die Summe aller Wahrscheinlichkeiten der dentbaren Einzelfälle ift. Man fab dies überall in ben Beispielen, die wir Wenn ein Bürfel geworfen wird, oder wenn zwei, bam brauchten. läßt sich die Wahrscheinlichkeit jedes der Einzelfälle bestimmen, die hierdurch entstehen können; wenn man aber nicht angibt, ob einer ober zwei oder drei Würfel zugleich oder wievielmal nach einander fallen follen, so fehlt jede Möglichkeit, ben Spielraum ber disjuncten Möglichkeiten und die Einheit zu bestimmen, mit Rücksicht auf welche die Wahrscheinlichkeiten einer jeden zu bemeffen find. Man fann also nur solche Ereignisse berechnen, welche innerhalb einer gesetzlich geordneten Welt von anderen abhängig find, nicht aber Urthatsachen, die ein unabhängiges, schlechthiniges Sein enthalten. Es ware nur ein bedeutungsloses Spiel des Wiges, zu behaupten: bevor irgend etwas fei, habe es gleiche Wahrscheinlichkeit, daß überhaupt etwas sei und daß gar nichts fei; eines von beiden muffe aber stattfinden, folglich sei die Wahrscheinlichkeit für das Dasein von etwas überhaupt = 1/2; dies Daseiende muffe bann entweder nur Gines oder Bieles fein, mithin die Wahrscheinlichkeit für das Dasein vieler Elemente sei = 1/4, ebenso groß die für bas Dasein eines einzigen; endlich, wenn wir annähmen, es gebe n Elemente, so können sie entweder alle gleich oder alle oder einige verschieden fein; unter ben m Fällen, die hieraus entständen, wurde die Gleichheit aller nur einer sein, folglich ihre Wahrscheinlichkeit = 4m Im Gegentheil: bevor es irgend etwas gibt, gibt es auch ben flugen

Beist nicht, der diese Berechnung der Zukunft anstellen könnte; wäre es aber benkbar, daß er außerhalb der Welt existirte, über deren mahrscheinliche Entstehung oder Nichtentstehung er speculirte, so wurde es doch in jenem Nichts durchaus keine Bedingung geben, welche eine wirtliche Entscheidung der denkbaren Alternative zwischen Sein und Richtsein nothwendig machte, und es wurde mithin bei dem Nichts lediglich fein Bewenden haben; ware aber, woher auch immer, eine gunftige Entscheidung für bas Sein erfolgt, so konnte fie doch nicht für bas in abstracto nur bentbare, aber nicht existirbare Sein überhaupt, sondern nur für ein bestimmtes Sein erfolgt sein, das jedes andere bentbare ausschlösse; dieses eine hatte von Anfang an die Gewißheit = 1 für sich, die Wahrscheinlichkeit aller anderen Arten des Seienden wäre nicht sowohl = 0 als vielmehr eine Vorstellung ohne angebbaren Sinn. Es würde fich anders verhalten, wenn wir aus gegebenen Datis die Wahrscheinlichkeit jener Urthatsachen bestimmen wollten; unter Boraussetzung eines gesetzmäßigen Busammenhangs aller Wirklichkeit würden dann diese letteren, nicht als Realgrunde, aber als Erkenntnißgründe, wieder eine Bedingung bilben, welche die Nothwendigkeit der ausschließenden Unnahme der einen oder ber anderen Gestalt jener Urthatsachen herbeiführte.

284. Man wird sich ferner mit Vortheil immer daran erinnern, daß die Wahrscheinlichkeit ursprünglich nur unser berechtigtes Vertrauen auf ben Gintritt eines Greigniffes mißt, bevor es eingetreten ift. Nachdem es aber eingetreten ift, haftet feine frühere größere oder geringere Wahrscheinlichkeit nicht als eine bleibende Eigenschaft an ihm, aus der man nun rudwärts in Bezug auf die Urfachen seiner Berwirklichung irgend einen andern Schluß ziehen dürfte, als den, daß sie eben eingetreten find. Hierüber machen wir uns vielerlei Illusionen. Wenn ein Greigniß E sich zugetragen bat, deffen Wahrscheinlichkeit, vorher berechnet, febr flein war im Berhältniß zu berjenigen einer ganzen Rlasse von Fällen, die wir von irgend einem logischen Besichtspunkte aus ihm gegenüber als einen zweiten Gesammtfall, als ein Non-E, zufammenfaßten, so bilden wir uns ein, zur Berbeiführung von E fei nicht blos eine besondere, sondern eine höhere Ursache nothwendig gewesen. Es geschieht zuweilen, daß der Name eines unbedeutenden unbekannten selten erwähnten Gegenstandes, nachdem wir zum ersten

Male auf ihn gestoßen sind, dann uns plötzlich mehrmals im Gespräch, in Büchern, in Zeitungen wieder begegnet; dies Zusammentreffen, deffen Wahrscheinlichkeit, vorher berechnet, unendlich klein gewesen wäre, nennen wir wenigstens einen wunderbaren Bufall. Bu bemerken, wie wenig darin wunderbar ift, genügt die Bemerfung, wie noch unendlich viel öfter dieser Zufall sich nicht zuträgt, und wie viele Namen einmal an unserem Ohre vorübergehen', ohne jemals durch solche Wiederholungen uns aufzufallen. Drücken wir uns ganz allgemein aus: wenn wir in der Wirklichkeit irgend eine Bedingung B oder irgend eine Gruppe B verschiedener zusammenwirkender Bedingungen voraussetzen, welche je nach den verschiedenen an sich gleich möglichen variablen Stellungen, die sie zu einander einnehmen können, eine Anzahl n verschies dener Ergebnisse E hervorbringen würden, so ist die Wahrscheinlichkeit jedes einzelnen  $E = \frac{1}{n}$  und mithin gleich der jedes andern bestimmten E, aber allemal, wenn n unendlich groß ist, unendlich klein im Bergleich zu der Wahrscheinlichkeit, daß irgend ein beliebiges von allen übrigen n-1 Ereigniffen eintrete, die wir ihm gegenüber gusammenfassen; aber diese lettere collective Wahrscheinlichkeit hat nicht dieselbe Bedeutung wie jene erste singulare; verwirklicht können nicht alle n - 1 Greignisse werden, sondern nur eins von ihnen mit Aus-Wie uns diese falsche Bergleichung des Richtschluß ber übrigen. zusammengehörigen täuscht, läßt sich an einem berühmten Beispiele Das Planetensustem, fagt Laplace, soweit damals befannt, besteht aus 11 Planeten und 18 Trabanten; man kennt Ilmbrehungen von der Sonne, von 10 Planeten, von den Monden des Jupiter, dem Ring des Saturn und einem seiner Trabanten; diese Rotationen zusammen mit den Umläufen bilden eine Gruppe von 43 in gleichem Sinne gerichteten Bewegungen; nun findet man durch bie Rechnung für die Annahme, daß diese Thatsache Wirkung des Zufalls sei, eine Wahrscheinlichkeit, welche kleiner ist als die Einheit dividirt durch vier Billionen. Ich bezweifle nicht, daß auch die neueren Ents bedungen der Aftronomie diese Bahl im Wesentlichen richtig lassen würden; aber was folgt aus ihr? Richts weiter, als daß eben diejenige Ursache oder diejenige Constellation von Ursachen wirklich ist oder gewesen ist, aus der dieser gegebene Zustand fließen mußte. Aber es folgt nicht, daß

die Verwirklichung dieser Constellation selbst irgend eine andere Urfache bedürfe, als eben jenen sogenannten Zufall, bessen Sinn nur barin besteht, daß eine vorausgesetzte Gruppe von Wirklichkeiten ohne Widerspruch unendlich viele Combinationen ihrer gegenseitigen Verhältnisse annehmen konnte. Wirklich werden konnte unter jenen vier Billionen stets nur eine, und welche von ihnen auch immer verwirklicht worden sein möchte, bei jeder würde dieselbe Berwunderung entstehen, warum gerade sie entstanden sei von den vier Billionen, die möglich gewesen wären. Es würde sich wesentlich anders verhalten, wenn alle jene anberen Dispositionen wirklich einen zweiten Fall bildeten, der als solcher realisirbar gewesen wäre; dann würde seine Wahrscheinlichkeit von vier Billionen doch wenigstens unmittelbar mit der des andern, der Einheit, vergleichbar gewesen sein, obwohl auch dann nur die Berlodung nicht aber die Berechtigung zu jenen Folgerungen größer gewesen wäre. Idun kann man freilich versuchen, die große Anzahl aller dieser Fälle auf eine berechtigte Zweizahl zu bringen; nur unter dieser gegebenen Disposition aller Massen und Bewegungen, sagt man, war die Stabilität des Planetenspftems und die beständige Fortdauer seines Bewegungsspieles gesichert; feine ber Millionen anderer Ginrichtungen hätte dieses Gleichgewicht begründet. Dies geben wir zu; aber auch jede dieser Millionen anderer Einrichtungen würde zu ihrem Bortheil anführen: diejenigen Schicffale, die bas Planetenspftem burch fie erführe, hatte es auch unter feiner andern Voraussetzung von den vielen Millionen möglicher erfahren können; wäre also Einzigkeit des Erfolgs ein Anspruch auf höheren Ursprung, so würde ihn jede dieser Dispositionen mit gleichem Recht erheben. Natürlich soll nun nicht die Ginzigkeit des Erfolges, sondern die Vorzüglichkeit dieses einzigen entscheiden. Aber warum wäre denn Borzügliches an sich unwahrscheinlicher? und ware denn dieser Fall besser als andere? ift es wirklich unbedingt schöner, daß in Ewigkeit ein zwar neues frisches Blut, aber boch immer in denfelben Formen circulirt, deren beständige Wiederholung uns heute zwar erhaben vorkommt, morgen aber sehr langweilig vorkommen fann? ware es nicht schöner, wenn das Planetensustem im Ungleichgewicht wäre, alle Berhältniffe fich stetig anderten, und damit Begetation und Naturschönheit, Thier und Mensch sich in immer neuen interessanteren Formen entwickelten und wirklich die Geschichte eine Geschichte mit

deutlichem Fortschritt würde anstatt des beständigen Kreislaufs? Und zuletzt, da der Himmel unendlich ist, können nicht alle Millionen verschiedener Systemeinrichtungen in ihm wirklich realisirt sein? bei und die des Gleichgewichts, in unbekannten Fernen alle übrigen? Und dann hätte ja die unsere nur die Wirklichkeit, auf welche man ihr einen Anspruch aus ihrer Wahrscheinlichkeit zuschreiben möchte; sie wäre nur eine unter Millionen.

285. Nachdem wir bisher die Wahrscheinlichkeiten nur als Maß des Vertrauens zu dem Eintritt fünftiger Ereignisse angesehen haben, entsteht nun das natürliche Berlangen, zu wiffen, in wie weit diese Borberechnungen durch den wirklichen Berlauf der Begebenheiten bestätigt Die Antwort lautet gewöhnlich dabin, daß mit au werden pflegen. wachsender Anzahl der Fälle, welche ein Greigniß F möglich machen, die Anzahl seiner Berwirklichungen sich in der That der vorberechneten be-Man fann mit hinlänglicher Glaubwürdigfeit dieje ständig nähert. Antwort nur durch Versuche der einfachsten Art erlangen, in benen dafür gesorgt werden kann, daß die Gruppe B der Bedingungen, von benen jeder Einzelfall F abhängt, nach jedem mten Bersuch wieder fo hergestellt werden fann, daß sie sich von ihrer Beschaffenheit vor dem selben nur durch diejenigen Variationen unterscheidet, deren Einfluß auf das Gesammtresultat der Versuchsreihe eben den Gegenstand der Frage bildet, daß dagegen jeder Hinzutritt einer in dem Begriff diefer Bariation nicht liegenden fremden Ursache, möge fie in äußeren Umständen oder in der Beränderung der Versuchsobjecte oder in parteisscher Absicht des Versuchenden liegen, völlig abgeschnitten wird. dingungen erfüllen Versuche mit Würfeln; man berechnet voraus, daß für einen Wurf die Wahrscheinlichkeit, mit zwei Würfeln eine bestimmte Combination der Augen, z. B. 5. 6 zu erlangen, = 1/18 = 0,056 ift, für tausend Würfe mithin 56 sein würde; versucht man nun diese tausend Würfe nach einander und findet, wie es in der That gefunden worden ift, daß die angegebene Combination 50 mal erscheint, so nähert sich diese Anzahl der berechneten Bahl bereits deutlich genug: noch mehr, wenn bei 10,000 Burfen sie auf 570 steigt. Jeder einzelne Wurf hängt hier, von dem beständigen oder veränderlichen Luftwider stande abgesehen, von der Geschwindigkeit und dem Winkel ab, mit welchem ber Würfel gegen die auffangende Platte ankommt, von der

Stellung feiner Glächen und Kanten im Augenblick bes Auftreffens, von seiner eigenen Glasticität und von der der Platte. Bedingungen fann man die lette als conftant betrachten, da ber Bürfel, ebenfalls nach einem Wahrscheinlichkeitsüberschlag, äußerst felten bieselbe Stelle der Platte berühren, mithin die Glasticität des Treffpunktes sich nicht merklich ändern wird, wenn sie anfänglich dieselbe für alle Buntte der Platte war; will man sie dennoch als veränderlich ansehen, jo kann man sie boch ebenso gut, wie die kleinen allmählich entstehenden Beränderungen in Gestalt und Glasticität des Würfels, mit zu ben Bariationen der Bedingungen rechnen, deren Wirkung untersucht werden soll; denn da beide Beränderungen nicht von einander abhängen, aber zusammenwirken können, so begünstigen sie zusammen nicht einen bestimmten Wurf vor andern, sondern in ben verschiedenen Ginzelfällen bald diesen bald jenen. Die erstgenannte Bedingung, Geschwindigfeit und Richtung des Würfels, hängt allerdings von der Bewegung der schüttenden Sand ab; aber selbst wenn hier eine Absicht vorhanden wäre, welche einen Wurf vor dem andern begünftigen möchte, so würde fie doch nicht wirksam werden; benn wir haben, nach einem bestimmten Wurfe, weder eine scharfe Erinnerung der Gruppe von Muskels gefühlen, die ihn begleiteten, noch die Fähigkeit, die Bewegungen, von denen diese Gefühle abhingen, zum Behuf eines gleichen neuen Wurfes genau zu reproduciren; die geringste Abweichung aber würde dabin führen, anstatt der beabsichtigten eine andere Combination der geworfenen Augen zu begünftigen. Gerade diese Beränderungen unserer Bewegungen gehören daher zu den zulässigen Bariationen der Bedingungen des untersuchten Resultates. Dieselben Vortheile bietet eine drehbare Trommel, in welcher m weiße und p schwarze Kugeln enthalten sind und in die wir die jedesmal durch die Hand gezogene Rugel vor dem nächsten Zuge wieder einlegen. Drehen wir dann die Trommel, so erzeugen wir badurch freilich nicht genau dieselbe Lage ber Augeln, die sie in ihr vor dem Zuge hatten, aber doch nur eine der Bariationen dieser Lage, deren Ginflug wir fennen lernen wollen. Die Bestalt des Würfels bildet im ersten, die Anzahlen der schwarzen und weißen Rugeln im zweiten Falle den constanten, die Geschwindigkeit und Richtung des Würfels im ersten, die Lage der Rugeln und die Richtung der ziehenden Sand im zweiten den variablen Theil ber Bedingung B, von deren Gesammtheit das Ereigniß F in jedem Einzelsfalle abhängt. Auch die zweite Einrichtung des Versuchs hat zu demsselben Ergebniß geführt: je größer die Anzahl der Ziehungen, desto mehr näherte sich das Verhältniß zwischen den Anzahlen der geszogenen weißen und schwarzen Augeln dem Verhältniß der Anzahlen m und p, in welchen sie in der Trommel wirklich vorhanden waren.

286. An diese Versuchsergebnisse haben sich theoretische Betrachtungen angeschlossen, von deren Richtigkeit ich mich nicht überzeugen Es liegt ein Cirkel in allen ben Erörterungen vor, welche bas eben angeführte Verhalten als ein mit begreiflicher Nothwendigkeit allgemein eintretendes barftellen möchten. Zuerst kann aus m Bersuchsreihen, in benen es wirklich stattgefunden hat, auf sein Stattfinden in jeder (m + 1) ten Bersuchsreihe nicht geschloffen werden, fo lange bie unbekannten Bariationen ber Bedingungen, welche bort ben Erfolg erzeugt haben und ihn hier erzeugen würden, einzeln durchaus keiner Regel unterworfen find. Denn bag fie bann wenigstens im Bangen fich hier wie bort auf gleiche Beife compensiren werden (was allein die versuchte Berallgemeinerung bes Beobachteten erlauben würde), ist nicht ein Gedanke von objectiver Bultigkeit, nicht ableitbar von irgend etwas, was wir schon als wirklich wüßten, sondern selbst nur Ausbruck unserer subjectiven fast tautologischen Maxime, bemjenigen Greigniß, dessen vorberechnete Wahrscheinlichkeit die größte auch die größte Wahrscheinlichkeit seines wirklichen Eintretens zuzutrauen. So lange nämlich keine constante Ursache einen ber möglichen Fälle F vor den andern bevorzugt, muffen allen ihrem Begriffe nach coordinirten oder gleichmöglichen Fällen auch gleiche Chancen ihrer Berwirklichung zugeschrieben werben, und bann besteht bies am mahrscheinlichsten zu erwartende Ereigniß oder Berhalten eben barin, daß in einer großen Anzahl von Versuchen die Anzahl ber eintretenben Berwirklichungen eines Falles F der vorher berechneten Anzahl derselben gleich wird. Ist diese Erwartung in m Versuchsreihen bestätigt worden, so ist eben mmal thatsächlich basjenige eingetroffen, mas vor seinem Eintreffen das Wahrscheinlichste war; daß es in jeder (m + 1) ten Bersuchsreihe ebenso wieder eintreffe, wird hierdurch feine beweisbare Nothwendigkeit, sondern bleibt die wahrscheinlichste Erwartung, mit der wir dieser neuen Bersuchsreihe entgegenkommen, und

deren Täuschung doch niemals unmöglich wird. Zweitens kann eine einzelne Versuchsreihe nicht unendlich viele Versuche wirklich anstellen, sondern muß bei irgend einer endlichen wenn auch großen Anzahl n derfelben stehen bleiben. Daß mithin die Anzahl der eintretenden Berwirklichungen des F bei stets wachsendem n sich der vorberechneten Angahl derselben ohne Ende nähere, fann nie eine wirkliche Beobachtungsthatsache sein, sondern ist eine hinzugefügte Folgerung. Nehmen wir nun an, mit n Versuchen sei der Punkt erreicht, wo beide Anzahlen gleich geworden find oder sich der Gleichheit bis auf eine unbeträchtliche Differenz d genähert haben, so ware es Willfür, hier die Reihe abzubrechen; denn dies freilich versteht sich von selbst, daß der Sat von jener Gleichheit ober Unnäherung bann gilt, wenn man bie Reihe so weit und genau nur so weit fortsett, bis er gilt. Was aber wird geschehen, wenn wir die Reihe verlängern? Bielleicht werden dann Die Ergebniffe noch weiter gegen die Bleichheit jener beiden Bahlen convergiren; vielleicht auch verhält sich jede hinzukommende Periode von n Versuchen genau ober annähernd so wie sich die erste verhielt, und die Differenz d wird durch die Berlängerung der Reihe nicht beträchtlich permindert; und diesen Möglichkeiten kann noch jeder regellosere Fortgang als auch möglich hinzugefügt werden. Nur eine gleiche Wahrscheinlichkeit haben diese verschiedenen Bermuthungen nicht; so lange wir durchaus keine constante Ursache voraussetzen, welche in einer anzustellenden Versuchsreihe einen Fall F vor andern begünstigen könnte, so ist unsere wahrscheinlichste Vorannahme nur die, daß bei immer wachsendem n die Anzahl der beobachteten Berwirklichungen von F der vorberechneten Anzahl derselben sich beständig nähern werde; bestätigt sich, in einer beträchtlichen aber endlichen Bahl von n Versuchen, biefe Erwartung nicht, fo tann baran eine conftante Bedingung, es tann aber auch eine principlose Combination variabler Schuld fein; fo oft fie fich aber wirklich bestätigt, so oft liegt eine Thatsache vor, die uns nicht überraschen fann, eben weil sie nicht im voraus unwahrscheinlich war, beren Eintreten sich aber so wenig als das Zutreffen irgend einer mathematischen Wahrscheinlichkeit als nothwendig erweisen Kommen wir noch einmal auf den Bersuch mit der Trommel läßt. und ben Augeln zurud, so fann ich mich nicht überzeugen, daß die allmählich hervortretende Beständigkeit bes Berhältnisses zwischen ben

Bahlen ber gezogenen verschiedenfarbigen Rugeln wirklich erklärlich fei, wenn unter bicfem Ausbruck mehr verstanden fein follte, als Wahr-Man beruft fich hier, wie mir scheint, nicht mit Recht, auf ben fehr richtigen und bedeutungsvollen Unterschied zwischen den constanten und ben variablen oder accidentellen Ursachen, die zur Bervorbringung einer Wirkung sich vereinigen. Bei aller Unregelmäßigfeit in den successiven Anordnungen der Rugeln bleibe doch ein constantes Clement, nämlich die unveränderlichen Anzahlen der weißen und der schwarzen; bei einer großen Anzahl von Ziehungen musse sich bieses constante Element burch eine constante Wirfung bemerklich machen; benn es fei kein Grund zu der Annahme, an bem Orte, den die Hand trifft, werden sich Augeln der einen Farbe relativ öfter finden, als der relativen Menge entsprechen würde, in der sie wirklich vorhanden find; geschähe es, so würde man, gegen die Boraussetzung, eine conftante Mebenursache ihrer Begünstigung annehmen muffen. Siergegen erhebe ich den Ginwurf, daß jene constanten Ursachen nicht sich schon deshalb bemerklich machen können, weil fie da find, sondern nur weil und insoweit sie wirken. Bei den Bersuchen mit dem Burfel gehörten die Weftalt beffelben und die Lage feines Schwerpunktes zu biefen constanten Ursachen und beibe kamen in jedem Ginzelfalle zur Wirkung. Die erste machte, daß ber Burfel nur auf 6 Seiten und nicht auf eine siebente fallen konnte, die andere, daß er, wenn ihn nicht ein widerstehender Rand aufhielt, immer auf die Seite fallen, und nicht auf einer Kante oder Ede zur Rube tommen konnte; auf welche Seite er aber fallen würde, gerade dies bestimmten diese constanten Ursachen Bei den Bersuchen mit den Augeln sind zuerft die Farben constant, weiß und schwarz, und baraus folgt, daß feine rothe Augel gezogen werden kann; die Anzahlen m und p find zwar auch constant, aber die relativen Mengen der wenigen Rugeln, welche jedesmal in das Bereich der ziehenden Sand kommen, gehören eben zu dem veränderlichen Theile ber Bedingung; diese conftante Bedingung, das Berhältniß m: p kommt daher nicht zur Wirkung, obwohl es thatsäcklich besteht. Daß eine constante Nebenursache, gegen bie Boraussetzung, angenommen werden muffe, wenn in der Summe vieler Wiederholungsfälle das Berhältniß ber ergreifbaren Augeln ein anderes fein sollte, als das der vorhandenen, fann ich nicht zugeben; es bedarf dazu viel-

mehr nur jener principlosen Bariation der Lage ber Augeln, die wir voraussetzen und durch das Umdrehen der Trommel wieder herzustellen suchen; möglich ist hierdurch jede Combination der Kugeln, möglich auch die Unzugänglichkeit aller der einen Farbe, möglich sogar die beständige Wiederholung dieser Ausschließung in allen aufeinanderfolgenden Bersuchen, denn es ist ja absichtlich alles so angeordnet, daß jeder (m+1)te Bersuch von dem mten völlig unabhängig sein soll. Nur wahrscheinlich ist das alles gar nicht; wahrscheinlich ist nur, daß die Häufigkeit ber Ergreifung beiber Augelarten ber Säufigkeit ihres Borhandenseins entsprechen werde; aber mehr als wahrscheinlich ift benn auch dies nicht; wird es durch Erfahrung nahezu bestätigt, so ist dies eine Thatsache, die insofern nicht unerflärlich ist, als man recht gut einsieht, wie leicht die Ursachen sich zusammenfinden können, die sie hervorbringen, aber nicht erklärlich in dem Sinne, daß man nachweisen fönnte, daß und warum, in der Summe vieler Wiederholungsfälle, sie fich so zusammenfinden mußten, mahrend fie es boch in einer kleineren Anzahl dieser Fälle nicht mußten.

287. In den vorigen Fällen war die Natur der constanten und der Spielraum der variablen Ursachen eines Ereignisses bekannt und man konnte eine Annahme über die Häufigkeit seiner Wiederkehr der Erfahrung vorgreifend aufstellen und fie von diefer bestätigt finden. Man tann umgefehrt auch ein Ereigniß, von dem weder das eine noch das andere befannt ift, das aber die Beobachtung häufig wiederholt barbietet, in Bezug auf die Regelmäßigkeit seines Gintretens prufen. Wir kennen dann weder die Anzahl der überhaupt möglichen Fälle noch die der gunftigen Chancen, welche unter diefen bas fragliche Ereigniß findet; wir unterscheiben nur zwischen Gintritt und Nichteintritt von E, sehen als Fälle, in benen sein Eintritt möglich ist, alle biejenigen an, welche die Beziehungspunkte verwirklichen, unter deren Boraussetzung E seiner Bedeutung nach verständlich wird, und vergleichen mit diefer Bahl die Anzahl seiner Berwirklichungsfälle. Bon welchen conftanten und variablen Ursachen die Blindheit der Menschen abhängt, wissen wir nicht; aber so viele Menschen es gibt, so viel gibt es Fälle, in denen dieser Mangel seiner Natur nach möglich ist; vergleichen wir mit dieser Gesammtheit aller zu einer Generation gehörigen Personen die Angahl der Blinden und benfen wir uns diese Bergleichung

auf viele Generationen ausgedehnt, so würde sich zeigen, ob zwischen diesen beiden Anzahlen im Großen ein conftantes Berhältniß ftattfindet, welches auf das Vorhandensein einer constanten Gruppe begünftigender Urfachen deutete, deren Wirfungen im Ginzelnen durch variable modificirt werden. Da es ferner in vielen Fällen wahrscheinlich ift, daß erst im Verlauf einer gewissen Zeit die variablen Ursachen sich ber Reihe nach vollständig genug verwirklichen, um durch gegenseitige Aufhebung ihrer Ginfluffe die Wirfung der conftanten Urfache deutlich hervortreten zu laffen, so richtet fich die Aufmerksamkeit fehr gewöhnlich auf die Auffindung von Zeiteinheiten, in welchen das Berhältniß der wirklichen E zu den möglichen E, immer mit Rücksicht auf die selbst zeitlich wechselnde Zahl der letteren, dasselbe wird. Endlich, da unter allen Zeiteinheiten bas Jahr diejenige ift, in welcher die meisten variablen Bedingungen, welche fehr allgemein auf alle Menschen wirken, ben Kreislauf ihrer verschiedenen möglichen Werthe zu durchlaufen pflegen, so ist es natürlich, daß man in Untersuchungen, die sich auf menschliche Angelegenheiten beziehen, zunächst fragt, ob innerhalb dieser Zeiteinheiten das Verhältniß der wirklichen E zu den denkbaren conftant bleibt ober der Gleichheit sich nähert. Die Antwort auf alle diese Fragen wird ebensowohl verneinend als bejahend sein können. Kommt ein Greigniß E überhaupt häufig vor, so muß es innerhalb des Beitraums, in den diefes Borkommen fällt, von ihm eine conftante Urfache wenigftens in dem Sinne geben, daß irgend ein Berhältniß besteht, welches die dem E günftige Combination variabler Ursachen in bestimmtem Mage befordert; so oft dann in verschiedenen Wiederholungen einer Zeiteinheit daffelbe Berhältniß der wirklichen Fälle zu ben möglichen sich wieder erzeugt, so oft ist dieser Rückschluß gestattet, daß jene constante Ursache bestanden habe; aber ber Borichluß versteht sich nicht von selbst, daß auch für ein nächstes gleiches Zeitintervall daffelbe Berhältniß als vorausbeftimmtes Wefet gelten werde; man wird diese Annahme nur als die wahrscheinlichste Regel für die Beurtheilung des Rünftigen ansehen konnen, fobald feine Data befannt find, welche auf eine inzwischen erfolgte Beränderung jener unbefammten bedingenden Umftände hindeuten; bestätigt sich dann die Regel, so machen wir mit Recht jenen Rückschluß noch einmal, und allerdings, je öfter wir ihn machen können, die Regel also sich bestätigt hat, um

so mehr nimmt die Wahrscheinlichkeit zu, daß die Gruppe der Bedingungen, die für so viele Zeiteinheiten constant blieb, auch in Zufunft sich nicht ändern werde; mehr aber als diese Wahrscheinlichkeit erreichen Es ift daher fehr miglich, die Ergebnisse solcher Beobachwir nicht. tungen als Wesetze ber Ereignisse zu bezeichnen, ja zuweilen von einem Gefet ber großen Bahlen felbst so zu sprechen, als muffe sich burch die bloße Größe einer Anzahl verglichener Fälle in dem Ablauf einer Ereigniftlaffe eine Regelmäßigkeit einstellen, die fonft in ber Natur der Greignisse und ihrer Bedingungen nicht begründet ift. Gin Gefet ift, wie wir saben, ein hypothetisches Urtheil, das einen Nachsatz als nothwendig gultig ausspricht, wenn ber Vordersat gilt; wollen diese statistischen Gesetze sich dieser Definition fügen, so sind sie freilich werthlos; benn fie fagen bann nur: wenn in ber nächften Zeiteinheit T alle befannten und unbefannten Bedingungen wieder fo find, wie in der vorigen, so wird auch die Reihe aller Folgen, mithin auch die Anzahl der E dieselbe sein; natürlich: denn wenn man sich das Vergangene noch einmal geschehen benkt, so wird es gerade so aussehen wie damals, da es zuerst geschah. Diese Tautologie liegt begreiflich nicht in der Absicht jener angeblichen Gesetze; sie wollen vielmehr ihren Borbersatz zugleich affertorisch behaupten, also behaupten, daß jene Gleichheit aller Bedingungen stattfinden werde; daß es aber für diese Behauptung immer nur Wahrscheinlichkeit, nicht Gewißheit gibt, ist einleuchtend. Jene Gate find also nicht Wesete, sondern Analogien, welche eine Proportion, die in nFällen gegolten hat, auf den (n+1)ten Fall übertragen, jedoch ohne den Nachweis und blos mit der Voraussetzung, daß von n zu n + 1 sich die Bedingungen nicht ändern, auf denen ihre Gültigfeit beruht.

288. Zu den Ereignissen, die bei öfterer Wiederholung von einer constanten und von variablen Bedingungen zugleich abhängen, gehören unsere eigenen Beobachtungen, unter welchem Ausdruck ich
hier den einfachsten Fall, die Messung einer durch sinnliche Wahrnehmung gegebenen Größe verstehen will. Die constante Ursache ist der
wahre Werth dieser Größe, die unter völlig gleichen Bedingungen
immer dieselbe Wirkung auf unsere Auffassungskraft machen würde;
die variablen sind die äußeren Umstände und die Aenderungen unseres
psychischen Zustandes, welche jene Einwirkung in verschiedenen Wieder-

holungsfällen auf verschiedene Weise modificiren. Aus den verschiedenen Meffungen, die wir fo erhielten, den wahren Werth des Gemeffenen zu ermitteln murbe unmöglich sein, wenn wir ben gemachten Deffungen selbst jeden benkbaren Grad der Ungenauigkeit zutrauen wollten; dem dies würde nur heißen, daß wir glaubten, ben gefundenen Werthen alle beliebigen andern als richtigere substituiren zu dürfen, wodurch dann die ganze Vornahme einer Meffung überhaupt finnlos würde. Wir feten daber voraus, daß Kenntniß, Gefchick und Aufmertfamkeit sich so weit vereinigt haben, um die Dlessungen hinlänglich vertrauenswürdig zu machen und nur Jehler als wahrscheinlich zuzulaffen, die sehr flein find im Berhältniß zu ben gemeffenen Werthen felbft. es fich nun um die Bestimmung einer einzigen unbekannten Große A, jo muß zunächst jede einzige Messung, die man von ihr besitt, als wahre Bestimmung des A gelten; benn es gibt feinen Grund, nach welchem sich, wenn man sie auch anzweifelte, Größe und Richtung ihrer Verbesserung bemessen ließe. Sind uns dagegen für dieselbe Große A, die nur eine fein fann, verschiedene Werthe durch Beobadtungen gegeben, so ift fein Grund an sich vorhanden, der einen mehr zu trauen als der andern, und die wahre Größe wird daher am wahrscheinlichsten durch einen folden Werth bestimmt werden, deffen Unnahme ben gemessenen Werthen die geringste Summe ber nun nothwendig vorauszusetenden Unrichtigkeiten zumuthet. Das arithmetische Mittel M, die Summe aller gemessenen Werthe bivibirt burch bie Ans gahl der Meffungen, ift daher für den mahrscheinlichsten Werth von A au halten; die Differenz zwischen diesem Mittel M und bem mahren Werth A ift der Fehler, der übrig bleibt, und den wir, fo lange A nicht durch andere Bedingungen mitbestimmt ift, nicht hinwegbringen, sondern nur durch Bermehrung der Anzahl gleich sorgfältiger Beobachtungen verringern können. Haben wir bagegen verschiedene Größen A B C wiederholt gemeffen und liegen andere Bedingungen noch vor, benen die Werthe derfelben genügen muffen, fo fann es fich ereignen, daß die verschiedenen arithmetischen Mittel, die einzeln die wahrscheinlichsten Werthe von A B C geben würden, biesen Rebenbedingungen Hätten wir nicht genügen und daher einer Berbefferung bedürfen. 3. B. die drei Winkel eines Dreieds wiederholt gemeffen, und betrüge die Summe der hieraus entwickelten Mittelwerthe = 180° + d, fo

würde dieses mit der Natur des Dreiecks unvereinbare do einen Fehler barftellen, ber aus Jehlern ber Messungen entsprungen sein muß und nur durch Beränderung ber gefundenen Werthe zu beseitigen ift. Aber die hierzu nöthige Berminderung läßt sich auf die drei gemessenen Binkel in sehr verschiedener Weise vertheilen und es fragt sich, welche Größe des Jrrthums man ber Meffung eines jeden derfelben am mahr-Dies führt auf eine Untersuchung über icheinlichsten zumuthen bürfe. die relative Wahrscheinlichkeit des Vorkommens der Fehler in unseren Beobachtungen überhaupt, die sich nicht auf a priori beweisbare, aber auf fehr probable und mit ber Erfahrung übereinstimmende Grundfäße Bunächst liegt in dem Begriffe einer forgfältigen Beobachtung ftütt. an fich felbst nichts, was einen Fehler begründete; die Wahrscheinlichfeit mithin, daß sie das Richtige getroffen habe, ift immer größer als die irgend eines bestimmten begangenen Jehlers. Ebenso liegt es in den Boraussetzungen, auf die jede Ermittelung mahrer Werthe aus Beobachtungen fich stüten muß, daß die Wahrscheinlichkeit großer Jehler geringer ift als die kleiner, und die Wahrscheinlichkeit positiver gleich derjenigen gleich großer negativer. Dies führt zu einer erften anschaulichen Borftellung. Trägt man auf einer Geraden, welche zur Absciffenare gewählt wird, von einem Anfangspunkt aus, welcher bem Jehler Rull entsprechen würde, nach entgegengesetzten Richtungen wachsende Abscissen  $+\alpha$ ,  $+\beta$ ,  $+\gamma$  ab und errichtet im Nullpunkt eine Ordinate von beliebiger Größe, welche die Wahrscheinlichkeit des Vorkommens eines Fehlers Null bedeutet, so ist diese die größte aller Ordinaten, und alle übrigen auf den Punkten  $+\alpha$ ,  $+\beta$ .. errichteten nehmen symmetrisch zu beiden Seiten in dem Mage ab, als die durch a & 7 symbolifirten Größen der Fehler, deren Wahrscheinlichkeiten fie bedeuten, zu-Aber die Erfahrung lehrt uns zugleich, daß das Abnehmen nchmen. ber Wahrscheinlichkeit ber Fehler nicht in einfacher Proportion zu ber Bunahme ihrer Größe steht; so lange die Fehler klein find, ändert sich ihre Wahrscheinlichkeit weniger als ihre Größe zunimmt, je größer sie find, um desto mehr beschleunigt übertrifft die Abnahme ihrer Wahrscheinlichkeit die Zunahme ihrer Größe. Hieraus folgt, bag die Linie, durch welche wir die oberen Endpunkte aller Ordinaten verbinden, nicht aus zwei Geraden zusammengesett sein fann, die über dem Nullpunkt zusammenstießen und sich nach beiden Seiten symmetrisch der Abscissen-

are näherten, um mit einem Abschnitt berselben ein Dreied einzuschließen; vielmehr ift jene Grenglinie eine Curve, beren Scheitel über dem Rullpunkt liegt, und die von dort aus zwei symmetrische nach der Abscissenare hin concave Aeste ausschickt. Nicht ebenso deutlich wie dieser Verlauf der Curve in der Rabe des Scheitels ift ihre Fortsettung nach der Abscissenare. Sieht man Fehler jeder Große, auch unendlich große, als immerhin mögliche an, so daß auch diesen nech eine wenn auch außerordentlich fleine Wahrscheinlichkeit zukommt, so muß jeder Zweig der Curve zulett convex gegen die Abscissenare werden und sich ihr asymptotisch nähern; betrachtet man dagegen in einer forgfältigen Beobachtung Jehler von gewiffer Größe, folche 3. B., die fich um den gangen Betrag bes zu meffenden Werthes irren, als überhaupt nicht vorkommend, so kann die Curve concav bleibend die Abscissenare an zwei Bunkten schneiden. Auf die weitläufigeren Untersuchungen, die angestellt worden sind, um die wahrscheinlichste Gestalt dieser Curve, ihre Gleichung und aus ihr die Wahrscheinlichkeit des Vorkommens der einzelnen Fehler genauer zu bestimmen, muß ich einzugehen unterlassen; um jedoch einigermaßen anschaulich zu machen, welchen Weg zum Biele zuletzt biefe Ueberlegungen nehmen, bediene ich mich einer für diesen 3wed hinreichenden Unnäherung. Bunächst laffen wir die Streden der Curve, welche fich der Absciffenare nabern, gang außer Acht; da uns nur die Wahrscheinlichkeit derjenigen Jehler intereffirt, auf deren Vorkommen man bei forgfältigen Bevbachtungen noch gefaßt sein muß, so ziehen wir nur einen furzen Bogen der Linie in Betracht, ber von dem Scheitel aus sich nach beiden Seiten wendet. die Linie nun eine Gerade nicht fein fann, so ware die nächsteinfache Unnahme die, daß ihre Bleichung vom zweiten Grade fei, und da diefe Annahme auch die symmetrischen Werthe ber Ordinaten Dieffeit und jenseit des Nullpunktes möglich macht, so bleiben wir bei ihr stehen und wählen von den Regelschnitten, die alle zu diesem Bersuch brauchbar sein würden, den Kreis. Die größte Ordinate r, auf dem Rullpunkt der Abscissen errichtet, bezeichne gleichzeitig den wahren Werth ber zu messenden Größe und die Größe der Wahrscheinlichkeit, daß diese richtige Messung in den Beobachtungen vorkomme; die Abscissen + a, + β, + γ seien die Größen der Fehler, um welche die verschiedenen Dleffungen von dem mahren Werth r abweichen; wir denken fie uns

jett ausgedrückt in Theilen dieses wahren Werthes, so daß  $+\alpha$ ,  $+\beta$ ... für r=1 echte Brüche der Einheit find, für r=r durch  $+r\alpha$ ,  $+r\beta$ ... zu erseten sein würden; die zu jeder Abscisse gehörige Ordinate y endlich bedeutet die Wahrscheinlichkeit des Vorkommens derjenigen falschen Meffung, welche von der wahren r um die Größe diefer Abscisse abweicht; setzen wir daher die Kreisgleichung als gültig für den fraglichen Curvenbogen voraus, so ist  $y = r\sqrt{1-x^2}$ , worin x der allgemeine Ausdruck für die veränderlichen Werthe a, B, y ist. Die Wahrscheinlichkeit des Zusammentreffens verschiedener von einander unabhängigen Ereignisse nun wird, wie wir früher saben, durch das Product aus ben Wahrscheinlichkeiten ber einzelnen gemeffen. Sind wir alfo, um gegebene Meffungen mit einer anderweitigen Bedingung in Ginklang zu bringen, zu der Annahme einer Anzahl von Fehlern in diesen Meffungen einmal genöthigt, können wir aber durch verschiedene Combinationen anzunehmender Fehler diese Forderung befriedigen, so ist die Annahme berjenigen Fehlercombination die wahrscheinlichste, für welche bas Product aus den Einzelwahrscheinlichkeiten der Fehler den größten Werth erhält. Nun besteht dies Product aus lauter Factoren von der Form r / 1 - x2, und es erhalt sichtlich diefen größten Werth bann, wenn alle einzelnen Factoren zugleich die größten mit den Bedingungen ber Aufgabe verträglichen Werthe annehmen; dies aber geschieht bann, wenn in allen Factoren zugleich die subtractiven Bestandtheile, wenn also die Summe  $\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 \dots$  ein Kleinstes wird. Dieser Minimalwerth felbst fett, wie man leicht findet, voraus, daß die Summe der Fehler  $\alpha + \beta + \gamma ... = 0$  werde; ein Fall, der nur eintreten fann, wenn diese ersten Potenzen der Jehler verschiedene Zeichen haben, und ber allemal eintritt, wenn das arithmetische Mittel aus den Beobachtungen, zu benen sie gehören, für den wahren Werth r der zu messenden Größe genommen wird. Die Bestimmung des r vermittelst der Summe der Fehlerquadrate ichließt daber diesen selbstverständlichen für bie einfachsten Fälle genügenden Grundsatz ein; unter den verschiedenen arithmetischen Mitteln aber, die man aus m Beobachtungen dann erhält, wenn man jeder derselben diesen oder jenen Fehler zutraut und sie demgemäß bald so bald anders corrigirt, sucht sie dasjenige Mittel zu bestimmen, welches der Wahrheit am nächsten kommt, weil es auf der wahrscheinlichsten Combination jener Correcturen beruht. Bis hierher

reicht unsere annähernde Betrachtung aus, um im Allgemeinen die Bebeutung dieser Methode der kleinsten Quadrate und die Entstehung ihres Namens zu verdeutlichen; sie würde nicht ausreichen, um eine Anzahl seinerer Festsetzungen zu begründen, über welche, sowie über die Einleitung der Rechnung, auf die classische Darstellung von Gauß und die hieran sich reihenden Lehrbücher zu verweisen ist. Man wird nicht vergessen dürsen, daß die Begründung dieser Methode niemals ohne irgend welche, zwar sehr probablen, aber doch nicht streng beweisbaren Boraussetzungen möglich ist; ihre vollauf ausreichende Bestätigung hat sie durch die Ergebnisse erhalten, zu denen sie, zunächst in astronomischen Untersuchungen, geführt hat.

## Behntes Kapitel.

Bon Bahlen und Abstimmungen.

289. Auch Wahlen und Abstimmungen sind Formen ber Auffindung von Urtheilen, solchen nämlich, beren Gultigkeit wir nicht blos anerkennen, sondern durch unsern Beschluß schaffen wollen. verschiedener Beise hat sich bas logische Rechnen auch um sie bemüht; man hat gefragt, welche Soffnung, bei verschiedenen Ginrichtungen, für die Gerechtigkeit eines Richterspruchs, für die Sachgemäßheit einer Entscheidung, für die Alugheit einer Wahl vorhanden sei; diese Fragen, die niemals ohne besondere willfürliche Voraussetzungen psychologischer Natur beantwortbar find, schließe ich hier aus und beschäftige mich nur mit der Untersuchung, auf welche Weise dem formellen Zwede aller Abstimmungen genügt werden fann, bem nämlich, einen Beschluß zu erzielen, welcher so vollständig als möglich den Gesammtwillen der Abstimmenden ausdrückt, gleichviel von wie viel Ginsicht die Ginzelwillen regiert wurden, die ihn zusammensetzen halfen. Im Leben entsteht ein folder Wesammtwille in Gestalt der öffentlichen Meinung so, daß auch ber Inhalt, auf ben er sich bejahend ober verneinend bezieht, nach und nach durch die ungähligen Wechselwirfungen aller berjenigen bestimmt wird, die überhaupt Reigungen und Abneigungen zu äußern fähig sind; die logische Betrachtung setzt voraus, daß dieser Inhalt in Gestalt eines bestimmten Borschlags V oder einer Reihe von Borschlägen V, W, Z bereits vollständig formulirt gegeben sei und daß ber Ausdruck des Willens nur durch Bejahung ober Berneinung dieser Vorlage stattfinde; daß endlich immer eine nach irgend. welchen Motiven bestimmte und geschlossene Anzahl S gleichberechtigter Stimmen vorhanden sei, denen es ausschließlich zukommt, den Gesammtwillen festzustellen.

- Ist nun, im einfachsten Falle, ein einziger Borschlag V gegeben und foll ein Befchlug unbedingt zu Stande fommen, fo ift bie absolute Majorität der einzig mögliche Entscheidungsgrund; sie allein muß, für Bejahung ober Berneinung bes V, immer zu Stande tommen, sobald für den einen Fall der Stimmengleichheit durch irgend eine feste Uebereinfunft für ein votum decisivum oder für den Borzug entweder der Berneinung oder der Bejahung gesorgt ist. Aber nur mit großer Einschränfung fann die absolute Majorität für den wahren Ausbrud beffen gelten, was man mit Recht ben Gesammtwillen ber Abstimmenden nennen würde. Denn die Einzelstimmen selbst find nicht der erschöpfende Ausdruck der Einzelwillen; da fie auf Abgabe eines Ja oder Nein beschränkt sind, so haben sie kein Mittel, entschiebenes Wollen oder Nichtwollen von blogem Zulaffen oder Nichtwiderstreben zu unterscheiben. Gegen diese bleibende Unzuverlässigkeit aller Abstimmungen gibt es keine andere Abwehr außer der, welche in einer vorangehenden Discuffion liegt. In diefer konnen fich bie verschiebenen Grade ber Intensität des Bejahens ober Berneinens einen angemessenen Ausdruck geben, und die personliche Autorität kann sich gelten machen, die in dem Formalismus der Abstimmung, welche die Stimmen nur gablen und nicht magen fann, wirfungelos werden nuß; bem Billigkeitsgefühle Aller bleibt freilich überlaffen, dann in der Abgabe ihrer Stimmen auf diese nun boch wenigstens nicht mehr unbekannte Bertheilung der Neigungen und Abneigungen Rücksicht zu nehmen. Andere conventionelle Bestimmungen, wie die Forderung einer Zweidrittelmajorität, mindern diese Uebelstände, ohne fie zu befeitigen; nur die Ginstimmigfeit wurde unzweideutig fein, aber man kann weder fie noch jene zwei Drittel fordern, ohne das Zustandekommen eines Beschlusses fraglich zu machen; beibe Borfchriften find baber nur da geeignet, wo es anderweitige wichtige Beweggründe gibt, confervative Reigungen für den bestehenden Zustand, den man kennt, gegen den Trieb nach Reuerungen zu bevorzugen, deren Ausfall man nicht fennt.
- 291. Einen allgemein logischen Grund kann es nicht geben, von der gleichen Berechtigung aller einmal concurrirenden Stimmen abzugehen; im Leben dagegen sind billige und unbillige Gründe stets wirksam gewesen, das Gewicht der Stimmen verschieden zu machen und sei

es ber größeren Ginficht, sei es bem wichtigeren ober bebrohteren Interesse, endlich historisch entstandenen Ansprüchen auf größere Geltung die Oberhand zu verschaffen. Es geschieht theils, indem man einfach bie eine Stimme bes Bevorzugten einer Mehrheit von Stimmen gleich rechnet, theils indem man die Gesammtheit der Abstimmenden in mehrere Gruppen zu gesonderten Abstimmungen zerfällt und die Majorität der hier entstehenden Majoritäten der einfachen absoluten Majorität der Gesammtheit substituirt, theils endlich geht man zu mittelbarer Abstimmung über, bei der jede der Gruppen ihr Recht einem Bevollmächtigten überträgt und der Majorität dieser Wahlmänner die Entscheidung überläßt. Der erste Fall erfordert keine besondere Betrachtung; der lette fällt aus aller logischen Behandlung dann heraus, wenn der beauftragte Wahlmann nicht die bereits getroffene Entscheis dung seiner Wähler zu vertreten, sondern unabhängig selbst zu stimmen hat; benn die Sicherheit, mit welcher ber Erfolg zulett bem Besammtwillen entspricht, hängt von der zweifelhaften Zuverlässigkeit ab, mit ber die Wähler die Uebereinstimmung der Gefinnung ihrer Bevollmäch= tigten mit der eigenen zu beurtheilen verstanden. Der zweite Fall bagegen, die Gintheilung in Gruppen zu gesonderten Abstimmungen, hat folgende bestimmbare Eigenthümlichkeiten.

1. Sett man die Gefammtzahl S ber Stimmen = 2 m. 2 n, so ist, wenn einer dieser Factoren die Zahl der gemachten Gruppen, der anbere die Anzahl der Stimmen in jeder von diesen bedeutet, (m + 1) (n + 1) die absolute Majorität der einzelnen absoluten Majoritäten, die in diesen Gruppen entstehen, und dieser Werth bleibt derselbe, wenn wir den einen dieser geraden Factoren oder beide durch die nächsthöheren ungeraden 2m+1 und 2n+1 ersetzen. Es möge dagegen M die einfache absolute Majorität der zu gemeinsamer Abstimmung vereinigten Gesammtzahl S sein. Man überzeugt sich nun leicht, daß (m+1) (n+1) < M für alle ungeraden S>7 und für alle ge= raden S > 16, mithin in allen Fällen, welche bei Abstimmungen in Betracht kommen. Immer ist man baber im Stande, durch passende Eintheilung von S in Gruppen eine Entscheidung durch die Minorität ber Gesammtstimmenzahl herbeizuführen, und man kann fragen, welche Zerfällungen die vortheilhaftesten sind, um diese entscheidende Minorität so klein als möglich zu machen. Die genaue Beantwortung dieser Frage würde viel weitläufiger sein als die Sache verdient; denn in der Anwendung werden wir uns immer mit einer Annäherung begnügen, da ja unsere genaue Vorberechnung durch jeden kleinen Zusall fruchtlos gemacht würde, der die Abgabe einer mitveranschlagten Stimme verhinderte. Ich begnüge mich daher mit Folgendem.

Denkt man sich S als Product zweier geraden oder zweier ungeraden Factoren, also entweder = 2 m. 2 n oder = (2 m + 1) (2 n + 1), ersett in der Formel für die entscheidende Minorität m durch einen Ausdruck in n und S, und differenzirt nach n, so erhält man als Bedingung eines Minimum: 2n oder  $2n+1=\sqrt{S}$ , wos burch auch der andere Factor  $= \sqrt{S}$ , also m = n wird. Nimmt man S als Product eines geraden und eines ungeraden Factors, = 2 m (2 n + 1), so erhält man auf gleichem Wege als Bedingung eines Minimum die, daß der gerade Factor  $=\sqrt{2}\,\mathrm{S}$  sei, wodurch der ungerade =  $\sqrt{1/2}$  S wird. Nach der Art ihrer Ableitung können beide Formeln hier, wo sowohl die Bahl der Gruppen als die der Stimmen in ihnen nicht stetig, sondern nur um gange Ginheiten wachsen durfen, eine genaue Geltung nicht haben; sie werben namentlich für fleine Bahlen, für welche die Einheit ein beträchtlicher Bruchtheil ihres Werthes ist, nur unregelmäßig zutreffen; endlich wird der Vortheil, den die ungeraden Bahlen vor den geraden haben, indem die entscheidende Minorität für (2 m + 1) (2 n + 1) nicht größer ist als die für 2 m. 2 n, ebenfalls ben Ginflug biefer Regeln beeinträchtigen. große Werthe des S jedoch, für welche die Ginheit, die Differenz zwischen gerade und ungerade, ein immer kleinerer Theil ihres Betrages wird, geben beide Formeln in der That die beiden kleinften Werthe der gesuchten Minoritäten; man erhält biese, wenn man S in zwei Factoren theilt, die entweder einander und der Quadratwurzel von S so nahe als möglich gleich sind, oder deren einer so genau als möglich das Doppelte des andern ist. So gibt 225, als 15.15 und als 9.25 gedacht, die beiden kleinsten Minoritäten 64 und 65, als 5.45 und 3.75 die größeren 69 und 76; so die Zahl 11025 als 105.105 und als 147.75 die kleinsten 2809 und 2812, als 175.63 dagegen und als 9.1285 die größeren 2992 und 3215; endlich 20,000 läßt die vortheilhaftesten Zerfällungen in 200. 100 und in 125.160 zu mit den Minoritäten 5151 und 5103. Bei kleinen Bahlen freuzen fich

die Einflüsse der verschiedenen Bedingungen sehr sichtbar; 36 gibt als 6.6 die Minorität 16, aber schon 4.9 gibt wegen der günstigen Wirstung des ungeraden Factors die kleinere 15, die vortheilhafteste Zersfällung ist 3.12 mit der Minorität 14; hier sindet sich, daß der gerade Factor 12 von der Quadratwurzel von 2 S = 72, welche größer als 8 ist, weniger abweicht als der gerade Factor 4 in der Zerfällung 4.9. Für 81 dagegen, als Quadrat eines ungeraden Factors, gibt es keine günstigere Eintheilung als in 9.9 mit der Minorität 25, die andere in 3.27 liegt von beiden Bedingungen zu weit ab; für 144 erhält man aus 12.12 das eine Minimum 49, aus 9.16 das andere 45.

- 3. In dem einen günstigsten Falle gleicher Factoren wird die entscheidende Minorität, in S ausgedrückt,  $=(1+\frac{1}{2}\sqrt{S})^2$ ; in dem zweiten, welcher den einen Factor doppelt so groß als den andern gibt, wird sie  $=(1+\frac{1}{2}\sqrt{2S})(1+\frac{1}{2}\sqrt{1/2S})$ . Beide Ausdrücke nähern sich, der zweite langsamer, dem Werthe  $\frac{1}{4}$ S um so mehr, je größer S wird, bleiben jedoch immer größer als dieser Bruch, so lange S nicht unendlich wird. Die entscheidende Minorität hat mithin eine untere Grenze, und sie kann selbst durch die vortheilhafteste Zerfällung niemals die auf den vierten Theil der Gesammtstimmenzahl herabgedrückt werden.
- 4. Es tann endlich S eine Primzahl fein, die überhaupt nur eintheilbar zu machen ift, wenn sie um wenigstens eine Ginheit vermehrt oder vermindert wird, d. h. hier, wenn man eine der zu machenden Gruppen eine Stimme mehr oder weniger haben läßt, als die anderen. Diefe unvermeidlich gemachte Willfür fann man nach Gutdunken benuten; man hat unzweifelhaft gleichviel Recht, 67 als 66 + 1 ober als 68 - 1 zu fassen, und im ersten Fall 5 Klassen zu 11 und eine zu 12 Stimmen, im andern 3 Klaffen zu 17 und eine zu 16 Stimmen zu bilben; verlangt man der Billigfeit wegen, daß unter den Majoritäten, welche die entscheidende Minorität zusammensetzen, sich die der zahlreicheren Klassen immer befinden mussen, so erhält man im ersten Falle 3.6+1.7=25, im zweiten 3.9=27. Ift dieser Weg einmal geöffnet, so betritt man ihn auch, wo es nicht nöthig ist, und bann wird die Ungleichheit der Gruppen, so lange sie innerhalb billiger Grenzen bleibt, leicht ertragen; sie mindert die entscheidenden Minoritäten noch beträchtlich herab. So erhält man für 64 = 6.9 + 1.10, auch wenn

die Majorität der stärkeren Klasse stets gefordert wird, die Minorität 3.5+1.6=21, während auß 8.8 nur die größere 25 floß. Man weiß, daß seit Servius Tullius dies Hülfsmittel, in sehr unbilligen Grenzen, die nur politisch aber nicht logisch zu rechtsertigen sind, in reichlicher Uebung gewesen ist.

292. Soll zwischen verschiedenen Vorschlägen V W Z eine Wahl getroffen werden, so gehen die Forderungen, welche die Logik an sich zu stellen hatte, nicht mehr mit den Gewohnheiten zusammen, welche Wenn eine Mehrheit sich zu einem die Praxis zu befolgen pflegt. collectiven Beschlusse vereinigen will, der die größte Gesammtbefriebigung erzeugen soll, so dürfte sie dies Ergebniß nicht als eine unvermeidliche Folge aus der Summirung von Willenserklärungen hervergeben laffen, deren keine auf die anderen Rudficht nimmt; dem vernünftigen Willen muß baran liegen, daß er feine eigene Entscheidung nur mit Kenntniß und Beachtung der entgegengesetzten Neigungen ober Abneigungen der Mitstimmenden gebe, um so mehr, weil die Nothwendigkeit, sich endlich durch ein nacktes Ja oder Nein zu äußern, ibm kein Mittel läßt, die verschiedenen Grade der Lebhaftigkeit seines Wollens zum Ausdruck zu bringen und so diesem nur das gerechte Maß seiner Wirksamkeit, weder mehr noch weniger, zu sichern. Ganz kann die vorangehende Discussion, auf die ich früher verwies, diese Forderung nicht befriedigen; benn wenn Jeder sich vollständig äußern wollte, so ginge sie selbst in eine Abstimmung über, nur ohne die scharfe Form, welche die Ermittelung des Endergebnisses leicht machte und sicher stellte. Man müßte daher versuchen, das, was sie leisten will, so annähernd als möglich durch die Art der Abstimmung selbst zu ersetzen. Denken wir uns nun V W Z als drei Personen, deren eine gewählt werden soll, so könnten wir folgenden Weg vorschlagen. Gine erste Abstimmung, über alle drei Candidaten zugleich erstreckt, würde zeigen, welches Daß ber Billigung jeder von ihnen im Vergleich mit den andern erfährt. Erwürbe keiner die absolute Mehrheit der Stimmen, so würde die te lative Mehrheit nur bei Wahlen von sehr geringer Berantwortlichkeit entscheiden können; man bemerkt ihr Gewicht im täglichen Leben: ber verhältnißmäßig am meisten Genannte lenkt die Aufmerksamkeit auf sich und erwirbt häufig die übrigen Stimmen hinzu; aber ebenso oft regt er nun erst den Widerspruch auf und nöthigt die Widerstrebenden zur

Einigung über einen Gegenbewerber. Man verlangt daher ziemlich allgemein die absolute Mehrheit; sie allein bietet die Bürgschaft, daß die Summe der Berneinungen kleiner sein muß als die der Bejahungen, daß also der Wille der Mehrheit getroffen sei, die ultima ratio, die zulett immer entscheiden muß, wenn die Meinungen unvereinbar bleiben und ein Gesammtbeschluß doch nicht unterlassen werden kann. Aber wenn nun für einen der Candidaten, für V vielleicht, die absolute Mehrheit erreicht ist, so ist es doch nicht nöthig und nicht an sich richtig, hierin soon die Entscheidung zu sehen; benn dieser erste Wahlgang ließ nur die Anzahl der Stimmen erkennen, die jeden der Candidaten den andern vorzogen oder nachsetzten; er läßt jedoch das Maß dieses Borzugs unbestimmt, und unbestimmt, wie jede der Stimmen sich zu demjenigen Candidaten verhält, den sie nicht genannt hat. Um dies an den Tag zu bringen, würde eine zweite breitheilige Abstimmung nothwendig, welche sich mit Ja und Nein über jeden der Candidaten einzeln erstreckte und jedem Wähler die Möglichkeit gabe, seine Berneinung des einen, die er vorher nur mittelbar durch Bevorzugung eines andern ausdrücken konnte, unmittelbar auszusprechen. Nehmen wir an, in der ersten Abstimmung seien von 20 Stimmen 11 auf V, 5 auf W, 4 auf Z gefallen, so wird, unbegreifliche Inconsequenz der Wähler ausgeschlossen, auch in dem zweiten Berfahren jeder Candidat die Stimmen behalten, die ihn schon im ersten den beiden übrigen vorzogen; aber die übrigen Stimmen konnen sich fehr verschieden vertheilen. lich, daß V jett ber entschiedenen Opposition von 9 Stimmen begegnet, während Z, der nur von 4 Stimmen vorgezogen worden war, gar keinen Widerspruch findet und noch 16 Stimmen hinzugewinnt, W von den ihm fehlenden 15 noch 10. Um nun hieraus ein Endergebniß zu ziehen, müßte man bedenken, daß die in diesen verschiedenen Wahlhandlungen erlangten Stimmen nicht von gleichem Werthe find. des ersten Verfahrens drückten aus, wie Vielen der von ihnen bejahte Candidat als der Beste erschien, und obgleich diese Billigung noch sehr verschiedene Grade gehabt haben tann, so darf man boch diese vorgiehenden Stimmen als unter einander gleichartig ansehen und ihnen allen dasselbe Gewicht m beilegen. Denn einfach zu fagen, daß man einen Candidaten wolle, ift das Höchste, was man über ihn, in Bezug auf diese Wahlhandlung, sagen kann; es ist gleichgültig, ob man ihn

außerdem noch mehr oder weniger verehrt, denn jede Wahl kann nur auf das unter den gegebenen Bedingungen Beste, nicht auf das unbebingt Beste gerichtet sein; wer also unter diesen Bedingungen V ober W will, will ihn durchaus. Man kann Gleiches über die verneis nenden Stimmen des zweiten Wahlverfahrens annehmen; wer die Gelegenheit hat, sich unmittelbar durch Ja oder Nein über V oder W auszusprechen, und beide verneint, verneint beide schlechthin und hat, wenn diese Verneinung durchgeht, seinen Willen in Bezug auf diese Wahl vollständig durchgesett; wie tief er sonst V oder W haßt oder verachtet, ist für dieses Geschäft gleichgültig; man kann daher auch alle verneinenden Stimmen als gleichartig betrachten und ihnen dasselbe Gewicht q einräumen. Aber die bejahenden Stimmen, die erst im zweiten Wahlverfahren erlangt werden, sind offenbar geringwerthiger als die ichon im ersten erhaltenen; fie find nur zulaffende Stimmen, während jene die vorziehenden waren, und dieser Unterschied, eine Mittelstufe zwischen Bejahung und Verneinung bedeutend, ist allerdings von Wichtigkeit in Beziehung auf dies Wahlgeschäft. Welches Gewicht jedoch seiner zulassenden Stimme im Vergleich mit einer vorziehenden zukomme, würde nicht einmal derjenige genau zu sagen wissen, der sie abgibt; auch würde seine Zulaffung nicht für jeden der Candidaten, dem er sie schenkt, eine gleiche Billigung bedeuten, sondern für W vielleicht eine größere als für Z. Es ist daher schon ein großer Abbruch an Genauigkeit, aber doch der einzige Bersuch, den Unterschied der zulassenden Stimmen von den vorziehenden überhaupt annähernd zu beachten, wenn wir auch allen Stimmen biefer Rlaffe einen gemeinsamen Werth p zuschreiben, der ein echter Bruch von m sein wird, und bessen Betrag sich nur conventionell festsetzen läßt. Unter solchen Boraussetzungen würden im obigen Beispiel die Stimmen sich berechnen, für V auf 11 m — 9 q, für W auf 5 m + 10 p — 5 q, für Z auf 4 m + 16 p, und endlich, wenn man willfürlich m = q, das Gewicht also der vorziehenden Stimmen gleich dem der verneinenden, und p = m/2, also das der zulassenden halb so groß als das der vorziehen den setzte, würden für V nur 2, für W dagegen 5, für Z endlich 12 Stimmen herauskommen, sehr im Gegensatz zu dem Ergebniß bes Berschiedenes vereinigt sich nun, um in der Anersten Wahlgangs. wendung diese logischen Forderungen unerfüllbar zu machen. Zuerst will

man, aus Gründen gesellschaftlicher Schicklichkeit, überhaupt bie Abgabe verneinender Stimmen über Personen vermeiden; dann, wenn man fie auch zuließe, wurde fehr zu bezweifeln fein, daß die zweite Abstimmung, auch wenn man sie der ersten voranstellte, mit der nöthigen Unbefangenheit geschehen würde; jene, welche dem V ihre vorziehenden Stimmen zu geben entschlossen sind, würden sich mahrscheinlich selbst nicht zugestehen, daß sie auch mit W oder Z zufrieden sein könnten, und ihre 11 Stimmen würden auch in der anderen Abstimmung als ebensoviele verneinende sowohl gegen W als gegen Z erscheinen. Endlich würde in jedem Einzelfalle die Borfrage zu lösen sein, was denn eigentlich nach der Natur der vorliegenden Sache vorzuziehen sei, ob die vorzüglichste Befriedigung der Mehrheit oder die durchschnittlich größte Befriedigung aller, und hiernach würde sich erst das Verhältniß der Gewichte der bejahenden Stimmen zu den verneinenden festsetzen lassen, das nicht nothwendig das der Gleichheit zu sein braucht; im Gegentheil kann es Fälle geben, wo eine Berneinung billigerweise mehr als einer Bejahung das Gleichgewicht hält und die Entscheidung nicht sowohl durch die größte Zahl der bejahenden als vielmehr durch die geringste Zahl der verneinenden Stimmen gebracht werden mußte. Es ift offenbar ein Unterschied, ob es sich um den Beschluß einer verantwortungsvollen Maßregel, um die Wahl etwa zu einem politisch bedeutenden Umte, oder ob es sich um die Einrichtung gemeinsamer Bergnügungen, um die Wahl des Vorstandes einer geselligen Bereinigung handelt; es ist im lettern Falle widersinnig, unter 20 Mitgliedern 9 Unzufriedene zu machen, um 11 anderen ihren vollen Willen zu thun; im ersten dagegen kann es Sinn haben, die Majorität entschiedener Willen voll zu befriedigen, anstatt eine Wahl zu treffen, die nur eine laue Billigung aller fände. Aber freilich gerade im ersten Falle, wo die obenbesprochene Methode das wünschenswertheste Ergebniß liefern würde, ist ihre Anwendung wegen der unzulässigen Abgabe verneinender Stimmen miglich; im zweiten, wo ihr Ergebniß weniger wünschenswerth sein fönnte, wäre ihre Anwendung minder schwierig, denn hier würden die Verneinungen, da sie nicht durchaus der Person, sondern auch den von ihr vertretenen Unfichten gelten fonnen, minder beleidigend fein.

293. In anderer Beise, durch eine Art von Eliminations, verfahren kann unsern Bünschen dann entsprochen werden, wenn aus

einer sehr großen Anzahl von Candidaten zu wählen ift, wenn z. B. ein Wahltörper aus der Baht seiner eignen Mitglieder Ginen zu ernemen hat. Man pflegt bann in einem ersten Wahlgang etwa brei zu bestimmen, auf welche die durch keinerlei Rebenrücksichten bedingte Aufmerksamkeit ber Wählenden zuerst verfällt, und die daher jedem der Stimmenden jett als die wünschenswerthesten erscheinen. Man fann hierbei an die Reihenfolge, in welcher jeder Bahler seine brei Candidaten nennt ober schriftlich angibt, Unterschiede knüpfen und den primo loco Bezeichneten den anderen vorziehen; ich nehme jedoch zur Vereinfachung an, daß die Ordnung der Nennungen völlig gleichgültig fei. Es ift dann ein dentbarer, obgleich fehr unwahrscheinlicher Fall, daß dieselben drei Candibaten V W Z alle Stimmen erhalten; wenn dies fich zuträgt, fann eine endliche Entscheidung gar nicht mehr durch bas Wahlverfahren erfolgen; benn eine Majorität könnte für einen ber brei in einer neuen Abstimmung nur bann zu Stande fommen, wenn nun einige ber Stimmen, ohne daß doch in der Sachlage ein Grund bazu vorhanden wäre, ihre vorige Entscheidung widerriefen. In diefem und allen ähnlichen Fällen bleibt nur das Loos oder die Entscheidung burch einen unbetheiligten Willen, 3. B. den einer höheren Behörde möglich. gegen V allein alle Stimmen gewonnen, fo ift feine Bahl zweifellos entschieden, gleichviel wie groß die Stimmenzahl ift, welche W und Z erlangten; benn es gibt bann feine verborgenen verneinenden Stimmen, benen blos die Gelegenheit zur Aeußerung gefehlt hatte. Es tann aber sogleich beren geben, wenn V nur die absolute Majorität, W und Z bedeutende Minoritäten erlangt, bie übrigen Stimmen fich zersplittert Im Sinblid auf unsere früheren Bemertungen halten wir es nicht für durchaus gerechtfertigt, hier die Wahl abzubrechen und V als gewählt zu betrachten; man fann vielmehr in einer zweiten Abstimmung W und Z zusammenstellen, fo daß aus diesen beiden einer gewählt würde, wobei die Abgabe verneinender Stimmen für W burch Abgabe bejahender für Z und umgekehrt vermieden würde. Giner von beiden muß hier eine größere oder geringere absolute Majorität erhalten. Sei dies W gewesen, so wird eine britte Schlugabstimmung zwischen diesem und V endgültig entscheiben. Dieser lette Stimmgang würde natürlich gang fruchtlos sein, wenn die absolute Majorität, die schon im ersten für V entschied, sich unverändert erhielte; allein die Berücksichtigung bes Ergebnisses ber zweiten Abstimmung kann ein billiges Motiv zur Sinnesänderung herbeigeführt haben. Hätten in dieser W und Z nahezu gleichviel Stimmen bekommen, so würde sich baran zeigen, daß entweder die gegen V verneinend gefinnten Stimmen unter einander wenig einig find oder daß wenigstens keine andere Wahl eine gleichmäßigere Beistimmung findet, als die des V, und die frühere Majorität für V fände darin einen Grund, auf ihrer Meinung zu beharren; wären dagegen alle Stimmen auf W gefallen, so könnte für jene Majorität darin ein Grund liegen, bei ber Schlufabstimmung der früheren an sich schon beträchtlichen Minorität für W nachträglich beis zutreten, um ein Resultat herbeizuführen, welches feine Berneinungen gegen sich hätte. Noch vielerlei Modificationen lassen sich denken; ich verfolge sie nicht, weil die Frage nicht wichtig genug für die drohende Weitläufigkeit ist; ob übrigens dieses Eliminirtwerden eigentlich als eine offene Negation, bleibt mindestens schmeichelhafter ift zweifelhaft.

Sind V W Z nicht Personen, sondern Gesetvorschläge, 294. fo hat die Schen vor der Abgabe negativer Stimmen keinen Grund, und man könnte logisch verlangen, daß über jede der vorgeschlagenen Magregeln mit Ja und Nein abgestimmt werde, ohne daß eine absolute Majorität, welche die eine erlangte, die Abstimmung über die übrigen Die Entscheidung würde dann entweder durch die größte ausschlösse. der entstandenen Majoritäten ober durch eine neue Schlufabstimmung gegeben. Dies Verfahren würde diejenigen, welche für ihre Meinung eine bedeutende Stimmenzahl vereinigt haben, dazu veranlaffen, diefe auch bei ber Schlufabstimmung festzuhalten; aber die, welche für die ihrige nur eine aussichtslose Minorität gefunden hätten, würden Zeit haben, sich bei ber Schlugabstimmung berjenigen Meinung anzuschließen, die sie nach der ihrigen am nächsten billigen und die noch Hoffnung hätte, burch ihren Beitritt die entscheidende Majorität zu erwerben. Derselbe psychologische Grund indessen, den ich früher erwähnte, steht auch hier dieser Verfahrungsweise entgegen: wer den einen Vorschlag V entschieden bevorzugt, wird nicht unbefangen kundgeben, daß ihm auch W ober Z erträglich sei, sondern wird beibe zu verneinen versucht sein. Für die Wahl wird daher, da die Annahme des einen Borschlags alle folgenden von selbst beseitigt, die Reihenfolge wichtig, in welcher V W

Z zur Abstimmung gestellt werben. Die Wünsche, welche man logisch in Betreff biefer Anordnung, der ichwierigen Aufgabe parlamentarischen Beschickes, begen tann, spreche ich mit Trenbelenburg (Ueber die Methode bei Abstimmungen, Berlin 1850) dahin aus: daß jede Meinung Gelegenheit finde, sich mit bem ihr zukommenden Gewichte gelten zu machen; das, was sie ablehnen will, direct zu verneinen, nicht indirect durch Annahme eines nur theilweis gebilligten Andern; das, was fie wünscht, unmittelbar und einzeln zu bejahen, nicht durch Berwerfung eines nur theilweis mißbilligten Andern; endlich, daß jeder die Möglichkeit habe, zuerft das zu vertheidigen und zu empfehlen, was ihm als fein Erstbestes gilt, dann erft, wenn dies mißlingt, sich auf sein Zweitbestes oder Drittbestes zurückzuziehen. Ob aber die allgemeine Erfüllung dieser Buniche für jeden Stimmberechtigten und in Bezug auf jeden der gemachten Vorschläge nicht überhaupt an einem inneren Widerspruch scheitert, ob es also denkbar ift, daß nach dem Sinne eines jeden gerade diejenigen Antrage getheilt werden, über beren Beftandtheile er verschieden denkt, und gerade diejenigen vereinigt, die er zufammen angenommen ober verworfen wünscht, dies bedarf keiner Unter-Denn ganz deutlich ift, daß in jedem Falle nur ein auf den vollen Inhalt der vorgelegten Fragen eingehender und durch lange gleichartige Uebung entwickelter Scharfsinn sich der Lösung dieser Aufgabe annähern fann; nur an bestimmten Beispielen, nicht an allgemeinen Symbolen möglicher Fälle, nur in der Praxis und nur febr wenig durch allgemeine Vorschriften läßt sich das zu beobachtende Verfahren lernen und lehren.

295. Es kann zuerst vorkommen, daß die gemachten Borschläge V W Z nicht die vollständige Disjunction zusammensetzen, zwischen deren Gliedern zu wählen ist, daß vielmehr die gemeinsame Berneisnung aller ein viertes Glied bildet, daß mithin überhaupt etwas Neues nicht beschlossen werden muß, sondern es bei dem bestehenden Zustand sein Bewenden haben kann. Zur Wahl dieser Entscheidung kann man aus zwei Gründen kommen; entweder weil man das Bestehende principiell gegen jede Neuerung schützen will, oder weil man, der Berbesserung grundsätlich nicht widerstrebend, doch keinen der gemachten Borschläge annehmbar sindet; es ist wichtig, daß der Unterschied dieser Gesinnungen seinen Ausdruck erhalte. Die bloße Ablehs

nung aller einzelnen Borschläge nach einander gibt ihn nicht; sie zeigt blos, daß diejenige Aenderung, die man annehmbar gefunden haben würde, nicht vorgeschlagen worden ist; es muß möglich sein, auch die allen Vorschlägen gemeinsame Aufforderung zur Veränderung überhaupt als solche zu verneinen. Dies geschieht durch den Antrag auf Uebergang zur Tagesordnung, durch den Antrag also, sämmtliche gemachte Vorschläge der Debatte und der Abstimmung nicht zu unterziehen, und so das ihnen Gemeinsame eben so allgemein abzuweisen. Wo der Wille zu solcher Berneinung vorhanden ist, hat er die parlamentarische Pflicht, durch Stellung dieses Antrags zum vollständigen Ausdruck des Standes der Meinungen beizutragen und erst nach der Verwerfung desselben sich mit der Ablehnung aller besonderen Vorschläge zu begnügen. Auch wo anstatt vieler nur ein einziger Vorschlag vorliegt, findet der Antrag auf Tagesordnung seine Stelle; es soll dann nicht dieser einzelne Vorschlag als solcher, sondern die allgemeine Intention abgewiesen werden, aus welcher er hervorgegangen ift und andere ähnliche hervorgehen könnten. So wird die Tagesordnung, ohne angegebene Beweggründe beschlossen, zum Ausbruck ber Berachtung eines rechtlich oder sittlich verwerflichen, oder zur Ablehnung eines fremdartigen, zur Competenz der Abstimmenden nicht gehörigen, endlich zur Beseitigung eines gefährlichen Borschlags, beffen bloße Discussion schon im Interesse des Gemeinwohles abzuwenden ist; sie mildert, als motivirte Tagesordnung, diese Berwerfungen, indem sie durch Angabe ihrer Beweggründe das an sich Berechtigte eines gethanen Vorschlags anerkennt, aber die Zwedmäßigkeit seiner jetzigen Anbringung und des Eingehens auf ihn verneint.

296. Wenn zwei Borschläge V und W in einem Verhältniß der Unterordnung so stehen, daß W als Verbesserungsantrag oder Amendement den Sinn des Hauptantrags V durch Zusat, Weglassung oder Umformung zu verändern verlangt, so ist es ein logisch richtiger Gebrauch, die vorläusige Abstimmung über das Amendement der endgültigen über den Hauptantrag vorangehen zu lassen. Denn über diesen kann den Stimmenden eine Entscheidung erst dann vernünftigers weise angesonnen werden, wenn er nach seiner ganzen Fassung unzweisdeutig feststeht; nicht aber so lange sein Inhalt noch nachträglichen Umsänderungen ausgesetzt ist, deren Annahme oder Ablehnung, falls sie vorsänderungen ausgesetzt ist, deren Annahme oder Ablehnung, falls sie vorsänderungen ausgesetzt ist, deren Annahme oder Ablehnung, falls sie vorsänder

ausgewußt worden wäre, leicht die voreilig abgegebene Meinung über Bejahung oder Berneinung völlig hätte umändern fonnen. Die Abstimmung über bas Amendement W bient bazu, ben Ginn eindeutig festzustellen, in welchem der Hauptantrag V der Abstimmung unterliegen soll; mit der Ablehnung von V wird daher auch die nur bedingungsweis vorangegangene Annahme des Amendements wieder Wenn zu einem Hauptantrag V mehrere einander ausschließende Amendements W und Z, oder mehrere Nebenvorschläge über bie Specialifirungen treten, welche V zu seiner praktischen Durchführung nothig hat, wie es z. B. häufig bei noch festzusetzenden Maßbestimmungen vorkommt, so würde es hier am wenigsten Bedenken haben, über alle diese Borschläge gesondert abzustimmen und die Entscheidung an die größte erlangte Majorität zu knüpfen. Soll indessen, wie es üblich ift, die Annahme des einen durch absolute Majorität alle übrigen von der Abstimmung ausschließen, so kann man über die nun wichtig werdende Reihenfolge der Fragestellung zuerst anrathen, die Borschläge so zu ordnen, daß je zwei am wenigsten von einander abweichende unmittelbar auf einander folgen. Dies ift, in etwas anderer Form, bei ben beiden Arten der Versteigerung durch Hinaufbieten und burch Herabbieten üblich, und in diesen Fällen wird ohne Unbilligkeit auf die Ungewißheit geradezu gerechnet, in welcher sich jeder Bietende über das Begehrungsmaß aller anderen befindet. Denn da Gebot und Annahme freiwillig sind, so spricht jeder durch sie blos den Werth aus, den der fragliche Gegenstand für ihn nach seiner eigenen Schätzung bat, und es wird feines seiner Rechte burch ben offenen Wetteifer Anderer oder durch die Unkenntniß des Nichtvorhandenseins anderer lebhaften Begehrungen gefränkt. Das Herabbieten scheint allgemein dem Berfäufer günstiger, da es den Käufer zur Annahme des Gegenstandes um ben höchsten Preis nöthigt, ben er für benfelben geben zu können glaubt und den er mindern würde, wenn er den Mangel der Concurrenz vorber bemerken könnte; das Hinaufbieten ift dem Käufer gunftiger, weil ihm dieser Mangel, wo er stattfindet, benuthar, im anderen Falle aber wenigstens nur die Ueberbietung des ebenletten Gebotes nothwendig und die Zeit zur Entschließung nicht übermäßig verfürzt Die Analogie dieses Berfahrens, bei welchem ein Einzelner im Rampf mit andern einen erlaubten perfonlichen Vortheil sucht, paßt

ihrem Sinne nach wenig zu ben Bemühungen einer Bielheit, in Bemeinschaft mit einander einen dem Gemeinwohl förderlichen Beschluß zu Stande zu bringen; formell ist es indessen boch der Borgang des Herabbietens, ber hier zum Mufter bienen muß. Nur wird man überhaupt selten Vorschläge finden, die sich so einfach nach quantitativen Magen in eine Reihe ordnen lassen; am häufigsten werden W Z . . . ihrem Sinne nach nicht leicht claffificirbar verschieden fein. Man wird sie dann nach dem voraussichtlichen Maß ihrer Angemessenheit zu dem allgemeinen Willen ordnen, und biejenigen, die fich am weitesten von dem bestehenden Zustande entfernen, das Ungewöhnlichste und Größte verlangen und deswegen wenig Wahrscheinlichkeit ihres Sieges haben, werden berechtigt sein, zuerst ber Abstimmung bargeboten zu werden, damit, wenn sie gegen jene Vermuthung nun dennoch dem allgemeinen Willen zusagen sollten, der Ausdruck dieses Willens nicht unmöglich gemacht werde durch Beginn von einem wahrscheinlicheren Vorschlag, auf den sich aus eben jener irrigen Berechnung leicht alle Stimmen mit voreiliger Entsagung sammeln könnten. Nach der Ablehnung solcher äußersten Borschläge könnte man, der mathematischen Methode der Eingrenzung ähnlich, zu den mittleren an sich wahrscheinlicheren Gliedern der Reihe übergehen und dabei die Aussicht haben, die endliche Entscheidung für einen Borschlag zu gewinnen, der die geringst mögliche Abweichung von der allgemeinen Befriedigung einschlöffe. Alle diese Regeln sind zuletzt unzureichend; namentlich wo der Beschlußfassung ein vielgliedriges Ganze vorliegt, beffen einzelne Theile nur nach und nach berathen werden können, bleibt es unmöglich, schon im Berlauf dieser Specialberathung alle die Unzuträglichkeiten, Unfolgerichtigkeiten und Widersprüche zu entdecken, die aus der schließlichen Zusammenfügung der vielleicht vielfach veränderten Einzelheiten der Borlage entstehen würden. Man muß dann die Specialberathung ähnlich derjenigen über Amendements als nur vorläufige betrachten und einer zweiten Lesung oder einer Schlußabstimmung die Freiheit vorbehalten, die mit vereinten Kräften zu Stande gebrachte Mißgeburt wieder umzubringen.

Die formale Absicht aller Abstimmungen endlich, einen Gesammtwillen zu ermitteln, würde zuerst zwar die Feststellung eines Beschlusses Z enthalten, der allen Mitgliedern der Gesellschaft die größte erreichbare durchschnittliche Befriedigung M gewährte, dergestalt, daß die Minderbefriedigung der einen durch die Mehrbefriedigung anderer ausgeglichen würde. Aber zugleich müßte man doch auch noch wünschen, zur Ausführung der durch die Annahme von Z entstehenden Verpstichtungen nun auf gleiche Willfährigkeit M bei allen Mitgliedern rechnen zu können. Warum der erste Zweck nur unvollkommen erreicht wird, habe ich angegeben (292). Der letzte Wunsch dagegen ist durch logische Mittel natürlich unerfüllbar; nur dies kann als eine aus der Natur ethischer Zwecke zum Behuf ihrer Verwirklichung nothwendige logische Regel abgeleitet werden, daß hier, was sonst die Logik nirgends verlangen kann, die eigene persönliche Ueberzeugung einer abweichenden allgemeinen untergeordnet werden müsse.

Drittes Buch.

Bom Erfennen.

(Methodologie.)

Als ich in der angewandten Logik den Mitteln nachging, durch die es uns gelingt, den mannigfachen Inhalt unseres Vorstellens jenen idealen Formen der Fassung und Verknüpfung einzuordnen, welche die reine Logik kennen gelehrt hatte, habe ich noch nicht von den allgemeinen Methoden gesprochen, mit deren Schilderung die Lehre vom Denken zu schließen pflegt. Ich glaube dort keine unentschuldbare Unterlassung durch ihre Verschweigung begangen zu haben und hier nicht willkürlich zu versahren, wenn ich sie und Verwandtes diesem letzen Theile meiner Arbeit vorbehalte.

Seit Aristoteles hat man analytische und synthetische Methode, im Wesentlichen immer nach denselben Gesichtspunkten, als die beiden umfassenden Endformen unserer wissenschaftlichen Gedankenbewegung unterschieden. Der antiken Vorstellungsweise galt hierbei ber mannigfaltige gegebene Stoff der Untersuchung als der Gegenstand einer Bergliederung, die aus ihm feine einfachften Beftandtheile ober seine allgemeinsten Bedingungen zu finden hatte; die analytische Dethode war daher ein rückläufiges Verfahren, das a principiatis ad principia seinen Weg nahm; die gefundenen Principien bagegen waren die Bausteine, aus deren Zusammensetzung das synthetische Berfahren rechtläufig die gegebenen Ginzelheiten erzeugte. Unserem modernen Sprachgefühl entsprechen beide Namen' nicht mehr ebenso fehr und wir würden leicht versucht sein, ihre Bedeutungen zu vertauschen. sind nicht mehr an die Hoffnung gewöhnt, eine bloße Zergliederung des Gegebenen werde die gesuchten Principien in ihnen finden; wir haben vielmehr erfahren, daß wir sie, für unsere Erkenntniß, häufig durch vergleichende Combination des Mannigfachen erzeugen muffen, und fie erscheinen uns deshalb als Endergebnisse eines synthetischen Gedankengangs; wir sind ebenso nicht mehr ausschließlich der Vorstellung ge-Lote, Logit. 30

neigt, Principien als Atome ber Wahrheit anzusehen, aus deren Bufammenfetzung allein die mannigfachen Ginzelwahrheiten entsprängen; weit mehr, gleichviel ob mit Recht ober Unrecht, erscheinen Principien uns entwicklungsfähig und die Ableitung des Bedingten von seinen Bebingungen mindestens ebenso allgemein als eine Zergliederung dessen, was in diesen enthalten war. Aber es würde der Mühe nicht lohnen hierüber zu streiten; benn sichtlich ist zuerst keine ber beiden Methoden, im Allgemeinen wenigstens, rein durchführbar. lytisches Verfahren kann durch bloße Zergliederung eines Gegebenen zu einem Princip oder einer allgemeinen Wahrheit gelangen, ohne jedesmal das Ergebniß a bes zulett gethanen Schrittes mit irgend einem allgemeinen Sate T zusammenzuhalten und durch versuchte Unterordnung des a unter T, in diesem Theile seines Weges also sonthetisch, darüber gewiß zu werden, ob a selbst als ein Lettes anzuerkennen ift, oder ob Grunde vorliegen, zur Hebung eines Widerspruchs die Bergliederung nach einer bestimmten Richtung bin weiter fortzusetzen. Und feineswegs gehört jenes T, welches sich hier eindrängt, immer nur zu jenen formal logischen Besetzen, benen man felbstverständlich zugesteht, daß sie im Einzelnen den modus procedendi jeder bentbaren Methode beherrschen muffen; um wirklich weiter zu führen, wird häufig T ein inhaltvoller Sat fein muffen, den die Logit nicht geben fann, ben man vielmehr als eine aus anderen Gründen feststehende Wahrheit annehmen und dem durch die Bergliederung gefundenen Ergebniffe über= Ebenso wenig wird eine synthetische Methode ohne Beiordnen muß. hülfe analytischer Gedankenbewegung in Bang kommen; hätte sie auch am Anfang eine Anzahl elementarer Wahrheiten A B C in der Hand, so würde sie doch über die Tautologie des bloßen Zugleichgeltens dieser Wahrheiten nie hinauskommen, wenn sie nicht nachweisen könnte, wie aus dem Zusammentreffen ihrer Gültigkeit an einem und demselben Gegenstand bald diese bald jene neuen Folgen x oder y sich entwickeln müssen; ob aber x oder y eintreten werde, darüber kann nur durch die vorgängige Zergliederung der Natur dieses Gegenstandes, also durch eine Strede analytisches Verfahrens, entschieden werden; hierdurch erft wird die bestimmte zweite Prämisse ermittelt, die in Berbindung mit jenen gegebenen Wahrheiten als erster den nächsten synthetischen Fortschritt zu einem bestimmten Schlußsatze möglich macht. Es ist zuzugeben, daß auf einzelnen Gebieten die synthetische Methode unabhängiger erscheint; die Geometrie kann die Gegenstände, auf welche sie ihre allgemeinen Wahrheiten anwenden will, selbst der Reihe nach erzeugen, und die zergliedernde Angabe dessen, was zur Ableitung jedes neuen Sates als gegeben gelten soll, nimmt in ihren Darstellungen wenig Raum ein; der Sache nach sehlen kann sie doch nicht. Aber in allgemeineren Grenzen, da wo es sich um eine synthetische Construction von Wirklichteiten handelt, geht der progressiven Ableitung aus den Principien immer eine umfängliche regressive Zergliederung des Gegebenen voran, und durch sie erst werden dem synthetischen Verfahren die Richtungen bestimmt, in denen es zu seinen Principien die unentbehrlichen zweiten Prämissen zu suchen hat.

298. Der Unterschied beider Methoden läuft daher in der That praftisch auf einen Wegensatz hinaus, den man längst wirklich bemerkt hat: die analytische Methode ift wesentlich das Verfahren der Unterfuchung, welche die Wahrheit finden will, die synthetische bas Berfahren der Darstellung, welche die irgendwie auf geraden oder ungeraden Wegen ermittelten Wahrheiten in ihrem eigenen objectiven Bufammenhange wiedergeben will. Und zwar verstehe ich unter Darstellung nicht allein die Mittheilung an Andere, denn für diesen Zweck ift die Schilderung des subjectiven Erfindungsganges ebenso nothwendig und unterrichtend; ich meine vielmehr jene logische Fassung des gewonnenen Inhalts, in welcher allein er den idealen Anforderungen unferes Denkens an eine in sich selbständige Wahrheit entspricht. der angewandten Logik schien es mir daher wenig ersprießlich, von diesen beiden Methoden zu sprechen; denn ein prattisches Hülfsmittel zur Bofung von Aufgaben bietet keine von beiden; auch die analytische nicht, obgleich wir sie für die Form der entdeckenden Untersuchung halten. Dadurch allein, daß wir Jemand auffordern, nach analytischer Methode zu arbeiten, haben wir ihm noch keine nütliche Anweisung gegeben; die Definition der Methode in der allgemeinen Form, in der sie aufgestellt zu werden pflegt, enthält im Grunde nur eine Andeutung über die Richtung, in der der eigentliche Weg erft zu suchen ist; was ihn finden lehrt, besteht in den einzelnen Kunstgriffen der angewandten Logik, bei deren Benutung es schließlich ziemlich gleichgültig ist, ob man sie hinterher zu einem synthetischen oder zu einem analytischen Verfahren rechnen will. Und ebenso: wem wir einen synthetischen Gang vorschreiben, der hat hierdurch auch nur eine Aufgabe gestellt erhalten; wie er sie richtig lösen wird, eine Frage, zu deren Beantwortung recht eigentlich doch eine Methode dienen sollte, erfährt er durch die allgemeine Charakteristik des von ihm verlangten Berkahrens, von den Gründen zu den Folgen herabzusteigen, in keiner irgend ausreichenden Weise.

299. Dies alles stellt sich anders, wenn wir uns eine Freiheit versagen, die wir uns in der angewandten Logit gestatteten, und so unferen Betrachtungen einen befriedigenden Abschluß zu gewinnen suchen. Wo wir bort von Beweisen, von der Aufsuchung der Beweisgründe, von der Auffindung von Gesetzen sprachen, haben wir überall in gewisser Weise unvollendete Arbeit übrig gelassen: jeder Bersuch zur Begründung eines Sates ging nur einige Schritte zurud und fam zur Rube, wenn ein anderer Gat erreicht war, beffen vorausgesette Richtigfeit gur Grundlage jenes dienen fonnte. Dies Verfahren entspricht dem wirtlichen Verhalten unserer Gedanken im Leben wie in den einzelnen Wiffenschaften. Im Leben liegt unserer Beurtheilung ber Dinge und unseren Folgerungen nicht ein einziger Sat T, auch nicht eine reinlich abgegrenzte Gruppe gleichartiger elementarer Wahrheiten zu Grunde; fondern fehr Bielerlei, von gang ungleichartigem Bepräge, ift uns gleich gewiß: hier ein Sat A, der einmal aufgefaßt sich von nun an mit dem Wefühl seiner Denknothwendigkeit aufdrängt, dort ein anderer B als Ausdruck einer Thatsache ber Wahrnehmung, die nicht eben sein müßte, aber unwidersprechlich ist; ein dritter C als Grundsatz von gang unbefannter Herfunft, deffen Bültigkeit aber in jedem Augenblicke burch einen Versuch seiner Anwendung wiederbestätigt wird; mancher Sat D endlich, der aus gleich unbekannten Quellen entsprungen, zwar keine folde Bewährung seiner Richtigkeit juläßt, aber doch ein unabweisbares Bedürfniß zu enthalten scheint, bem wir genügen zu muffen glauben, wenn unsere verknüpfende Auffassung des gegebenen Mannigfachen Wahrheit haben soll. Jeden dieser verschiedenen Gewißheitspunkte, und in jedem derselben kann man sich eine Mehrheit elementarer Ueberzeugungen zusammengedrängt benten, benutt unsere lebendige Bedankenbewegung gelegentlich, um eine schwebende Frage zu beantworten; ja selbst einen Sat, ber seinem Inhalte nach eine Folge ber einen Boraussetzung sein würde, beweisen wir uns häufig von einer andern aus,

sobald seine Abhängigkeit von seinem eigentlichen Grunde nicht sofort durchsichtig ist. So wechseln wir beständig die Fußpunkte unserer Beurtheilung: bald von einem evidenten Gesetze ausgehend, bestimmen wir seine Folgen, bald durch erneuerte Betrachtung gegebener Folgen stärken wir uns in dem Glauben an das Gesetz; Consequenzen, die mit innerer Nothwendigkeit aus einem anerkannten Princip zu sließen scheinen, wehren wir ab um der Unwahrscheinlichkeit willen, die sie für einen andern Standpunkt haben; bald gehen wir von A aus, um ein zweiselshaftes B zu erweisen, bald halten wir B für evidenter und benutzen es zur Begründung von A; was in jedem Augenblicke für uns psycholosgisch die größte Gewißheit hat, das gilt uns als der zuverlässige Punkt, von dem aus die übrigen schwankenden Gedanken festzusstellen sind.

300. Gang in folder Ungebundenheit bewegt sich nun allerdings das wiffenschaftliche Denten nicht; aber die wirkliche Wiffenschaft, die wir besitzen, nicht die ideale, die wir besitzen möchten, hat doch noch immer mit jenem Berfahren der naturwüchsigen Ueberlegung Aehnlichfeit genug. Eine wirkliche Untersuchung fommt auch hier kaum jemals zu Stande, ohne daß die Beurtheilung auf einzelnen Boraussetzungen beruhte, die man theils für unbeweisbar aber gewiß, theils für unbeweisbar aber nur probabel hält, und die man bald als unableitbare Principien der eigenen, bald als verbürgte Ergebniffe einer andern Wiffenschaft ansieht. Selbst innerhalb eines und desselben Gebietes wechseln die Versuche der Begründung; ohne die Gewißheit eines Sates in Zweifel zu ziehen, der früher als Quell der Ableitung für andere galt, glaubt man doch einen andern noch gewisser an die Spite stellen zu können und von ihm jenen mit allen seinen Folgen abzuleiten. Ueberblidt man aber unfer Wiffen im Ganzen, so wie es unter verichiedene Wiffenschaften vertheilt ift, so wird man feine der lettern in sich felbst völlig abgeschlossen finden, sondern in jeder derselben formale oder materiale Principien entdecken, deren Geltung auf Grund ihrer unmittelbaren Evidenz oder ihrer aufflärenden Folgen zugelaffen wird; aber die Frage nach ihrem Ursprung oder ihrem Zusammenhang untereinander wird da fallen gelassen, wo ihre Beantwortung nichts zu bem inneren Betriebe ber Wissenschaft selbst scheint beitragen zu können. Diefen Stand ber Sachen hatten wir in ber angewandten Logit vor

Augen und glaubten in dieser Lehre von der Natur der Untersuchungen uns auf ihn beschränken zu können. Denn was sich für angewandte Logif, richtiger für eine Darstellung ber möglichen Unwendungsweisen ber Logif gibt, fest eine Bielheit folder Unwendungsfälle voraus, Die nur möglich ift, wenn das Geschäft des Untersuchens in dem Anfang von einem gegebenen Anfangspunkte und in seiner gesetymäßigen Berknüpfung mit ebenfalls vorausgesetzen festen Bunkten besteht. dieser Art sind alle die mannigfaltigen Untersuchungen, die wir wirklich zu unternehmen pflegen, und unser Erkennen verhält sich hierin ähnlich unserem Leben. Woher im Unfange ber Geschichte unser ganges Geschlecht gekommen ift, wiffen wir nicht, und ebenso unausdenkbar ift uns feine ferne Bufunft; für die meiften verschwindet ichon in naher Vergangenheit die Erinnerung an ihre näheren Vorfahren und für alle ist die Voraussicht über die Schicksale ihrer Nachkommen noch beschränkter; innerhalb dieser beiden Dunkelheiten liegt doch ein verhältnißmäßig heller Raum des Lebens vor uns mit deutlichen Bedürfnissen, bringenden Pflichten und erreichbaren Zielen; die Freude am Dasein und die Zuversicht in der Behandlung der Gegenwart wird nur wenig durch die Ungewißheit des Anfangs und des Endes beeinträchtigt. So ist es auch mit unserem Wissen. Eine ewige Wahrheit ober einen zusammengeschlossenen Kreis von Wahrheiten setzen wir voraus; aber in unseren gewöhnlichen lleberlegungen gibt es für ihn weder einen ebenso vollständigen und geschlossenen Ausbruck, noch eine deutliche Uebersicht seiner Gliederung; nur einzelne Theile desselben werden uns auf eine Weise, die wir selbst uns nicht zu zergliedern vermögen, während der Uebung unseres Denkens im Zusammenstoß mit der Wirklichkeit klar und evident; unser Untersuchen ist eine Art von Binnenverkehr, welcher die ungewissen und veränderlichen Wahrnehmungen mit diesen verschiedenen in unser Bewußtsein hineinragenden Gipfeln einer in ihrem Zusammenhang verborgen bleibenden Gesammtwahrheit zu verknüpfen sucht.

301. Aber ebenso wie dem Leben die Augenblicke kommen, in denen die Gegenwart erträglich und verständlich nur zu werden scheint, wenn man ihren Zusammenhang mit Vergangenheit und Zukunft glaubt ahnen zu können, ebenso kommen dem Erkennen Veranlassungen, aus jenem Kleinhandel des gewöhnlichen Untersuchens herauszugehen und

sich über Lage, Berbindung und Sicherheit der Ausgangs- und Zielpuntte seiner Bewegung zu befinnen. Denn nicht immer beherrichen jene Grundsätze, auf die es vertraut, friedlich jeder sein gesondertes Gebiet; der Hinweis auf die verschiedenen Folgerungen, die in Bezug auf die Gestaltung unseres Lebens aus den Grundsätzen der mechanischen Forschung und aus den Aussprüchen bes Gewissens gezogen werden, macht an einem großen Beispiele deutlich, wie die Ansprüche verschiedener Wahrheitsquellen feindlich an demfelben Gegenstande ber Beurtheilung zusammenstoßen; aber auch auf theoretischem Gebiete allein fehlen ähnliche Beranlassungen zu dem Unternehmen nicht, dasjenige zum Gegenstand der Untersuchung zu machen, was dem lebendigen Denken und den einzelnen Wiffenschaften als Princip der Untersuchung gilt. Diese große Aufgabe hat weder mit vollständigem Erfolg noch vollständig erfolglos die Philosophie aller Zeiten im Auge gehabt, und gewiß würde ihre ganze Auflösung identisch mit der Bollendung diefer Wiffenschaft selbst sein; benn sie könnte nur darin bestehen, daß es gelungen wäre, einen zusammenhängenden Kreis höchster und zugleich inhaltvoller Wahrheiten festzustellen, aus dem alle anwendbaren Grundsätze unseres Untersuchens mit genauer Ausdeutung ihres wahren Sinnes und mit bestimmter Bezeichnung ber Grenzen ihrer Gültigkeit ableitbar wären. Nicht diese umfassende Aufgabe, aber ein bescheidener Theil derselben soll den Gegenstand der letten Erörterungen dieses Buches Richt den Inhalt jener Grundfätze wollen wir suchen, sondern die Gründe, auf denen subjectiv ihre Gewißheit für uns beruht; nicht die Wahrheit, sondern die Kennzeichen, nach welchen wir sie anerkennen und unterscheiden; oder, wenn es bei den alten Benennungen bleiben foll: eine analytische Aufklärung über den Weg wollen wir auftreben, auf welchem wir zu Principien einer synthetischen Entwickelung gelangen Warum ich diesen Theil der Logit dem Erkennen zueigne, fönnen. wird die weitere Erläuterung zeigen, deren diese vorläufige Bezeichnung unserer Aufgabe ohnehin bedarf; daß ich ihn Methodologie nenne, geschieht nicht ohne eingestandene etwas willfürliche Deutung biefes Na-Fruchtbare Einzelmethoden entwickelt jede Wissenschaft und behandelt ähnliche Probleme nach ihnen; aber der allgemeinen Logik würden diese als specielle Kunstgriffe erscheinen, welche nicht sie, sondern eben jene Wiffenschaften zu lehren hätten. Allgemeine Methoden, eben die spnthetische und die analytische, deren ich gedachte, erwähnt zwar die Logik; aber ihre Aufstellung ist ein ziemlich unfruchtbares Postulat, die Rechtsgründe klar sind, die uns überzeugen, durch die eine die Wahrsheit gefunden zu haben, durch die andere sie in ihre Einzelsolgen entwickeln zu können. Die Erfüllung dieser letzten Aufgabe möchte ich hier die Methode nennen, nicht in dem Sinne eines allgemeinen Berschrens, das man an tausendfältigen Beispielen zur Anwendung zu bringen hätte, sondern als einen einmal zurückzulegenden Gedankengang, als den Zwischenweg zwischen den verschiedenen Quellen, aus denen uns Gewißheiten von verschiedener Art zu fließen scheinen, unternommen zur Erkenntniß ihrer Zusammenhänge unter einander und der Grenzen ihrer Berechtigung.

## Erftes Kapitel.

## Bom Cfepticismus.

302. Gefete seines Berfahrens tommen bem Denten erft nach vielfältiger Ausübung seiner Thätigkeit durch eine vergleichende Reflexion zum Bewußtsein, die sich auf diese verschiedenen Beispiele feines Thuns zurudwendet und die unbewußt in ihnen befolgten Regeln zu gesonderten Gegenständen der Betrachtung macht. Noch späteren Ursprungs ist die Frage nach dem Grunde der Berbindlichkeit dieser Gesche und nach den Grenzen, innerhalb deren ihre Befolgung Wahrheit der Erkenntniß verspricht; fie fann erft entstehen, wenn Erfahrungen von Irrthumern gemacht worden find, zu benen nicht die Bernachlässigung, sondern die Anwendung jener Gesetze auf jeden vorkommenden Inhalt unseres Vorstellens verführt zu haben scheint. Mißlingen bann auch die zerstreut angestellten Bersuche, entstandene Schwierigkeiten und Widersprüche durch beffere Deutung entweder deffen hinwegguräumen, was uns Wahrheit ichien, ober beffen, was wir als gegeben durch Wahrnehmung betrachten, so bildet fich die Stimmung des umfassenden allgemeinen Zweifels, der Stepticismus. Borübergehend und in größerer ober geringerer Nachhaltigkeit tritt diese Stimmung in der ernsten Entwickelung jedes Einzelnen auf; als normale Berfassung des Gemüths, die am Anfange der Wiffenschaft alles überkommene Wissen als fragliches Vorurtheil ansehen und der Prüfung vorbehalten solle, ist sie in der Geschichte der Philosophie mehrmals mit großem Nachdruck verlangt worden; als bleibendes Ergebniß hat fie fich in den steptischen Schulen verfestigt, die zu der Ueberzeugung von der Unmöglichkeit sicherer Erkenntniß gelangt zu fein glaubten. letten Form, in welcher allein die steptische Stimmung zu einem be-

stimmten Abschluß gekommen zu sein meint, werben wir sie nicht so durchgängig von überkommenen Vorurtheilen frei finden, wie fie selbst sich zu sein rühmt; Eins aber ist vor allem klar: eine unbedingte Leugnung aller Wahrheit fann biefe Endmeinung des Stepticis. mus niemals einschließen, denn nicht blos die Lösung des Zweifels, fondern der Zweifel selbst ist nur möglich unter Boraussetzung irgend Wer auf einen Ausweg aus dem Labyeiner anerkannten Wahrheit. rinth der Stepsis zu irgend einer sicheren Erfenntniß hofft, gibt dies von felbst zu; denn finden tann er diesen Weg nur durch eine Untersuchung; jede Untersuchung aber ift nur möglich, wenn wir mindestens formale Grundfätze ber Beurtheilung voraussetzen, nach benen bie eine Berknüpfung von Gedanken als richtig von einer anderen als einer falichen oder von einer dritten zweifelhaften unterschieden werden fann. Und wieder, wer jenen Ausweg leugnet, erkennt leugnend felbst bas an, was er verneint. Als die antife Sophistif lehrte, es gebe keine Wahrheit, und wenn es eine gabe, so ware sie nicht erkennbar, wenn sie endlich felbst erkennbar wäre, so würde sie doch nicht mittheilbar sein, fo widersprach sie durch die That jedem einzelnen dieser Säte. Denn das Bange derfelben gab fie doch für Wahrheit und konnte mithin nicht jede Wahrheit leugnen; sie suchte die Richtigkeit ihrer Behauptungen ferner zu beweisen und mußte deshalb eben die mittelbare Erfenntniß ber Wahrheit, deren Unmöglichkeit sie am liebsten dargethan hätte, zu ihren eigenen Gunften voraussetzen; die Mittheilbarkeit endlich leugnete fie in dem Augenblicke, wo fie auf Grund derfelben Andere überzeugen wollte. Diesen Widersprüchen entgeben auch diejenigen nicht, die in dem Ausdruck ihres Ergebnisses die Form der Behauptung scheuen und nicht die Nichtgeltung irgend einer Wahrheit aussprechen, sondern nur ihr non liquet auch auf diese allgemeine Frage anwenden möchten; gewiß können sie und wir mit ihnen diese Antwort oft geben, wo es sich um die Prüfung einzelner Behauptungen auf Grund gültiger Wahrheiten handelt; daß aber die Geltung aller Wahrheit zweifelhaft sci, läßt sich zwar mit Worten sagen, aber ben Worten entspricht fein ausführbarer Gedanke mehr; wir konnten die Bedeutung jenes liquet nicht mehr angeben, das wir hier leugnen, wenn wir nicht gewisse Bebingungen bachten, unter benen es ftattfinden wurde, wenn wir also nicht irgend eine unbedingt gültige Wahrheit voraussetzten, aus der die

Berechtigung flösse, über basjenige zweifelhaft zu sein, dessen Uebereinstimmung mit ihr nicht nachweisbar ift. Aber nicht nur jeder Abschluß der Stepfis durch irgend eine Behauptung, sondern auch der Zweifel selbst als Thatsache ist unmöglich ohne diese Voraussetzung, unmöglich wenigstens in dem Sinne, in welchem allein wir hier von ihm zu sprechen haben; denn Ungewißheit freilich würde es dann, wenn keine Wahrheit Nothwendiges und Nichtnothwendiges unterscheiden lehrte, nicht zuweilen, sondern, in Bezug auf Zukunftiges wenigstens, immer geben, dafür aber auch nie Beranlassung zu der zweifelnden Frage, ob ein Gegebenes einem Maßstab entspreche, bem zu entsprechen oder nicht zu entsprechen nur bann einen Unterschied macht, wenn er als Maßstab, als Bedingung, als Wahrheit anerkannt ist. Wie ausgedehnt daher auch immer die Ansprüche des Stepticismus sein mögen: er fann bennoch nicht nur die Anerkennung einer an sich gultigen Wahrheit, sondern auch die Voraussetzung nicht los werden, menschliches Denken besitze Grundfätze, nach denen es wenigstens die Unnachweisbarkeit der Uebereinstimmung gegebener Vorstellungen mit dieser Wahrheit zu beurtheilen vermöge.

303. Bis zu diesem Zugeständnisse nun läßt die ffeptische Stimmung sich leicht treiben; sie wird einräumen, von ber Anerkennung einer an sich gültigen Wahrheit durchdrungen zu fein, und zugeben, daß denknothwendige Gesetze unser Untersuchen und Zweifeln beherrschen; aber darüber ist sie befümmert, ob diese beiden Glieder zusammen= passen. Eben weil wir wissen, daß es eine Wahrheit geben muß, und hierdurch zugleich wissen, daß es einen Jrrthum geben kann, wie werden wir gewiß, ob nicht auch jene denknothwendigen Gesche in unserem Geist dieser Seite des Jrrthums angehören, ob also nicht Alles an sich ganz anders sei, als es uns denknothwendig scheinen muß zu sein? Es ist flar, daß diese Stepsis, die zum Zweifel nicht durch einen positiven Grund getrieben wird, der in der Natur des bezweifelten Inhalts läge, die vielmehr die allgemeine Möglichkeit Zweifel zu erheben für einen Rechtsgrund ihrer wirklichen Erhebung ansieht, niemals eine bemonstrative Widerlegung zulaffen tann. Denn jeder Grund, den man gegen sie in das Feld führen fann, wird sich nur auf die Evidenz und Nothwendigkeit stüten können, mit welcher er selbst gedacht wird, und gehört also mit zu dem Bereich des Denknothwendigen, in Bezug auf

welches jene obe Frage, ob nicht dennoch Alles ganz anders sei, ins Unendliche wiederholt werden tann. Auch diese Frage ist in der Geschichte der Philosophie mehrmals aufgestellt worden; noch am Anfange der Reuzeit hat Descartes, nachdem er von dem Vorhandensein einer unserem Beiste angeborenen denknothwendigen Ideenfülle sich überzeugt zu haben glaubte, sie in der anschaulichen Gestalt der Vermuthung vorgetragen: ob nicht ein bofer Damon unsere Natur so eingerichtet haben fonne, daß alle unsere Bedanken falsch sein und bennoch uns selbst als evidente denknothwendige Wahrheiten vorkommen müßten? Diese Bermuthung meinte er nur widerlegen zu können durch ben Sinweis darauf, daß auch die Borstellung eines unbedingt vollkommenen heiligen Gottes unter jenen angeborenen Ideen vorhanden sei; aus sich selbst aber könne der endliche Beift nicht den Bedanken deffen erzeugt haben, was größer ift als er felbst, ben Gedanken bes Unendlichen; nur ein wirklicher beiliger Gott konne ibn in uns gelegt haben, diesem heiligen Gott aber widerspreche es, uns zu täuschen. Es ist ein Zug in dieser Beweisführung, der unsere Aufmerksamkeit reizen konnte: der hindurchblidende Gedanke, in unserer unmittelbaren Zuversicht zu ber Bedeutung der sittlichen Idee liege zulett die Bürgschaft auch für die Wahrheit unserer Erkenntniß; aber so wie der Schlußsatz hier kurzer Hand Beides zusammenftellt, wird er allerdings Niemand überzeugen. Denn was läßt sich am Ende mit Grund den religiösen Auffassungen entgegenstellen, die auch von dem Glauben an einen heiligen Gott ausgeben, aber es mit seiner erziehenden Weisheit sehr wohl verträglich finden, daß er einen großen Theil der Wahrheit unserer menschlichen Erkenntniß gang entzogen habe? Und wenn er nun nicht einen Theil, sondern alle Wahrheit uns versagt, dafür aber unsern Geift mit ibm denknothwendigen Einbildungen ausgestattet hätte, welches Recht hätten wir, mit dem tadelnden Ramen einer Täuschung diese Berfagung der Wahrheit und die Verleihung des Jrrthums zu belegen, bevor wir nachgewiesen hätten, daß auf die Gewährung der ersten unser Geift ein Recht besitze, welches Gott nicht ohne Abbruch seiner eignen Heiligkeit unbeachtet lassen dürfte, und daß die Erfenntniß alles Seienden, wie es ist, die nothwendige Vorbedingung zu der Erfüllung der Zwecke sei, die wir ben Absichten eben dieser Beiligkeit zutrauen? Diesen Beweis bat Descartes weder erbracht noch versucht; er überläßt sich in diesem Be-

dankengange sehr forglos gewiffen Annahmen, die bei der Beurtheilung bes inneren Berkehrs der Menschen unter einander ihre beschränkte Berechtigung haben, aber zu grundlosen Borurtheilen werden, wenn sie auf diese umfassendste Frage nach dem Sinne einer in endlichen Beistern sich offenbarenden Denknothwendigkeit angewandt werden; seine Erörterung würde uns wirklich nicht hindern anzunehmen, zwar nicht ein boshafter Dämon, aber eine gestaltende Macht überhaupt habe uns fo gebildet, daß in der That Alles uns denknothwendig anders zu fein scheine als es ift. Zweierlei nun bleibt uns übrig. Wir fonnen guerst benjenigen, der dieser Annahme beizutreten geneigt ift, sich selbst überlassen, da wir die Unmöglichkeit seiner Widerlegung einsehen, so lange er sein Zweifeln nicht auf bestimmte Gründe stütt, die den Zweifel nothwendig maden, sondern nur auf die Möglichkeit, ihn ftets ohne allen Grund zu wiederholen; dieser Reigung gegenüber würden wir uns wissenschaftlich auf einen Grundsatz bes Selbstvertrauens ber Bernunft zurudziehen, bem im Leben auch unfer Gegner gu folgen nicht umbin tann und nicht verschmäht: wir würden Denknothwendiges so lange für wahr halten, bis es durch seine eigenen Folgerungen eine andere Aufflärung über sich gibt und selbst uns nöthigt, es für einen Schein zu erflären, ber bann nicht schlechthin ungültiger Schein ift, sondern in einer angebbaren Beziehung zu der Wahrheit steht, welcher er nicht mehr gleicht. Dies Berhalten beobachtet man im Leben; benn fo lange die Welt steht, ift jener grundlose Stepticismus zwar immer zuweilen wieder zum Borschein gekommen; aber ebenso oft hat man ihm einfach ben Rücken gekehrt. Einer wissenschaftlichen Betrachtung geziemt dies nicht ganz; ber andere Weg scheint mir nütlicher, die innere Haltlosigkeit jener wunderlichen Befümmerniß aufzubeden, ob nicht am Ende Alles an fich anders fei, als es uns denknothwendig scheinen muffe? Was heißt doch endlich dieses Ansich, oder dies Ansichsein von irgend Etwas, das wir unserer benknothwendigen Auffassung besselben Etwas entgegenstellen und das anders sein könnte als diese? Hierin liegt, wie wir jett ausführen wollen, ein Borurtheil unserer zusammengesetzten Bildung, das unbesehen in diese Stepsis, die jedes Vorurtheil abgethan zu haben glaubt, übergegangen ift.

304. Wer über die Berechtigung und die Quellen seiner Er-

fenntniß nachzudenken beginnt, findet sich zunächst in alle die Voraussetzungen verstrickt, die unbewußt im Laufe seiner Bildung auf Grund eigner Erlebniß oder durch Ueberlieferung ihm entstanden sind; denn die Anfangsstimmung des Geistes kann nicht der Zweifel, sondern nur das Butrauen zu allen seinen Wahrnehmungen sein. Keine von jenen Boraussetzungen ist allgemeiner, als die Vorstellung einer unabhängigen Welt der Sachen, zu der wir alle gewohnt find unfere Gedankenwelt in Wegensatz zu bringen. Irrthumer, welche uns innerhalb diefer Bedankenwelt begegnen, unterscheiden wir als leicht heilbare Schäden von dem befürchteten großen Irrthum, in welchem sich vielleicht die gesammte Folgerichtigfeit der Gedankenwelt gegenüber jener Welt der Die zweifelnde Frage, ob nicht doch Alles an-Sachen selbst befindet. ders sein könne, als es uns scheinen muß, hat daher verständlichen Sinn zunächst nur unter der Voraussetzung, daß unser Erkennen zum Abbilden einer Sachenwelt bestimmt sei, und in der That hat man am häufigsten die Wahrheit, über deren Möglichkeit für uns man ungewiß ift, als die Uebereinstimmung unserer Erfenntnisbilder mit dem Berhalten ber Sachen definirt, welches fie abzubilden behaupten. Das gewöhnliche Bewußtsein verläßt im Leben diesen Standpunkt nie; die Philosophie hat ihn öfters, im Verlaufe ihrer Untersuchungen und auf Grund von Ertenntniffen, die sie ichon zu besitzen glaubte, aufgegeben; einer Stepsis aber, welche bei Erforschung der Möglichkeit unserer Erkenntniß allen Borurtheilen entsagen wollte, war es zunächst Pflicht, nicht eine Definition der von ihr gesuchten Wahrheit stillschweigend beizubehalten, die auf das unerörterte Vorurtheil von dem Vorhandensein jener Außenwelt Bestreiten, daß diese Annahme ein Borurder Sachen gegründet ist. theil sei, fonnte nur derjenige, der nie einen Zweifel erhobe, sondern an der unmittelbaren Wahrnehmung sich so vollständig genügen ließe, daß sie ihm zugleich ein zwingendes Beugniß für das Dafein und gugleich eine fehlerlose Offenbarung über die Natur dieser Außenwelt schiene; wer aber einmal an der Wahrheit einer Wahrnehmung zweifelt und dabei als selbstverständlich die Boraussetzung von dem Dasein der Sache festhält, der fie eigentlich entsprechen follte, ber tann zuerst feinen Zweifel nur erheben auf Grund gewiffer ihm felbst denknothwendig erscheinenden Ueberzeugungen über die Natur jener Sache selbst, die ihm verbieten, die gegebene Wahrnehmung als ihr mahres Abbild anzusehen;

da ihm aber ferner die Sache selbst nun nicht mehr durch unmittelbare Wahrnehmung gegeben ist, so fann auch die Nöthigung, ihr Dasein überhaupt festzuhalten, nur auf dem Zwange einer ihm selbst angebornen Denknothwendigkeit beruhen, die ihn nöthigt, das mannigfache Wahrgenommene durch den Gedanken jenes Richtwahrgenommenen zu ergänzen, um das Ganze seiner Vorstellungen in eine innerliche, den Gefeten feines Dentens entsprechende Uebereinstimmung zu bringen. Unserem unmittelbaren Glauben nicht, wohl aber unserer wissenschaftlichen Rechtfertigung über unser Beharren bei der Annahme der Wirklichkeit jener Sachenwelt, liegt eine philosophische Erörterung dieser Gedanken zu Grunde, und die Systeme des Joealismus und des Realismus find hierüber zu entgegengesetzten Ergebniffen gefommen. Diefe umfassende Frage bier zur Entscheidung zu bringen, ist nicht im minbesten unsere Aufgabe; im Gegentheil ist unsere Absicht zu zeigen, daß sie methodologisch nicht in diesen Beginn erkenntnißtheoretischer Ueberlegungen hätte eingeflochten werden follen. Ein und berfelbe Gedanke ist zu diesem Zwecke in zwei Formen zu verfolgen; zuerst ist zu erinnern, daß jede Entscheidung über jene Frage die Anerkennung ber Competenz des Denkens voraussett; dann ist zu zeigen, daß nie etwas Anderes als der Zusammenhang unserer Vorstellungen unter einander den Gegenstand unserer Untersuchungen ausmachen kann.

305. Wenige Worte genügen, um das Erste zu wiederholen. Jede Kritit unseres gesammten Erkenntnisvermögens P, unternommen in der Absücht, seine Uebereinstimmung mit der Natur von Dingen zu untersuchen, würde zur Entscheidung eine andere Duelle Q der Wahrbeit voraussetzen, welche uns diese Natur unverfälscht kennen lehrte; denn nur Bekanntes mit Bekanntem können wir vergleichen, nicht Bekanntes mit Unbekanntem. Sei nun dieses Q uns gegeben, gleichviel ob in Gestalt einer umfassenden, unserem Geiste ursprünglich mitgetheilten Isenbarung oder in Gestalt einer Gewisheit, die uns in Bezug auf einzelne Fragen jedesmal in dem Augenblicke ihrer Auswerfung plötzlich überstäme, wie werden wir es mit den Aussprüchen jenes P vergleichen, welches uns unsere Einzelvorstellungen nach bestimmten Gesetzen zu verstnüffen gebietet? Sind P und Q einstimmig, wodurch würden wir sie beide unterscheiden können, um die Ueberzeugung zu gewinnen, daß nicht nur unsere subjective Erkenntniß P hier zu Worte gekommen, sondern

außerdem noch durch jene höhere objective Wahrheit Q bestätigt und in ihrer Uebereinstimmung mit den Dingen selbst bezeugt worden ift? Wir würden es gar nicht können, sondern der vereinigte Ausspruch beider würde genau denselben Zweifeln unterliegen, denen der von P allein ausgesetzt gewesen wäre. Wenn aber Q uns etwas anderes lehrte als P, wie würden wir den Streit entscheiden? Gesett auch. daß thatsächlich Q die Wahrheit und P den Jrrthum lehrte, auf welche andere Weise könnte unser Glaube an biese höhere Berechtigung von Q erwedt werden als burch die größere unmittelbare Gewißheit, mit welcher sein Ausspruch gegenüber bem von P auftritt? Aber diese Bewißheit ist undenkbar, ohne daß Q mit eben berjenigen Wahrheit übereinstimmt, die das allgemeine Befet unserer subjectiven Erkenntnißfähigkeit P bildet; was dieser widerstreitet, würde, auch in unmittelbarer Wahrnehmung gegeben, uns ftets für ein Rathfel, aber nicht für Offenbarung gelten. Bleiben baber Q und P einander entgegengesetzt, so erfahren wir nicht eine Widerlegung des P durch bas bobere Recht des Q, sondern wir erleben einen inneren Widerstreit zwischen zwei Aeußerungen deffelben unserem Beift eigenthümlichen Erkenntnißvermögens, einen Widerstreit, der entweder bei dem Mangel einer anrufbaren höheren Instanz niemals ober nur dadurch geschlichtet werden fann, daß eben dieses selbe Erfenntnikvermögen einen ihm selbst angehörigen höheren Gesichtspunkt auffindet, von welchem aus eine oder die andere jener entgegengesetzten Aeußerungen berichtigt und der nun blos scheinbare Widerspruch zwischen ihnen beseitigt wird. Auf das mithin, was uns benknothwendig ift, find wir thatfächlich in jedem Falle beschränkt; das Selbstvertrauen der Vernunft, daß Wahrheit überhaupt durch Denken gefunden werden fonne, ist die unvermeidliche Boraussetzung alles Untersuchens; welches der Inhalt der Wahrheit sei, kann immer nur durch eine Selbstbesinnung bes Denkens gefunden werden, bas seine einzelnen Erzeugnisse unablässig an bem Magitabe ber allgemeinen Befete seines Thuns mißt und prüft.

306. Ueber den hierin enthaltenen Cirkel bedenklich zu sein, ist nicht nur nutzlos, da seine Unvermeidlichkeit nun doch handgreislich ist, sondern auch überflüssig, weil niemals, und dies ist das Andere, was wir zu zeigen haben, ein Augenblick kommen kann, welcher den in dunklem Argwohn von dorther befürchteten Schaden uns bemerkbar

werden ließe. Alles, was wir von der Außenwelt wissen, beruht auf den Borftellungen von ihr, die in uns find; es ift völlig gleichgültig zunächst, ob wir idealistisch das Vorhandensein jener Welt leugnen und nur unsere Vorstellungen von ihr als bas Wirkliche betrachten, oder ob wir realistisch an bem Sein ber Dinge außer uns festhalten und sie auf uns wirken laffen; auch in dem letteren Falle geben die Dinge doch nicht felbst in unsere Erkenntniß über, sondern nur Borftellungen, die nicht Dinge find, erweden fie in uns. Die mannigfaltigen Borftellungen in uns also, woher sie auch gekommen sein mögen, bilden bas einzige unmittelbar Gegebene, von dem unfere Erkenntniß beginnen tann; in ihnen und in dem Berlauf ihres Wechsels und ihrer Berfnüpfungen suchen wir eine gesetliche Ordnung nach Anleitung der allgemeinen Grundfage unferes Denkens auf, die uns bestimmen, was für Ordnung und Wahrheit, was für Widerspruch und Räthsel zu halten fei. So oft wir ein foldes Befet entdedt haben, nach welchem fich ber Busammenhang zweier bestimmten Vorstellungen B und F in uns allgemein und immer richtet, so oft haben wir ein Stud von dem erreicht, was wir Erkenntniß ber Sache nennen; scheitern wir in ber Bemühung, einen fo beständigen Zusammenhang zwischen B und F aufzufinden, so liegt ein Räthsel vor, bessen Auflösung wir immer barin suchen, allgemeingültige Beziehungen zwischen B und einem andern Vorstellungsinhalt M, zwischen F und einem vierten N aufzusuchen, und bann zu zeigen, daß wegen eines veränderlichen Zusammenhanges, ber zwischen M und N stattfindet, derjenige zwischen B und F nicht durch das versuchte einfache Geset, sondern nur durch ein anderes, das auf M und N Rudficht nimmt, ausgebrückt werben fann. Bweifeln wir endlich daran, ob eine Relation, die wir zwischen zwei Borstellungen B und F in uns gefunden haben, sachlich richtig sei, so beißt dies nie etwas anders als: wir zweifeln daran, ob allgemein und immer, so oft B und F in unserem Bewußtsein als Borftellungen auftreten werden, zwischen ihren Inhalten dieselbe Relation stattfinden werde, die wir vorher aus nur einigen ihrer Wiederholungsfälle abstrahirt hatten. Was man aber mit der wiederholten Frage wolle, ob eine für unfer Bewußtsein immer fich beftätigende Beziehung zwischen B und F auch an sich richtig sei, ift nur in einem Falle begreiflich: dann nämlich, wenn diese hier thatfächlich bestehende Beziehung den allgemeinen Boraussetzungen nicht gemäß ist, welche wir nach der eignen Nothwendigkeit unseres Denkens über alle Beziehungen des Mannigsaltigen überhaupt und so auch über diesenigen machen müssen, die wir uns als bestehend zwischen verschiedenen von uns unabhängigen realen Wesen denken wollen. Nicht dies Reale einer vorausgesetzten Außenwelt selbst tritt hier zwischen unsere Borstellungen als ein Maßstab, an dem die Wahrheit dieser Vorstellungen zu messen wäre; sondern immer nur die uns nothwendige Vorstellung von dem möglichen Verhalten einer solchen Welt, wenn sie ist, also einer unserer eigenen Gedanken, ist das Maß, an dem wir die unmittelbar evidente oder einer Aufslärung bedürftige Wahrheit anderer Gedanken messen.

307. Es ist vielleicht überflüssig, vielleicht aber doch nütlich, diese einfache lleberlegung noch von entgegengesetzter Seite ber zu wiederholen, und zu fragen, wie es denn zugehen muffe, wenn wir irgend eine angebliche Erfenntniß Z als einen Jrrthum erfennen follen? Gefett, wir wüßten aus unseren Beobachtungen, daß zwischen wiederholt in uns entstehenden Vorstellungen B und F die unveränderliche Beziehung Z nicht stattfinde, diese Beziehung sich vielmehr andere je nach den veränderlichen Berhältnissen, in denen B mit M und F mit N verbunden vorkomme; ein anderer unserer Mitmenschen aber lebe in einem Erfahrungsfreise, in welchem ausschließlich die Bedingungen gelten, unter denen die Relation Z zwischen B und F stets bestehen muß: so wird für ihn weder je die Veranlassung zu einem Zweifel an Z kommen, noch wird ber Glaube an Z den Zusammenhang seiner übrigen Borftellungswelt beeinträchtigen, so lange Z mit den allgemeinen Befegen seines Dentens verträglich ift. Allerdings wird die Voraussetzung, Z sei eine von weiteren Bedingungen unabhängige Relation zwischen B und F, es ihm sehr erschweren fonnen, für die Berhältniffe anderer Bestandtheile U und W feines Erfahrungstreises ein einfaches Gesetz zu finden, das er finden würde, wenn er die Abhängigkeit des Z von Bedingungen erkannt hätte, die auch das Berhältniß zwischen U und W mitbestimmen; aber so lange er feinen Glauben an Z nicht weiter als auf die Gegenstände seiner Borftellungs welt ausdehnt, wird es ihm doch gelingen, das in dieser Zusammengehörige in einen wenn auch schwerfällig ausgedrückten Zusammenhang zu bringen. Wir nun, im Besitz ber Beobachtungen, die ihm fehlen,

sehen seinen Jrrthum; ihn selbst aber können wir von demselben nur badurch überzeugen, daß wir ihn aus seinem beschränkteren Erfahrungsfreise herausreißen und in einen weiteren versetzen; dann, wenn in ihm felbst neue Borftellungsverknüpfungen entstehen, die von seinen früheren sich unterscheiden, wird er zugestehen, sich geirrt zu haben; und auch dann nur zugestehen, daß die Allgemeinheit falsch war, mit der er die Relation Z zwischen B und F dachte, während sie immer wahr bleibt, wenn die Bedingungen hinzugedacht werden, unter benen sie ihm unbewußt galt. Wie nun, wenn wir an bie Stelle biefes einen in ungunftige Berhältniffe gebannten Beobachters die menschliche Vernunft überhaupt setzen und sie eingeschränkt in eine zusammenhängende Borstellungsweise denken, die dem wahren Berhalten einer außer ihr befindlichen Sachenwelt nicht entspricht? Auf welche Weise wird der beständige Jrrthum, in welchem wir uns dann alle befinden, zu unserer Renntniß tommen und welchen Schaden wird unfere Erkenntnig von seinem Fortbestande haben? Sehen wir zunächst ab von der Belehrung, die uns ein Engel ertheilen konnte, fo finden wir: die Sachen selbst sind es gewiß nicht, die sich plöglich einmal selbst zwischen unsere Gedanken brängen und beren Falschheit aufdeden; käme auch die Welt der Dinge in ihrem selbständigen Berlauf einmal in neue Constellationen, die ganz schneidend den Auffassungen widersprächen, welche wir uns über fie gebildet hatten: merklich wurde uns diefer Widerspruch immer nur dadurch, daß ihre Ginwirkung auf uns jetzt Vorstellungen in uns erweckte, deren Berknüpfung den früher für fie angenommenen Regeln nicht mehr folgt. Dann haben wir einen jener inneren Irrthümer begangen, beren Vorkommen wir natürlich zugestehen; wir haben die veränderliche Welt der Vorstellungen in uns, das einzige Material, das unserem Erkenntnigbestreben vorliegt, falsch interpretirt; wir erkennen jett, daß wir zugelernt haben und daß der Sat Z die früher von ihm geglaubte Allgemeingültigkeit nicht besitzt, aber auch, baß er zu gelten fortfährt, wenn die jest befannt gewordenen Bedingungen seiner Gültigfeit zu ihm hinzugedacht werden. Und ba nun die Allgemeingültigkeit des Z ein Irrthum ist, so ist auch die so beschränkte Gültigkeit des Z eine Wahrheit, und wir lernen einsehen: weil Irrthum uns zulett immer nur durch einen inneren Widerstreit in unserer eigenen Vorstellungswelt bemerkbar werden kann, so besteht auch bas

Erkennen der Wahrheit nur in der Auffindung von Gesetzen, nach denen dieser innere Zusammenhang unserer Vorstellungswelt sich immer richten wird, wie unendlich wir auch ihren veränderlichen Lauf fortgesetzt denken mögen. Gewiß ist diese Auffindung ein unvollendbares Unternehmen und wir haben die ganze Wahrheit nicht, sondern wir suchen sie; so oft wir indessen eine frühere Ueberzeugung Z auf Beranslassung neuer Erfahrungen in unserer Vorstellungswelt berichtigen, haben wir zwar noch nicht die volle Wahrheit erreicht, aber diesenigen Irrthümer aufgehoben, die ohne diese Berichtigung fortgedauert hätten.

308. 3ch mußte mich fehr täuschen, oder diese Erörterung wird Niemand genügen. Go bleiben wir bennoch, wird man einwerfen, wenn wir auch innere Widersprüche in uns tilgen, in den umfassenden Irrthum unseres ganzen in sich verwachsenen Vorstellens eingeschlossen und sehen nie die Wahrheit an sich, sondern nur was uns Wahrheit scheinen muß. Rufen wir denn jett jenen Engel zu Gulfe, der aus seiner reineren Atmosphäre herab die Dinge schaut, wie sie sind. Wie fehr, bilden wir uns ein, würden wir erschrecken, wenn plöglich durch ihn der Schleier vor unfern Augen gelüftet würde, und wir nun faben, wie Alles ganz anders ift, als wir es uns vorgestellt hatten! In der That, einen sehr freudigen Schrecken würden wir empfinden, wenn dieser Augenblick uns offenbarte, wie dieselben inhaltvollen Borftellungen, die wir früher hatten, durch einfache uns verborgen gebliebene Mittelglieder nach denfelben Gefeten, nach denen unfer Denken fich früher bewegte, lückenlos und ohne Widerspruch begreiflich würden. auch nur unter dieser Bedingung. Wäre es eine ganz neue Welt, die uns jetzt aufginge, ohne Aehnlichkeit und Zusammenhang mit der, in der wir früher lebten, so würden wir ja nicht sehen, daß Alles anders fei, als wir dachten; benn damit meinten wir ja, daß eben dasjenige alles anders sei, was wir bachten; bas ganz neue Schauspiel, das keine Bergleichung mit dem vorigen zuließe, würde, aus dem Grunde wenigstens, ben wir hier im Sinne hatten, uns weder freudig noch ängstlich erschrecken; selbst überraschen könnte es nur durch Gegenfat. also doch durch Beziehung auf den Inhalt unseres früheren Irrens. Aber auch wir, die nun Sehenden, mußten dieselben sein, die wir früher blind waren. Hätte jener Offenbarungsaugenblick auch die Gesetze unsers Denkens umgewandelt und die Bedingungen verändert, Die

für uns Wahrheit und Jrrthum unterschieden, so würden wir zwar, wenn die neueröffnete Welt diesen neuen Bedingungen der Wahrheit durchgängig entspräche, teinen Unlag haben, irgend einen einzelnen Bestandtheil derselben in Zweifel zu ziehen; aber was sollte uns vor dem allgemeinen Zweifel schützen, ob nicht auch diese in sich zusammenstimmende neue Borstellungswelt die mahre Natur ber Dinge verfehle, und ob nicht an sich wieder Alles anders sei, als auch sie uns Alles Will man biefen Zweifel dadurch ausschließen, daß erscheinen lasse? nach unserer eigenen Voraussetzung ja eben die Wahrheit der Dinge felbst es sei, die den Inhalt der neuen Anschauungen ausmache? Aber es würde ja, um die Möglichkeit des Zweifels auszuschließen, nicht die Thatsache hinreichen, daß unsere Abbildung ber Dinge die richtige sei; wir müßten auch Mittel haben, um fie mit Gewißheit für die richtige zu erkennen. Dies Mittel besitzen wir nun in Bezug auf einzelne Bestandtheile unserer Erkenntniß; ihre Richtigkeit können wir daran ermessen, daß sie nach den allgemeinen Gesetzen unseres Denkens beurtheilt im Ginflang mit allen übrigen Bestandtheilen derselben Erkenntniß find; das Banze unserer Vorstellungswelt fonnen wir in Bezug auf seine Wahrheit nicht durch Vergleichung mit einer Realität beurtheilen, welche, so lange sie nicht erkannt wird, für uns nicht vorhanden ist, sobald fie aber vorgestellt wird, denselben Zweifeln unterliegt, welche allen andern Vorstellungen als solchen gelten. Und endlich, die Thatfache felbst ist ja unmöglich und sinnlos, die wir oben noch zugaben; was kann es heißen, daß jenes höhere Anschauen, Borftellen oder Ertennen die Sache selbst gebe, wie sie ist? Wie boch wir auch die Einsicht vollkommnerer Wesen über die unsere erheben mögen: so lange wir noch etwas irgend Verständliches unter ihr denken wollen, wird sie doch immer unter einen dieser Begriffe des Wiffens, Anschauens, Erkennens fallen, d. h. sie wird nie die Sache selbst, sondern immer ein Ganzes von Vorstellungen über die Sache sein. Richts ist einfacher als die Ueberzeugung, daß jeder erkennende Geist Alles nur so zu Gesicht bekommen kann, wie es für ihn aussieht, wenn er es sieht, aber nicht so wie es aussieht, wenn es Niemand sieht; wer eine Erkenntniß verlangt, welche mehr als ein lückenlos in sich zusammenhängendes Ganze von Vorstellungen über die Sache ware, welche vielmehr diese Sache selbst erschöpfte, der verlangt keine Erkenntniß mehr, sondern etwas völlig

Unverständliches. Man kann nicht einmal sagen, er wünsche die Dinge nicht zu erkennen, sondern geradezu sie selber zu sein; er würde vielmehr auch so sein Ziel nicht erreichen; könnte er es dahin bringen, das Metall etwa selbst zu sein, dessen Erkenntniß durch Borstellungen ihm nicht genügt, nun so würde er es zwar sein, aber um so weniger sich, als nunmehriges Metall, erkennen; beseelte aber eine höhere Macht ihn wieder, während er Metall bliebe, so würde er auch als dies Metall sich gerade nur so erkennen, wie er sich selbst in seinen Borstellungen vorkommen würde, aber nicht so, wie er dann Metall wäre, wenn er sich nicht vorstellte.

Warum follte, in diesen grundlegenden Fragen, die Beitläufigkeit zu schelten sein, die ich mir gestattet habe? Ihr Ertrag ift freilich gering. Wir haben uns überzeugt, daß das veränderliche Ganze unserer Borftellungen ber einzige uns gegebene Stoff unserer Arbeit ift; daß Wahrheit und ihre Erkenntniß nur in allgemeinen Gefeten bes Busammenhangs besteht, die sich an einer bestimmten Mehrheit von Vorstellungen ausnahmslos so oft bestätigt finden, als diese Vorstellungen wiederholt in unserem Bewußtsein auftreten; daß in dem weiteren Berlauf der Gedanken, die folche Wahrheiten suchen, sich uns nothwendig, ebenfalls unserer Borftellungswelt angehörig, ber Begenfat zwischen unseren Borftellungen und Gegenständen ausbildet, auf welche wir sie gerichtet glauben; daß die Frage über die Wahrheit Dieses Begensates und über die Bedeutung, die je nach ihrer Beantwortung unseren Borftellungen zukommen fann, eine Frage der Metaphysik, gang mit Unrecht in diesen Anfang erkenntnißetheoretischer Untersuchungen verwickelt wird; daß wir zwar in Bezug auf einzelne unserer Bedanken zweifeln können an ber Möglichkeit, fie mit allem andern Inhalt unseres Bewußtseins in Einklang zu bringen und daß dieser auf bestimmten Gründen beruhende Zweifel auch den Versuch feiner allmählichen Widerlegung zuläßt; daß dagegen eine Stepfis, welche befürchtet, es könne Alles anders sein, als es scheinen muß, ein in sich widersprechendes Beginnen ist, weil sie stillschweigend voraussetzt, es könne überhaupt ein Erkennen geben, welches die Dinge nicht erkennte, sondern sie wäre, und dann nur zweifelt, ob unferem Erkennen diefe unmögliche Bortrefflichkeit beschieden sei; daß endlich, auch wenn man diese unzulässige Beziehung der Borstellungswelt auf eine ihr fremde

Int Ma

Welt der Objecte fallen läßt, dennoch eine Untersuchung übrig bleibt, welche innerhalb der Vorstellungswelt die sesten Punkte, die ersten Gewißheiten aufzusinden strebt, von denen aus die veränderliche Menge der übrigen Vorstellungen annähernd in gesetzlichen Zusammenhang zu bringen gelingen kann. Ich werde verschiedene Gelegenheiten haben und benutzen, diese Auffassungsweise zu verdeutlichen; ich werfe zunächst einen Blick auf die Versahrungsweisen der Stepsis, deren verschiedene Wendungen das Alterthum im Ganzen mit mehr Vollständigkeit versfolgt hat, als die neuere Zeit, die für viele derselben ein lebhaftes Interesse nicht mehr haben kann.

310. Sextus Empiricus hat uns zusammengefaßt hinterlassen, was der antike Skepticismus vor ihm erarbeitet hatte. Die sinnlichen Wahrnehmungen, die Gefühle der Luft und Unluft, die wir leiden, leugnet auch der Sfeptifer nicht; fie drängen sich ihm mit Rothwendigkeit auf und hängen picht von seinem Urtheil ab; aber alles, was ihnen, den Phänomenen, als Noumenon gegenübersteht, als ein Gedanke, der, in der Erscheinung selbst nicht gegeben, den Inhalt der Wahrnehmung in eine innere Verknüpfung bringen möchte, alles dies ist dem Zweifel unterworfen, und jeder in diesem Sinne gewagten Behauptung läßt sich mit gleichem Rechte eine andere ihr widerstreitende entgegenseten; nichts bleibt baber bem Weisen übrig, als fich jeder Bejahung oder Berneinung der einen oder der andern zu enthalten und in dieser Suspension des Urtheils die Seelenruhe zu finden, die er vergeblich sucht, so lange er zwischen verschiedenen Annahmen glaubt entscheiden zu muffen. Aber die Stepfis, indem fie die Enthaltsamfeit vom Urtheil nicht blos als thatsächlichen Zustand ihrer Anhänger schildert, sondern mit Gründen sie als die einzig richtige Verfassung des Gemüths beweisen will, wird in diesem Anfange ichon sich felbst untreu und setzt nicht blos, hier wenigstens, die Wahrheit der logischen Gesetze voraus, auf beren Macht sie die Triftigkeit ihrer Demonstrationen stüten muß, sondern um die Unmöglichkeit dogmatischer Entscheidungen darzuthun, muß sie mancherlei Dogmen voraussetzen, die nie unter den Phänomenen vorkommen können, sondern immer aus ihnen durch eben die Schlußfolgerungen entstehen, deren Bulässigfeit bestritten werden soll. Die zehn Tropen oder Rechtsgründe des Zweifels, die Sextus zunächst anführt, laufen alle darauf hinaus, daß aus Empfin-

bungen sich nicht ermitteln läßt, wie der Gegenstand an sich selbst beschaffen ist, der sie erzeugt. Der erste Tropus macht auf die Berschiedenheit der thierischen Organisationen aufmerksam; indem er fortfährt: jedem Thiere muffe deshalb ein Gegenstand sinnlich anders erscheinen als dem andern, stützt er sich auf das Dogma, Ungleiches könne von Gleichem nicht auf gleiche Weise afficirt werden; nur durch biesen Schluß war jene Fortsetzung möglich; benn ba wir uns in das Innere der Thiere nicht versetzen können, so ist die angebliche Berschiedenheit ihrer Sinnesempfindung eine erschlossene Behauptung, die burch teine unmittelbare Wahrnehmung bestätigt wird. außerdem zu viel; nichts beweist, daß die sichtbare Berschiedenheit der körperlichen Organisation von durchgängiger Bedeutung auch für die Empfindung ift, benn Niemand wird leicht glauben, daß die Rate um ihrer elliptischen Pupillenspalte willen die Raumwelt anders anschauen müßte als der Mensch mit seiner freisförmigen. Der zweite Tropus wiederholt denselben Gedanken in Bezug auf die Menschen; auch sie sind verschieden organisirt; wollte man daher auch, ohne triftigen Grund, die menschliche Empfindung der thierischen als die richtige und der Sache selbst angemeffene vorziehen, so scheitere boch an ihrer Berschiedenheit auch dieser Versuch; man fann daher nur fagen: dem einen erscheine die Sache fo, dem andern anders; wie fie felbft ift, bleibt unentschieden. Bu gleichem Ergebniß führen die folgenden beiden Tropen; der dritte beruft sich auf die Verschiedenheit der Sinne; dem Auge ist der Honig gelb, der Zunge füß; vielleicht gibt es noch andere uns mangelnde Empfindungsweisen, denen er noch anders erschiene; wie er selbst ist, muß daher dahingestellt bleiben, denn kein Grund liegt vor, die Aussage des einen Sinnes für richtiger zu halten als die eines andern. wir aber selbst bei einem Sinne stehen, so zeigt doch der vierte Tropus, wie auch deffen Empfindungen veränderlich find nach dem Lebensalter, bem Gesundheitszustand, nach Hunger und Sattheit, Schlaf und Wachen; wie ein Ding unserem Sinne in jeder dieser Dispositionen erscheint, läßt sich sagen, aber nicht wie es an sich erscheinen würde für ein Gubject, das sich in gar keiner von diesen veränderlichen Lagen befände. Diese vier Tropen bezogen sich auf die Natur des Beurtheilers; auf die der zu beurtheilenden Objecte die folgenden vier; der fünfte lehrt, daß Entfernungen und Lagen die Erscheinung besselben Dinges ändern;

der sechste zeigt, daß kein Ding seinen Eindruck unvermischt mit den Eindrücken anderer in uns hervorbringe, der siebente, daß auch die Busammensetzung scheinbare Eigenschaften erzeuge, die den einfachen Bestandtheilen fehlen, und andere aufhebe, die ihnen zukamen; immer laffe fich daher nur erzählen, wie Jedes unter diefen zusammengesetzten Bedingungen erscheine, nicht wie es an sich und einzeln und abgesehen von seinen verschiedenen Buftanden sei. Man fann die Beispiele zu diesen Tropen nicht ohne Berwunderung darüber lesen, daß sie ber antiken Stepsis durchaus nur als hindernisse wissenschaftlicher Erkenntnig erscheinen; ber modernen Forschung sind sie sämmtlich zu Ausgangspunkten von Untersuchungen geworden; indem man sich nicht begnügte, fummarisch über die Beränderlichkeit der Erscheinungen unter wechselnden Umftänden zu klagen, sondern der Beobachtung die einzelnen Berknüpfungen abfragte, die zwischen einem dieser Umstände und einer beftimmten Menderung der Erscheinung stattfinden, ift man gur Erkenntniß der allgemeinen Befete gelangt, welche dies mannigfaltig wechselnde Spiel der Ereignisse beherrschen. Wie freilich ein Ding an sich fei, wenn es unter gar feiner Bedingung des Erscheinens steht, haben wir dadurch nicht gelernt; aber daß diese Aufgabe widersinnig sei, wußte die antife Stepsis auch und drückte es in dem achten Tropus aus: Alles steht eben in irgend welchen Berhältniffen, wenn nicht zu andern Dingen, so doch jedesmal, wenn es erkannt werden soll, zu dem Erkennenden; wie es relationslos an sich selbst ift, bleibt daher un-Bon geringerem Interesse für uns sind die beiden letten Tropen; der neunte erinnert daran, daß unser Urtheil über Größe und Werth der Dinge durch ihre Seltenheit oder Häufigkeit, durch Gewohnheit und Contrast mitbedingt werde; der zehnte beruft sich auf Die Berschiedenheit ber Bölfersitten, um zu zeigen, daß auch hier nur gesagt werden könne, was dem Einen oder dem Andern gut oder schlecht scheine, nicht was an sich gut oder schlecht sei.

311. Den weiteren Verlauf der Phrrhonischen Hypotyposen des Sextus, aus deren erstem Buche das Angeführte stammt, lasse ich hier unbeachtet. Man wird sich überzeugt haben, daß bis hierher diese Stepsis die Geltung einer Wahrheit nicht leugnet; denn sie klagt ja eben darüber, sie nicht fassen zu können; nur das aber kann man suchen, dessen Wirklichkeit man glaubt. Auch zweiselt sie nicht daran,

daß in unseren Denkgesetzen die Bedingungen enthalten sind, burch deren Erfüllung allein ein Gedanke Wahrheit sein kann; unaufhörlich wiederholt sich das Bemühen, in vollständigen Disjunctionen die verschiedenen Källe aufzugählen, die auf Grund dieser Gesetze möglich sind und einander ausschließen; durch dieselbe Confequenz unseres Denkens follen wir dahin geführt werden, die Enthaltung vom Urtheil als nothwendig anzuerkennen. Aber dies Berhalten allerdings erfährt nachträglich eine Berichtigung; die ffeptische Schlußfolgerung befleißigt sich, auch sich selbst mit in die Ungewißheit einzuschließen, welche sie in der Form einer Behauptung vorher über alle unsere angebliche Erkenntniß Die Wendungen find mannigfach und feltfam, die hierzu verbängte. Wenn der Steptiter beweisführend gu feinem vergebraucht werden. neinenden Ergebniß tomme, so lehre er auch da nichts, sondern erzähle nur, daß ihm, jett, in diesem Augenblicke seines Lebens, und in dem Zustande, in dem er sich befinde, die von ihm vorgetragene Meinung bie richtige scheine; er burge nicht bafür, daß fie ihm felbft so in jedem anderen Augenblicke erscheinen werde; wenn er genöthigt sei, die Argumentation eines Andern als zwingend anzuerkennen, so könne er immer antworten: die Wahrheit Z, die diefer lehre, sei ja bis zu diesem Augenblide unbefannt gewesen, habe aber boch, wenn fie Wahrheit sei, immer ichon bestanden und gegolten; was versichere uns nun, daß nicht in späterer Zeit ein Dritter eine neue auch bies Z widerlegende Wahrheit entdeden und beweisen werde, die in diesem Augenblide, obwohl fie bereits gelte, doch weder befannt sei noch begriffen oder bewiesen Diese Fragen sind unabhängig von der Beziehung werden könne? unserer Erkenntniß auf einen ihr jenseitigen Begenstand; fie betreffen allgemein den Grund unserer Gewißheit und das Recht zu dem Zutrauen, welches wir der Wahrheit eines in uns enthaltenen Gedankens schenken; in dieser Sinsicht behalten wir fie Späterem vor. Im Uebrigen aber waren die Darstellungen des Sextus in ein Vorurtheil und in einen Jrrthum verwickelt: in das Vorurtheil von dem Vorhandensein jener Welt an fich, zu ber bas Erkennen in Wegensatz gestellt wurde; dies Borurtheil kann richtig oder falsch sein, aber es ist hier unentscheidbar; in den Jrrthum ferner, die Borstellung eines Erkennens, welches die Dinge faßt, nicht wie sie erkannt werden, sondern wie sie sind, bedeute noch irgend etwas Berständliches, über deffen Besit ober

Nichtbesitz ein Streit geführt werden könne; hierüber ist vielmehr das Denken völlig mit sich selbst einig, daß Alles, was Erkennen heißt, Dinge nur vorstellen, aber nicht sie selbst sein kann.

312. Man wird geneigt fein, diefen Sat in ber Form: bag wir nur Erscheinungen, nicht bas Wefen ber Dinge felbst erkennen, als die erste Wahrheit jeder Erkenntnißtheorie auszusprechen und anzuerkennen; ich scheue diese Form, weil sie immer noch ein Borurtheil enthält, das ich aufgegeben wünschte. Dies zwar, bag bie tategorische Gestalt des Sates eben das Borhandensein jener Dinge voraussett, würde durch Umwandlung in hppothetische sich beseitigen: wenn Dinge find, so erkennt das Erkennen nur ihre Erscheinung, nicht Auch fo aber enthält sichtlich ber Sat ben Debengebanken einer verfehlten Bestimmung; jenes nur beutet an, daß unser Ertennen, eigentlich beftimmt, das Höhere, das Wefen der Dinge, zu erfaffen, fich mit bem Schlechteren, ber Erscheinung, begnügen muffe. Diese Werthvertheilung ift ein Vorurtheil; ein richtiges vielleicht, vielleicht ein unrichtiges, je nachdem der weitere Fortschritt ber Wissenschaft entscheiden wird, den wir hier nicht vorausnehmen können. Willfürlich erscheint es indessen schon hier, das Erkennen in die Stellung eines Mittels zu ruden, das seinem Zwede, Dinge zu faffen wie fie find, feineswegs entspreche; benkbar ist ichon bier eine entgegengesetzte Ansicht, welche die Dinge als Mittel betrachtete, das ganze Schauspiel ber Vorstellungswelt in uns hervorzubringen. So, wie fie find, würden wir dann die Dinge nicht erkennen, aber wir würden darum keinen Zweck verfehlen; in den Erscheinungen, die sie uns geben, würde dann jenes Höhere und Werthvollere liegen, bas wir mit dem Namen des Wesens zu bezeichnen suchten, und in der Auffindung bes Sinnes, des Busammenhangs und der Besetze, welche diese innerliche Erscheinungswelt beherrschen, wurde die Erkenntniß der Wahrheit nicht allein zwar, aber vorwiegend und mindestens ebenso sehr bestehen, als in der ängstlich gesuchten Ginsicht in die uns und jeder vorstellenden Seele jenseitig bleibenden Mittel, durch welche ber Ablauf der inneren Erscheinungen in uns hervorgebracht wird. biese Ueberlegungen fortzuseten, würde die Grenzen meiner Aufgabe überschreiten; ich wiederhole noch einmal, was ich unter dieser verstanden wünsche: lassen wir ganzlich den Gegensatz unserer Borstellungswelt zu einer Welt der Dinge beiseit; sehen wir allein jene als den Stoff unserer Arbeit an; suchen wir zu ermitteln, wo innerhalb derselben die ursprünglichen sesten Punkte der Gewißheit liegen, und wie es gelingen kann, andere Vorstellungen, die diese Eigenschaft nicht ebenso unmittelbar theilen, mittelbar ihrer theilhaft zu machen. Auf einigen Umwegen, die dennoch nicht Abwege sein werden, erreichen wir vielleicht hierüber Klarheit.

## Bweites Kapitel.

## Die Ibeenwelt.

313. Die Lösbarkeit der Aufgabe, die wir uns stellten, hat schon das Alterthum wiederholt verneint. Daß Alles fließe, war die befannte und doch in ihrem Sinne uns nicht ganz verständliche Lehre Daß man sie in dem halbelegischen Tone einer Rlage des Heraklit. über die Schnelligkeit des Wechsels aufgefaßt, zeigt die Steigerung bes Beraklitischen Spruches: nicht zweimal durchschreite man denselben Fluß; Aber diesem anschaulichen Hinweis auf man fonne es nicht einmal. Bergänglichkeit hatte die gewöhnlichste Erfahrung auch Beispiele unberechenbarer Dauer entgegen gehalten; ein philosophischer Sinn würde in solcher Weise die ersten nur haben verallgemeinern können, wenn er gegen den Augenschein bewiesen hätte, daß auch die zweiten einen langsamen Wechsel nur verhüllen, ihm aber immer unterworfen sind. Wir wissen nicht, in wie weit dies geschehen, und ob diese Speculation achtlos an dem Umstande vorübergegangen ift, daß eben die verschiedene Geschwindigkeit des Wechsels in das Spiel der Erscheinungen doch wieder einen fruchtbar zu benutenden Gegensatz des relativ Festeren zu dem Vergänglicheren einführt. Daß ferner einer verändernden Einwirkung von außen her nichts völlig widersteht, Alles mithin verändert werden kann, ift eine zu einfach aus dem Leben zu schöpfende Ueberzeugung, als daß es einer Philosophie bedurft hätte, sie zu entbeden; bennoch bleibt zweifelhaft, in wie weit Heraklit darüber hinaus eine aus inneren Gründen fließende, von außen unveranlaßte Veränderung aller Dinge nur als Thatsache gelehrt, oder ob er die beständige Bewegung als die Möglichkeitsbedingung alles natürlichen Seins, ruhendes Gleichgewicht und Beharren dagegen für unmöglich gehalten

Manches mag es wahrscheinlich machen, ihm diese lettere Steihat. gerung des Gedankens zuzutrauen; völlig gewiß entscheiden wir hierüber ebenso wenig, als über die wichtigere Frage, was denn eigentlich unter bem Allen zu verstehen sei, dem er diese unaufhörliche Beränderlichkeit zuschrieb. Unstreitig umfaßte dieser Ausdruck die Sinnendinge; denn nur in den wechselnden Combinationen ihrer Gigenschaften und Beziehungen lag ber natürliche Ausgangspunkt biefer ganzen Ansicht; umfaßte er aber zugleich den Inhalt der Borftels lungen mit, durch den wir diese Sinnenwelt benken? sollte nicht blos alles Wirkliche, sondern auch alles Denkbare diesem ewigen Flusse unterliegen? 3ch bezweifle, daß Heraklit biese lette Meinung gehabt hat; würde doch die allgemeine Unbeständigkeit jeder Denkbestimmung überhaupt jede Untersuchung und Behauptung unmöglich machen; aber die lebhafte Schilderung, die von dem späteren Treiben der Heraklitischen Schule Platon in seinem Theatet entwirft, läßt uns annehmen, daß sie wenigstens fein Bedenken getragen hat, die Lehre ihres Dleifters bis zu diesem Sate zu erweitern. hieran schlossen fich die Bestrebungen der Sophisten; ich meine nicht diejenigen, die unter der Führung des Protagoras nur die subjective Geltung jeder Wahrnehmung für den anerkannten, der sie hat, sondern jene anderen, die in Cleatischer Dialektik geübt nachzuweisen versuchten, daß jeder Begriffsinhalt zugleich das bedeutet, was er meint, und zugleich das, was er nicht meint. Diesem Bestreben trat vornehmlich auf ethischem Bebiete, auf dem es seine verderblichsten Früchte erzeugte, der gefunde Wahrheitssinn des Sofrates entgegen und erinnerte baran, daß die Begriffe des Guten und des Bofen, des Gerechten und des Ungerechten ihren eignen festen und unveränderlichen Sinn haben, den nicht das subjective Belieben bald so bald anders bestimmen könne, sondern dem als einer gegebenen und beständig mit sich identischen Bedeutung Jeder den Inhalt seiner dies Gebiet berührenden Borstellungen lediglich unterzuordnen habe. In dieser Bestrebung mit seinem Lehrer einig, aber von vielseitigeren Beweggründen angetrieben, erweiterte Platon diese Ueberzeugungen zu seiner Ideenlehre, dem ersten und sehr eigenthümlichen Versuche, diejenige Wahrheit zu verwerthen, die unserer Vorstellungswelt innerhalb ihrer selbst und noch abgesehen von ihrer Uebereinstimmung mit einem vorausgesetzten jen-

seitigen Wesen von Dingen angehört. Die philosophischen Bemühungen des Alterthums haben das Anziehende, ausführlich die Bewegungen, Kämpfe und Jrrthumer der Gedanken darzustellen, in welche jeder Einzelne noch jett im Laufe seiner Entwickelung verfällt, und die doch unsere gegenwärtige Bildung nicht mehr mit gleicher Geduld zu verfolgen und zu untersuchen pflegt. 3ch gestatte mir deshalb, auf biese Lehre Platons von verschiedenen in unsere jetige Betrachtung gehörigen Musgangspunkten einzugeben.

314. Man übersett den Platonischen Ausdruck Idee durch Allgemeinbegriff, richtig insofern, als es nach Platon Ideen von Allem gibt, was sich in allgemeiner Gestalt, abgelöst von den Einzelwahrnehmungen, in denen es vorkommt, denken läßt. Dennoch ift es eigentlich erst für eine spätere Gedankenreihe, der wir noch begegnen werben, von Wichtigkeit, daß der ideell gefaßte Inhalt als ein Gemeinsames vieler Einzelinhalte, mithin als Allgemeines benkbar ift; wesentlich ist hier am Anfange nicht sowohl seine Ablösbarkeit von verschiedenen Einzelbeispielen, in denen er mitenthalten ift, als vielmehr seine Unterscheidung als eines an sich etwas bedeutenden Inhalts, den wir vorstellen, von einer blogen Affection, die wir erleiden. In der letteren Bedeutung hätte ihn die heraklitische oder pseudoheraklitische Lehre mit in den haltlosen Fluß ihrer Ereignisse verwickeln können, deren jedes nur ift in dem Augenblicke, in dem es geschieht, beren feines aber in ber Welt eine bleibende Stätte oder Bedeutung hat, weil feines, nachdem es geschehen, sich jemals sich selbst gleich zu wiederholen braucht; die erste Auffassung dagegen objectivirte unsere Affection zu einem selbständigen Inhalt, der immer bedeutet, was er bedeutet, und bessen Beziehungen zu andern auch dann noch eine ewige immer gleiche Bültigkeit besitzen, wenn weder er selbst noch die anderen sich jemals in unserer wirklichen Wahrnehmung erneuern Wie ich dies meine, habe ich früher Beranlassung gehabt zu erörtern (S. 15 ff.). In unferer Wahrnehmung andern die Sinnendinge ihre Eigenschaften; aber mährend das Schwarze weiß wird und das Suge sauer, ist es doch nicht die Schwärze selbst, die in Weiße übergeht, und nicht die Gugigfeit wird zur Gaure; jede diefer Gigenschaften vielmehr, ewig sich felbst gleich bleibend, tritt an diesem Dinge ihre Stelle einer andern ab, und die Begriffe, durch welche wir die

Dinge benten, haben nicht selbst an der Beränderlichkeit Theil, die wir, um ihres Wechsels willen, von den Dingen aussagen, deren Pradicate Und selbst, wer dies leugnen wollte, würde es wider Willen bejahen; denn er fonnte die Suge selbst nicht in Saure übergeben lassen, ohne diese beiden Zustände zu trennen und den ersten durch eine Borftellung zu bestimmen, die ewig etwas Anderes bedeuten wird, als ben zweiten, in den jener sich verwandelt habe. Es ift ein sehr einfacher und unscheinbarer, dennoch sehr wichtiger Gedanke, den Platon hier zuerst ausgesprochen hat. Immerhin mag unseren Ginn die beständige Beränderung der Außenwelt wie ein haltloser Wirbel verwirren: ohne eine hindurchgehende Wahrheit ist sie bennoch nicht; wie auch immer die Dinge wechselnd erscheinen mogen, das was sie in jedem Augenblicke find, find sie immer nur durch flüchtige Theilnahme an Begriffen, die selbst nicht flüchtig, sondern ewig sich selbst gleich und beständig, zusammengenommen ein unveränderliches Gedankenspftem und den ersten würdigen und festen Gegenstand einer unwandelbaren Erfenntniß bilden. Denn auch davon überzeugten wir uns früher schon, daß nicht blos die abgeschlossene Einheit jedes Begriffsinhalts mit sich felbst, und nicht blos der gleichförmige Gegensatz gegen alles Andere, sondern auch die abgestuften Beziehungen der Aehnlichkeit und Berwandtschaft der verschiedenen mit zu dem Bestande dieser ersten un-Wenn das Weiße schwarz und das mittelbaren Erfenntniß gehören. Suge fauer wird, wird es nicht nur anders überhaupt, sondern aus dem Bereich des einen Begriffes, an dem es Theil hatte, gleitet es über in den Bereich eines andern, der von dem ersten durch eine unveränderliche Weite des Gegensates getrennt ift, eine größere als diejenige, die zwischen dem Weißen und dem Gelben stattfindet; eine unvergleichbare mit der völligen Kluft, die zwischen dem Weißen und dem Sauren besteht.

315. Ich führe diese einfachen Beispiele noch einmal an, um an ihnen deutlich zu machen, wie es eine Erkenntniß geben kann, deren Wahrheit von der skeptischen Frage nach ihrer Uebereinstimmung mit einem ihr jenseitigen Wesen von Dingen gänzlich unabhängig ist. Hätte auch nur einmal der Lauf der Außenwelt uns in flüchtiger Erscheinung die Wahrnehmung zweier Farben oder Tone vorgeführt: unser Denken würde sie sogleich von diesem Zeitaugenblick trennen und sie und ihre

Berwandtschaften und Gegenfätze als einen beharrenden Gegenstand innerer Anschauung verfestigen, gleichviel ob jemals die Wahrnehmung sie uns in wiederholter Wirklichkeit darböte oder nicht. Erführen wir ferner niemals, auf welche Weise diese Ideen als Prädicate an Dingen erscheinen können und worin das eigentlich bestehe, was wir die Theilnahme dieser an ihnen genannt haben, so bliebe zwar eine Frage unbeantwortet, die uns im Verlauf unseres Nachdenkens wichtig werben kann, aber ungestört bliebe uns doch die Gewißheit, daß die Reihe der Farben felbst, die Stala ber Tone gesetzlich zusammenhängende Ganze find, und daß über die Beziehungen ihrer Glieder zu einander ewig gültige wahre Behauptungen ewig ungültigen falschen entgegengesetzt find. Und endlich die Frage, ob nicht zulett doch die Farben an sich, die Tone an sich anders sind, als sie uns erscheinen, wird Niemand mehr aufwerfen wollen. Ober boch: man begegnet auch dieser Berirrung der Gedanken: eigentlich seien die Tone nur Schwingungen der Luft, Farben nur Erzitterungen bes Aethers; nur uns erscheinen beide in Gestalt jener subjectiven Empfindungen. Es ist unnöthig, weitläufig zu wiederholen, daß diese Empfindungen nicht aufhören wirklich zu sein und nicht dadurch aus der Welt als etwas Unberechtigtes hinausgeschafft werden, daß man äußere ihnen unähnliche Ursachen entbedt, welche für uns die Beranlassungen ihrer Entstehung sind; auch wenn dieselben Schwingungen äußerer Medien anders organisirten Wesen in ber Form uns ganglich unbekannter Empfindungsweisen erschienen, so würden doch die Farben und Tone, die wir gesehen und gehört haben, nachdem wir fie einmal empfunden, einen für uns in Sicherheit gebrachten Schat von an fich gültigem, gesetzlich in fich zusammengehörigem Inhalt bilden. Was jene anderen Wesen empfinden, würde uns, was wir empfinden, ihnen unbefannt bleiben; aber dies hieße nur, daß nicht alle Wahrheit uns zu Theil wird, das aber, was uns zu Theil wird, besitzen wir als Wahrheit fraft ber Identität jedes so angeschauten Inhalts mit sich selbst und der beständigen Gültigkeit derselben Beziehungen zwischen verschiedenen. Go begreift man wohl, welche Bedeutung es hat, wenn Platon die Prädicate, die an den Außendingen in beständigem Wechsel vorkommen, zu einem festen und gegliederten Ganzen zu vereinigen suchte und in dieser Ibeenwelt den ersten wahren Gegenstand sicherer Erkenntniß fah; benn die ewigen

Beziehungen, die zwischen den einzelnen Ideen stattsinden, die einen miteinander verträglich machen, andere einander ausschließen lassen, bilden wenigstens die Grenzen, innerhalb deren das liegt, was in der Wahrnehmung möglich sein soll; was in ihr wirklich ist und wie Dinge es machen, um Ideen zu ihren Prädicaten zu haben, diese andere Frage erschien Platon nicht als die erste und wurde späterer Ueberlegung zurückgestellt.

316. Eine weitreichende Schwierigkeit knüpft sich an diese erste Wie benken wir eigentlich von Farben, wenn sie von Niemand gesehen, oder von Tonen und ihren Unterschieden, wenn jene von Riemand gehört und diese von Niemand durch Bergleichung mahrgenommen werden? Sollen wir fagen, daß beide bann Richts find oder daß sie nicht sind, oder kommt ihnen auch dann noch ein schwerbestimmbares Pradicat, irgend eine Art des Seins oder der Wirklichkeit zu? Sie für Nichts zu halten, werden wir Anfangs nicht geneigt sein; denn eben, so lange wir sie, um diese Frage zu beantworten, in Gedanken festhalten, ift jede Farbe und jeder Ton ein bestimmter von andern sich unterscheidender Inhalt, ein Etwas mithin und nicht ein Aber diese Entscheidung wird uns zweifelhaft durch die Antwort, die wir auf den zweiten Theil der Frage glauben geben zu Bon Dingen meinen wir noch, unklar genug, zu wissen, worin ihr Sein auch dann noch besteht, wenn fie für Niemandes Erfenntniß Gegenstände, sondern rein für sich sind; was es aber heiße, daß ein Ton sei, wenn er von keinem Ohre gehört, und wenn auch bie lautlose Borftellung seines Alingens von feiner Seele erzeugt wurde, wissen wir ebensowenig zu sagen, als wie ein Schmerz dann noch ist, wenn er Niemandem wehthut. Das aber, was nicht ist, weder für sich noch in unserer Vorstellung, wie könnte es noch Etwas sein und sich von Anderem unterscheiden? Aber auch dies zu behaupten zögern wir; es liegt offenbar, ganz allgemein ausgedrückt, in jener ersten Entscheidung ein gewisses Element von Bejahung, das nicht gang durch die Berneinung zu Grunde gehen darf, welche biefe zweite ausspricht. Bielleicht scheint es uns eine Ausfunft, die fategorische Form unseres zu fällenden Urtheils in eine hypothetische zu verwandeln: zwei ungehörte und unvorgestellte Tone sind nicht Etwas und stehen nicht in Berhältniffen, aber sie werden immer jeder Etwas und von dem andern

verschieden sein und in einem bestimmten Berhältnisse des Gegensates stehen, wenn fie gehört oder vorgestellt werden. Unmittelbar aber befriedigt uns auch dies nicht; denn immer, um nur vorstellen zu können, wie den Tönen a und b biese verschiedenen Schicksale des Richtvorgestellt- und des Vorgestelltwerdens begegnen können, und wie dann, wenn sie vorgestellt werden, die Beziehung z, wenn aber andere vorgestellt werden, die Beziehung z1 mitgedacht werden muß, scheinen wir doch genöthigt zu sein, ihnen auch dann, wenn sie nach unserer jetigen Behauptung noch nicht wären, gleichwohl ichon ein Sein und ein Etwassein zuzuschreiben und in diesem ben Grund für ihr späteres Sein und die bestimmte Gestalt ihrer bann eintretenden Beziehungen zu suchen. Diese spitfindigen Erörterungen will ich so nicht fortsetzen, sondern biete zu ihrem Abschluß Folgendes an. Es gibt allerdings einen sehr allgemeinen Begriff von Bejahtheit oder Position, der uns in verschiedenen Untersuchungen begegnet, und zu deffen Bezeichnung Die Sprachen, die nicht an den einfachsten Elementen bes Denkens, sondern an sehr zusammengesetzten und concreten Vorstellungsinhalten sich zuerst geübt haben, einen abstracten Ausdruck von wünschenswerther Reinheit nicht zu besitzen pflegen. Aber es wäre nicht gutgethan, ba= für einen Kunftausdruck zu schaffen, beffen Berftandniß zweifelhaft bleibt, weil er Niemandem von Natur mundgerecht oder denkgerecht ist; führt doch auch der häufig dafür gebrauchte Name der Position durch seine etymologische Form den gang ungehörigen Nebenbegriff einer Handlung oder Operation ber Setzung mit sich, durch beren Ausführung jene zu bezeichnende Bejahtheit erzeugt würde. Man wird boch sich an die gewöhnliche Sprache halten und ein Wort wählen muffen, das im Gebrauche, annähernd mindeftens und kenntlich, als Ausdruck des gesuchten Gedankens sich nachweisen läßt. Für deutsche Denn wirklich Bezeichnung bient hierzu bas Wort Wirklichkeit. nennen wir ein Ding, welches ift, im Begenfat zu einem andern, welches nicht ift; wirklich auch ein Greigniß, welches geschieht ober geschehen ift, im Wegensatz zu bem, welches nicht geschieht; wirklich ein Berhältniß, welches besteht, im Wegensate zu dem, welches nicht besteht; endlich wirklich wahr nennen wir einen Sat, welcher gilt, im Gegensat zu dem, deffen Geltung noch fraglich ist. Dieser Sprachgebrauch ift verständlich; er zeigt, daß wir unter Wirklichkeit immer eine Bejahung

benken, beren Sinn fich aber fehr verschieden geftaltet, je nach einer bieser verschiedenen Formen, die sie annimmt, deren eine sie annehmen muß, und beren keine auf die andere zurückführbar oder in ihr enthalten ift. Denn aus Sein läßt fich nie ein Beschehen machen, und die Wirklichkeit, welche den Dingen zukommt, nämlich zu fein, gebührt nie den Greigniffen; diefe find nie, aber fie gefcheben; ein Sat aber ist weder, wie die Dinge, noch geschieht er, wie die Greignisse; auch daß sein Inhalt bestehe wie ein Berhältniß, fann erst gefagt werden, wenn bie Dinge find, zwischen benen er eine Beziehung aussagt; an sich aber, und abgesehen von allen Anwendungen, die er erfahren kann, besteht seine Wirklichkeit barin, daß er gilt und daß sein Gegentheil nicht gilt. Migverständnisse nun muffen immer entstehen, wenn wir einem Object unseres Rachbenkens, überzeugt, daß ihm irgend eine Wirklichkeit oder Bejahung zukommen muffe, doch nicht diejenige Art derselben, die seiner eigenthümlichen Natur zugehört, sondern eine andere beizulegen suchen, für die es nicht zugänglich ist; dann entsteht jener eben berührte Widerstreit zwischen der Ueberzeugung von der Richtigkeit einer Bejahung überhaupt und der Unmöglichkeit der bestimmten, die man irrthumlich versucht. Den Borftellungen, sofern wir sie haben und faffen, gebührt die Wirklichkeit in dem Sinne eines Ereigniffes, sie geschehen in uns, denn als Aeußerungen einer vorstellenden Thätigkeit find fie nie ein ruhendes Sein, sondern ein dauerndes Werden; ihr Inhalt aber, sofern wir ihn abgesondert betrachten von der vorstellenden Thätigkeit, die wir auf ihn richten, geschieht bann nicht mehr, aber er ist auch nicht so wie Dinge sind, sondern er gilt nur noch. Und endlich, was dieses Gelten beiße, muß man nicht wieder mit der Voraussetzung fragen, als ließe sich bas, was damit verständlich gemeint ist, noch von etwas Anderem ableiten; als wäre es etwa möglich, Bedingungen anzugeben, unter deren Einwirtung entweder das Sein, welches den Dingen zukommt, so abgeschwächt und modificirt, oder das Geschehen, welches die vergängliche Wirklich feit der Vorstellungen bilbet, sofern sie Erregungen unseres Bewußtfeins find, so verfestigt und verselbständigt werden könnte, daß beide, von verschiedenen Seiten ber, in diesen Begriff des Geltens übergingen, welcher von bem geltenden Inhalte ebensowohl die Wirklichkeit des Seins leugnet, als die Unabhängigkeit von unserem Denken behauptet.

So wenig Jemand sagen kann, wie es gemacht wird, daß Etwas ist oder Etwas geschieht, ebenso wenig läßt sich angeben, wie es gemacht wird, daß eine Wahrheit gelte; man muß auch diesen Begriff als einen durchaus nur auf sich beruhenden Grundbegriff ansehen, von dem Jeder wissen kann, was er mit ihm meint, den wir aber nicht durch eine Construction aus Bestandtheilen erzeugen können, welche ihn selbst nicht bereits enthielten.

Von hier aus scheint mir Licht auf eine befremdliche An-317.gabe zu fallen, die in der Geschichte der Philosophie überliefert wird: Platon habe den Ideen, zu beren Bewußtsein er fich erhoben, ein Dafein abgesondert von den Dingen, und doch, nach der Meinung derer, die ihn so verstanden, ähnlich dem Sein der Dinge, zugeschrieben. ist seltsam, wie friedlich die hergebrachte Bewunderung des Platonischen Tieffinns sich damit verträgt, ihm eine so widersinnige Meinung zuzutrauen; man würde von jener zurückfommen müssen, wenn Platon wirklich biese gelehrt und nicht nur einen begreiflichen und verzeihlichen Anlaß zu einem so großen Migverständniß gegeben hätte. druck philosophischer Gedanken ist von der Leistungsfähigkeit der gegebenen Sprache abhängig, und es ist kaum vermeidlich, zur Bezeichnung dessen, was man meint, Worte zu benuten, welche diese eigentlich nur für Bermandtes, mas man nicht meint, ausgeprägt hat, bann vorzüglich, wenn ein neues Gebiet eröffnet wird und die Dringlichkeit der Unterscheidung des Gemeinten von jenem Anderen noch wenig hierin icheint mir ber Grund jenes Digempfunden werden fann. Richts sonst wollte Platon lehren, als was verständnisses zu liegen. wir oben durchgingen: die Geltung von Wahrheiten, abgesehen davon, ob sie an irgend einem Gegenstande der Außenwelt, als deffen Art zu fein, fich bestätigen; die ewig fich felbst gleiche Bedeutung ber 3been, die immer sind, was sie sind, gleichviel ob es Dinge gibt, die durch Theilnahme an ihnen sie in diefer Außenwelt zur Erscheinung bringen, oder ob es Beister gibt, welche ihnen, indem sie sie benten, die Wirtlichkeit eines fich ereignenden Seelenzustandes geben. Aber ber griechischen Sprache fehlte damals und noch später ein Ausdruck für diesen Begriff bes Geltens, ber fein Gein einschließt; eben dieser bes Geins trat allenthalben, sehr häufig unschädlich, hier verhängnißvoll an seine Stelle. Jeder für das Denken fagbare Inhalt, wenn man ihn als

etwas mit sich Einiges, von Anderem Verschiedenes und Abgeschlossenes betrachten wollte, Alles, wofür die Sprache der Schule später den nicht üblen Namen des Gedankendinges erfunden hat, war dem Griechen ein Seiendes, ör oder ovola; und wenn der Unterschied einer wirklich geltenden Wahrheit von einer angeblichen in Frage kam, so war auch jene ein örrwe ör; anders als in dieser beständigen Vermischung mit der Wirklichkeit des Seins hat die Sprache des alten Griechenlands jene Wirklichkeit der bloßen Geltung niemals zu bezeichnen gewußt; unter dieser Vermischung hat auch der Ausdruck des Platonischen Gebankens gelitten.

318. Man überzeugt sich leicht, daß Alles, was von den Zbeen gesagt wird, unter der Boraussetzung, die wir machten, sich als natürlich und nothwendig ergibt, und daß die verschiedenen Wendungen, die in der Darstellung ihres Wesens genommen werden, eben darauf hinauslaufen, ben Begriff, zu bessen Bezeichnung ein einziger Ausbrud fehlte, durch viele einander zu Hülfe kommende und beschränkende zu erschöpfen. Ewig, weder entstehend noch vergehend (didia, dernyta, ανώλεθρα) mußten die Ideen genannt werden gegenüber dem Fluß bes Heraklit, ber auch ihren Sinn schien mit fich fortreißen zu sollen; die Wirklichkeit des Seins allerdings kommt ihnen bald zu bald nicht zu, je nachdem vergängliche Dinge sich mit ihnen schmuden oder nicht; die Wirklichkeit der Geltung aber, welche ihre eigne Weise der Wirtlichkeit ist, bleibt unberührt von diesem Wechsel; diese Unabhängigkeit von aller Zeit, in Vergleichung gebracht mit dem, was in der Zeit entsteht und vergeht, konnte nicht wohl anders als durch das zeitliche und boch die Macht der Zeit negirende Prädicat der Ewigkeit ausgesprochen werben, ebenso wie wir bas, was an sich nicht galte und gelten könnte, an seinem Niemalsvorkommen in aller Zeit am leichtesten erkennen würden. Trennbar ober getrennt von den Dingen (xwois των οντων), heißen die Ideen zunächst begreiflich, weil das Bil (eldog) ihres Inhalts unserer Erinnerung vorstellbar bleibt, auch nachdem in der Wirklichkeit des Seins die Dinge verschwunden find, durch deren Anregung es in uns entstanden war; dann aber, weil unter jenem Inhalt nur das verstanden war, was in allgemeiner Gestalt faßbar, in verschiedenen Erscheinungen der äußern Wirklichkeit sich felbst gleich vorkommt, und deshalb unabhängig ist von jedem einzelnen

Beispiele seiner sinnlichen Berwirklichung. Aber es war nicht die Meinung Platons, daß die Ideen nur von ben Dingen unabhängig, dagegen in ihrer Weise der Wirklichkeit abhängig sein sollten von dem Beifte, welcher fie benft; Wirklichkeit bes Seins genießen fie freilich nur in dem Augenblicke, in welchem fie, als Gegenstände oder Erzeugnisse eines eben geschehenden Borftellens, Bestandtheile diefer veränderlichen Welt des Seins und Geschehens werden; aber wir alle find überzeugt, in diesem Augenblicke, in welchem wir den Inhalt einer Wahrheit denken, ihn nicht erst geschaffen, sondern nur ihn anerkannt zu haben; auch als wir ihn nicht dachten, galt er und wird gelten, abgetrennt von allem Seienden, von den Dingen sowohl als von une, und gleichviel, ob er je in der Wirklichkeit des Seins eine erscheinende Unwendung findet oder in der Wirklichkeit des Gedachtwerdens zum Gegenstand einer Erkenntniß wird; so denken wir alle von der Wahrheit, sobald wir sie suchen und suchend vielleicht ihre Unzugänglichkeit für jede wenigstens menschliche Erkenntniß beklagen; auch die niemals vorgestellte gilt nicht minder, als der kleine Theil von ihr, der in unsere Gedanken eingeht. In etwas anderer Form, und gegen Brotagoras, wird die selbständige Geltung der Jdeen hervorgehoben, wenn fie als an sich seiend was sie sind (avrà zad' avrà ovra) der Relas . tivität entzogen werden, in die sie der berühmte Ausspruch dieses Sophisten verwickeln wollte. Zugegeben selbst, daß die Lehre deffelben, auf sinnliche Empfindungen beschränkt, ihre gute Gültigkeit hat, und daß Platon sie in dieser Beziehung migverständlich befämpft, zugegeben also, daß jede sinnliche Empfindung für ben, der sie hat, so gut eine Wahrheit ist, wie eine abweichende andere für den, der diese andere hat, so würde doch Platon mit Recht behaupten, weder der eine noch der andere könne diese oder jene Empfindung haben, ohne daß dasjenige, was er in ihr empfindet, Roth oder Blau, Guß oder Bitter, ein an sich Etwas und immer basselbe Etwas bedeutender Bestandtheil einer Welt von Ideen sei; sie bildet gleichsam den beständigen unerschöpflichen Vorrath, aus dem jedem Dinge der Außenwelt alle die noch so verschiedenen Pradicate, mit denen es sich wechselnd bekleidet, und ebenso jedem Beift die verschiedenen Bustande zugetheilt werden, die er soll erfahren können; unmöglich ist es dagegen, daß ein einzelnes Subject etwas empfinde oder vorstelle, beffen Inhalt nicht in dieser

allgemeinen Welt des Denkbaren seine bestimmte Stelle, seine Berwandtichaften und Unterschiede gegen Anderes ein für allemal befäße, sondern eine zu dieser ganzen Welt beziehungslose, nirgends sonst heimische Sonderbarfeit dieses einen Subjects bliebe. Ift nun durch biese Ausbrude für die selbständige Bültigkeit der Ideen gesorgt, so ist auch hinlänglich vorgebaut, daß diese Bültigkeit nicht mit der Wirklichkeit des Seins verwechselt werde, die nur einem beharrlichen Dinge zugeschrieben werden könnte. Wenn die Ideen in einem intelligiblen überhimmlischen Ort (νοητός, ὑπερουράνιος τόπος) ihre Heimat haben sollen, wenn sie anderseits ausdrücklich noch als nirgends wohnend bezeichnet werden, so ist für Jeden, der die Anschauungsweise des griechischen Alterthums versteht, vollkommen hinlänglich ausgedrückt, daß sie zu dem nicht gehören, was wir reale Welt nennen; was nicht im Raume ift, das ist für den Griechen nicht, und wenn Platon die Ideen in diese unräumliche Heimat verweift, so liegt darin nicht ein Bersuch, ihre bloge Geltung zu irgend einer Art von seiender Birtlichkeit zu hypostasiren, sondern die deutliche Anstrengung, jeden solchen Bersuch von vorn herein abzuwehren. Auch dies steht nicht entgegen, daß die Ideen als Einheiten (Evades, povades) aufgeführt werden; benn feine Beranlaffung liegt vor, diese Bezeichnung in bem Sinne atomistischer Vorstellungen sei es auf körperliche Untheilbarkeit, sei es auf eine der Persönlichkeit ähnliche Gelbstheit zu deuten; vielmehr dem Sinne jeder Joce, und nicht jeder einfachen blos, sondern auch jeder zusammengesetzten, kommt es zu, durch Bereinigung des in ihm Zusammengehörigen und durch Ausschließung alles Fremden sich als Ein-Dennoch aber, obgleich alle diese Aeußerungen barin heit zu beweisen. übereinstimmen, daß Platon nur die ewige Gültigkeit der Ideen, niemals aber ihr Sein behauptete, bennoch blieb ihm auf die Frage: was sie denn seien, zulett nichts übrig, als sie doch wieder unter den Allgemeinbegriff der ovsia zu bringen, und so war dem Mißverständniß eine Thur geöffnet, bas seitbem sich fortgepflanzt hat, obicon man nie anzugeben wußte, was denn das eigentlich sei, wozu Platon durch die ihm Schuld gegebene Hupoftase seine Ideen hypostasirt haben sollte.

319. Zweierlei scheint dieser Auffassung entgegenzustehen: zuerst der Gebrauch, den Platon von den Jdeen zur Erklärung des Weltlaufs macht, in den sie nicht blos als gültige Wahrheiten, sondern zu-

gleich als wirkende Mächte eingreifen, ein Punkt, auf den ich später fomme; bann aber bas Berhalten bes Aristoteles. Denn biefer ift es eigentlich, deffen bestimmte Versicherungen die Lehre von der Realität der Joeen als Dogma des Platon hingestellt haben, mährend Platons eigene Darstellungen der anderen Deutung, die wir vorzogen, sich nicht widersetzen. Es scheint unglaublich, daß der scharffinnigste Schüler, burch ben eignen Umgang mit bem Meister unterrichtet, bie wahre Meinung desselben bis zu einem Migverständniß von so großer Bedeutung follte verfehlt haben. Dennoch find wir durch die Urt, wie er seine Polemik gegen die Ideenlehre überhaupt, nicht gegen bestimmte Sate Platons führt, sowie durch manche Ginzelheiten feiner Ginmendungen zu der Annahme berechtigt, daß sein Streit sich zum Theil gegen Migverständnisse richtet, die frühzeitig in der Afademie eingerissen waren. Denn an Platon selbst konnte er nicht wohl die Aufforderung stellen, zu zeigen, wo die Ideen sind, nachdem dieser unumwunden gesagt hatte, daß sie nirgends sind; nicht gegen ihn konnte er einwenden, daß folgerichtig auch von Runfterzeugniffen es Ideen geben muffe, denn ein Beispiel wenigstens, das dem beistimmt, enthalten die Bücher vom Staat, und wie wenig Platon die ganze hiermit angedeutete Schwierigkeit außer Acht gelaffen, bezeugt der Anfang des Wenn endlich Aristoteles die Ideen für überflüssig halt, Parmenides. weil sie nur Gegenbilder der Einzeldinge seien, wenn überhaupt seine ausführliche Discussion häufig von der Annahme ausgeht, es gebe von jeder Joee so viele Exemplare, als Beispiele ihrer Anwendung in der Wirklichkeit vorkommen, so finden Ginwürfe dieser Art ihr berechtigtes Biel nicht in Platon felbst; daß jede Idee nur einmal vorhanden fei, daß sie nicht ein Einzelding, sondern ein Allgemeines vieler bedeute und daß alle ihre Erscheinungen nur Abbilder dieses ihres einheitlichen Wesens bilden, war Platons beständig wiederholte Meinung; unflar mochte es immerhin bleiben, worin jenes durch Rachahmung ober Theilnahme bezeichnete Berhalten der Einzeldinge besteht, durch welches diese der einen Idee eine unzählige Menge von Berwirklichungen im Sein verschaffen. Die ganze Auseinandersetzung, die das 12. (13.) Buch der Aristotelischen Metaphysik füllt und die Widersinnigkeit einer dinghaften Wirklichkeit der Joeen darzulegen sucht, kann ich daher um so weniger für eine Widerlegung der echten Platonischen Unsicht halten,

als schließlich Aristoteles selbst für die bessere, die er ihr gegenüberzustellen meint, einen entscheibenden und unzweideutigen Ausdruck ebensowenig findet. Ihm gilt nur das Einzelding als wahrhafte ovoia, und gewiß werden wir ihm hierin beistimmen: nur bem Ginzelding fommt die Form der Wirklichkeit zu, zu fein; aber für ihn wie für Platon ift gleichwohl ber Gegenstand ber Erkenntnig nur das Alls gemeine; nicht nur, daß wir das Ginzelne nicht zu erschöpfen im Stande find, sondern auch, fo weit wir unsere Untersuchung fruchtbar auf baffelbe richten, beurtheilen wir fein Wefen und fein Berhalten immer nach allgemeinen Grundfäten. Bon dem aber, was in feiner Weise ist oder Wirklichkeit hat, auch darin ist Aristoteles mit seinen Borgangern einig, tann es auch feine Erkenntniß geben; es folgt mithin, daß auch das Allgemeine nicht schlechthin nicht ist, sondern gewissermaßen ist und gewissermaßen nicht ist. Was Aristoteles weiter hierüber verhandelt, verfolge ich nicht im Einzelnen; wenn er aber bas Allgemeine oder die Idee nicht außerhalb, sondern in den Einzeldingen · sein läßt, so erklärt er biermit die Möglichkeit der Erkenntnig nicht: benn barum, weil die 3dee in einem Einzeldinge ift, tann bas, was hier aus ihr folgt, nicht auf ein anderes Einzelding übergetragen werden, in dem fie gleichfalls angetroffen wird; Rechtsgrund zu einem Schlusse von dem einen Wirklichen auf das Verhalten eines andern kann sie nur werden, wenn sie an sich felbst eine Mehrheit von Beziehungspunkten so zusammenschließt, daß überall mit dem Vorkommen des einen auch die nothwendige Wegenwart der anderen verbunden sein muß. Und so würde sich auch Aristoteles kurzer Hand wieder dahin zurückgeführt sehen, daß allerdings die Idee xwols tor örtwr in gewisser Weise sei; in welcher Weise aber, dafür fehlt ihm der tech nische Ausdruck der Geltung ebenso wie seinem Lehrer; auch ihm ift ein Allgemeinbegriff oder eine Idee zuletzt zwar keine mahre ovola, aber doch eine devréga ovola.

320. Wenn man sich nun verwundern wollte über die Thatsache, zwei der größten Philosophen des Alterthums mit nicht vollständigem Erfolg um Klarheit über einen so einfachen Unterschied ringen zu sehen, so würde man unbillig gegen beide sein; das Gewahrwerden der einfachsten Gedankenverhältnisse ist nicht die einfachste That des Denstens, und die ganze lange Geschichte der Philosophie lehrt, wie wir

alle in jedem Augenblick bereit find, in der Anwendung uns derfelben Unklarheit schuldig zu machen, die wir auf ihren einfachsten Ausbruck gebracht für unmöglich halten möchten. So oft man geglaubt hat, eine Gedankenbestimmung entdeckt zu haben, durch welche sich das Allgemeine der Bildung und Entwicklungsweise der erscheinenden Wirklichkeit darstellen zu lassen schien, ebenso oft ift man bazu übergegangen, fie über diese hinauf in ein reines Sein zu verfelbständigen, gegen welches die Wirklichkeit der Einzeldinge als eine untergeordnete unwahre Form bes Daseins zurücktrat. Ich brauche nicht einmal an die lette Gestalt ber beutschen Philosophie zu erinnern, die an die Stelle der Platonischen Ideen die eine unbedingte Idee meinte setzen zu können; auch in außerphilosophischen Gedankenkreisen kommt dieselbe Reigung sichtlich Denn wie oft hören wir doch jett von ewigen unveränderlichen Naturgesetzen, denen alle veränderlichen Erscheinungen unterworfen find; Gesetze, beren Erscheinung zwar aufhören würde, wenn es keine Dinge mehr gabe, benen sie gebieten könnten, die aber auch bann noch fortfahren würden, ewig zu gelten, und in jedem Augenblick wieder in ihrer wirksamen Macht aufleben würden, wenn irgendwoher ein neuer Unwendungsgegenstand sich ihnen barbote; nicht einmal daran fehlt es, gelegentlich biese Gesetze als thronend über aller seienden Wirklichkeit dargestellt zu seben, gang in jenem überhimmlischen Orte, in dem Platon feine Ideen heimisch nannte. Dennoch würden diejenigen, die fo sprechen, mit Entrüftung die Unterstellung abwehren, sie hätten diesen Besetzen ein dinghaftes oder personliches Sein außerhalb der Dinge zugeschrieben, die von ihnen regiert werden; mit gleichem Recht hat auch Platon sich dieser Mißdeutung zu erwehren. Und endlich muß ich hinzufügen, daß nun auch wir, wenn wir die den Ideen und Besetzen zukommende Wirklichkeit als Geltung von der Wirklichkeit der Dinge als dem Sein unterscheiden, zunächst blos durch die Gunft unserer Sprache eine bequeme Bezeichnung gefunden haben, die uns vor Verwechselungen beider warnen fann; die Sache aber, die wir burch den Namen der Geltung bezeichnen, hat dadurch nichts von der Wunderbarkeit verloren, die den Antrieb zu ihrer Vermischung mit dem Sein enthielt. Wir find blos, unseres Denkens uns wie einer natürlichen Fähigkeit arglos bedienend, seit lange baran gewöhnt und finden es nun felbstverständlich, daß der Inhalt mannigfacher Wahrnehmungen und Erscheinungen sich allgemeinen Gesichtspunkten fügen und nach allgemeinen Gesetzen so behandeln lassen müsse, daß unsere hiernach im voraus gezogenen Folgerungen mit dem Fortgange jener Erscheinungen wieder zusammentressen; aber daß dies so ist, daß es allgemeine Wahrheiten gibt, die nicht selber sind, wie die Dinge, und die doch das Verhalten der Dinge beherrschen, dies ist doch für den Sinn, der sich darein vertiest, ein Abgrund von Bunderbarkeit, dessen Dasein mit Staunen und Begeisterung entdeckt zu haben immer eine große philosophische That Platons bleibt, wie viele Fragen sie auch mag unsgelöst gelassen haben.

Gine dieser Fragen ist die nach dem bestimmten Berhält-321.nisse der Dinge zu den Ideen, das Platon als Theilnahme jener an diesen oder als Nachahmung bezeichnet. Ich erörtere sie jetzt noch nicht in ihrem ganzen Umfange; auf einen Mangel der Ideenlehre führt uns aber ein an sich nicht gerechter Vorwurf des Aristoteles. Unter den Gründen, die ihm diese Lehre überfluffig und nutlos erscheinen lassen, hebt er mit Nachdruck hervor, daß sie keinen Anfang ber Bewegung barbiete. Go richtig bies an fich fein mag, fo wenig tann es gegen die Ideenlehre beweisen, daß sie diese Aufgabe nicht erfüllt; sie erfüllt nur auch die andere nicht vollständig, die in ihrer eignen Absicht lag. Anüpfen wir an die Gegenwart an: unfere Naturgefete, enthalten fie einen Unfang ber Bewegung? Im Gegentheil: fie alle setzen voraus, daß eine Reihe von Daten gegeben sei, die sie selbst nicht feststellen können, aus denen aber, wenn sie gegeben sind, die Rothwendigfeit des inneren Zusammenhangs der nun folgenden Erscheinungen ableitbar ift. Rein Naturgeset bestimmt, bag bie Massen unseres Planetenspitems sich überhaupt bewegen und daß ihr Lauf nach bieser und nicht nach einer andern Richtung des himmels geben ober daß die Beschleunigung, die sie einander durch ihre Anziehung ertheilen, diese Größe haben mußte, welche sie hat, und nicht eine andere; ist nun deswegen das System der mechanischen Wahrheiten nutilos und ein leeres Gerede (xevodogetv), weil es alle diese Anfänge der Bewegung anderswoher erwartet und nur innerhalb der bereits wirtlichen Bewegung jede einzelne Phase mit jeder andern nothwendig zu verbinden lehrt? Immerhin mag Platon die ersten Anstöße, von denen die Reihenfolge der Erscheinungen abhängt, in unklarer Weise, und

boch am Ende nicht unklarer, als auch wir noch, in jene dunkle  $\tilde{v}\lambda\eta$ verlegt haben, die ihm überhaupt das Gegebene versinnlicht, auf welches die Ideen Anwendung haben: bennoch, als er in der Ideenwelt die Mufter fah, benen fich alles Seiende fügen muß, wenn Etwas ift, fprach er hiermit einen Wedanken aus, beffen Wichtigkeit Aristoteles unbillig übersieht; benn auch er würde später, in der Erflärung ber einzelnen Erscheinungen, Diesen Gedanken brauchen: auch er würde nicht zugeben können, daß die bewegende Ursache, welche den verwirklichenden Anftoß ertheilt, noch freie Hand darüber habe, zu bestimmen, was aus diesem Unstoße werden soll; darüber haben von Ewigfeit jene allgemeinen Gesetze entschieden, die gleichwohl ben Untrieb zur Verwirklichung nicht geben. Aber dies allerdings muffen wir als Unvollkommenheit der Platonischen Ansicht anerkennen, daß sie eben diese ihre eigene Aufgabe nur halb löfte. Gründe für den nothwendigen Zusammenhang zweier Inhalte muffen immer die logische Form eines Urtheils haben; sie können nicht in Geftalt einzelner Begriffe ausgesprochen werden, ba teiner von diesen für fich eine Behauptung enthält. Gesetze daher, b. h. Gate, welche eine Beziehung verschiedener Elemente ausdrücken, haben wir schon vorher als die Beispiele benutt, an denen sich deutlich machen läßt, was gelten beißt im Begensatz zum fein; nur mit halber Deutlichfeit läßt sich diefer Ausdruck auf einzelne Begriffe übertragen; von ihnen fonnten wir nur fagen, daß fie etwas bedeuten; fie bedeuten aber dadurch etwas, daß von ihnen Sate gelten, der z. B., daß jeder Begriffsinhalt fich selbst gleich und in unveränderlichen Verwandtschaften oder Gegenfätzen zu andern enthalten sei. In der Form des isolirten Begriffs nun oder der Joee hat Platon ziemlich ausschließlich die Elemente der von ihm entdeckten Gedankenwelt aufgefaßt; ichon der Gesammteindruck seiner Darstellungen macht merklich, wie sparsam im Bergleich hiermit allgemeine Sätze auftreten; fie fehlen keineswegs ganz, bilden vielmehr in einzelnen Fällen Gegenstände wichtiger Erörterungen; aber baß eben fie, in dieser Gestalt als Sape, die wesentlichsten Bestandtheile der idealen Welt sein müßten, hat sich Platon doch nicht aufgedrängt. Diese Eigenthümlichkeit ber Auffassungsweise ift nicht ohne spätere Noch Kant, als er die apriorischen Formen aufsuchte, Die dem empirischen Inhalt unserer Wahrnehmungen die Einheit innerer

Busammengehörigkeit geben follten, verfiel zuerst darauf, sie in Gestalt einzelner Begriffe, ber Kategorien, zu entwickeln und zwar gerade aus den Formen der Urtheile selbst; als er sie dann zu haben glaubte, wurde um so beutlicher, daß nichts mit ihnen anzufangen war; nun folgte die Bemühung, aus ihnen wieder Urtheile, die Berstandesgrundfate, zu gewinnen, von denen als Oberfaten zu den zweiten Pramiffen, welche die Erfahrung liefert, eine wirkliche Anwendung möglich wurde. Diese Reigung, Wahrheiten, beren vollgültiger Ausbruck nur ein Sat sein kann, in die unzureichende Form eines einzelnen Begriffs zu bringen, scheint daher aller menschlichen Ginbildungstraft, nicht blos der plastisch geschulten des alten Griechenlandes, natürlich zu sein; es verdient immer im Vorbeigeben bemerkt zu werden, wie gefährlich sie ift, indem sie von dem vollen Thatbestand, dem die Untersuchung gilt, zu einem unfruchtbaren Spiel mit leeren von ihren zukömmlichen Unterlagen abgelösten Vorstellungen führt. Von alle dem nun, was wir hier verlangen, finden wir bei-Platon fehr Weniges ausgeführt, und selbst das Bedürfniß der Ausführung nicht klar und vollständig anerkannt. Der allgemeine Gedanke allerdings, daß es nicht nur unzählige Ideen gebe, sondern alle zusammen ein gegliedertes Ganze bilden, ift die Seele feiner gangen Darftellung, und mit Begeifterung schildert er den Genuß, den ihm seine dialettische Beschäftigung gewähre, ben zusammengesetzten Inhalt ber Borftellungen mit Schonung feiner natürlichen Fugen in seine Elemente aufzulösen und aus ihnen wieder zusammenzuseten; auch die verschiedenen Grade ber Berträglichkeit und bes Gegensates ber Ginzelideen und die möglichen Arten ihrer Berbindung erwähnt er als Gegenstände anzustellender Unter-Aber in den Beispielen wirklicher Anwendung, die er gibt, suchungen. läuft doch diese Kunst ber Dialektik ziemlich einförmig auf eine Classification der Ideen hinaus, die uns zeigt, an welche Stelle eines Eintheilungsspstems jede gehört vermöge der Einzelbestandtheile, die sie in sich vereinigt, aber ohne daß aus dieser Ortbestimmung in Bezug auf irgend eine derselben eine Behauptung, ein Gewinn an Erkenntniß flösse, der ohne diesen classificatorischen Umweg unerreichbar gewesen wäre; was vielmehr von jeder gilt oder nicht gilt, wird man nachher ebenso wie vorher aus anderen Quellen erfahren muffen. Jene Fugen und Gelenke, die Platon nur schonen wollte, hätte er ernstlicher untersustellen, hätte der Gedanke sich auf die allgemeinen physiologischen Bedingungen richten sollen, die in jedem einzelnen dieser Gewächse Glied mit Glied zu einer möglichen Entwickelung verbinden. Oder ohne Bild gesprochen: nachdem das Dasein einer ewig gültigen inhalt-vollen Ideenwelt mit Klarheit hervorgehoben war, blied als nächste Ausgabe, die in ihrem Bau herrschende allgemeine Gesetlichkeit zu erstorschen, durch welche auch in ihr schon die einzelnen Bestandtheile allein zu einem Ganzen verbunden sein können: es handelte sich um die Frage, welches die ersten Grundsätze unseres Erkennens sind, denen wir die Mannigsaltigkeit der Ideen unterzuordnen haben. Diese besstimmtere Gestalt hat jetzt für uns die methodische Untersuchung der Wahrheit und ihres Ursprungs angenommen.

## Drittes Kapitel.

## Apriorismus und Empirismus.

322. Wenn innerhalb des Ganzen unferer Erkenntniß eine einzelne Ansicht uns zweifelhaft wird, so suchen wir Entscheidung in der Bergliederung der Beranlaffungen, aus denen fie uns entsprungen ift; die Geschichte ihrer Entstehung soll uns lehren, ob sie Wahrheit ist, oder wie fie als Jrrthum sich hat bilden muffen. Go oft die Frage nach der Wahrheitsfähigkeit unserer Erkenntniß überhaupt in der Beschichte der Philosophie aufgetaucht ist, hat derfelbe Weg zum Ziele zu führen geschienen: aus der Art, wie unsere Vorstellungen und Urtheile sich bilden, hat man über ihre Ansprüche auf den Namen von Wahrheiten entscheiben zu können geglaubt. Diese lleberzeugung, welche Berücksichtigung verdient, da sie auch gegenwärtigen Richtungen philos sophischer Untersuchung in großer Ausdehnung zu Grunde liegt, lenkt mich für den Augenblick von der Fortsetzung meiner Gedanken ab; ich muß zu zeigen versuchen, daß jene genetische Betrachtungsweise für den zweiten allgemeineren Fall die Vortheile nicht hat, welche sie für den ersten speciellen unzweifelhaft verspricht. Denn beide sind nicht von gleicher Art. Go oft wir die Triftigkeit einer einzelnen Unsicht prufen wollen, benuten wir als Entscheidungsgrund ben zugestandenen Besit anderer Wahrheit, theils allgemeiner Sätze, mit denen übereinzustim men allen andern obliegt, die uns gelten sollen, theils feststehender Thatsachen, benen die andern Thatsachen nicht widerstreiten dürfen, die jene zu prüfende Ansicht behauptet oder voraussetzt, endlich gewisser Regeln bes Denkens, nach benen bas, was aus gültigen Prämissen triftig folgt, von untriftigen Folgerungen unterschieden wird; es ift überall hier eine Wahrheit bereits vorhanden, die auf bas zu prüfende

Gemeng unserer Gedanken wie ein Ferment wirkt, Entsprechendes sich affimilirt, Frriges ausstößt. Diefer gegebene und von dem Wegenstand der Frage unabhängige Maßstab fehlt uns in dem zweiten allgemeineren Falle: die Prüfung der Wahrheit unserer Erkenntniß im Ganzen ift unmöglich, ohne die zu prüfenden Grundfate als Entscheidungsgründe aller Zweifel vorauszusetzen. Diesen Cirtel, nach welchem unsere Erkenntniß sich die Grenzen ihrer Competenz selbst zu bestimmen hat, haben wir als unvermeidlich kennen gelernt; aber man vermehrt die Schwierigfeiten, wenn man nicht jene Grundfate felbft, sondern eine unzergliederte Anwendung derselben, wenn man nämlich ausdrücklich die angebliche Einsicht in die Entstehung unserer Erkenntniß als jenen gewissen Bestandtheil betrachtet, von dem aus ihr übriges Gebiet in Besitz genommen werden fonnte. Soll die Art ber Entstehung über den Unspruch auf Wahrheit entscheiden, und zwar, wie es hier gewöhnlich gemeint wird, auf Wahrheit in Bezug auf ein bem Erfennen fremdes und jenseitiges Sein, so ift es unmöglich, einen Schritt zu thun, ohne speciellere Voraussetzungen über die Stellung gu machen, in welcher fich bas erkennende Subject gegenüber jenen Begenständen seines Erkennens befindet, und über die Art des Berhältniffes zwischen beiden, durch welches der Vorgang des Erkennens verwirklicht wird; denn nur die Kenntniß diefer Umftande fonnte die Gefahren beurtheilen lehren, die der Bildung wahrer Vorstellungen hier entgegen-Darum ist das Borgeben, man wolle zunächst durch völlig unbefangene Beobachtung, ohne Einmischung fraglicher Berstandes grundfäte, ben Bergang ber Erfenntnig fennen lernen, eine haltlose Täuschung; jeder Versuch zur Ausführung ist nothwendig voll von metaphysischen Voraussetzungen, aber von unzusammenhängenden und ungeprüften, weil man sie nur gelegentlich im Augenblick des Erflärungsbedürfnisses macht. Da mithin dieser Cirkel unvermeidlich ist, so muß man ihn reinlich begeben; man muß zuerst festzustellen verfuchen, was Erkenntniß, ihrem allgemeinsten Begriff nach, bedeuten tann und welches Verhältniß zwischen einem erfennenden Subject und dem Object seiner Erkenntniß in Gemäßheit der noch allgemeineren Vorstellungen benkbar ist, nach welchen wir die Einwirkung jedes beliebigen Elementes auf jedes zweite zu denken haben. Diesem letzteren Gedanken, also einer metaphysischen lleberzeugung, haben wir das Ber-Lote, Logit. 33

hältniß zwischen Subject und Object des Erkennens unterzuordnen; nicht aber zuerst über dieses specielle Verhältniß einen zufälligen mehr oder minder probablen Einfall aufzustellen, um dann nach ihm über die Wahrheitsfähigkeit aller unserer Erkenntniß zu urtheilen. Ich lasse ganz unberüchsichtigt die andere Frage, inwieweit es denn aussührbar sein möge, auch nur das Thatsächliche der allmählichen Entwicklung unserer ganzen Vorstellungswelt sestzustellen; beobachtbar ist ihr Hergang nicht, denn jeder Veobachter hat ihn längst hinter sich. Mag nun in vielen Fällen auch das ausgebildete Bewußtsein sich noch des Weges erinnern, auf welchem es zu seinen jezigen Vorstellungen gestommen ist, so wird man mir anderseits zugeben, daß in vielen andern Fällen diese angeblichen Beobachtungen nur ziemlich willkürliche Einfälle über die Art sind, auf welche man sich die Entstehung der Bersstellungen glaubt denken zu können.

323. Berfolgen wir die Berfuche, die gemacht worden sind, zuerst eine zweifellose Thatsache zu gewinnen, von der aus die Entstehung der Erfenntniß und die Wahrheit derselben beurtheilbar wurde, jo begegnen wir am Anfang ber modernen Zeit bem Sate bes Des Cartes: cogito, ergo sum; ber einzigen Gewißheit, die ihm aus bem Zweifel an aller überkommenen Erkenntniß übrig zu bleiben ichien. An diesen Sat ist oft angeknüpft worden, und immer, schon seit Augustinus, bei dem wir ihn zuerst finden, hat er sich als eine ebenso zweifellose als vollkommen unfruchtbare Wahrheit erwiesen; nicht ber fleinfte Schritt gur Begründung irgend einer Erkenntniftheorie ist aus ihm allein, ohne Zuziehung anderer von ihm unabhängiger Gedanken, möglich gewesen; schon das nächste Kriterium: wahr seien die Vorstellungen, die gleiche Evidenz und Klarheit genießen, meinte Des Cartes felbst aus jenem Sate nicht ableiten zu können, ohne sich gegen die Möglichkeit, vollkommen unwahre Ideen betrogen uns mit derfelben Evidenz, auf einem früher erwähnten Umwege sicher zu stellen. In der That ift leicht einzusehen, daß aus diesem Anfang nichts Neues fließen kann. Betrachtet man den Satz in seiner negativen Bedeutung, nämlich daß nichts uns gewiß sei als die Thatsache unseres Denkens, nicht aber die Wirklichkeit einer Außenwelt, so erinnere ich an eine früher gemachte Bemerkung: auch wenn jene Außenwelt wirklich ist, so kann doch in uns von ihr nur ein Gedankenbild, nicht fie selbst vorhanden sein; die Thatsache

mithin, daß nichts uns unmittelbar gewiß ist als unsere eigne Bedankenwelt, kann niemals darüber entscheiden, ob nur sie, und ob nicht außer ihr eine Welt bes Seins vorhanden ift, auf welche fie fich bezieht. Und selbst, wenn die Borstellung dieser Außenwelt sich als ein nothwendiges Erzeugniß unserer erkennenden Thätigkeit nachweisen ließe, unvermeidlich gemacht durch die Organisation unseres Beistes und durch die Gesetze, nach denen unsere Gedanken sich verknüpfen müssen, wenn also aus der Thatsache dieses cogito sich die Nothwendigkeit dieses subjectiven Ursprungs unserer Annahme einer Außenwelt des Seins ableiten ließe: auch dann würde die Wahrheit biefer Annahme weder widerlegt noch bewiefen fein; benn auch wenn es diese Welt wirklich gibt, konnen wir bennoch auf die Borftellung berselben nur dann gerathen, wenn die Natur unseres Beistes und ber Berlauf unserer Gedanken sie als eine zur Vermeidung innerer Widersprüche für uns nothwendige Ergänzung hervortreibt. Achten wir aber auf den bejahenden Ginn bes Sates, fo finden wir diefen nicht zwedmäßig formulirt; er ift nicht mehr Ausbruck einer unmittelbaren Thatsache, sondern einer Abstraction. Dies freilich mache ich ihm nicht zum Borwurf, daß er an der ersten Person der Berba cogito und sum festhielt; denn gewiß, so dunkel auch und zu weiteren Untersuchungen anregend die hierin enthaltene Vorstellung des Ich sein mag: zu dem ursprünglichsten Thatbestand dieser einfachsten Erfahrung gehört sie unwidersprechlich; und Meinungen, welche dem cogito das cogitare, bem sum das esse als die erste und gewisseste Thatsache der Beobachtung unterschieben möchten, verfehlen gang den Ruhm vorurtheilslofer und unbefangener Grundlegung, den sie mit dem exacten Berfahren ber Naturwiffenschaft zu theilen suchen. Nirgends begegnet uns als eine einfachste Thatsache eine Vorstellung, die blos wäre, die aber Niemand hätte; nirgends ein Bewußtsein, das nur als Bewußtsein überhaupt und nicht als das Bewußtsein eines Ich erschiene, welches in ihm entweder seiner selbst ober eines Anderen sich bewußt wird; von dieser beständigen Burudbeziehung auf ein Subject, beffen Ratur völlig im Dunkel bleibt, mag später die Wiffenschaft die Ereignisse des Denkens und Wiffens irgendwie zu sondern suchen; ursprünglich gewiß und gegeben aber sind sie nur in der Form des cogito, nicht in der infinitivischen des cogitare. Anderseits freilich, was in dieser richtigen

Personalendung Fruchtbares liegen mag, ift von Des Cartes übersehen worden; welche Gedanken Kant daran zu fnüpfen wußte, ist nicht dieses Eine nicht förderliche Abstraction liegt nun aber in dem Sate des Des Cartes insofern, als er von allen den einzelnen Buständen, die als solche die unmittelbare Bewißheit ber Gelbsterfahrung besitzen, nur ihren allgemeinen Charafter hervorhebt: den der cogitatio, b. h. jenes Bewußtseins in weitester Bedeutung, durch welches sich sehr verschiedene Bustande ber Seele, Empfinden und Vorstellen, Fühlen und Wollen gemeinsam von dem unterscheiden, was wir uns als Buftand eines felbstlofen, unbeseelten Wefens glauben denken zu konnen. Bewiß geht nun dieses Bewußtsein in jede ber einzelnen Gelbstbeobachtungen ein; aber welchen Nuten fonnte es haben, nur diesen gemeinsamen Zug aller zu erwähnen und die einzelnen Inhalte zu verschweigen, in denen allein er doch wirklich sein und unmittelbarer Gegenstand ber Gelbstbeobachtung werden fann? Richt daß dieses cogito überhaupt vorkommt, in irgend einer ber Formen, die es annehmen kann, sondern in welchen Formen es vorkommt, darin lag ein fruchtbarer Anfangspunkt; nicht bie nadte Thatfache, daß wir bewußt sind oder benken, lehrt uns die uns zugängliche Wahrheit kennen, sondern was wir denken, der Inhalt unserer cogitatio, ist nicht nur das Ursprünglichste, was uns gegeben ist, sondern auch das Einzige, woraus folgen fann, was wir benfen follen ober muffen. doch Des Cartes selbst darauf hin, daß auch der Zweisler, indem er zweifelt oder jedes Wissen leugnet, die Thatsache der cogitatio durch sein eignes Thun bestätigt; eben deshalb nun, weil sie mit jedem wahren Wiffen, jedem Zweifel und jedem Jrrthum auf gleiche Weife verknüpft ift, kann sie nicht dazu dienen, Wahres von Unwahrem zu unterscheiden.

324. Es war daher unvermeidlich ein neuer Anfang, an den die Untersuchung über unsere Erkenntniß anknüpfte: der Glaube an die Wahrheit dem Geiste eingeborener Jdeen. An diesen Ramen, der einen langen Streit in die Geschichte der Erkenntnistheorie eingeführt hat, muß man nicht Einwürfe knüpsen, die mit einigem guten Willen sich leicht beseitigen lassen. Schon die Alten, wenn sie von dem sprachen, quod a Natura nobis insitum est, und Alle, die sich ähnlich ausdrückten, sind gewiß weit von der Annahme einer Wahrheit entsernt

gewesen, die, dem Beiste an sich fremd, in irgend einem Augenblick seines beginnenden Lebens ihm eingeprägt und von da ein beständiger Gegenstand seines bewußten Borftellens geworden fei. meinten fie: fo fei eben unfer Beift durch feine eigene Natur, daß er, unter Bedingungen die auf ihn einwirfen, bestimmte Gewohnheiten der Gedankenverknüpfung nothwendig entwickeln werde, zuerst als eine Berfahrungsweise, die er unbewußt befolgt; zulett, auf unzählige so ausgeübte Handlungen seines Denkens reflectirend, hebe er die unbewußt in ihnen befolgte Regel feines Berhaltens nun felbst zum Gegenstaude seines Borftellens hervor. Angeboren aber nannte man diese Ideen in der Voraussetzung, es reiche nicht hin, daß der Geift, in dem fie fich bilden follen, nur im Allgemeinen den Charafter eines vorstellungsfähigen Wesens trage, so daß unter denselben Bedingungen dieselben Ideen in jedem Wesen entstehen mußten, das diesen formalen Charafter theilte; es schien vielmehr nothwendig, daß in jedem Geiste eine concrete Anlage seiner Natur, durch die er sich von andern vorstellungsfähigen Wesen unterscheiden fonnte, die Form bestimmte, in welcher von ihm jene Vorstellungsthätigkeit ausgeübt und ihre einzelnen Handlungen verknüpft werden. Allerdings lag keine Beranlaffung vor, diese Annahme eines solchen möglichen Unterschiedes zwischen verschiedenen vorstellungsfähigen Wesen für mehr als für eine Fiction zu halten, durch die man nur zu verdeutlichen suchte, daß der hinreichende Grund unserer Erkenntniß nicht in dem allgemeinen Charafter der cogitatio liege, sondern in einer concreteren, aber allen Beiftern in Wirklichkeit gemeinsamen Bestimmtheit ihrer Natur. Indessen konnte, nach dem Zugeständniß ber Denkbarkeit dieses Unterschiedes, doch ber Versuch nicht mehr abgewehrt werden, zu sehen, was aus ihm folgt, wenn man ihn für wirklich nimmt. Und dann fielen die beiden Theile des Cartesischen Gedankens, die Apriorität der Ideen und ihre Wahrheit, auseinander: jedem Wesen muß dasjenige als Wahrheit erscheinen, was aus der Folgerichtigkeit seiner Natur fließt; ist daher ein Schatz von Ideen jedem in der angegebenen Weise eingeboren, so ist es nur ein lebhafter, aber grundlofer Glaube, wenn wir diejenigen, die uns Menschen gegeben sind, in höherem Sinne für Wahrheit halten, als die von ihnen abweichenden, die sich vielleicht mit gleicher Evidenz anders gearteten Wesen aufdrängen. Man sieht, daß dies Bedenken nicht nur Geltung hat, wenn wir die Gesammtheit unserer Erkenntniß einer objectiven Welt des Seins entgegensetzen, dessen Abbildung sie sein soll, sondern auch dann, wenn wir, was noch unerläßlicher scheint, nur das für Wahrheit halten, was allen Geistern auf gleiche Weise nothwendig, nicht aber dem einen so dem andern anders vorkommt. Die spätere Polemik hat hieran angeknüpft und behauptet: sind unsere Ideen angeboren, so haben sie keinen Anspruch auf Wahrheit; sie können ihn nur erlangen, wenn wir sie von der möglichen Verschiedenheit der vorstellenden Subjecte unabhängig und abhängig nur von der Natur einer für alle gemeinsamen Objectenwelt denken.

Che man in bas Für und Wider über diese Fragen eintritt, muß man sich überzeugen, daß hier ber Punkt ift, an welchem man anstatt der verstohlenen Boraussetzungen, denen man sich zu überlaffen liebt, unumwunden eine ausdrückliche Voraussetzung machen Reine dieser Untersuchungen tann ihr Ergebniß, worin es auch bestehen mag, überhaupt begründen ohne irgend eine beiläufig gemachte Annahme über die Art, in welcher sie die Einwirkung eines Erkenntnisobjectes auf das erkennende Subject sich möglich denkt. beiläufig zu machen, setzen wir diese Annahme an die Spitze unserer Bedanken, und zwar so, wie die vielseitige Erfahrung des Denkens sie formuliren gelehrt hat: wo auch immer zwischen zwei Elementen A und B von irgend welcher Natur das Ereigniß stattfindet, welches wir eine Einwirkung bes A auf B nennen, niemals besteht dieses Wirken darin, daß ein Bestandtheil a oder ein Prädicat a oder ein Zustand a, welcher dem A angehörte, sich von diesem löste und fertig, unverändert, selbständig nach B überginge, um diesem sich anzuknüpfen oder von ihm aufgenommen zu werden oder jett beffen Zustand zu sein; immer ift jener im A entstehende oder vorhandene Zustand a nur der Grund, um dessenwillen, unter Voraussetzung einer zwischen A und B bestehenben oder eintretenden Beziehung C, nun auch B einen neuen Zustand b aus seiner eignen Natur heraus und in sich selbst erzeugen muß. Wodurch diese Nothwendigkeit des Zusammenhangs der Zustände von A und B herbeigeführt, wie es also gemacht wird, daß B nach A sich richten muß, worin ferner, entweder allgemein ober in verschiedenen Fällen verschieden, die Beziehung C besteht, welche nothwendig ist zur Erzeugung der Wirkung: alle diese Fragen sammt der Borfrage, ob sie

überhaupt beantwortbar find, können unserm jetigen Gedankengang fremd bleiben; uns genügt das ausgesprochene formale Berhalten, gleichviel wie es in der Wirklichkeit realisirt wird. Aus ihm aber folgt, daß niemals die Form der Wirkung b unabhängig von der Natur bes Objectes B fein fann, welches fie erfährt; fie andert fich vielmehr mit ihm, und dieselbe Beziehung C, die zwischen A und B stattfand, wird, wenn sie zwischen A und B1 eintritt, in B1 eine andere Wirkung b1, verschieden von b hervorbringen. Ebensowenig ist die Wirfung b unabhängig von der Natur des einwirkenden Glementes A und von der Art der Beziehung C; sie ändert sich mit beiden; sie wird & werden, wenn nicht A, sondern A1 mit B in die Beziehung C, und 31, wenn B mit A in die Beziehung C1 tritt. Immer aber werden b, b1, B, B1 eine geschloffene Reihe von Ereignissen bilden, die nur in B möglich sind, und A und C werden nur als Reize zu betrachten sein, die da bestimmen, welche von den vielen der Natur des B möglichen Wirkungen in jedem Augenblicke und in welcher Reihenfolge sie wirklich werden sollen. Gefällt man sich, die vielgebrauchten Bezeichnungen ber Receptivität und Spontaneität bier anzuwenden, so ist jedes Element receptiv für Anregungen seiner Spontaneität und feines spontan wirksam, ohne diese Anregungen recipirt zu haben.

Diesem allgemeinen Verhalten ordnen wir die Einwirfung 326.von Erkenntnigobjecten auf ein erkennendes Subject unter. Unnahme zuerst ist gang unzulässig, welche den Ursprung unserer Erkenntnisse gang und einseitig in das erkennbare Object verlegt; es genügt wenige Aufmerksamkeit, um selbst in ber tabula rasa, mit ber man die empfängliche Seele verglichen hat, ober in dem Wachse, dem ähnlich sie Eindrücke nur aufnehmen sollte, die Unvermeidlichkeit ber spontanen Rüchwirfung zu entdeden. Nur weil die Tafel durch die ihrer Natur und Consistenz eigenen Wirkungsweisen die farbigen Bunkte festhält und sie am Verfließen in einander hindert, nur weil das Wachs den Anziehungen seiner Theile diesen Aggregatzustand verdankt, zwar leicht verschiebbar zu sein, aber die aufgezwungene Form festzuhalten, nur deswegen eignen sich beide, Eindrücke auf sich malen oder in sich einprägen zu laffen; ein Element, das gar feine eignen Wirfungsweisen dem ankommenden Reize entgegenstellt, würde nicht einmal die

ihm zugeschriebene Eigenschaft der reinen Receptivität besitzen. ferner nothwendig sich flar zu machen, daß in einer Erkenntniß zwar der von dem Object herrührende unmittelbare Beitrag fehlen fann, aber niemals derjenige, den die Natur des Subjects liefert; denn dies ist denkbar, daß zwei Vorstellungen a und B, nachdem sie einmal auf äußere Beranlassung in der Seele entstanden sind, sich nun nach Gesetzen, die nur aus der Gigenthumlichkeit der Seele fliegen, und ohne wiederholte Beihülfe ber Außenwelt, zu einem neuen Ergebniß y verschmelzen; undenkbar dagegen, daß ein Eindruck von außen auf uns geschähe, an bessen Gestaltung unser eignes Wesen nicht Theil nähme. Und darum können wir auch der Unterscheidung nicht beistimmen, welche Kant, in seinen Gedanken zwar nicht irrend, aber läffig im Ausdruck so aufstellte, daß er den gesammten Inhalt unserer Erkenntniß der Erfahrung, und nur ihre Form der angebornen Thätigkeit des Beistes zuschrieb. Denn Kant wußte sehr wohl, was wir bier bervorheben, daß auch die einfachen sinnlichen Empfindungen, die recht eigentlich den primitiven Inhalt aller unserer Wahrnehmungen bilden, uns nicht fertig von außen kommen, daß sie vielmehr, wenn wir überhaupt die Vorstellung dieser Außenwelt festhalten, nur als Rückwirfungen unserer eignen geistig sinnlichen Ratur auf die von dorther fommenden Reize gelten können; sie sind die a priori uns eigenthumlichen Möglichkeiten bes Empfindens, zur Wirklichkeit in bestimmter Reihenfolge freilich durch äußere Beranlassungen berufen, aber nie Was aber ferner durch diese Beranlassungen uns fertig überliefert. aus der Zusammensetzung Dieser einfachen Elemente sich bildet, bas räumlich anschauliche Bild dieser bestimmten Gestalt, der zeitliche Berlauf jener Melodie oder Reihenfolge, auch das ift, selbst in allen Ginzelheiten seiner Zeichnung, nicht minder ein Erzeugniß des vorstellenden Subjects, nicht minder also a priori. Denn auch wenn wir annähmen, in einem wirklich sich ausdehnenden Raume ober einer wirklich verlaufenden Zeit befänden sich Dinge in denselben Lagen oder in demselben Wechsel, in welchem wir sie bann räumlich oder zeitlich auffassen: auch dann würde diese räumlich zeitliche Borftellung berfelben etwas anderes sein als ihr eignes räumlich zeitliches Sein; wir fönnten nicht dahin gelangen, unsere Vorstellungen a, B, 7 in dieselbe Ordnung zu bringen, welche zwischen ihren objectiven Ursachen a, b, c

a state of

besteht, wenn nicht unsere eigene Natur und die Gesetze unseres Vorstellens uns dazu befähigten und nöthigten.

327. Oder wollte man sich durch Worte täuschen lassen und meinen, diese geringfügige Leistung einer Abbildung verftehe sich von selbst und bedürfe keiner wiedererzeugenden Arbeit? Aber was heißt abbilden und wie entsteht ein Bild? Lassen wir noch ganz das Auge beiseit, für welches zulett jedes Bild erft Bild ift, und fragen wir nur: wie ftellt ein Spiegel die Bedingungen ber, unter welchen für ein Auge das Bild eines Gegenstandes entstehen fann? Er vermag es nur, indem er die Lichtstrahlen, die der Gegenstand auf ihn sendet, mit Beibehaltung ihrer gegenseitigen Ordnung nach einer anderen Richtung zurückwirft, und hierzu wird er nur durch Glätte und Form seiner Oberfläche befähigt. Bon diesen Gigenschaften hängt es ab, ob er die Strahlen so regellos zerstreut, daß fein Auge fie zu einem Bilde vereinigen kann, oder ob er sie so wieder ausschickt, daß sie divergirend dem Blide doch zusammenfaßbar werden oder convergirend ein reelles Bild zusammensetzen, das dem Auge wie ein neuer Gegenstand sichtbar wird. Mit bem allen aber stellt ber Spiegel boch nur den Reiz her, der auf die Sehfraft ähnlich wirft, wie der Gegenstand selbst, und deshalb ihn vertreten fann; fragen wir aber, wie nun in Folge beffelben ein Bild gesehen werden tann, so empfinden wir, wie unpassend überhaupt die Vergleichung einer Erkenntniß mit einer Abbildung war. Das erkennende Bewußtsein ist keine widerstehende gefrümmte oder ebene, glatte oder rauhe Oberfläche, und es würde ihm nichts helfen, empfangene Strahlen irgendwohin zu reflectiren; in fich felbst und in seiner zusammenfassenden Ginheit, die fein Raum und feine Platte, sondern eine Thätigkeit ift, nuß es die erregten Einzelvorstellungen zu ber Anschauung einer räumlichen Ordnung verbinden, welche nicht selbst wieder eine räumliche Ordnung, sondern eben nur beren Borftellung ift. Denn wenn nun auch, wie vielleicht Einige meinen, die Vorstellung eines linken Punktes in unserem Bewußtsein links neben ber Borftellung eines rechten Bunktes läge, und die eines oberen über der eines unteren, so ware durch diese Thatsache noch nicht die Anschauung dieser Thatsache gegeben; hierdurch allein würden wir uns in der That nur als ein Spiegel verhalten, in welchem die Wahrnehmung einer andern Seele die Lage jener Punfte

entdeden fonnte, wenn diese Seele wenigstens bas vollbrächte, mas unsere eigene nicht gethan hätte: wenn sie nämlich die von uns in bestimmter Ordnung ihr zugestrahlten Eindrücke nicht blos erlitte und in sich beherbergte, sondern sie sich zur Beranlassung dienen ließe, eine zusammenfassende Anschauung dieser Ordnung zu erzeugen. also bleibt von diesem ungenauen Gleichniß übrig, als die Ueberzeugung, daß selbst die bloße Wahrnehmung eines Sachverhaltes, so wie er ist, nur unter der Voraussetzung möglich ist, das wahrnehmende Subject sei durch seine eigene Natur befähigt und genöthigt, die von den Gegenständen ihm zugekommenen Anregungen in diejenigen Formen zu vereinigen, die es an ihnen anschauen soll und von ihnen einfach zu empfangen glaubt. Daß es sich ebenso verhält mit allen Vorstellungen, die wir über den inneren Zusammenhang verschiedener Wahrnehmungen bilden, füge ich vor der Hand nur kurz hinzu: dem eben dies ist am öftersten zugestanden worden. Daß wir eine urfachliche Verbindung zwischen zwei Ereignissen nicht sehen, daß vielmehr die Vorstellung einer solchen erst von uns zu der wahrnehmbaren Zeitfolge der Begebenheiten hinzugebracht wird, hat man allseitig eingeräumt, bald um durch diesen apriorischen Ursprung dem Begriff des Caufalnerus die höhere Würde eines nothwendig allgemeingültigen Gebankens zu sichern, bald um ihm jede Bültigkeit in Bezug auf die Welt der Dinge abzusprechen, aus deren Wahrnehmung er nicht ent-Beide Folgerungen find unrichtig; in Bezug auf Die zweite wiederhole ich die einfache Betrachtung: auch wenn ein urfachlicher Zusammenhang zwischen den Greignissen der Außenwelt stattfindet: als unmittelbarer Gegenstand einer Wahrnehmung, Die sich völlig receptiv verhielte, könnte er uns auch dann nicht gezeigt werben; immer kann uns durch die Art ber Verbindung zwischen Gingeleindrücken nur eine Beranlaffung gegeben werden, ihn hinzuzudenken, und diese Beranlassung tann nur dann wirksam sein, wenn es unserer geistigen Natur unvermeidlich ist, jene Berbindung des Mannigfaltigen in unserem Bewußtsein uns durch diese Ergänzung erst zu vervollständigen und zu rechtfertigen.

328. Die ausgedehnte Apriorität, die wir so für unsere Erkenntniß in Anspruch nehmen, ist indessen nur die eine Seite der Sache. Eben dann, wenn wir alle sinnlichen Empfindungsweisen,

unsere Raumanschauung, unsere Begriffe von Ding und Eigenschaft, von Urfache und Wirkung, endlich die ethischen Vorstellungen des Gut und Bofe, als angeborene Meugerungsweisen bes Beiftes betrachten, eben bann kann ber Grund zu den besonderen einander ausschließenden Anwendungen ihrer aller nicht ebenso in dem Wesen dieses Geistes In unserer Raumanschauung sind unzählige Figuren möglich, aber nur bestimmte beobachten wir in jedem Augenblick; vielerlei Farben könnten wir sehen und sehr verschiedene Reihenfolgen von Tönen hören, aber wir können das Roth nicht andern, das wir jett und hier bemerken, obgleich an berfelben Stelle uns auch Blau und Gelb empfindbar ware, und der jett gehörten Melodie konnen wir keine der unzähligen unterschieben, die wir in andern Augenblicken vernommen haben; unabhängig von uns ordnen sich die Greignisse bald fo, daß sie uns zur Vorstellung eines ursächlichen Zusammenhangs nöthigen, bald so daß sie uns die Annahme besselben unmöglich machen; endlich diese Combination der Beranlassungen, die uns gur Ausübung unserer apriorischen Fähigfeiten gegeben merden, ändert sich von Person zu Person; sie kann also nicht in der allgemeinen Natur unseres Beistes begründet sein. Es ist gleichgültig für unsern gegenwärtigen Zusammenhang, wo wir ihre Ursachen suchen. Bielleicht hat die gewöhnliche Meinung Recht, der wir uns im Leben alle fügen, und von der wir in dieser Betrachtung ausgingen; vielleicht besteht eine Welt von Dingen außer uns, in welcher wir selbst be= stimmte Blätze haben, und deren eigene Beränderungen verschieden auf uns wirfen je nach den verschiedenen oder veränderlichen Stellungen, die wir in ihr einnehmen. Dann wird das Gewebe der Vorstellungen, die in uns entstehen, zwar nicht in dem Sinne Anspruch auf den Namen der Wahrheit haben, als könnte es ein ähnliches Bild deffen darstellen, was in dieser Welt der Dinge ist oder geschieht; aber jede Verknüpfung, Trennung oder Abwechselung der Erscheinungen, die uns so vorschweben, wird doch als Folge den Gang einer vielleicht anders gearteten aber bestimmten Beränderung verrathen, die in den Berhältnissen ber auf uns wirkenden Dingwelt stattgefunden hat. Bu demselben Ergebniß würde die andere idealistische Meinung führen, die uns im Leben stets ungeläufig bleibt, und zu welcher zulängliche Beweggründe nur innerhalb philosophischer Untersuchungen aufzufinden

Bielleicht gibt es, ihr zufolge, keine Welt ber Dinge und ber find. Greignisse außer uns, sondern nur die Erscheinung einer solchen wird durch eine einzige unbekannte und alle Geister durchdringende Macht eben nur in diesen Beistern selbst und so hervorgebracht, daß bie Weltbilder, welche die verschiedenen um sich herum zu ichauen glauben, zu einander paffen und alle, jeder an feiner besonderen Stelle, fich in ein und dasselbe Universum eingeordnet erscheinen. Immer wird auch diese Borstellungsweise zugestehen muffen, daß für jeden einzelnen Beist die Anregung, die er zur Erzeugung feines Weltbildes erhält, eine ihm selbst fremde ist und zugleich unerklärlich aus ber allgemeinen geistigen Natur, die er mit allen andern theilt; woher sie auch stammen mag, sie bleibt ein empirisches oder aposteriorisches Element unserer Erkenntniß. Und wieder: jede Berknüpfung, Trennung ober Abwechselung der Erscheinungen, die uns so entstehen, wird auf ein anderes Geschen, auf Veränderungen hinweisen, die jetzt zwar nicht mehr in den Berhältnissen mannigfacher Dinge, wohl aber in dem Handeln jener einheitlichen Macht vorgeben, welche diesen Traum einer Außenwelt uns verschafft. Hier endlich wie bort wird es eine würdige Aufgabe sein, aus der Beobachtung und Vergleichung der Erscheinungen die beständigen Gesetze zu ermitteln, nach denen ihr wechselreiches Spiel erfolgt, und die Auflösung dieser Aufgabe wird die Erkenntniß einer Wahrheit sein, auch wenn es fein Mittel geben sollte, zu entscheiben, von welcher anderen Gesetzmäßigkeit einer uns unbefannt bleibenden Außenwelt diese Gesetlichkeit des Berlaufs unserer Innenwelt hervorgebracht wird. Es ift im Wesentlichen die Ansicht Kants, die ich hier vertrete, und von der die deutsche Philosophie nie hätte ablassen sollen. Ich vertrete sie aber unter ausdrücklicher Ablehnung jeder Beantwortung der letztgedachten Frage. Mag es immerbin fein, daß Jemand eine unmittelbare Gewißheit über Sein oder Nichtsein jener Außenwelt zu besitzen glaubt: was und wie sie sei, wird er doch immer nur durch Rückschlüsse von den Erscheinungen aus enträthseln können; hier muß daher zuerst Recht geschaffen werden: die gewissen Grundfätze, nach denen der Zusammenhang dieser Innenwelt zu beurtheilen ift, muffen zuerst festgestellt werden, ehe von einer Anwendung der gewonnenen Einsicht auf jene der Metaphysit zu überlassende Sonderfrage zu reben ift.

Wenn wir nun aber Wahrheiten voraussetzen, die, in bem früher angegebenen Sinne bes Wortes, unserem Beiste angeboren sind, woher erlangen wir die Kenntniß derfelben, wenn nicht dadurch, daß wir sie in uns finden? also durch eine innere Erfahrung? so daß doch zulett Erfahrung die einzige Quelle aller unserer Erkenntniß wäre? Dieser Einwurf ist gemacht worden; man wird ihn zunächst für ebenso unfruchtbar als unwiderleglich halten. Denn sicher: wenn wir eine Wahrheit wiffen follen, muffen wir uns ihrer bewußt fein, und wenn wir früher uns ihrer nicht bewußt waren, so ift der llebergang zum Wiffen berfelben eine Begebenheit, die wir nur erleben ober erfahren können; in demselben Sinne ist unser ganges Dasein eine Thatsache, die wir vorfinden. Gegen den Apriorismus angeborener Ideen kann mithin dieser Einwand nicht gelten; vielmehr: auch wenn es angeborene Ideen, auch wenn es fie fogar in dem Sinne gabe, daß sie einen unablässigen Inhalt unsers Bewußtseins bildeten, auch bann wurde eine hierauf gerichtete Reflexion ihr Borhandensein zunächst immer nur als eine gegebene Thatsache erfahren oder erleben. In dieser weitläufigen Bedeutung genommen ift der Begriff der Erfahrung nicht mehr ber Unlag zu einer Berschiedenheit der Meinungen; von Wichtigkeit ist nur, als was wir jene Gedanken erfahren, ob als angeborene Wahrheiten ober als Erfahrungen in dem beschränkteren Sinne, in welchem fie im Begenfat zu diesen auf einen bem Beifte selbst auswärtigen Ursprung hindeuten. Und hier verschärft sich zunächst die vorige Frage, wenn wir nach Kennzeichen suchen, welche den einen Fall von dem andern unterschieden. Aufgenöthigt werden uns die Eindrücke, die von außen kommen, und wir können fie nicht andern; aber unvermeidlich und nothwendig erscheinen uns auch jene Wahrheiten; daß wir im ersten Fall einen fremden Zwang, im zweiten nur ben unserer eigenen Natur erlitten, können wir vermuthen, aber wie beweisen? In der That ist indessen, im unbefangenen Gebrauch des Denkens, nicht dies das Erste, was uns jett, in dem Zusammenhange unserer methodologischen Betrachtung, das Wichtigste war: nicht in dieser ihrer Eigenschaft, dem Geiste angeboren zu sein, werden jene Wahrheiten erfahren, sondern die sachliche Selbstverständlichfeit ihres Inhalts fällt uns zuerst auf und macht fie, nachdem irgend ein Beispiel uns veranlaßt hat, sie zu benten, von aller Bestätigung burch

fernere Beispiele, mithin von der Erfahrung unabhängig, welche diese liefern fonnte. Allgemeinheit und Rothwendigkeit find baber immer die beiden Eigenschaften gewesen, die den apriorischen Erkenntniffen zugeschrieben murden. Wir verstehen die erfte in dem Sinne, daß überall, sobald das Subject einer solchen Erkenntniß gedacht wird, auch das zugehörige Prädicat als selbstverständlich mit ihm verbunden erscheint; und in nichts Anderem als in dieser Gelbstverständlichkeit besteht anderseits auch die Nothwendigkeit der Geltung, die allgemeinen Wahrheiten offenbar in anderer Bedeutung zukommt, als den Verknüpfungen verschiedener Inhalte, die uns die veränderliche Erfahrung vorführt. Gegeben sind auch diese so, daß in dem Augenblick, in welchem sie stattfinden, unsere Willfür sie nicht zu trennen vermag; aber obwohl nothwendig in dem Sinne, in welchem es jede Thatsache ift, die nicht hinweggeleugnet werden tann, entbehrt doch ber Inhalt ber Erfahrung jene Selbstwerständlichkeit der inneren Berknüpfung, die uns den einen seiner Bestandtheile nicht ohne den andern zu denken erlaubt. Aber zulett: was in diesem einen Augenblide uns felbstverftändlich erschiene, woher hatten wir das Recht gu behaupten, daß es in jedem andern Augenblick uns ebenso erscheinen werde? ihm also jene Allgemeingültigkeit zuzuschreiben, durch die es, der veränderlichen Erfahrung gegenüber, zu einem feststehenden Grundsatze für deren Beurtheilung würde? Schon die antike Skepsis erhob diesen Zweifel, und er bewog sie, die Zulässigkeit jeder allgemeinen Behauptung zu leugnen. In der That, welchen Grundsatz wir auch immer erbenten möchten, um uns zu berechtigen, von ber Evidenz eines Gedankens im jetzigen Augenbick auf gleiche Evidenz deffelben in aller Folgezeit zu schließen, als allgemeiner Grundsatz würde er genau dem Bedenken unterliegen, welches er zu heben bestimmt ware. So wurde es denn, um uns der Allgemeingültigkeit eines Gebankens zu versichern, fein Mittel geben, wenn uns die Evidenz nicht genügt, mit welcher fein Inhalt, einmal gedacht, sich selbst ewige Geltung der Erfahrung vorgreifend zuschreibt. Und man würde bedenken muffen, daß diese Unfähigkeit nicht eine beklagenswerthe Unvollkommenheit nur der menschlichen Ginsicht sein würde; jeder Beist theilte sie, deffen Borstellungsleben, in der Zeit sich entwickelnd, irgend noch Achnlichkeit mit dem unfrigen hätte; welche wahrste Wahrheit ihm auch angeboren sein möchte,

sie würde in sein Bewußtsein doch nur in einem bestimmten Augenblicke treten, und alle Evidenz, die sie dann für ihn hätte, würde den Zweifel an ihrer Denknothwendigkeit im nächsten Augenblicke nicht heben.

Bielleicht stimmt man diesem Ergebnisse eifrig zu und fährt fort: eben dies beweise die Bergeblichkeit unserer Parteinahme für Wahrheiten, die dem Beifte a priori gegeben seien; selbst nachdem er sie besitze, habe er kein Mittel, sie von dem zu unterscheiden, was ihm nur durch Erfahrung zukomme; oder anders ausgedrückt: eben nur durch Erfahrung lerne er ihre Allgemeingültigkeit kennen; wenn in jedem folgenden Bersuche, sie zu benken, sich ihre Evidenz immer wieder erneuere, dann habe man zwar nicht ben strengen Beweis, aber bie größte Wahrscheinlichkeit ihrer allgemeinen Geltung, und hierauf, auf diese machsende empirische Wahrscheinlichkeit, habe alle unsere Erfenntniß sich denn in der That zu beschränken. Hierin liegt ein Theil von Wahrheit, dessen ich nachher gedenken will; aber das Banze dieser Behauptung ist falich. Gben dann, wenn zugestandenermaßen die in dem einen Augenblick erfahrene Evidenz eines Gedankens nicht für die Erfahrung derselben Evidenz in einem zweiten bürgen soll, eben dann kann auch eine tausendfach wiederholte gleiche Erfahrung das Eintreten der tausend und ersten nicht wahrscheinlicher machen, als schon das der zweiten oder der dritten gewesen wäre. Wenn wir nach vielfachen Beispielen einer Berknüpfung zweier Greignisse a und b, deren Reihenfolge durch fein Gegenbeispiel unterbrochen worden ift, auf jedes neue Eintreten von a auch b mit immer wachsender Zuversicht erwarten, so thun wir bies auf Grund fehr bestimmter Voraussetzungen. War jene Verknüpfung von a und b nicht von der Art, daß sie, einmal gedacht, sich als selbstverständlich erwies und sich selbst als allgemeingültig für alle Zufunft ausgab, so leiten wir ihre beständige Wiederkehr davon ab, daß die wechselnden Bedingungen, welche biesen Erfolg hatten andern tonnen, nicht eingetreten sind; baß fie aber auch später nicht eintreten werden, finden wir nach einer großen Anzahl gleichartiger Erfahrungen nur deshalb wahrscheinlich, weil wir im Ganzen des Weltlaufs und in dem besondern Theile deffelben, dem jene Greigniffe angehören, eine Beständigkeit des Berhaltens voraus= feten, die an einer hinlänglichen Anzahl von Beispielen erkennbar wird; nun, nachdem wir vorausgesetzt haben, daß die zufünftigen

Wiederholungen der Bedingungen den beobachteten gleichen werden, schließen wir: unter gleichen Bedingungen werde Gleiches eintreten Haben wir uns in jener Voraussetzung geirrt, so werden müjjen. wir eine falsche empirische Behauptung allgemein aufgestellt haben, die burch eine später kommende Erfahrung widerlegt wird; gilt uns das gegen der allgemeine Grundsatz nicht mehr für allgemein, daß unter gleichen Bedingungen gleiche Folgen entstehen, so ist das ganze logische Verfahren grundlos und haltlos, durch welches man aus Erfahrungen Sätze von auch nur wahrscheinlicher Allgemeingültigkeit zu finden hofft: denn jede Folgerung von m zu m + 1, gleichviel ob sie strenge oder wahrscheinliche Geltung irgend eines Sates vermitteln will, setzt die ftrenge Allgemeingültigkeit jenes logischen Grundsates voraus. sieht daber, daß die Reigung, alle allgemeine Erkenntniß aus Erfahrung, b. h. aus Summirung von Einzelwahrnehmungen zu gewinnen, nicht zum Ziele kommt; irgendwo ist stets als nothwendiges Hülfsmittel einer jener Gedanken vorauszusetzen, deffen einmal gedachtem Inhalt man mit unmittelbarem Zutrauen den von ihm erhobenen Anspruch auf allgemeine Bültigkeit zugibt.

In der That ift nun hierüber im wirklichen Gebrauche bes Denkens niemals Streit gewesen. Man hat manchen mathematischen Beweis erneuter Prüfung unterzogen, aber immer nur um zu ermitteln, ob jeder der einzelnen Sate, aus denen er bestand, für sich evident war oder folgerecht aus anderen evidenten floß; niemals dagegen hat man das an sich Evidente einer bloßen Wiederholungsprobe unterworfen, um zu sehen, ob nicht doch einmal ein Augenblick fäme, in welchem sein Gegentheil, die Gleichheit etwa bes Ungleichen oder ein Ueberschuß des Theiles über das Ganze, ebenso evident würde; und wäre jemals dies Unerwartete geschehen, so würde Niemand gezweifelt haben, daß ein Fehler vorliege, den die Unachtsamkeit des Rechnenden allein verschuldet habe. Zwiespalt ist dagegen vorhanden über den Umfang jener selbstverständlichen und allgemeingültigen Wahrheiten, und hier kommt nun der Theil Wahrheit in Betracht, den ich oben der zurückgewiesenen Ansicht doch zugestehen mußte. dies meine ich nicht so, als könnte die Erfahrung als solche uns helfen, das festzustellen, was nicht nur als allgemeine Thatsache, sondern mit selbstverständlicher Nothwendigkeit allgemein gilt; vielmehr ist es gerade

bie Erfahrung, beren oft wiederholte gleichförmige Aussagen uns verloden, zulett für nothwendig und felbstverständlich zu halten, was nur wirklich, oder nicht einmal dies ift. Ich habe früher der täuschenden Evidenz gedacht, die für uns manche Gedanken annehmen, beren Inhalt ein beschränkter Beobachtungskreis uns beständig ohne Gegenbeispiel vorgeführt hat; die psychologische Association, die sich dann zwischen den Borstellungen a und b zweier stets aufeinander gefolgten Greignisse gebildet hat, nimmt sehr bald den Schein einer selbstverständlichen sachlichen Verknüpfung der vorgestellten Inhalte an. Ich habe schon damals angeführt, daß der Bersuch, das contradictorische Gegentheil eines so evident gewordenen Gedankens zu denken, zuweilen bazu dient, diesen täuschenden Schein zu zerftreuen; mit Berwunderung bemerken wir dann, daß eine Annahme, die ber scheinbar selbstverständlichsten Behauptung widerspricht, bennoch keinen Widerstand unseres Denkens erfährt, daß sie denkmöglich ist wie diese, daß also die Gewißheit, die wir dieser zuerkannten, nicht auf allgemeingültiger und selbstverständlicher Zusammengehörigkeit ihres Inhaltes beruht. Aber ich mußte auch schon früher hinzufügen, daß dieser Bersuch nicht immer entscheidend sein wird; sehr mannigfaltig sind in der That die Ginflüsse der vorgängigen Erfahrung, die auch seinen Nuten vereiteln. Könnten wir sicher sein, wenn wir irgend einen Sat bieser Brufung unterwerfen, nicht nur sein Subject a, sein Pradicat b und den Sinn der Copula c oder derjenigen Verknüpfung, in welche wir a und b bringen wollen, genau, ohne Mangel und Ueberfluß bestimmt zu haben, sonbern auch bei der endlichen Entscheidung darüber, ob dies c zwischen diesem a und diesem b selbstverständlich stattfinde oder nicht, uns durch keinerlei Beweggrund leiten zu laffen, ber dem festbestimmten Inhalt dieser drei Begriffe fremd wäre, so würden die endlichen Aussagen aller, bejahend oder verneinend, gewiß übereinstimmen. Wo diese Bedingungen erfüllbar find, wie es auf dem Gebiete der Mathematik der Fall ist, da finden wir solche Uebereinstimmung wirklich. Die verwickelten Begriffe von Gegenständen der Wirklichkeit gestatten dagegen nicht von fern diese Genauigkeit der Zerlegung; und jedes besonnene Denken erwartet hier Ergebnisse nur von der Erfahrung oder vielmehr von genauer Bearbeitung ber Erfahrungen; die einfachsten und allgemeinsten Begriffe und Gedanken endlich, die wir eben dieser Be-Lote, Logif.

34

arbeitung gern unterordnen möchten, würden an sich allerdings jene Genauigkeit zulassen, wenn nicht eben ber Ginfluß ber vorangegangenen Erfahrungen sie erschwerte. Wir meinen gewiß etwas fehr Einfaches und Bestimmtes, wenn wir die Worte: Sein Ding Ursache Kraft Wirkung und Stoff aussprechen; aber jeder dieser Begriffe ist von uns, auf Beranlassung unseres Beobachtungsfreises oder besonderer Lieblingsrichtungen unserer Aufmerksamkeit, gewöhnlich nur auf einen Theil des Umfanges angewandt worden, den er nach unserer eignen Ueberzeugung ganz beherrschen soll, und zugleich anderseits in mancherlei Verbindungen gebracht, die ihm möglich, aber nicht wesentlich sind. Definiren würden wir daher, wenn man uns aufforderte, denfelben Begriff vielleicht übereinstimment, unsere wirklichen Anschauungen seines Inhalts würden bennoch verschieden genug sein, so verschieden wenigstens, wie dieselben Formen unter verschiedenen Beleuchtungen Alle diese unzergliederten Rebengebanken nun, die Stimerscheinen. mungen und Wünsche, die so sich verstohlen an das Gedachte knüpfen und ihm fein eigenthümliches Colorit geben, machen uns geneigt, Pradicate an ihm selbstwerständlich zu finden, die der bloße Eigeninhalt besselben nicht gerechtfertigt hätte. Dies ist der Werth und die Gefahr der Erfahrung: ohne durch fie veranlaßt zu sein, treten die allgemeinen Grundfäte unseres Urtheilens nicht vor unser Bewußtsein; burch sie veranlaßt aber sind sie zugleich mit Einseitigkeiten Mängeln und lleberschüffen behaftet, von denen eine spätere Reflexion Mühe hat sie zu reinigen. Hier beginnt, als eine unermüdlich fortzusetzende Kritik, jene dankenswerthe Bemühung, psychologisch den Ursprung der Bestalt zu erforschen, die sie zulet in unserem Bewußtsein angenommen haben; nicht sowohl um zu zeigen, wie alle Wahrheit und Gewißheit allmählich aus den Aussagen der Erfahrung entspringt, sondern im Gegentheil, um beutlich zu machen, wie viel Frembartiges, nur aus den Besonderheiten der beobachteten Beispiele stammend, sich in= crustirend an den Inhalt jener ursprünglichen Wahrheiten angelagert hat, die, einfach und rein gedacht, uns nicht nur nothwendig und selbstverständlich erscheinen, sondern so auch sich in allen ihren Anwendungen bewähren würden.

332. Ich glaube nicht, daß diese Kritik der Borurtheile, wie ich sie kurz nennen möchte, sich anders als stückweis und in unmittel-

barem Anschluß an bestimmte zu lösende Aufgaben ausführen läßt; benn die Schwierigkeiten, die sich bei den Bearbeitungen dieser erheben, find es eigentlich erft, die uns den Verdacht der Unrichtigkeit unserer Grundsätze und eine Bermuthung über die Quellen der begangenen Irrthümer erweden. Ich unterlasse daher, hierüber ins Einzelne zu gehen; aber ich muß mein bisheriges Verfahren rechtfertigen gegenüber der entgegengesetten Ansicht, welche durch diese psychologischen Bergliederungen unserer Erkenntnisse nicht nur ursprüngliche Wahrheiten aus der Umhüllung irriger Nebengedanken zu befreien, sondern die Natur des Denkens sustematisch aufzuklären und die Gültigkeit seiner Grundfätze zu erweisen sucht. Ich bin in meiner ganzen Darstellung nicht dieser Meinung gewesen, daß die Logik wesentlichen Nugen aus der Erörterung der Bedingungen ziehen könne, unter denen das Denken als psychischer Vorgang verwirklicht wird. Die Bedeutung der logischen Formen besteht in dem Sinne der Berknüpfungen, in welche wir den Inhalt unserer Vorstellungswelt bringen sollen; in dem also, was das Denken aussagt oder befiehlt, nachdem oder indem es in uns zu Stande kommt, aber nicht in dem, was als erzeugende Bedingung seiner eignen Wirklichkeit hinter ihm liegt. Gewiß muß es Bedingungen dieser Art geben, nicht blos solche eines psychischen Mechanismus, die in jedem einzelnen Augenblick jede einzelne seiner Bewegungen ebenso bestimmen, wie jeden Zug eines äußeren Naturereignisses die im Moment seines Entstehens vorhandenen physischen Data; vielmehr auch die Nothwendigkeit, mit welcher im Allgemeinen das Denken jene Regeln seines Verfahrens unwissentlich befolgt, die eine spätere Reflexion als bewußte Grundsätze ausspricht, muß eine unvermeidliche Folge ber Natur bes Geiftes sein, beren Erforschung der Psychologie zufällt. Aber wenn wir nun Alles wüßten, was wir hierüber zu wissen wünschen können, so würde es boch eine Täuschung sein, wenn wir darum besser über die Wahrheit unserer logischen Grundfätze urtheilen zu können glaubten; wäre boch ihre Gultigkeit vielmehr die Boraussetzung für die Möglickeit der Untersuchung gewesen, durch die wir diese ihre psychologische Entstehungsgeschichte zu Stande gebracht hätten. Diesen Cirtel, der uns fo oft icon ermüdet hat, will ich hier zum letten Male erwähnt haben; es muß klar fein, daß keine sensualistische oder empirische Theorie der Entstehung unseres

Denkens und Wissens dahin kommen kann, den Satz der Joentität oder des ausgeschlossenen Dritten zu beweisen oder zu widerlegen; sie bedarf beider zu jedem Schritt ihrer Folgerungen; sie kann ebensowenig die Geltung des Causalgesetzes erst begründen oder hinwegräumen wollen, denn jeder Bersuch, seine Anwendung auf Association und Reproduction der Borstellungen zurückzuführen, setzt in anderer Form es selbst als gültig in Bezug auf die Wechselwirkung der psychischen Zustände voraus, und sowohl seine Bejahung als seine Verneinung wäre hinfällig, wenn nicht zuerst seine Gültigkeit selfstände, aus der dann freilich die Verneinung nur durch einen sonderbaren Selbstmord der Untersuchung entspringen könnte. So bleibt denn nichts übrig, als daß diese psychologischen Zergliederungen auf die Ausgabe beschränkt werden, zu zeigen, wie an sich gültige Wahrheiten im Denken und für dasselbe, sosern es ein psychischer Vorgang ist, als undewußt befolgte Regeln seines Versahrens verwirklicht werden.

333. Und hier möchte ich nun noch deutlich machen, daß wir auch von alle dem, was wir in dieser Beziehung zu wissen wünschen können, in der That nichts wissen, und daß die Logik noch lange auf ein tieferes Verständniß der Denkhandlungen würde verzichten muffen, wenn sie der Aufflärung durch psychologische Ableitung derselben bebürfte. In den sensualistischen Darstellungen, wie sie nach dem bierin unerreichten Borbild Lockes und nach dem tecken Bersuche Condillacs vielfältig wiederholt sind, kann ich nichts finden, was überhaupt dieser Aufgabe entspräche. Als Kritik der Vorurtheile unseres Erkennens hat Lockes Werk in der Entwicklung der neueren Philosophie die Wirtung völlig gehabt, welche die Größe des von ihm eröffneten Gesichtstreises und die Schärfe seines Eindringens verdiente; aber der Mannigfaltigkeit ber inneren Borgange, die er in Betracht zieht, fteht er doch mit keinem andern Organ als jenem common sense gegenüber, ber, an der Beurtheilung des äußern Weltlaufs geübt, mit den hier erworbenen achtbaren und probablen, aber unspstematischen Maximen überall auszureichen glaubt. Es liegt mir näher, von dem zu reden, was in deutscher Philosophie versucht worden ist. Wenn wir von Erklärung eines Kreises von Vorgängen sprechen und sie vermissen, so schwebt uns als Muster des Gewünschten die Gesammtheit der naturwissenschaftlichen Weltansicht vor. In ihr ist, eben durch Beachtung

der Gesetze des Denkens und ihre sorgfältige Anwendung auf den Inhalt genauer Beobachtungen, die Auffindung weniger Urthatsachen gelungen, aus beren Ineinandergreifen höchst mannigfache Erscheinungen mit nachweisbarer Nothwendigkeit entspringen. Glüdliche Eingebungen haben in jüngster Zeit auch einen Theil des innern Lebens, die Abhängigkeit wenigstens der Empfindungen von äußeren Reizen, dem so beherrschten Gebiet hinzugefügt; nicht indem man versuchte, die Gigenart psychischer Ereignisse aus physischen Vorgängen zu construiren, die ihnen ewig unvergleichbar bleiben, sondern indem man sich beschränkte, auf die Glieder beider Reihen, welche thatsächlich aber in unbekannter Weise die Naturordnung aneinanderkettet, genaue Maßbestimmungen anwendbar zu machen und aus den gefundenen zusammengehörigen Werthpaaren das Gesetz ihrer Correspondenz zu entwickeln. früher war diesen Bemühungen ein werthvoller Versuch vorangegangen, zwar ohne Anknüpfung an Erfahrung im Einzelnen, aber nach Hypothesen, die sich dem Gesammteindruck der Erfahrungen anschlossen, in gleichem Sinne auch die inneren Buftande ber Seele einer mechanischen Theorie ihres Zustandekommens zu unterwerfen. Alle diese Leistungen indessen, durch welche die psychologische Anschauungsweise der Gegenwart den Ansichten der Borzeit sehr weit überlegen ist, reichen nicht an den räthselhaften Bunkt hinan, beffen helle Beleuchtung ber Logit neue Wege öffnen könnte. Sie alle lehren uns nur die Wechselwirkung verschiedener dem Maße nach bestimmter psychischer Einzelzustände mit Rücksicht auf die Beränderum tennen, die jeder von ihnen durch sein Zusammentreffen mit andern erfährt, mit Rücksicht also auch auf den Gesammtzustand ber Seele, soweit er nichts als das mechanische Refultat aller diefer Wegenwirkungen ift. Aber fie erflären nicht ebenso die neuen Rudwirkungen, zu benen jeder so entstandene Bustand die Seele veranlaßt, und die eben nicht berechenbare Ergebnisse von Größenverhältniffen zusammentreffender Bedingungen find, die vielmehr mit einer andersgearteten, fagen wir: mit einer bialektischen ober teleologischen Nothwendigkeit von dem Sinne ober der Idee abhängen, zu beren Berwirklichung die Seele bestimmt ift. Die Erforschung ber äußeren Natur läßt ähnliche Fragen zurück, bedarf aber für ihre Zwecke beren Beantwortung nicht. Wie es zugehe, wie es gemacht werde, oder wozu es denn so sei, daß Massenelemente einander nach Maßgabe ihrer Zwischenentfernung anziehen, tann bahingestellt bleiben; nachdem bas Gesetz biefer Wirfung befannt ift, darf fie als ein conftantes Element des Naturlaufs, d. h. hier als ein solches gelten, bessen Bariationen in jedem Einzelfall durch die gegebenen Umftande mitbestimmt sind; je mehr es gelingt, alle Naturvorgänge auf so sich verhaltende gleichartige Bewegungsfräfte zurückzubringen, um so mehr wird auch seiner Form nach jedes einzelne Ereigniß aus seinen veranlassenben Bedingungen construirbar werden. Dies würde sich ändern, wenn die Naturforschung Ursache zu der Unnahme erhielte, daß auch die für unveränderlich geachteten Elemente unter der Wirkung solcher Kräfte innere Zustände erlitten und durch diese bestimmt würden, mit neuen vorher nie angeregten Formen der Rückwirkung in das Spiel der Ereignisse einzutreten. man auch diese neuen Einflüsse, soweit sie in der Umgestaltung physis scher Umstände wirksam würden, unmittelbar an die erkennbaren äußeren Bedingungen anschließen, unter benen fie entstanden, also allgemein ausgedrückt, sie als Functionen dieser letteren betrachten können; scheinbar würde daher nicht die Stetigkeit der wissenschaftlichen Construction eine Unterbrechung, sondern nur ihre Ausführung eine vermehrte Schwierigkeit erfahren: in der That aber würde ein Sprung in diefer Continuität boch vorhanden fein. Denn daß überhaupt unter der Summe m gewisser physischer Bedingungen eine neue Wirkungsweise u, unter der anderen Summe n eine andere neue Wirfung v auftreten werde, würde doch ein neues Datum, eine Thatsache sein, die man aus Erfahrung weiß, aber nicht selbstverständlich und analytisch als nothwendige Folge jener Bedingungen ableiten fam. In einem solchen Falle nun befinden wir uns hier. Alle die inneren Vorgänge, die wir psychologisch als nothwendige Voraussetzungen für bie Berwirklichung irgend einer Denkhandlung kennen, find nur jene Beranlassungen m ober n, unter benen biese logischen Rudwirtungen  $\mu$  und  $\nu$  des Geistes zum Vorschein kommen; aber erklärlich wird uns aus m und n weder die Thatsache, daß  $\mu$  und  $\nu$  hinzukommen, noch finden wir wieder in dieser Thatsache selbst die mindeste Erklärung für die weiteren Berknüpfungen, die das Denken zwischen  $\mu$  und  $\nu$ , überhaupt zwischen den verschiedenen elementaren Ausübungen seiner Thätigkeit in immer sich steigernder Berwicklung anstiftet.

würde hierbei verweilen, wenn nicht ohnehin der Gegenstand des nächsten Abschnittes mich nöthigte, im Einzelnen auf die tiese Klust hinzuweisen, die zwischen dem psychischen Mechanismus und dem Denken unausgefüllt liegt; ich begnüge mich hier mit dem Ausdruck meiner Ueberzeugung, daß man alle logischen Rückwirkungen des Geistes als ein in sich zusammengehöriges Ganze, als eine einheitliche Tendenz aufzusassen hat, deren einzelne Aeußerungen ihrem Sinne nach sich verständlich in eine Reihe gliedern lassen, dagegen nach ihrer Entstehung als psychische Borgänge noch völlig unbegreislich sind. Es ist eine Jlussion der Psychologie und eine Berderbniß der Logit zugleich, die Beranlassungen, unter denen sie sich kundgeben, für sie selbst zu halten; hoffnungsloser ist nur noch der Wahn, durch eine vervollkommenete Theorie der Nervenphysik das deutlich zu machen, worauf die Möglichkeit jeder Theorie beruht.

## Viertes Kapitel.

Reale und formale Bedeutung des Logischen.

334. Thatsachen ber Wahrnehmung erkennen wir an; nur bem biscursiven Denken mißtrauen wir, bas fie deutet, am meiften ben langen Gedankengeweben, die es der Anschauung abgewandt und bech mit der Hoffnung auf ein Ergebniß fortspinnt, das diese später be-Als Thätigkeit ober Bewegung der Seele folgt das stätigen werde. Denfen Weseten ihrer Ratur; werden die Regeln, nach benen es seine Borftellungen verknüpfen muß, zu demselben Abschluß führen, den der Busammenhang der Sachen hervorbringt? so daß das Ende unseres Bedankenganges, wenn wir zur Wahrnehmung zurückkehren, mit dem zusammentrifft, was der Lauf der Dinge inzwischen hervorgebracht? Und wenn wir im Ganzen für unwahrscheinlich halten, daß Denken und Sein, die eine natürliche Vermuthung als für einander geschaffen ansieht, völlig auseinander geben, wird dann auch jeder einzelne Schritt des Denkens einer Phase des Geschehens entsprechen, die in der Entwicklung des gedachten Inhalts vorfäme? Aus solchen Zweifeln entsteht die Ansicht von einer blos formalen oder subjectiven Geltung des Denkens. Sie ist klar in dem, was sie behauptet: die logischen Formen und die Gesetze ihrer Anwendung find die Bedingungen, durch deren Erfüllung das Denken sich selbst genügt und den Zusammenhang des Borgestellten zu dem macht, was für es selbst, das Denken, Wahrheit ist; aber unklar bleibt, in welchem Berhältnisse, das sie doch nicht entbehren können, diese Formen und Gesetze zu dem Inhalt stehen, den sie nicht erzeugen, sondern vorfinden, und durch dessen Bearbeitung allein doch die gedachte Wahrheit den ihrigen erhält. Kann ein Inhalt in Formen gebracht werden, für die er nicht paßt? und selbst wo wir

einen Stoff gewaltsam in eine Bestalt pressen, die er freiwillig nicht annähme, muß nicht in ihm selbst eine Eigenschaft sein, die diese Bewalt wenigstens möglich macht? in jedem gegebenen Inhalt mithin, den das Denken seinen Formen unterwirft, eine Beziehung und Verwandtschaft zu diesen Formen, die höchstens migbraucht werden fann? Dlug nicht endlich diese Annahme in Bezug auf jede einzelne logische Operation gelten? Reine von ihnen ließe sich als blos subjectives Berfahren des Denkens ausführen, läge nicht in dem gegebenen Inhalt ein Bug, der sie verlangte oder gestattete. Nun wissen wir, daß jenes Mißtrauen, bem wir oben Worte gaben, sich nicht in der befürchteten Allgemeinheit bestätigt; wie viel wir auch in langen Gedankengängen irren, das tägliche Leben zeigt doch, wie gut durchschnittlich unsere Ueberlegungen mit dem Lauf der Dinge wieder zusammentreffen. Warum sollen wir nicht diese Zuversicht zu ber Wahrhaftigkeit unseres Denkens festhalten, die unsere natürliche dem Zweifel vorangehende Stimmung ist? warum sie nicht bis zu der Ueberzeugung steigern, der sachliche Inhalt des Borstellens sei an keine anderen Gesetze als an die gebunden, die das Denken ihm auflegt? so daß es nur sorgfältiger Aufmerksamkeit auf alle Feinheiten in dem logischen Verfahren des Geiftes bedürfte, um in ihm wie in einem Spiegelbilde die eigenen realen ober objectiven Entwicklungsformen alles Seins zu finden? So entsteht die Ueberzeugung von einer realen Bedeutung des Denkens, in ihren allgemeinsten Bugen bie frühere in der Entwidlung des menschlichen Beistes, ein Erzeugniß der Reuzeit in der ausdrücklichen Steigerung, die wir ihr zuletzt gaben; zwischen ihr und der entgegengesetzten Ansicht hat die Geschichte der Philosophie einen langen Streit zu erzählen. Wir können ihn nicht dadurch entscheiden, daß wir den logischen Formen und Gesetzen die des realen Seins und Weichehens vergleichend gegenüberstellten, denn wir haben keine Kenntniß der lettern, an der nicht das Denken bereits mitwirkend Theil hatte; aber wir können fragen, wie benn bas Denken selbst über die Bedeutung seiner eignen Handlungen urtheilt, und inwieweit es diejenigen Formen, die es als psychische Bewegung des benkenden Subjects annehmen muß, für Eigenbestimmtheiten bes von ihm bearbeiteten Inhalts ausgibt.

335. Welche Handlung des Denkens wir auch ins Auge fassen: keine besteht in dem bloßen Vorhandensein zweier Vorstellungen a und b

in bemfelben Bewußtsein, jede in bem, was wir eine Beziehung ber einen Vorstellung auf die andere nennen. Nach ihrer Ausführung läßt diese Beziehung sich als eine britte Borftellung C fassen, aber weder ist dann C gleichartig mit a und b, noch ist sie ein blos mechanischer Effect von Gegenwirtungen, die nach irgend einem Gesetz zwischen beiden, als psychischen Borgangen von bestimmter Größe und Berfciedenheit, stattgefunden hätten. Als einfachfte Beifpiele mögen Gleichsetzung und Unterscheidung zweier Vorstellungsinhalte dienen. Setzen wir a gleich a, so ist ohne Zweifel die Vorstellung a doppelt in unserem Bewußtsein; aber welche mechanische Analogie wir auch anwenden, nie folgt aus diesem Umstande etwas Anderes, als daß entweder beide a für eines zählen, weil sie ohne Unterschied einander decken, oder baß sie, als gleichartige Erregungen der Seele, zu einer dritten Borftellung von größerer Stärke verschmelzen, oder daß es bei ihrem getrennten Beftehen lediglich sein Bewenden habe. Ihre Bergleichung aber, bie zu der Vorstellung C der Gleichheit führt, besteht weder in ihrem bloßen Zusammensein noch in ihrer Vermischung; sie ist eine jetzt erst angeregte völlig einheitliche That ber Seele, welche beide Borftellungen zugleich festhält, von der einen zur andern übergeht und sich bewußt wird, während dieses Ueberganges und durch ihn keine Beränderung ihres vorstellenden Zustandes oder Handelns erfahren zu haben. Bergleichen wir ferner zwei verschiedene Vorstellungen a und b, Roth und Zwei äußere Reize, die für sich einwirkend je eine dieser Empfindungen erwedt hätten, mögen gleichzeitig wirfend in dem Nerven, durch den sie sich noch als physische Zustände fortsetzen, in eine britte mittlere Erregung verschmelzen können, die der Seele nur Beranlassung zu einer einfachen britten Empfindung gäbe; zwei Borstellungen, die als solche einmal in der Seele entstanden sind, erfahren diese Bermischung nicht. Geschähe sie, so wäre mit dem verschwundenen Unterschiede auch Anlaß und Möglichkeit der Vergleichung und hiermit in weiterer Folge die Möglichkeit alles Denkens und Erkennens ver-Denn sichtlich beruht jede Beziehung darauf, daß die verschwunden. schiedenen Inhalte unverfälscht durch eigene Wechselwirtungen in dem Bewußtsein aufbewahrt bleiben, daß die einheitliche Thätigkeit, welche fie zusammenfassen will, sie als solche vorfindet und zwischen ihnen hin und hergehend sich der entstehenden Aenderung ihres eignen vor

stellenden Zustandes bewußt wird. Indem ich mich so ausbrücke, fühle ich vollständig die Berechtigung des Vorwurfs, daß meine Bezeichnung biefer Thätigkeit lauter unconstruirbare Umschreibungen enthalte. Aber bies ift es eben, was deutlich werden muß, daß die geistigen Borgange, auf benen alles Denken beruht, keinerlei Aehnlichkeit mit dem physischen Geschehen haben, nach bessen Analogien solche Klagen sie modellirt sehen möchten. Gine Thätigkeit, die nicht einfach eine Bewegung ift, sondern eine Bewegung ausübt, auf zwei Objecte sich bezieht, ohne sie doch zu ändern, endlich sich der Richtung und Größe des zurückgelegten Weges an dem Unterschiede ihrer eigenen Zustände bewußt wird, läßt sich nicht auf das gewöhnliche Schema von unveränderlichen Elementen mit veränderlichen Relationen, von Gleichheit ber Wirfung und der Wegenwirfung bringen; bennoch ift fie etwas, beffen Wirklichkeit wir alle empfinden; ist doch eben sie das Werkzeug, durch bas wir auch jene bewunderten Constructionen ausführen. In dieser ihrer ganzen Eigenthümlichkeit muß man fie gelten laffen und zu ihrer Bezeichnung neue ihr Wefen nicht verfälschende Grundbegriffe suchen, deren Mangel wir noch fühlen, und die ich keineswegs durch meine sehr unvollkommenen Ausdrucksweisen für gefunden halte.

336. In unserem Beispiele waren a und b, Roth und Roth oder Roth und Gelb unmittelbare Gegenstände einer Anschauung. Die Vorstellungen C der Gleichheit oder Verschiedenheit, die wir als Ergebniß der angestifteten Beziehung erhielten, find bies nicht mehr; als Berhältniffe bes einen zum andern, als Bleichheit bes a mit a, als Berschiedenheit des a von b, lassen sich die Inhalte beider nicht ohne die mitreproducirten Vorstellungen dieser ihrer Beziehungspunkte und nur burch Miter innerung eben jener Bewegung wirklich benken, die uns von bem einen zum andern hinüberführte. So oft baher ber Name ber Gleichheit oder des Unterschieds uns genannt wird, werden wir zur Wiederholung aller jener Bewegungen aufgefordert, durch bie allein es möglich ist, ihren Sinn zu erfassen; aber indem wir das Ergebniß, welches wir benkend erzeugen wollen, dahin aussprechen, daß a gleich a ober a verschieden von b sei, drücken wir die Ueberzeugung aus, daß die sachliche Erkenntniß, die zu gewinnen war, ganz und ungetheilt in biesem letten Schritte liege; nicht bem a und bem b schreiben wir jene hin und hergehende Bewegung zu, durch welche wir dies ihr Verhältniß zu einander fanden; sie bildet vielmehr nur einen psochischen Borgang, ohne den dieses Ergebniß weder zuerst zu erreichen noch in der Erinnerung zu wiederholen ift, der aber boch, gleich einem Lehrgeruft, das man nach vollendeter Arbeit wieder abbricht, von der sachlichen Bedeutung unserer Denkhandlung wieder abgezogen werden muß. So zeigt sich hier zuerst, in einem einfachsten Falle, der Gegensatz der blos formalen Bedeutung unserer Denkhandlung zu ber realen ihres Productes. Che ich diese Spur weiter verfolge, erinnere ich an zwei Reihen von Vorgängen, die im Großen dasselbe bestätigen, was wir hier an einem bestimmten Beispiel fanden. Zuerst erhalten wir die finnlichen Anschauungen, von denen unser Denken ausgeht, fast alle in räumlicher Gestalt, Ordnung oder Beziehung; durch symbolische Benutung dieser Form suchen wir daber jedem verwickelten Verhältniß die ihm sonst fehlende Anschaulichkeit zu geben; wir ersetzen Unterschiede durch Entfernungen von bestimmter Größe und Richtung, Bielheit des Gleichen durch Zerstreuung in verschiedene Raumpunkte, Identität des Einen mit sich selbst durch einen unveränderlichen Ort, an den unsere Vorstellung immer zurückgeführt wird; wir finden endlich Schwierigkeit für die Klarheit begreifender Uebersicht, wo die Natur der räumlichen Schemata zum Ausdruck der Bielfeitigkeit bentbarer Beziehungssusteme nicht ausreicht. Dennoch sind wir uns bewußt, damit nicht das Wesen der Sache bezeichnet zu haben; alle diese Symbolifirungen waren subjective Hulfsmittel, benutbare Wege für das Denken, das sein eigentliches Ziel C durch Hin- und Hergehen auf ihnen zu erreichen hat; was wir meinen, ist unabhängig von der Art, wie wir es verbildlichen. Der Ausdruck unserer Gedanken ift zweitens an die Sprache, längst auch ihr innerer Verlauf an die Reproduction der Worte gewöhnt; Wahrnehmungen, Erinnerungen und Erwartungen haben volle Klarheit kaum, bis wir für sie erschöpfende Ausdrücke in Sätzen der Sprache gefunden. Der so erreichte Vortheil hängt nicht eigentlich an der Sprache und ihren Lauten, sondern an einer innern Arbeit der Zergliederung und Berknüpfung, welche dies selbe bliebe, auch wenn sie andere Formen der Mittheilung benutte; thatsächlich aber, nachdem die Sprache zu biesem Zwed entstanden, ift Form und Leichtigkeit der Denkbewegungen allerdings von den Mitteln abhängig, welche sie barbietet, und deshalb selbst national verschieden,

e month

nachdem mancherlei Ursachen sich verbunden haben, Bau und Fügung verschiedener Sprachen ungleichartig zu machen. An sich ist baber, was wir logisch meinen, unabhängig von der Art, wie wir es sprachlich ausdrücken; in wirklicher Ausführung ist aber doch alles menschliche Denken genöthigt, ben gemeinten Bedanken burch Trennungen, Berknüpfungen und Umformungen der Vorstellungsinhalte herzustellen, welche die Sprache in ihren Worten verfestigt hat. Nur mit diesem biscurfiven Charafter, im Gegensatz zur Anschauung, ist bas Denken eine psochische Thatsache; mit diesem Charafter ift es auch Gegenstand unserer logischen Darstellung gewesen und nie überhaupt hat Logis sich mit einem Denken beschäftigt, das seine berschiedenen Vorstellungen nicht nach einander zum Zielpunkt seiner Aufmerksamkeit gemacht, nicht vergleichend und beziehend sich zwischen ihnen bewegt, nicht Abstractes räumlich symbolisirt, nicht endlich seine Bedanken in Constructionen einer Sprache ausgedrückt hatte. Wir muffen daher erwarten, in bem, was wir logische Handlungen, Formen und Gesetze nennen, viel eines blos formalen Apparates zu finden, der, obwohl zur Ausübung des Denkens unentbehrlich, doch ber realen Bedeutung entbehrt, die das Denken dem Endergebniß seines Thuns allerdings zuschreibt.

337. Rehren wir zu diesem Ergebnisse jest zurud. Wenn wir, a und b vergleichend, uns einer Beränderung C bewußt werden, die wir im Uebergang von einem zum andern erleiden, so wird zwar gewiß C von der Natur jener beiden Beziehungspunkte abhängen, denn C wird anders und zu C1 werden, wenn c und d an deren Stelle treten; bennoch icheint C von diesem sachlichen Verhalten nur abzuhängen, nicht aber identisch es abzubilden; als unsere subjective Erregung erreicht es den sachlichen und objectiven Gehalt des zu Erkennenden nicht. Diesen grübelnden Ginwurf wurde ich nicht erwähnen, wenn er nicht Beranlassung gabe, auf die schwer zu befinirende Natur des Vorstellens zurückzukommen. Das Vorstellen ist nicht das, was es vorstellt, die Borstellung nicht das, was sie bedeutet; nicht nur in dem handgreiflichen Sinne, daß weder jenes noch diese die vorgestellte Sache felbst ist; vielmehr auch die einfachsten Borstellungen, die nur bentbaren Inhalt bezeichnen, haben diesen Inhalt nicht zu ihrem eigenen Prädicat: die Borstellung des Gelben ist nicht gelb, die des Dreieckigen nicht breiedig, die des Furchtsamen nicht furchtsam und die Vorstellung

des Halben nicht halb so groß als die des Ganzen. Gleichwohl ist das Borftellen von diesem seinem Inhalt nicht so trennbar, daß es für sich sein, geschehen oder sich ändern könnte; es ist nur, indem es vorstellt, was es selbst nicht ist; es ändert sich nur, indem es einen dieser Inhalte mit dem andern vertauscht; es wird mithin auch die Beränderung feiner eigenen Buftande, beren es fich bewußt wird, nur in der Beränderung der vorgestellten Inhalte bestehen, die es in einer einheitlichen Thätigkeit vergleichend zusammenfaßt; sie kann nicht in einer andersgearteten Affection gesucht werden, die das Bewußtsein nur in Folge seiner Erregung burch jene Borstellungsinhalte erlitte, und die ihm, abgetrennt von diesen, als eine beren eigenem Berhältnisse unähnliche Vorstellung C merkbar würde. Wer Roth und Gelb in gewissem Grade verschieden und doch verwandt findet, wird sich ohne Zweifel biefer beiden Beziehungen nur mit Sulfe ber Beranderungen bewußt, die er, als vorstellendes Wesen, bei dem Uebergang von der Borstellung des einen zu der des andern erfährt, aber er hegt dabei nicht die Befürchtung, das Verhältniß von Roth und Gelb könne an sich noch ein anderes sein, als das der Affectionen, welche sie beide ihm veranlaffen; an sich etwa sei Roth dem Gelb gleich und erscheine blos uns verschieden von ihm, oder an sich finde zwischen beiden ein größerer Unterschied statt, der nur uns noch eine gewisse Berwandtschaft einzuschließen scheine. Solche Bedenken hatten Grund, wo wir unsere Bebankenwelt zu einer außer ihr vorausgesetzten Sachenwelt in Beziehung brächten; so lange jedoch statt dieser unsere eignen Vorstellungen unsern Gegenstand bilden, zweifeln wir nicht, daß die bei ihrer Bergleichung erfahrenen Gleichheiten oder Unterschiede unseres Vorstellens zugleich ein sachliches Verhalten unserer Vorstellungsinhalte bedeuten.

338. Wie aber ist dies doch eigentlich möglich? wie können Sätze: a sei gleich a oder a sei verschieden von b, ein sachliches Verhalten ausdrücken, das folglich unabhängig von unserem Denken bestände und von ihm nur aufgefunden oder anerkannt würde? Mag Jemand noch zu wissen glauben, was er unter der an sich bestehenden Gleichheit des a mit a sich denke, wie wird er aber über den an sich bestehenden Unterschied zwischen a und b urtheilen? und welches sachliche Verhalten wird diesem Zwischen entsprechen, das uns nur verständlich ist, so lange es an die räumliche Entsermung erinnert,

welche wir, als wir a und b vorstellten, symbolisirend zu beider Auseinanderhaltung und zugleich als ben verbindenden Weg einschalteten, auf dem unser Vorstellen von dem einen zu dem andern übergeben konnte? Oder anders ausgedrückt: da Berschiedenheit weder Prädicat des a für sich noch des b für sich ist, wessen Prädicat ist sie? und wenn sie nur Sinn hat, sobald a und b auf einander bezogen sind. welche sachliche Verbindung findet denn zwischen a und b dann statt, wenn wir die beziehende Thätigkeit als nicht ausgeübt betrachten, durch welche wir in unserem Bewußtsein beide in Berbindung setten? Diese Fragen nicht beachtet zu haben ist der Grund mancher Jrrungen der antiken Dialektik; was Dingen nur in der gegenseitigen Beziehung zukommen kann, die unser zusammenfassendes Denken zwischen ihnen anstiftet, wurde, nicht ohne der logischen Einbildungsfraft Gewalt anzuthun, als Prädicat der einzelnen auf sich beruhenden ausgesprochen. Damit a und b verschieden seien, ohne unser Denken zu ihrer Unterscheidung zu bedürfen, wurde jedem der beiden zugeschrieben, an sich ein Exegor zu sein, und die Bergleichung mit dem andern sollte dabei ungedacht bleiben, die doch diesem Ausbruck allein Bedeutung gibt; die Verneinung, die das Denken durch seine vergleichende Unterscheidung ausspricht, indem es sagt, a sei nicht b, kam an dem a für sich als ein positives Prädicat, mit Hinweglassung des verneinten Beziehungspunktes b, als ein seiendes Nichtsein mithin, zu eigner Wirklichkeit, und diese Unklarheit galt für einen großen Fund des Tieffinns; wenn b kleiner als a und größer als c, so war es ein ärgerliches Räthsel, wie die von ihren Beziehungspunkten abgelöften und nun einander widerstrebenden Prädicate des Kleinerseins und des Größerfeins sich an demselben b vertragen mögen. Diesen Irrungen im Einzelnen zu folgen, wurde nicht ohne vielseitiges Intereffe fein, aber zu weitläufig für unsere Darstellung, die sich mit folgendem Abschluß begnügen mag. Sind a und b, wie bisher, nicht Dinge von unabhängiger, unserem Denken jenseitiger Wirklichkeit, sondern vorstellbare Inhalte, wie Roth und Gelb, Gerade und Krumm, fo besteht eine Beziehung zwischen ihnen nur, sofern wir sie denken, und dadurch daß wir fie denken. Aber so ist unsere eigene Seele beschaffen, und so seten wir jede andere voraus, deren Inneres der unseren gleicht, baß dieselben a und b, so oft sie und von wem sie auch vorgestellt werden

mögen, stets im Denken bieselbe nur durch das Denken und nur in ihm bestehbare Beziehung hervorbringen werden. Unabhängig ist diese baher von dem einzelnen benkenden Subject und unabhängig von einzelnen Momenten seines Denkens; hierin allein liegt das, was wir meinen, wenn wir sie als an sich bestehend zwischen a und b betrachten und sie von unserem Denken wie ein für sich dauerndes Object auffindbar glauben; sie steht wirklich so fest, aber nur als ein Greigniß, bas im Denken stets unter gleichen Bedingungen gleich sich erneuern wird. Und dies gilt nicht allein von dem Unterschiede, sondern von jedem Berhältniß, das wir zwischen a und b auffinden. So oft von irgend einem Geifte ein vollkommener Areis vorgestellt wird, so oft wird zwischen seinem Durchmesser und seinem Umfang, hier freilich nur durch eine Reihe von Zwischengedanken, das Verhältniß 1 : # gefunden werden; deshalb gilt diese Proportion an sich, aber obwohl sachlich gültig, hat sie boch ein Sein nur in Weftalt bes Denkens, welches sie auffaßt. Es verhält sich anders, wenn a und b ausdrücklich Wirklichfeiten, Dinge, Wesen bedeuten, die wir denkend nicht erzeugen, sondern als jenseitige Gegenstände anerkennen; dann drückt der Name der Beziehung weniger aus, als wir zwischen biesen Beziehungspunkten wirklich bestehend denken muffen. Nur so lange wir blos die vorstellbaren Inhalte dieser a und b in willfürlicher Zusammenstellung vergleichen wollen, würden wir durch Behauptung einer Beziehung zwischen ihnen, richtiger dann zwischen ihren Borstellungen ober Denkbildern, unseren Gedanken vollständig ausgedrückt haben. So oft wir dagegen, um eine in der Wahrnehmung uns aufgenöthigte Berbindung diefer Borstellungen zu erklären, uns auf eine Beziehung C berufen, die an sich eben nicht zwischen ihnen, sondern zwischen den Dingen a und b bestehe, deren Denkbilder sie für uns sind, so muffen wir inne werden, daß bas, worauf wir uns hier berufen, nicht eine Beziehung zwischen a und b, und deshalb überhaupt nicht mehr eine Beziehung in dem gewöhnlichen Sinne dieses Namens sein tann. Denn nur unser Denken, indem es von der Borftellung a zu der Borftellung b übergeht und sich dieses Uebergangs bewußt wird, erzeugt als eine für es selbst verständliche Anschauung das, was wir hier ein Zwischen nennen: ganz unausführbar dagegen würde jeder Bersuch sein, dieser Beziehung, zugleich Trennung und Verknüpfung des a und b, die nur die Erinnerung an eine durch die Einheit unseres Bewußtseins vollziehbare Denkhandlung ist, eine reale Geltung der Art zu geben, daß sie etwas wäre auch abgesehen von dem Bewußtsein, welches sie denkt. Unabhängig von unserem Vorstellen, in objectiver Geltung, kann diese angebliche Beziehung nur bestehen, wenn sie mehr ist als Beziehung, und sie bezieht dann nicht zwischen a und b, denn dieses Zwischen selbst ist nirgends als in uns, sondern in beiden als ein Wirken und Leiden, das sie wechselseitig auf einander ausüben und von einander erfahren, und das nur für uns, wenn wir es denken, logisch die abgeschwächte und seine volle Bedeutung nicht mehr erreichende Form einer Beziehung annimmt. Ich muß der Metaphysit überlassen, zu zeigen, zu welchen Folgerungen diese Bemerkung führt; auf Einiges, was mit ihr zusammenhängt, komme ich bald zurück.

339. Die Vergleichung von a und b führt nicht blos zu Gleichsetzung oder Unterscheidung; in Gestalt eines Allgemeinen suchen wir auch das Gleiche im Berschiedenen zum Inhalte einer gesonderten Vorstellung C zu machen. Es ist eine häufige kritische Bemertung der Logit, daß unsere allgemeinen Begriffe die Festigkeit nicht besitzen, die wir ihnen im gewöhnlichen Gebrauch des Denkens zutrauen; ihr Inhalt und ihre Gliederung bilde sich allmählich aus und derfelbe Begriff bedeute Berschiedenes für verschiedene Entwicklungsftufen unserer immer hinzulernenden Erkenntnig. Dies gilt in fehr deutlicher Weise von Begriffen, deren Inhalt blos aus Erfahrung stammend erst nach und nach uns bekannt wird; nicht ebenso unvollendbar wird man die Begriffe einer Ganzzahl oder eines Bruches, einer Linie oder Figur finden. In dem Begriff des Dreiecks benkt der Geometer nicht mehr als sein aufmerksamer Schüler; aber bei diesem Begriffe erinnert er sich zahlreicher Relationen, die diesem noch unbekannt sind; so scheint es als sei für ihn der Begriff des Dreiecks reicher an Inhalt, während nur sein Wissen über ihn ausgedehnter ist. Dies dahinstellend hebe ich vielmehr hervor, daß jeder Allgemeinbegriff, auch wenn wir nur benjenigen Inhalt in Betracht ziehen, ben er in einem einzelnen Augenblide ausdrücken foll, eine in wirklicher Vorftellung unvollendbare Aufgabe bezeichnet. Ein bestimmtes Roth und Blau kann man sehen; die allgemeine Farbe läßt fich weder sehen, noch in gleich anschaulicher Gestalt, wie die Erinnerungsbilder von

101 1/1

Roth und Grün, der Ginbildungstraft gegenüberftellen. Farbe überhaupt spricht, rechnet darauf, der Hörende werde zunächst das anschauliche Bild einer Einzelfarbe, des Roth vielleicht, in sich erzeugen, zugleich aber es mit einer Berneinung begleiten, die es nicht für sich, sondern als Beispiel des Allgemeinen gelten läßt; diese Berneinung aber, wenn sie nicht allen Inhalt aufheben soll, kann er nur ausführen, wenn er zugleich Einzelbilder anderer Farben mitvorstellt und von der einen dieser Vorstellungen zur andern übergehend sich des bleibenden Gemeinsamen in seinen veränderlichen Borstellungszuständen bewußt wird. Gine solche Reihenfolge psychischer Thätigkeiten schreibt uns der ausgesprochene Rame jedes Allgemeinen vor; erreichbar aber als wirkliche Vorstellung ist das nicht, was durch diese Thätigkeiten gesucht wird; niemals läßt sich, was Roth und Gru zu Farben macht, von dem abtrennen, was Roth zu Roth und Grün zu Grün macht. Man pflegt als selbstverständlich zuzugeben, daß die Gattung eines Wirklichen nicht für sich wirklich sei; das Einzelpferd sehe man, das allgemeine laufe nirgends; aber man muß sich überzeugen, daß auch im Denken bas Allgemeine immer nur als eine angestrebte, nie vollzogene Vorstellung über den anschaulichen Bildern seiner Diesen inneren Bewegungen in uns tann Einzelbeisviele schwebt. feine sachliche Bedeutung zufommen; fie bleiben subjective Anstrengungen unseres Geistes, und selbst die Art, wie wir ihr Ergebniß aus brücken: ber Inhalt des Allgemeinen sei enthalten in dem Inhalt des Besondern, dieses in dem Umfang des Allgemeinen, bezeichnet nur in räumlicher Symbolif die Dentbewegungen, die ein sachliches Berhältniß zwischen beiden vorzustellen streben. Da wir nun überdies in wirklicher Vorstellung nicht erreichen, was wir suchen, hat denn dann das Allgemeine überhaupt eine sachliche Bedeutung? Oder hat eine weitverbreitete Meinung Recht, nur in dem psychischen Mechanismus die Urfache zu sehen, die uns verleitet, ähnliche Eindrücke mit Bermischung ihrer Unterschiede und zulett nur mit Schaden für die Benauigkeit des Denkens unter gemeinsame Ramen zusammenzufaffen? Aber biefe Meinung gibt zu, was fie leugnen will; um zu begreifen, daß nicht alle, sondern nur ähnliche Vorstellungen diese Zusammenziehung in ein Gemeinsames erfahren, sett fie eben die Aehnlichkeit derselben und hiermit offenbar nur in anderer Form die fachliche Bültigkeit unserer Annahme eines Allgemeinen voraus, das in ihnen, wie unabtrennbar auch immer, enthalten sei. Wäre es anderseits nur eine angeborene Bestrebung des Denkens, Allgemeines zu suchen, fo möchte immerhin dies Streben ohne fachliche Bedeutung fein; aber die Thatfache, daß bas Besuchte gefunden wird, gibt ihm diese doch. 3ch widerspreche mir hier nur scheinbar; denn obgleich das Allgemeine nicht als anschauliche Borstellung fixirt werden kann, erfolglos ist boch die Bemühung nicht, es zu denken. Wir könnten Roth und Blau nicht einmal dem allgemeinen Ramen ber Farbe unterordnen, wenn bas Gemeinsame in ihnen nicht ware, deffen Bewußtwerden wir durch die Schöpfung biefes Namens bezeugen; wir könnten von Thieren und Pflanzen feine Gattungsbegriffe bilden, wenn nicht die Merkmale der einzelnen und ihre Berbindungsweisen die Bergleichbarkeit wirklich befäßen, die uns erlaubt, fie allgemeinen Merkmalen und Formen unterzuordnen und durch Ginsetzung dieser anftatt ihrer das allerdings unanschauliche Denkgebild der Gattung zu erzeugen. In ber Thatsache mithin, bag wir Allgemeines benten können, liegt allerdings eine Behauptung von realer Geltung: die Welt der vorstellbaren Inhalte, die wir benkend nicht erzeugen, sondern vorfinden, zerfällt nicht atomistisch in lauter singulare Bestandtheile, deren jeder unvergleichbar mit anderen wäre, sondern Achnlichkeiten, Verwandtschaften und Beziehungen zwischen ihnen finden so statt, daß das Denken, Allgemeines bildend, Besonderes ihm unterordnend und einander nebenordnend, durch diese seine formalen und subjectiven Bewegungen mit der Ratur des sachlichen Inhalts zusammentrifft.

340. Gehen wir von diesen einfachsten Fällen zu den Hauptsformen der logischen Thätigkeit über, so begegnet uns in Bezug auf die Bedeutung der allgemeinen Begriffe der Streit des Nomisnalismus und des Realismus, der das Mittelalter heftig bewegte. Beide Richtungen faßten den Gegenstand der Frage nicht in rein logischem Sinne; überwiegend metaphysisches Interesse ließ sie die Innenwelt unserer Borstellungen hauptsächlich in ihrem Verhältniß zu der Welt der Dinge betrachten. So kam der Realismus dahin, mit llebertreibung der misverstandenen Selbständigkeit platonischer Ideen, den Allgemeinbegriff für das wahrhaft Seiende in den Dingen, Alles aber, wodurch eines seiner verwirklichten Beispiele sich von den andern unterscheidet, als eine freilich sehr räthselhafte, aber secundäre Nebens

bestimmung anzusehen, die vergänglich zu der ewigen Substanz des Allgemeinen hinzutrete; ber Nominalismus, von der richtigen aristotelischen Ueberzeugung beginnend, die Birklichkeit bes Seins gehore nur bem Ginzeldinge, fand feinen Weg, mit biefer die Beltung bes Allgemeinen zu vereinigen, sah in ben Begriffen höchstens subjectiv verwendbare Mittel für die Ordnung unserer Borstellungen ohne Bebeutung für die vorgestellten Dinge, und verirrte sich, auch dies noch leugnend, bis dahin, sie nur als aussprechbare und hörbare Laute ohne wirklichen Denkinhalt gelten zu laffen. Ich vermeide zunächst jene ausschließliche Beziehung auf bas Sein; sie beschränkt widerrechtlich ben Sinn ber Frage; auch wo es sich in Mathematit nicht um Dinge und ihr Wesen handelt, auch wo praktische Philosophie und Jurisprudenz von Tugenden und Berbrechen sprechen, die sein sollen oder nicht sollen, überall ferner wo im Leben eine wichtige Entscheidung durch Unterordnung einer gegebenen Sachlage unter einen allgemeinen Begriff gesucht wird: überall ba kommt die gesetzgebende Bedeutung des Allgemeinen für diese sachlich, aber doch nicht dinghaft, uns gegebenen Inhalte in Betracht.

341. Entwöhnt man sich, nur naturgeschichtliche Gattungsbegriffe als Beispiele des Allgemeinen zu benken, erinnert sich vielmehr, daß wir auch von Figuren und Bahlen, Greigniffen und Berhältniffen, Wahrheiten und Jrrthümern allgemeine Begriffe bilden, so verschwindet die abenteuerliche Neigung von selbst, ihnen als solchen eine dinghafte oder doch wesenhafte Realität zuzuschreiben. Die Urbilder felbständiger Geschöpfe, der Pflanze, des Thieres, des Menschen, mag allenfalls unsere Einbildungsfraft in einer hypostasirten Ideenwelt in ewiger Wirklichkeit für sich bestehen lassen, Gegenstände der Anschauung für eine Seele, die noch nicht an die Beschränkungen ihres irdischen Daseins gebunden wäre; aber die Allgemeinbegriffe von Rube und Bewegung, Gleichheit und Gegensatz, Thun und Leiden könnten auch in jener Welt nicht in gleichartiger Wirklichkeit neben ihnen fein, sondern nur als pradicative Bestimmungen von ihnen gelten. Diese leicht einzusehende Nothwendigkeit vergessen wir freilich zuweilen: Eigenschaften, Verhältnisse oder Ereignisse, an deren Inhalt sich ein hervorragendes Interesse der Berehrung oder der Furcht knüpft, sind wir geneigt, mit Verkennung ihrer bennoch nur prädicativen Natur als

Allgemeinheiten von wesenhafter Wirklichkeit zu behandeln; von dem Schönen an fich sprechen wir wie von einem Wefen, das nur uns ungugänglich sei, aber an sich ein Gegenstand möglicher Anschauung; von der Sünde reden wir nicht nur wie von einer That, die wirklich wird, wenn wir sie begehen, sondern auch wie von einer selbständigen Macht, die wesenhaft auf uns einwirke. Wir verwechseln hier die Wichtigkeit, die dem Inhalt beider Begriffe in dem Ganzen der Weltordnung gebührt, mit einer Form der Wirklichkeit, die ihm unzugänglich ift, und die nur am ausdrucksvollsten seine Unabhängigkeit von unserer Anerkennung bervorhebt. Dieser falschen und nicht ungefährlichen Gewohnheit entsagen wir doch leicht; nur die Allgemeinbegriffe bessen, was nach der Natur seines Inhalts substantivische Fassung ursprünglich verlangt, unterhalten länger die Neigung zu solcher Hppostasirung; auch sie jedoch weicht vor einer einfachen Betrachtung. Nicht nur einmal bilden wir ja, von dem Einzelnen der Wahrnehmung ausgehend, ein Allgemeines Q, sondern auch dies verbinden wir mit andern seines Gleichen zu einem höheren Allgemeinen P, und indem wir dieses Berfahren fortsetzen, ift es zugleich in weiten Grenzen in unser logisches Belieben gestellt, durch wie viele ebenfalls allgemeine Mittelglieder wir Q mit dem höchsten Allgemeinen A, bei dem unsere Abstraction anhalten wird, in Berbindung setzen wollen. Jedes dieser Allgemeinen würde gleiches Recht auf jene wesenhafte Existenz haben; neben bas allgemeine Thier an sich träte in gleicher Wirklichkeit das allgemeine Wirbelthier, das Säugethier an sich, der allgemeine Ginhufer, das Pferd an sich und der allgemeine Rappe; neben einander, fagte ich absichtlich, benn es gabe in der That keine Vorstellungsweise, durch welche wir die Unterordnung, vermöge deren in unserem Denken einer dieser Allgemeinbegriffe ben andern einschließt, auf diese Wesen von gleichartiger Wirklichkeit des Seins übertragen könnten; so neben einander gestellt aber würden sie das nicht mehr bedeuten, was sie bedeuten wollen. Die Einsicht befestigt sich daher, daß diejenige Realität, die wir den durch unser Denken erzeugten Allgemeinbegriffen zuerkennen wollen, völlig unähnlich einem Sein ift und nur in einer Beltung von dem Seienden bestehen kann. Aber wie viel von dem Ganzen eines Allgemeinbegriffs diese Beltung besitze und was es überhaupt beiße, sie zu besitzen, bebarf noch einiger Erörterung.

342. Ich erinnere zunächst baran, daß es sich hier nicht um einen objectiven Werth handelt, der diesem oder jenem der von uns erzeugten Allgemeinbegriffe auf Grund seines richtig zusammengefügten Inhalts zukommen mag; die Frage bezieht sich auf die allgemeine Bedeutung der logischen Form des Allgemeinbegriffes; daß dieser, wie jeder andern von den Formen, welche die Logit als Ideale vorzeichnet, ein ihr unzupaffender Inhalt gegeben werden kann, bedarf besonderer Erwähnung nicht; aber die Kritit dieser unzähligen Unwendungen der Begriffsform ift feine bier zu lösende Aufgabe. Run dachten wir einen Inhalt 8 dann in der Form des Begriffs, wenn wir seine mannigfachen Bestandtheile nicht nur als ein Ganzes überhaupt zusammenfaßten, sondern ein Allgemeines M mitvorstellten, von deffen in bestimmter Weise verknüpften allgemeinen Merkmalen PQ.. jedes in S zu einer besondern Modification ps qs determinirt war. Diefe Structur unseres Begriffes entspricht keinem Vorgang, der in der Natur eines Dinges oder Gegenstandes vortäme; sie entspricht auch dem nicht, was wir als die eigne Natur eines zwar sachlich, aber nicht dinghaft gegebenen Inhalts bezeichnen könnten. Es gibt keinen Augenblick in dem Leben einer Pflanze, in welchem sie nur allgemeine Pflanze ober Conifere an sich ware und von späteren Ginfluffen, die unsere hingufommende logische Determination ersetzten, Entscheidung darüber erwartete, zu welchem bestimmten Baume sie auswachsen folle. Allerdings ist die Pflanze das, was sie zuletzt wird, nicht schon als vollständige Miniatur im Keime; aber ihre Entwicklung erfolgt nicht so. daß hinzutretende Bedingungen eine Determination in allgemeiner und unbestimmter Gestalt vorhandener Merkmale erzeugten, sondern zu völlig bestimmten treten fie hinzu und bringen im Berein mit ihnen neue Folgen hervor, die nicht als mögliche Arten in den Umfängen früherer allgemeiner Merkmale lagen und jetzt nur, mit Ausschluß aller bisjuncten, zur Wirklichkeit famen. Ellipsen haben feine natürliche Existenz und Entwicklung wie Pflanzen; aber auch in ihre Natur dringen wir doch nicht dadurch mit ausschließlicher Wahrheit ein, daß wir sie zuerst als Curven überhaupt mit den allgemeinen Eigenschaften aller frummen Linien benken, und dann diese Eigenschaften bis zu der Besonderheit determiniren, die dieser Curve als solcher gehört; so können wir zu ihrem Begriffe kommen, bann nämlich, wenn in

unserer ungeübten Erinnerung zuerst nur die allgemeinen Umrisse ber Figur auftreten, nach der man uns fragt, und erft nachfolgende Besinnung sie uns bestimmter zeichnen lehrt; in den mathematischen Bleis chungen, mögen sie die Gestalt der Linie auf ganz willfürliche Ausgangspunkte beziehen oder auf eine ihrer graphischen Entstehungsarten Rücksicht nehmen, ift die Krümmung selbst gar nicht direct ausgedrückt, sondern nur als eine Folge, die man aus den bestimmten Berhältniffen der Coordinaten ableiten fann. Diese Betrachtungen gelten ebenso von der classificatorischen Unterordnung der Begriffe; sie hat keine reale Bedeutung für die eigne Structur und Entwicklung ber Dinge. Weber ist dies Pferd zuerst Thier überhaupt gewesen, dann Wirbelthier im Allgemeinen, später Säugethier an fich und zulett erft Pferd geworden, noch tann man in jedem Augenblick seines Daseins die völlig determis nirte Gruppe von Merkmalen, die es zum Pferd macht, von der alls gemeineren und weniger bestimmten, durch die es Wirbelthier ware, und von der unbestimmtesten, die es nur zum Thiere überhaupt gestaltete, in irgend einer Weise selbständig absondern. Und hierzu kommt, daß nicht nur auf Grund mangelhafter Kenntnig und Beobachtung verschiedene Classificationen sich über dieselben Wegenstände streiten und zwischen ihnen und dem höchsten Allgemeinen verschiedene Stufenleitern allgemeiner Begriffe einschalten; sondern an sich ist das logische Recht des Denkens unanfechtbar, von beliebig gewählten Gesichtspunkten aus dasselbe S verschiedenen höhern Allgemeinbegriffen unterzuordnen, oder durch sehr abweichende Reihen aufeinanderfolgender Determinationen seinen Begriff zu construiren. Im hinblick auf bestimmte Zwecke einer Untersuchung können wir dann fragen, welche dieser Constructionen vorzuziehen sei, weil sie den Gegenstand am gunftigften für die Unterordnung unter die hier entscheidenden Grundsätze darstelle; wüßten wir uns im Besitz einer Kenntnig ber höchsten Principien des ganzen Weltlaufs, welche die Entscheidungsgründe aller Sonderfragen einschlössen, so könnten wir noch weiter aus den verschiedenen gleichmöglichen Begriffen eines Gegenstandes jenen vornehmsten auszuwählen fuchen, ber in diefer Classification feine Stelle bezeichnete, und in welchem als ableitbare Folgen alle jene anderen Begriffe desselben mit enthalten wären. Allein so fehr wir auch, wenn uns dies gelänge, den Erkenntnißwerth dieses Begriffes burch die Bichtigkeit seines Inhalts

und der Verbindungsweise dieses Inhalts gesteigert hatten: die logische Structur, die er als Begriff hatte, wurde bennoch feiner realen Structur feines Wegenstandes entsprechen. In Diesem Ertenntnißwerthe aber, den wir zugestehen, liegt die andere Seite der Sache, das was wir meinen, wenn wir nun bennoch alle behaupten, daß durch den Allgemeinbegriff und die Classification jedenfalls doch etwas die Sache selbst Betreffendes gesagt sei. Man wird vielleicht versuchen es so auszudrücken, daß actu zwar nicht, aber doch potentia, die ganze Reihe der einander übergeordneten Allgemeinbegriffe in dem Wesen der Sache selbst enthalten sei; und diese Bemerkung wird man zugleich auf anders geformte Constructionen oder Auffassungen eines Gegebenen ausdehnen: nicht wirklich, aber der Möglichkeit nach sei jeder Theilstrich enthalten in der stetigen Größe, die wir durch ihn zerfällen, der Möglichkeit nach in jeder einfachen geradlinigen Bewegung das Paar der Componenten, in die wir sie nach unserer Wahl zergliedern; die 7 sei nicht 4 + 3, aber gewiß laffe sie biese Substitution zum Zwecke einer Rechnung zu. Diesen Ausbrücken geben wir eine bestimmtere Bedeutung: alle unsere Begriffsbildungen, Classificationen und Constructionen sind subjective Bewegungen unseres Denkens und nicht Vorgänge in den Sachen; so aber ist zugleich die Natur der Sachen, der gegebenen vorstellbaren Inhalte geartet, daß das Denken, wenn es sich den logischen Gesetzen dieser seiner Bewegungen überläßt, am Ende seines richtig durchlaufenen Weges wieder mit dem Verhalten der Sachen zusammentrifft; der Wege aber, die es zwischen den einzelnen Elementen seines Inhalts mit gleicher Hoffnung burchlaufen fann, find viele und nicht nur einer; nach unzähligen Richtungen bin hängt die Gesammtheit des Borftellbaren als ein vielfach gegliedertes Spftem von Reihen zusammen, und das Denken, wenn es mit willfürlicher Wahl seines Weges, aber mit Beachtung seiner eigenen Gesetze sich von einem Gliede beffelben zum andern bewegt, gleicht etwa einer Melodie, deren unberechenbarer Lauf überall auf Stufen der Tonreihe von festbestimmten harmonischen Berhältniffen trifft.

343. Richt nur was an den Urtheilen logische Form ist, sons dern auch das Erkenntnißresultat, das in dieser Form ausgesprochen wird, hat eine unmittelbare reale Bedeutung nicht. Wir sagen kates gorisch: dieser Baum blüht; die atmosphärische Luft ist ein permanens

tes Gas; jedes Dreieck hat zwei rechte Winkel; im ersten Fall war es nur das Berdienst des hier ausgesprochenen Inhalts, daß wir dem Baum in Wirklichkeit eine von dem augenblicklichen Zustande feines Blühens unabhängige Existenz zuschreiben konnten, daß also Subject und Pradicat so auseinandertraten, wie wir sie in der Form des Urtheils scheis ben und verknüpfen; in den beiden andern Fällen enthält die Sache diese Spaltung nicht; sie ift eine völlig subjective Bewegung bes Denkens, die willkürlich aus dem einheitlichen Inhalt des Borgestellten einen seiner Bestandtheile zu gesonderter Betrachtung hervorhebt. Auch die Berschiedenheit der Copula in diesen drei Urtheilen gehört nur der Einbildungsfraft an, die sich der Eigenthümlichkeit des jedesmaligen Inhalts anschmiegt und in der Sprace ihren Ausdruck findet; die Logik selbst, indem sie für ihre technische Uebersicht allen Urtheilen die Form: S ift P gibt, bezeugt, daß in dieser gleichmäßigen Copula ist alle sachlichen Berschiedenheiten des Zusammenhanges zwischen S und P ausgelöscht sind; mögen diese sich verhalten wie Ganzes und Theil, wie ein Ding zu seinen Buftanden oder wie Ursache zur Wirfung: in der Form des Urtheils erscheinen fie nur wie Subject und Pradicat, zwei Bezeichnungen, die nur die relativen Stellungen bedeuten, welche die Vorstellungen beider in unserer subjectiven Denkbewegung einnehmen, aber nichts über das sachliche Berhältniß aussagen, welches, wenn es gedacht wird, fie in unfern Bedanten diefe Stellungen einzunehmen nöthigt. Auch in hppothetischen Urtheilen berufen wir uns nur auf ein solches sachliches Berhalten, bringen es aber durch die Form des Urtheils weder zum Ausdruck noch zum Berständniß. Die Berknüpfung von Vordersat und Nachsatz: wenn B gilt, so gilt F, behauptet durch sich selbst nichts weiter, als die allgemeine Zusammengehörigkeit von B und F zu einem einheitlichen Gedanken M; daß wir dies Zusammengehörige nun bennoch trennen und den einen Theil des Gedankens dem andern voranschiden, wodurch wegen des untrennbaren Busammenhangs beider jener zum Grunde, dieser zur Folge wird, ift eine jener subjectiven Denkbewegungen, die in dem vorgestellten Inhalte nicht vorgehen, und diese subjective Natur zeigt sich durch die Möglichkeit, die Richtung der Bewegung umzukehren. Wir sagen: jedes gleichseitige Dreieck ift gleichwinklig, ober: wenn ein Dreieck gleichseitig ift, so ist es gleichwinklig; wir konnten ebenso gut sagen: wenn es

gleichwinklig ift, fo ift es gleichseitig; ber ungetheilte Gedanke oder bie Anschauung des gleichseitig-gleichwinkligen Dreied's bildet hier den sachlichen Inhalt, zwischen beffen gleichzeitig gültigen Beftandtheilen sich unfer Denfen mit willfürlichem Ausgangspunkt trennend und vertnüpfend hin und her bewegt. Dies gilt von allen Urtheilen, die, wie die mathematischen, sich nur mit Vorstellbarem, nicht mit Wirklichem beschäftigen; sie würden alle reciprocabel sein, wenn ihr sprachlicher Ausdruck burch Sätze eine ebenso genaue Determination aller in ihnen vorkommenden Begriffe gestattete, wie sie in der Form der Gleichung ausführbar ift. Beziehen sich bagegen unsere hppothetischen Urtheile auf Data der Wirklichkeit, so ist es zwar unsere Meinung, daß hier Bordersatz und Rachsatz unvertauschbar sein sollen, aber die hypothetische Urtheilsform drückt durch fich selbst das nicht aus, wodurch diese unsere Forderung erfüllt werden fonnte. Denn wenn einmal die Bedingung B gilt, so gibt es logisch feinen Zwischenraum mehr, der ihre Gültigkeit von der der Folge F trennte; beide bilden, eben in Gemäßheit dessen, was diese hypothetische Urtheilsform als ihr eignes Erfenntnifresultat behauptet, nur einen untheilbaren Vorgang M; und da ferner, wenn wir unsern Gedanken genau, ohne Ueberschuß und Mangel, gedacht annehmen, mit diesem B fein F 1 sondern nur F, mit diesem F tein B 1 sondern nur B verbunden sein kann, so gehen wir im Denken mit gleichem Recht und gleicher Nothwendigkeit von dem willfürlich gewählten Ausgangspunkt B zu F wie von F zu B über; ber Grund ist uns Erkenntnifgrund der Folge, die Folge Erkenntnifgrund des Grundes. Daß in dem wirklichen realen Berhalten hier etwas liege, was ausschließlich B zum Antecedens, ausschließlich F zum Consequens macht, das wissen wir wohl, weil wir den Inhalt kennen, von dem wir reden, aber in der Form unseres logischen Thuns bringen wir es nicht zum Ausdruck. Denn biefe Form beruht gang nur auf bem abstracten Gedanken einer Bedingtheit bes F burch B überhaupt; diese aber, eine bloße Beziehung, ift, wie wir früher zeigten, weniger, als was zwischen B und F als Dingen oder Vorgängen wirklich stattfinden kann; bestehen kann ein Berhältniß, durch welches einseitig B zum Realgrund wird, nur dann, wenn B die Ursache, F die Wirfung ift; anftatt biefes realen und speciellen Berhältnisses ber Causalität erscheint im hopothetischen Urtheil nur das allgemeinere und

abstracte der Bedingtheit überhaupt, das so keine reale Bedeutung hat. Disjunctive Urtheile endlich wollen gar keine Wirklichkeit aussagen: das unentschiedene Schwanken zwischen einander ausschließenden Prädiscaten kann kein Vorgang in dem Realen sein, sondern bleibt ein Zusstand des Denkens, dem zur Erkenntniß des Wirklichen die zulänglichen Data sehlen.

344. Eine turze Erinnerung an die verschiedenen Formen der Schlüffe führt zu ähnlichen Ergebniffen. Um leichteften wird man eine reale Bedeutung jenen subsumptiven Figuren zuschreiben, die durch Unterordnung des Besondern unter das Allgemeine ihren Schlußsatz erzeugen; denn diese Unterordnung allerdings sieht man in dem nun schon hinlänglich erklärten Sinn als eine sachlich gültige in Bezug auf alles Vorstellbare an. Aber die logische Form des Schlußverfahrens entspricht doch auch hier keinem Verhalten der Sache. In mathema= tischen Schlüssen hat der allgemeine Obersatz, von dem aus wir den specielleren Schlußsatz ableiten, feine Priorität der Geltung vor diesem oder dem Unterfat, alle drei find Theile einer ewigen Wahrheit von fimultaner Geltung; die Priorität größerer Einfachheit oder unmittelbarer Evidenz fann der Obersatz voraus haben, aber beide Prädicate würden ihn schon nur in seiner Beziehung zu unserem Denken charakterisiren, ohne daß er darum schon einen Vorzug an sich vor andern gleich gewissen Gäten hätte; endlich ist die Form des subsumptiven Schlusses gar nicht genöthigt, von einem so einfachen Oberfat auszugehen, eben die simultane Berkettung aller mathematischen Wahrheiten erlaubt, auch die einfacheren unter ihnen als Grenzfälle aus der Verkettung von weniger einfachen, und immer in subsumptiver Figur, abzuleiten. Diese völlig subjective Bedeutung der spllogistischen Form vergessen wir zus weilen in ihrer Anwendung auf Wirkliches. Go lange der allgemeine Obersat doch noch eine sehr inhaltreiche und specielle Wahrheit ausbrückt, bann etwa wenn wir fagen: alle Thiere respiriren, so lange zweifeln wir nicht, daß dieser Obersatz teine Wirklichkeit bezeichne, die der Geltung des Schlußsatzes: auch die Fische respiriren, irgendwo anders als in unserem Denken vorangehen könnte; kommen wir jedoch auf die allgemeinsten Zusammenhänge der Dinge, so bildet sich wieder Die Reigung, ihren Ausbrücken, ben allgemeinsten Raturgefeten, bie in unferer Ueberlegung des Weltlaufs als Oberfate auftreten, eine in

der That ganz unbegreifliche reale Priorität vor den Borgängen zuzuschreiben, in benen sie gelten sollen. Diese Neigung ist nicht ungefährlich für den richtigen metaphysischen Zusammenhang unserer Weltauffassung; sie führt zu dem umfassenden Aberglauben, als ließe sich das Wirkliche der Welt aus Unwirklichem und bennoch Wesenhaftem und Gebietendem ableiten, während wir uns umgekehrt mit der Ueberzeugung burchdringen muffen, daß alle nothwendigen Wahrheiten, benen wir das Seiende als etwas secundär Hinzukommendes unterordnen zu können glauben, eben nur Natur und Consequenz des Seienden selbst find und nur durch die Reflexion unseres Denkens von ihm abgelöst und ihm felbst als ein gebietendes Brius antebatirt werben. Schlusse durch Induction erregen dies Migverständniß nicht; Niemand verfennt, daß die Verknüpfung der Einzeldaten zu einem generellen nicht blos universellen Sate nicht der Realgrund der Geltung des lettern, sondern nur für ung ein Erkenntnifgrund dieser Geltung ist. Biel deutlicher noch überführen uns die vielfachen Formen der Beweise von ber blos subjectiven Bedeutung der Schluffe, aus denen wir fie gusammensetzen. Wie viele verschiedene, directe und indirecte, progressive und regressive Beweise, alle gleich triftig, find für einen und benselben Sat möglich! wie viel verschiedene selbst in direct progressiver Form allein! Und wenn nun wirklich einer von diesen vielen das Vorrecht hätte, allein das Wesen der Sache in seiner eigenen Structur bargustellen, so würde die bloße Möglichkeit der anderen doch immer zeigen, daß es die logische Form allein nicht ist, welche diese reale Geltung erzeugt oder ausdrückt, sondern daß jener Borzug auf der Auswahl des Inhalts beruht, den man in ihr verbunden hat. Was endlich die letten Denkhandlungen betrifft, mit denen wir die reine Logik abschlossen, so haben wir schon damals gesehen, daß sie sich zwar anstrengen, Formen zu finden, in welchen das eigne Wesen der Sache im Gegensatz zu den zufälligen Ansichten zum Borichein fame, die wir subjectiv von ihm fassen können; aber ebenfalls schon dort haben wir uns überzeugt, daß diese Formen weitfaltiger ausfallen als das, was fie fassen wollen; wenn das eigne Wesen der Sache in unser Denken eingeht, so fann es nur in diesen Formen begriffen werden, aber die Formen erzeugen es nicht und drücken es nicht voll aus; sie lassen immer Anwendungen zu, die nach unserer eigenen Ueberzeugung subjective

Ansichten sind, und zwischen benen die Auswahl der real berechtigteren nicht durch logische Mittel, sondern nur durch Sachkenntniß, wenn es eine solche gibt, vollzogen werden kann.

345. Es ist jett Zeit, den Sinn einiger Ausdrude genauer gu bestimmen, in deren Gebrauch ich bisher lässiger gewesen bin. Bon subjectiver und objectiver, von formaler und sachlicher, von formaler und realer Bebeutung der Denkformen ift die Rede gewesen; diese brei Begenfätze deden einander nicht. Unterscheiden wir, wie früher geschehen ift, unsere logische Denkhandlung von dem Gedanken, den sie als ihr Product erzeugt, so gebührt der ersten nur eine subjective Bedeutung: sie ist lediglich die durch unsere Natur und durch unsere Stellung in der Welt uns nothwendig gewordene innere Bewegung, durch die wir jenen Gedanken, 3. B. den vorhandenen Unterschied zwischen a und b oder das in beiden enthaltene Allgemeine C, zum Gegenstand unseres Bewußtseins machen; so hat jeder, um die Aussicht von einem Berge zu genießen, von seinem Standpunkt aus einen beftimmten geraden oder gewundenen Weg bis auf den Gipfel zurückzulegen, ber die Aussicht eröffnet; dieser Weg gehört nicht zu dem was er sehen will. Der erzeugte Gedanke selbst bagegen, die gefundene Aussicht, hat objective Geltung; von allen, nach Zurücklegung jener Wege, auf gleiche Art empfunden, bildet das jett Besehene ein von der Gubjectivität des einzelnen Denkenden unabhängiges Object; nicht nur einen Zustand mehr, den er leidet, sondern einen Inhalt, den er vorstellt, und der als derfelbe und sich felbst gleiche auch dem Bewußtsein Anderer gegenübersteht. Daffelbe Berhalten beleuchtet von anderer Seite her der zweite Begenfat. Es wurde nicht hinreichen, unfere Denkhandlungen nur subjectiv zu nennen; diese Bezeichnung würde sie von dem Verhalten der Sachen lediglich trennen und die Beziehung unklar lassen, die boch stattfinden muß, wenn der erzeugte logische Bebanke eine objective Gültigkeit besitzen soll, die der ihn erzeugenden Denkhandlung selbst nicht zukommt. Formal nennen wir daber die logischen Thätigkeiten, weil ihre Eigenthümlichkeiten zwar nicht die eigenen Bestimmungen ber Sachen find, aber doch Formen bes Berfahrens, eben die Natur der Sachen zu erfassen, und deshalb nicht außer jedem Zusammenhang mit dem sachlichen Verhalten selbst. Die früher besprochenen Beispiele werden hierüber teinen Zweifel laffen.

Die Beschräntung auf nur formale Geltung zeigte sich barin, daß es der Denkhandlungen mehrere und gleichtriftige geben kann, die zu demselben Endgedanken oder demselben sachlichen Ergebniß führen; feine von ihnen fann baber ausschließliche Bedeutung für den bestimmten sachlichen Inhalt haben, mit dem sie sich alle beschäftigen, alle sind vielmehr nur Formen des Verfahrens, ein Ergebniß zu erhalten, das einmal gefunden ohne Rücksicht auf den Weg gilt, auf dem man zu ihm gekommen ift. Aber es würde ja unmöglich fein, auf jenen verschiedenen Wegen zu dem aussichteröffnenden Gipfel zu kommen, wenn nicht alle diese Wege mit bestimmten gegenseitigen Lagenverhältniffen in dem Ganzen der geographischen Situation mitenthalten wären, deren anderen Bestandtheil die von jenem Gipfel übersehbare Landschaft bildet. Hierin besteht das Positive, das der zweite Gegensatz von den Denkhandlungen aussagt: jede derselben ist eine der verschiedenen durch ben allgemeinen vielseitig gegliederten Busammenhang der Gachenwelt möglich gemachten Weisen, durch Bewegung von einem Element dieser Welt zum andern ein bestimmtes sachliches Berhalten zu erreichen, ohne daß deshalb die gewählte Bewegung die eigene Ents stehung oder das eigne Bestehen dieses bestimmten Verhältnisses ware Der dritte Gegensatz enthält nicht nur andere Beoder nachahmte. zeichnungen für die Glieder des zweiten, sondern betrifft eine Frage eigner Urt. Als sachlich gegeben betrachten wir jeden Denkinhalt von fester in dem oben erörterten Ginne objectiver Bedeutung, die Borstellungen von Richtseiendem nicht minder als die von Seiendem: unter Realem würden wir nur die Dinge sofern fie find und die Ereignisse sofern sie geschen, in ihrer dem Denken jenseitigen Wirklickeit verstehen muffen. Nun fann davon nicht die Rede sein, daß dieses Reale sich selbst in den Formen des Begriffs des Urtheils und des Schluffes bewegte, welche die subjectiven auf seine Erkenntniß gerichteten Unstrengungen unseres Denkens annehmen; aber selbst die logischen Gedanken, welche das Product dieser Denkhandlungen sind, haben in Bezug auf dieses Reale jene unmittelbare Geltung sachlich nicht, die ihnen jedem Denkinhalt als solchem gegenüber zukam. Ich thue besser, der Metaphysit die weitere Erörterung dieses wichtigen Punktes zu überlassen; zu seiner vorläufigen Berdeutlichung reicht die Wiederholung bereits besprochener Beispiele hin. Wir sahen, daß der Be-

griff einer Bedingung nicht ausreicht, um bas zu bezeichnen, was wir unter einem zwischen zwei realen Elementen wirklich bestehenden Berhältniß meinen; um fo zu bestehen, mußte es mehr als Verhältniß, mehr als Beziehung, mehr als bloße Bedingung, es mußte eine Wirtung oder Wechselwirfung sein; in dieser realen Berknüpfung der realen Elemente lag dann der Grund, der ihre Erscheinungen für uns in die formale Beziehung brachte, die uns nöthigt, von der Wahrnehmung der einen zu der der andern überzugehen, und die wir nun logisch eine Bedingtheit der einen durch die andere nennen, ohne in diesem Namen den realen Grund dieser nothwendigen Verknüpfung unserer Borftellungen angegeben zu haben. Dieselbe Betrachtung gilt von allen logischen Formen. Auch Subject und Prädicat sind nur Titel, die wir unfern Begriffen mit Rudficht auf die Stellung geben, die sie in unserem Urtheil einnehmen muffen; ein Berhältniß der realen Elemente, die durch unsere Begriffe gemeint werden, ift durch diese Bezeichnungen nicht ausgedrückt. Rein reales S fann nur Subject für ein reales P fein, das nur fein Prädicat wäre; in Wirklichkeit fann P an S nur haften entweder als ein von diesem erlittener Bustand, ober als eine von ihm ausgeübte Wirfung, ober als eine bleibende Gigenschaft in dem allerdings bier noch dunklen Sinne, in welchem wir metaphysisch diesen Begriff dem blos logischen des Merkmals entgegenseten. Erft wenn eines diefer Berhältniffe zwischen S und P bejaht ist, begreifen wir, was es realiter bedeutet, wenn wir logisch S als Subject P als Pradicat fassen; erst dann entspricht ein wirklicher Sachverhalt der logischen Copula, die an sich nur unsere Denkhandlung des Verbindens zweier Begriffe bedeutet, aber ganz unbestimmt läßt, was wir denn eigentlich den realen Inhalten derselben dann begegnet zu sein behaupten, wenn wir die Vorstellungen beider in dieser Weise glauben verbinden zu muffen. Go oft man daher Ausdrücke wie Ginheit Bielheit Gleichheit Gegensat Beziehung und Bedingung auf die Betrachtung des Wirklichen anwendet, muß man sich erinnern, durch sie allein noch gar nichts über das Seiende gesagt zu haben; man hat nur die logischen Handlungen verglichen, die wir an den Vorstellungen des Seienden vornehmen. Nun bleibt erst noch zu zeigen, durch welche Leiftung sich die Einheit des Einen als eine Wirklichkeit, nicht nur als logischer Titel ohne Gintünfte beweist; wodurch das viele Gleiche, da es doch im Denken eben gleich ist, dennoch im Sein wirklich als Vieles auseinandertritt; in welchem wechselseitigen Leiden von einander sich der Gegensatz, in welchem andern die Beziehung zwischen verschiedenen Seienden real besthätigt.

## fünftes Kapitel.

## Die apriorischen Wahrheiten.

346. Kassen wir noch einmal unsere letten Ueberlegungen zufammen. Weder in dem Inhalt unseres Vorstellens noch in dem Realen, das wir als jenseitigen Grund besselben betrachten, entsprach etwas den logischen Denkhandlungen, die mit willfürlicher Wahl ihres Weges die einzelnen Bestandtheile des vorgestellten Inhalts verknüpften oder sonderten; aber in Bezug auf diesen Inhalt wenigstens, abgesehen von dem Realen, das seine jenseitige Ursache sein mag, kam den Bebanken, die wir durch jene Denkhandlungen zu erzeugen suchten, eine sachliche Bedeutung zu. Die Unterschiede Aehnlichkeiten Gegenfätze und Unterordnungen, deren wir uns in unserem Bewußtsein nur durch ein Bin- und Bergeben unserer Thätigkeit bemächtigen konnten, galten wirklich von dem vorgestellten Inhalt, obgleich er selbst nicht an diesen Bewegungen theilnahm; sie bestanden sachlich an sich selbst in dem Sinne, in welchem wir das Bestehen jeglicher Beziehung zwischen zwei Beziehungspunkten möglich fanden: sie hatten zwar nie anders eine Wirklichkeit des Seins als in den Augenbliden, in welchen sie gedacht wurden, aber so war zugleich die Ratur aller Geister geartet, daß immer, sobald bieselben beiden Beziehungspunkte a und b gedacht wurden, auch sich selbst gleich dasselbe Urtheil C über ihr gegenseitiges Berhältniß gefällt wird. Es ift das platonische Ideenreich, zu dem wir uns hier gurudgeführt seben; in festen und unveränderlichen Beziehungen stehen alle vorstellbaren Inhalte, und mit welchen willfürlichen ober zufälligen Bewegungen auch immer unsere Aufmerksamkeit von dem einen zum andern übergeben, oder in welcher Ordnung auch uns unbefannte Beranlassungen einen nach dem andern in unsere Lote, Logit. 36

Wahrnehmung bringen mögen: wir werden zwischen ihnen immer dieselben Berhältnisse finden, die in dieser sachlichen unendlich vielseitigen Gliederung der Ideenwelt ein für alle mal gegeben find. viese Behauptung wiederholt wird, wird sie als überflüssiger Ausdruck des Selbstverständlichsten erscheinen, und ebenso oft wiederhole ich, bag eben die Thatsache des Borhandenseins dieser Selbstverständlichkeit das Wunderbarfte in der Welt ist. Obgleich unentbehrliche Grundlage alles Denkens, und eben beswegen mit Uebermuth von uns als felbstverständlich übergangen, ist sie nicht einmal, wie ich früher schon bemerkte, in demselben Sinne denknothwendig, in welchem es innerhalb ihrer selbst jedes einzelne von ihr eingeschlossene Berhältniß ist. Ausdenken freilich können wir uns nicht, wie es dann sein wurde, wenn diese Thatsache nicht bestände, aber vorstellen können wir uns doch eine Welt, in der sie nicht vorkäme; in welcher unzählige Inhalte zwar dem vorstellenden Beiste sich darböten, aber jeder beziehungslos zum andern, alle so disparat gegen einander, daß nie sich zwei unter irgend ein Allgemeines als verwandte Arten vereinigten, und daß niemals ein Unterschied zwischen zweien für größer, geringer oder anders geartet geschätzt werden fonnte, als der zwischen zwei anderen. Daß jeder einzelne diefer Inhalte sich selbst gleich sein muffe, wurde das Ginzige sein, was das Denken, seinem Identitätsgesetz gemäß, verlangen müßte, damit jeder von ihnen überhaupt vorstellbar werde, und diese Forderung könnte ja jene Welt erfüllen; darüber hinaus aber fann das Denken zwar für die Möglichkeit seiner ferneren Handlungen wünschen, aber nicht als denknothwendig gebieten, daß zwischen ben verschiedenen Inhalten jene abgestuften Berwandtschaften stattfinden, die allein ihm die Ausführung seiner Bestrebungen ermöglichen: es ist nicht denknothwendig, daß das Denken muffe stattfinden können. dann, wenn es auch aus eigner Macht jene Berwandtschaften forderte, hervorbringen fonnte es sie doch nicht und mußte immer darauf hoffen, daß fie in irgend einer von ihm selbst unerfindbaren Weise gegliedert, als Tonreihe als Farbenreihe als Gradunterschiede des qualitativ Gleichen oder sonstwie, thatsächlich ihm gegeben würden. so wunderbar und wichtig diese nun wirklich gegebene Thatsache ist, so bildet doch sie selbst und das, was aus ihr folgt, nicht das lette Ziel unserer Ueberlegungen. Berbürgt wird uns burch fie nur die Sicherheit, mit welcher sich das Denken innerhalb der Jdeenwelt als solcher bewegt, die systematischen ewig gleichen Zusammenhänge ihrer Elemente erforscht und durch Verknüpfung derselben neue Gebilde erzeugt, die unsehlbar an einer andern vorherbestimmbaren Stelle dieser Jdeenwelt vorgefunden werden, alle untereinander nach mannigsachen Richtungen und in sesten Entsernungen so verbunden, daß die verschiedenartigsten Wege und Umwege des Denkens zur sicheren Aufsindung eines jeden dienen können. Dies allein ist es aber doch nicht, was man zu wissen verlangt. Gesucht wird vielmehr die Bedeutung, die diese sosten matische Gliederung alles Vorstellungsinhalts für die empirische nicht sostenatische Ordnung hat, in welcher ein vom Denken unabshängiger Grund die Inhalte möglicher Vorstellungen in unsere Wahrenehmung treten läßt; wir wollen nicht nur die ewige Classisication, sondern auch den veränderlichen Verlauf der Sachen verstehen lernen.

347. Beide find von einander völlig verschieden. Die Wahrnehmungen führen uns nicht eben das verbunden vor, was in dem Suftem des Vorstellbaren verwandtschaftlich coordinirt nebeneinander steht, noch ift ihr ganger Berlauf ein periodisch sich wiederholender Borüberzug der Gattungen Arten und Unterarten in jener Ordnung, in welcher die Classification sie absteigend auf einander folgen läßt; in verschiedenen Bunkten des Raums gleichzeitig, in verschiedenen Beitpuntten nach einander finden wir die heterogenften Elemente jenes Reiches der Inhalte als Erscheinungen verbunden: gibt es in diesem Wechsel Gesetze, so sind sie völlig anderer Art als jene logischen, in beren Betrachtung wir uns bisher bewegten. Bezeichnen wir von jett an diesen empirischen Berlauf der uns gegebenen Erscheinungen als reale Wirklichkeit, so fragt es sich nach der Bedeutung, die ihr gegenüber unfer Denten haben fann, beffen Behauptungen, felbft wenn fie gültig bleiben, doch unfähig erscheinen, ben Zusammenhang berselben zu beherrschen. Denn wenn es nun auch wahr ist, daß a und b, in wirklicher Wahrnehmung gegeben, denselben Unterschied und dieselbe Berwandtichaft zeigen werben, die ihnen in unserem Denken gukommt, so liegt darin doch kein Entscheidungsgrund für ihr Zusammensein in der Wahrnehmung oder beffen Unmöglichkeit; wenn auch ausnahmslos ber Cat ber Identität gilt, fo behauptet er boch nach feiner eignen Aussage nur, daß jedes a = a und jedes b = b sei und sein werde,

wenn und wo auch immer beide vorkommen mögen; aber dieser lettere Busat gehört icon nicht mehr dem Identitätsgesetz selbst an; wir fügen ihn hinzu, weil wir anderweitig wissen, daß denkbaren Inhalten außer ihrer ewigen Beltung im Reiche ber Ideen ein Bechfel zeitlicher Birtlichkeit und Unwirklichkeit in der Erscheinung zukommen könne; davon enthält jenes Gesetz keine Andeutung und folglich auch nicht die geringfte Bestimmung über die Gleichzeitigkeit oder Reihenfolge, in welder beide Erscheinungen bier einander herbeiführen oder ausschließen müffen. Die classificatorische Unterordnung der Begriffe wird gelten von Wahrgenommenem ebenso wie von zeitlos Vorgestelltem; wenn wir indessen ein wahrgenommenes S unter den Allgemeinbegriff M bringen, so gelten zwar von S jetzt auch alle die höheren Allgemeinbegriffe N L K, die in dem Inhalt von M eingeschlossen sind; aber diese Folgerung erzeugt keine neue sachliche Kenntniß; sie zergliedert nur logisch, was durch die Unterordnung des S unter M bereits gegeben war; richtig, wenn diese richtig, und falsch, wenn diese falsch ist, berechtigt sie nicht, das in der Wahrnehmung gegebene S mit einem in dieser nicht gegebenen P zu verbinden. Hypothetische Urtheile scheinen einer Erweiterung ber Erfenntniß gunftiger. Wenn fie zu einem Subject S eine Bedingung x treten und aus beiden ein P als Prädicat ents springen lassen, das weder in S allein noch in x allein bereits enthalten war, so nähern sie sich formell dem, was wir als Berlauf der Wirklichkeit benken. Im problematischen Vordersatz drücken sie die Berbindung von S und x als eine mögliche aus, unterscheiden also ihren Denkinhalt noch von einer Verwirklichung, die er im Laufe der Dinge erfahren fann, und über die fie fich jeder Behauptung enthalten; dann aber, wenn diese Bedingung gegeben ift, scheinen sie der weiteren Wahrnehmung vorgreifend das Neue zu bestimmen, das in dieser folgen Worauf aber beruht unsere Berechtigung, einem bestimmten S + x ein bestimmtes P hinzuzufügen oder gleichzusetzen? Im Denken doch immer nur darauf, daß wir durch eine logische Determination x den Begriffsinhalt S, der P nicht enthielt, so umformen, daß nun P in ihm enthalten ist; von diesem Subject, nicht von dem früheren, behaupten wir nun das Prädicat P, das wir in ihn bereits aufgenommen haben. Was uns bagegen die Wahrnehmung unmittelbar darbietet, ift etwas Anderes. Wenn in ihr zu einer früheren Erscheinung S eine

neue x in Beziehung tritt, so pflegt aus bem Zusammendenken beiber jenes Subject S + x eben noch nicht zu entstehen, aus dem die Folgeerscheinung P als identischer Ausdruck desselben felbstwerständlich flösse; das vielmehr ist die zunächst ungelöste Frage, wie dies x jenes S so umgestalten könne, daß aus ihm der früher fehlende Grund für die Berwirklichung von P entstehe. So weit wir daher hypothetische Urtheile auf die Betrachtung ber Wirklichkeit anwenden, finden wir sie zulett immer auf ber ichon vorausgesetten Gültigkeit von Sätzen beruben, die eine aus Begriffen nicht ableitbare Berkettung einer bestimmten Bedingung mit einer bestimmten Folge als allgemein bestehende Thatsache aussprechen. Gilt sie wirklich allgemein, so kann das Denken bann ihre Einzelfälle analytisch entwickeln; ihr eigner Inhalt aber erscheint zunächst als ein synthetisches Urtheil, welches zwei Begriffe als Subject und Prädicat verbindet, deren Denkinhalte durch teine logische Zergliederung als identisch nachgewiesen werden fönnen.

348. Unsere Hoffnung, burch Denken ben Berlauf der Wirklichteit beherrschen zu können, beruht daber auf drei Punkten. Reinem einzelnen Bestandtheile b der Ideenwelt fann zuerst das Denken außer ber ewigen Bedeutung, die ihm in dieser gebührt, die Rothwendigkeit einer zeitlichen Berwirklichung im Laufe ber Sachen zuerkennen; nur wenn diese Wirklichkeit thatsächlich einem andern Clement a zukommt, mit welchem b in nothwendiger Verbindung steht, tann sie nun auch auf b übergeben. Alle unsere Erkenntniß ist daher in dieser Hinsicht hipothetisch; an einem bestimmten Punkt thatsächlich gegebener Wirklichkeit sett fie ein, um aus diesem wirklichen Grunde die Folgen als wirkliche abzuleiten, die dem gedachten Grunde als benknothwendige zugehörten; niemals aber ift es möglich, aus blogen Begriffen des Denkens die reale Wirklichkeit bes in ihnen Gedachten zu beweisen. In der That ist benn auch dieser Bersuch nur in dem einen Falle eines ontologischen Argumentes für das Dasein Gottes gewagt worden. Hier lag eine begreifliche Verlockung vor: Gott als nothwendige Folge b einer andern durch Wahrnehmung gegebenen Wirklichkeit a zu fassen widerstritt dem, was man in seinem Begriff denken mußte, benn eben er sollte ja der Grund aller Folgen sein; so schien nichts übrig, als in seinem Begriffe selbst seine Wirklichkeit zu suchen. Finden freilich konnte man

nur den Anspruch auf solche, ben der Inhalt besselben erhebt; gewiß schließt der Begriff Gottes ben des Seins in sich ein, ja mehr als diesen, den Begriff des lebendigen Seins; denn alle übrigen Pradicate, durch die wir Gott als Gott benken, laffen sich nur vereinigen und selbst benken, wenn sie an einem wirklichen die Zeit füllenden und des Wechsels seiner Bustande fähigen Wefen vorgestellt werden. Aber in diesem Sinne ist in jedem Begriffe eines Wesens der Gedanke derjenigen Art der Wirklichkeit eingeschlossen, welche die Natur und Berknüpfungsweise seines Inhalts verlangt; auch der Begriff jedes Organismus ist undenkbar ohne diese Voraussetzung: Ernährung Wachsthum und Fortpflanzung find finnlos an einem Subject, bas nicht mare, und ebenso sinnlos an jedem, das nur wäre und nicht sich entwickeln fonnte. Wenn baber der Inhalt eines dieser Begriffe Wirklichkeit bat, so hat er diejenige Art derselben, die ihm entspricht: Wesen die des Seins, nicht die des Geschehens, Ereignisse die des Geschehens, nicht die bes Seins; Berhältniffe feine von beiden, sondern die des Beltens von Wirklichem; es war Täuschung, daß es sich mit dem Begriffe Gottes anders verhalte und daß es erlaubt sei, den in ihm unentbehrlich eingeschlossenen Gedanken der höchsten Wirklichkeit für eine Wirklichkeit des ganzen ihn einschließenden Inhalts anzusehen. Nur scheinbar begehen denselben Fehler verwandte Ueberlegungen, die von dem unabweislichen Werthe eines Gedachten zu der Ueberzeugung seiner Wirklichkeit übergeben. Nicht ganz gerecht wird behauptet, an ein höchstes But, ein überirdisches Leben, eine ewige Seligkeit glaube man nur, weil man sie wünsche; in der That beruhen diese Meinungen auf einer sehr breiten, obgleich unzergliederten Grundlage der Wahrnehmung; sie gehen von der Thatsache dieser gegebenen Welt aus, in welcher sie unerträgliche Widersprüche befürchten, wenn wir jene der Wahrnehmung entzogenen Fortsetzungen des Weltbaues nicht als wirkliche Ergänzungen des Wahrnehmbaren anerkennen wollten. Formell verfahren daher diese Folgerungen richtig; fie verknüpfen mit ber gegebenen Wirklichkeit eines a die nicht gegebene eines b, das ihnen die denknothwendige Folge des a scheint.

349. Der zweite Punkt wird stillschweigend allgemein vorausskeset, ausdrücklich als logische Boraussetzung selten erwähnt. Wir gönnten offenbar auf eine Bearbeitung der Wirklichkeit durch unser

Denken nicht hoffen, wenn wir nicht in dem empirischen Berlauf der Dinge eine allgemeine Gesetlichkeit als vorhanden annehmen dürften, die uns erft die Möglichkeit verschafft, von den formalen Gesetzen unseres Denkens Neugen zu ziehen. Wir haben gesehen, daß die Gründe, welche die Reihenfolge der Wahrnehmungen möglicher Denkinhalte beftimmen, gänglich unabhängig von den sustematischen Relationen sind, die wir im Denken zwischen jenen blos gedachten Inhalten finden. Woher nehmen wir nun die Gewißheit, daß überhaupt noch Gründe von allgemeiner Geltung für diese Reihenfolge bestehen? daß nicht vielmehr die unbefannte Urfache des empirischen Berlaufs der Wahrnehmungen ganz principlos mit den spstematisch geordneten Elementen der Rocenwelt spielt und wie ein sich bewegendes Kaleidostop bald diese bald jene Verknüpfung erscheinen läßt, ohne jemals einer Regel dieser Combinationen zu folgen? Man hat gar keine Urfache, die bunte Unordnung dieser letteren Annahme überhaupt unvorstellbar zu finden; eine sehr große Mannigfaltigkeit empirischer Vorgänge, die wir noch nicht begreifen, steht uns genau in diefer Gestalt wirklich noch gegenüber; wäre gesetlicher Zusammenhang überhaupt in ber ganzen Wirklichkeit nicht vorhanden, fo würde nur überall uns daffelbe Schaufpiel sich zeigen, welches wir jett da wahrnehmen, wo er uns verborgen ift. Die Gefete unferes Dentens wurden fortfahren zu gelten, aber als ein leerer Anspruch, dem sich die Wirklichkeit nicht fügt, gerade so wie wir noch jett sie vergeblich auf manche Ereignisse anzuwenden suchen, die mit ungleichen Folgen unter gleichen Bedingungen des Sates der Identität zu spotten scheinen. Gleichwohl wird biese Annahme der Gesetzlosigkeit der Wirklichkeit von Niemandem festgehalten; überall wo die Erscheinungen sie uns aufdrängen möchten, halten wir den wahrnehmbaren Thatbestand nur für räthselhaft und zweifeln nicht, daß erweiterte Erfahrung durch früher unbeachtet gebliebene Mittelglieder den gesetzlichen Zusammenhang des Beobachteten herstellen werde. Worauf beruht nun diese Zuversicht? Weder selbst denknothwendig ist die allgemeine Gesetlichkeit der Wirklichkeit noch als eine denknothwendige Folge aus gegebenen Thatsachen abzuleiten. Man konnte sagen, daß die Gesetze des Raumes, auch wenn dieser nur als angeborene Anschauung in uns Dasein hat, bennoch von allen Gegenständen unserer Erfahrung gelten muffen; benn nichts wird je in unsere Erfahrung ein-

treten, ohne die räumliche Formung schon erfahren zu haben, durch die es unfer Gegenstand wird; man fann nicht ebenso ben Beweis versuchen, daß ohne gesetzlichen Zusammenhang im Wirklichen die Erfahrung unmöglich sei, die wir doch besitzen. Was wir wirklich besiten, ift nur ein Verlauf von Borstellungen; daß dieser Berlauf einen lückenlosen Zusammenhang nach allgemeinen Gesetzen bilde, daß also Erfahrung in diesem gesteigerten Sinne, in welchem fie fich von bloßer Wahrnehmung unterschiede, wirklich gegeben sei, ist eine Berwechselung bessen, mas wir voraussetzen, mit dem was wir als thatsächlich wiffen. Denn nichts wiffen wir wirklich, als daß eine große Anzahl von Borgängen sich so ansehen lassen, als ob sie von allgemeinen Gesetzen bedingt würden; immerhin ift die Menge derjenigen noch viel größer, deren Unterordnung unter solche noch nicht gelungen ist; eine ausnahmslose Herrschaft von Gesetzen über die ganze Wirklichkeit ist baber weder ein wirkliches noch ein mögliches Ergebniß der Erfahrung, sondern eine Boraussetzung, mit der wir an jede Erweiterung unserer Erfahrung gehen. Nur zweierlei bleibt daher übrig; entweder diese Boraussetzung als eine solche anzuerkennen und ihr zu glauben, mithin diese eine gewisse Einsicht uns zuzutrauen, durch welche unfer Denken, sein eignes Gebiet überschreitend, etwas über die Natur des Wirklichen festsett; oder sie gleichfalls für eine bloße Boraus setzung anzusehen und ihr beswegen zu mißtrauen, mit Dant die Fälle anzunehmen, in denen sie sich bestätigt, zugleich aber die Möglichfeit im Auge zu behalten, daß wir auf Gebiete ftogen werden, in denen sie sich nicht bestätigt. So oft nun menschliches Rachdenken bis zu wissenschaftlicher Betrachtung ber äußern Welt fortgeschritten, bat es ohne Ausnahme die erfte dieser Meinungen vorgezogen; auch diejenigen, die am meisten unberechtigte Uebergriffe der Vernunft abwehren und sich rühmen, der Natur nur ihre eigenen Gesetze abzufragen, halten nur den Inhalt dieser Gesetze für unbefannt, nicht ihr allgemeines Borhandensein für zweifelhaft; sie bemerken blos nicht, daß sie mit dem zweiten Gliede dieses Ausspruchs dennoch über die Wirklichkeit eine Behauptung a priori aufstellen, beren Möglichkeit sie in dem ersten verneinen. Die andere Meinung kann man an einem einzelnen Punfte zu entdeden meinen: in bem Glauben an die Freiheit des menschlichen Willens. Ueber bas sachliche Recht biefer Unnahme habe

ich hier nicht zu urtheilen; formell aber gehört sie nur scheinbar diesem zweiten Gesichtspunkt an; fie behauptet nicht, daß principlos dasselbe bald frei bald bedingt sei; indem sie vielmehr einen Theil der Wirtlichkeit einer gesetzlichen Determination beständig und ausnahmslos unterwirft, das Vorkommen der Freiheit aber ausschließlich an das Borhandensein einer bestimmten geistigen Natur des wollenden Gubjectes knüpft, sett sie vielmehr eine allgemeine gesetliche Ordnung der Wirklichkeit voraus und gibt nur dieser Ordnung den eigenthümlichen Inhalt, an bestimmten Stellen des Weltlaufs das Eintreten unbe-Dingter Elemente zu geftatten, die bann, einmal in die Wirklichkeit aufgenommen, nun in ihr gesetlich bedingte Folgen hervorbringen. Auch diese Meinung also, noch deutlicher aber jede, die mit Leugnung der Freiheit auch die innere Welt, wie die äußere, einem gesetzlich determinirten Zusammenhang unterwirft, erlaubt fich hiermit eine apriorische Behauptung über die Wirklichkeit, deren allgemeine Gültigkeit empirisch nicht nachgewiesen werden fann. Ob sie dies mit Recht thue, darüber ist logisch eine zwingende Entscheidung unmöglich; denn jeder Bersuch, diese Behauptung als denknothwendig zu erweisen, würde ihre Bültigfeit für die Wirklichkeit unentschieden laffen, jeder Versuch aber, sie als übereinstimmend mit der Natur der Wirklichkeit darzuthun, würde in andern Formen und Worten denselben Anspruch einschließen, den er rechtfertigen will, nämlich den, durch Denken überhaupt etwas a priori, nämlich allgemein, über die Wirklichkeit behaupten zu können, die wir empirisch ja niemals allgemein kennen lernen. Mit Grund wird man daher sagen, daß alle unsere Beurtheilung der Wirtlichfeit auf dem unmittelbaren Butrauen ober auf dem Glauben beruht, mit dem wir einer Forderung des Denkens, die das eigene Bebiet besselben überschreitet, allgemeine Bültigkeit zuerkennen. Thatfächlich liegt diese unbegründbare Zuversicht aller Logit zu Grunde, so auch dem Ausdruck, auf den wir die allgemeine Tendenz des Denkens zurudbrachten, gegebenes Bufammenfein in Bufammengehörigkeit zu verwandeln. Alle Verfahrungsweisen der angewandten Logit bedeuten etwas nur unter der Boraussetzung, daß die Wirklichkeit ben inneren Busammenhang besitt, den jene Tendenz ihr zuschreibt; besäße sie ihn nicht, so würde der Rechtsgrund nicht bestehen, auf den jede Induction sich ftütt, wenn sie eine bestimmte Folgerung aus Erfahrungen auch

nur für wahrscheinlicher hält als eine andere; es würde sein Bewenden haben müssen bei der Aufzählung der Prämissen und der Schlußsatz würde sehlen.

350. Der dritte Punkt blieb übrig. Die Annahme eines allgemeinen gesetzlichen Zusammenhangs der Wirklichkeit lehrt nicht von selbst die Einzelgesetze kennen, nach denen bestimmte Borgange b an bestimmte andere a gebunden sind. Wir haben ferner schon uns überzeugt, daß analytisch aus der begrifflichen Zergliederung der Denkinhalte von a und b die Nothwendigkeit nicht zu ermitteln ist, mit welcher die Berwirklichung des einen auf die des andern folgen müßte. Es bleibt nur übrig, daß wir uns entweder eine unmittelbare Gewißheit über die allgemeine und nothwendige Geltung synthetischer Urtheile zutrauen, die eine solche Verknüpfung bennoch befehlen, oder daß wir alle jene bestimmten Gesetze ber Wirklichkeit ben Ausfagen ber Erfahrung durch die früher geschilderten Methoden der Untersuchung abgewinnen. Un diesem Scheidewege möchte ich mich mit einer allgemeinen Formel willfähriger Anbetung von weiterer Lobpreisung der zweiten Annahme lostaufen. Es wird allmählich langweilig, endlos wiederholt zu hören, wie selbstentsagend die Vernunft sich der Natur gegenüber zu verhalten habe, wie sie so gar nichts aus eignen Mitteln entscheiden fonne und sich in wesenlose Hirngespinste verirre, wenn sie nicht bei jedem Schritte sich die nothwendigen Data ihrer Folgerungen von der Erfahrung erbitte. Leider können wir nicht behaupten, daß diese Warnungen überflüssig und gegenstandlos sind, denn geirrt ist genug durch ihre Migachtung; aber wie jede Sittenpredigt unleidlich wird, wenn fie gar kein Ende nimmt, so regt auch diese zuletzt uns nur zu der Frage an, ob die Ansprüche, welche sie erhebt, nicht ebenso einseitig sind, als zugegebenermaßen die sind, welche sie zurückweisen will. Kann also die empirische Aufsuchung von Gesetzen der Wirklichkeit ihre Aufgabe wirklich ganz aus eignen Mitteln lösen, etwa mit Hülfe des Identitätsprincips, im Uebrigen aber ohne synthetische Urtheile a priori vorauszusetzen? Daß sie es nicht könne, war die Lehre Kants; wenn wir zu gleicher Behauptung kommen, so trifft es sich, daß wir zugleich einen wesentlichen Bunkt beutscher Philosophie vertheidigen, über ben wir von allen Nationen angegriffen werden.

351. Darauf hatte uns durch Hume der englische Skepticismus

Mode

beschränken wollen, entweder in Mathematik Erkenntnisse auszusprechen, bie ihm nur auf dem Sate der Identität zu beruhen ichienen, oder in Geschichte durch synthetische Urtheile a posteriori das Geschene wieder zu erzählen, nachdem es geschehen und somit Gegenstand der Erfahrung geworden ift; unmöglich sei jede wissenschaftliche Folgerung, die ein zukünftiges b aus einem a voraussagen wolle, das mit ihm nicht identisch sei. Ehe ich den letten Theil der Behauptung erörtere, scheint es mir nützlich zu zeigen, daß, wenn er gilt, die beiden ersten nicht gültig sein können. Die Möglichkeit synthetischer Urtheile a posteriori beargwohnt man zu wenig, weil man sie für einsache Ausdrücke der Erfahrung hält, in die sich nichts von vorwitiger Thätigkeit unseres Denkens eingemischt habe. So lange sie indessen Urtheile sind, gleichviel ob in sprachlicher Form ausgeprägt oder nicht, sind sie immer Bearbeitungen des Gegebenen durch Hineindeutung innerer Zusammenhänge, die in unmittelbarer Beobachtung niemals in ihm gegeben sind. Keine Wiedererzählung eines Greignisses ist möglich, ohne daß wir einen Theil der sinnlichen Bilder, die uns bei seiner Wahrnehmung entstanden, als Subject, einen andern als Pradicat zusammenfassen, und ohne daß wir zwischen den Inhalten dieser beiden Begriffe eine Beziehung des Wirkens und Leidens oder ber gegenseitigen Menderung von Zuständen mitdenken, die in den Wahrnehmungen selbst gar nicht gegeben ift. Man kann behaupten, ber Sat: Cafar ging über ben Rubico, bedeute nur: eine gewisse, zwar etwas veränderliche, aber doch beisammenbleibende Gruppe sinnlicher Eindrücke, die man der Kürze halber Cafar nenne, habe ihre räumliche Stellung gegen eine andere Gruppe sinnlicher Eindrücke, die Rubico heiße, so verändert, daß sie in ber Anschauung eines und desselben Beobachters erst rechts bann links von dieser zweiten wahrgenommen worden sei; ich antworte mit gleicher Hartnäckigkeit: daß jene Gruppe Cafar dieselbe rechts und links gewesen sei; daß sie also ihre Stellung verändert habe, liegt nicht in dem Inhalt der Wahrnehmung, sondern ist eine Annahme, die einer zusammenhängenden und stetigen Aenderung der Erscheinung ein beständiges Substrat mit nur wechselnden Relationen unterschiebt. Go oft wir erzählend von irgend einer räumlichen Bewegung sprechen, drücken wir schon nicht mehr die Wahrnehmung, sondern eine Hypothese über sie aus; gesehen haben wir nicht, daß dasselbe reale a nach und nach die

Orte m n p durchlief; die beobachtete Thatsache ist nur, daß in auseinandersolgenden Zeitpunkten gleiche Erscheinungen a an auseinandersolgenden Raumpunkten sichtbar waren; wer kein Bedürsniß hätte, diese Thatsache sich durch die Annahme eines bleibenden Subjects zu erklären, könnte die Behauptung: a habe sich bewegt, nicht mehr als Erzählung einer Wirklichkeit, sondern nur als bequeme, sachlich bebeutungslose Manier seines Ausdrucks wagen; versagt er sich diese Einmischung von Gesichtspunkten, nach denen wir den Wahrnehmungsinhalt deuten, so sind auch alle synthetischen Urtheile a posteriori, alle Urtheile überhaupt unzulässig, und anstatt der Wiedererzählung bleibt in der That nur die Möglichkeit der Wiedererinnerung einer Reihe von Wahrnehmungen übrig, eine Reproduction des Rohmaterials, aus dem man Urtheile bilden könnte, wenn es erlaubt wäre.

352. Man wird anderseits weder die Gültigkeit noch die Wichtigfeit, um so mehr aber die Fruchtbarkeit bes Sates der Identität in Erzeugung mathematischer Wahrheit bezweifeln, ja vielmehr behaupten muffen, daß, wenn er allein galte, diese Wahrheit nicht auffindbar sein würde. Welche Gleichung oder Ungleichung a = b oder a d b wir auch aussprechen mögen, immer muffen wir diejenige Geltung bes Identitätssates voraussetzen, vermöge deren a = a, b = b, jede Größe also, die wir mit andern in irgend eine Beziehung bringen wollen, mit sich selbst identisch ist; benn offenbar geht jede Gleichung oder Ungleichung zwischen verschiedenen ihrer Bedeutung verluftig, wenn jede der Größen unbeschränft vieldeutig ift, die in ihr zusammengestellt werden. An biefer Stelle gilt ber Identitätssatz beutlich und ift die Bürgschaft aller Wahrheit; gerade hierauf hat man indessen am wenigsten geachtet; man hat vielmehr jene andere Anwendung desselben bervorgehoben, durch welche beide Seiten einer Gleichung einander gleich gesetzt werden; in ihr, als einem Ausdruck des Identitäts sates, fand man nicht nur die Bürgschaft der Wahrheit, sondern in der verketteten Wiederholung solcher Gleichsetzungen das fruchtbare Berfahren zu beren Entdedung. Bon beiden Behauptungen fann ich mich nicht überzeugen, daß sie genau ausdrücken, was sie meinen. Gleichungen geben entweder wie: V4=2 den bestimmten Größenwerth einfach an, der aus der Ausführung einer Rechnungsoperation in Bezug auf eine

gegebene Größe entsteht, oder sie sagen aus, wie  $\sqrt{a}$  b =  $\sqrt{a}$ .  $\sqrt{b}$ , daß man zu demselben Ergebniß gelangt, wenn man formell verschiedene Operationen in vorgeschriebener Reihenfolge oder Verbindung auf irgend welche innerhalb bestimmter Grenzen gegebenen Größen anwendet. In beiden Fällen liegt nun doch ber Werth bes ganzen mathematischen Verfahrens nicht einseitig auf ber gefundenen Gleichheit des Ergebnisses, sondern eben darauf, daß verschiedene Wege zu demselben Ziele führten, daß es also möglich war, Berschiedenes gleich zu setzen. Wollte man mir entgegnen, daß doch der Größenwerth der verschiedenen hier verglichenen Glieder nicht nachträglich gleich gemacht werde, sondern immer gleich gewesen sei und daß diese Gleichheit sich nur unter ben verschiedenen Formen verborgen habe, in denen beide ursprünglich gegeben waren, oder daß der eine diefer Ausdrücke nur die Aufgabe, der andere die Auflösung bezeichne, so würde man genau das sagen, was ich selbst will, und nur etwas als selbstverständlich ansehen, was ich nicht dafür halten fann. Denn woher nimmt man das Zutrauen zu ber Möglichkeit, daß ein mit sich identischer Werth unter verschiedenen Bestalten gegeben werden könne? Aus dem Satze ber Identität allein boch nicht; benn in ihm liegt nicht die mindeste hindeutung auf einen Gegensatz zwischen Form und Inhalt oder Form und Werth; brächte man aber die Vorstellung dieses Gegensates aus anderer Quelle bingu, so würde selbst dann der Sat nichts über ihn aussagen fonnen. Er würde nur wiederholen: jede Form ift mit sich selbst und jeder Werth mit sich selbst identisch; daß aber derselbe Werth unter verschiedenen Formen möglich sei, könnte er nicht behaupten, weil er für diese Behauptung keine Grenze ihrer Gültigkeit festzustellen wüßte, außer einer solchen, die zu einer unfruchtbaren Tautologie zurückführte; denn die Frage: welche verschiedengeformte Ausdrücke identische Werthe bezeichnen, fönnte er nur dahin beantworten: diejenigen eben, in denen ein und derselbe identische Werth enthalten ist. Ich brauche nun nicht weitläufig hinzuzufügen, daß in diefer Möglichkeit, Berfchiebenes gleich zu setzen, nicht aber in der nachten Anwendung des logischen Identitätsgesetzes, der bewegende Nerv aller fruchtbaren mathematischen Dents arbeit liegt. Man tame nicht weiter, wenn man unter das Subject eines gegebenen Obersates immer nur ein ihm schlechthin identisches subsumiren dürfte; man kommt aber weiter, weil man durch unzählige

Substitutionen, durch Zerfällung und Wiederverknüpfung eine in der Form a gegebene Größe in die Form b bringen und sie so jedesmal demjenigen Oberbegriffe subsumirbar machen kann, mit dessen Hülse wir nach bekannten Rechnungsregeln ihr ein Prädicat beilegen können, das aus ihrer ursprünglichen Form nicht ableitbar war. Alles hängt daher von der Berechtigung ab, Verschiedenes gleichzusetzen, und diese Berechtigung sließt, unmittelbar wenigstens, nicht aus dem Sinne des Joentitätsprincips.

353. Ich knüpfe das Weitere an die Ueberlegungen an, die ich in der reinen Logik bereits über Urtheile von formal synthetischer dem Inhalt nach identischer Natur anstellte. Ich habe damals Kants erwähnt, der in seinem Bestreben, synthetische Urtheile a priori in allen Richtungen unseres Vernunftgebrauchs nachzuweisen, auch den arithmetischen Sat 7 + 5 = 12 unter ihnen zu finden glaubte. An jener Stelle kam es mir darauf an, die Nothwendigkeit der Inhaltsgleichheit hervorzuheben, die zwischen dem vollständigen Subject und dem vollständigen Prädicat jedes mahren Urtheils stattfinden muffe; nicht gang befriedigt damit, daß Kant diese Forderung weniger ausdrücklich erwähnt, habe ich doch damals schon mir vorbehalten, auf das Richtige seiner Behauptung zurückzukommen (vergl. 58). Eine Anschauung schien ihm hinzufommen zu muffen, um uns in 12 die Auflösung der Aufgabe erkennen zu lassen, die in 7 + 5 ausgedrückt war; um uns also zu zeigen, daß die zur Richtigkeit der Gleichung erforderliche Identität beider Seiten besteht. Nur als Beispiel halte ich diesen Sat nicht für glücklich gewählt, weil er den formalen Unterschied, auf den Bewicht zu legen ift, nicht recht in die Augen fallen läßt. Denn gewiß ist zwar 12 nicht lediglich ein anderer Name für 7 + 5, sondern bedeutet, daß man dieselbe Größe, die durch Addition dieser beiden ent steht, außerdem als bestimmtes Glied der Zahlenreihe zwischen 11 und 13 finde; aber anderseits ist es doch die einfachste Borstellung dieser Reihe selbst, sie aus wiederholter Addition der Einheit, also aus derselben Operation entstanden zu denken, durch welche man 7 und 5 verband; man faßt also sowohl die linke als die rechte Seite dieser Gleichung als Summe von Einheiten und zerlegt nur, wie es ber Begriff ber Summe zuläßt, links in zwei Schritte, was man rechts zusammenfaßt. Der Ausdruck  $7+5=4^2-2^2$ , ohne übrigens wirk

lich das Wesentliche des Kantischen Gedankens mehr zu enthalten als jene erste Formel, würde deutlicher gemacht haben, daß es verschie= bene Wege gibt, auf benen man zu einem und bemfelben Werthe gelangen kann. Denn das, worauf es ankommt, ist eben nichts Anderes, als die in dem Additionszeichen enthaltene Behauptung: Größen seien überhaupt fummirbar zu einer gleichartigen neuen Broge, ein Gat, über deffen Wichtigkeit man wieder geneigt sein wird ganz hinwegzusehen, weil er ganz selbstverständlich und nichts als eine identische Definition ber Zahlengröße scheint. Das ist er nun auch; aber wodurch wird uns diese selbstverständliche Erkenntniß zu Theil? Nicht jeder Vorstellungsinhalt läßt sich benselben Operationen unterwerfen: man kann nicht Roth und Grün addiren und davon Blau abziehen; die Tone e und d gestatten feine Summirung zu einem dritten x, der in der Tonreihe um das Intervall o höher läge als d, sowie in der Zahlenreihe 12 um 7 höher liegt als 5. Hier wird man verwundert fragen, wozu diese Bemerkung dienen solle? natürlich könne man mathematische Operationen nur auf Größen anwenden, in beren Natur es liege, ihnen zugänglich zu sein, nicht aber, oder wenigstens nicht unmittelbar, auf qualitativ verschiedene Gindrude. Man will hier in der That das Nächstliegende nicht sehen: eben dies, daß es so etwas, wie Größe, in der Welt des Borftellbaren gibt, während doch das Borftellen selbst nicht, um nur überhaupt geschehen zu können, an das Vorstellen gerade dieser vergleichbaren Größen gebunden ist, eben dies ist eine Thatsache unmittelbarer Unichauung, die, wenn wir fie nicht hätten, burch logische Operationen, an andern Inhalten ausgeführt, gerade so wenig supplirt werden könnte, als wir den Begriff qualitativer Aehnlichkeit erzeugen würden, wenn uns feine vergleichbaren Sinneseindrude, Farben ober Tone, als Bestandtheile des Ideenreiches gegeben waren. Identisch also ift der Sat gewiß, daß Größen summirbar find; aber daß Subject und Pradicat biefes Sages in der Welt des Vorstellbaren gültig vorkommen und daß er nicht gleichwerthig dem andern ebenfalls identischen Sate ist: jedes hölzerne Gifen ift hölzernes Gifen, das folgt nicht selbst wieder aus dem Sate der Identität. Richt dieses nackte logische Princip mithin, sondern die Anschauung der Größe, deren Natur es möglich macht, unzählige inhaltlich identische und formal synthetische Urtheile zu bilden, ist die Bürgschaft der Wahrheit und zugleich der

Grund ber Fruchtbarkeit arithmetischer Gebankenverknüpfung. sich hieran in mathematischem Interesse weiter anfügen ließe, muß ich dahingestellt lassen; logisch bekenne ich meine völlige Uebereinstimmung mit Rant auch darin, daß ich eine reine oder apriorische Anschauung der Zahlgröße, in dem früher bestimmten Sinne dieses Ausdrucks, festhalte. Ohne Veranlassung, die zulett immer durch äußere Anregungen erfolgt, tritt in unser Bewußtsein weder die Vorstellung der Größe überhaupt, noch die bestimmtere ihrer Summirbarkeit, noch endlich ein einzelner arithmetischer Sat; wir denken fie alle nur, wenn wir irgendwie zur Vorstellung zählbarer Objecte veranlagt werden; wenn aber diese Beranlassung gegeben ist, so lernen wir nicht aus dem Inhalt dieser Wahrnehmung, daß 7 + 5 = 12 sei, so daß die Sicherheit dieser Erkenntniß mit der Bahl der Fälle zunähme, in denen sie von späteren Wahrnehmungen bestätigt würde, sondern die einmalige Borstellung von 7 + 5, gleichviel ob durch äußere Wahrnehmung vermittelt oder nicht, reicht hin, um für sich allein und allgemeingültig die Gleichheit mit 12 zu lehren. Hätten wir bei wirklichen Bahlverfuchen äußerer Objecte in verschiedenen Wiederholungsfällen dies Ergebniß bald bestätigt bald nicht bestätigt gefunden, so würden wir alle, auch die entschiedensten Anhänger empiristischer Erklärungsweisen, nicht unsern arithmetischen Sat nach unsern Bahlungen, sondern diese nach ihm corrigiren.

354. Bielleicht noch deutlicher als an diesem arithmetischen Beispiele läßt sich dasselbe an geometrischen wiederholen. Gegen das eine, welches Kant als synthetischen Sat anführt: die gerade Linie zwischen zwei Punkten sei die fürzeste, habe ich ähnliche Bedenken wie gegen das vorige gerichtet: auch dies Beispiel ist nicht glücklich gewählt, weil wir für den Begriff der Entsernung, der in dem Prädicat der Kürze enthalten ist, ein anderes unmittelbares Maß als die gerade Linie nicht besitzen; dieser Satz macht daher überwiegend den Eindruck der Joentität von Subject und Prädicat. Sie ist auch, dem Inhalt nach, vorhanden, und der Satz würde gar nicht richtig sein, wenn sie nicht bestände; aber wodurch wird sie hergestellt? Nur dadurch, daß wir die beiden Punkte durch das verbinden, was wir ein Zwischen ihnen nennen. Nun ist klar, daß durch diesen Ausdruck die beiden Punkte nicht blos logisch als nicht identisch oder verschieden überhaupt bezeichnet

werben, benn bas find Grun und Sauer auch, ohne zu einem ahnlichen Sate zu führen; auch nicht als vergleichbar überhaupt, denn das find, ebenfalls ohne solche Folge, Grün und Roth auch; fie werden vielmehr in einer eigenthümlichen Beise verbunden, beren Denkbarkeit und Bedeutung uns nur durch ursprüngliche räumliche Anschauung erkennbar wird, durch keine, an anderem Inhalt ausgeführte, logische Operation verständlich werden wurde, wenn sie uns fehlte, und noch jetzt, da sie uns allen bekannt ift, burch keinerlei Umschreibungen, in denen sie nicht selbst schon verstedt enthalten wäre, verdeutlicht werden fann. Ausdrucksvoller find andere Beispiele Rants. Nehmet nur, fagt er, ben Sat: daß durch zwei gerade Linien sich gar kein Raum einschließen laffe, mithin keine Figur möglich sei, und versucht ihn aus dem Begriffe von geraden Linien und der Zahl Zwei abzuleiten; oder auch, daß aus dreien geraden Linien eine Figur möglich sei, und versucht es eben so blos aus diesen Begriffen; alle eure Bemühung ist vergeblich und ihr seht euch genöthigt, zur Anschauung eure Zuflucht zu nehmen, wie es die Geometrie auch jederzeit thut. Diese Worte bleiben auch bann richtig, wenn man eine kleine Ungenauigkeit ihres Ausdrucks zum Bersuch der Bestreitung benutt. Richt drei gerade Linien sind im zweiten Falle das vollständige Subject, dem das Pradicat zukommt, ein Dreied zu bilden; sie muffen außerdem in derselben Ebene liegend, einander nicht parallel und beliebiger Berlängerung fähig gedacht werden; im ersten kann man nicht verlangen, die Unmöglichkeit der geschlossenen Figur aus den vereinzelten Begriffen der Zahl Zwei und der geraden Linie abzuleiten; vor allem muß Zwei als Anzahl biefer Linien, die Linien felbst als enthalten in demselben Raume vorgestellt werden. Fügt man diese Mebenbestimmungen hinzu, so wird man, obwohl nicht beide gleich furzer Hand, doch beide Ergebnisse als identische Folgen der vorausgesetzten vollständigen Subjecte erkennen und so die Bedingung der Inhaltsgleichheit herstellen, unter ber beide Sätze allein wahr sein können. Allein dies ändert die Sache nicht. Alle jene Ergänzungen, das Enthaltenfein in derselben Ebene, der Nichtparallelismus, die mögliche Berlängerung, bedeuten ganz und gar nichts, wenn wir nicht die räumliche Anschauung voraussetzen, die allein bezeugt, daß so etwas, wie man es durch diese Worte bezeichnet, in der Welt des Vorstellbaren anzutreffen sei, und Die, indem fie dem vollständigen Subject jener Sate überhaupt erft einen

vorstellbaren Sinn gibt, zugleich auch das in ihnen enthaltene identische Prädicat begründet. Joentisch sind daher diese Sätze gewiß, obgleich unter synthetischer Form; daß es aber ihren ganzen Inhalt mit allen seinen innern Verhältnissen gibt, ist nicht Verdienst des Satzes der Identität; ich meine: nicht vermittelst dieses Princips kann man von der einen Ausdrucksform einer geometrischen Thatsache zu einer andern gleichgeltenden übergehen, sondern die eigenthümliche Natur des Raumes macht es möglich, daß eine sachliche Identität verschiedener Ausdruckssonnen bestehen kann. Hierauf, auf der unbegrenzten Möglichkeit bestonders, durch willkürliche Hülfsconstructionen jedes Raumgebilde immer andern mathematischen Gesichtspunkten oder Oberbegriffen unterzuordnen und ihm so die Prädicate zu verschaffen, die seiner ursprünglichen Aufstassung fremd waren, nicht aber auf der bloßen Unwendung des nackten Identitätsprincips, beruht die Fruchtbarkeit der geometrischen Methode.

355. Nun fann ich den Einwurf erwarten, daß meine Betrachtung anderswo ende, als wohin sie tommen wollte. Bur Erweiterung der Erfenntniß, überhaupt um Gesetze des Berlaufs der Dinge zu finden, behauptete ich die Nothwendigkeit synthetischer Grundsätze a priori; jest habe ich mich auf Anschauungen berufen, die auf einmal Subject Pradicat und Copula des Urtheils liefern, durch das wir fie ausdrücken, und deren Annahme zulett nichts weiter als den wenig fürderlichen Sat zu bedeuten scheint, man tonne nicht denken ohne Vorstellung des Inhalts, über den man denken will; gegeben aber sei Diefer Inhalt nicht durch das Denken, sondern dem Denken, in nicht wesentlich anderer Weise als jeder andere Inhalt, nämlich durch Erfahrung. Ueber den lettern Punkt wiederhole ich furz, daß jede Erfenntniß, angeboren oder nicht, in diesem weiteren Sinne des Wortes Gegenstand der Erfahrung für benjenigen ift, der sie entweder beständig oder auf Beranlassungen entstanden in seinem Bewußtsein vorfindet; überdies haben wir von Anfang an zugestanden, daß keiner ber Grundfäte, die wir als angeboren ansehen, auch nur als prattisch befolgter Obersatz unseres Urtheilens in uns wirksam wird, bevor uns eine empirische Anregung zu seiner Befolgung gegeben ift, bag er aber vollends zum Gegenstand unseres Bewußtseins erft durch Reflexion auf seine unbewußt geschehenen Anwendungen werden kann. Ich habe daher in diesem Sinne nichts einzuwenden und halte es nur für un-

fruchtbar, wenn man barauf besteht, bas Innewerden apriorischer Grundfate felbst eine innere Erfahrung zu nennen; aber auch darin kann der Streit aprioristischer und empiristischer Unsichten nicht bestehen, daß die lettern einer äußern Erfahrung zuschreiben, was wir einer inneren verdanken wollen. Denn dieser Gegensatz besteht lediglich nicht; was man auch über eine vorausgesetzte Außenwelt sich für Gedanken machen mag: Erfahrungen können wir immer nur über ihre Abbilber in uns, über den Zusammenhang unserer Vorstellungen machen. Hierüber möchte ich furz sein dürfen. In Deutschland wenigstens huldigt man noch nicht dem importirten Jrrthum, als könne es gelingen, burch Nachmessung der Kanten und Flächenwinkel förperlicher Gebilde die Sate der Geometrie zu beftätigen, ober andere zu entdeden als biejenigen, die wir auch mit geschloffenen Augen aus vorausgesetzten Berhältniffen bloger Raumpunkte entwickeln; man weiß noch, daß jene Messungen, wenn wir sie ausführen, sich unmittelbar nicht auf bie Natur der materiellen Ausfüllungen des Raumes, sondern auf Bestimmungen des Raumes beziehen, der durch sie ausgefüllt wird; daß sie endlich ausgeführt werden können nur durch äußerliche Hülfsmittel und durch Methoden, die sich alle auf die innere Gesetzlichkeit unferer Raumanschauung bereits gründen; daß wir also nicht dahin kommen tonnen, durch Dlessungen diese unsere geometrische Erkenntniß an einer andern von ihr unabhängigen Erkenntnißquelle zu prüfen, sondern daß wir auf diesem Wege lediglich eine einzelne räumliche Anschauung ben Gesetzen der allgemeinen geometrischen Anschauung subsumiren. auf allein würde daher der Unterschied der Meinungen zurücklaufen, daß wir die einfachen Grundfätze der Geometrie, die, daß jede gerade Linie ins Unendliche verlängert werden kann, daß die Gegenwinkel sich schneidender Geraden gleich sind, daß alle Nebenwinkelpaare dieselbe Summe geben, als Wahrheiten betrachten, die, einmal vorgestellt, für immer gelten; daß dagegen eine empiristische Auffassung folgerecht jedes einmalige Bewußtwerden derselben nur für eine psychische Thatsache ansehen müßte, von der nicht feststände, ob sie sich mit gleichem Inhalt wiederholen würde, deren allgemeine Geltung daher als wahr niemals, als wahrscheinlich aber nur durch Uebereinstimmung fehr vieler Wiederholungsfälle bewiesen werden könnte.

356. Wie wir uns zu dieser Ansicht verhalten, muß ich noch

einmal wiederholend zusammenfassen. Zuerft würde die Behauptung, jede Wahrheit bedürfe zu ihrer Allgemeingültigkeit diese Erfahrungsprobe, sich selbst widersprechen. Denn einestheils mußte sie ja sich selbst ihrem eignen Ausspruche subsumiren und könnte folglich nicht als allgemeiner Grundsatz gelten; anderntheils sahen wir früher, daß ohne die Boraussetzung der unbedingten Gültigkeit gewiffer, der Erfahrung nicht verdankter Grundfäße auch von den aus Erfahrungen zu gewinnenden Erkenntniffen keine für wahrscheinlicher gelten kann, als eine andere (329). Auf der Möglichkeit unmittelbarer Erkenntniß des Allgemeingültigen beruht daher jede lleberzeugung, die unsere nicht mehr als die unserer Gegner; Zwiespalt kann nur darüber sein, welche Wahrheiten wir dieser Erkenntniß zugänglich glauben. Selbstverftändlich aber kann für Wahrheiten, die unmittelbar als allgemeingültig erkannt werden sollen, das Kennzeichen dieses ihres Rechtsanspruches nur in der Evidenz bestehen, mit der fie sich dem Bewußtsein aufbrängen und Anerkennung verlangen, ohne sie durch einen Beweis ihrer Richtigkeit zu erzwingen. Nun fteht es endlos Jedem frei, fich diesem Berlangen zu fügen oder nicht; Jeder kann entweder ehrlich der Evidenz mißtrauen, mit der ein bestimmter Erkenntnifinhalt sich seinem Bewußtsein darstellt, ober er kann wenigstens dicanos sich darauf steifen, daß keine Evidenz in der Welt den Beweis für die Wahrheit des Evibenten gebe; nur wird er im lettern Falle fich gefallen laffen muffen, daß auch der Evidenz jedes versuchten Beweises sowie seiner eignen Behauptung mit gleicher Chicane die Gültigkeit bestritten werde. Diese eitle Disputirsucht überlassen wir sich selbst; jenes ehrliche Mißtrauen dagegen ist berechtigt; denn gewiß kann die Ruhe und das streitlose Bleichgewicht des Gemüths, in welchem die Evidenz einer Erkenntniß, als psychischer Borgang betrachtet, zuletzt besteht, auch durch Borstellungsverknüpfungen von keineswegs allgemeiner Geltung hervorgebracht werden. Diese falschen Evidenzen haben wir zugegeben und die logischen Versuche erwähnt, durch die wir uns von ihnen zu befreien suchen: sie laufen alle darauf hinaus, daß wir durch verschiedene Formungen Ausgangspunkte und Fortschritte unserer Ueberlegung von einem Subject S, dem wir ein Pradicat P zuschreiben wollen, alle in ihm selbst nicht enthaltenen, wohl aber in unserem Innern verstohlen mitwirkenden Rebenvorstellungen x sondern, die uns den Schein

erwecken könnten, als gehöre bem S allein und allgemein ein P, bas nur diesem S + x zukommt. Die bestimmte Form eines Beweises erlangen diese lleberlegungen nicht immer; daß eine gerade Linie ins Unendliche verlängert werden könne, ist zu einfach, als daß es eine Erörterung darüber geben könnte, die nicht ganz tautologisch auf die unmittelbare Anschauung zurücktäme; für andere Grundsätze nehmen die Beweise die apagogische Form einer Zurückführung auf das Absurde an; fie leiten bann nicht die Wahrheit derfelben aus der vorangeltenben eines andern Sates ab, fondern bestätigen nur die Unmöglichfeit ihrer Nichtanerkennung. Wo dies nun geschehen und gelungen ist, da sehen wir den fraglichen Sat als einen allgemeingültigen, der empirischen Bestätigung durch die Wahrheit seiner Beispiele nicht bedürftigen, vielmehr ihnen gegenüber a priori feststehenden an; wir leugnen die Möglichkeit nicht, daß dieses Vertrauen ber Vernunft in einzelnen Fällen dennoch täuschen kann; aber die günstige Präsumtion der Wahrheit eines so gefundenen Sates würden wir nicht aufgeben, nur weil das Mißtrauen möglich ift, sondern dann erft, wenn entweder die Befolgung seiner vorausgesetten Richtigkeit in Widersprüche verwidelt, oder weil positiv sich die Wahrheit eines andern Sates barthun läßt, aus ber zugleich die Entstehung ber scheinbaren Evidenz des falschen begreifbar wird.

Berichiedene Puntte bedürfen hier noch der Erläuterung. 357.Bon reiner Anschauung ist in der Kantischen Schule im Gegensatz zu dem Denken so gesprochen worden, daß mit diesem Ausdruck sich die Borstellung eines besondern etwas geheimnisvoll bleibenden Verfahrens verknüpft hat, durch welches der erkennende Weift eine Leiftung vollziehe, die seinem discursiven Denken unmöglich sei. Die Dunkelheit, die dann über diesem Gedanken schwebt, rührt davon ber, daß in der That gerade von der Anschauung nicht, wohl aber von dem Denken sich eine aus der Berknüpfung verschiedener Ginzelhandlungen entstehende Berfahrungsweise schildern läßt; die Anschauung verhält sich ihrem Inhalt gegenüber wie thatlose Receptivität und ihre Leistung geschieht so mit einem Schlage, daß feine Schritte zu unterscheiden sind, die zu einer Beschreibung Beranlassung gaben. Man muß bies nicht mißverstehen. Wenn geometrische Anschauung uns lehrt, daß zwei Gerabe, wenn sie sich schneiden, nur einen Punkt gemein haben können, fo

findet hierbei ohne Zweifel ein Vorstellungsverlauf als psychischer Vorgang statt, den wir schildern könnten, wenn er uns im einzelnen Falle genau befannt wäre; wir könnten angeben, wie wir zuerst jede der geraden Linien für sich benten, sie dann in eine Ebene ruden, sie aus paralleler Lage convergiren lassen, jede bis zu dem Schnittpunkt und darüber hinaus verfolgen; aber das alles ist nicht die geometrische Anschauung selbst; bis hierher sind nur alle die zusammengehörigen Beziehungspunkte ins Bewußtsein gebracht, über welche jett die Behauptung ber Anschauung: nur ein Bunkt könne beiden Geraden gemeinsam sein, wie eine einzige plötzliche Offenbarung erfolgt. Auf welche Weise dieser letzte Schritt vollbracht wird, das unmittelbare Innewerden der nothwendigen Wahrheit, die in den vollständig vorhandenen Beziehungsgliedern liegt, darüber ist jetzt gewiß, für mich nicht minder gewiß in aller Zutunft, jede weitere psychologische Analyse unmöglich. Nur in diesem Sinne völlig unmittelbarer Erfenntniß habe ich hier ben Namen ber Unschauung gebraucht und es folgt baraus eine weitere Bemerfung über die Bedeutung der Apriorität, die wir ihr zuschrieben. Ich habe früher erwähnt, warum Erkenntniß nicht in bloßer Aufnahme von Eindrücken, sondern in einer Rückwirfung bestehen muß, deren Form von der Natur des angeregten Geistes abhängt; ich habe nicht verhehlt, daß ich mit Kant barin übereinstimme, zu biesen Rückwirfungen die raumliche Anschauung zu rechnen, sie also für a priori oder angeboren in bem Sinne zu halten, in welchem von biefem Namen Gebrauch gemacht werden tann; für die gegenwärtige Frage aber hat diese Unficht dennoch keine Bedeutung. Nicht deswegen, weil die Vorstellung des Raumes uns angeboren ift, sind wir im Stande allgemeine geometrische Sate auszusprechen, die einmal gedacht immer gultig find; ware es nur sonst begreiflich, wie lediglich durch äußere Eindrücke die Vorstellung einer bestimmten Verbindung räumlicher Beziehungspunkte in uns entsteben könnte, so wurde ihr gegenüber jenes unmittelbare Innewerden der in ihnen liegenden allgemeinen Wahrheit, die Leistung der Unschauung, nur ebenso aber nicht mehr unerklärlich und nicht weniger möglich sein, als wenn dieselben Beziehungspunkte nur durch die Mithülfe einer angebornen Rückwirkungsweise in unser Bewußtsein gebracht worden wären. Ich überlasse daher die Frage nach der Aprioris tat in bem Sinne bes Angeborenseins und bas, was hieraus folgen

kann, der Metaphysik und beschränke den Gebrauch des Namens dahin, daß jene Erkenntnisse a priori sind, weil sie nicht durch Induction oder Summation aus ihren einzelnen Beispielen entstehen, sondern zuserst allgemeingültig gedacht werden und so als bestimmende Regeln diesen Beispielen vorangehen.

358. Und hiermit endlich hängt der lette hier zu erwähnende Punkt zusammen. Bon reinen Anschauungen, als einem angeborenen Besit des Geistes, ist auch in Ausdrucksweisen gesprochen worden, aus denen als natürliche Consequenz die Annahme hätte fließen mussen, alle Wahrheit, die auf einer dieser Anschauungen beruhe, sei gleichfalls ein Schatz immer gegenwärtiger Erfenntniß, mit dem wir ber Erfahrung, um sie zu beurtheilen, entgegenkommen. In der That hat schon Locke diese Consequenz zur Bestreitung der Lehre von den angeborenen Ideen benutt; daß sie aber falsch ist, bedarf nur furzer lleberlegung. überhaupt von angeborenen Erkenntniffen spricht, rechnet die mathematischen am gewissesten zu ihnen; gleichwohl haben sie alle erst entbedt werden muffen, und der Allen angeborene Besitz der Raumanschauung war nicht gleichbedeutend mit dem der Geometrie. Entdeckt aber wurden die elementarsten von ihnen, sobald die Aufmerksamkeit Beranlassung erhielt, von den höchst mannigfaltig gezeichneten Raum= figuren, mit denen uns die Wahrnehmungswelt umgibt, sich auf die einfachsten Beziehungen zu richten, die in ihnen allen enthalten sind; bann sprang unvermittelt die evidente Wahrheit der einzelnen Grundfätze als selbstverständlich hervor, ganz so wie es Platons vortreffliche Darstellung im Menon zeigt; nur die Berufung auf ein Vorleben war überflüssig, aus dessen Erinnerung diese plötlich auftauchende Ginsicht stamme, denn auch in diesem Vorleben hatte die Ueberzeugung von der allgemeingültigen Gewißheit der damals in allgemeiner Gestalt angeschauten Wahrheiten doch nur durch daffelbe unmittelbare Innewerden entstehen können, durch welches wir fie in diesem Leben in ihren Einzelbeispielen wiedererfennen. Noch leichter versteht sich, warum verwickeltere mathematische Relationen auf Entdedung warten mußten und warum noch immer ein unermegliches Gebiet vor uns liegt, in welchem neue Entdeckungen zu machen sind; zur Wissenschaft werden die Consequenzen der einfachen mathematischen Principien eben erst baburch, daß sie benkend gezogen werden; dies aber schließt eine höchst

umfängliche immer fortschreitende Arbeit genauer Definition, mannigfaltiger Sonderung und bestimmter Berknüpfung gemachter Abstractionen ein, durch welche erft die Subjecte zweifellos festgestellt werden, von denen ein vielleicht nicht minder zusammengesetztes Pradicat behauptet werden foll. So paradox es daher scheinen mag, wir muffen uns ber falfchen Borftellung entwöhnen, als läge die Welt des Selbstverftandlichen von selber selbstverständlich vor uns und es tame nur darauf an, mit dieser bequem besossenen Wahrheit die widerspenftige Welt der Wahrnehmungen zu meistern; auch das Allgemeingültige, zu deffen Ginsicht der Beist nur sich selbst bedarf, muß von ihm erst aus der Unermeglichkeit der Borftellungen, die fein Bewußtsein wirklich füllen, aufgefunden und gesondert werden. Und nicht einmal dies kann man allgemein erwarten, daß auf dem Wege biefer Befinnung auf fich felbst ihm die einfachsten aller seiner angeborenen Wahrheiten, die höchsten Grundfäte, zuerft zum Bewußtsein tommen; alle thun es ja nur auf Beranlaffung eines bestimmten Beispiels oder eines Falles, den Wahrnehmung oder Einbildungsfraft dem Beiste vorführen, damit er über ihn Recht spreche; so aber können die Wahrnehmungen beschaffen fein, daß sie nie den reinen Fall darbieten, und daß sie demgemäß auch die Einbildungsfraft abhalten, die Borftellung des reinen Falles auszubilden, über den, sobald er nur dem Bewußtsein gegeben wäre, der Beist unmittelbar mit der in ihm erweckten Ueberzeugung einer allgemeinsten grundsätzlichen Wahrheit urtheilen würde. Go fann daher eine sehr schwere Aufgabe der Erkenntniß darin bestehen, uns durch Hinwegräumung aller der Hindernisse, welche die uns aufgedrungene empirische Berknüpfung unserer Borftellungen entgegenstellt, zu der Einsicht in das Selbstverständliche erft hindurchzuringen.

359. Der Mathematik, die am leichtesten die Gegenstände ihrer Betrachtung von der Natur des Realen sondern konnte, an dem sie zur Wahrnehmung kommen, ist es im Ganzen möglich gewesen, von den einfachsten Wahrheiten zu ihren Folgen fortzuschreiten, nicht ohne daß dennoch die spätere Einsicht auch den früher erkannten Principien neue und umfassendere Ausdrücke gab. Anders ist der Weg der Mechanik gewesen, die unmittelbar auf das wirkliche Geschehen eingehend den Wechselwirkungen der Dinge ihre Gesetze vorzuzeichnen suchte. Ich brauche diesen vielgetadelten Ausdruck Kants, um die Vorwürfe gegen

ihn auf ihr richtiges Maß zurückzubringen. Niemand will ja mit ihm gemeint haben, menschliche Vernunft könne mit willfürlicher Wahl Gesetze erfinnen, benen die Natur zu folgen verpflichtet sei; wenn aber die Vorstellung einer Beziehung zwischen verschiedenen Elementen uns gegeben ist, einfach genug, um jenen reinen Fall darzustellen, in welchem die eignen Gesetze der Natur ihre einfachste durch keine Bielheit mitwirkender Nebenbedingungen verhüllte Folge hervorbringen, warum foll dann die Bernunft, zu dem Ganzen derfelben Welt gehörend, in welcher diese Wirfungen geschehen, nicht unmittelbar bas Ergebniß inne werden können, das aus jener Beziehung entspringen muß? Nicht ihre subjectiven Gesetze drängt sie dann der Natur auf, sondern sie erräth die eigenen dieser und stellt sie nun als verbindliche Regeln dem Gewirr ber einzelnen Borgange zu beren Beurtheilung und Erklärung voran. In diesem Sinne ift die reine Mechanit eine apriorische Wiffenicaft; viele ihrer Sate mag immerhin die Erfahrung zuerft angedeutet und das Suchen nach ihnen veranlaßt haben; gefunden und in die genaue Westalt eines Wesetzes sind sie alle gebracht worden nicht auf Zeugniß wiederholter Wahrnehmungen, sondern durch eine Bedankenarbeit, die in einem vorgestellten reinen Fall mit unmittelbarer Alarheit das Selbstverständliche sah und verwickelte Fälle auf einfache zurückzuführen Mittel fand. Man pflegt dies so auszudrücken, daß innerhalb ihrer selbst die Mechanik eine vollständig demonstrative Wissenschaft sei, die aus selbstgemachten Voraussetzungen nothwendige Folgen mit vollkommener Schlußfraft entwickle; dafür habe sie, der Erfahrung gegenüber, nur hppothetische Bültigkeit, unter der Boraussetzung nämlich, es gebe Wirklichkeiten, die sich genau den Begriffen subsumiren lassen, aus denen sie ihre Folgerungen gezogen hatte. Diese Ausdrucksweise gibt unberechtigten Zweifeln an der Erfüllung jener Voraussetzung zu viel Raum und entspricht auch ber Sache nicht. Denn entstanden ist die Mechanif nicht in einem nachsinnenden Bewußtsein, das vor aller Erfahrung mit Möglichkeiten gespielt hätte, sondern unter dem unablässigen Drude der Erfahrung, die Erklärung verlangte; die abstracten allgemeinen Bedingungen, aus denen wir in ihr bestimmte Folgen ableiten, find nicht problematische Entwürfe von Etwas, was sich vielleicht finden könnte, sondern Reductionen bes affertorisch Wegebenen auf seine allgemeingültige Gestalt.

wendig aber war diese Reduction um der einzigen wirklichen Voraussetzung willen, mit der die Dechanik steht und fällt, der nämlich, daß überhaupt in dem Geschehen gesetliche Ordnung gilt. Besteht biese Annahme einmal zu Recht, und wirken in dem Verlauf der Dinge viele Elemente A B C . . zusammen, jedes von ihnen in verschiedenen Formen  $\alpha$   $\alpha^1$   $\alpha^2$  . . .  $\beta$   $\beta^1$   $\beta^2$  . . . endlich alle in veränderlichen Beziehungen M N . . ., deren jede die verschiedenen Werthe u u1 . . . v v1 . . . annehmen kann, fo muß dann jedes Einzelereigniß das Gefammtergebniß vieler Einzelgesetze sein, deren jedes nur von zwei Elementen A B und ihrer Beziehung M handelt und die Wirkung W bestimmt, die aus diesen Datis folgt, und die sich in w w1 . . . ändert, wenn A B und M ihre veränderlichen Formen oder Werthe durchlaufen. Bielleicht gibt die Erfahrung niemals ein reines Beispiel eines biefer Einzelgesethe; aber es ware boch Unverstand, die Mechanik des= wegen zu tadeln, weil sie zuerst von einer Bewegung spricht, ohne den Widerstand zu beachten, der doch keiner fehlt, von einer gleichartigen Masse ferner, die nirgends aufzuweisen ist, von einem völlig starren Körper endlich, statt dessen die Wahrnehmung immer nur elaftische nachgiebige mehr oder minder harte zeigt. Es wird Zeit fein, die Ginflüsse dieser Nebenbedingungen in Betracht zu ziehen, sobald die allgemeinen Gesetze befannt find, auf deren Folgen sie umgestaltend einwirken; wenn aber auch niemals die Theorie der widerstehenden Mittel, der specifischen Eigenschaften der Materie und ihrer Molecularzustände die einfache Klarheit der übrigen mechanischen Lehren erreichte, so würde sicher eine Naturbetrachtung noch weniger Glück haben, die nicht einmal die Gesetze der einfachen und reinen Fälle wüßte, von denen jeder einzelne unreine um eine bestimmbare Differenz abweicht. Denn es ift eben keineswegs bloße Bequemlichkeit einer ungenau abkürzenden Untersuchung, wenn wir von der ganzen Eigenthümlichkeit eines concreten Falles absehend zunächst das Gesetz eines allgemeinen und abstracten suchen; jene Boraussetzung von der Gesetlichkeit des wirklichen Geschehens schließt die sachliche Nothwendigkeit ein, daß die Gesammtwirfung vieler Elemente aus den Ginzelwirfungen zusammengesett sei, bie je zwei, in bestimmter Beziehung zusammengefaßt, für sich erzeugen und nach einem beständigen Gesetz mit ber Aenderung dieser Bezichung ändern.

360. Den mechanischen Betrachtungen hat es nun der empirische Inhalt und Berlauf der Wahrnehmungen feineswegs leicht gemacht, auch nur die Vorstellungen der einfachen und reinen Fälle zu fassen, über welche bann eine unmittelbare Anschauung ber Wahrheit ein selbstverständliches und allgemeingültiges Urtheil auszusprechen gewußt hätte; im Gegentheil hat hier die Erfahrung am meisten ihre früher berührte schädliche Wirkung geübt, durch beständige Vorführung des Besonderen und Bedingtgültigen von der Auffassung des Allgemeinen und Unbedingten abzulenken. Das ganze Alterthum ift vergangen, ohne daß der Begriff der Bewegung, der Mittelpunkt aller Mechanik, zu der Einfachheit herausgearbeitet worden wäre, in welcher er Gegenftand unmittelbarer Erkenntnig werden tann. Drei große Beifpiele hielt die Erfahrung der Einbildungsfraft vor: die unabläffige Bewegung der Himmelskörper, die bald wieder aufhörende der von außen angetriebenen irdischen Massen, die von innen fommende, aber ermüdende Regsamkeit der lebendigen Wesen; von den widerstreitenden Nebenbestimmungen dieser Fälle den einfachen Borgang aller Bewegung. die stetige Veränderung des Ortes, abzulösen wollte nicht gelingen; es blieb bei einer Vermischung des Phänomens mit vorausgesetzten Ursachen, die dazu führte, entweder den Lauf der Gestirne als göttliche Bewegung über die allgemeinen Naturgesetze erhöht oder die Bewegungen der irdischen Körper als erzwungene unter das hinabgedrückt zu denken, was in der Natur Rechtens wäre; die Analogie der Ermüdung unserer eigenen Thätigkeit trug dazu bei, im Ganzen das baldige Erlöschen jeder Bewegung als selbstverständlich, ihre ewige Fortdauer als göttliche Ausnahme anzusehen. Gine viel spätere Zeit erft fam dahin, bas, was jeder Bewegung wesentlich ift, einfach als Berhältniß von Geschwindigkeit Zeitdauer und Raum zu fassen und mit der unscheinbaren Formel s = ct die Grundlage einer wissenschaftlichen Bewegungslehre zu schaffen. Mit ihr trat das Gefet der Beharrung von felbst in das Bewußtsein; benn auch wenn die Auffindung dieses Wesetzes aus der Verallgemeinerung der Bersuchsergebnisse hervorging, die jede Bewegung um so länger fortdauern zeigten, je mehr alle äußeren Hindernisse entfernt wurden, so zweifelt boch Niemand, daß das einmal aufgefundene der Ausdruck einer spät eingesehenen Denknothwendigkeit ift. Daß es Bewegung gebe, mußte man aus Erfahrung lernen; wenn es fie aber gibt oder

geben foll, so gehörte die Boraussetzung ihrer Beharrung bazu, um ihre Anschauung auch nur möglich zu machen (247). Aehnlichen Schwierigfeiten unterlag es, den Begriff der Maffe zu bilben. Die Körper, mit denen wir zu hantieren gewohnt find, feste wie fluffige, folgten dem Zuge der Schwere, aber Dämpfe und Teuer stiegen empor; so entstand die Borstellung zweier entgegengesetzten Triebe, die, zu ber Natur der Körper wesentlich gehörend, nach zwei Richtungen auseinandergingen, Richtungen, die man allerdings durch qualitative Berschiedenheit der Endpunkte, zu denen fie führen, gultig hatte untericheiden fonnen, aber doch mit unverständlichen Gegenfägen des Oben und Unten eines absoluten Raumes verwechselte. Spät erft, nachdem die Combination erweiterter Beobachtungen die Einseitigkeit der ursprünglich gegebenen ausgeglichen und gezeigt hatte, daß weder die Richtung noch die Intensität der Schwere überall dieselbe ift, tam die natürliche Borftellung zur Geltung, daß jede neubeginnende Bewegung eine Bestimmung ihrer Richtung a fronte oder a tergo, durch Anziehung oder Abstoßung in gerader Linie bedarf, daß sie also immer aus einer Wechselwirfung verschiedener Elemente im Raume entspringt und daß die Größen dieser Wirfung von den Mengen eines gleichartigen Realen abhängen, die in jedem dieser Elemente vereinigt sind. Auch die so entstandene Vorstellung der Masse, die nur auf die Größe des Tragheitswiderstandes, den ein Reales im Raum jeder ihm angesonnenen Bewegung entgegensett, sowie auf die Größe der Kraft Rücksicht nimmt, mit der es selbst jede von ihm ausgehende Bewegung zu erzwingen sucht, mag neue Fragen anregen, auf welche die Philosophie zu antworten hätte; sobald indessen ein gesetzlicher Berlauf von Naturereignissen da ift oder da sein soll, in welchem jeder einzelne Borgang die Bedingung für ein bestimmtes Dag eines auf ihn folgenden sein soll, wird man als eine selbstverständliche Boraussetzung hierzu die in dem Begriff der Maffe ausgesprochene Bergleichbarkeit ber realen Glemente in Bezug auf die Größe aller von ihnen zu erwartenden Leistungen leicht erkennen. Wie groß aber die Macht einseitiger Beobachtung über unsere Auffassungen ist, beweist der Unglaube, den noch jett die gewöhnliche Einbildungsfraft ber Möglichkeit der Antipoden entgegensett, und die Irrthumer naturphilosophischer Schulen, für welche zwar nicht mehr die ewige Abwärtsbewegung des Alterthums,

aber doch die concentrisch zusammendrängende Schwere so sehr zu dem allgemeinen Begriffe des Realen gehörte, daß die Vorstellung gewicht-loser Masse ihr stets ein Widerspruch schien. Ich muß hier abbrechen; aber eine Geschichte der Ausbildung der mechanischen Vorstellungen würde eine anregende Aufgabe darin sinden, nicht immer blos zu wiederholen, wie wir lediglich durch Verknüpfung der Erfahrungen zur Kenntniß der Naturgesetze gekommen sind, sondern auch hervorzuheben, wie zuerst die Einseitigkeit der Erfahrungen uns eine Menge falscher Gedanken aufgezwungen und uns verhindert hat, selbstverständliche Wahrheiten früher einzusehen.

361. Ueber ben logischen Charafter ber einfachsten mechanischen Grundsätze bestehen entgegengesetzte Meinungen. Eben weil man sie zunächst nicht auf die wirklichen Körper, sondern auf vorausgesetzte Substrate bezieht, deren ganze Natur durch unsere Definition derselben feststeht, glaubt man einerseits sie für analytische Urtheile ansehen zu muffen, deren Wahrheit das Gefet der Joentität verburge; anderseits hält man sie, auch in jener abstracten Reinheit gefaßt, noch immer für synthetisch und beswegen nur für probable Hypothesen, beren Richtigfeit nur durch das Zusammentreffen mit der Erfahrung und durch die allseitige Uebereinstimmung ihrer Folgen untereinander bestätigt werde. Ich kann über diese Frage nur ebenso urtheilen, wie über die verwandte in Bezug auf Arithmetif und Geometrie, muß jedoch mich mit einer furzen Andeutung begnügen, ohne ihr hier die wünschenswerthe Ausdehnung geben zu können. Allgemein könnte ich mich dahin ausdrücken, daß die beiden Data A und B, über deren Zusammenhang ein mechanischer Satz urtheilen foll, uns nicht nur einzeln gegeben find, sondern daß ihre Vorstellungen nur innerhalb einer gemeinsamen Unschauung verständlich sind und verstanden werden, durch welche zugleich die Beziehung zwischen beiden bestimmt wird. Rehren wir zuerst zu einem arithmetischen Beispiel zurud. Daß 3a — 3a = 0, wird man geneigt fein, unmittelbar auf den Sat ber Identität gurudguführen; gleichwohl sagt dieser für sich allein doch nur, daß 3a = 3a und - 3a = - 3a, endlich 3a - 3a = 3a - 3a; daß diese lette Formel = 0 fei, können wir nut auf Grund der sachlichen Unschauung behaupten, es gebe zwei ausführbare Operationen der successiven Hinzufügung von a zu a und der Abziehung des a von 2a, die

einander gerade aufheben und beren gleich oftmalige Wiederholung zur Wiedervernichtung jeder erzeugten Größe führe. Denn in der That bezeichnet boch in + a - a das Zeichen - nicht blos einen Gegensat zu +, sondern zugleich die Art, wie dieser Gegensatz wirksam werden fann und foll, die Subtraction; wußte man von der Möglichfeit dieser Operation nichts, oder wäre sie nicht ausführbar, so würde man aus a - a die Folge O ebensowenig erzeugen, als man aus der bloßen Bereinigung der contradictorischen Begriffe Möglichkeit und Unmöglichkeit im Denken irgend ein Resultat erzielen könnte; gleichwohl können beide auch, als Gegenfätze, durch a und - a bezeichnet werden, aber dieses - läßt sich nicht durch eine Subtraction deuten. Man fieht daher, daß man den Sat a — a = 0 ebensowohl für identisch als für synthetisch ansehen kann. Ibentisch ift er, weil er ja falsch sein würde, wenn die beiden Seiten der Gleichung nicht vollfommen denselben Inhalt vorstellten; daß aber diese Identität stattfindet, ist durch feine blos logische Zergliederung des a des — a und des — zu ermitteln, sondern lediglich durch die unmittelbare Anschauung der Bedeutung, welche hier dieses — haben kann, weil es auf Bermehrung und Berminderung von Größen bezogen ift; ber Sat ift mithin eine fonthetische Behauptung der Identität zweier formverschiedener Inhalte, einer Aufgabe und ihrer Lösung. Ein ähnliches Beispiel bietet mechanisch die Bestimmung der Resultante zweier Bewegungen, die einen Winkel einschließen. Ich beschränke mich auf Anführung der Voraussetzung, von der die gewöhnlichen Beweisversuche beginnen, nämlich daß die Resultante zweier gleichen Bewegungen ben Zwischenwinkel halbire. Man sieht diesen Sat für selbstverftändlich an und glaubt in diesem einfachsten Falle unmittelbare Bewißheit eines Ergebnisses zu besitzen, auf welches man verwickeltere Aufgaben zurückzuführen hätte, und gewiß werden auch die Vorsichtigsten in ihm nicht blos eine probable Hupothese sehen wollen, sondern eine Wahrheit, die nur zu einfach ist, um aus einer noch einfacheren bewiesen werden zu können. Was man aber zur Erläuterung noch hinzuzufügen pflegt: es sei kein Grund vorhanden, warum die Resultante der einen Componente näher liegen sollte als der andern, kann uns dienen, die logische Natur des Sates zu verdeutlichen. Denn das Fehlen zweier Gründe für zwei andere Klaffen von Richtungen fann an sich felbst keinen positiven Grund für

die Nothwendigkeit der angenommenen Richtung der Resultante vorstellen, so lange man nicht ben Gedanken schon festhält, irgend eine Richtung muffe nothwendig eingeschlagen werden, und fie konne mit feiner der beiden Componenten zusammenfallen. Dies ist es nun eben, was man aus Anschauung weiß; eine blos logische Zergliederung würde nur lehren: unter der Bedingung a bewegt sich das Element M nach ber Richtung a, unter der Bedingung b nach b; wirken beide Bebingungen zugleich, so kann M sich weber nach a noch nach & bewegen, weil bei der Wahl jeder von beiden Richtungen die eine Bedingung wirkungslos würde; was würde also geschehen? Da beide Bedingungen gleichwerthig gedacht sind, so mußte entweder sowohl die eine als die andere wirfungslos werden und M in Ruhe bleiben, oder es müßten beide Bedingungen zu gleichem Dage befriedigt werden und unbefriedigt bleiben, falls es eine Urt und Beife gabe, wie dies geschehen könnte. Dies ist nun die Hauptsache: daß es eine solche Art und Weise gibt, und worin sie besteht, ist durch gar fein Mittel bes Denkens aussindig zu machen, dagegen liegt es ganz offenbar in der Anschauung des Raumes und des Zusammenhangs der in ihm möglichen Richtungen, sowie in der Anschauung der Bewegung vor; hier findet man, daß M beide Bedingungen zugleich voll befriedigen tann, wenn es sich so bewegt, daß es am Ende der Zeiteinheit t sich an dem Endpunkt der Diagonale des Parallelogramms befindet, an den es gekommen ware, wenn es in zwei Zeiteinheiten t in beliebiger Reihenfolge erft den Weg a oder \beta ganz, dann den Weg \beta oder a auch ganz zurückgelegt hätte; daß endlich die Bahn, auf der es an diesen Bunkt gelangt, eben diese Diagonale selbst ist, folgt dann baraus, daß für jeden kleinen Beittheil dt ganz dieselbe Betrachtung gilt; die Diagonale ift der geometrische Ort aller der Orte, an welchen sich M nach dt, 2dt, 3dt u. f. f. befinden muß. Auch dieser mechanische Sat ift mithin ein synthetisches Urtheil, welches die Joentität einer Aufgabe mit ihrer Auflösung durch unmittelbare Anschauung feststellt.

362. Ich muß mir hieran genügen lassen und benutze nur noch in anderer Absicht einen Blick auf den Fortgang der Mechanik. Während ihre Anfänge durch Einfachheit formelle Beweise unmöglich machen, werden ihre späteren Aufgaben so verwickelt, daß ihre Auflösungen, obgleich strenge Consequenzen jener Grundlagen, doch wegen der Mannig-

faltigkeit der im Auge zu behaltenden Beziehungsvunkte sehr weitläufige Umwege ber Abstraction und Rechnung nöthig machen. So zweifellos nun auch die so erhaltenen Resultate sind, so hat sich doch nirgends so lebhaft wie in dieser strengen Wissenschaft das Berlangen geregt, die gewonnenen Ergebnisse unabhängig von dem Gerüst des Calculs auf einfache Gedanken zurückzuführen, die der Rechnung nur bedürfen, um auf die dem Mage nach bestimmten Bedingungen der Ginzelfälle anwendbar zu werden. Ich erinnere nur an das Gaußische Princip des fleinsten Zwanges, das in größter Allgemeinheit das Geset aller Bewegung dahin ausspricht: ein System materieller wie auch immer unter einander verbundener Punkte, deren Bewegungen an was immer für äußere Beschränkungen gebunden find, bewege sich in jedem Augenblicke in möglich größter Uebereinstimmung mit ber freien Bewegung ober unter möglich kleinstem Zwange, indem man als Maß des Zwanges, den das gange Spftem in jedem Zeittheilchen leidet, die Summe der Producte aus dem Quadrate der Ablentung jedes Punttes von feiner freien Bewegung in seine Masse betrachtet. Der zweite Theil Dieses Saves bient dazu, dem allgemeinen Gedanken, den der erfte ausspricht, die mathematische Gestalt zu geben, durch welche für jeden Einzelfall der Sinn bessen, mas er fordert, genau bestimmt und auf die gegebenen Magverhältnisse anwendbar gemacht wird; in jenem ersten aber glauben wir nicht blos eine thatsächlich gültige allgemeine Regel, sondern die eigentliche ratio legis zu besitzen, aus welcher alle Einzelgesetze ber verschiedenen Bewegungen fliegen. Machen wir die Anwendung auf den einfachsten Fall der Resultante zweier Bewegungen, so haben wir 232 und ff. gesehen, daß man sich von verschiedenen Ausgangspunkten aus über fie Gewißheit verschaffen fann; aber die so versuchten Beweise dienen mehr oder weniger nur dazu, uns zum Glauben zu zwingen; der Gedanke bagegen, daß die Bewegung in der Diagonale diejenige ist, durch welche beide Bewegungsantriebe vollständig befriedigt werden, und von beiden nichts verloren geht, erscheint uns, sobald wir ihn fassen und bestätigt finden, als ein Entscheidungsgrund von gang anderem Werthe, als ein Princip, bas burch feine finnvolle Bedeutung den unmittelbaren Glauben erweckt, daß wir in ihm nicht blos eine der Regeln besitzen, nach denen der Zusammenhang der Greignisse sich betrachten läßt, sondern den höchsten Besichtspunkt, nach dem er

geordnet ist. Ich habe ausdrücklich hinzugefügt, daß wir die vorgängige Bestätigung eines solchen Sates voraussetzen muffen; in der That, so überredend die Behauptung sein würde, ber Conflict aller Bewegungen sei so geordnet, daß in dem Endergebniß nichts von dem beabsichtigten Effecte der Componenten verloren gehe, bennoch würde fie, ohne jene Bestätigung ausgesprochen, von febr zweifelhafter Bultigfeit sein; fie würde einen Grundsat vorstellen, nach welchem wir vielleicht die Welt ordnen würden, wenn dies unsere Aufgabe sein konnte, und vorausgesett, daß eine Möglichkeit vorhanden und von uns aufgefunden wäre, die allgemeine Forderung, die in diesem Grundsage liegt, wirklich in jedem Einzelfalle zu erfüllen; daß aber die Welt des Wirklichen oder auch nur die des Denkbaren den Inhalt, die Form und Fassung und den Zusammenhang ihrer Elemente besitzt, durch den es möglich wird, ihre einzelnen Vorgänge oder auch nur die einzelnen denknothwendigen Besetze, die wir in abstracter Betrachtung gefunden haben, unter diesen gemeinsamen höchsten Gesichtspunkt zu vereinigen, dies lernen wir erst am Ende unseres Weges. Man weiß, wie oft in der Geschichte der Mechanik Versuche gemacht worden sind, das Ganze des physischen Weltlaufs an folde höchste philosophische Gefetze zu binden; von der beständigen Summe der Bewegungen in dem Weltall, von der Unverlierbarkeit der Kraft, von einem Principe der kleinsten Wirkung und ber Sparfamkeit ift gesprochen worden; in allen diesen Bersuchen lag nicht blos Sehnsucht nach einem selbftverständlichen Grundgedanken, aus dem die mathematisch bestimmbaren Ginzelgesetze ber Ereignisse flössen, vielmehr auch die Richtung, in der das Ersehnte zu suchen ist, verfehlten fie nicht gang; aber es gelang nicht, icharf und rein die Begiehungspunkte ohne Ueberfluß und Mangel festzustellen, in Bezug auf welche ein so allgemeiner Gedanke sich auch ebenso allgemeingültig aussprechen ließ. Inwieweit jest Fortschritte hierin geschehen sind, habe ich nicht zu untersuchen; nur die Lebhaftigkeit des Verlangens wollte ich hervorheben, unsere Untersuchungen burch höchste Principien abschließen zu können, die in der Form synthetischer Urtheile zwei Beziehungsglieder allgemeingültig und selbstverständlich verknüpfen, die durch kein Mittel logischer Beweisführung als analytisch oder identisch zusammengehörig nachweisbar sind.

363. Man pflegt sich über das letzte Ziel der Erkenntniß anders Lope, Logit.

auszudrücken; man verlangt Zurückführung aller synthetisch erscheinenden Berknüpfungen auf analytische, anstatt deren man übrigens richtiger identische fordern würde; man glaubt endlich auf dem Wege zur Erfüllung dieser Aufgabe zu sein. Am Anfange unserer Erkenntniß werde ein Begriff S zunächst aus ben wenigen Merkmalen P Q R gebilbet, die man verbunden bereits kennen gelernt habe; zeige dann neue Erfahrung mit ihm in einem Einzelfalle noch ein Merkmal Z verknüpft, fo sei der Sat: S ift Z, ber diese Wahrnehmung ausbrüdt, ein fynthetisches Urtheil; bestätige sich jedoch die neue Erfahrung allgemein, so werbe Z nun mit in den Begriff S aufgenommen und der Sat: S ift Z sei nun, mit so veränderten S, analytisch geworden; eben dahin endlich gehe alle Anstrengung unserer Erkenntniß, anfänglich so synthetisch erscheinende Berbindungen auf diese analytische Form, Zusammensein also auf Zusammengehörigkeit zurückzuführen. Der Hergang unseres Ertennens ift hierdurch richtig geschildert; denn leider ift zuzugestehen, daß es selten weiter als bis zu diesem Ziele vordringt; aber bemerken muß man doch, daß die zulett gedachte Absicht nur in fehr bescheidenem Mage erreicht wird, in dem Sinne gar nicht, daß der frühere Schein eines blogen Zusammenseins wirklich der Einsicht in eine selbstwerftandliche Zusammengehörigkeit wiche. Hätten wir den Begriff des Körpers zuerst nur aus den Merkmalen der Ausdehnung, der Undurchdringlichfeit und des Trägheitswiderstandes gebildet, aus benen die Nothwendigfeit gegenseitiger Anziehung nicht folgt, so würde der Sat, der Körper sei schwer, ohne Zweifel synthetisch gewesen sein; aber er selbst wird auch dann nicht zu einem analytischen, wenn wir die allgemein beobachtete Gravitation mit in den Begriff des Körpers aufnehmen; nach wie vor bleibt diese aus jenen andern Merkmalen unableitbar, mit ihnen also doch ebenso synthetisch verbunden, wie in dem Urtheile, das diese Berbindung zuerst als eine bestehende Thatsache aussprach. Allerdings, nachdem wir diese synthetische Verknüpfung aller Merkmale des S einmal als gegeben betrachten, können wir auf sie ein analytisches Berfahren anwenden und eines derfelben nach dem andern zum Gegenstand gesonderter Betrachtung hervorheben; aber nur ein Berzicht auf Erfenntniß liegt in dieser Anerkennung eines nur thatsächlich allgemeinen Busammenseins, deffen Busammengehörigkeit wir nicht begreifen; befriedigt konnten wir nur fein, wenn die Berknüpfung je zweier Merkmale von S uns die Nothwendigkeit der Gegenwart je eines dritten verdürgte. Solche Beweise können wir in einiger Ausdehnung führen, und überall, wo sie gelingen, bezeichnen sie einen erreichten Fortschritt der Erkenntniß; aber es ist klar, daß sie nicht gelingen können, ohne zuletzt irgendwo eine Prämisse von der Form A + B = C vorauszusehen, d. h. eine solche, die nicht nach dem nackten Princip der Identität Gleiches einander gleich setzt, sondern ohne Möglichseit der Zurücksührung auf dieses Princip die Gleichheit des Verschiedenen behauptet. Die angebliche Umwandlung aller synthetischen Erkenntniß in analytische läuft daher in der That doch auf die Aufsuchung der einfachsten synthetischen Wahrheiten hinaus.

Dies wird man nun, wenn auch vielleicht als eine unnöthig 364.veränderte Ausdrucksweise, zulett boch zugestehen; aber man wird baran die Betrachtung knüpfen, eben diese Nothwendigkeit, synthetische Berbindungen als gegeben zuzugestehen, beweise die Unfähigkeit der Erkenntniß, wirklich zu Ende zu kommen und die Zusammengehörigkeit des Busammenseienden einzusehen; überall bleibe ein Rest bes Thatsächlichen, dessen innerer Zusammenhang unverständlich sei und nur durch die Erfahrung verbürgt werde. Ich tann dieser Meinung nicht beipflichten, die Berständniß nur da erreicht zu haben glaubt, wo sie Gleiches einander gleichsetzen kann. Denn daß nun A = A sei, worauf beruht es denn, daß wir diesen Satz unbeanstandet als eine verständliche Wahrheit betrachten, wenn nicht auf der unmittelbaren Evidenz, mit welcher er sich uns aufdrängt und keine weitere Bermittlung seiner Gewißheit wünschenswerth macht? Wie es aber zugehe, wie es gemacht werde oder aus welchem inwendigen Zusammenhange es folge, daß A sich selbst gleich sei, wissen wir weder, noch wird Jemand glauben, daß eine folche Frage überhaupt noch Sinn habe. Wenn nun mit gleicher Evidenz sich uns ein einfachster synthetischer Sat von der Form A+B=Cdarbietet, warum soll hier diese Frage aufgeworfen werden, die dort ohne Bedeutung war? und warum soll diese Gleichung erst mit Bulfe irgend einer Bermittlung gelten, die uns zeigte, wie C bem A + B gleich sein könnte, da es doch vorhin als hinreichend zum Berständniß galt, zu wissen, daß A = A sei? Ich will nicht weiter wiederholen, daß in unserem Denken keine solche Vermittlung von dem blogen Sat der Identität, daß jede vielmehr von einem analogen Sate A1 + B1 = C1 beginnen mußte; benn hiermit wurde ich freilich der Klage über die Unvollkommenheit der Erkenntniß nicht begegnen, die zu feinem felbstverständlichen höchsten Princip gelangen fonne; wie aber verhält es sich damit, daß wir irgend eine sonthetische Berknüpfung dieser Art als gegeben, als gultig und nur für unser Verständniß undurchdringlich ansehen sollen? Wollen wir annehmen, daß thatfächlich in der Wirklichkeit M und N immer verbunden sind, ohne doch einander etwas anzugehen? Wenn aber zugleich bies unmöglich ift, zugleich auch unmöglich, daß aus einem identischen A Unterschiede M und N entspringen, was bleibt bann übrig, als ber Gebanke, bag es fachlich ursprüngliche Zusammengehörigkeiten des Berschiedenen gibt, ursprüngliche Synthesen, deren Beziehungsglieder durch keine Zwischenvermittlung zusammenhängen, welche ihre Bereinigung als noch so entfernte Folgen des Joentitätsgesetzes erscheinen ließe, und die dennoch unmittelbar zusammengehören? Wenn nun dies im Sein fich fo verhalten muß, wie konnte bas Erkennen genöthigt fein, sich die Gewißheit und das Verständniß eines Zusammenhanges durch eine weitere Bermittlung zu verschaffen, die in dem Zusammenhange selbst nicht vorhanden ist? Gewiß tann es baber lette und einfachste synthetische Wahrheiten geben, die, rein aufgefaßt, nicht blos thatfächlich gelten, sondern auch felbstverständlich, deren Evidenz aber, wenn man alles Logische auf den Satz der Identität gründen will, nicht mehr eine logische, sondern eber eine ästhetische zu nennen ift, und demgemäß nicht an ber Denkunmöglichkeit, sondern an ber evidenten Abfurdität ihres contradictorischen Gegentheils ihren Prüfftein hat. Bu diesen Wahrheiten gehören die einfachsten mechanischen Grundfäte; daß wir sie und alle ihres Bleichen nicht als die frühesten, stets besessenen Bestandtheile unserer Erkenntniß, sondern als die mühsam zu erringenden Endergebnisse derselben betrachten, ift zu deutlich schon oben ausgesprochen worden, um bier wiederholt werden zu muffen.

365. Von einzelnen Untersuchungen ausgehend finden wir zuerst einzelne solche Wahrheiten, jede für sich evident und der Anlehnung an andere unbedürftig; nichts hindert jedoch, sie alle, als zu derselben Welt gehörig, unter einander in Verbindung zu bringen und für sie einen höchsten vereinigenden Gesichtspunkt ebenso zu suchen, wie jede von ihnen für einen Kreis zusammengehöriger Thatsachen ihn darbot. Es

kann sein, daß dann manche dieser Wahrheiten ihren selbständigen Werth verliert, und in der That noch durch logische Mittel als Sonderfall einer allgemeineren nachweisbar wird, zu beren Ausdruck man Begriffe von hinlänglich umfassender Bobe ber Abstraction gefunden hat; es ist ebenso möglich und wahrscheinlicher, daß die vielen sich als zusammengehörige Elemente in die Ginheit eines Grundgebankens nur mit derfelben Evidenz äfthetischer Gerechtigfeit einordnen laffen, mit welcher jede einzelne die Bestandtheile ihrer Aussage logisch unbeweisbar zusammenfaßte. Diese Aufgabe sonthetischer und bennoch nothwendiger Entwicklung synthetischer Wahrheiten aus einem höchsten Princip ist vielleicht schon in noch unbestimmter Ahnung die Aufgabe Platonischer Dialektik gewesen; mit Recht kann man sie für bas Ziel halten, dem Hegels Erneuerung dieser antiken Bestrebung galt. Ueber Diese Bersuche, welche Deutschland einst begeisterten, ift die Gegenwart sehr nüchtern zur Tagesordnung übergegangen, zu der unablässigen empirischen Forschung, deren Unvollkommenheit den gewagten Flug dieses Poealismus lähmte; auch hatte er darin ohne Zweifel Unrecht, für vollendet und vollendbar anzusehen, was wir nur als das lette Biel einer der Bollendung fich nähernden Ertenntniß betrachten können. Aber im Angesicht ber allgemeinen Bergötterung, die man jett ber Erfahrung um so wohlfeiler und sicherer erweist, je weniger es noch Jemanden gibt, der ihre Wichtigkeit und Unentbehrlichkeit nicht begriffe, im Angesicht dieser Thatsache will ich wenigstens mit dem Bekenntniß, daß ich eben jene vielgeschmähte Form der speculativen Anschauung für das höchfte und nicht schlechthin unerreichbare Ziel der Wiffenschaft halte, und mit der Hoffnung schließen, daß mit mehr Mag und Burüchaltung, aber mit gleicher Begeisterung sich doch die deutsche Philosophie zu dem Versuche immer wiedererheben werde, den Weltlauf zu verstehen und ihn nicht blos zu berechnen.

Drud von E. Bofchel & Co. in Leipzig.





